

METAHEURÍSTICAS GRADO EN INGENIERÍA INFORMÁTICA

PRÁCTICA 1

Problema del Aprendizaje de Pesos en Características (APC)

Autor

Vladislav Nikolov Vasilev

NIE

X8743846M

E-Mail

vladis890@gmail.com

Grupo de prácticas

MH3 Jueves 17:30-19:30

Rama

Computación y Sistemas Inteligentes



ESCUELA TÉCNICA SUPERIOR DE INGENIERÍAS INFORMÁTICA Y DE TELECOMUNICACIÓN

Curso 2018-2019

Índice

1.	Descripción del problema	2
2.	Descripción de los algoritmos	3
	2.1. Consideraciones previas	3
	2.2. Algoritmos de comparación	6
	2.3. Algoritmo del método de búsqueda	8
3.	Desarrollo de la práctica	11
4.	Manual de usuario	12
5.	Análisis de resultados y experimentación	14
	5.1. Descripción de los casos del problema	14
	5.2. Análisis de los resultados	14
	5.3. Experimentación	17
Re	eferencias	18

1. Descripción del problema

El problema que se aborda en esta práctica es el Aprendizaje de Pesos en Características (APC). Es un problema típico de machine learning en el cuál se pretende optimizar el rendimiento de un clasificador basado en vecinos más cercanos. Esto se consigue mediante la ponderación de las características de entrada con un vector de pesos W, el cuál utiliza codificación real (cada $w_i \in W$ es un número real), con el objetivo de modificar sus valores a la hora de calcular la distancia. Cada vector W se expresa como $W = \{w_1, w_2, \dots, w_n\}$, siendo n el número de dimensiones del vector de características, y cumpliéndose además que $\forall w_i \in W$, $w_i \in [0, 1]$.

El clasificador considerado para este problema es el 1-NN (genéricamente, un clasificador k-NN, con k vecinos, siendo en este caso k=1), es decir, aquél que clasifica un elemento según su primer vecino más cercano utilizando alguna medida de distancia (en este caso, utilizando la distancia Euclídea). Cabe destacar que no en todos los casos se usará el clasificador 1-NN ya que se pueden dar casos en los que el vecino más cercano de un elemento sea él mismo. Por ese motivo, en algunas técnicas/algoritmos se usará un 1-NN con el criterio de leave-one-out, es decir, que se busca el vecino más cercano pero excluyéndose a él mismo.

El objetivo propuesto es aprender el vector de pesos W mediante una serie de algoritmos, de tal forma que al optimizar el clasificador se mejore tanto la precisión de éste como su complejidad, es decir, que se considere un menor número de características. Estos dos parámetros, a los que llamaremos tasa_clas y tasa_red, respectivamente, se pueden expresar de la siguiente forma:

$$tasa_clas = 100 \cdot \frac{n^{\rm o} \ instancias \ bien \ clasificadas \ en \ T}{n^{\rm o} \ instancias \ en \ T}$$

$$tasa_red = 100 \cdot \frac{n^{\rm o} \ valores \ w_i < 0.2}{n^{\rm o} \ caracteristicas}$$

siendo T el tamaño del conjunto de datos sobre que el que se evalúa el clasificador.

Por tanto, al combinarlos en una única función a la que llamaremos F(W), la cuál será nuestra función objetivo a optimizar (maximizar), tenemos que:

$$F(W) = \alpha \cdot tasa_clas(W) + (1 - \alpha) \cdot tasa_red(W)$$

siendo α la importancia que se le asigna a la tasa de clasificación y a la de reducción, cumpliendo que $\alpha \in [0,1]$. En este caso, se utiliza un $\alpha = 0.5$ para dar la misma importancia a ambos, con lo cuál se pretende que se reduzcan al máximo el número de características conservando una $tasa_clas$ alta.

2. Descripción de los algoritmos

2.1. Consideraciones previas

Primeramente, antes de empezar con la descripción formal de los algoritmos implementados, vamos a describir algunos aspectos comunes, como por ejemplo cómo se representan las soluciones, como se inicializan en algunos de los casos y algunas funciones utilizadas en muchas partes del código, como por ejemplo la función objetivo. Cabe destacar que muchos de los pseudocódigos que aparezcan a continuación, no se encuentren como tal en la implementación, ya que ya hay funciones que se encargan de hacerlos.

