# МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ НАЦІОНАЛЬНИЙ УНІВЕРСИТЕТ "ЛЬВІВСЬКА ПОЛІТЕХНІКА"

Кафедра систем штучного інтелекту

## Лабораторна робота № 5

з дисципліни «Дискретна математика»

Виконав:

Студент групи КН-113

Волошин Володимир

Викладач:

Мельникова Н.І.

Львів – 2019р.

**Тема:** Знаходження найкоротшого маршруту за алгоритмом Дейкстри. Плоскі планарні графи.

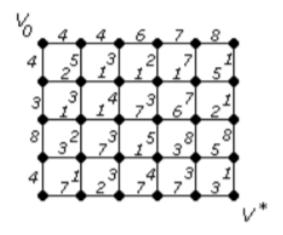
**Мета роботи:** набуття практичних вмінь та навичок з використання алгоритму Дейкстри.

### Варіант 7

Завдання № 1.

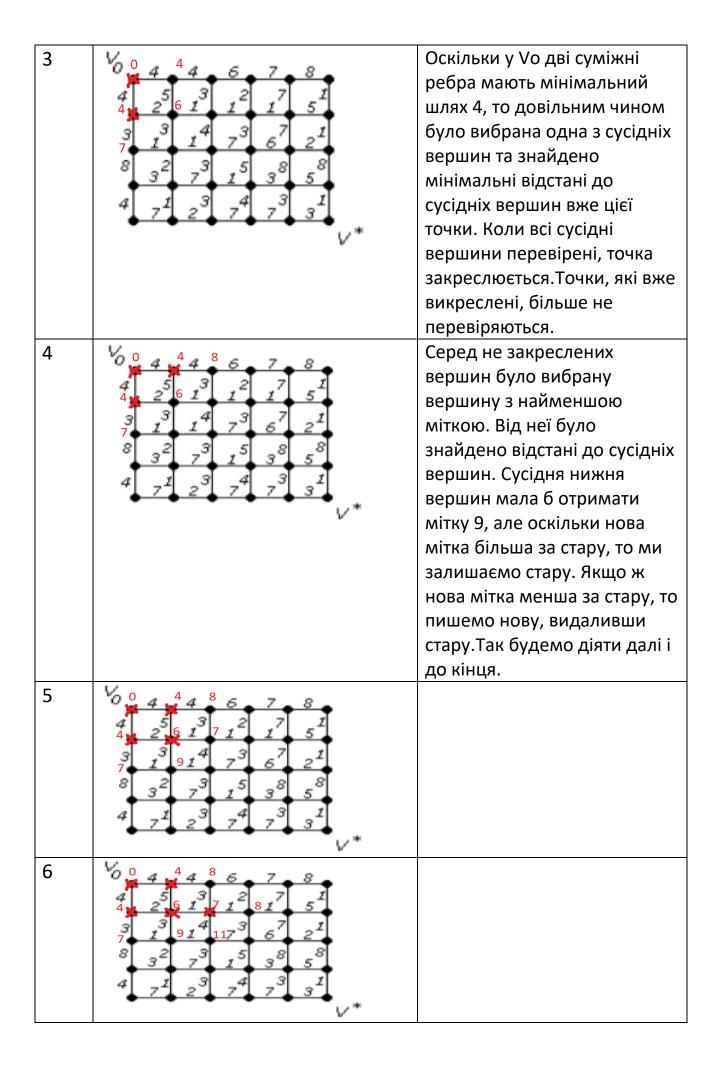
Розв'язати на графах наступні 2 задачі:

