A mérnökinformatikus szakos hallgatók Bevezetés a Számításelméletbe II. tárgyának vizsgatételei (2016/2017. tanév, második félév)

- 1. Kombinatorikus leszámlálási alapfeladatok: ismétlés nélküli és ismétléses permutáció, variáció és kombináció; példák. Összefüggések a binomiális együtthatók között, Pascalháromszög. Binomiális tétel.
- 2. Gráfelméleti alapfogalmak: gráf, egyszerű gráf, komplementer gráf, izomorfia, részgráf, feszített részgráf, élsorozat, út, kör, összefüggő gráf, (összefüggő) komponens. Fa fogalma, fák egyszerű tulajdonságai. Feszítőfa fogalma, annak létezése.
- 3. Szélességi bejárás (BFS). Minimális összsúlyú feszítőfák, Kruskal algoritmusa.
- 4. Síkbarajzolt és síkbarajzolható gráf fogalma. A síkbarajzolhatóság kapcsolata a gömbre rajzolhatósággal, Euler-tétel, becslés az élek számára egyszerű és egyszerű háromszögmentes gráfban. Kuratowski tétele (bizonyítás csak a könnyebbik irányban). Síkgráf duálisának fogalma.
- **5.** Hamilton-körök és -utak. Szükséges feltétel Hamilton-kör/út létezésére. Elégséges feltételek: Dirac és Ore tétele. Euler-körök és -utak, ezek létezésének szükséges és elégséges feltétele.
- 6. Gráfok színezése, $\chi(G)$ fogalma és viszonya $\omega(G)$ -hez. Mohó színezés. $\chi(G)$ viszonya $\Delta(G)$ -hez. Intervallumgráfok, algoritmus ezek optimális színezésére. **Páros gráf fogalma**, kapcsolat a páratlan körökkel.
- 7. Párosítás fogalma. Független élhalmaz, lefogó élhalmaz, független ponthalmaz, lefogó ponthalmaz, valamint $\nu(G)$, $\varrho(G)$, $\alpha(G)$ és $\tau(G)$ fogalma, ezek egymáshoz való viszonya. Gallai tételei. Tutte tétele (csak a szükségesség bizonyításával).
- 8. Párosítások páros gráfban, a javítóutak módszere, Kőnig, Hall és Frobenius tételei.
- 9. Teljes párosítás létezése reguláris páros gráfban. Gráfok élszínezése, $\chi_e(G)$ fogalma és viszonya $\Delta(G)$ -hez. Vizing-tétel (biz. nélkül), Kőnig tétele a páros gráfok élkromatikus számáról.
- 10. Hálózat, hálózati folyam és s-t vágás fogalma, folyam értéke, vágás kapacitása. Algoritmus maximális folyam és minimális vágás megkeresésére, Ford-Fulkerson tétel, Edmonds-Karp tétel (biz. nélkül). Egészértékűségi lemma. A folyamprobléma általánosításai.
- 11. Menger pontpárok közötti diszjunkt utakra vonatkozó tételei (bizonyítás csak az első tételhez). Többszörös összefüggőség és élösszefüggőség fogalma, Menger ezekre vonatkozó tételei (bizonyítás csak az élösszefüggőséggel kapcsolatos tétel esetében).
- 12. Adott pontból legrövidebb utakat kereső algoritmusok: Dijsktra algoritmusa, a Bellman-Ford algoritmus.
- 13. Floyd algoritmusa bármely két pont között a legrövidebb út meghatározására. Aciklikus irányított gráf fogalma, topologikus sorrend. Algoritmus legrövidebb és leghosszabb utak meghatározására aciklikus irányított gráfban.
- 14. A DFS algoritmus, DFS-erdő, az élek osztályozása. A DFS alkalmazása az aciklikusság eldöntésére, illetve topologikus sorrend meghatározására.