

**МИНОБРНАУКИ РОССИИ**  
**САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ**  
**ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ**  
**«ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА)**  
**КАФЕДРА САПР**

Отчет по лабораторной работе № 2  
по дисциплине «Алгоритмы и структуры данных»  
Тема: «Алгоритмы сортировки»  
Вариант 1

Студент гр. 9302

Чугуй В. В.

Преподаватель

Тутуева А. В.

Санкт-Петербург  
2019

## Оглавление

Цель работы .....	3
Задание .....	3
Описание реализуемого класса и методов .....	3
Оценка временной сложности методов .....	6
Описание реализованных unit-тестов .....	8
Пример работы программы .....	9
Заключение .....	11
Ссылка на программу .....	12

## **Цель работы**

Получить практические навыки в разработке алгоритма и написании программы на языке C++ для знакомства с синтаксисом, а также правилами написания кода на языке C++.

## **Задание**

Реализовать алгоритмы из списка.

Алгоритмы поиска и сортировки реализуются для целочисленного типа данных `int`, если не указано иное

Список алгоритмов:

1. Двоичный поиск (BinarySearch)
2. Быстрая сортировка (QuickSort)
3. Сортировка вставками (InsertionSort)
4. Глупая сортировка (BogoSort)
5. Сортировка подсчётом (CountingSort) для типа `char`

## **Описание реализуемых алгоритмов**

Рассмотрим алгоритм двоичного поиска. Данный алгоритм на вход получает на вход массив, его размер и ключ поиска (те то число, которое необходимо найти). Также этот массив должен быть отсортирован по возрастанию. И возвращает либо позицию данного числа в массиве, либо -1. Суть его заключается в том, что в цикле `while(true)` выбирается средняя позиция, путём нахождения среднего арифметического между левой и правой границей массива. Далее в структуре `if else` проверяется, если значение массива средней позиции меньше значения ключа, то левая граница изменяется на значение средней +1, если же значение массива больше ключа, то правая граница изменяется на значение среднего значения -1, иначе (те значение ключа и массива совпадают) то возвращается значение средней позиции. Если по итогу всех этих махинаций окажется так, что левая граница станет больше правой,

то возвращается значение -1, что информирует нас о том, что данный элемент в массиве отсутствует. И этот алгоритм продолжает работу в бесконечном цикле, пока не вернётся одно из значений.

Теперь рассмотрим алгоритм быстрой сортировки. На вход этот алгоритм получает массив и его размер. Суть его состоит в том, что мы разделяем массив на подмассивы и рекурсивно вызываем этот алгоритм, пока эти подмассивы не окажутся элементарными для сортировки. Для начала выбираются левая и правая граница, а также опорный элемент (он может быть любым эл-ом массива). Далее все элементы, которые будут меньше опорного элемента необходимо поместить слева от него, а большие – справа. После этого рекурсивно вызывается алгоритм для левой или правой части массива, пока каждый получаемый подмассив не будет содержать всего 1 эл-т, который является отсортированным.

Теперь рассмотрим сортировку вставками. Входные данные для данного алгоритма те же, что и у быстрой сортировки. Алгоритм помещает несортированный элемент в подходящее место на каждой итерации. Сортировка вставками работает аналогично сортировке игральных карт в руке: предполагаем, что первая карта уже отсортирована, тогда выбираем неотсортированную карту. Если неотсортированная карта больше, чем карта в руке, она помещается справа, в противном случае - слева. Таким же образом берутся и другие неотсортированные карты и перемещаются на свои места.

Ну а сейчас любимец публики и всех девятиклассников: глупая сортировка. Входные данные не изменились. Суть очень проста. Сначала проверяется отсортированность, если она нарушена, то эти элементы, которые нарушают правило меняются местами и проверка начинается сначала. Данный алгоритм имеет огромную временную сложность и в жизни не используется.

Последний алгоритм который рассматривается сегодня: сортировка подсчётом. Алгоритм сортирует эл-ты массива путем подсчета количества появлений каждого уникального эл-та в массиве. Счетчик хранится во

вспомогательном массиве, а сортировка выполняется путем сопоставления счетчика с индексом вспомогательного массива.

## Оценка временной сложности каждого алгоритма

Алгоритм двоичного поиска:

Средний и худший случай:  $O(\log_2 n)$

Алгоритм быстрой сортировки:

Худший случай:  $O(n^2)$ . Такое наблюдается когда опорный элемент является самым большим или самым маленьким элементом, т.е. границей.

Лучший случай:  $O(n \cdot \log_2 n)$ . Выбранный элемент является средним значением массива.

Средний случай:  $O(n \cdot \log_2 n)$

Алгоритм сортировки вставками:

Худший случай:  $O(n^2)$ . Массив отсортирован в обратном порядке.

Лучший случай:  $O(n)$ . Массив уже отсортирован.