Como se dijo al principio, cada solución es un vector W en el que $\forall w_i \in W$, $w_i \in [0,1]$. Por tanto, para evitar que las soluciones se salgan de este intervalo, se ha implementado una función que se encarga de normalizar los valores de W en el rango. La función se ha usado, por ejemplo, en la búsqueda local, para hacer que al aplicar el operador de generación de un nuevo vecino la solución siguiese siendo válida. La implementación de esta función es la siguiente:

Algorithm 1: Función de normalización de W

```
1 NormalizarW (W)
input: Vector de pesos W
output: Vector de pesos W normalizado en [0,1]
2 foreach w_i \in W do
3 if w_i < 0 then
4 w_i \leftarrow 0
5 else if w_1 > 1 then
6 w_i \leftarrow 1
7 return W
```

Como se ha mencionado anteriormente, también se tienen que generar las soluciones iniciales. En el caso del algoritmo greedy RELIEF, se ha tenido que generar un W inicial en el que todos sus elementos son 0. Conceptualmente, en el siguiente

pseudocódigo se puede ver cuál es la idea que hay detrás:

Algorithm 2: Inicialización de un vector de pesos W en RELIEF

```
1 GenerarWRelief (N)
input: Número de características N
output: Vector de características W con valores 0
2 W \leftarrow \operatorname{vector}[N]
3 foreach w_i \in W do
4 w_i \leftarrow 0
return W
```

En el caso de la búsqueda local, para inicializar los valores de W se han generado valores distribuidos uniformemente en el rango [0,1]. Para mostrar como sería eso conceptualmente, aquí se muestra un pequeño pseudocódigo:

Algorithm 3: Inicialización de un vector de pesos \overline{W} en BL

```
1 GenerarWBL (N)
input: Número de características N
output: Vector de características W con valores aleatorios
2 W \leftarrow \text{vector}[N]
3 foreach w_i \in W do
4 w_i \leftarrow \text{ValorAleatorioUniformeRango0-1}()
5 w_i \leftarrow \text{vector}[N]
```

Una vez que sabemos como se representa e inicializa el vector de pesos W, vamos a comentar algunos detalles extra. Es importante saber como se calcula la distancia a un vecino, ya que esto juega un factor muy importante a la hora de encontrar cuál es el vecino más cercano a un elemento (o el vecino más cercano por el criterio leave-one-out). En la implementación de la práctica se ha utilizado un KDTree, que es una estructura de datos parecida a un árbol binario, solo que de K dimensiones. Por dentro, esta estructura utiliza la distancia Euclídea (distancia en línea recta entre dos elementos) para determinar cuál es el elemento más próximo a otro. No hace falta conocer como se implementa esta estructura de datos, pero sí es importante conocer cómo se realiza el cálculo de la distancia Euclídea. En el

siguiente pseudocódigo se puede ver el cálculo:

Algorithm 4: Cálculo de la distancia Euclídea entre dos puntos

```
1 DistanciaEuclidea (e_1, e_2)
input : e_1, e_2 dos puntos entre los que calcular la distancia
output: Distancia Euclídea

2 distancia \leftarrow \sqrt{\sum_{i=1}^{N} (e_1^i - e_2^i)^2}
3 return distancia
```

Y ya sabiendo todo esto, solo nos queda comentar la función objetivo, F(W), que es lo que se pretende optimizar. Para evaluar la función objetivo, necesitamos calcular $tasa_clas$ y $tasa_red$. Para calcular lo primero, podemos seguir la idea detrás del siguiente pseudocódigo:

Algorithm 5: Cálculo de la tasa de clasificación

```
1 CalculoTasaClas (y, pred, N)

input: y las etiquetas originales, pred las etiquetas predichas y N el número de etiquetas

output: Tasa de elementos bien clasificados

2 bien\_clasificados \leftarrow 0

3 for i \leftarrow 1 to N do

4 if y_i = pred_i then

5 bien\_clasificados \leftarrow bien\_clasificados + 1

6 tasa\_clas \leftarrow bien\_clasificados / N

7 return tasa\_clas
```

Para calcular *tasa_red*, suponiendo que queremos saber el número de características por debajo de 0.2 podemos seguir un esquema como el siguiente:

Algorithm 6: Cálculo de la tasa de reducción

```
1 CalculoTasaRed (W, N)
input: W el vector de pesos N el número de pesos
output: Tasa de reducción
2 carac\_red \leftarrow 0
3 foreach w_i \in W do
4 if w_i < 0.2 then
5 carac\_red \leftarrow carac\_red + 1
6 tasa\_red \leftarrow carac\_red / N
7 return tasa\_red
```

