

SVEUČILIŠTE U ZAGREBU  
**FAKULTET ELEKTROTEHNIKE I RAČUNARSTVA**

DIPLOMSKI RAD br. 1150

**UPRAVLJANJE BRZINOM VRTNJE  
ISTOSMJERNIH MOTORA BEZ ČETKICA KOD  
BESPILOTNIH LETJELICA**

Vlado Perković

Zagreb, rujan, 2025.

Zagreb, 3. ožujka 2025.

## **DIPLOMSKI ZADATAK br. 1150**

Pristupnik: **Vlado Perković (0036535500)**

Studij: Računarstvo

Profil: Računalno inženjerstvo

Mentor: doc. dr. sc. Leonardo Jelenković

Zadatak: **Upravljanje brzinom vrtnje istosmjernih motora bez četkica kod bespilotnih letjelica**

### Opis zadatka:

Bespilotne letjelice (dronovi) uobičajeno za pogon koriste istosmjerne motore bez četkica (engl. Brushless DC motor - BLDC). Kod višerotorskih dronova, kontrola brzine pojedinih rotora ključna je za stabilnost i upravljanje putanjom, što zahtijeva pouzdan i precizan sustav upravljanja. Zadatak diplomskog rada je osmišljavanje i implementacija algoritma za kontrolu brzine vrtnje BLDC-motora, prilagođenog za primjenu na dronovima. Usporediti ostvareno upravljanje s postojećim dostupnim implementacijama (zatvorenog kôda).

Rok za predaju rada: 4. srpnja 2025.

*Hvala na čaju...*


# Sadržaj

<b>1. Uvod</b>	<b>3</b>
<b>2. Istosmjerni elektromotor bez četkica</b>	<b>5</b>
2.1. Osnove i konstrukcija	5
2.2. Matematički model motora	7
2.3. Protuelektromotorna sila	9
2.4. Konfiguracija namotaja na statoru	10
2.5. Odnos momenta i brzine vrtnje	12
<b>3. Upravljanje motorom BLDC bez osjetila položaja</b>	<b>14</b>
3.1. Metoda komutacije u šest koraka	14
3.2. Upravljanje naponom i strujom signalima PWM-a	16
3.3. Detekcija položaja rotora s pomoću PEMS-a	19
3.4. Faze pokretanja i rada motora	22
3.5. Model regulacije brzine	22
<b>4. Eksperimentalni postav</b>	<b>23</b>
4.1. Elektronički sklop za upravljanje brzinom	23
4.2. Elektromotor <i>A2212/13T 1000KV</i>	24
4.3. Enkoder	24
4.4. Mjerni instrumenti	25
4.5. Programska podrška	25
<b>5. Implementacija</b>	<b>27</b>
5.1. Arhitektura programskog rješenja	27
5.2. Konfiguracija perifernih jedinica mikrokontrolera	28

5.2.1.	Generiranje signala PWM-a . . . . .	28
5.2.2.	Akvizicija signala protuelektromotorne sile . . . . .	29
5.2.3.	Komunikacijsko sučelje . . . . .	30
5.3.	Implementacija algoritma upravljanja i regulacije . . . . .	30
5.3.1.	Pokretanje motora: Poravnanje i rad u otvorenoj petlji . . . . .	30
5.3.2.	Prijelaz u zatvorenu petlju i sinkronizacija komutacije . . . . .	31
5.3.3.	Regulacija brzine u zatvorenoj petlji . . . . .	32
<b>6.</b>	<b>Usporedba ostvarene implementacije s postojećim rješenjem . . . . .</b>	<b>36</b>
6.1.	Metodologija testiranja . . . . .	36
6.2.	Analiza faznog napona . . . . .	36
6.3.	Usporedba radnih karakteristika . . . . .	37
6.4.	Sažetak usporedbe . . . . .	38
<b>7.</b>	<b>Zaključak . . . . .</b>	<b>39</b>
	<b>Literatura . . . . .</b>	<b>40</b>
	<b>Sažetak . . . . .</b>	<b>42</b>
	<b>Abstract . . . . .</b>	<b>43</b>

## Todo list

■ nadopuni opis rada . . . . .	3
■ popravi pregled poglavlja . . . . .	4
Figure: umetni sliku presjeka motora . . . . .	5
■ gdje se ne koristi . . . . .	6
Figure: a+/b-, neka je 3 navoja, 2 para magneta . . . . .	14
Figure: b-/c+, neka je 3 navoja, 2 para magneta . . . . .	15
■ ovdje objasni razliku izmedju elektricnih i mehanickih stupnjeva na temelju 2 dijagrama iznad . . . . .	15
Figure: slika valovitosti momenta, probat cu u matlabu odsimulirat . . . . .	15
■ treba ponovno evaluirat, nije bas precizno . . . . .	16
■ fale osi na slici, ponovi . . . . .	17
■ fale osi na slici . . . . .	18
Figure: slika esc . . . . .	23
Figure: slika motora . . . . .	24
Figure: slika enkodera . . . . .	24
Figure: slika enkodera na motoru + kuciste . . . . .	25
Figure: Dijagram toka cjelokupnog programskog rjesenja s prikazom glavne petlje i kljucnih prekidnih rutina (TIM1, TIM3, TIM15, TIM17) . . . . .	28
Figure: Dijagram programskog slijeda koji prikazuje prijelaze izmedju stanja Mi- rovanje, Poravnanje, Otvorena petlja i Zatvorena petlja, s uvjetima prijelaza (npr. istek vremena, <code>zc_cnt</code> 3) . . . . .	28
Figure: Prikaz komplementarnih PWM signala s jasno označenim mrtvim vreme- nom, snimljen osciloskopom na jednom polumostu . . . . .	29
Figure: Blok dijagram sustava za detekciju PEMS-a (veza faza, virtualnog zvjezdi- šta, komparatora i GPIO ulaza mikrokontrolera) . . . . .	29

Figure: Osciloskopska snimka koja prikazuje PWM signal na jednoj fazi, PEMS na neopterećenoj fazi i digitalni signal koji označava trenutak uzorkovanja (okidanje TIM15 prekida) . . . . .	29
Figure: Tablica koja definira komunikacijski protokol (naredba, format podataka) za zadavanje brzine i primanje telemetrije . . . . .	30
Figure: Tablica s komutacijskim stanjima za svih šest koraka s prikazom aktivnih tranzistora i nadzirane faze . . . . .	31
Figure: Graf procijenjene brzine motora tijekom faza pokretanja, s jasno označenim fazama poravnanja, otvorene petlje i trenutka prijelaza u zatvorenu petlju	31
Figure: Vremenski dijagram sinkronizacije komutacije (PEMS, detekcija nule, odgoda od 30 el. stupnjeva i trenutak komutacije) . . . . .	32
 OVO JE HARDKODIRANO . . . . .	33
Figure: Blok dijagram implementirane PI regulacijske petlje . . . . .	34
Figure: Snimka zaslona osciloskopa: valni oblik faznog napona za sklop <i>SimonK</i> 30A. . . . .	37
Figure: Snimka zaslona osciloskopa: valni oblik faznog napona za implementirano rješenje. . . . .	37

# 1. Uvod

Bespilotne letjelice (eng. *Unmanned Aerial Vehicle, UAV*), popularno zvane dronovi, danas se široko primjenjuju u brojnim industrijama, od filmske produkcije i poljoprivrede do dostave i rekreacijskog letenja [1]. Iako postoje različite konstrukcije, poput bespilotnih letjelica s fiksnim krilima, višerotorske bespilotne letjelice prevladavaju u modernim primjenama. Osnovu njihovog pogona čini istosmjerni motor bez četkica (eng. *Brushless DC motor, BLDC*), čije karakteristike poput visoke učinkovitosti, pouzdanosti i dobrog omjera snage i mase omogućuju razvoj agilnih i energetski učinkovitih letjelica. Performanse drona, uključujući stabilnost, vrijeme leta i agilnost, izravno ovise o sposobnosti preciznog i brzog upravljanja brzinom vrtnje ovih motora [2].

Upravljanje brzinom vrtnje motora BLDC postiže se održavanjem kuta između polja rotora i statora. Za to upravljački sklop mora poznavati položaj rotora, što se obično postiže osjetilima Hallovog učinka ili enkoderima pozicije. Postoje i metode upravljanja koje ne koriste osjetila za određivanje položaja rotora. One smanjuju troškove, složenost i masu sustava, što ih čini pogodnijim izborom za dronove. Kod metode komutacije u šest koraka popularna je tehnika praćenja protuelektromotorne sile (PEMS) u kojoj upravljač zaključuje položaj rotora praćenjem PEMS-a koji se inducira u neopterećenoj fazi (odjeljak 3.1.). Složenije metode komutacije, poput sinusne komutacije i vektorskog upravljanja, koriste algoritme za estimaciju položaja rotora jer nemaju mogućnost izravnog mjerenja PEMS-a [3].

nadopuni opis rada

Ovaj rad bavi se analizom, modeliranjem, simulacijom i implementacijom sustava za upravljanje brzinom vrtnje motora BLDC s naglaskom na primjenu kod bespilotnih letjelica. Cilj je istražiti i implementirati sustav upravljanja bez korištenja osjetila temeljen



na metodi komutacije u šest koraka. Kroz rad će se analizirati i temeljni kompromisi u dizajnu motora, poput izbora konfiguracije namotaja, kako bi se razumio njihov utjecaj na konačne performanse.

popravi pregled poglavlja

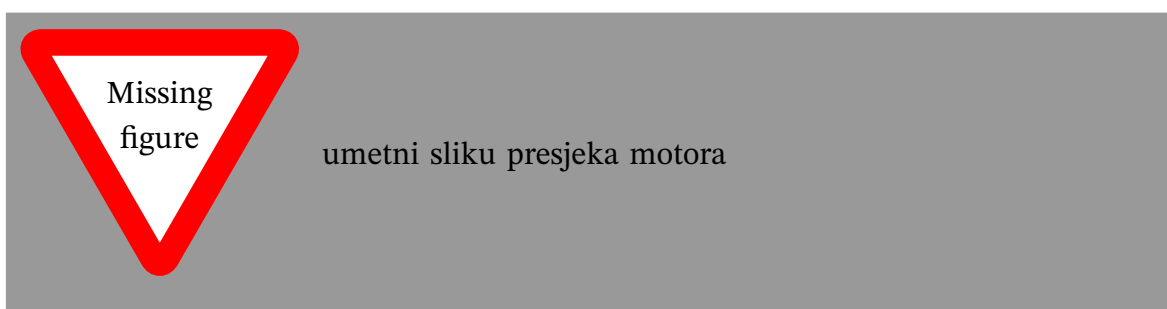
Drugo poglavlje daje teorijsku podlogu o motorima BLDC. Treće poglavlje detaljno opisuje upravljanje motorom BLDC bez osjetila, s fokusom na komutaciju u šest koraka. Četvrto poglavlje prikazuje sklopovlje sustava, opisuje odabrani elektronički sklop za upravljanje brzinom (eng. *Electronic Speed Controller, ESC*) te odabrani motor. Peto poglavlje opisuje implementaciju razvijenog algoritma na odabranom sklopovlju, dok šesto poglavlje donosi zaključak i sažima rezultate rada.

## 2. Istosmjerni elektromotor bez četkica

### 2.1. Osnove i konstrukcija

Istosmjerni elektromotor bez četkica, poznat i kao beskolektorski istosmjerni motor ili elektronički komutirani motor, vrsta je elektromotora sa stalnim magnetima čija je temeljna značajka rad bez mehaničkog kolektora i četkica.

Konstrukcija motora BLDC sastoji se od stacionarnog dijela, statora, i rotirajućeg dijela, rotora. U statoru su smještene zavojnice, bakreni namotaji koji djeluju kao elektromagneti, dok su na rotoru stalni magneti [4]. Postoji unutarnji ili *inrunner* motor kod kojeg se rotor nalazi unutar statora. Takvi motori općenito imaju manji moment tromosti i sposobni su za veće brzine vrtnje [5]. Isto tako postoji i vanjski ili *outrunner* motor kojim je rotor izvana i okružuje stator. Ovakvi motori obično daju veći okretni moment pri nižim brzinama vrtnje [5].