Средний случай:  $O(n^2)$

Алгоритм глупой сортировки:

$O(n \cdot n!)$

Алгоритм сортировки подсчётом:

$O(\max + n)$

### Сравнение временной сложности алгоритмов 2 и 3

Был произведен замер времени выполнения сортировки при случайных данных на размерности данных 10, 100, 1000, 10 000, 100000. Замер был средним для 10 запусков. Данные приведены в таблице. Значения времени представлены в миллисекундах.

Размерность	QuickSort	InsertionSort
10	0	0
100	0	0
1000	0,1	1,1
10000	1,3	95,2
100000	15	8706,2

Из полученных данных видно, что на больших размерах массива алгоритм быстрой сортировки в разы быстрее сортировки вставками.

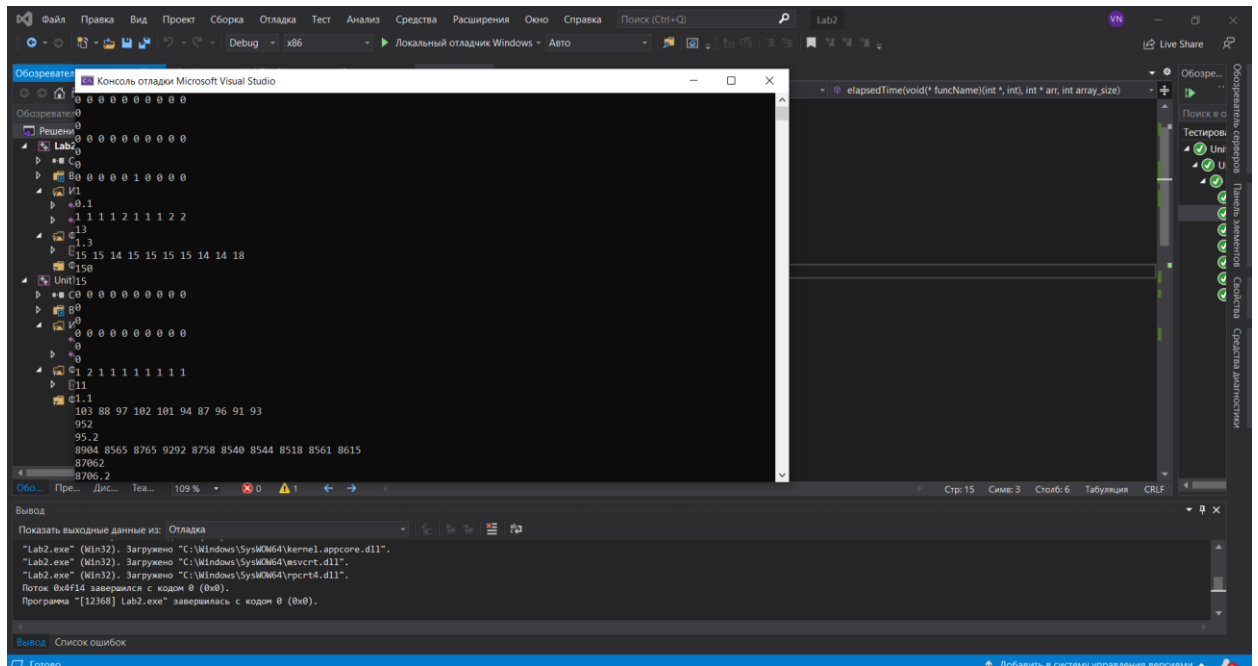
## **Описание реализованных unit-тестов**

Для каждого алгоритма был написан свой unit тест. В юнит тесте для двоичного поиска находится массив и три проверки рабы этого алгоритма. Проверки нахождения элемента из середины списка, из конца и отсутствующего элемента. Для алгоритмов сортировки были созданы похожие друг на друга тесты. Разница была лишь в том, какой алгоритм сортировки используется. В каждом тесте создавался случайный массив и 10 итераций он сортировался определенным алгоритмом и в конце итерации проверялся на упорядоченность.