Y finalmente, para poder calcular la función a optimizar (nuestra función fitness u objetivo), teniendo en cuenta que usamos un $\alpha=0.5$ para ponderar las dos tasas, y que anteriormente hemos calculado ambas tasas, podemos seguir el siguiente esquema:

```
Algorithm 7: Cálculo de la función objetivo o fitness
```

```
1 CalculoFuncionFitness (tasa\_clas, tasa\_red, \alpha) input : Recibe tasa\_clas y tasa\_red y calcula la agrupación de ambas con un factor \alpha output: Valor fitness o agrupación
2 fitness \leftarrow \alpha \cdot tasa\_clas + (1 - \alpha) \cdot tasa\_red
3 return \ fitness
```

Una vez sabiendo todo esto, podemos comenzar a describir las implementaciones de los algoritmos utilizadas.

2.2. Algoritmos de comparación

Para la comparación de la metaheurística implementada, utilizaremos dos algoritmos/técnicas:

- Un clasificador 1-NN clásico, sin ponderar las características.
- Un algoritmo greedy llamado *RELIEF* para el cálculo de los pesos con los que ponderar las características, y posteriormente utilizar un 1NN con los valores ponderados.

Comencemos por la base: el 1-NN. Este clasificador lo que hace es, dado un conjunto de valores X que pertenecen a una muestra y un elemento e, decir cuál es el $x \in X$ más cercano a e, y por tanto, decir que e pertenece a la misma clase x. Para determinar cuál es el elemento más cercano se puede usar alguna métrica de distancia, como por ejemplo la distancia Euclídea, descrita anteriormente. A la hora de implementarlo, para poder acelerar los cálculos, se puede usar un KDTree, ya que permite realizar una consulta rápida (en los casos más favorables su complejidad temporal es $\mathcal{O}(\log n)$, mientras que en el peor caso es $\mathcal{O}(n)$) utilizando la distancia Euclídea para determinar el vecino más cercano, con la penalización de que tarda un tiempo $\mathcal{O}(n)$ en ser construido. Para poder ver un esquema de su

funcionamiento, se ofrece el siguiente pseudocódigo:

```
Algorithm 8: Clasificador 1-NN
```

```
1 1-NN (X, y, e)
input : X un conjunto de elementos que pertenecen a una muestra, y
las etiquetas correspondientes a cada x_i \in X, e el elemento
del que buscar su vecino más cercano
output: Clase a la que pertence el vecino más cercano de e
2 arbol_k d \leftarrow \text{KDTree}(X)
3 x \leftarrow arbol_k d. VecinoMasCercano(e)
4 etiqueta \leftarrow y[x]
5 return\ etiqueta
```

Una vez habiendo explicado el 1-NN, vamos a hablar del algoritmo para el cálculo de pesos RELIEF. Es un algoritmo greedy que, comenzando con un W cuyos pesos valen 0, actualiza W para cada $x_i \in X$, buscando para cada x_i cuál es su aliado más cercano (elemento que tiene la misma etiqueta que x_i con el criterio de leave-one-out, ya que él mismo podría ser su vecino más cercano) y su enemigo más cercano (elemento que tiene diferente etiqueta a la que tiene x_i).

A la hora de implementarlo, vamos a utilizar 2 KDTree en cada iteración que se van a construir sobre la marcha. En uno se encontrarán todos los aliados de e y en el otro estarán todos sus enemigos. Esto puede suponer una gran penalización por el tiempo de creación de los árvoles, pero es un tiempo insignificante ya que el algoritmo es muy rápido. Después de construir los árboles, se buscará en el caso del aliado más cercano, por el criterio de leave-one-out, cuál es el índice de este aliado. En el caso del enemigo más cercano, como este no puede ser él mismo, se buscará el índice del vecino más cercano en ese árbol. Una vez hecho eso, obtendremos los respectivos aliado y enemigo del conjunto de aliados y enemigos. Una vez teniéndolos, ya se puede actualizar el valor de W.

Cuando se ha terminado de iterar sobre todos los elementos de X, se normaliza W para que esté en el rango [0,1] eligiendo el $w_i \in W$ que sea más grande. Todos aquellos valores por debajo de 0 se truncan a 0, y el resto se normaliza dividiéndolos entre w_m (el w_i más grande).

