## Міністерство освіти і науки України Національний технічний університет України «Київський політехнічний інститут ім. Ігоря Сікорського» Факультет інформатики та обчислювальної техніки Кафедра обчислювальної техніки

# Лабораторна робота №5

3 дисципліни «*Методи оптимізації та планування експерименту*» На тему:

«Проведення трьохфакторного експерименту при використанні рівняння регресії з урахуванням квадратичних членів»

ВИКОНАВ: Студент II курсу ФІОТ Групи ІО-92 Уткін В.А. – 9227 Номер в списку: 19

> ПЕРЕВІРИВ: ас. Регіда П.Г.

#### Мета:

Провести повний трьохфакторний експеримент. Знайти рівняння регресії адекватне об'єкту.

#### Варіант завдання:

Варіант	$X_1$		$X_2$		$X_3$	
	min	max	min	max	min	max
219	-6	9	-9	3	-6	9

$$X_{cp \ min} = (-6 - 9 - 6) / 3 = -7$$
  
 $X_{cp \ max} = (9 + 3 + 9) / 3 = 7$   
 $Y_{imin} = 200 - 7 = 193$   
 $Y_{imax} = 200 + 7 = 207$ 

#### Код програми

```
import random
import sklearn.linear_model as lm
from scipy.stats import f, t
from functools import partial
from pyDOE2 import *
def regression(x, b):
    y = sum([x[i] * b[i] for i in range(len(x))])
x range = ((-6, 9), (-9, 3), (-6, 9))
x_aver_max = sum([x[1] for x in x_range]) / 3
x_aver_min = sum([x[0] for x in x_range]) / 3
y_{max} = 200 + int(x_{aver_max})
y_min = 200 + int(x_aver_min)
def s_kv(y, y_aver, n, m):
    res = []
    for i in range(n):
        s = sum([(y_aver[i] - y[i][j]) ** 2 for j in range(m)]) / m
        res.append(round(s, 3))
    return res
def plan_matrix5(n, m):
    y = np.zeros(shape=(n, m))
        for j in range(m):
            y[i][j] = random.randint(y_min, y_max)
```

```
no = 1
x_norm = ccdesign(3, center=(0, no))
x_norm = np.insert(x_norm, 0, 1, axis=1)
for i in range(4, 11):
    x_norm = np.insert(x_norm, i, 0, axis=1)
1 = 1.215
for i in range(len(x_norm)):
    for j in range(len(x_norm[i])):
        if x_norm[i][j] < -1 or x_norm[i][j] > 1:
            if x_norm[i][j] < 0:
                x_{norm}[i][j] = -1
                x norm[i][j] = 1
def add_sq_nums(x):
    for i in range(len(x)):
        x[i][4] = x[i][1] * x[i][2]
        x[i][5] = x[i][1] * x[i][3]
        x[i][6] = x[i][2] * x[i][3]
        x[i][7] = x[i][1] * x[i][3] * x[i][2]
        x[i][8] = x[i][1] ** 2
        x[i][9] = x[i][2] ** 2
        x[i][10] = x[i][3] ** 2
x_norm = add_sq_nums(x_norm)
x = np.ones(shape=(len(x_norm), len(x_norm[0])), dtype=np.int64)
for i in range(8):
    for j in range(1, 4):
        if x_norm[i][j] == -1:
            x[i][j] = x_range[j - 1][0]
            x[i][j] = x_range[j - 1][1]
for i in range(8, len(x)):
    for j in range(1, 3):
        x[i][j] = (x_range[j - 1][0] + x_range[j - 1][1]) / 2
dx = [x_range[i][1] - (x_range[i][0] + x_range[i][1]) / 2 for i in range(3)]
x[8][1] = 1 * dx[0] + x[9][1]
x[9][1] = -1 * dx[0] + x[9][1]
x[10][2] = 1 * dx[1] + x[9][2]
x[11][2] = -1 * dx[1] + x[9][2]
x[12][3] = 1 * dx[2] + x[9][3]
x[13][3] = -1 * dx[2] + x[9][3]
x = add_sq_nums(x)
for i in x_norm:
    print([round(x, 2) for x in i])
print('\nY:\n', y)