Valja spomenuti kako uz motore BLDC usko se vežu sinkroni elektromotori sa stalnim magnetima (*Permanent Magnet Synchronous Motor, PMSM*). Takvi motori također su vrsta elektromotora sa stalnim magnetima, a glavna je razlika u valnom obliku protuelektromotorne sile gdje motor BLDC ima trapezni oblik, a motor PMSM ima sinusni oblik. U nastavku rada razmatrat će se motori BLDC, iako većina opisanih principa vri-

jedi i za motore PMSM [6].

Rad motora bez četkica temelji se na kontroliranoj interakciji između magnetskog polja rotora i rotirajućeg magnetskog polja statora. Za razliku od klasičnih istosmjernih motora, rotirajuće polje statora ovdje se stvara elektronički. Taj zadatak obavlja upravljački sklop ESC, koji sekvencijalnim napajanjem statorskih namota precizno sinkronizira polje statora s položajem rotora [7]. Cilj je održavati optimalan kut između njihovih magnetskih vektora kako bi se maksimizirao okretni moment. Zbog dobrog kompromisa između performansi i složenosti izvedbe, u praksi se najčešće koriste trofazni motori [8], čiji su namoti prostorno razmaknuti za 120 električnih stupnjeva [9].

Potpunim uklanjanjem kolektora i četkica izbjegavaju se najveći nedostaci klasičnih istosmjernih strojeva kao što su, osim već navedenog mehaničkog trošenja i čestog održavanja, iskrenje, i ograničen vijek trajanja. Zbog svoje pouzdanosti, učinkovitosti često i preko 80% [10] i mogućnosti postizanja iznimno velikih brzina (preko 70 000 okretaja u minuti [11]), beskolektorski se motori danas široko primjenjuju u sustavima kao što su bespilotne letjelice, servopogoni, pogoni tvrdih diskova u računalima, medicinski uređaji i moderni alatni strojevi.

gdje  
se ne  
koristi

## 2.2. Matematički model motora

Za trofazne motore, električni odnosi mogu se modelirati sljedećim nizom jednažbi izvedenih iz reference [12]. Jednažbe prate sliku 2.1.

$$V_{an} = R \cdot i_a + \frac{d}{dt}(L_{aa}i_a + L_{ab}i_b + L_{ac}i_c) + V_{ea} \quad (2.1)$$

$$V_{bn} = R \cdot i_b + \frac{d}{dt}(L_{ba}i_a + L_{bb}i_b + L_{bc}i_c) + V_{eb} \quad (2.2)$$

$$V_{cn} = R \cdot i_c + \frac{d}{dt}(L_{ca}i_a + L_{cb}i_b + L_{cc}i_c) + V_{ec} \quad (2.3)$$

pri čemu su:

- $V_{an}, V_{bn}, V_{cn}$  – fazni naponi u odnosu na neutralnu točku motora  $n$ ,
- $i_a, i_b, i_c$  – fazne struje,
- $V_{ea}, V_{eb}, V_{ec}$  – protuelektromotorne sile,
- $R$  – otpor statorskog namota po fazi,
- $L_{aa}, L_{bb}, L_{cc}$  – vlastiti induktiviteti,
- $L_{ab}, L_{ba}, L_{ac}, L_{ca}, L_{bc}, L_{cb}$  – međusobni induktiviteti.

Ako se pretpostavi da su faze simetrične i da magnetska reluktancija ne ovisi o električnom kutu rotora, tada su tri vlastita induktiviteta jednaka, a šest međusobnih induktiviteta također je međusobno jednako:

$$L_{aa} = L_{bb} = L_{cc} = L_v \quad (2.4)$$

$$L_{ab} = L_{ba} = L_{ac} = L_{ca} = L_{bc} = L_{cb} = M \quad (2.5)$$

Ekvivalentni induktivitet  $L$  može se izračunati kao:

$$L = L_v - M \quad (2.6)$$

Uz pretpostavku simetričnih faznih struja, vrijedi:

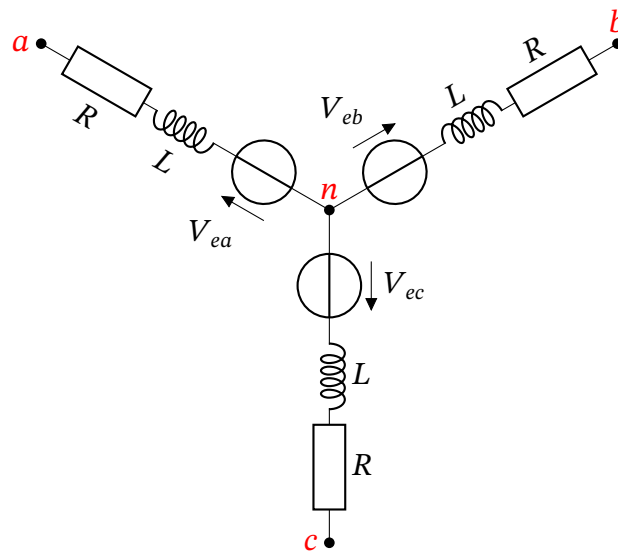
$$i_a + i_b + i_c = 0 \quad (2.7)$$

Tada se električni odnosi mogu pojednostavniti, a motor BLDC modelirati na sljedeći način:

$$V_{an} = R \cdot i_a + L \frac{di_a}{dt} + V_{ea} \quad (2.4)$$

$$V_{bn} = R \cdot i_b + L \frac{di_b}{dt} + V_{eb} \quad (2.5)$$

$$V_{cn} = R \cdot i_c + L \frac{di_c}{dt} + V_{ec} \quad (2.6)$$



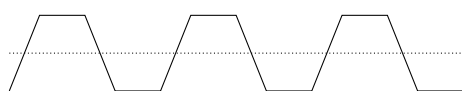
**Slika 2.1.** Električna shema motora

## 2.3. Protuelektromotorna sila

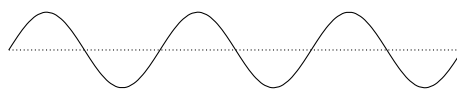
Protuelektromotorna sila (eng. *Counter-electromotive force*, *Back-electromotive force*, *back-EMF*) je napon koji se stvara u zavojnicama statora prilikom vrtnje rotora, a suprotstavlja se naponu napajanja. Ovaj se napon inducira u skladu s Faradayevim zakonom elektromagnetske indukcije.

Oblik protuelektromotorne sile ovisi o mehaničkoj konstrukciji motora, ponajviše o raspodjeli i obliku permanentnih magneta na rotoru te o izvedbi statorskih namota. Ovisno o tome, postoje trapezni valni oblik (slika 2.2.a) i sinusni valni oblik (slika 2.2.b) protuelektromotorne sile.

Poznavanje valnog oblika protuelektromotorne sile važno je pri upravljanju motorom jer se valni oblici pogonskog signala i PEMS-a moraju poklapati radi minimizacije valovitosti momenta (odjeljak 3.1.) [9].



(a) Trapezni valni oblik



(b) Sinusni valni oblik

**Slika 2.2.** Usporedba valnih oblika PEMS-a

## 2.4. Konfiguracija namotaja na statoru

Na trofaznom motoru BLDC namotaji na statoru mogu biti u dvije glavne konfiguracije:

U **zvjezdastom spoju** (eng. *wye, star connection*) tri zavojnice spojene su u zajedničkoj središnjoj točki, zvjezdištu (točka  $n$  na slici 2.3.a). Fazni napon,  $V_{faza}$  [V], niži je od mrežnog napona,  $V_{mreža}$  [V], prema izrazu  $V_{faza} = V_{mreža}/\sqrt{3}$ , a fazna struja,  $I_{faza}$  [A], jednaka je mrežnoj struji.

U **trokutnom spoju** (eng. *Delta connection*) zavojnice su spojene međusobno u trokut (slika 2.3.b). Fazni napon,  $V_{faza}$  [V], jednak je mrežnom naponu,  $V_{mreža}$  [V], a fazna struja,  $I_{faza}$  [A], niža je od mrežne struje,  $I_{mreža}$  [A], prema izrazu  $I_{faza} = I_{mreža}/\sqrt{3}$ .

Zbog ove razlike u faznim naponima, za dva motora s ovim konfiguracijama i pripadnim konstantama motora  $K_{t,Z}$  i  $K_{t,T}$  za proizvesti jednak moment vrijedi:

Moment,  $\tau$  [Nm], može se izraziti preko izraza  $\tau = K_t \cdot I_{faza}$ , gdje je  $K_t$  konstanta momenta [Nm/A], a  $I_{faza}$  fazna struja [A]. Odnos konstanti momenta je  $K_{t,T} = K_{t,Z}/\sqrt{3}$  [7].

Da bi se proizveo jednak moment, odnos faznih struja mora biti:

$$\begin{aligned} K_{t,Z} \cdot I_{faza,Z} &= K_{t,T} \cdot I_{faza,T} \\ K_{t,Z} \cdot I_{faza,Z} &= \left( \frac{K_{t,Z}}{\sqrt{3}} \right) \cdot I_{faza,T} \\ \sqrt{3} \cdot I_{faza,Z} &= I_{faza,T} \end{aligned}$$

Ovaj rezultat pokazuje da za isti moment, fazna struja u trokutnom spoju mora biti  $\sqrt{3}$  puta veća od fazne struje u zvjezdastom spoju. Koristeći ovaj odnos, sada se mogu uspo-

rediti linijske struje ( $I_L$ ) koje motori vuku iz izvora napajanja.

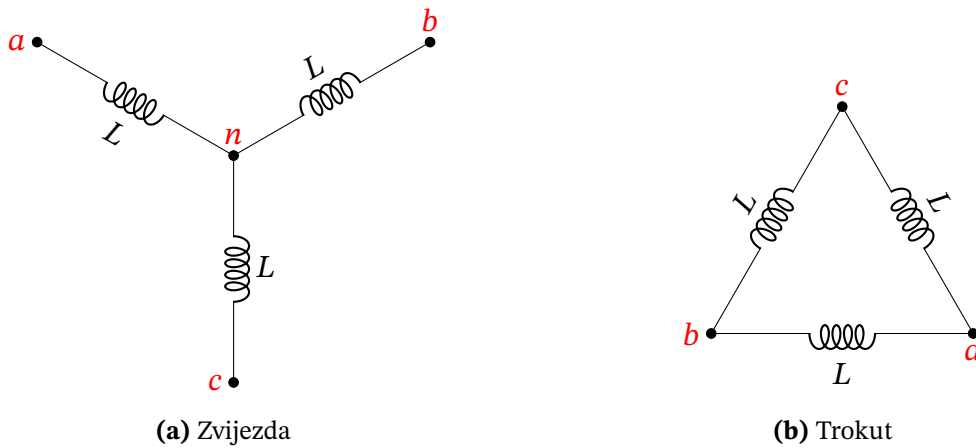
$$I_{L,T} = \sqrt{3} \cdot I_{faza,T} \quad (\text{Definicija linijske struje za trokut})$$

$$= \sqrt{3} \cdot (\sqrt{3} \cdot I_{faza,Z}) \quad (\text{Uvrštavanje odnosa faznih struja})$$

$$= 3 \cdot I_{faza,Z}$$

$$= 3 \cdot I_{L,Z} \quad (\text{Budući da je } I_{faza,Z} = I_{L,Z})$$

Izvod pokazuje da za proizvodnju istog momenta, motor spojen u trokut zahtijeva tri puta veću linijsku struju od motora spojenog u zvijezdu. Ova temeljna razlika u potrebnoj struji definira njihovu primjenu koja je opisana u sljedećem odjeljku 2.5.



