# Лекция 3 Стандарт MPI Коллективные обмены

#### Курносов Михаил Георгиевич

E-mail: mkurnosov@gmail.com WWW: www.mkurnosov.net

Курс «Параллельные вычислительные технологии» Сибирский государственный университет телекоммуникаций и информатики (г. Новосибирск) Осенний семестр, 2016



# Подсчет количества простых чисел (serial version)

```
int is_prime_number(int n)
   int limit = sqrt(n) + 1;
   for (int i = 2; i <= limit; i++) {
       if (n % i == 0)
                                                Определят, является ли число n
          return 0;
                                                       простым O(\operatorname{sqrt}(n))
   return (n > 1) ? 1 : 0;
int count_prime_numbers(int a, int b)
   int nprimes = 0;
                                                             Подсчитывает количество
   if (a <= 2) {
                                                         простых чисел в интервале [a, b]
       nprimes = 1;  /* Count '2' as a prime number */
       a = 2;
   a++;
   /* Loop over odd numbers: a, a + 2, a + 4, ..., b */
   for (int i = a; i <= b; i += 2) {
       if (is_prime_number(i))
          nprimes++;
                                                                   nprimes = 5
                               a = 16
                                                                                                            b = 35
   return nprimes;
                                                    21
                                                                     25
                                                                                                     33
                                16
                                        18
                                            19
                                                20
                                                        22
                                                            23
                                                                 24
                                                                         26
                                                                             27
                                                                                 28
                                                                                     29
                                                                                         30
                                                                                             31
                                                                                                 32
                                                                                                              35
                                    17
```

```
int is_prime_number(int n)
   int limit = sqrt(n) + 1;
   for (int i = 2; i <= limit; i++) {</pre>
       if (n % i == 0)
          return 0;
   return (n > 1) ? 1 : 0;
int count_prime_numbers(int a, int b)
   int nprimes = 0;
   if (a <= 2) {
       nprimes = 1;  /* Count '2' as a prime number */
       a = 2;
   a++;
   /* Loop over odd numbers: a, a + 2, a + 4, ..., b */
   for (int i = a; i <= b; i += 2) {
       if (is_prime_number(i))
          nprimes++;
   return nprimes;
```

Распределим итерации цикла между процессами MPI-программы

```
#include <mpi.h>
int main(int argc, char **argv)
    int a = (argc > 1) ? atoi(argv[1]) : 1;
    int b = (argc > 2) ? atoi(argv[2]) : 1000000;
   MPI Init(&argc, &argv);
    double t = MPI Wtime();
    int n = count prime numbers par(a, b);
    t = MPI Wtime() - t;
    printf("Process %d/%d time: %.6f\n", get comm rank(), get comm size(), t);
    double tmax = 0;
    MPI Reduce(&t, &tmax, 1, MPI_DOUBLE, MPI_MAX, 0, MPI_COMM_WORLD);
    if (get comm rank() == 0) {
        printf("Prime numbers on [%d, %d]: %d\n", a, b, n);
        printf("Execution time (sec): %.6f\n", tmax);
   MPI Finalize();
    return 0;
```

```
int count prime numbers par(int a, int b)
    int nprimes = 0;
    int 1b, ub;
    get_chunk(a, b, get_comm_size(), get_comm_rank(), &lb, &ub);
    /* Count '2' as a prime number */
    if (lb <= 2) {
        nprimes = 1;
        1b = 2;
    /* Shift 'a' to odd number */
    if (1b % 2 == 0)
        lb++;
    /* Loop over odd numbers: a, a + 2, a + 4, ..., b */
    for (int i = 1b; i \leftarrow ub; i += 2) {
        if (is prime number(i))
            nprimes++;
    int nprimes global;
    MPI Reduce(&nprimes, &nprimes global, 1, MPI INT, MPI SUM, 0, MPI COMM WORLD);
    return nprimes global;
```

Распределим итерации цикла между процессами MPI-программы отрезок процесса — [lb, ub]

```
void get chunk(int a, int b, int commsize, int rank, int *1b, int *ub)
{
    * This algorithm is based on OpenMP 4.0 spec (Sec. 2.7.1, default schedule for loops)
     * For a team of commsize processes and a sequence of n items, let ceil(n ? commsize) be the integer q
    * that satisfies n = commsize * q - r, with 0 <= r < commsize.
    * Assign q iterations to the first commsize - r processes, and q - 1 iterations to the remaining r processes.
    int n = b - a + 1;
   int q = n / commsize;
   if (n % commsize)
        q++;
   int r = commsize * q - n;
    /* Compute chunk size for the process */
   int chunk = q;
   if (rank >= commsize - r)
        chunk = q - 1;
    /* Determine start item for the process */
    *lb = a;
   if (rank > 0) {
        /* Count sum of previous chunks */
        if (rank <= commsize - r)</pre>
            *1b += q * rank;
        else
            *1b += q * (commsize - r) + (q - 1) * (rank - (commsize - r));
    *ub = *lb + chunk - 1;
```

