### Исполнитель

Отчет по лабораторной работе №5 Модель хищник-жертва - вариант 50 Сыров Владислав Андреевич НКНбд-01-19

## Цель работы

Изучить модель хищник-жертва

### Задание

- 1. Построить график зависимости х от у и графики функций х(t), у(t)
- 2. Найти стационарное состояние системы

## Выполнение лабораторной работы

#### Теоретические сведения

В данной лабораторной работе рассматривается математическая модель системы «Хищникжертва».

Рассмотрим базисные компоненты системы.

Пусть система имеет X хищников и Y жертв. И пусть для этой системы выполняются следующие предположения: (Модель Лотки-Вольтерра)

- 1. Численность популяции жертв и хищников зависят только от времени (модель не учитывает пространственное распределение популяции на занимаемой территории)
- 2. В отсутствии взаимодействия численность видов изменяется по модели Мальтуса, при этом число жертв увеличивается, а число хищников падает
- 3. Естественная смертность жертвы и естественная рождаемость хищника считаются несущественными
- 4. Эффект насыщения численности обеих популяций не учитывается
- 5. Скорость роста численности жертв уменьшается пропорционально численности хищников:

$$\left\{ egin{aligned} rac{dx}{dt} &= -ax(t) + by(t)x(t) \ rac{dy}{dt} &= cy(t) - dy(t)x(t) \end{aligned} 
ight.$$

Параметр а определяет коэффициент смертности хищников, b – коэффициент естественного прироста хищников, c – коэффициент прироста жертв и d – коэффициент смертности жертв

В зависимости от этих параметрах система и будет изменяться. Однако следует выделить одно важное состояние системы, при котором не происходит никаких изменений как со стороны хищников, так и со стороны жертв. Это, так называемое, стационарное состояние системы. При нем, как уже было отмечено, изменение численности популяции равно нулю.

Следовательно, при отсутствии изменений в системе dx/dt = 0, dy/dt = 0

Пусть по условию есть хотя бы один хищник и хотя бы одна жертва: x>0, y>0 Тогда стационарное состояние системы определяется следующим образом:

$$x_0 = \frac{a}{b}, y_0 = \frac{c}{d}$$

#### Задача

$$\left\{ egin{aligned} rac{dx}{dt} &= -0.71x(t) + 0.046y(t)x(t) \ rac{dy}{dt} &= 0.64y(t) - 0.017y(t)x(t) \end{aligned} 
ight.$$

Постройте график зависимости численности хищников от численности жертв, а также графики изменения численности хищников и численности жертв

при следующих начальных условиях: x\_0=4, y\_0=12 Найдите стационарное состояние системы

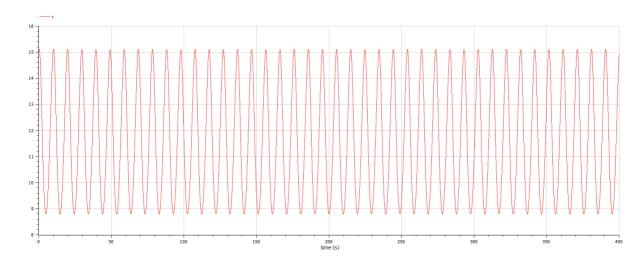
```
model Project

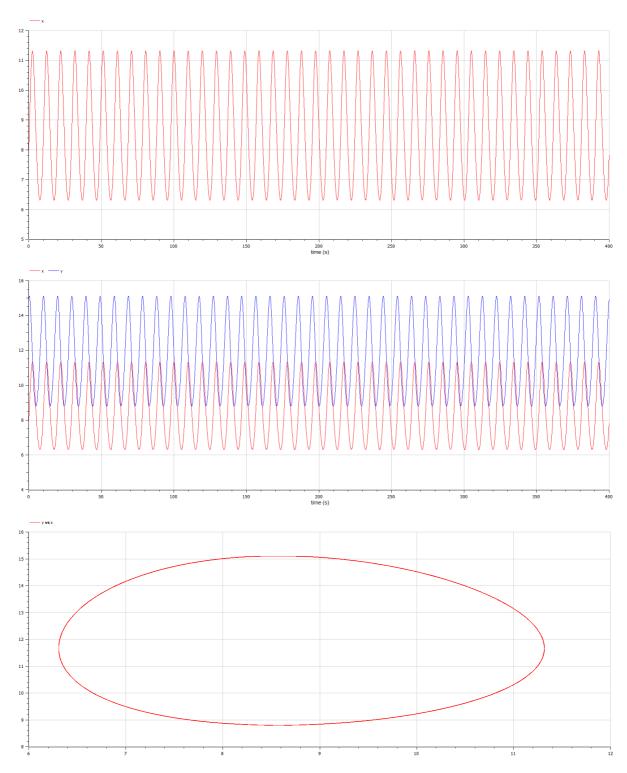
parameter Real a=0.71;
parameter Real b=0.046;
parameter Real c=0.64;
parameter Real d=0.017;

Real x(start=4);
Real y(start=12);

equation
   der(x)= -a*x + b*x*y;
   der(y)= c*y - d*x*y;

annotation(experiment(StartTime=0, StopTime=400, Tplerance=1e-06,Interval=0.05));
end Project;
```





Стационарное состояние X\_0=a/b=15.434, Y\_0=c/d=37.647

# Выводы

В ходе выполнения лабораторной работы была изучена модель хищник-жертва и построены графики.

# Список литературы

- 1. Модель Лотки-Вольтерры
- 2. Биология математическая