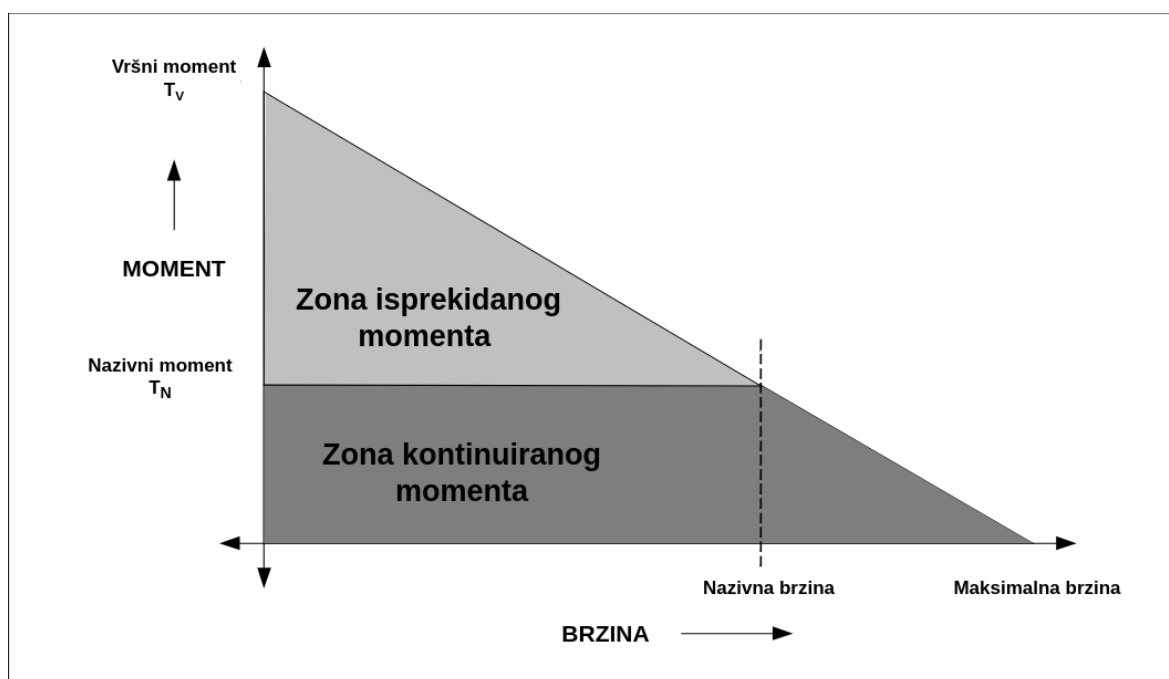
**Slika 2.3.** Konfiguracije namotaja



## 2.5. Odnos momenta i brzine vrtnje

Performanse motora BLDC temelje se na kompromisu između okretnog momenta i brzine vrtnje.

S jedne strane, okretni moment ( $\tau$ ) izravno je proporcionalan struji ( $I$ ) prema izrazu  $\tau = K_t \cdot I$  (odjeljak 2.4.). S druge strane, rotacijom se inducira PEMS ( $V_{pems}$ ) koji se suprotstavlja naponu napajanja i proporcionalan je kutnoj brzini ( $\omega$ ) prema izrazu  $V_{pems} = K_e \cdot \omega$ . Porast brzine uzrokuje porast  $V_{pems}$ , što smanjuje efektivni napon na namotajima, a time i struju i raspoloživi moment. Motor dostiže svoju maksimalnu brzinu, odnosno brzinu praznog hoda, kada se  $V_{pems}$  približi naponu napajanja, čime se moment smanjuje na nulu (zanemarujući trenje) što se može vidjeti na slici 2.4. U zoni kontinuiranog momenta, porast brzine ne utječe na moment i to područje je omeđeno nazivnim momentom i nazivnom brzinom.



**Slika 2.4.** Graf omjera momenta i brzine (prilagođeno prema [9])

Na ovaj kompromis presudno utječe konfiguracija namotaja statora, kao što je opisano u odjeljku 2.4. Budući da su konstante  $K_t$  i  $K_e$  povezane, izbor konfiguracije definira momentnu karakteristiku motora.

- **Zvjezdasti spoj:** Zbog veće efektivne duljine namotaja, ova konfiguracija ima višu konstantu momenta ( $K_t$ ) i posljedično višu konstantu protuelektromotorne sile

( $K_e$ ). To rezultira visokom momentnom učinkovitošću (veći moment po amperu), ali i nižom maksimalnom brzinom jer  $V_{pems}$  brže doseže napon napajanja.

- **Trokutni spoj:** Ova konfiguracija ima niži  $K_t$  i  $K_e$  (za faktor  $\sqrt{3}$ ). Kao što je spomenuto u odjeljku 2.4., za isti moment zahtijeva znatno veću struju, što smanjuje učinkovitost. Međutim, niži  $K_e$  omogućuje motoru postizanje veće maksimalne brzine prije nego što  $V_{pems}$  postane ograničavajući faktor.

Izbor između ove dvije konfiguracije stoga predstavlja inženjerski kompromis. Zvezdasti spoj preferira se u primjenama gdje su prioritet visoki moment pri nižim brzinama i energetska učinkovitost, poput dronova za snimanje. S druge strane, trokutni spoj odabire se za primjene gdje je cilj postizanje maksimalne brzine, kao kod trkaćih dronova FPV, čak i po cijenu veće potrošnje struje.

### 3. Upravljanje motorom BLDC bez osjetila položaja


Metoda koja se koristi za upravljanje motorom BLDC utječe na izvedbu motora, njegovu učinkovitost i glatkoću rada. Odabir metode upravljanja ovisi o karakteristikama motora kao što je valni oblik PEMS-a i zahtjevima primjene [5]. Ovaj rad koristi metodu komutacije u šest koraka s detekcijom PEMS-a.

#### 3.1. Metoda komutacije u šest koraka

Metoda komutacije u šest koraka, poznata i kao trapezno upravljanje, stvara rotirajuće magnetsko polje statora sekvencijalnim napajanjem parova namotaja. U svakom trenutku, struja teče kroz dva od tri fazna namotaja, dok je treći namotaj neopterećen, to jest u stanju visoke impedancije. Jedan električni ciklus rotacije sastoji se od šest ovakvih koraka, pri čemu se vektor magnetskog polja statora zakreće za 60 električnih stupnjeva pri svakom prijelazu [5, 3].


Slijed komutacije osmišljen je tako da magnetsko polje rotora, odnosno stalni magneti, uvijek zaostaje za poljem statora, što stvara moment koji pokreće rotor. Za ilustraciju, prva dva koraka u tipičnom slijedu su:

- **Korak 1:** Struja teče iz faze A u fazu B. Faza C je neopterećena. Magnetsko polje statora zauzima određeni položaj.



a+/b-, neka je 3 navoja, 2 para magneta

- **Korak 2:** Struja teče iz faze C u fazu B. Faza A je sada neopterećena. Magnetsko polje statora zakreće se za 60 električnih stupnjeva u odnosu na prethodni korak.




b-/c+, neka je 3 navoja, 2 para magneta

Ovaj se proces nastavlja kroz preostala četiri koraka (C->A, B->A, B->C, A->C), čime se zatvara puni električni ciklus od 360 stupnjeva.

ovdje objasni razliku između električnih i mehaničkih stupnjeva na temelju 2 dijagrama iznad

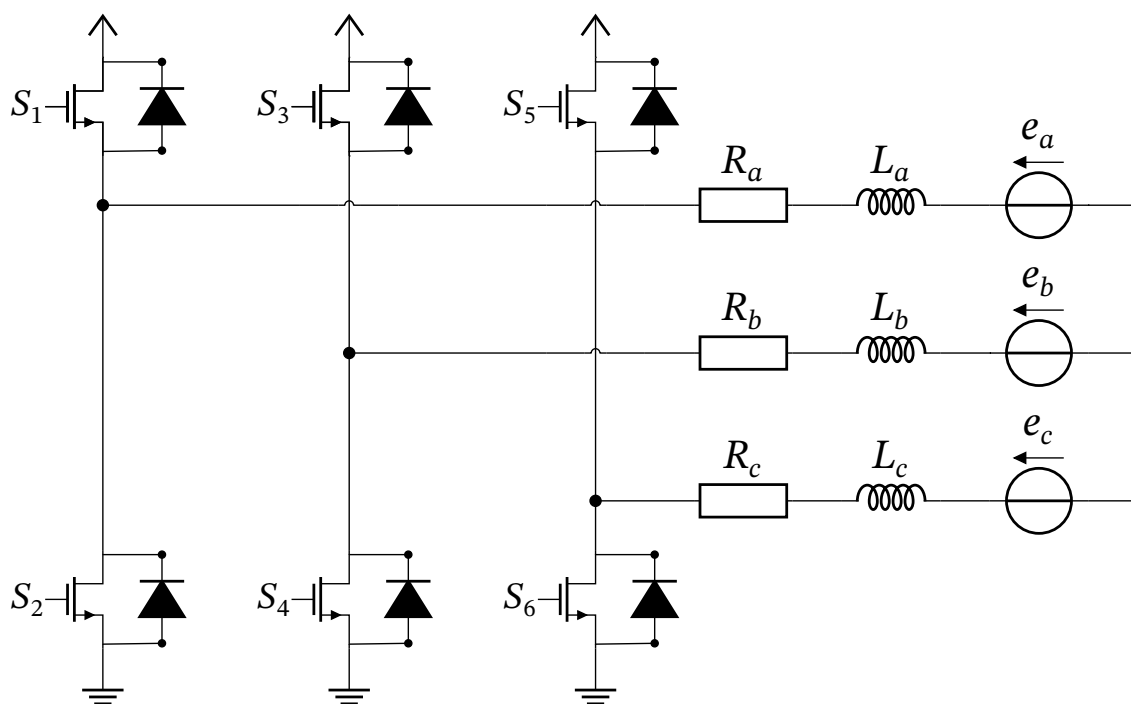
Budući da se magnetsko polje mijenja u diskretnim koracima, generirani moment nije u potpunosti gladak, već sadrži male oscilacije poznate kao valovitost momenta. Te se oscilacije pojavljuju prilikom svake komutacije [13].



slika valovitosti momenta, probat ću u matlabu odsimulirati

## 3.2. Upravljanje naponom i strujom signalima PWM-a

Za pogon motora BLDC koristi se trofazni mosni pretvarač (eng. *three-phase inverter*), koji se sastoji od tri polumosta, po jedan za svaku fazu motora. Svaki polumost čine dva tranzistora, gornji i donji, koji omogućuju spajanje faze na pozitivni ili negativni pol napajanja (slika 3.1.) [13, 14, 9].



Slika 3.1. Shema trofaznog mosnog spoja na motor

Brzina vrtnje i moment motora upravljaju se regulacijom srednje vrijednosti napona ili struje na namotajima, što se postiže primjenom pulсно-širinske modulacije (eng. *Pulse-Width Modulation, PWM*). Umjesto stalnog napona, na sklopke pretvarača dovodi se signal PWM-a visoke frekvencije. Promjenom faktora ispune (eng. *duty cycle*) tog signala mijenja se efektivni napon na motoru, a time i struja koja teče kroz namotaje.

### Tehnike primjene PWM-a za upravljanje

treba ponovno evaluirat, nije bas precizno

- **Oštro preklapanje (eng. *hard chopping*):**

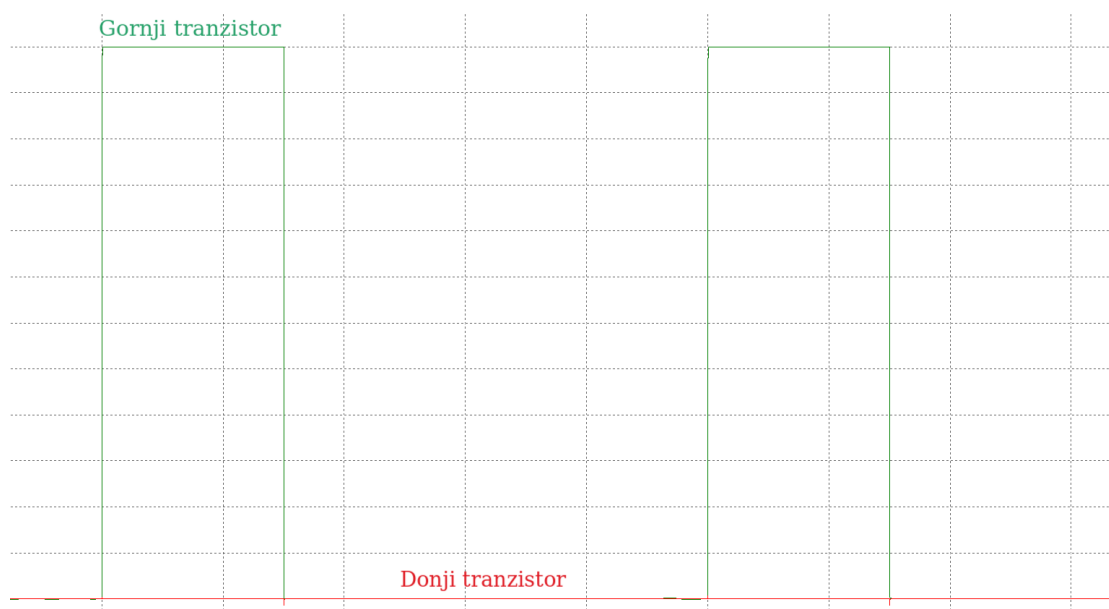
Signal PWM-a primjenjuje se istovremeno na gornju sklopku jedne aktivne faze (npr.  $S_1$  na slici 3.1.) i na donju sklopku druge aktivne faze (npr.  $S_4$  na slici 3.1.).

