Grafy i Sieci – Projekt

Autorzy: Pracki Kamil, Pszczółkowski Mateusz

Treść zadania:

Opracować i zaimplementować algorytm optymalnego przypisania n pracowników do n maszyn.

Opis algorytmu:

Problem opisany w treści zadania sprowadza się do znalezienia maksymalnego skojarzenia w grafie dwudzielnym.

W przypadku naszego zadania, aby:

- Żadna maszyna ani pracownik nie byli przypisanie więcej niż raz
- Przypisanie maszyny z pracownikiem było możliwe tylko wtedy, gdy pracownik obsługuje maszynę

Do rozwiązania problemu został wykorzystany algorytm Forda-Fulkersona z BFS. Celem algorytmu jest wyznaczenie maksymalnej ilości przepływu ze źródła do ujścia, nie przekraczając pojemości krawędzi i zachowując zasadę zachowania przepływu.

Działanie algorytmu:

- 1. Graf dwudzielny jest przekształcany w sieć przepływową poprzez:
 - Dodanie sztucznego źródła, które łączy się ze wszystkimi pracownikami (każda krawędź o pojemności 1).
 - Dodanie sztucznego ujścia, do którego prowadzą krawędzie ze wszystkich maszyn (krawędzie o pojemności 1).
 - Dodanie krawędzi od pracowników do maszyn zgodnie z macierzą zgodności
- 2. Algorytm szuka ścieżki powiększającej w grafie residualnym za pomocą BFS.
- 3. Aktualizuje przepływy w znalezionej ścieżce.
- 4. Powtarza do momentu aż nie da się znaleźć kolejnej ścieżki.
- 5. Zwraca przypisania z grafu residualnego (jeśli maszyna oddaje przepływ do pracownika to znaczy, że zostali skojarzeni).

Złożoność obliczeniowa: $\Theta(V \cdot E^2)$

E - liczba krawędzi

V - liczba wierzchołków

Złożoność pamięciowa: $\Theta(N \cdot M)$

N - liczba pracowników

M -liczba maszyn

Przykład działania:

 Wywołanie programu (należy za pomocą konsoli przejść do folderu, w którym znajduje się Mateusz_Pszczolkowski.exe) i wpisać

```
Mateusz_Pszczolkowski --pracownikow 3 --maszyn 3
```

Dla przykładu tworzymy graf dwudzielny składający się z 3 pracowników oraz 3 maszyn.

2. Podanie kompatybilności:

```
Podaj kompatybilność (1 - kompatybilny, 0 - niekompatybilny):
Pracownik 0 - Maszyna 0: 1
Pracownik 0 - Maszyna 1: 0
```

Podajemy kompatybilność pracowników z maszynami. (1, jeśli i-ty pracownik może obsługiwać k-tą maszynę, 0 w przeciwnym wypadku).

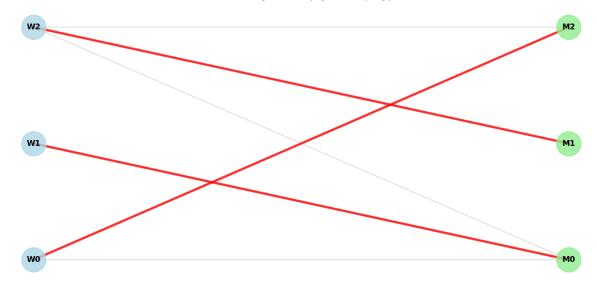
Na powyższym zrzucie ekranu Pracownik 0 jest w stanie obsługiwać Maszynę 0, ale Maszynę 1 już nie.

Dla przykładu:

```
Pracownik 0 - Maszyna 0: 1
Pracownik 0 - Maszyna 1: 0
Pracownik 0 - Maszyna 2: 1
Pracownik 1 - Maszyna 0: 1
Pracownik 1 - Maszyna 1: 0
Pracownik 1 - Maszyna 2: 0
Pracownik 2 - Maszyna 0: 1
Pracownik 2 - Maszyna 1: 1
Pracownik 2 - Maszyna 2: 1
```

3. Ukazuje się wizualizacja optymalnego przypisania pracowników do maszyn.

Graf dwudzielny: Przypisanie pracowników do maszyn Czerwone krawędzie = optymalne przypisania



Czerwone linie - optymalne przypisanie i-tego pracownika do k-tej maszyny.

Szare linie – pozostałe maszyny obsługiwane przez i-tego pracownika.

Program zwraca także optymalne przypisanie w wersji tekstowej,

```
Optymalne przypisania:
Pracownik 0 -> Maszyna 2
Pracownik 1 -> Maszyna 0
Pracownik 2 -> Maszyna 1
```

oraz macierz zgodności grafu (\checkmark - jeśli pracownik może obsługiwać daną maszynę, X jeśli nie).

```
Macierz zgodności:

M 0 M 1 M 2

W 0 ✓ X ✓

W 1 ✓ X X

W 2 ✓ ✓ ✓
```