- 1. 写出下列随机试验的样本空间 S:
  - (1) 记录一个班一次数学考试的平均分数(设以百分制计分).
  - (2) 生产产品直到有 10 件正品为止,记录生产产品的总件数.
  - (3) 对某工厂出厂的产品进行检查,合格的记上"正品",不合格的记上"次品",如连续查出了2件次品就停止检查,或检查了4件产品就停止检查,记录检查的结果.
  - (4) 在单位圆内任取一点,记录它的坐标.

- **2.** 设 A, B, C 为三个事件,用 A, B, C 的运算关系表示下列各事件:
  - (1) A 发生, B 与 C 不发生.
  - (2) A 与 B 都发生, 而 C 不发生.
  - (3) A,B,C 中至少有一个发生.
  - (4) A, B, C 都发生.
  - (5) A, B, C 都不发生.
  - (6) A,B,C 中不多于一个发生.
  - (7) A,B,C 中不多于两个发生.
  - (8) A, B, C 中至少有两个发生.

- **3.** (1) 设 A, B, C 是三个事件,且 P(A) = P(B) = P(C) = 1/4, P(AB) = P(BC) = 0, P(AC) = 1/8, 求 <math>A, B, C 至少有一个发生的概率.
  - (2) 己知 P(A) = 1/2, P(B) = 1/3, P(C) = 1/5, P(AB) = 1/10, P(AC) = 1/15, P(BC) = 1/20, P(ABC) = 1/30, 求  $A \cup B$ ,  $\overline{AB}$ ,  $A \cup B \cup C$ ,  $\overline{ABC}$ ,  $\overline{ABC}$ ,  $\overline{AB} \cup C$  的概率.
  - (3) 己知 P(A)=1/2, (i) 若 A,B 互不相容,求  $P(A\overline{B})$ , (ii) 若 P(AB)=1/8, 求  $P(A\overline{B})$ .

- **4.** 设 *A*, *B* 是两个事件
  - (1) 已知  $A\overline{B} = \overline{A}B$ , 验证 A = B.
  - (2) 验证事件 A 和事件 B 恰有一个发生的概率为 P(A) + P(B) 2P(AB).

- 5. 10 片药片中有 5 片是安慰剂.
  - (1) 从中任意抽取 5 片, 求其中至少有 2 片是安慰剂的概率.
  - (2) 从中每次取一片,作不放回抽样,求前3次都取到安慰剂的概率.

6.	在房间里有 10 个人,	分别佩戴从 1 号到 10 号的纪念章,	任选 3 人记录其纪念章的号码.
	(1) 求最小号码为 5	的概率.	
	(2) 求最大号码为 5	的概率.	

7. 某油漆公司发出 17 桶油漆, 其中白漆 10 桶、黑漆 4 桶、红漆 3 桶, 在搬运中所有标签脱落, 交货人随意将这些油漆发给顾客。问一个订货为 4 桶白漆、3 桶黑漆和 2 桶红漆的顾客, 能按所订颜色如数得到订货的概率是多少?

- 8. 在 1500 件产品中有 400 件次品、1100 件正品. 任取 200 件.
  - (1) 求恰有 90 件次品的概率.
  - (2) 求至少有 2 件次品的概率.

9. 从 5 双不同的鞋子中任取 4 只。问这 4 只鞋子中至少有两只配成一双的概率是多少?	
<b>10.</b> 在 11 张卡片上分别写上 probability 这 11 个字母,从中任意连抽 7 张,求其排列结果为ability 的概率.	
11. 将 3 只球随机地放入 4 个杯子中去,求杯子中球的最大个数分别为 1,2,3 的概率	

**12.** 50 只铆钉随机地取来用在 10 个部件上,其中有 3 只铆钉强度太弱。每个部件用 3 只铆钉。 若将 3 只强度太弱的铆钉都装在一个部件上,则这个部件强度就太弱。问发生一个部件强 度太弱的概率是多少?

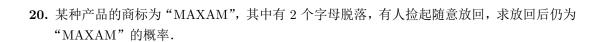
- 13. 一俱乐部有5名一年级学生,2名二年级学生,3名三年级学生,2名四年级学生.
  - (1) 在其中任选 4 名学生, 求一、二、三、四年级的学生各一名的概率.
  - (2) 在其中任选 5 名学生, 求一、二、三、四年级的学生均包含在内的概率.

- **14.** (1) 已知  $P(\overline{A}) = 0.3, P(B) = 0.4, P(A\overline{B}) = 0.5$ ,求条件概率  $P(B|A \cup \overline{B})$ .
  - (2) 己知 P(A) = 1/4, P(B|A) = 1/3, P(A|B) = 1/2, 求  $P(A \cup B)$ .