return x, y, x_norm
```

```
def find_coef(X, Y, norm=False):
    skm = lm.LinearRegression(fit_intercept=False)
    skm.fit(X, Y)
    B = skm.coef
    if norm == 1:
    B = [round(i, 3) \text{ for } i \text{ in } B]
    print(B)
    print('\nPesynьтat рівняння зі знайденими коефіцієнтами:\n', np.dot(X, B))
    return B
def kriteriy_cochrana(y, y_aver, n, m):
    f2 = n
    q = 0.05
    S_kv = s_kv(y, y_aver, n, m)
    Gp = max(S_kv) / sum(S_kv)
    print('\nПеревірка за критерієм Кохрена')
    return Gp
def cohren(f1, f2, q=0.05):
    q1 = q / f1
    fisher value = f.ppf(q=1 - q1, dfn=f2, dfd=(f1 - 1) * f2)
    return fisher value / (fisher value + f1 - 1)
# оцінки коефіцієнтів
def bs(x, y_aver, n):
    res = [sum(1 * y for y in y_aver) / n]
    for i in range(len(x[0])):
        b = sum(j[0] * j[1] for j in zip(x[:, i], y_aver)) / n
        res.append(b)
    return res
def kriteriy_studenta(x, y, y_aver, n, m):
    S_kv = s_kv(y, y_aver, n, m)
    s_kv_aver = sum(S_kv) / n
    s_Bs = (s_kv_aver / n / m) ** 0.5 # статистична оцінка дисперсії
    Bs = bs(x, y_aver, n)
    ts = [round(abs(B) / s_Bs, 3) for B in Bs]
def kriteriy_fishera(y, y_aver, y_new, n, m, d):
    S_{ad} = m / (n - d) * sum([(y_new[i] - y_aver[i]) ** 2 for i in range(len(y))])
    S_kv = s_kv(y, y_aver, n, m)
    S_kv_aver = sum(S_kv) / n
   return S_ad / S_kv_aver
```

```
def check(X, Y, B, n, m):
    f1 = m - 1
    f3 = f1 * f2
    q = 0.05
    ### табличні значення
    student = partial(t.ppf, q=1 - q)
    t_student = student(df=f3)
    G_{kr} = cohren(f1, f2)
    y_aver = [round(sum(i) / len(i), 3) for i in Y]
    print('\nCepeднє значення y:', y_aver)
    disp = s_kv(Y, y_aver, n, m)
    print('Дисперсія y:', disp)
    Gp = kriteriy_cochrana(Y, y_aver, n, m)
    if Gp < G kr:</pre>
        print(f'3 ймовірністю {1-q} дисперсії однорідні.')
        main(n, m)
    ts = kriteriy_studenta(X[:, 1:], Y, y_aver, n, m)
    print('\nКритерій Стьюдента:\n', ts)
    res = [t for t in ts if t > t_student]
    final_k = [B[i] for i in range(len(ts)) if ts[i] in res]
print('\nKoeфiцiєнти {} статистично незначущі, тому ми виключаємо їх з
piвняння.'.format(
        [round(i, 3) for i in B if i not in final_k]))
    y_new = []
    for j in range(n):
        y_new.append(regression([X[j][i] for i in range(len(ts)) if ts[i] in res],
final_k))
    print(f'\n3начення "y" з коефіцієнтами {final k}')
    print(y_new)
    d = len(res)
    if d >= n:
    F_p = kriteriy_fishera(Y, y_aver, y_new, n, m, d)
    fisher = partial(f.ppf, q=0.95)
    f_t = fisher(dfn=f4, dfd=f3) # табличне знач
    print('\nПеревірка адекватності за критерієм Фішера')
print('Fp =', F_p)
    print('F_t =', f_t)
    if F_p < f_t:
```

```
print('Математична модель не адекватна експериментальним даним')

def main(n, m):
    X5, Y5, X5_norm = plan_matrix5(n, m)

    y5_aver = [round(sum(i) / len(i), 3) for i in Y5]
    B5 = find_coef(X5, y5_aver)
    check(X5_norm, Y5, B5, n, m)

if_name__ == '__main_':
    main(15, 3)
```