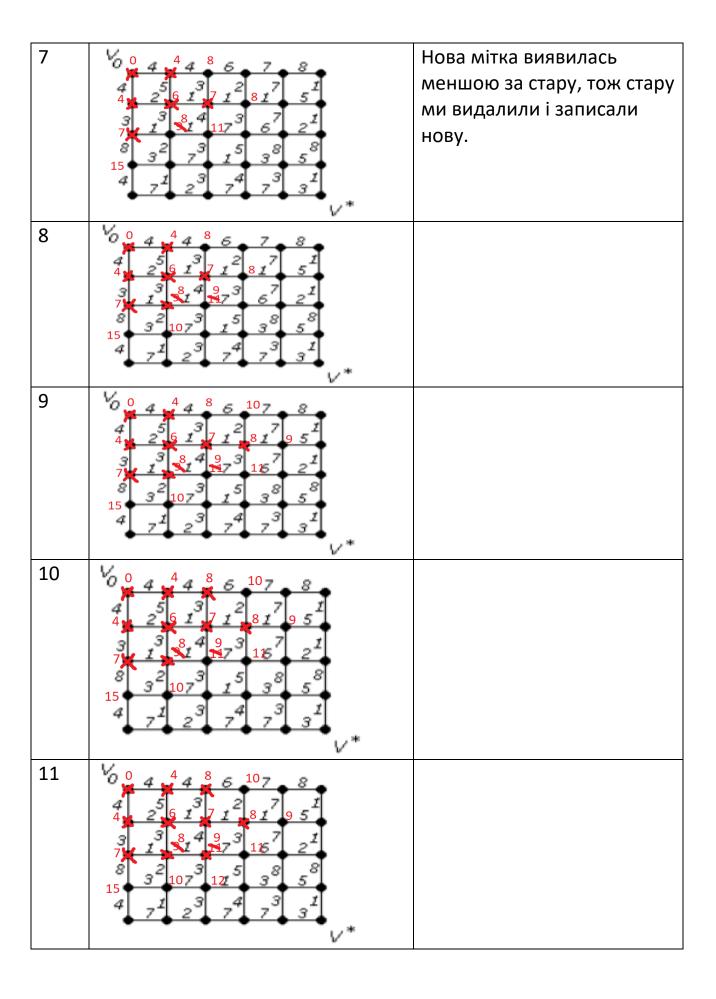
1. За допомогою алгоритму Дейкстра знайти найкоротший шлях у графі поміж парою вершин Vo i V \*

