## Семинар под номером восемь

- 1. Рассмотрим двумерное комплексное представление группы  $\mathbb{Z}_3 \times \mathbb{Z}_3$ . Доказать, что характер этого представления нигде не обращается в нуль.
- 2. Рассмотрим двумерное представление группы диэдра  $D_N$ , которое отождествляет ее с группой ортогональных преобразований плоскости, сохраняющих правильный N-угольник. Найти характер этого представления.
- 3. Рассмотрим трехмерное представление группы  $S_4$ , которое отождествляет ее с группой ортогональных самосовмещений правильного тетраэдра. Найти характер этого представления.
  - 4. Составить таблицу неприводимых характеров групп:  $\mathbb{Z}_2, \mathbb{Z}_5, \mathbb{Z}_2 \times \mathbb{Z}_2$ .
- 5. Найти модуль определителя таблицы неприводимых характеров абелевой группы порядка 1908.
  - 6. Составить таблицу неприводимых характеров групп:  $S_3$ ,  $A_4$