

Найти ограничение скобки Пуассона
на лист $\begin{cases} h^2 + u^2 - v^2 = 0 \\ v \geq 0 \end{cases}$

- (*) 1) Найти удобную параметризацию пов-ти
и вычислить ск.П. в терм. этой парам.

~~$$\begin{cases} h = z \cosh \cos \varphi \\ u = z \cosh \sin \varphi \\ v = z \sinh \end{cases}$$~~

~~$$z = R > 0 = \text{const}$$~~

~~$$z^2 = h^2 + u^2 - v^2$$~~

~~$$z = R \cdot \cosh \varphi$$~~

$$\begin{cases} h = z \cos \varphi \\ u = z \sin \varphi \\ v = z \end{cases}$$

$$z^2 \cosh^2 \varphi = z^2 (\cosh^2 \varphi - \sinh^2 \varphi)$$

$$z, \varphi: z > 0, \varphi \in [0, 2\pi)$$

$$z = R = \text{const} > 0$$

$$\{h, u\} = \{h, x+y\} = 2v$$

$$\{h, v\} = 2u$$

$$\{u, v\} = -2h$$

~~$$\cosh^2 \varphi - \sinh^2 \varphi = 1$$~~
$$\text{tg } \varphi = \frac{u}{h}$$

$$\{z, \varphi\} = \{v, \varphi\}$$

$$\begin{aligned} \{v, \text{tg } \varphi\} &= \{v, \frac{u}{h}\} = \left(\frac{1}{h} \{v, u\} - \frac{u}{h^2} \{v, h\} \right) = \\ &= \frac{1}{h} \cdot 2h - \frac{u}{h^2} \cdot (-2u) = \underline{2 + \frac{2u^2}{h^2}} \end{aligned}$$

$$\{z, \text{tg } \varphi\} = \{z, \varphi\} \frac{1}{\cos^2 \varphi}$$

$$\{z, \varphi\} = \cos^2 \varphi \left(2 + \frac{2u^2}{h^2} \right) = \cos^2 \varphi \left(\frac{2(h^2 + u^2)}{h^2} \right) =$$

$$= \frac{\cos^2 \varphi \cdot 2z^2}{z^2 \cos^2 \varphi} = 2.$$