Úloha – Dvě lineární rovnice o dvou neznámých

Napište program, který bude řešit zadanou soustavu dvou rovnic o dvou neznámých. Pomocí podmínky je nutno vyloučit případ lineární závislosti rovnic (nejednoznačné řešení). Proveďte rozbor úlohy, stanovte základní podmínky pro existenci jednoznačného řešení a výrazy pro výpočet x a y, poté zapište kód programu.

Dvě lineární rovnice o dvou neznámých:

$$a_1 x + b_1 y = c_1$$

$$a_2 x + b_2 y = c_2$$

Analytické řešení:

$$x = (b_2 c_1 - b_1 c_2)/\det$$

$$y = (a_1c_2 - a_2 c_1)/det$$

$$det = a_1b_2 - a_2b_1$$

Jednoznačné řešení nelze vypočítat, pokud je det nulový. To je jediná podmínka řešitelnosti soustavy.

Pokud neexistuje jednoznačné řešení, mohou nastat dva případy – "řešení neexistuje" nebo "je nekonečně mnoho řešení". Dle zádání toto nemusí být rozlišeno.

Vstup: šest reálných čísel představujících koeficienty a1, b1, c1, a2, b2, c2

Výstup: dvě reálná čísla s řešením x a y nebo textová zpráva "neexistuje jednoznačné řešení"

Návrh sady úloh pro testovaní programu:

Vstup	Výstup
a1 b1 c1 a2 b2 c2	х у
5 -3 -1 -7 9 11	1 2
1 2 3 3 6 9	"Neexistuje jednoznacne reseni"
1 2 3 1 2 12.6	"Neexistuje jednoznacne reseni"
5 3 6 12 4 8	0 2
	Návrh testovacích úloh není dokončen

Návrh algoritmu:

