Олимпиадное программирование Занятие 25. ДД по неявному ключу. Merge-sort tree

Труфанов Павел Николаевич







Три интересных задачи

- Вывести все элементы дерева в порядке возрастания
- Построить дерево, если у вас имеется отсортированный список ключей.
- Построить дерево, если у вас имеется отсортированный список ключей и приоритетов.

Идея

А что, если мы будем хранить в ключе индекс элемента. Тогда все будет отсортировано по индексу и мы сможем поддерживать обычный массив в дереве. Но при любой операции нам нужно будет сдвигать индексы. Поэтому давайте поддерживать индексы неявно через размер поддеревьев.

Функция split

Теперь функция split будет отрезать от дерева первые k элементов. Код будет довольно простой.

Функция merge

Заметим, что наша старая функция merge никак не задействовала ключи дерева. Поэтому она не изменится.

Функция на подотрезке

Хочу узнать сумму на подотрезке. Для этого поддерживаю функцию суммы в поддереве. Теперь когда приходит запрос I, r, я режу дерево по r, потом первый кусок по I и смотрю значение функции в корне. Надо теперь не забыть сделать обратно merge.

Умная функция

Давайте сделаем запрос на подотрезке используя функцию, похожую на запрос в дереве отрезков. Таким образом не будем тратить много времени на split и merge.

Дерево merge-sort

Задача: хочу отвечать на запросы: сколько чисел на отрезке L,R лежат в числовом диапазоне A,B. Давайте построим дерево отрезков, где в каждой вершине будем хранить отсортированный массив всех ключей в ее поддереве. Таким образом, в одной вершине я могу ответить на запрос за логарифм бинпоиском.

Еще задачи

- Добавляем запросы изменения к предыдущей задаче.
- ▶ Количество различных чисел на отрезке.

До встречи!

FOXFORD.RU

Онлайн-школа Фоксфорд