Obje sklopke se uključuju i isključuju u isto vrijeme. Kada je signal PWM-a visok, struja teče kroz  $S_1$  pa preko motora do  $S_4$ . Kada je nizak, obje se sklopke istovremeno isključuju. Zbog induktivnosti namota, struja nastavlja teći, ali sada recirkulira kroz poredne diode (eng. *freewheeling diode*) suprotnih sklopki (diodu uz  $S_2$  i diodu uz  $S_3$ ) natrag prema istosmjernom izvoru. Ovakav način rada rezultira većom valovitošću struje u usporedbi s metodom glatkog preklapanja, no nudi jednostavnu izvedbu [13].

- **Glatko preklapanje (eng. *soft chopping*):**

Signal PWM-a primjenjuje se na gornju sklopku jedne aktivne faze (npr.  $S_1$  na slici 3.1.), dok je donja sklopka druge aktivne faze (npr.  $S_4$  na slici 3.1.) stalno uključena. Kada je signal PWM-a visok, struja teče kroz  $S_1$  pa preko motora do  $S_4$ . Kada je nizak, struja recirkulira kroz diodu uparenu uz  $S_2$ , što dovodi do manjih promjena struje u usporedbi s metodom oštrog preklapanja jer je pad napona duplo manji. Na slici 3.2. prikazan je odnos signala PWM-a na tranzistorima  $S_1$  u zelenoj boji i  $S_2$  u crvenoj boji. Za vrijeme niskog signala PWM-a,  $S_2$  ostaje nisko [13].

fale osi na slici, ponovi



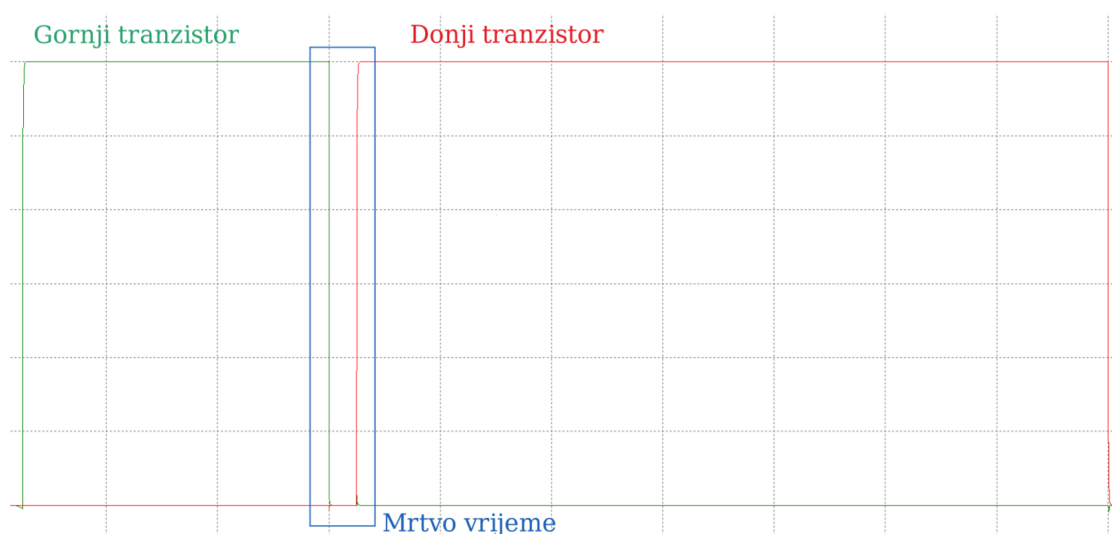
**Slika 3.2.** Glatko preklapanje u alatu LTspice

- **Komplementarni signal PWM-a:**

Isti scenarij kao i na prošlom primjeru, ali na nizak signal PWM-a struja recirkulira

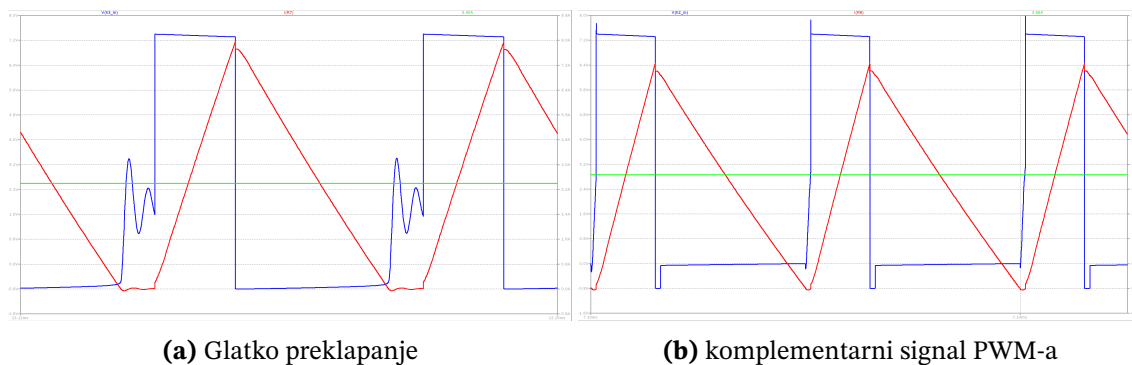
kroz tranzistor  $S_2$ , a kada je on nizak, uključuje se donja sklopka u istom polumostu što se može vidjeti na slici 3.3. Kada se zeleni signal na tranzistoru  $S_1$  spusti u nisko stanje, crveni signal na tranzistoru  $S_2$  s malom stankom podigne se u visoko stanje. Ova mala stanka naziva se mrtvo vrijeme (eng. *dead time*) i sprječava kratki spoj na polumostu (eng. *shoot-through*). Uključivanjem donjeg tranzistora na ovaj način postiže se da struja recirkulira kroz tranzistor [13].

fale osi na slici



**Slika 3.3.** Komplementarni signal PWM-a u alatu LTspice

Izbor metode upravljanja strujom u ciklusu PWM-a utječe na dinamiku struje i razinu elektromagnetskih smetnji. Od metode oštrog preklapanja do metode komplementarnog signala PWM-a postepena je gradacija s većih gubitaka na manje gubitke energije. Isto tako složenost izvedbe raste tim redoslijedom. Na slikama 3.4. mogu se vidjeti valni oblici struje kroz zavojnice u metodama glatkog preklapanja i komplementarnog signala PWM-a. Slika 3.4.a prikazuje brži pad struje pri niskom signalu PWM-a te samim time i nižu prosječnu struju od struje pri metodi komplementarnog signala PWM-a prikazane na slici 3.4.b



**Slika 3.4.** ■ Valni oblik struje  
 ■ Prosječna struja  
 ■ Valni oblik napona

### 3.3. Detekcija položaja rotora s pomoću PEMS-a

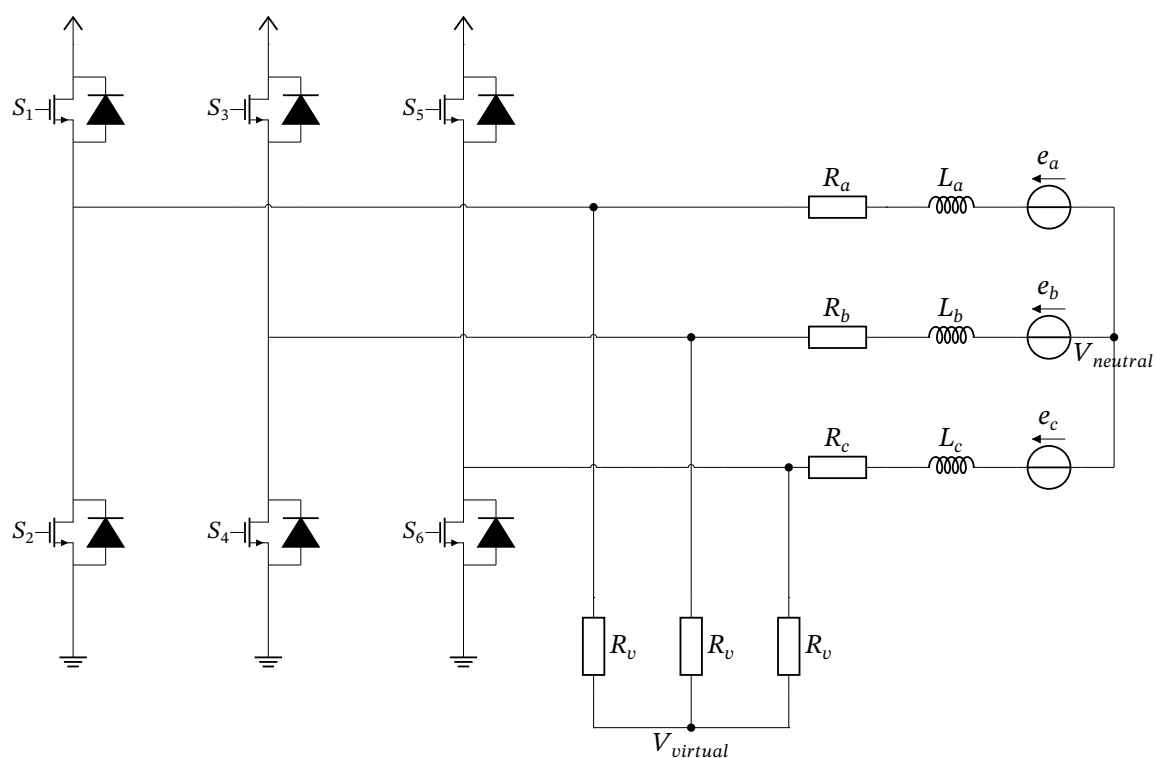
U sustavima bez osjetila, informacija o položaju rotora dobiva se mjerenjem napona protuelektromotorne sile na neopterećenoj fazi.

U konfiguraciji sa zvjezdastim spojem, PEMS se mjeri u odnosu na potencijal zvjezdišta. Budući da zvjezdište motora najčešće nije fizički dostupno za mjerenje, njegov se potencijal mora rekonstruirati. To se postiže stvaranjem virtualnog zvjezdišta (slika 3.5.). Tri otpornika jednakog, visokog otpora  $R_v$  spajaju se u zvijezdu, pri čemu je svaki otpornik spojen na po jednu fazu motora. Zajednička točka ta tri otpornika stvara virtualno zvjezdište  $V_{virtual}$  čiji je potencijal jednak aritmetičkoj sredini napona sve tri faze. Taj se stabilni referentni napon tada koristi za usporedbu s naponom neopterećene faze [14].