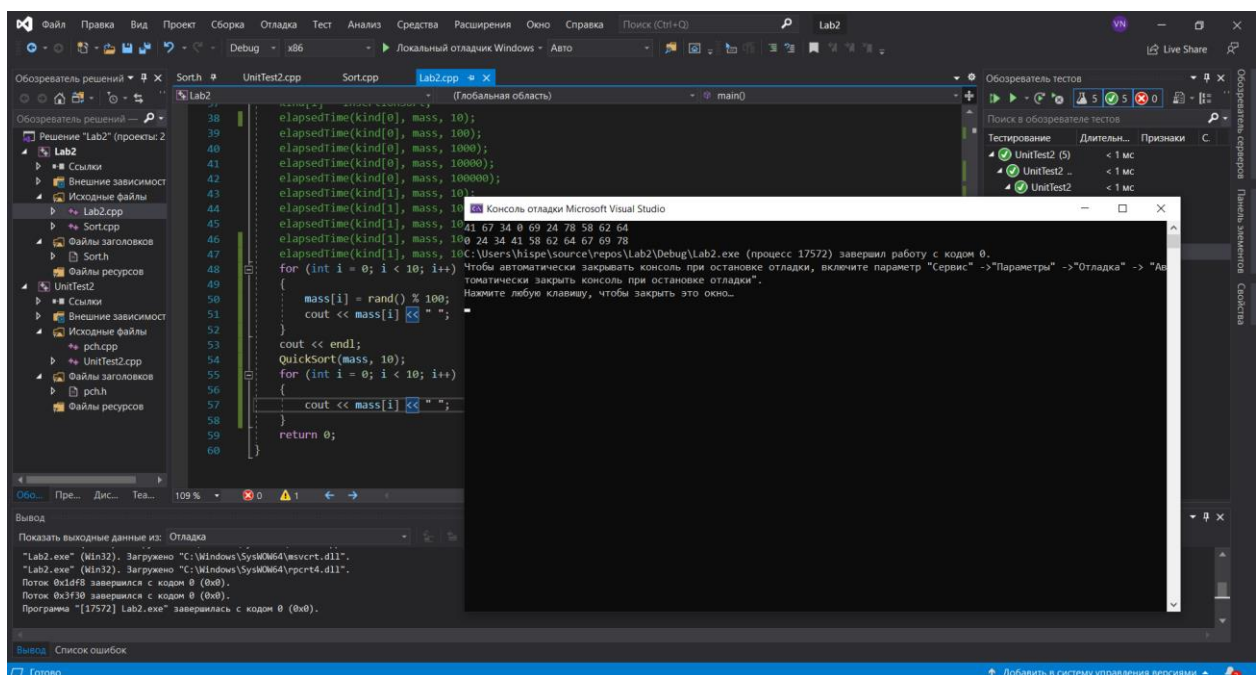


## Пример работы программы

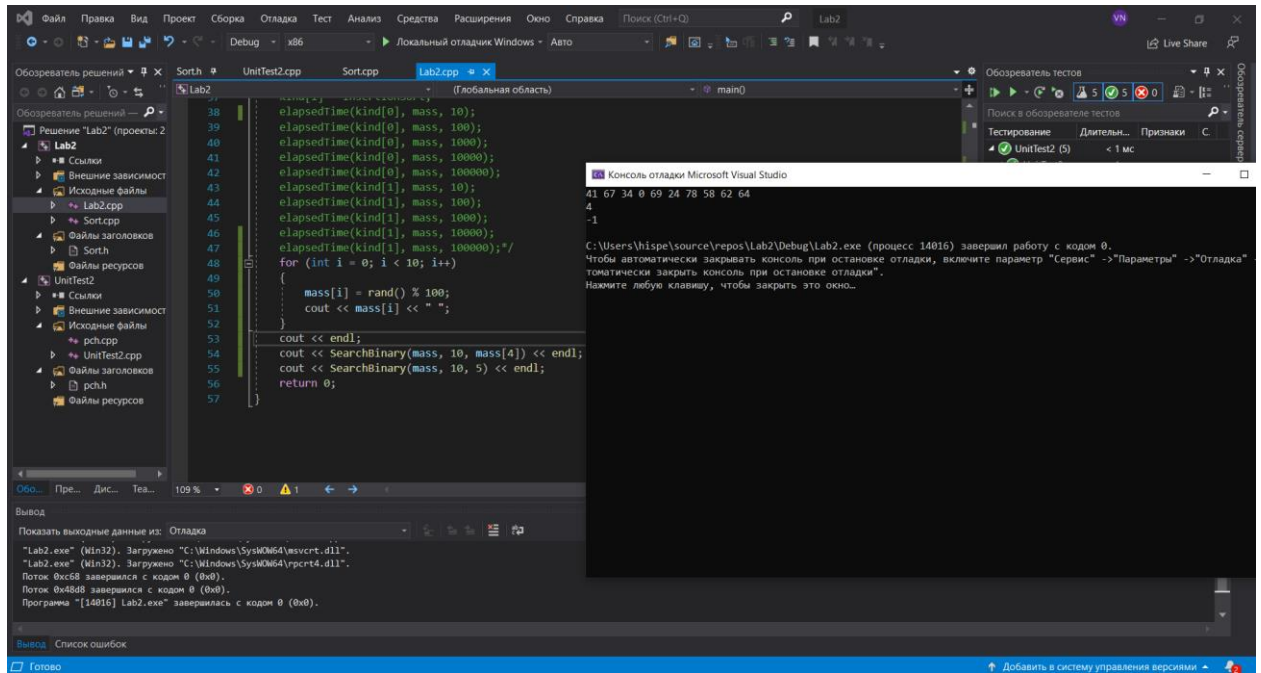
### Пример замера времени:



### Пример работы быстрой сортировки:



## Пример работы двоичного поиска:



## **Заключение**

### **Выводы:**

При выполнении лабораторной работы были получены практические навыки в разработке алгоритмов решения задач, а также изучение синтаксиса языка C++.

### **Ссылка на программу**

[https://github.com/VolodyaZAVR/ALGSTR\\_Lab2](https://github.com/VolodyaZAVR/ALGSTR_Lab2)