#### Результат виконання роботи

```
🖐 Lab5
 C:\Anaconda3\envs\labs\python.exe C:/Users/Влад/PycharmProjects/labs/Lab5.py
 Лабораторна 5 Уткін Владислав ІО-92
 Генеруємо матрицю планування для n = 15, m = 3
  [[ 1 -6 -9 -6 54 36 54 -324 36 81 36]
                 -6 -81 -54
                             54 486
                                     81
                                          81
                                              36]
         -6
                 -6 -18
                         36 -18 108
                                              361
             3 -6 27 -54 -18 -162 81
                                              36]
                 9 54 -54 -81 486 36
         -6
                                              81]
                 9 -81
                         81 -81 -729 81
                                          81
                                              81]
                 9 -18 -54 27 -162
                                              811
         -6
                                    36
                 9 27
                             27 243
                                     81
                                              81]
        10
                 1 -30
                         10 -3 -30 100
                                              1]
         -8
                 1 24
                        -8
                                      64
                                              1]
                                              1]
                                              1]
         1 -10
                 1 -10
                         1 -10 -10
                                      1 100
                                          9 100]
             -3 -8 -3 -8 24 24
                                              64]
                                              1]]
```

```
Х нормоване:
[1.0, -1.0, -1.0, -1.0, 1.0, 1.0, 1.0, -1.0, 1.0, 1.0, 1.0]
[1.0, 1.0, -1.0, -1.0, -1.0, -1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0]
[1.0, -1.0, 1.0, -1.0, -1.0, 1.0, -1.0, 1.0, 1.0, 1.0]
[1.0, 1.0, 1.0, -1.0, 1.0, -1.0, -1.0, -1.0, 1.0, 1.0, 1.0]
[1.0, -1.0, -1.0, 1.0, 1.0, -1.0, -1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0]
[1.0, 1.0, -1.0, 1.0, -1.0, 1.0, -1.0, -1.0, 1.0, 1.0, 1.0]
[1.0, -1.0, 1.0, 1.0, -1.0, -1.0, 1.0, -1.0, 1.0, 1.0, 1.0]
[1.0, -1.22, 0.0, 0.0, -0.0, -0.0, 0.0, -0.0, 1.48, 0.0, 0.0]
[1.0, 1.22, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.48, 0.0, 0.0]
[1.0, 0.0, -1.22, 0.0, -0.0, 0.0, -0.0, -0.0, 0.0, 1.48, 0.0]
[1.0, 0.0, 1.22, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.48, 0.0]
[1.0, 0.0, 0.0, -1.22, 0.0, -0.0, -0.0, -0.0, 0.0, 0.0, 1.48]
[1.0, 0.0, 0.0, 1.22, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.48]
```

```
[[207. 203. 199.]
[205. 204. 196.]
[204. 193. 199.]
[202. 198. 203.]
[196. 203. 207.]
[198. 200. 205.]
[205. 194. 200.]
[197. 202. 204.]
[193. 199. 198.]
[200. 200. 193.]
[202. 207. 200.]
[204. 194. 206.]]
Коефіцієнти рівняння регресії:
[199.836, -0.039, -0.569, -0.072, 0.009, -0.012, 0.009, -0.002, 0.02, -0.071, 0.031]
Результат рівняння зі знайденими коефіцієнтами:
[202.896 201.456 199.02 201.36 201.456 201.366 201.36 199.65 202.116
202.692 196.416 198.194 202.908 203.682 200.784]
```

### Висновок:

В даній лабораторній роботі проведено трьохфакторний експеримент з урахуванням квадратичних членів, використовуючи центральний ортогональний композиційний план. Знайдено рівняння регресії, яке буде адекватним для опису об'єкту.