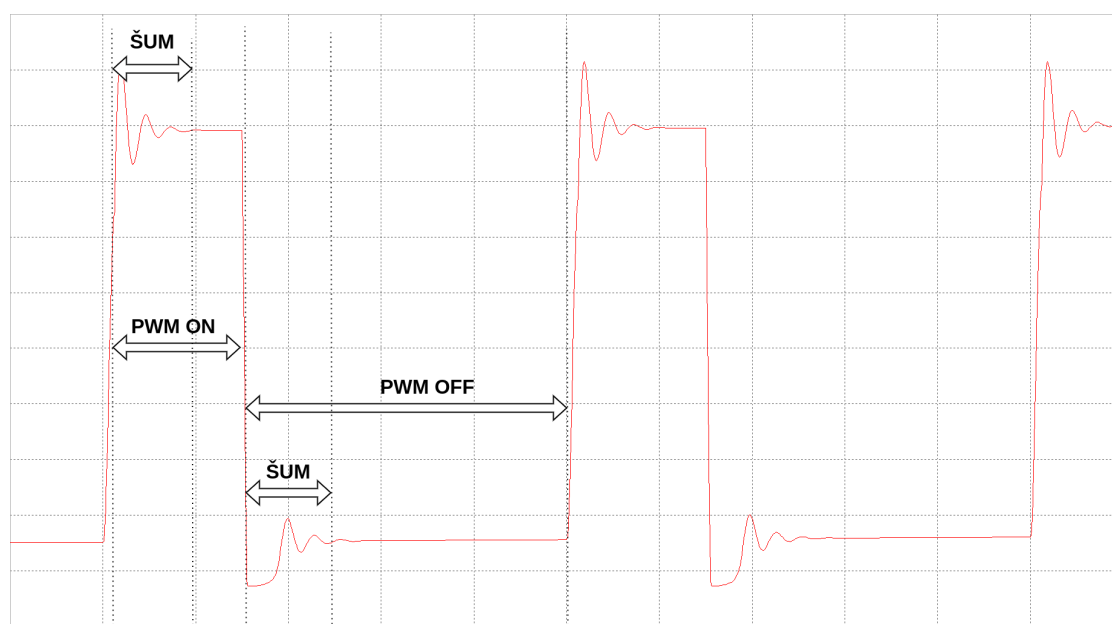
Za preciznu detekciju trenutka u kojem protuelektromotorna sila prolazi kroz nulu koristi se sklop komparatora, no točna implementacija ovisi o metodi uzorkovanja koja je usko vezana za signal PWM-a. "Klasična" metoda uzorkuje napon faze za vrijeme visokog stanja signala PWM-a, što omogućuje postizanje 100% radnog ciklusa, ali zahtijeva filtriranje signala i referentnog napona zbog šuma uzrokovanog sklapanjem tranzistora vidljivog na slici 3.6. [14].

Alternativna strategija je uzorkovanje na kraju niskog stanja signala PWM-a. U tom intervalu, kada struja recirkulira kroz diodu ili tranzistor, mjerenje je jednostavnije i otpornije na šum jer se potencijal zvjezdišta može smatrati uzemljenim, no nedostatak je nemogućnost postizanja 100% radnog ciklusa. Postoje i hibridne metode koje kombiniraju ova dva pristupa kako bi iskoristile prednosti obje strategije ovisno o brzini i





**Slika 3.5.** Rekonstrukcija zvjezdišta

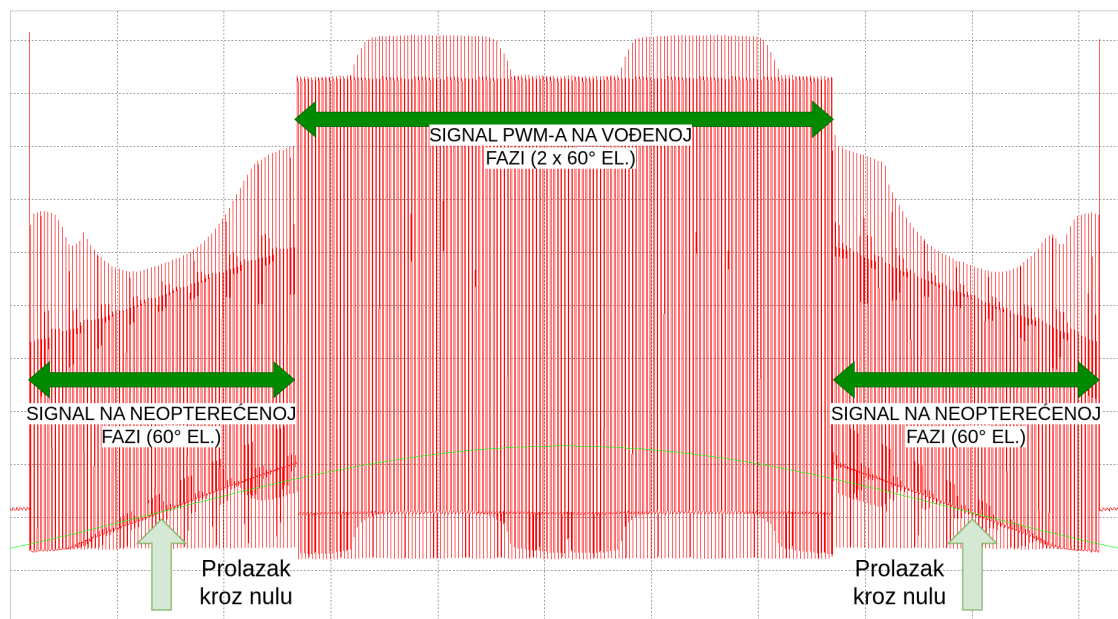


**Slika 3.6.** Prikaz napona na neopterećenoj fazi u alatu LTspice

opterećenju motora [14].

Događaj prolaska kroz nulu događa se točno na polovici trajanja jednog komutacijskog koraka, kao što se može vidjeti na slici 3.7. Drugim riječima, od trenutka detekcije presijecanja nule do idealnog trenutka za sljedeću komutaciju potrebno je pričekati vri-

jeme koje odgovara zakretu od 30 električnih stupnjeva.



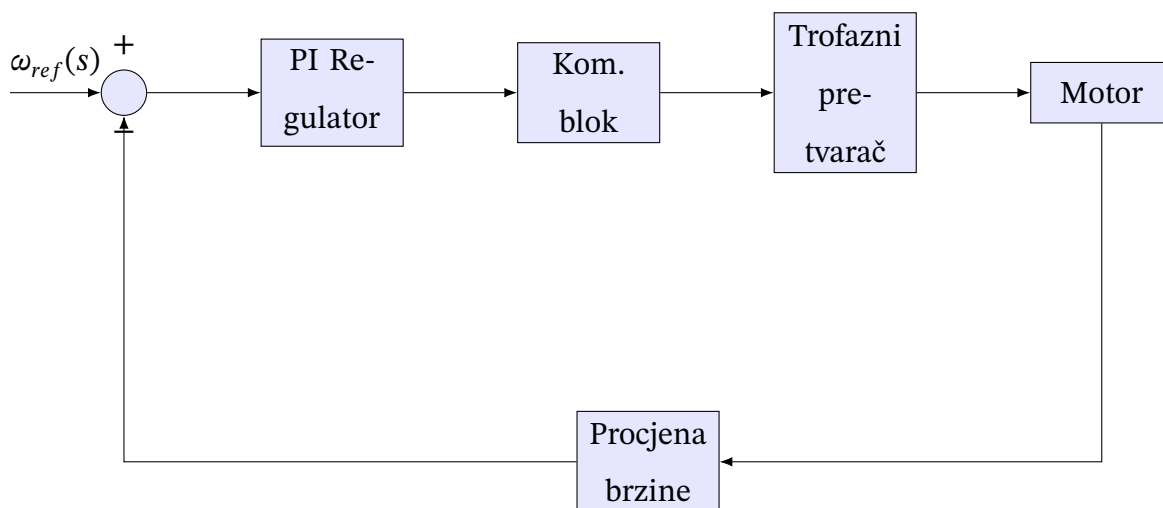
**Slika 3.7.** Prikaz signala PWM-a na jednoj fazi u alatu LTspice

### 3.4. Faze pokretanja i rada motora

Pokretanje motora bez osjetila ne može se izvesti isključivo detektiranjem PEMS-a jer on nije prisutan pri mirovanju i vrlo malim brzinama. Zbog toga je potrebno motor dovesti do stanja u kojem može očitavati PEMS.

Prije pokretanja, položaj rotora je nepoznat. Kako bi se postavio u poznati početni položaj, na kratko se vrijeme uključe dva fazna namotaja. To stvara statično magnetsko polje koje poravnava rotor u određenom smjeru. Ova faza se naziva poravnanje (eng. *alignment*). Nakon poravnanja, motor se pokreće u otvorenoj petlji (eng. *open-loop*). Upravljački sklop ESC forsira komutaciju namotaja prema unaprijed definiranom, postupno rastućem vremenskom slijedu, bez ikakve povratne informacije o stvarnom položaju. Cilj je ubrzati motor do brzine na kojoj će inducirani PEMS biti dovoljno velik za pouzdanu detekciju. Kada brzina dosegne prag na kojem detekcija prolaska kroz nulu postaje pouzdana, sustav prelazi u rad sa zatvorenom petljom (eng. *closed-loop*). Od ovog trenutka, komutacija se više ne temelji na fiksnom vremenu, već je sinkronizirana sa stvarnim položajem rotora detektiranim prolaskom PEMS-a kroz nulu [15].

### 3.5. Model regulacije brzine



## 4. Eksperimentalni postav

Kako bi se provela validacija teorijskih koncepata i testirala implementacija algoritma za upravljanje brzinom vrtnje, sastavljen je eksperimentalni postav. Ovaj postav objedinjuje sve sklopovske i programske komponente potrebne za pogon i analizu rada istosmjernog motora bez četkica. U nastavku su opisane komponente korištene u radu.

### 4.1. Elektronički sklop za upravljanje brzinom

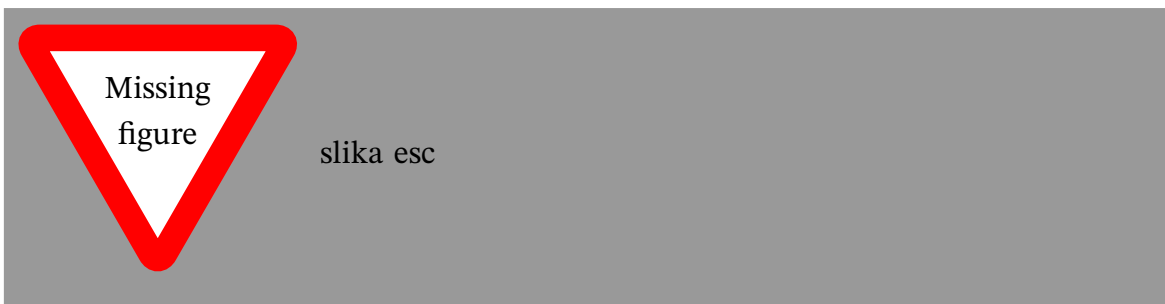
Središnji element eksperimentalnog postava je elektronički sklop za upravljanje brzinom motora. On objedinjuje digitalnu upravljačku logiku i pogonski sklop na dvije odvojene tiskane pločice (eng. *Printed Circuit Board, PCB*).

Digitalna upravljačka logika implementirana je na razvojnoj pločici *Nucleo G071RB*, čija je središnja komponenta mikrokontroler STM32G071RB. Njegova zadaća je izvršavanje upravljačkog algoritma što obuhvaća generiranje signala pulsno-širinske modulacije (eng. *Pulse-Width Modulation, PWM*) za upravljanje tranzistorima snage te akviziciju i obradu signala protuelektromotorne sile za određivanje položaja rotora.

Pogonski sklop, zadužen za isporuku energije motoru, realiziran je na zasebnoj, ručno zalemljenoj tiskanoj pločici<sup>1</sup>. Njegovu osnovu čine tri pumosta koja pogone tri faze motora. Svaki pumost sastoji se od para komplementarnih tranzistora snage tipa MOSFET. Na istoj pločici nalaze se i sklopovi za kondicioniranje signala koji obavljaju filtriranje i prilagodbu naponskih razina faznih napona. Sklop komparatora koristi se za detekciju trenutka prolaska signala PEMS-a kroz referentni napon virtualnog zvjezdišta.

