

- 据以往经验, 某种电器元件的寿命服从均值为 100 h 的指数分布. 现随机地取 16 只, 设它们的寿命是相互独立的, 求这 16 只元件的寿命的总和大于 1920 h 的概率.
- (1) 一保险公司有 10000 个汽车投保人, 每个投保人索赔金额的数学期望为 280 美元, 标准差为 800 美元. 求索赔总金额超过 2700000 美元的概率.
  - (2) 一公司有 50 张签约保险单. 各张保险单的索赔金额为  $X_i, i = 1, 2, \dots, 50$  (以千美元计) 服从韦布尔分布, 均值  $E(X_i) = 5$ , 方差  $D(X_i) = 6$ , 求 50 张保险单索赔的合计金额大于 300 的概率 (设各保险单索赔金额是相互独立的).
- (1) 将 1500 个数相加, 问误差总和的绝对值超过 15 的概率是多少?
  - (2) 最多可有几个数相加使得误差总和的绝对值小于 10 的概率不小于 0.90?
- 设各零件的重量都是随机变量, 它们相互独立, 且服从相同的分布, 其数学期望为 0.5 kg, 均方差为 0.1 kg, 问 5000 只零件的总重量超过 2510 kg 的概率是多少?
- 有一批建筑房屋用的木柱, 其中 80% 的长度不小于 3 m, 现从这批木柱中随机地取 100 根, 求其中至少有 30 根短于 3 m 的概率.
- 一工人修理一台机器需两个阶段, 第一阶段所需时间 (小时) 服从均值为 0.2 的指数分布, 第二阶段服从均值为 0.3 的指数分布, 且与第一阶段独立. 现有 20 台机器需要修理, 求他在 8 h 内完成的概率.
- 一食品店有三种蛋糕出售, 由于售出哪一种蛋糕是随机的. 因而售出一只蛋糕的价格是一个随机变量, 它取 1 元、1.2 元、1.5 元各个值的概率分别为 0.3、0.2、0.5. 若售出 300 只蛋糕.
  - (1) 求收入至少 400 元的概率.
  - (2) 求售出价格为 1.2 元的蛋糕多于 60 只的概率.
- 一复杂的系统由 100 个相互独立起作用的部件所组成, 在整个运行期间每个部件损坏的概率为 0.10. 为了使整个系统起作用, 至少必须有 85 个部件正常工作, 求整个系统起作用的概率.
- 已知在某十字路口, 一周事故发生数的数学期望为 2.2. 标准差为 1.4
  - (1) 以  $\bar{X}$  表示一年 (以 52 周计) 此十字路口事故发生数的算术平均, 试用中心极限定理求  $\bar{X}$  的近似分布, 并求  $P\{\bar{X} < 2\}$ .
  - (2) 求一年事故发生数小于 100 的概率.
- 某种小汽车氧化氮的排放量的数学期望为 0.9 g/km, 标准差为 1.9 g/km. 某汽车公司有这种小汽车 100 辆. 以  $\bar{X}$  表示这些车辆氧化氮排放量的算术平均, 问当  $L$  为何值时  $\bar{X} > L$  的概率不超过 0.01.
- 随机地选取两组学生, 每组 80 人, 分别在两个实验室里测量某种化合物的 pH 值. 各人测量的结果是随机变量, 它们相互独立, 服从同一分布, 数学期望为 5, 方差为 0.3. 以  $\bar{X}, \bar{Y}$  分别表示第一组和第二组所得结果的算术平均.
  - (1) 求  $P\{4.9 < \bar{X} < 5.1\}$ .

(2) 求  $P\{-0.1 < \bar{X} - \bar{Y} < 0.1\}$

12. 一公寓有 200 户住户. 一户住户拥有汽车辆数  $X$  的分布律为

$X$	0	1	2
$p_k$	0.1	0.6	0.3

问需要多少车位, 才能使每辆汽车都具有一个车位的概率至少为 0.95.

13. 某种电子器件的寿命 (小时) 具有数学期望  $\mu$  (未知), 方差  $\sigma^2 = 400$ . 为了估计  $\mu$ , 随机地取  $n$  只这种器件, 在时刻  $t = 0$  投入测试 (测试是相互独立的) 直到失效, 测得其寿命为  $X_1, X_2, \dots, X_n$ , 以  $\bar{X} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n X_i$  作为  $\mu$  的估计, 为使  $P\{|\bar{X} - \mu| < 1\} \geq 0.95$ , 问  $n$  至少为多少?

14. 某药厂断言, 该厂生产的某种药品对于医治一种疑难血液病的治愈率为 0.8. 医院任意抽查 100 个服用此药品的病人, 若其中多于 75 人治愈, 就接受此断言. 否则就拒绝此断言.

(1) 若实际上此药品对这种疾病的治愈率是 0.8, 问接受这一断言的概率是多少?

(2) 若实际上此药品对这种疾病的治愈率为 0.7, 问接受这一断言的概率是多少?