Московский физико-технический институт (госудраственный университет)

Лабораторная работа по общему курсу физики Квантовая физика

5.1.2. Эффект Комптона

Глаз Роман Сергеевич Группа Б01-008а

Долгопрудный 2022

Содержание

1	Теоретическое введение	1
2	Экспериментальная установка	2
3	Ход работы	9
4	Заключение	Ę
5	Список используемой литературы	Ę

Цель работы: с помощью сцинтиляционного спектрометра исследуется энергетический спектр γ -квантов, рассеянных на графите. Опреляется энергия рассеянных γ -квантов в зависимости от угла рассеяния, а также энергия покоя частиц, на которых происходит комптоновское рассеяние.

1. Теоретическое введение

Эффект Комптона – увеличение длины волны рассеянного излучения по сравнению с падающим – интерпретируется как результат упругого содуранеия двух частиц: γ -кванта и свободного электрона.

Из закона сохранения 4-имульса для системы «фотон + электрон» следует формула для изменения длины волны рассеянного излучения:

$$\Delta \lambda = \Lambda_K (1 - \cos \theta), \tag{*}$$

где величина $\Lambda_K = h/(mc) = 2,42 \cdot 10^{-10}$ см называется комптоновской длиной волны электрона.

Из формулы (\star) следует, что комптоновское смещение не зависит ни от длины волны первичного излучения, ни от рода вещества, в котором наблюдается рассеяние. В общем случае комптоновоское рассеяние происходит на свободных электронах в атоме. Для γ -квантов с энергией в несколько десятков, а тем более сотен килоэлектрон-вольт, связь электронов в атоме мало существенна, так как энергрия их связи в легких атомах не превосходит нескольких килоэлектрон-вольт, а для большинства электронов еще меньше.

При рассеянии на связанных электронах изменение импульса кванта воспринимается атомом в целом. Посколько масса атома очень велика, переда ча импульса не спровождается сколь-нибудь заметной передачей энергии, и наблюдается несмещенная (по энергии) компонента в спектре рассеянного излучения. Таким образом, рассеяние γ -квантов на связанных электронах можно рассматривать как упругое столкновение квантов с атомами.

Основной целью данной работы является проверка соотношения (\star). Применительно к условиям нашего опыта формулу (\star) следует преобразовать от длин волн к энергиям γ -квантов. Как нетрудно показать, соответсвующиее выражение имеет вид:

$$\frac{1}{\varepsilon(\theta)} - \frac{1}{\varepsilon_0} = 1 - \cos\theta. \tag{**}$$

Здесь $\varepsilon_0 = E_0/(mc^2)$ – выраженная в единицах (mc^2) энергия γ -квантов, падающих на рассеиватель, $\varepsilon(\theta)$ – выраженная в тех же единицах энергия квантов, испытавших комптоновское рассеяние на угол θ , m – масса электрона.

Заменим в формуле (**) энергию квантов, испытавших комптоновское рассеяние на угол θ , номером канала $N(\theta)$, соответствующего вершине фотопика при указанном угле θ :

$$\frac{1}{N(\theta)} - \frac{1}{N(0)} = A(1 - \cos \theta), \qquad (\star \star \star)$$

где A – неизвестный коэффциицент пропорциональности между $\varepsilon(\theta)$ и $N(\theta)$.

2. Экспериментальная установка

Блок-схема установки изображена на рис. 1. Источником излучения 1 служит 137 Cs, испускающий γ -лучи с энергией 662 кэВ. Он помещен в толстенный свинцовый контейнер с коллиматором. Сформмированный коллиматором узкий пучок γ -квантов попадает на графитовую мишень 2 (цилиндр диамтером 40 мм и высотой 100 мм.)