Una vez dicho esto, veamos cómo sería la implementación en pseudocódigo:

Algorithm 9: Cálculo de los pesos mediante RELIEF

```
1 RELIEF (X,Y)
       input: X un conjunto de elementos que pertenecen a una muestra,
                   Y las etiquetas de cada x_i \in X
        output: Vector de pesos W
 2
        N \leftarrow \text{num. elementos } Y
       n\_carac \leftarrow \text{num. caracteristicas } X
 3
        W \leftarrow \text{GenerarWRelief}(n\_carac)
 4
 5
        for i \leftarrow 1 to N do
            x, y \leftarrow X[i], Y[i]
 6
            aliados \leftarrow e_a \subset X : etiqueta(e_a) = y
 7
            enemigos \leftarrow e_e \subset X : \text{etiqueta}(e_e) \neq y
 8
            arbol\_aliados \leftarrow KDTree(aliados)
 9
10
            arbol\_enemigos \leftarrow KDTree(enemigos)
            aliado\_cercano \leftarrow arbol\_aliados.ObtenerVecinoMasCercanoL1O(x)
11
            enemigo\_cercano \leftarrow arbol\_enemigos.ObtenerVecinoMasCercano(x)
12
            aliado \leftarrow aliados[aliado\_cercano]
13
            enemigo \leftarrow enemigos[enemigo\_cercano]
14
            W \leftarrow W + |x - enemigo| - |x - aliado|
15
        w_m \leftarrow \max(W)
16
        foreach w_i \in W do
17
            if w_i < 0 then
18
19
               w_i \leftarrow 0
            else
20
               w_i \leftarrow w_i / w_m
21
22
       return W
```

2.3. Algoritmo del método de búsqueda

A continuación, vamos a estudiar el algoritmo de búsqueda que se ha pedido implementar en esta primera práctica. Se trata de un algoritmo de búsqueda local, que partiendo de un vector W con valores aleatorios busca optimizarlo mediante la exploración de los vecinos. Esta exploración se realiza modificando con un valor aleatorio generado a partir de una distribución normal con $\mu=0$ y $\sigma=0.3$ un $w_i\in W$, quedándose con el cambio en caso de mejorar la función objetivo, o descartándolo en otro caso.

Para realizar lo explicado anteriormente, se genera una permutación del con-

junto $\{1,2,\ldots,N\}$, donde N es el número de características, y se van escogiendo las características según el orden de la permutación, aplicándoles el cambio anteriormente descrito. Si no se produce una mejora, se descarta el cambio realizado. Si no se ha producido mejora en la función objetivo con la permutación, se escoge una nueva permutación y se repite el proceso, hasta un máximo de $20 \cdot N$ evaluaciones sin éxito seguidas de la función objetivo. Si se produce mejora, se acepta el cambio y se genera una nueva permutación, repitiendo el proceso. Todo esto se realiza hasta que se hayan realizado 15000 evaluaciones de la función objetivo, o hasta que se dé la condición anterior (demasiadas iteraciones sin mejora).

La búsqueda local utiliza una función para evaluar lo bueno que es un vector W. Esta función lo que hace es aplicar W sobre X en aquellas características donde $w_i > 0.2$, y sobre estos crea un KDTree para buscar los índices de los vecinos más cercanos según el criterio leave-one-out. Esta búsqueda, para una mayor velocidad, se aplica sobre todos los elementos de X. Una vez calculados, se obtienen las etiquetas correspondientes, y se realiza la evaluación de la función objetivo. El pseudocódigo de esta función se puede ver aquí:

Algorithm 10: Función para evaluar W en la búsqueda local

```
1 Evaluar (X, Y, W)
      input: X un conjunto de elementos que pertenecen a una muestra,
                 Y las etiquetas de cada x_i \in X, W vector de pesos
      output: Valor fitness para los datos de entrada
      X_{-pesos} \leftarrow \text{aplicar } w_i \in W \text{ sobre los } x_i \in X \text{ donde } w_i > 0.2
2
3
      arbolkd \leftarrow KDTree(X\_pesos)
      vecinos \leftarrow arbolkd.ObtenerVecinosMasCercanoL1O(X\_pesos)
4
      pred \leftarrow Y[vecinos]
5
6
      tasa\_clas \leftarrow CalcularTasaClas(Y, pred, num. etiquetas)
      tasa\_red \leftarrow CalcularTasaRed(W, num. caracteristicas)
7
8
      fitness \leftarrow \text{CalculoFuncionFitness}(tasa\_clas, tasa\_red)
      return fitness
9
```

Con todo esto explicado, ya podemos ver el pseudocódigo de la búsqueda local:

Algorithm 11: Cálculo de los pesos mediante la Búsqueda Local

```
1 BusquedaLocal (X, Y)
       input: X un conjunto de elementos que pertenecen a una muestra,
                  Y las etiquetas de cada x_i \in X
       output: Vector de pesos W
 2
       Inicializar semilla aleatoria
       N \leftarrow \text{num. caracteristicas } X
 3
       W \leftarrow \operatorname{GenerarWBL}(N)
 4
 5
       evaluaciones \leftarrow 0
       evaluacions\_malas \leftarrow 0
 6
       fitness \leftarrow \text{Evaluar}(X, Y, W)
 7
       while evaluaciones < 15000 do
 8
           W\_actual \leftarrow W
 9
10
           orden\_caracteristicas \leftarrow Permutacion(1 to N)
           foreach carac \in orden\_caracteristicas do
11
                W[carac] \leftarrow W[carac] + GenerarValorDistribucionNormal(\mu, \sigma)
12
                W \leftarrow \text{NormalizarW}(W)
13
                evaluaciones \leftarrow evaluaciones + 1
14
               nuevo\_fitness \leftarrow \text{Evaluar}(X, Y, W)
15
               if nuevo\_fitness > fitness then
16
                    fitness \leftarrow nuevo\_fitness
17
                    evaluaciones\_malas \leftarrow 0
18
                    break
19
                else
20
                    evaluaciones\_malas \leftarrow evaluaciones\_malas + 1
21
                    W[carac] \leftarrow W\_actual[carac]
\mathbf{22}
               if evaluaciones > 15000 or evaluaciones_malas > 20 \cdot N then
23
                   return W
24
25
       return W
```

3. Desarrollo de la práctica

La práctica se ha implementado en **Python3** y ha sido probada en la versión 3.7.1. Por tanto, se recomienda encarecidamente utilizar un intérprete de Python3 al ejecutar el código y no uno de la versión 2.X, debio a problemas de compatibilidad con ciertas funciones del lenguaje. Se ha probado el código sobre Linux Mint 19 y al estar basado en Ubuntu 18 no debería haber problemas de compatibilidad con otros sistemas, además de que Python es un lenguaje muy portable. No se ha probado en el entorno **conda**, pero si se consiguen instalar los módulos necesarios, no debería haber problemas.

A la hora de implementar el software, se han utilizado tanto módulos ya incluidos en Python, como el módulo **time** para la medición de tiempos, como módulos científicos y para *machine learning*, como por ejemplo **numpy** y **sklearn**. Este último se ha utilizado para poder dividir los datos para el **5 Fold Cross Validation** y para obtener un clasificador KNN que poder utilizar para poder probar los resultados obtenidos por cada uno de los algoritmos. Para la visualización de datos se ha utilizado **pandas**, ya que permite conseguir una visualización rápida de estos gracias a los DataFrames.

Adicionalmente, la estructura de **KDTree** utilizada ha sido sacada de un módulo externo llamado **pykdtree**, cuyo enlace puede ser encontrado en las referencias. Este módulo está implementado en **Cython** y **C** y también utiliza **OMP**, con lo cuál su rendimiento va a ser muy superior a otras implementaciones como por ejemplo el **cKDTree** de **scipy**¹. En cuanto a su uso, las funciones y la forma de construirlo son las mismas que las de cKDTree, con lo cuál se puede consultar su documentación para obtener más información sobre su uso.

Siendo ahora más concretos en cuanto a la implementación, se ha creado una función para cada uno de los algoritmos que se han implementado. Estas funciones se encargan de recorrer las particiones creadas y de ejecutar los respectivos algoritmos pasándoles los datos, además de encargarse de recopilar información estadística para mostrarla luego por pantalla. Se han utilizado dos semillas aleatorias las cuáles están fijas en el código: una para dividir los datos, y otra en la búsqueda local, que se fija al principio, justo antes de inicializar los W, como se puede ver en el pseudocódigo. Los ficheros ARFF proporcionados se han convertido al formato CSV con un script propio, con el objetivo de facilitar la lectura de los datos. Estos archivos también se proporcionan junto con el código fuente implementado.

¹De hecho, pykdtree está basado en cKDTree y libANN, cogiendo lo mejor de cada implementación y paralelizando el código con OMP para conseguir unos rendimientos muy superiores a ambos, tanto a la hora de crear el árbol como para hacer consultas.

4. Manual de usuario

Para poder ejecutar el programa, se necesita un intérprete de **Python3**, como se ha mencionado anteriormente. Además, para poder satisfacer las dependencias se necesita el gestor de paquetes **pip** (preferiblemente **pip3**).

Se recomienda instalar las dependencias, las cuáles vienen en el archivo **requirements.txt**, ya que sin ellas, el programa no podrá funcionar. Se recomienda utilizar el script de bash incluido para realizar la instalación, ya que se encarga de instalarlo en un entorno virtual para no causar problemas de versiones con paquetes que ya se tengan instaladas en el equipo o para no instalar paquetes no deseados. Una vez instalados², para poder utilizar el entorno creado se debe ejecutar el siguiente comando:

```
$ source ./env/bin/activate
```

Para desactivar el entorno virtual, simplemente basta con ejecutar:

```
(env) $ deactivate
```

Para ejecutar el programa basta con ejecutar el siguiente comando:

```
$ python3 practical.py [archivo] [algoritmo]
```

Los argumentos **archivo** y **algoritmo** son obligatorios, y sin ellos el programa lanzará una excepción. En cuanto a sus posibles valores:

- archivo puede ser colposcopy, ionosphere o texture.
- algoritmo puede ser knn, relief o local.

A continuación, para ilustrar mejor lo explicado hasta el momento, se ofrece una captura de un ejemplo de ejecución del programa. En la imagen se puede ver la siguiente información:

• Se muestra primero el algoritmo que se va a ejecutar, el conjunto de datos sobre el que se ejecuta y el tiempo total.

²Si se produce algún error durante la instalación de los paquetes, puede ser debido a pykdtree, ya que al necesitar un compilador que soporte OMP puede fallar en los sistemas OSX. Para evitar estos problemas, el programa puede utilizar un cKDTree de scipy en caso de que a la hora de importar pykdtree se produzca un error, suponiendo a cambio una penalización en el tiempo de ejecución.

- Se puede ver una tabla en la que aparecen los datos referentes a cada partición (tasa de clasificación, tasa de reducción, agrupación y tiempo).
- Se muestran valores estadísticos para cada variable (valores máximo, mínimo, medio, mediana y desviación típica).

Figura 1: Ejemplo de salida de la ejecución con los datos **texture** y el algoritmo **local**.

5. Análisis de resultados y experimentación

5.1. Descripción de los casos del problema

Para analizar el rendimiento de los algoritmos, se han realizado pruebas sobre 3 conjuntos de datos:

- Colposcopy: Conjunto de datos de colposcopias adquirido y anotado por médicos profesionales del Hospital Universitario de Caracas. Las imágenes fueron tomadas al azar de las secuencias colposcópicas. 287 ejemplos con 62 características que deben ser clasificados en 2 clases.
- Ionosphere: Conjunto de datos de radar que fueron recogidos por un sistema en *Goose Bay*, Labrador. 352 ejemplos con 34 características que deben ser clasificados en 2 clases.
- Texture: Conjunto de datos de extracciones de imágenes para distinguir entre 11 texturas diferentes (césped, piel de becerro prensada, papel hecho a mano, rafia en bucle a una pila alta, lienzo de algodón,...). 550 ejemplos con 40 características que deben ser clasificados en 11 clases.

5.2. Análisis de los resultados

Se han realizado distintas ejecuciones con los datos para cada uno de los algoritmos. Cada conjunto de datos se ha dividido con una función de **sklearn**, y se han mezclado con la **semialla aleatoria** 40. Para el caso de la búsqueda local, tanto para generar el W inicial como para generar las posteriores mutaciones se ha utlizado la **semilla** 8912374. Ambas están fijadas en el código y se pueden comprobar en sus respectivas funciones.

A continuación se muestran los resultados obtenidos para cada algoritmo y para cada uno de los conjuntos de datos, midiendo sus valores de tasa de clasificación, tasa de reducción, agrupación (función objetivo) y tiempo que ha tardado (en segundos). Además se ofrece información extra sobre los valores máximo, mínimo, medio, mediana y desviación típica de cada uno de los datos, para poder comparar los datos más fácilmente. Y, como extra, se ha añadido una tabla en la que aparecen los valores medios de cada algoritmo, para facilitar la comparación:

		Colpo			Ionos	phere		Texture				
	$\%_clas$	%red	Agr.	Т	$\%_clas$	%red	Agr.	T	$\%_clas$	%red	Agr.	T
Partición 1	79,66	0	39,83	0,00049	85,92	0	42,96	0,00045	91,82	0	45,91	0,00056
Partición 2	66,67	0	33,33	0,00037	85,71	0	42,86	0,00037	91,82	0	45,91	0,00048
Partición 3	71,93	0	35,96	0,00035	88,57	0	44,29	0,00036	93,64	0	46,82	0,00044
Partición 4	82,46	0	41,23	0,00035	87,14	0	43,57	0,00039	93,64	0	46,82	0,00046
Partición 5	73,68	0	36,84	0,00035	84,29	0	42,14	0,00039	90,91	0	45,45	0,00049
Media	74,88	0	37,44	0,00038	86,33	0	43,16	0,00039	92,36	0	46,18	0,00049
Máximo	82,46	0	41,23	0,00049	88,57	0	44,29	0,00048	93,64	0	46,82	0,00056
Mínimo	66,67	0	33,33	0,00035	84,29	0	42,14	0,00036	90,91	0	45,45	0,00044
Mediana	73,68	0	36,84	0,00035	85,92	0	42,96	0,00039	91,82	0	45,91	0,00048
Desv. Típica	5,62	0	2,81	0,000056	1,44	0	0,72	0,000033	1,09	0	0,55	0,00004