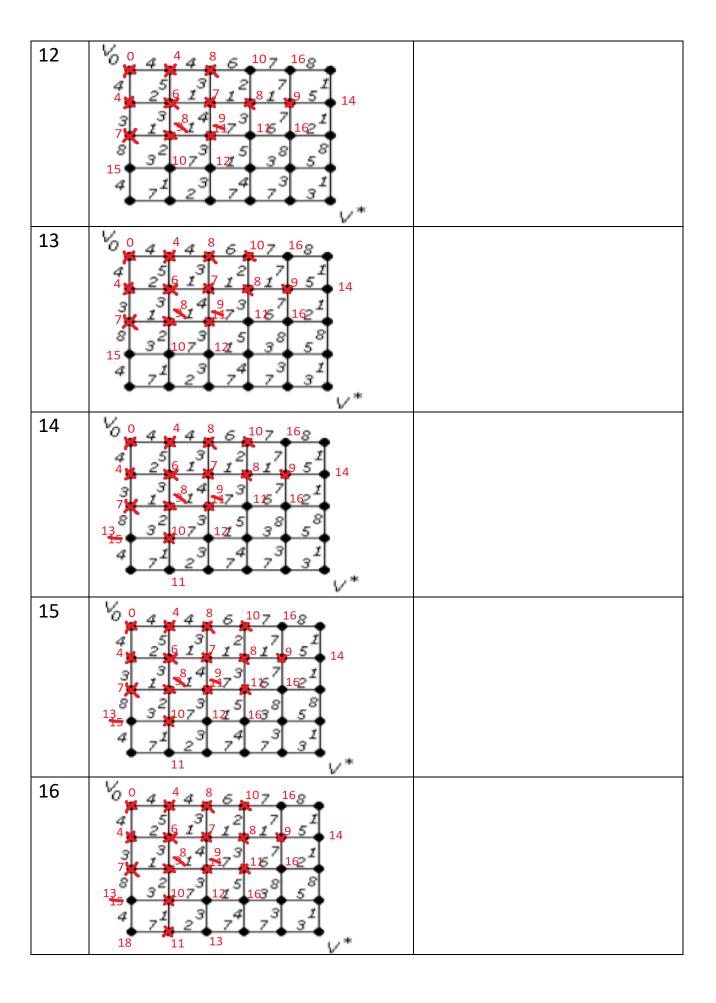


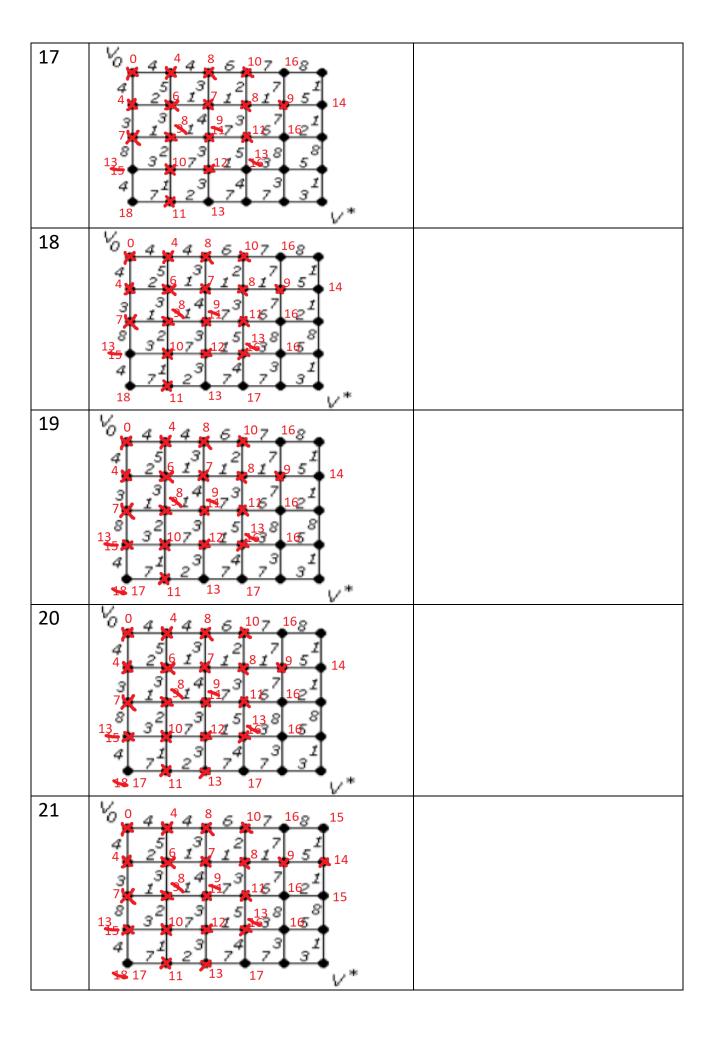
Розв'язання:

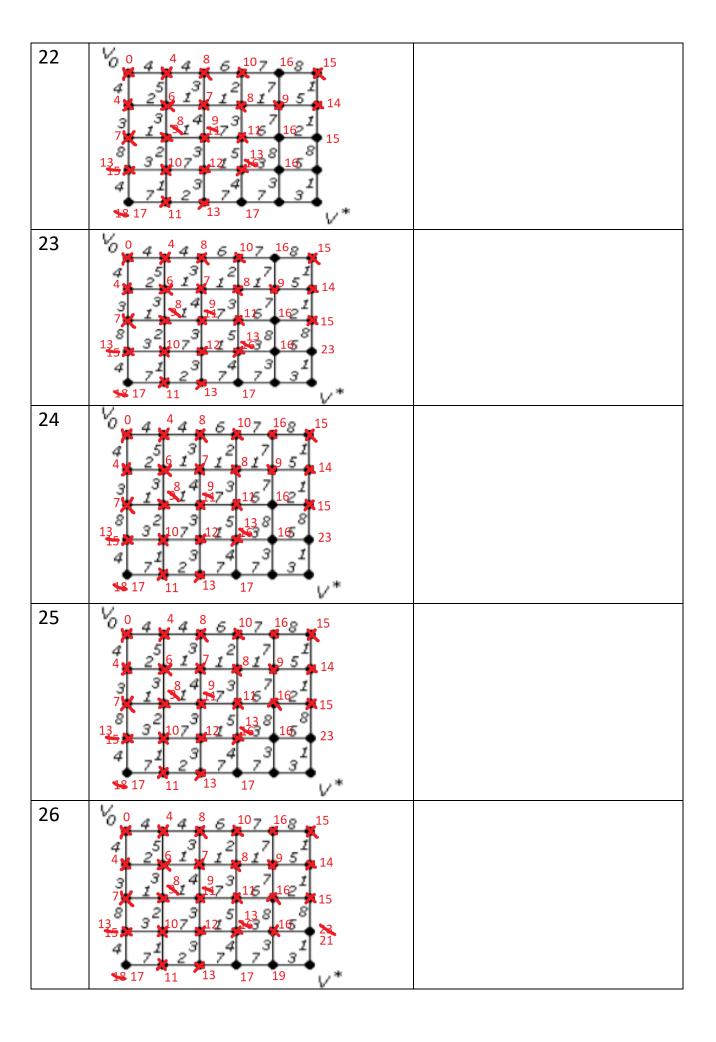
Крок	Малюнок	Пояснення	
1	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	Vo – початкова вершина, тому позначаємо відстань до неї – 0. Червоним кольором будемо позначати найкоротшу відстань до Vo на даний момент.	
2	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	Записуємо відстані до сусідніх вершин, та закреслюємо початкову вершину, оскільки всі її сусідні вершини перевірені.	

