## Аксибиог теории гомогоний

Cobragais C Kilmornsieur.

(Canynapuse) ronovouver conocmalariot
mononovereceoux spoompanerby (run nape)
yrynnor vouvororui

$$X \longrightarrow H_n(X)$$
  
 $(X,A) \longrightarrow H_n(X,A)$ 

T Pythemopulaus the comb
$$f: X \to Y \qquad f_*: H_n(X) \to H_n(Y)$$

$$(f \circ g)_* = f_* \circ g_*$$

III  $M_{2}OMOp\phi_{U2}w$  bospezance (X,A) Tonoronireckare hapa U omepoimo,  $\overline{U} \in A$   $\Rightarrow H_{n}(X,A) \stackrel{\sim}{=} H_{n}(X \setminus U, A \setminus \overline{U})$ Cuegembre. (X,A) - kuemoruse hapa =

Cuegembre. (X,A) - knemormae hapa =>  $H_{h}(X,A) = \overline{H}_{h}(X/A)$ 

IV Chazorbanoujum romonoppuzus  $H_n(X,A) \stackrel{2}{\to} H_{n-1}(A),$ 9 nupear normais nocuezobetensus u éé bymitopmannocs:
otospamenne hap undympyes ronomopouzu
dannoux tornex hocuegobament tocmen V Touoronne morker

$$H_n(pl) = \{2, n = 0\}$$

Свойства (аксионо теории понологий

Т Рункторионичность

Т Гототомическая инвариаттивет

Т Изоторфизм вирезания и  $H_n(X,A) \cong \overline{H}_n(X/A)$ Т Оминная точная последовативность погры

Т Гомологии точки

Георена. Для кнеточных пространств все теории гомоночий, удовнетворяющие акшеман, совпадают
Следствие. Киеточные гомоночные кнеточных пространств
изоторфия сихунярными

Uges gokajamensemba: Построить ангорити вышими гомогония, которий использует точько аксионы Использовать данниче точные последовательности дне различном троек пространся из фильтрации  $X_0 \subset X_1 \subset X_2 \subset X_3 \subset ... \subset X$ где Хк-к-мерный остов.

Replour mas

Мдоморфизм падельойки  $H_n(\Sigma X) \cong H_{n-1}(X)$  (щ точной последовательности пары (CX, X))

Bouncience romonomin coepoc  $S^h = ZS^{h-1}$ a tokne Syxeme coep  $S^h v s^h v ... v s^h$ undyaguen no h  $H_K(VS^h) = \{2, k \neq h\}$ 

(Напоченой шал индуклен — букет О-меркох сфер)

Bropon war  $X_0 \subset X_1 \subset X_2 \subset \ldots \subset X$ Xx/Xxy = VSK

x-neprue

xnerku Orpegenenne.  $C_{\kappa}(x) = H_{\kappa}(x_{\kappa}/x_{k}) (\cong \mathbb{Z}^{\# \kappa - \kappa nerok})$ 

Probabilities: 
$$C_{k}(X) \xrightarrow{\geq} C_{k-1}(X)$$
 $H_{k}(X_{k}, X_{k-1}) \xrightarrow{\geq} H_{k-1}(X_{k-1}, X_{k-2})$ 

 $H_{\kappa}(X_{\kappa}, X_{\kappa-1}) \xrightarrow{\partial} H_{\kappa-1}(X_{\kappa-1}, X_{\kappa-2})$ Chazorbarousun romoprop puzzu az morron
roccedolateurocmu mpoñen  $(X_{\kappa}, X_{\kappa-1}, X_{\kappa-2})$ ,  $\tau$ . e. napu  $(X_{\kappa}/X_{\kappa-2})X_{\kappa-1}/X_{\kappa-2})$ 

0 = C (X) = G (X) = G (X) = ... Hymno mpolepatte

- . 9-9 = 0
- · д совпадает с ураничним оператором компиекса клемотник ценей
- гомогонии компиекса равна (симунарным) гомономиям простанска Х

agnereure rononomie upu aprime banne ognocih- megnoù kuemkre  $0 \rightarrow H_{\kappa}(x) \rightarrow H_{\kappa}(y) \rightarrow 0 \qquad (\kappa \neq n, n-1)$  $0 \rightarrow H_n(X) \rightarrow H_n(Y) \rightarrow H_n(Y/X) \rightarrow H_{n-1}(X) \rightarrow H_{n-1}(Y) \rightarrow 0$ Borbog: nont nomekets es tous to jey mos Hu um Hn-1, t.e. Hk(x) ≥ Hk(y) you x ≠ n, n-1

Cregerbue. 
$$H_n(X) = H_n(X_{n+1}, X_{n-2})$$

$$\begin{array}{ccc}
& & & & & & & & & & & & \\
H_{n}\left(X_{n-1}, X_{n-2}\right) & & & & & & & & \downarrow \\
& & & & & & & \downarrow \\
& & & & & & \downarrow \\
& & & \downarrow \\
& & & & \downarrow \\
& \downarrow$$

- $(X_{n_i}X_{n-1}X_{n-2})$

$$H_{n+1}(X_{n+1}, X_n) \rightarrow H_{n}(X_n, X_{n-2}) \rightarrow H_{n}(X_{n+1}, X_n)$$

$$H_{n+1}(X_{n+1}, X_n) \rightarrow H_{n}(X_n, X_{n-2}) \rightarrow H_{n}(X_{n+1}, X_{n-2}) \rightarrow H_{n}(X_{n+1}, X_n)$$

$$H_{n+1}(X_{n+1}, X_n) \xrightarrow{\partial_{n+1}} H_{n}(X_n, X_{n-1})$$

$$\frac{\partial_{n} U}{\partial_{n} U} C$$

$$H_{n-1}(X_{n-1}, X_{n-2})$$

Mocnegobanessuscos Mariepa-Boemopuca X=AUB

 $H_{n-1}(A\cap B) \rightarrow H_{n}(A) \oplus H_{n}(B) \rightarrow H_{n-1}(A\cup B) \rightarrow H_{n-1}(A\cap B) \rightarrow H_{n-1}(A) \oplus H_{n-1}(B) \rightarrow \dots$ Доказатеметво дле спутач, когда А,В-клеточные

 $A \xrightarrow{AB} X \longrightarrow Y = A$ 

(Y, A UB)

 $H_n(Y) = H_n(X), H_n(A \sqcup B) = H_n(A) \oplus H_n(B)$ 

 $H_n(Y/(A \cup B)) = H_n(\Sigma(A \cap B)) = H_{n-1}(A \cap B)$ 

I pumer mouneHerma Teopena Cumullywarbible remembrant communiquent non шножества изоморфиот синумерним.

Desagement et lo. Unestal ecreci betthe romanop puzu yenhour rommexiol

Докатем, 170 он индуцирует изоморфизм гомологий. • 70 верно для стугах, когда X-симением

- · Uz M-B u 5-revuer butckaet, uno eaux 300 Bepro gua nograpoespances A, B, ANB, To Bepro

Утвертдение теореши попучается индукцией по rucy coursexcol

вамено: изонорфизм гомольний индучируется сомоморфизмом Koundercob