

常见概率分布的期望和方差

分布	定义	$E(X)$	$D(X)$
0-1 分布	$P\{X = k\} = p^k (1-p)^{1-k}, k = 0, 1$	p	$p(1-p)$
二项分布	$P\{X = k\} = C_n^k p^k (1-p)^{n-k}, k = 0, 1, \dots, n$	np	$np(1-p)$
几何分布	$P\{X = k\} = (1-p)^{k-1} p, k = 1, 2, \dots$	$\frac{1}{p}$	$\frac{1-p}{p^2}$
泊松分布	$P\{X = k\} = \frac{\lambda^k}{k!} e^{-\lambda}, k = 0, 1, \dots$	λ	λ
均匀分布	$f(x) = \begin{cases} \frac{1}{b-a}, & a < x < b \\ 0, & \text{其他} \end{cases}$	$\frac{a+b}{2}$	$\frac{(b-a)^2}{12}$
指数分布	$f(x) = \begin{cases} \lambda e^{-\lambda x}, & x > 0 \\ 0, & \text{其他} \end{cases}$	$\frac{1}{\lambda}$	$\frac{1}{\lambda^2}$
正态分布	$f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} e^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}}$	μ	σ^2

宋浩的口诀：

正态分布最正宗， μ, σ^2 易知晓

泊松分布最轻松， λ, λ 都相同

均匀分布好理解，数学期望是中点 ($\frac{a+b}{2}$)

若你要求方差，长度平方除 12 ($\frac{(b-a)^2}{12}$)

0-1 分布期望 p ，二项分布期望 np

0-1 分布方差 pq ，二项分布期望 npq

几何和指数落了单，他们期望取倒数

几何方差不好记， p 方分之 $1-p$ ($\frac{p^2}{1-p}$)

指数分布方差为 $\frac{1}{\lambda^2}$