Cuadro 1: Resultados obtenidos por el algoritmo 1-NN en el problema del APC.

		Colp			Iono	sphere		Texture				
	$\%_clas$	%red	Agr.	Т	$\%_clas$	%red	Agr.	T	$\%_clas$	%red	Agr.	T
Partición 1	72,88	29,03	50,96	0,04223180	87,32	2,94	45,13	0,04617286	93,64	7,50	50,57	0,09011912
Partición 2	70,18	25,81	47,99	0,03592849	91,43	2,94	47,18	0,04701781	94,55	15,00	54,77	0,08130646
Partición 3	68,42	48,39	58,40	0,03983450	91,43	2,94	47,18	0,03659153	95,45	7,50	51,48	0,08078218
Partición 4	77,19	64,52	70,85	0,03201556	90,00	2,94	46,47	0,03484225	97,27	5,00	51,14	0,08749294
Partición 5	82,46	29,03	55,74	0,03293490	84,29	2,94	43,61	0,03472829	93,64	2,50	48,07	0,09723902
Media	74,23	39,35	56,79	0,03658905	88,89	2,94	45,92	0,03987055	94,91	7,50	51,20	0,08738794
Máximo	82,46	64,52	70,85	0,04223180	91,43	2,94	47,18	0,04701781	97,27	15,00	54,77	0,09723902
Mínimo	68,42	25,81	47,99	0,03201556	84,29	2,94	43,61	0,03472829	93,64	2,50	48,07	0,08078218
Mediana	72,88	29,03	55,74	0,03592849	90,00	2,94	46,47	0,03659153	94,55	7,50	51,14	0,08749294
Desv. Típica	5,07	14,91	7,91	0,00392631	2,75	0,00	1,37	0,00553680	1,36	4,18	2,15	0,00608498

Cuadro 2: Resultados obtenidos por el algoritmo RELIEF en el problema del APC.

		Colp			Iono	sphere		Texture				
	$\%_clas$	%red	Agr.	Т	$\%_clas$	%red	Agr.	T	$\%_clas$	%red	Agr.	T
Partición 1	81,36	83,87	82,61	2,47677159	88,73	85,29	87,01	0,74606109	92,73	77,50	85,11	0,81571221
Partición 2	71,93	82,26	77,09	2,88534594	88,57	79,41	83,99	0,83731246	89,09	85,00	87,05	0,86508775
Partición 3	70,18	82,26	76,22	2,59485793	80,00	94,12	87,06	0,42965746	95,45	82,50	88,98	1,02096820
Partición 4	71,93	82,26	77,09	2,90626860	88,57	91,18	89,87	0,75856829	90,91	85,00	87,95	1,56289935
Partición 5	64,91	75,81	70,36	2,81053543	85,71	91,18	88,45	0,62555575	87,27	82,50	84,89	1,22837043
Media	72,06	81,29	76,68	2,73475590	86,32	88,24	87,28	0,67943101	91,09	82,50	86,80	1,09860759
Máximo	81,36	83,87	82,61	2,90626860	88,73	94,12	89,87	0,83731246	95,45	85,00	88,98	1,56289935
Mínimo	64,91	75,81	70,36	2,47677159	80,00	79,41	83,99	0,42965746	87,27	77,50	84,89	0,81571221
Mediana	71,93	82,26	77,09	2,81053543	88,57	91,18	87,06	0,74606109	90,91	82,50	87,05	1,02096820
Desv. Típica	5,31	2,81	3,89	0,16968432	3,35	5,26	1,95	0,14206914	2,84	2,74	1,59	0,27312796

Cuadro 3: Resultados obtenidos por el algoritmo BL en el problema del APC.

