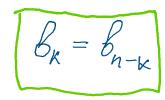
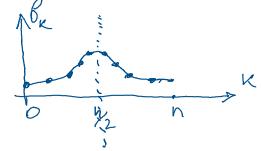
4 ноября 2020 г. 15:49

Гомологии многообразий и двойственность Пуаккаре

Туся М-надкое компактые мыогообразие

Rocienne roabreme Honosberrocon cumulipur 44cen Detty





Copaleganto dans O-rucen Destu, eaner Mopucerrupyeno

· 22 - rucen bette b obuseur any real

Cuegosbue: M Heres no mep no => 1/ (M) = 0

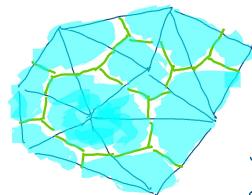
Истипная формулировка двой ствениост Пуанкаре!

Teopera. M = magkor Kompakting, dim M = n

M-opnerayyens: $H_{K}(M) \cong H^{h-k}(M)$

Изоторения теорения естественный и инест несто с учетым кругения.

Дока зачениет во. В отберен триантупецию Киногообразне М и перепрени к' Жойственому" клеточному разбиенть К*



1) Repexodua & Sapurgenspuredomy ragpazonemno

2) Катбот симплекту исходной триантуреции сопоставляем его "зведу" — объертнение при пъткалощих симпликсов дополительной разтерности в бариценъ ригеском побразывание.

Monerbeyere passueme abacetel enemormen (He cumpan-MARRETGA Enemyone

CUMPARISHEMENTO (1:1) (N-K) - KARTEN SCOULO BENNO 20 | MARMOTHORD PAJENEMEN K

A enegoheransno, nzomop duzm $C_{K}(K) \subseteq C^{n-k}(K^{*})$

From uzomopouja konnytu jyts c onepayueen byenue (ko) panusen $C_{k}(k) \xrightarrow{\partial} C_{k-1}(k)$ $C_{k-1}(k)$ $C_{k-1}(k)$ $C_{k-1}(k)$ $C_{k-1}(k)$

(ДАД этого мужью выбрать согласованные ориентации синтиков в к, клеток в К+ и иногообразия М. Мого расстояривать комплексог с кодфиционтами в Тгг)

Имыт сповати, ценной комплекс $C_{\pm}(K)$ разбивани K — Это то те сато , что и комплекс $C(K^{\pm})$ разбивани K_{\pm}^{\pm} с точности до обращения нутерации групп. Изоторовизт неорения вытекает из того, что (ко) гонологии не звисят от выбора киеточного разбиения.

Hk (M)

1 Son of humoca

Hn-k (M)

4 More (M)

yonop duyntr

Harrammen, no Hin (M) = 20, M neophenotypens

Hin (M; Zg) = Zg lo feex crysaix

Ospaggiousae ofynnes Hin (M) reorgailaerce by ware marenous

Kraccon [M].

Touce sono, [M] - cyana nempron cumpuercol (B34764 c opierra quorme, and y supobarnonne uz oquentaque M)

Cueger bue. Barkoe (opnemmysbannoe) k-mepnoe kompaksmoe hogunosoospague zagaet k-mepnous know romonorum

 $i: X \hookrightarrow M$ $i_{*}: H_{k}(X) \longrightarrow H_{k}(M)$ $i_{*}[X] \in H_{k}(M)$

Byecro baomenua names bjær sporzbonence orospamenue $f: X \to M$. Torga $f_*[X] \in H_K(M)$

Bules: Knacco remenonin mommo fegeralaus.
"Gurnam". K-mepuonin yuka - 2+0

- @ K-meprose nogar no ros pague, yan
- · orpaj k-neproso erroroopgne up uentesoluou

BamHo: Baskun yuki Joannen Stato

- · KOMPAKTUREM
- · opulur polasieras (un pacamon pubacos co romopone e k en 6 2e)

Nounep. M=12							
n	$H_n(T^2)$	OSpazyiowine					
0	2	точка (побад)					
1	202	napanaeus, mapuduan (100000)					
2	Z	cary top					

Вэтом описании шотно не упомикать, какое клеточное (сенинициальное) разблении использется при вычислении гомальний.

However $M=T^2$ optil

to $(M)=H_0(T^2)=T$) to 4 xa, napanneus, metadueus $H_1(M)=H_0(T^2)=DDT$) ntmegresbyrot rea M M xavecabe suscarb $H_2(M)=0$: ∂b yareprove (companions) sources or eye or b your

Eau unelmes (k+1)-mepuse nognuors et pagne W "mërika" e kpana $X_1 \coprod X_2$, mo $[X_1] = [X_2]$



(под) имогообразии и постронеть на его основе обобщенную террию гологоми". Такая теория существует и называетая теория существует и называетая

Die Teopher Some anomnan, sem Teopher romodomm. Hanfunep, b ken dame y morgen "o Sodisemme romonomice" netpubliquemos:

- · RP He Almeeter sparnisen inikacero 3-reproso vinoroopajne
- СР не ивпется практиры тикажого 5-мерного ориентированного многобряда

Сиетка боббува, можно допусть, но цика — инсотобрани с особенноствам, при условим, го особые тоги оргунот позмотесяво размерности $\leq h-2$.

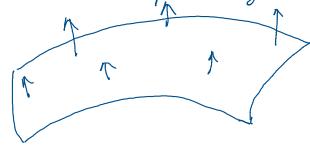
Dan tatux yukas c ocobennocsumu barkol unoro ospajne shaper ul panusur closero koryca.