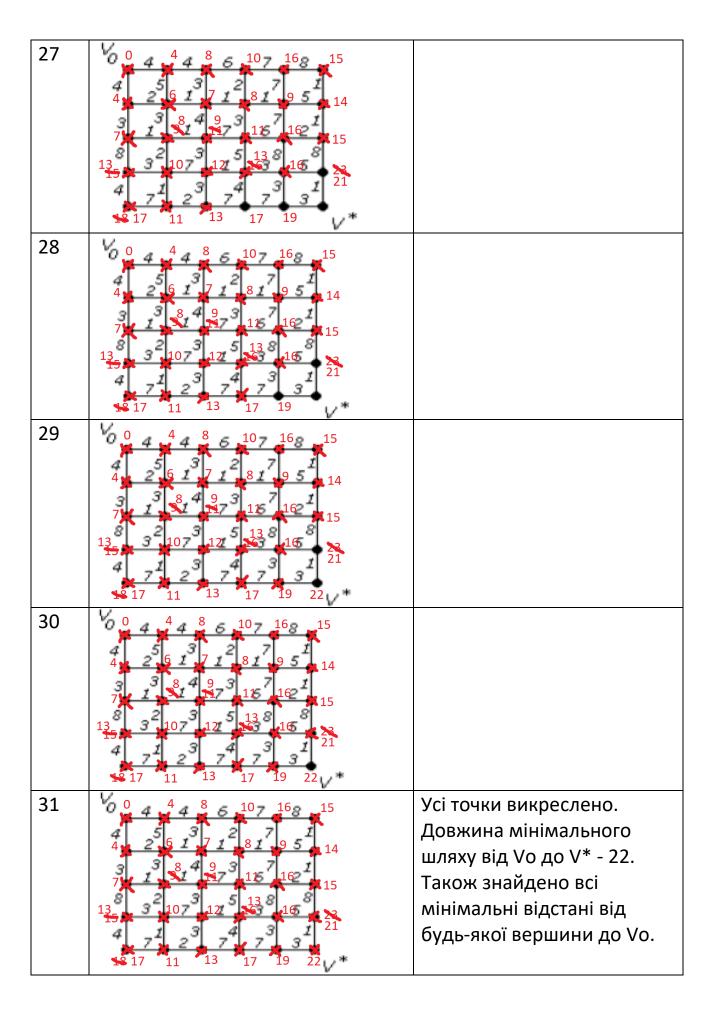


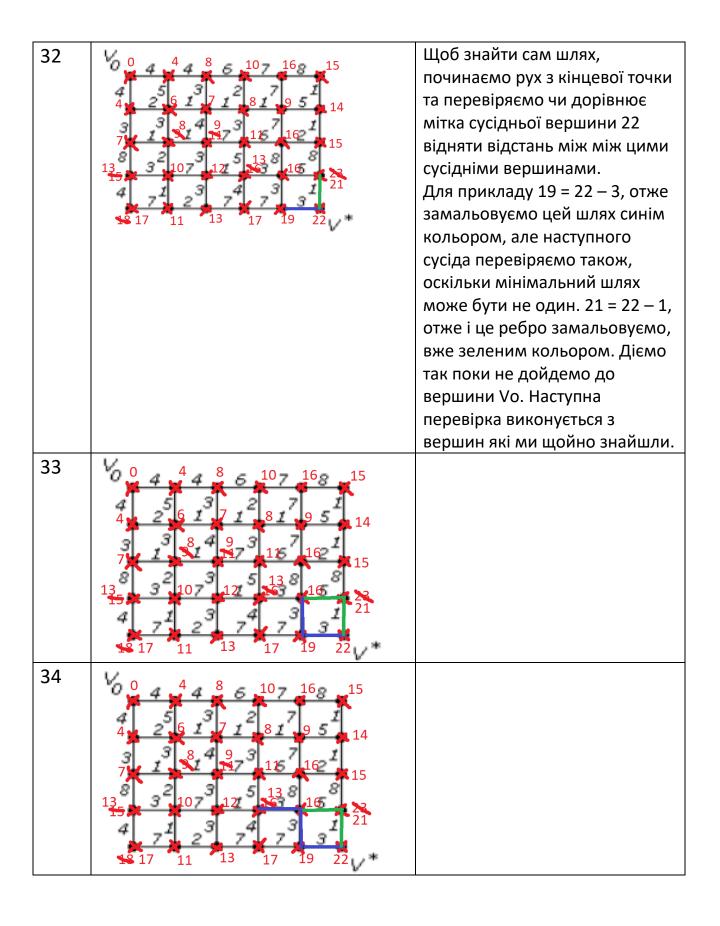


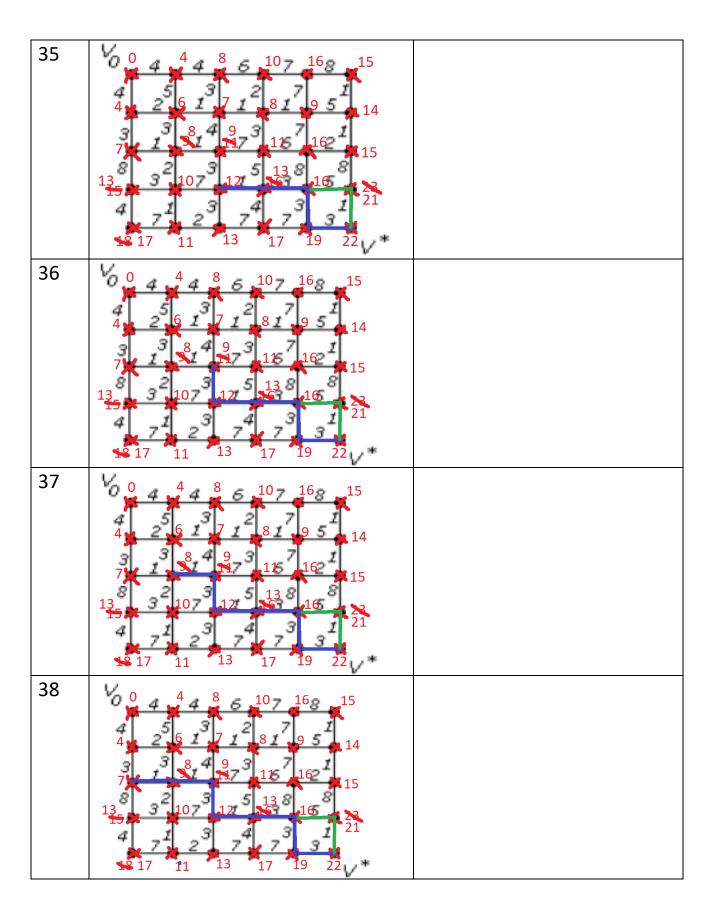