Отрезок [a, b] разбивается на commsize частей

```
# 1 процесс (serial), кластер Jet
Prime numbers on [1, 10000000]: 664579
Execution time (sec.): 7.250906
# 8 процессов, кластер Jet
                                                             Ускорение в 5.7 раз
Process 0/8 time: 1.267749
Process 1/8 time: 0.641178
                                                            Процессы загружены
Process 2/8 time: 0.918755
                                                         вычислениями неравномерно
Process 3/8 time: 0.915586
                                                              (load imbalance)
Process 4/8 time: 1.267748
Process 5/8 time: 1.104172
Process 6/8 time: 1.268977
Process 7/8 time: 1.266601
Prime numbers on [1, 10000000]: 664579
Execution time (sec): 1.268977
```

```
int count prime numbers par(int a, int b)
    int nprimes = 0;
    int lb, ub;
    get_chunk(a, b, get_comm_size(), get_comm_rank(), &lb, &ub);
    /* Count '2' as a prime number */
    if (lb <= 2) {
        nprimes = 1;
       1b = 2;
    /* Shift 'a' to odd number */
    if (1b % 2 == 0)
       lb++;
    /* Loop over odd numbers: a, a + 2, a + 4, ..., b */
    for (int i = 1b; i <= ub; i += 2) {
        if (is prime number(i))
            nprimes++;
    int nprimes global;
    MPI Reduce(&nprimes, &nprimes global, 1, MPI INT, MPI SUM, 0, MPI COMM WORLD);
    return nprimes global;
```

#### Проблема 1

Неравномерная загрузка процессов

- Process 0: 0, 1, 2, 3
- Process 1: 4, 5, 6, 7
- Process 3: 8, 9, 10, 11

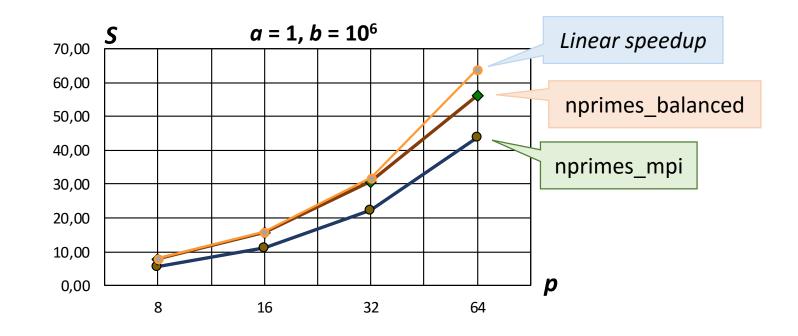
```
int roundup_to_odd(int a) { return (a % 2 == 0) ? a + 1 : a; }
int next nth odd(int a, int n) { /* assert: a % 2 != 0 */ return a + 2 * n; }
int count prime numbers par(int a, int b)
    int nprimes = 0;
    /* Count '2' as a prime number */
    int commsize = get comm size();
    int rank = get comm rank();
    if (a <= 2) {
        a = 2;
        if (rank == 0)
            nprimes = 1;
    a = roundup to odd(a);
    for (int i = next nth odd(a, rank); i <= b; i = next nth odd(i, commsize)) {</pre>
        /* i is odd number */
        if (is prime number(i))
            nprimes++;
    int nprimes global = 0;
    MPI Reduce(&nprimes, &nprimes global, 1, MPI INT, MPI SUM, 0, MPI COMM WORLD);
    return nprimes global;
```

Циклическое (round-robin) распределение итераций по процессам

# Экспериментальный анализ масштабируемости

 Анализ строгой масштабируемости (strong scaling) – при фиксированном размере входных данных выполняем измерения при различном числе процессов

1	P = 8		P = 32				P = 64
$T_1$	T <sub>8</sub>	$S_8 = T_1 / T_8$	T <sub>32</sub>	$S_{32} = T_1 / T_{32}$	•••	$S_{64} = T_1 / T_{64}$	