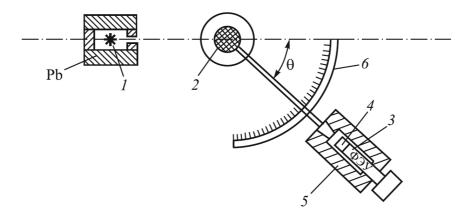


Рис. 1: Блок-схема экспериментальной установки

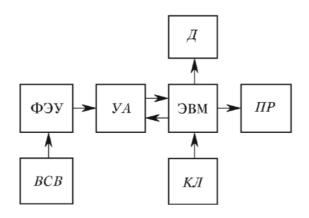


Рис. 2: Блок-схема измерительного комплекса

Кванты, испытавшие комптоновское рассеяние в мишени, региструруются сцинтилляционным счетчиком. Счетчик состоит из фотоэлектронного умножителя 3 (далее ФЭУ) и сцинтиллятора 4. Сцинтиллятором служит кристалл NaI(Tl) цилиндрической формы диаметром 40 мм и высотой 40 мм, его выходное окно находится в оптическом контакте с фотокатодом ФЭУ. Сигналы, возникающие на ФЭУ, подаются на ЭВМ для амплитудного анализа. Кристалл и ФЭУ расположены в светонепроницаемом блоке, укрепленном на горизонтальной штанге. Штанга вместе с этим блоком может вращаться относительно мишени, угол поворота отсчитывается по лимбу 6.

На рис. 2 представлена функциональная блок-схема измерительного комплекса, который состоит из ФЭУ, питаемого от высоковольтного выпрямителя ВСВ, обеспечивающего работу ФЭУ в спектрометрическом режиме, усилителя-анализатора УА, являющегося входным интерфейсом ЭВМ, управляемой с клавиатуры КЛ. В ходе проведения эксперимента информация отражается на экране дисплея Д, окончательные результаты в виде таблиц и графиков могут быть выведены на принтер ПР.

3. Ход работы

С помощью установки снимем зависимость $N(\theta)$, которая имеет следующий вид:

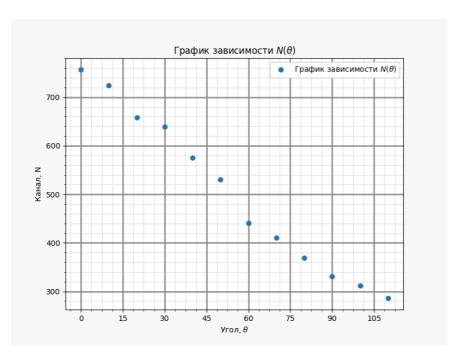


Рис. 3: График зависимости $N(\theta)$

0.0015

-0.15

0.00

0.15

График зависимости 1/N от cos(θ)

0.0035

О.0030

О.0025

О.0020

Теперь проверим выполнимость формулы Комптона:

Рис. 4: График зависимости 1/N от $cos(\theta)$

Таким образом, выполняется линейная комптоновская зависимость $1/N \sim 1/\varepsilon$ от $cos(\theta)$ с коэффициентом корелляции $R^2=0.996$:

$$\frac{1}{N} = b - a \cdot \cos \theta, \ b = (2.97 \pm 0.10) \cdot 10^{-3}, a = (1.60 \pm 0.06) \cdot 10^{-3}$$
 (1)

0.45

0.75

Теперь определим энергию покоя частицы, на которой происходит комптоновское рассеяние, воспользовавшись формулой Комптона:

$$mc^{2} = \varepsilon(0) \frac{\varepsilon(90)}{\varepsilon(0) - \varepsilon(90)} = \varepsilon(0) \frac{N(90)}{N(0) - N(90)}, \ \varepsilon(0) = \varepsilon_{Cs} = 662 \text{ KaB}$$
 (2)

$$N(0) = \frac{1}{b-a} = (0.730 \pm 0.084) \cdot 10^{3}, \ N(90) = \frac{1}{b} = (0.337 \pm 0.011) \cdot 10^{3}$$
$$mc^{2} = (567 \pm 155) \text{ KaB}$$
(3)

Полученное значение в пределах погрешности совпадает с табличным значением энергии покоя электрона $mc^2=511~{
m KpB}.$

4. Заключение

Таким образом, проверена комптоновкая зависимость энергии рассеянного фотона от угла рассения, а также найдено значение энергии покоя электрона

$$mc^2 = (567 \pm 155) \text{ K}_9\text{B},$$
 (4)

которое в пределах погрешности совпадает с табличным значением энергии покоя электрона $mc^2=511~{
m K}{
m sB}.$

5. Список используемой литературы

- Лабораторный практикум по общей физике. Квантовая физика
- Описание лабораторных работ на кафедре общей физики МФТИ