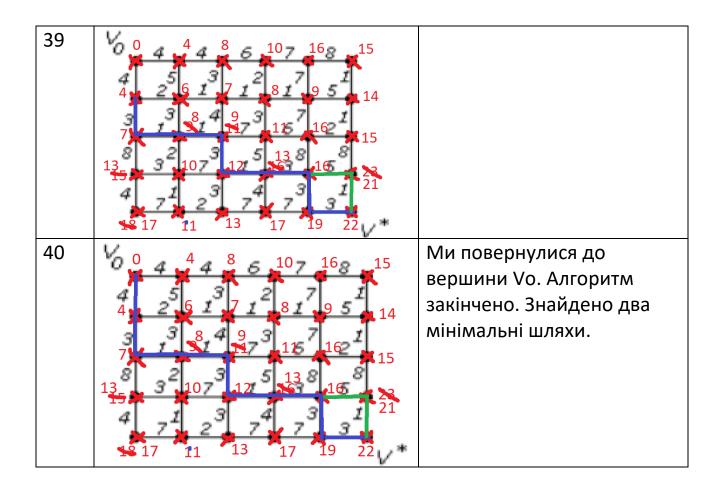




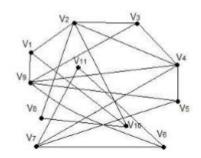






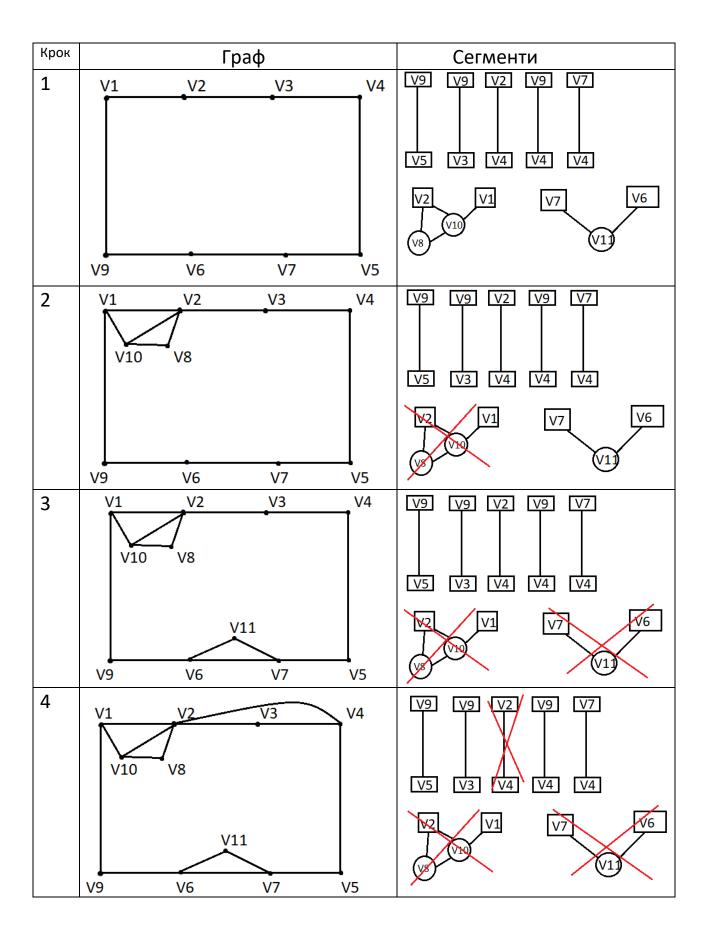