15.	掷两颗骰子,已知两颗骰子点数之和为7,求其中有一颗为1点的概率(用两种方法).
	担以公次划去四、共人一点之旁、由共队体外壳投掘充土以下损失
16.	据以往资料表明,某个三口之家,患某种传染病的概率有以下规律: $P\{孩子得病\} = 0.6, P\{母亲得病 孩子得病\} = 0.5, P\{父亲得病 母亲及孩子得病\} = 0.4$ 求母亲及孩子得病但父亲未得病的概率.
17.	已知在 10 件产品中有 2 件次品,在其中取两次,每次任取一件,作不放回抽样.求下列事件的概率: (1) 两件都是正品. (2) 两件都是次品. (3) 一件是正品,一件是次品.
	(4) 第二次取出的是次品。

**18.** 某人忘记了电话号码的最后一个数字,因而他随意地拨号. 求他拨号不超过三次而接通所需电话的概率. 若已知最后一个数字是奇数,那么此概率是多少?

- **19.** (1) 设甲袋中装有 n 只白球、m 只红球; 乙袋中装有 N 只白球、M 只红球。今从甲袋中任意取一只球放入乙袋中. 再从乙袋中任意取一只球. 问取到白球的概率是多少?
  - (2) 第一只盒子装有 5 只红球, 4 只白球; 第二只盒子装有 4 只红球, 5 只白球. 先从第一盒中任取 2 只球放入第二盒中去, 然后从第二盒中任取一只球. 求取到白球的概率.



**21.** 已知男子有 5%是色盲患者,女子有 0.25%是色盲患者.今从男女人数相等的人群中随机地挑选一人,恰好是色盲者,问此人是男性的概率是多少?

- **22.** 一学生接连参加同一课程的两次考试. 第一次及格的概率为 p, 若第一次及格则第二次及格的概率也为 p; 若第一次不及格则第二次及格的概率为 p/2.
  - (1) 若至少有一次及格则他能取得某种资格,求他取得该资格的概率.
  - (2) 若已知他第二次已经及格,求他第一次及格的概率.

**23.** 将两信息分别编码为 A 和 B 传送出去,接收站收到时,A 被误收作 B 的概率为 0.02,而 B 被误收作 A 的概率为 0.01。信息 A 与信息 B 传送的频繁程度为 2:1. 若接收站收到 的信息是 A,问原发信息是 A 的概率是多少?

- **24.** 有两箱同种类的零件,第一箱装 50 只,其中 10 只一等品;第二箱装 30 只,其中 18 只一等品.今从两箱中任挑出一箱,然后从该箱中取零件两次,每次任取一只,作不放回抽样.求
  - (1) 第一次取到的零件是一等品的概率.
  - (2) 在第一次取到的零件是一等品的条件下,第二次取到的也是一等品的概率.

## 25. 某人下午 5:00 下班, 他所积累的资料表明:

到家时间	$5:35 \sim 5:39$	$5:40 \sim 5:44$	$5:45 \sim 5:49$	$5:50 \sim 5:54$	迟于 5:54	
乘地铁的概率	0.10	0.25	0.45	0.15	0.05	
乘汽车的概率	0.30	0.35	0.20	0.10	0.05	

某日他抛一枚硬币决定乘地铁还是乘汽车,结果他是 5:47 到家的. 试求他是乘地铁回家的概率.

- **26.** 病树的主人外出,委托邻居浇水. 设已知如果不浇水,树死去的概率为 0.8. 若浇水则树死去的概率为 0.15. 有 0.9 的把握确定邻居会记得浇水.
  - (1) 求主人回来树还活着的概率.
  - (2) 若主人回来树已死去,求邻居忘记浇水的概率.

- 27. 设本题涉及的事件均有意义. 设 A, B 都是事件.
  - (1) 已知 P(A) > 0, 证明  $P(AB|A) \ge P(AB|A \cup B)$ .
  - (2) 若 P(A|B) = 1,证明  $P(\overline{B}|\overline{A}) = 1$ .
  - (3) 若设 C 也是事件,且有  $P(A|C) \ge P(B|C), P(A|\overline{C}) \ge P(B|\overline{C})$ ,证明  $P(A) \ge P(B)$ .

- 28. 有两种花籽. 发芽率分别为 0.8, 0.9, 从中各取一颗,设各花籽是否发芽相互独立. 求
  - (1) 这两颗花籽都能发芽的概率.
  - (2) 至少有一颗能发芽的概率.
  - (3) 恰有一颗能发芽的概率.

- **29.** 根据报道美国人血型的分布近似地为: A 型为 37%, O 型为 44%, B 型为 13%, AB 型为 6%. 夫妻拥有的血型是相互独立的.
  - (1) B 型的人只有输入 B、O 两种血型才安全. 若妻为 B 型, 夫为何种血型未知. 求夫是妻的安全输血者的概率.
  - (2) 随机地取一对夫妇, 求妻为 B 型夫为 A 型的概率.
  - (3) 随机地取一对夫妇, 求其中一人为 A 型, 另一人为 B 型的概率.
  - (4) 随机地取一对夫妇, 求其中至少有一人是 O 型的概率.

- **30.** (1) 给出事件 A, B 的例子, 使得
  - (i) P(A|B) < P(A), (ii) P(A|B) = P(A), (iii) P(A|B) > P(A)
  - (2) 设事件 A,B,C 相互独立,证明(i) C 与 AB 相互独立.(ii) C 与  $A\cup B$  相互独立.
  - (3) 设事件 A 的概率 P(A) = 0,证明对于任意另一事件 B,有 A, B 相互独立.
  - (4) 证明事件 A, B 相互独立的充要条件是  $P(A|B) = P(A|\overline{B})$ .

- **31.** 设事件 A, B 的概率均大于零说明以下的叙述(1)必然对,(2)必然错,(3)可能对. 并说明理由.
  - (1) 若 A 与 B 互不相容,则它们相互独立.
  - (2) 若 A 与 B 相互独立,则它们互不相容.
  - (3) P(A) = P(B) = 0.6,且 A, B 互不相容
  - (4) P(A) = P(B) = 0.6, 且 A, B 相互独立.

<b>32</b> .	有一种检验艾滋病毒的检验法,其结果有概率 0.005 报导为假阳性(即不带艾滋病毒者,经
	此检验法有 0.005 的概率被认为带艾滋病毒). 今有 140 名不带艾滋病毒的正常人全部接
	受此种检验,被报道至少有一人带艾滋病毒的概率为多少?

**33.** 盒中有编号为 1,2,3,4 的 4 只球,随机地自盒中取一只球,事件 A 为 "取得的是 1 号或 2 号球",事件 B 为 "取得的是 1 号或 3 号球",事件 C 为 "取得的是 1 号或 4 号球"。验证:

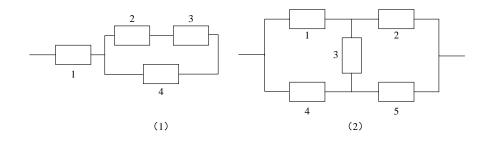
$$P(AB) = P(A)P(B), P(AC) = P(A)P(C), P(BC) = P(B)P(C),$$

但 
$$P(ABC) \neq P(A)P(B)P(C)$$

即事件 A, B, C 两两独立, 但 A, B, C 不是相互独立的。

## 34. 试分别求以下两个系统的可靠性:

- (1) 设有 4 个独立工作的元件 1,2,3,4. 它们的可靠性分别为  $p_1, p_2, p_3, p_4$ , 将它们按图 (1) 的方式连接(称为并串联系统).
- (2) 设有 5 个独立工作的元件 1,2,3,4,5. 它们的可靠性均为 p, 将它们按图 (2) 的方式连接(称为桥式系统).



**35.** 如果一危险情况 *C* 发生时,一电路闭合并发出警报,我们可以借用两个或多个开关并联以改善可靠性. 在 *C* 发生时这些开关每一个都应闭合,且若至少一个开关闭合了,警报就发出. 如果两个这样的开关并联连接,它们每个具有 0.96 的可靠性(即在情况 *C* 发生时闭合的概率),问这时系统的可靠性(即电路闭合的概率)是多少?如果需要有一个可靠性至少为 0.9999 的系统,则至少需要用多少只开关并联?设各开关闭合与否是相互独立的.

36.	三人独立地去破译-	·份密码,	已知各人	人能译出的	概率分别	为 1/5,1/3	3, 1/4.	问三人中	⋾至少有
	一人能将此密码译出	的概率是	是多少?						

- **37.** 设第一只盒子中装有 3 只蓝球, 2 只绿球, 2 只白球; 第二只盒子中装有 2 只蓝球, 3 只绿球, 4 只白球. 独立地分别在两只盒子中各取一只球.
  - (1) 求至少有一只蓝球的概率.
  - (2) 求有一只蓝球一只白球的概率.
  - (3) 已知至少有一只蓝球,求有一只蓝球一只白球的概率.

**38.** 袋中装有 m 枚正品硬币、n 枚次品硬币(次品硬币的两面均印有国徽),在袋中任取一枚,将它投掷 r 次,已知每次都得到国徽. 问这枚硬币是正品的概率为多少?

**39.** 设根据以往记录的数据分析,某船只运输的某种物品损坏的情况共有三种: 损坏 2% (这一事件记为  $A_1$ ),损坏 10% (事件  $A_2$ ),损坏 90% (事件  $A_3$ ),且知  $P(A_1) = 0.8$ , $P(A_2) = 0.15$ , $P(A_3) = 0.05$  现在从已被运输的物品中随机地取 3 件. 发现这 3 件都是好的(这一事件记为 B). 试求  $P(A_1|B)$ , $P(A_2|B)$ , $P(A_3|B)$  (这里设物品件数很多,取出一件后不影响取后一件是否为好品的概率).

**40.** 将 A, B, C 三个字母之一输入信道,输出为原字母的概率为  $\alpha$ ,而输出为其他一字母的概率 都是  $(1-\alpha)/2$ . 今将字母串 AAAA,BBBB,CCCC 之一输入信道,输入 AAAA,BBBB,CCCC 的概率分别为  $p_1, p_2, p_3(p_1+p_2+p_3=1)$ ,已知输出为 ABCA,问输入的是 AAAA 的概率是多少?(设信道传输各个字母的工作是相互独立的.)