Korononomi

Dévicobennois Mankope noy bonder nouvelle réputation remembrances.

Огр. к-Коченки — шадкое запкнутое, коориентированное подмногообразие коразиориясы к

поринация подпистообразна — орментанна пространсва, дополнитаньного к пориднию ту



Eam 65 senaioisel vikoro of pague opnetti lepobaho, 70 usopnemagne (-> opnemagne

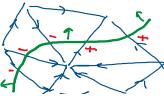
Econ ecro de nogresco o Speque

o ophentipolanme pajnepmeru K

to b kanedoù torke Tpanchepeaasnoo nepecerene onpederere un nokanomin undere nepereme II

Пуст X с м конта коратириост к в общем полотелим но отпошению к некоторой тривинульным к на М. Тогда индекс пресетение задает к-тернуло колень $f_X \in C^k(K)$

Эта колинь замкнута ч задает клогс коломольт



[X] = HK(M)

B TO COOTBETETONE X OPONIO Y KARD BIBBET RE OMICCINIE romonoppuzna ospatnoso ospanja b kononokoniex f: N - 1M $f: H^{K}(M) \rightarrow H^{K}(N)$

Too X

Too X

Oup. Nych $f(x) \in X \subset M$. f regardant to expance peaseness f so othornous χX , even $f_*(T_{\infty}N) + T_{f(x)}X = T_{f(x)}M$

Obuse omodpameme spanchepearance x lo ble sorkay. Be som anyrae, no reopene e Heabnoir byukyum negamonodpeque $f^{-1}(x) \subset \mathcal{N}$

- · magkoe Kopajanephoern K
- · Loopueronpolante
- « spescrabaler meace f [X] & H* (N)

for repelegat yourn XBN B yourn \$(x) BM

for repelegat known XBM Kousium \$(x) BX

Eur XCM ROMPORTKON, opensupolanos, To

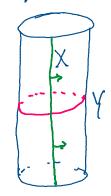
K X

[X]et, (M) [X] eHn-k(M)

Это согласуется с двойственностью Пуанкарзе

B oбщем стугае циклы и контклы - резиме вещи

Topumer M=S1 x IR ~ S1



LYE H, (M) = H, (S1)=Z

[X] = H1 (M) = H1 (S1) = H0 (S1) = Z X=p1 (.)

Boneranua:

e Rak Koywa, [Y] EH'(M) Koppertus onpéderen, Ho paben Hynno

Thoughtour memby $H_1(M) = 1 - 0$ thanger Thought memby $H_1(M) = H^1(M)$

Двойственноеть Пуанкаре дне некомпоктных имогообразий Пусть некомпактное иногообразие имеет вад М\дМ, где М- (компоктное, связное) иногообразие с краем.

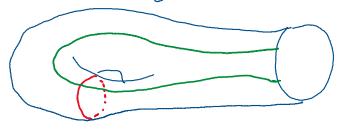
$$M \rightarrow M \rightarrow H_{\kappa}(M \rightarrow M) = H_{\kappa}(M)$$

$$H^{\kappa}(M \rightarrow M) = H^{\kappa}(M)$$

Orbegevenue. $H_{\kappa}(M,\partial M) = \overline{H}_{\kappa}(M/\partial M) = \begin{cases} H_{\kappa}(M/\partial M), \kappa>0 \\ 0, \kappa=0 \end{cases}$ $H^{\kappa}(M,\partial M) = \overline{H^{\kappa}(M/\partial M)} = \begin{cases} H^{\kappa}(M,\partial M), \kappa>0 \\ 0, \kappa=0 \end{cases}$ $H^{\kappa}(M,\partial M) = \overline{H^{\kappa}(M/\partial M)} = \begin{cases} H^{\kappa}(M,\partial M), \kappa>0 \\ 0, \kappa=0 \end{cases}$

Теорена. Туств M орчентируето (ими готоготи с когрупция O_2) $H_K(M) \cong H^{n-K}(M, \partial M)$ $H^K(M) \cong H_{n-K}(M, \partial M)$

3ameranel. M/dM He Abareman mongrame unoroospaguena u son Ha isomopopisma ne barnenaros degra us gegra



negentoroofpazue
Sez kpane
dim X=K
Opnertupolaknoe:

nodmhorooopazue
c kpaem, remausen & dM
dim X = K
wopueumupobakuoe:

$$H_{\kappa}(M)$$
 $H^{n-\kappa}(M)$
 $H^{n-\kappa}(M,\partial M)$
 $H_{\kappa}(M,\partial M)$

Baruaums romonorum npocmpanemba $M = \mathbb{RP}^3 \setminus \{pt\}$

Penceruse

$$H_{K}(M) = H_{K}(RP^{3} \setminus B^{3}) = H^{3-k}(RP^{3}B^{3}) = \overline{H}^{3-k}(RP^{3})$$

h	0	t	2	3
Hn (12/23)	22	Z2	0	Z
H1/(RP3)	22	0	Z	\mathbb{Z}
HM(RP3)	0	0	7/2	22
HK (M)= HBn (RP)	2	Za	0	0

B genembementeroemu, M~RP2

Barabuens rononomen parmopa M/dM

- из клеточного развиения

.2020						(JneNote				
решений — из тоуной последовательности							nappe				
- uz dépûterbesence Pyankape											
$H_k(M_1 \partial M) = H^{3-k}(M) = H^{3-k}(S^1)$											
K	0	1	2	3							
H (S1)	72	22	۵	0							
Hz (M,) M) = H3-k(S1)	0	0	2	2							
HK (MSM)	7	0	Z	Z							