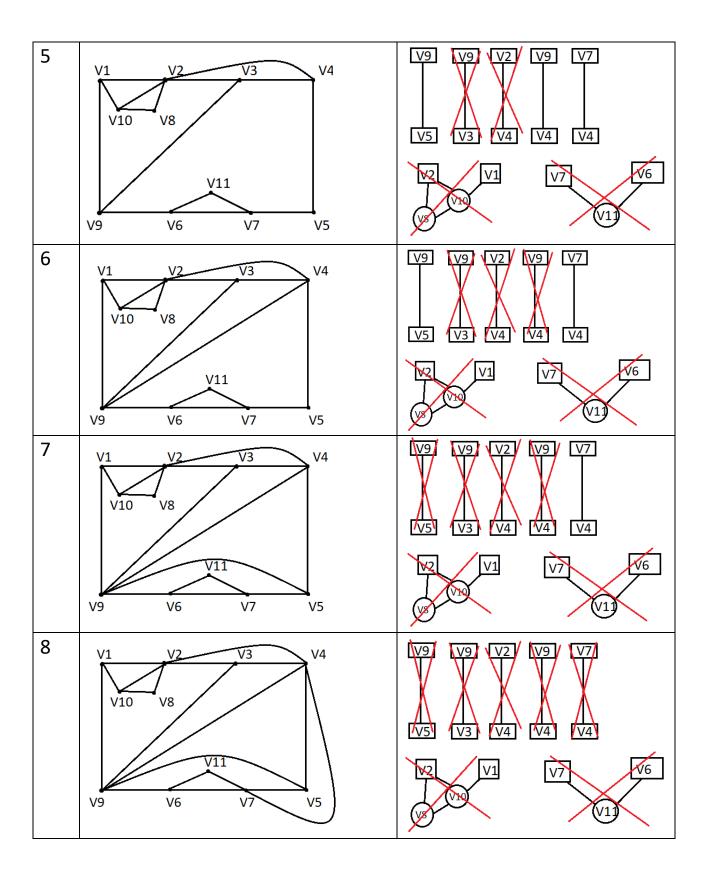
2. За допомогою  $\gamma$  -алгоритма зробити укладку графа у площині, або довести що вона неможлива.