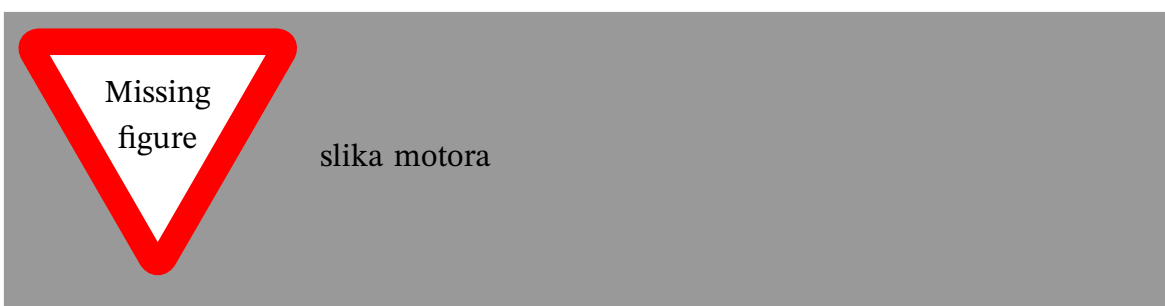
---

<sup>1</sup>Dizajn tiskane pločice za potrebe ovog rada ustupio je Boris Šnajder



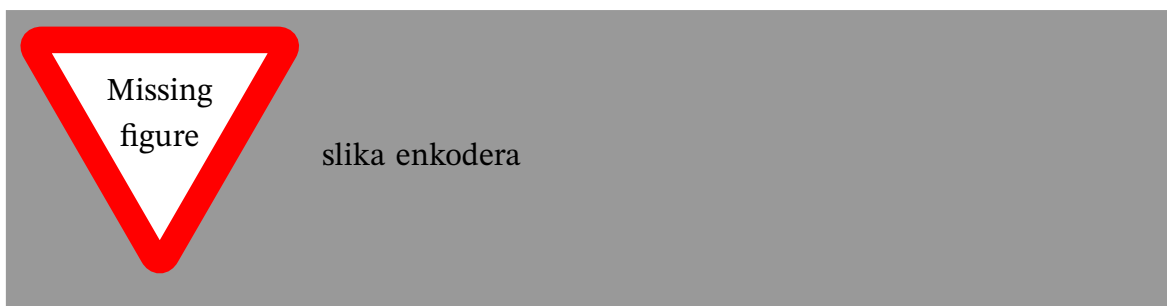
## 4.2. Elektromotor *A2212/13T 1000KV*

U eksperimentu je korišten komercijalno dostupan trofazni istosmjerni motor bez četkica modela *A2212/13T*. Oznaka *A2212/13T* odnosi se na njegove konstrukcijske značajke. Oznaka *2212* specificira dimenzije statora: promjer od 22 mm i visinu od 12 mm. Motor ima 14 magnetskih polova na rotoru i 12 utora na statoru, što odgovara uobičajenoj konfiguraciji 14P12N za ovu vrstu motora. Riječ je o vanjskom motoru konstante brzine od 1000 KV, što specificira da motor teoretski, u neopterećenom stanju, postiže brzinu vrtnje od 1000 okretaja u minuti za svaki volt napona napajanja. Oznaka *13T* odnosi se na broj namotaja na svakom polu statora, što utječe na njegove momentne i brzinske karakteristike.

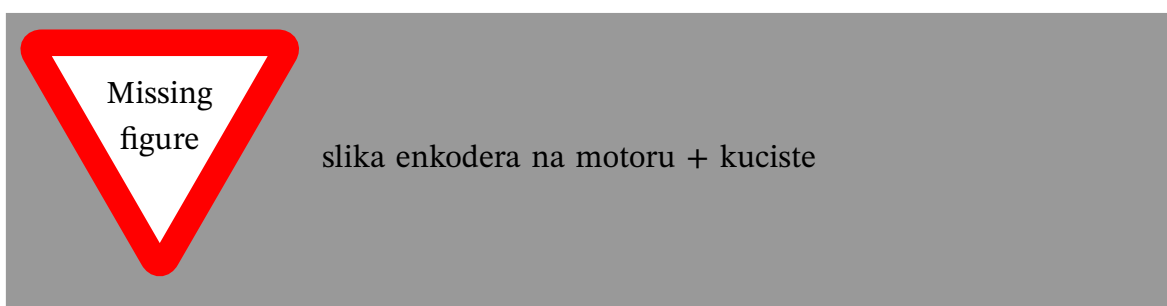


## 4.3. Enkoder

Za precizno mjerenje stvarne brzine vrtnje i položaja rotora motora korišten je apsolutni magnetski enkoder *CUI Devices AMT223C-V*. Iako se primarni algoritam upravljanja opisan u ovom radu temelji na metodi bez osjetila položaja, enkoder je u eksperimentalnom postavu imao ulogu referentnog mjernog uređaja. Podaci dobiveni s enkodera služili su za praćenje kuta između statora i rotora, za praćenje trajanja pojedinog koraka te za praćenje trenutaka detektiranih prolazaka kroz nulu.



Kako bi se osigurala mehanička stabilnost i pouzdano centriranje enkodera na osovinu motora, s pomoću tehnologije 3D tiska izrađeno je prilagođeno kućište koje fiksira enkoder i motor u koaksijalan položaj.



#### 4.4. Mjerni instrumenti

Tijekom razvoja, testiranja i analize sustava korištena je standardna laboratorijska mjerna oprema. Kao izvor napajanja za elektronički sklop i motor služilo je laboratorijsko napajanje, koje je osiguravalo stabilan i podesiv istosmjerni napon. Za analizu signala korišteni su digitalni osciloskop i logički analizator. Digitalnim osciloskopom obavljena je vizualizacija i mjerenje analognih signala, kao što su valni oblici faznih napona, signali protuelektromotorne sile i izlazi komparatora. Za praćenje i analizu digitalnih signala upotrijebljen je logički analizator *Saleae*, primarno za dekodiranje podataka o položaju s enkodera te praćenje pomoćnih signala tijekom otklanjanja pogrešaka. Uz navedene instrumente, digitalni multimetar korišten je za osnovna mjerenja istosmjernog napona, struje i otpora prilikom sastavljanja i provjere ispravnosti elektroničkog sklopa.

#### 4.5. Programska podrška

Uz sklopovske komponente i mjerne instrumente, u radu je korištena i programska podrška za simulaciju elektroničkih krugova, za obradu i vizualizaciju mjernih podataka

te za pojednostavljeno upravljanje brzinom vrtnje. U fazi istraživanja teme, ponašanje ključnih dijelova pogonskog sklopa simulirano je u alatu *LTspice*. To je omogućilo bolje razumijevanje koncepata poput ponašanja struje pri različitim tehnikama primjene PWM-a na upravljanje (odjeljak 3.2.).

Podaci prikupljeni s enkodera su uvezeni, obrađeni i vizualizirani s pomoću programskog paketa *MATLAB*. Obrada u *MATLAB*-u omogućila je uvid u promjene kuta kroz vrijeme, trajanje svakog pojedinačnog koraka, trenutke detektiranog prolaska kroz nulu te odziv brzine kroz vrijeme što je olakšalo i ubrzalo proces razvoja algoritma.

Za upravljanje brzinom vrtnje korištena je jednostavna skripta napisana u jeziku Python za slanje tražene brzine na sklop ESC te primanje trenutne brzine rotora preko sučelja UART.

## 5. Implementacija

Ovo poglavlje opisuje programsku implementaciju sustava za upravljanje brzinom vrtnje motora BLDC bez osjetila položaja. Prikazana je arhitektura programskog rješenja, konfiguracija korištenih perifernih jedinica mikrokontrolera STM32G071RB te programska realizacija algoritma za upravljanje i regulaciju brzine. Implementacija se temelji na teorijskim konceptima opisanim u poglavlju 3. i odnosi se na sklopovlje korišteno u eksperimentalnom postavu.

### 5.1. Arhitektura programskog rješenja

Programsko rješenje implementirano je izravno na sklopovlju (eng. *bare-metal*), bez korištenja operacijskog sustava radi postizanja minimalnog kašnjenja i direktne kontrole nad hardverom. Cjelokupna arhitektura temelji se na beskonačnoj petlji unutar glavne funkcije te na sustavu prekida za obradu vremenski kritičnih događaja.

Sustav je vođen prekidima (eng. *interrupt-driven*). Operacije koje zahtijevaju precizno vremensko izvršavanje, poput generiranja signala PWM-a, detekcije protuelektromotorne sile i same komutacije, iniciraju se i obrađuju unutar prekidnih rutina hardverskih tajmera. Glavna programska petlja služi za obradu događaja koji su signalizirani iz prekidnih rutina putem globalnih zastavica (eng. *flags*). Ovakav pristup minimizira vrijeme provedeno unutar prekidnih rutina i omogućuje izvršavanje složenije obrade podataka u glavnom dijelu programa.

Rad sustava sastoji se nekoliko faza, od pokretanja do rada u zatvorenoj petlji. Faze se temelje na odjeljku 3.4. Implementacija algoritma provodi se kroz sljedeće cjeline:

- **poravnanje (eng. *Alignment*)**



- rad u otvorenoj petlji (eng. *Open-loop*)
- prijelaz u zatvorenu petlju (eng. *Closed-loop*)
- zatvorena petlja i regulacija brzine

Prijelazi između ovih faza rada upravljani su programskom logikom unutar glavne petlje, a uvjetovani su proteklom vremenom i brojem uspješnih detekcija PEMS-a.



Dijagram toka cjelokupnog programskog rješenja s prikazom glavne petlje i ključnih prekidnih rutina (TIM1, TIM3, TIM15, TIM17)



Dijagram programskog slijeda koji prikazuje prijelaze između stanja Mirovanje, Poravnanje, Otvorena petlja i Zatvorena petlja, s uvjetima prijelaza (npr. istek vremena, `zc_cnt > 3`)

## 5.2. Konfiguracija perifernih jedinica mikrokontrolera

Za realizaciju sustava upravljanja brzinom korištene su ključne periferne jedinice mikrokontrolera: napredni tajmer (TIM1) za generiranje signala PWM-a, općenamjenski tajmeri (TIM3, TIM15, TIM17) za vremensko upravljanje i uzorkovanje, te sučelje USART za komunikaciju.

### 5.2.1. Generiranje signala PWM-a

Za upravljanje trofaznim mosnim pretvaračem, teorijski opisanim u odjeljku 3.2., koristi se napredni tajmer TIM1, konfiguriran za generiranje tri para komplementarnih signala PWM-a. Frekvencija signala PWM-a postavljena je na 30 kHz. Ova frekvencija predstavlja kompromis između sklopnih gubitaka na tranzistorima MOSFET i izbjegavanja čujnog područja rada. Za sprječavanje pojave kratkog spoja (eng. *shoot-through*) unutar

polumostova pretvarača, na tajmeru je sklopovski implementirano mrtvo vrijeme (eng. *dead time*) u trajanju od 50 taktova sistemskog sata. Upravljanje pojedinim izlazima PWM-a ostvareno je direktnim upisom u registre tajmera čime se postiže brza kontrola nad aktivnim fazama motora.



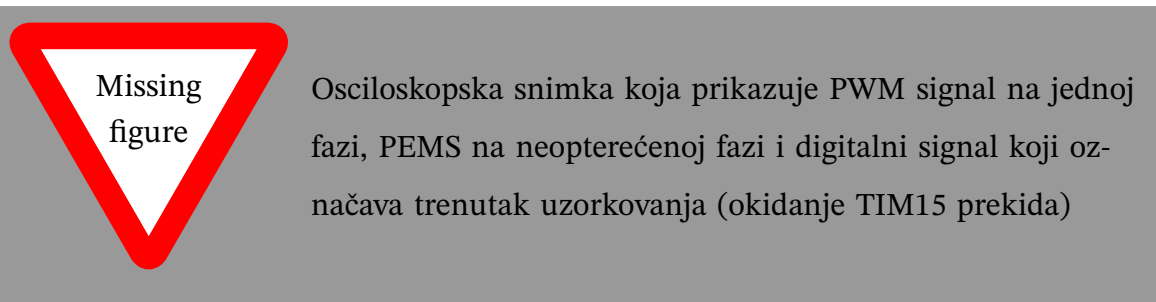
Prikaz komplementarnih PWM signala s jasno označenim mrtvim vremenom, snimljen osciloskopom na jednom polumostu

### 5.2.2. Akvizicija signala protuelektromotorne sile

Detekcija prolaska PEMS-a kroz nulu temelji se na očitavanju digitalnih izlaza vanjskih sklopova komparatora. Kako bi se implementirala strategija uzorkovanja u intervalu niske razine signala PWM-a, teorijski opisana u odjeljku 3.3., primijenjena je metoda sinkroniziranog uzorkovanja. Glavni tajmer PWM-a, TIM1, nakon svakog ciklusa okida pomoćni tajmer TIM15, koji je konfiguriran u jednokratnom modu rada (eng. *One-Pulse Mode*). Prekidna rutina tajmera TIM15 izvršava se pred sam kraj neaktivnog dijela ciklusa PWM-a. U tom trenutku, kada nema aktivnog sklapanja, struja recirkulira kroz donji tranzistor polumosta i inducirani napon je najstabilniji za mjerenje. Unutar te prekidne rutine očitava se stanje na odgovarajućem GPIO pinu (CMP1\_Pin, CMP2\_Pin ili CMP3\_Pin), ovisno o trenutačnom komutacijskom koraku.