#### Коллективные обмены (Collective communications)

#### Трансляционный обмен (One-to-all)

- MPI\_Bcast
- MPI\_Scatter
- MPI\_Scatterv

#### Коллекторный обмен (All-to-one)

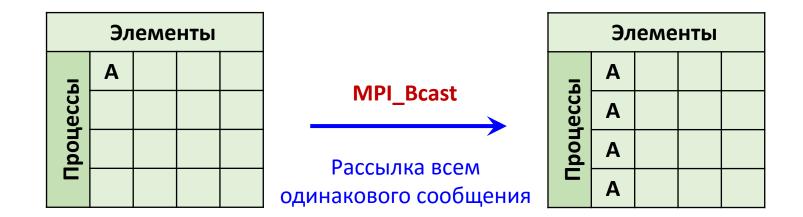
- MPI\_Gather
- MPI Gatherv
- MPI\_Reduce

#### Трансляционно-циклический обмен (All-to-all)

- MPI\_Allgather
- MPI\_Allgatherv
- MPI\_Alltoall
- MPI\_Alltoallv
- MPI\_Allreduce
- MPI\_Reduce\_scatter

- Участвуют все процессы коммуникатора
- Коллективная функция должна быть вызвана каждым процессом коммуникатора
- Коллективные и двусторонние обмены в рамках одного коммуникатора используют различные контексты

#### MPI\_Bcast



- MPI\_Bcast рассылка всем процессам сообщения buf
- Если номер процесса совпадает с root, то он отправитель, иначе приемник

#### MPI\_Scatter

Элементы						Элементы			
-	A0	A1	A2	А3	NADL Cootton	4	A0		
роцессы					MPI_Scatter	ecci	A1		
					Рассылка всем	роц	A2		
					<b>разных</b> сообщений		А3		

- Pasmep **sendbuf** = sizeof(sendtype) \* sendcnt \* commsize
- Pasmep **recvbuf** = sizeof(sendtype) \* recvcnt

### MPI\_Gather

Элементы						
lc	A0	A1	A2	А3		
ессь						
Процессы						
П						

MPI\_Gather
Прием от всех разных сообщений

Элементы					
lc	Α0				
eccı	<b>A1</b>				
Процессы	A2				
	А3				

■ Pasmep **sendbuf**: sizeof(sendtype) \* sendcnt

■ Pasmep recvbuf: sizeof(sendtype) \* sendcnt \* commsize

### MPI\_Alltoall

Элементы						
lo	A0	A1	A2	А3		
Процессы	В0	B1	B2	В3		
hod	СО	C1	C2	С3		
Ш	D0	D1	D2	D3		

WIFI_AIILUAII					
В каждом процессе					
собираются сообщения					
всех процессов					

MDI Alltoall

Элементы							
l	A0	В0	СО	D0			
ecci	<b>A1</b>	B1	<b>C1</b>	D1			
Процессы	A2	B2	C2	D2			
	А3	В3	С3	D3			

- Pasmep sendbuf: sizeof(sendtype) \* sendcount \* commsize
- Pasmep recvbuf: sizeof(recvtype) \* recvcount \* commsize

#### All-to-all

```
int MPI_Allgather(void *sendbuf, int sendcount,
                  MPI_Datatype sendtype,
                  void *recvbuf, int recvcount,
                  MPI Datatype recvtype,
                  MPI Comm comm)
int MPI_Allgatherv(void *sendbuf, int sendcount,
                   MPI_Datatype sendtype,
                   void *recvbuf, int *recvcounts,
                   int *displs,
                   MPI_Datatype recvtype,
                   MPI Comm comm)
int MPI_Allreduce(void *sendbuf, void *recvbuf,
                  int count, MPI_Datatype datatype,
                  MPI_Op op, MPI_Comm comm)
```

### MPI\_Reduce



- Pasmep sendbuf: sizeof(datatype) \* count
- Pasmep recvbuf: sizeof(datatype) \* count

### Операции MPI\_Reduce

- MPI\_MAX
- MPI\_MIN
- MPI\_MAXLOC
- MPI\_MINLOC
- MPI\_SUM
- MPI PROD

- MPI\_LAND
- MPI\_LOR
- MPI\_LXOR
- MPI BAND
- MPI BOR
- MPI\_BXOR

- Операция пользователя должна быть ассоциативной
   A \* (B \* C) = (A \* B) \* C
- Если commute = 1, то операция коммутативная A \* B = B \* A

#### Барьерная синхронизация

```
int MPI_Barrier(MPI_Comm comm)
```

 Блокирует работу процессов коммуникатора, вызвавших данную функцию, до тех пор, пока все процессы не выполнят эту процедуру

# Неблокирующие коллективные операции (MPI 3.0)

- **Неблокирующий коллективный обмен**(Non-blocking collective communication) коллективная операция,
  выход из которой осуществляется не дожидаясь завершения операций обменов
- Пользователю возвращается дескриптор запроса (request), который он может использовать для проверки состояния операции
- <u>Цель</u> обеспечить возможность совмещения вычислений и обменов информацией