		Colpos	\mathbf{scopy}			Ionosp	$_{ m here}$		Texture			
	$\%_{-}clas \mid \%red \mid Agr. \mid \text{T}$				$\%_clas$	%red	Agr.	T	$\%_clas$	%red	Agr.	T
1-NN	74,88	0	37,44	0,00039	86,33	0	43,16	0,00039	92,36	0	46,18	0,00049
RELIEF	74,23	39,35	56,79	0,03659	88,89	2,94	45,92	0,03987	94,91	7,50	51,20	0,08739
BL	72,06	81,29	76,68	2,73476	86,32	88,24	87,28	0,67943	91,09	82,50	86,80	1,09861

Cuadro 4: Valores medios de los tres algoritmos en el problema del APC.

Para comparar los resultados podemos tomar como referente la tasa de clasificación, ya que comparar por tiempo (el 1-NN y el algoritmo *RELIEF* son infinitamente más rápidos que la búsqueda local, pero eso no significa que los resultados obtenidos sean mejores) o por tasa se reducción (1-NN no reduce, ya que es simplemente el clasificador normal) o por agrupación (una agrupación alta

no significa que se clasifiquen mejor los elementos; puede que se hayan reducido mucho el número de características) no sería justo.

Hace falta recalcar que, a pesar de haber usado ciertas semillas para intentar hacer que todo el proceso fuese más determinista, los elementos que se encuentran en los conjuntos de entrenamiento y test, así como la forma de generar una solución inicial y de obtener vecinos en la búsqueda local hacen que todo este proceso sea influido por el azar, ya que a lo mejor con una distribución diferente de los datos se hubiesen conseguido resultados distintos, más favorables para un método o para otro. Por tanto, estos resultados obtenidos no pueden ser considerados concluyentes al $100\,\%$ a la hora de decidir qué técnica es mejor, ya que hay un factor no determinista por debajo que influirá de una u otra forma en el desarrollo de las operaciones. Una vez habiendo matizado esto, comencemos con el análisis.

Siguiendo los valores medios obtenidos, podemos ver que para el conjunto de datos **Colposcopy** el algoritmo 1-NN es el que mejores resultados ofrece, seguido por muy cerca de RELIEF, y un poco más lejos, la búsqueda local. Sin embargo, aunque dijésemos que solo se consideraría la tasa de clasificación, si nos fijamos en la tasa de reducción, podemos ver que la búsqueda local tiene una tasa media de reducción muy superior a los otros dos (hay que considerar que, en los datos de RELIEF, aunque aparezca una tasa de reducción, no se aplica sobre los datos; solo se ha dejado para que se vea qué porcentaje de los $w_i \in W$ eran menores a 0.2), y por tanto, si se dispusieran de más datos, a lo mejor la búsqueda local generalizaría mejor. Es importante destacar, además, que RELIEF tiene una desviación típica menor, con lo cuál la tasa de variabilidad de los resultados es menor que la de los otros algoritmos.

Pasando a analizar los datos de **Ionosphere**, podemos ver que *RELIEF* es el que obtiene la tasa media de clasificación más alta, dejando casi igualados al 1-NN y a la búsqueda local. Además, es el que ofrece un valor de tasa de clasificación máximo más elevado con un 91.43 %. Sin embargo, el que obtiene una menor desviación típica es el 1-NN, con lo cuál, en ese caso, los datos no estarán tan dispersos. La búsqueda local se queda muy atrás en cuanto a desviación típica, siendo la que tiene un valor más alto, significando esto que hay una mayor variabilidad de resultados dentro del conjunto. Sin embargo, siguiendo de nuevo el mismo esquema, por la tasa de reducción obtenida en la búsqueda local, puede que para más datos sea la que mejor generalice, pero como el conjunto es finito y no se disponen de más, no se puede llegar a determinar con ciencia cierta cuál sería su comportamiento.

Esto se puede ver en el siguiente gráfico, donde se puede ver que hay un valor en la búsqueda local se queda fuera del rango de los "bigotes", haciendo que la desviación típica tenga un valor más elevado:

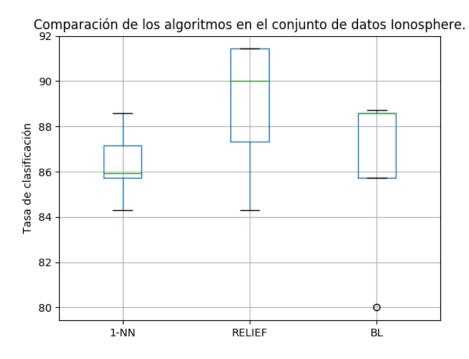


Figura 2: Boxplot que compara los tres algoritmos.

5.3. Experimentación

Referencias

[1] Texto referencia https://url.referencia.com