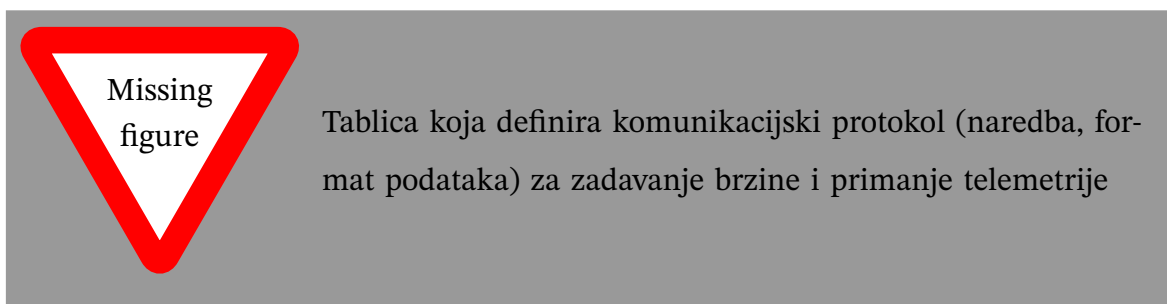


Blok dijagram sustava za detekciju PEMS-a (veza faza, virtualnog zvjezdišta, komparatora i GPIO ulaza mikrokontrolera)



### 5.2.3. Komunikacijsko sučelje

Za komunikaciju sa sustavom koristi se sučelje USART2, konfigurirano za rad pri brzini od 115 200 bit/s. Prijenos podataka je automatiziran korištenjem direktnog pristupa memoriji (eng. *Direct Memory Access, DMA*). Sustav je konfiguriran da preko kanala DMA kontinuirano prima dva bajta podataka. Nakon primitka, u prekidnoj rutini HAL\_UART\_RxCpltCallback ta dva bajta se spajaju u 16-bitnu vrijednost koja predstavlja novu zadanu brzinu vrtnje. Istovremeno, sustav periodično šalje trenutačnu procijenjenu brzinu vrtnje nazad prema nadređenom sustavu, također koristeći DMA, čime se omogućuje nadzor rada motora u stvarnom vremenu.



## 5.3. Implementacija algoritma upravljanja i regulacije

Algoritam upravljanja objedinjuje konfigurirane periferne jedinice u sustav za pokretanje i vrtnju motora. Programska logika implementira slijed pokretanja, prijelaz iz otvorenog u zatvoreni krug upravljanja te na kraju i regulaciju brzine, prateći teorijski model opisan u poglavlju 3.

### 5.3.1. Pokretanje motora: Poravnanje i rad u otvorenoj petlji

Pokretanje motora iz mirovanja, kako je teorijski obrazloženo u odjeljku 3.4., započinje s poravnanjem rotora. Rotor se može nalaziti u položaju koji je za 180° stupnjeva pomak-

nut od željenog smjera magnetskog polja, što bi rezultiralo neuspješnim poravnanjem. Zbog toga se izvode dva početna, vremenski dugačka koraka komutacije, svaki u trajanju od približno 260 ms.

Nakon poravnanja, sustav prelazi u fazu rada u otvorenoj petlji. U ovoj fazi, komutacija se izvodi prisilno pozivima funkcije `motor_step`, a vremenski razmak između koraka se postepeno smanjuje prema unaprijed određenoj akceleracijskoj rampi definiranoj u tablici `step_times_us`. Kako se frekvencija komutacije povećava, rotor zbog svoje tromosti počinje zaostajati za rotirajućim magnetskim poljem statora. Time se postiže poželjni kut koji omogućuje detekciju prolaska PEMS-a kroz nulu. Vrijedi napomenuti da, kako rotor s vremenom sve više kasni, prilika za detekciju prolaska kroz nulu traje svega nekoliko koraka. Stoga je bitno pouzdano detektirati i zabilježiti sve prolaske kroz nulu u tom periodu.



Tablica s komutacijskim stanjima za svih šest koraka s prikazom aktivnih tranzistora i nadzirane faze



Graf procijenjene brzine motora tijekom faza pokretanja, s jasno označenim fazama poravnanja, otvorene petlje i trenutka prijelaza u zatvorenu petlju

### 5.3.2. Prijelaz u zatvorenu petlju i sinkronizacija komutacije

Prijelaz iz otvorene u zatvorenu petlju događa se nakon što sustav uspješno detektira minimalni broj uzastopnih prolazaka PEMS-a kroz nulu ( $ZC\_CNT\_MIN = 3$ ). U tom trenutku, upravljanje vremenom komutacije se prebacuje s fiksne tablice na dinamički izračun temeljen na stvarnom položaju rotora.

Sinkronizacija komutacije s položajem rotora u zatvorenoj petlji, prilagođena prema

metodi sinkronizacije opisane u dokumentu AN2355 [3], ostvarena je preciznim vremenskim slijedom događaja. Ciklus započinje detekcijom prolaska PEMS-a kroz nulu unutar prekidne rutine tajmera TIM15. Tada se poziva funkcija `handle_zero_crossing` koja bilježi trenutačnu vrijednost brojača komutacijskog tajmera TIM3 i postavlja zastavicu `zc_flag`. Na tu zastavicu reagira glavna petlja, koja izračunava period između dva prolaska kroz nulu te, koristeći taj podatak i empirijski određen koeficijent faznog pomaka, određuje vremensku odgodu do iduće komutacije. Izračunata vrijednost odgode upisuje se kao novi period u tajmer TIM3. Po isteku zadanog vremena, TIM3 generira prekid u kojem se postavlja zastavica `commutate_flag`, što signalizira glavnoj petlji da izvrši sljedeći poziv funkcije `motor_step` i time zatvori ciklus.



Vremenski dijagram sinkronizacije komutacije (PEMS, detekcija nule, odgoda od 30 el. stupnjeva i trenutak komutacije)

### Obrada rubnih slučajeva

Tijekom naglih promjena brzine ili opterećenja, može doći do desinkronizacije. Implementirana su dva mehanizma za oporavak. Ako rotor urani i prolazak kroz nulu se dogodi *prije* prozora za detekciju, sustav to registrira te proglasi trenutak na početku prozora detekcije kao prolazak kroz nulu. Ovo efektivno skraćuje trajanje trenutačnog koraka, čime se stator ubrzava i pokušava "pobjeći" rotoru. S druge strane, ako rotor kasni i prolazak kroz nulu se ne dogodi unutar prozora, sustav označava kraj prozora kao trenutak detekcije, čime se sljedeći korak produžuje, a polje statora usporava i "čeka" rotor. Ove korekcije osiguravaju stabilnost upravljačke petlje.

### 5.3.3. Regulacija brzine u zatvorenoj petlji

Nakon uspješnog prijelaza u zatvorenu petlju, aktivira se vanjska regulacijska petlja koja održava brzinu vrtnje motora na zadanoj vrijednosti, sukladno modelu prikazanom u odjeljku 3.5.

## Procjena brzine vrtnje

Brzina rotora izračunava se na temelju vremena između dvije uzastopne detekcije prolaska PEMS-a kroz nulu. To vrijeme, spremljeno u varijablu `zc_period`, odgovara periodu od 60 električnih stupnjeva. Kako bi se ublažile oscilacije i dobila stabilna procjena, primijenjen je digitalni filtar tipa pomičnog prosjeka (eng. *moving average*). U red (`queue_t`) kapaciteta šest elemenata pohranjuje se zadnjih šest izmjerenih perioda, što odgovara jednom punom električnom okretaju, te se iz njihovog prosjeka računa procijenjena brzina. Brzina u okretajima u minuti (RPM) računa se prema izrazu:

$$\omega_{RPM} = \frac{60 \cdot f_{timer}}{N_{pp} \cdot 6 \cdot T_{avg}} \quad (5.1)$$

gdje je  $f_{timer}$  frekvencija tajmera TIM3,  $N_{pp}$  broj parova polova motora, a  $T_{avg}$  prosječan broj taktova tajmera za jedan komutacijski korak. Kako bi se optimizirali proračuni u stvarnom vremenu, u kodu je predizračunata konstanta `RPM_CONSTANT`:

$$RPM\_CONSTANT = \frac{60 \cdot f_{timer}}{N_{pp} \cdot 6} \quad (5.2)$$

Za frekvenciju tajmera  $f_{timer}$  od 8 MHz te broj parova polova  $N_{pp}$  od 7 (za motor A2212), vrijednost konstante iznosi 11428571, kao što je prikazano u implementaciji na slici 5.1.

```
1 // Definicija konstante
2 const uint32_t RPM_CONSTANT = 11428571;
3
4 // Izracun prosjecnog perioda (T_avg)
5 current_com_period =
6     (context.last_steps.queue[0]) + (context.last_steps.queue[1]) +
7     (context.last_steps.queue[2]) + (context.last_steps.queue[3]) +
8     (context.last_steps.queue[4]) + (context.last_steps.queue[5]);
9 current_com_period /= 6;
10
11 // Izracun brzine pomocu konstante
12 current_speed = (uint32_t)(RPM_CONSTANT / current_com_period);
```

**Slika 5.1.** Implementacija izračuna brzine s pomoću predizračunate konstante.

## Digitalna implementacija PI regulatora

Budući da mikrokontroler STM32G071RB nema jedinicu za računanje s pomičnim zarezom (eng. *Floating-Point Unit, FPU*), regulator je implementiran korištenjem aritmetike s nepomičnim zarezom (eng. *fixed-point*). Korišten je format Q12, gdje se 32-bitni cijeli broj interpretira tako da 12 najnižih bitova predstavlja decimalni dio, kao što je prikazano u isječku koda 5.2.

Regulator se izvršava periodički, a okida ga tajmer TIM17. Funkcija `PID_calculate` računa pogrešku kao razliku između zadane (`target_speed`) i procijenjene trenutane brzine (`current_speed`). Na temelju te pogreške i empirijski podešenih pojačanja ( $K_P = 4$ ,  $K_I = 0.006$ ), izračunava se nova izlazna vrijednost. Ta vrijednost se preslikava na faktor ispunje signala PWM-a (vrijednost između `DUTY_MIN` i `DUTY_MAX`) i upisuje u odgovarajući *compare* registar tajmera TIM1. Implementiran je i *anti-windup* mehanizam koji ograničava akumulaciju integralnog člana pogreške (`error_sum`) kada je izlaz regulatora zasićen, čime se poboljšava odziv sustava pri velikim promjenama zadane brzine.



Blok dijagram implementirane PI regulacijske petlje

```

1 // Isjecak iz funkcije PID_calculate u datoteci pid.c
2 int32_t PID_calculate(PIDController *pid, int32_t setpoint,
3                       int32_t measurement) {
4     // Greska u broju okretaja (counts)
5     int32_t error_counts = setpoint - measurement;
6
7     // Normalizacija greske u Q12 format (per-unit)
8     int32_t error_q12 = ((int64_t)error_counts << Q) / INPUT_SCALE;
9
10    // --- Proporcionalni clan ---
11    int32_t P_q12 = ((int64_t)pid->Kp * error_q12) >> Q;
12
13    // --- Integralni clan s anti-windup provjerom ---
14    pid->error_sum += ((int64_t)pid->Ki * error_q12) >> Q;
15    if (pid->error_sum > pid->integral_limit)
16        pid->error_sum = pid->integral_limit;
17    if (pid->error_sum < -pid->integral_limit)
18        pid->error_sum = -pid->integral_limit;
19    int32_t I_q12 = pid->error_sum;
20
21    // --- Ukupni izlaz (P + I) u Q12 formatu ---
22    int32_t u_q12 = P_q12 + I_q12;
23
24    // Skaliranje iz Q12 formata na raspon faktora ispune
25    int32_t output = pid->output_min +
26        (int32_t)((((int64_t)u_q12 * (pid->output_max - pid->output_min)) >> Q));
27
28    // Ogranicavanje izlaza (saturation)
29    if (output > pid->output_max) output = pid->output_max;
30    if (output < pid->output_min) output = pid->output_min;
31
32    return output;
33 }

```

**Slika 5.2.** Implementacija PI regulatora aritmetikom s nepomičnim zarezom.



## 6. Usporedba ostvarene implementacije s postojećim rješenjem

Kako bi se dobio dojam o performansama ostvarene implementacije, provedena je usporedba njezinih radnih karakteristika s komercijalno dostupnim elektroničkim sklopom za upravljanje brzinom. Cilj je ove usporedbe dokumentirati razlike u izvedbi koje proizlaze iz različitih sklopovskih i programskih pristupa.