# Неблокирующие коллективные операции (MPI 3.0)

```
MPI Request req;
MPI Ibcast(buf, count, MPI INT, 0, MPI COMM WORLD, &req);
while (!flag) {
    // Вычисления...
    // Проверяем состояние операции
    MPI Test(&req, &flag, MPI STATUS IGNORE);
MPI Wait(&req, MPI_STATUS_IGNORE);
```

#### Вычисление числа $\pi$

```
int main(int argc, char **argv) {
                                                                 \pi = \int \frac{4}{1+x^2} dx
    int rank, commsize;
    MPI Init(&argc, &argv);
    MPI_Comm_size(MPI_COMM_WORLD, &commsize);
    MPI Comm rank(MPI COMM WORLD, &rank);
                                                                 \pi \approx h \sum_{i=1}^{\infty} \frac{4}{1 + (h(i-0.5))^2} \qquad h = \frac{1}{n}
    int n = 10000000000;
    MPI Bcast(&n, 1, MPI INT, 0, MPI COMM WORLD);
    double h = 1.0 / (double)n;
    double sum = 0.0;
    for (int i = rank + 1; i <= n; i += commsize) { ___</pre>
        double x = h * ((double)i - 0.5);
                                                                         Итерации циклически (round-robin)
        sum += 4.0 / (1.0 + x * x);
                                                                          распределены межу процессами
    double pi_local = h * sum;
    double pi = 0.0;
    MPI_Reduce(&pi_local, &pi, 1, MPI_DOUBLE, MPI_SUM, 0, MPI_COMM_WORLD);
    if (rank == 0) printf("PI is approximately %.16f\n", pi);
    MPI Finalize();
    return 0;
```

# Обработка изображения (contrast)

```
npixels = width * height;
npixels_per_process = npixels / commsize;
                                                               P_0
                                                               P_{N-1}
                           width
```

# Обработка изображения (contrast)

```
int main(int argc, char *argv[]) {
   MPI_Init(&argc, &argv);
    int rank, commsize;
   MPI Comm rank(MPI_COMM_WORLD, &rank);
   MPI Comm size(MPI COMM WORLD, &commsize);
    int width, height, npixels, npixels_per_process;
    uint8 t *pixels = NULL;
    if (rank == 0) {
       width = 15360; // 15360 x 8640: 16K Digital Cinema (UHDTV) ~ 127 MiB
       height = 8640;
       npixels = width * height;
        pixels = xmalloc(sizeof(*pixels) * npixels);
        for (int i = 0; i < npixels; i++)</pre>
           pixels[i] = rand() % 255;
   MPI_Bcast(&npixels, 1, MPI INT, 0, MPI COMM WORLD); // Send size of image
    npixels per process = npixels / commsize;
    uint8_t *rbuf = xmalloc(sizeof(*rbuf) * npixels_per_process);
    // Send a part of image to each process
    MPI_Scatter(pixels, npixels_per_process, MPI_UINT8_T, rbuf, npixels_per_process, MPI_UINT8_T,
                0, MPI COMM WORLD);
```

# Обработка изображения (contrast, 2)

```
int sum local = 0;
for (int i = 0; i < npixels per process; i++)</pre>
    sum local += rbuf[i] * rbuf[i];
/* Calculate global sum of the squares */
int sum = 0;
// MPI Reduce(&sum local, &sum, 1, MPI INT, MPI SUM, 0, MPI COMM WORLD);
MPI Allreduce(&sum local, &sum, 1, MPI INT, MPI SUM, MPI COMM WORLD);
double rms;
// if (rank == 0)
rms = sqrt((double)sum / (double)npixels);
//MPI Bcast(&rms, 1, MPI DOUBLE, 0, MPI COMM WORLD);
```

# Обработка изображения (contrast, 3)

```
/* Contrast operation on subimage */
for (int i = 0; i < npixels_per_process; i++) {</pre>
    int pixel = 2 * rbuf[i] - rms;
    if (pixel < 0)</pre>
        rbuf[i] = 0;
    else if (pixel > 255)
        rbuf[i] = 255;
    else
        rbuf[i] = pixel;
MPI Gather(rbuf, npixels per process, MPI UINT8 T, pixels,
           npixels_per_process, MPI_UINT8_T, 0, MPI_COMM_WORLD);
if (rank == 0)
    // Save image...
free(rbuf);
if (rank == 0)
    free(pixels);
MPI_Finalize();
```