Za potrebe usporedbe korištena su dva sklopa: komercijalno dostupan sklop *SimonK 30A*, koji radi na frekvenciji signala PWM-a od 8 kHz, te sklop korišten u ovom radu, koji radi na frekvenciji PWM-a od 30 kHz.

Usporedba se temelji na mjerenju vanjskih pokazatelja izvedbe u identičnim uvjetima.

### 6.1. Metodologija testiranja

Sva mjerenja provedena su na eksperimentalnom postavu opisanom u poglavlju 4., koristeći isti elektromotor (*A2212/13T 1000KV*) i laboratorijski izvor napajanja postavljen na konstantan napon od 7.4 V, s ograničenjem struje od 3.23 A. Brzina vrtnje mjerena je pomoću osciloskopa očitavanjem perioda jednog komutacijskog koraka. Testovi su provedeni sa standardnim propelerom oznake *1045* i bez njega.

### 6.2. Analiza faznog napona

Vizualna analiza valnog oblika napona na jednoj od faza motora potvrđuje da oba sklopa koriste trapeznu metodu upravljanja. Glavna uočljiva razlika, prikazana na slikama 6.2.

i 6.2., jest u gustoći preklapanja PWM-a. Valni oblik komercijalnog rješenja je grublji, što je posljedica niže frekvencije od 8 kHz. Suprotno tome, rješenje razvijeno u ovom radu, s frekvencijom od 30 kHz, generira znatno finiji valni oblik s manje izraženim šumom.



Snimka zaslona osciloskopa: valni oblik faznog napona za sklop *SimonK 30A*.



Snimka zaslona osciloskopa: valni oblik faznog napona za implementirano rješenje.

### 6.3. Usporedba radnih karakteristika

Radne karakteristike oba sklopa uspoređene su mjerenjem brzine vrtnje pri različitim faktorima ispunje, sa i bez opterećenja. Rezultati su sažeti u tablici 6.1.

Tablica 6.1. Usporedba brzine vrtnje (RPM) za komercijalni i implementirani sklop

Stanje	Bez propelera		S propelerom 1045	
	SimonK	Implementirani	SimonK	Implementirani
<b>Minimalna brzina</b>	1400	307	~720	309
10%	1400	703	~720	484
20%	3800	1270	~1500	1096
50%	5900	3203	~3130	2607
<b>Maksimalna brzina</b>	6520	5714	6520*	3650*

\*Maksimalna brzina postignuta prije nego je dosegnuto ograničenje struje napajanja.

Iz rezultata je vidljivo da komercijalno rješenje *SimonK* postiže višu maksimalnu brzinu vrtnje, posebice pod opterećenjem. Međutim, implementirano rješenje pokazuje značajno šire radno područje pri niskim brzinama. Minimalna stabilna brzina vrtnje za implementirano rješenje iznosi oko 300 RPM, dok *SimonK* ne može stabilno raditi ispod 700 RPM s opterećenjem. Sposobnost rada pri vrlo malim brzinama ukazuje na

robusnost implementiranog algoritma za detekciju PEMS-a.

Također, primjetno je da je odziv brzine na promjenu faktora ispunje kod implementiranog rješenja linearniji, dok kod sklopa *SimonK* dolazi do naglog skoka brzine na samom početku radnog područja. Ova linearnost omogućuje finiju i precizniju kontrolu potiska.

Treba napomenuti da su maksimalne brzine pod opterećenjem ograničene strujom izvora napajanja od 3.23 A. *SimonK* je dosegno limit pri 63.5 % faktora ispunje, dok ga je implementirano rješenje doseglo pri 77 %, što ukazuje na razlike u efikasnosti i načinu upravljanja snagom.

## 6.4. Sažetak usporedbe

Usporedbom ključnih pokazatelja izvedbe utvrđeno je da ostvarena implementacija nudi značajne prednosti u preciznosti upravljanja i radu pri niskim brzinama. Iako komercijalno rješenje postiže višu vršnu brzinu, rješenje razvijeno u ovom radu pruža superiornu stabilnost i linearnost u donjem dijelu radnog područja. Viša frekvencija PWM-a rezultira čistim faznim naponom, a mogućnost podešavanja PI regulatora, za razliku od "crne kutije" komercijalnog sklopa, omogućuje fino prilagođavanje dinamičkog odziva specifičnim zahtjevima. Sveukupno, rezultati potvrđuju da je razvijeno rješenje uspješna i konkurentna implementacija bezosjetilnog upravljanja.

## **7. Zaključak**

## Literatura

- [1] R. Austin, *Unmanned Aircraft Systems: UAVS Design, Development and Deployment*. Chichester, UK: Wiley, 2010.
- [2] O. Solomon i P. Famouri, "Dynamic performance of a permanent magnet brushless dc motor for uav electric propulsion system - part i", u *IECON 2006 - 32nd Annual Conference on IEEE Industrial Electronics*, 2006., str. 1400–1405. <https://doi.org/10.1109/IECON.2006.347808>
- [3] NXP Semiconductors, "3-phase bldc motor control with hall sensors", NXP Semiconductors, Application Note AN2355, 2005., pristupljeno: 1. srpnja 2025. [Mrežno]. Adresa: <https://www.nxp.com/docs/en/application-note/AN2355.pdf>
- [4] Leksikografski zavod Miroslav Krleža. (2007) elektromotor, beskolectorski. Tehnički leksikon, mrežno izdanje. [Mrežno]. Adresa: <https://tehnicki.lzmk.hr/clanak/elektromotor-beskolectorski>
- [5] D. Mohanraj, R. Arul david, R. Verma, K. Sathiyasekar, A. B. Barnawi, B. Chokkalingam, i L. Mihet-Popa, "A review of bldc motor: State of art, advanced control techniques, and applications", *IEEE Access*, sv. 10, str. 54 833–54 869, 2022. <https://doi.org/10.1109/ACCESS.2022.3175011>
- [6] Leksikografski zavod Miroslav Krleža. (2007) elektromotor sa stalnim magnetima. Tehnički leksikon, mrežno izdanje. [Mrežno]. Adresa: <https://tehnicki.lzmk.hr/clanak/elektromotor-sa-stalnim-magnetima>
- [7] D. van Niekerk, "Design, development and testing of a solar-powered un-manned aerial vehicle for remote sensing applications", M.Tech Dissertation, Cape Peninsula University of Technology, 2023., pristupljeno: 1. srpnja

2025. [Mrežno]. Adresa: [https://www.researchgate.net/publication/380743096\\_MTECH\\_Dissertation\\_of\\_Daniel\\_van\\_Niekerk\\_Final\\_Version](https://www.researchgate.net/publication/380743096_MTECH_Dissertation_of_Daniel_van_Niekerk_Final_Version)
- [8] Joe Evans, Ph.D, “The three phase induction motor”, <http://www.pumped101.com/motorintro.pdf>, pristupljeno: 1. srpnja 2025.
- [9] N. Padmaraja, “Brushless dc (bldc) motor fundamentals”, Microchip Technology Inc., Application Note AN885, 2003., pristupljeno: 1. srpnja 2025. [Mrežno]. Adresa: <https://ww1.microchip.com/downloads/en/AppNotes/00885a.pdf>
- [10] FAULHABER MICROMO LLC. (2024., 3) Datasheet: 3216...bxth series brushless dc-servomotors. [Mrežno]. Adresa: [https://www.faulhaber.com/fileadmin/Import/Media/EN\\_3216\\_BXTH\\_DFF.pdf](https://www.faulhaber.com/fileadmin/Import/Media/EN_3216_BXTH_DFF.pdf)
- [11] maxon group. (2024., 3) Ec 8 brushless dc motor. [Mrežno]. Adresa: [https://www.maxongroup.com/medias/sys\\_master/root/9399220961310/Cataloge-Page-EN-203.pdf](https://www.maxongroup.com/medias/sys_master/root/9399220961310/Cataloge-Page-EN-203.pdf)
- [12] R. Krishnan, *Permanent Magnet Synchronous and Brushless DC Motor Drives*. Boca Raton: CRC Press, 2010.
- [13] B. Akin i M. Bhardwaj, “Sensorless trapezoidal control of bldc motors”, Texas Instruments, Application Report SPRABQ7A, September 2015., revidirano u rujnu 2015. Pristupljeno: 2. srpnja 2025. [Mrežno]. Adresa: <https://www.ti.com/lit/an/sprabq7a/sprabq7a.pdf>
- [14] STMicroelectronics, “Sensorless bldc motor control and bemf sampling methods with st7mc”, STMicroelectronics, Application Note AN1946, 2007., pristupljeno: 2. srpnja 2025. [Mrežno]. Adresa: [https://www.st.com/resource/en/application\\_note/cd00020086-sensorless-bldc-motor-control-and-bemf-sampling-methods-with-st7mc-stmicroelectronics.pdf](https://www.st.com/resource/en/application_note/cd00020086-sensorless-bldc-motor-control-and-bemf-sampling-methods-with-st7mc-stmicroelectronics.pdf)
- [15] M. Re-casens, “Accurate startup techniques for the amt49406”, Allegro MicroSystems, Application Note 296259, 2021., pristupljeno: 2. srpnja 2025. [Mrežno]. Adresa: <https://www.allegromicro.com/-/media/files/application-notes/an296259-amt49406-accurate-startup-techniques.pdf>

# Sažetak

## Upravljanje brzinom vrtnje istosmjernih motora bez četkica kod bespilotnih letjelica

Vlado Perković

Ovaj diplomski rad obrađuje elektroničko upravljanje brzinom istosmjernih motora bez četkica prvenstveno namijenjenih za bespilotne letjelice. Fokus je na razvoju i implementaciji upravljanja motorom bez osjetila korištenjem metode komutacije u šest koraka.

Detaljno je opisana metoda komutacije u šest koraka te tehnike pulsno-širinske modulacije za upravljanje naponom i strujom motora. Objašnjena je detekcija protuelektromotorne sile za dobivanje informacije o položaju rotora, te su opisane faze pokretanja i rada motora, od početnog poravnanja do prelaska na zatvorenu petlju. Implementirano je rješenje upravljanja brzinom na odabranom sklopovlju koje uključuje sklop za elektroničko upravljanje brzine, motor *A2212/13T 1000KV* i razvojnu pločicu *Nucleo-G071RB* s mikrokontrolerom *STM32G071RB*.

**Ključne riječi:** istosmjerni motor bez četkica; BLDC; elektroničko upravljanje brzinom; ESC; bespilotne letjelice; dronovi; komutacija u šest koraka; protuelektromotorna sila; PEMS; upravljanje bez osjetila

# Abstract

## Electronic speed control of a brushless DC motor for drones

Vlado Perković

This thesis addresses the electronic speed control of brushless DC motors, primarily intended for unmanned aerial vehicles. The focus is on the development and implementation of sensorless motor control using the six-step commutation method.

The six-step commutation method and pulse-width modulation techniques for motor voltage and current control are described in detail. Counter-electromotive force detection for obtaining rotor position information is explained, and the motor's startup and operating phases, from initial alignment to closed-loop transition, are detailed. The speed control solution is implemented on selected hardware, which includes an electronic speed controller, an *A2212/13T 1000KV* motor, and a Nucleo-G071RB development board with an STM32G071RB microcontroller.

**Keywords:** brushless DC motor; BLDC; electronic speed control; ESC; unmanned aerial vehicles; UAV; drones; six-step commutation; back-electromotive force; back-EMF; sensorless control