### Розв'язання:

Виділяємо довільний цикл та виписуємо всі сегменти (Контактні вершини обведені прямокутниками). Починаємо розміщати наші сегменти. Після кожного кроку викреслюємо сегменти які вже розміщені.





Граф укладено.

Завдання №2.

Написати програму, яка реалізує алгоритм Дейкстри знаходження найкоротшого шляху між парою вершин у графі. Протестувати розроблену програму на графі згідно свого варіанту.

### Програмна реалізація:

```
#include <iostream>
#include <fstream>
using namespace std;
//Функція виведення даних масиву та запису мінімальних значень в масив min_ways
void PrintArr_FillMin(int* arr, int SIZE, int num_of, int* min_ways)
       for (int i = 0; i < SIZE; i++) {
              if(i == num of)
                     cout <<" | "<< arr[i] << " | ";
              else
                     cout << arr[i] << " ";</pre>
       }
       cout << "\t\tVertex#"<<num_of+1<<" minimal way - |" << arr[num_of] << "|"<<endl;</pre>
       min_ways[num_of] = arr[num_of];
}
//Функція знаходження мінімального значення
int FindMin(int* arr, int SIZE)
{
       for (int i = 1; i < SIZE; i++) {</pre>
              if (arr[0] > arr[i])
                     arr[0] = arr[i];
       return arr[0];
}
int main()
       setlocale(LC_ALL, "Ukr");
       const int SIZE = 30;
       int min ways[SIZE];
       min_ways[0] = 0;
       int arr1[SIZE][SIZE];
       int arr2[SIZE][SIZE];
       for (int i = 0; i < SIZE; i++) {//Ініціалізація масивів початковими значеннями
              for (int j = 0; j < SIZE; j++) {</pre>
                     arr1[i][j] = 99;
                     arr2[i][j] = 0;
              }
       }
       int num_of_edges = 49;
       int weight = 0, vertex1 = 0, vertex2 = 0;
       ifstream fin("FILE.txt"); //Зчитування даних про граф з файлу та заповнення масиву
       if (!fin.is_open())
              cout << "Error\n";</pre>
       else {
              for (int i = 0; i < num_of_edges; i++) { //arr2 це копія масиву arr1
                     fin >> weight;
                     fin >> vertex1;
                     fin >> vertex2;
                     arr1[vertex1 - 1][vertex2 - 1] = weight;
```

```
arr1[vertex2 - 1][vertex1 - 1] = weight;
                     arr2[vertex1 - 1][vertex2 - 1] = weight;
                     arr2[vertex2 - 1][vertex1 - 1] = weight;
              }
       fin.close();
       int* current_min = new int[SIZE];//Створення динамічного масиву
       for (int i = 1; i < SIZE; i++)</pre>
              current_min[i] = 99;
       current min[0] = 0;
       int find_min[100], min_SIZE = 0, step = 1, num_of_edge = 0, minimum = 0, counter = 0;
       int* chosens = new int[SIZE];//Створення динамічного масиву
      bool end = false;
      while (true)
              for (int n = 0; n < SIZE; n++)//Видалення потрібних стовпців
                     arr1[n][num_of_edge] = 0;
              for (int i = 0; i < SIZE; i++) {</pre>
                     if (arr1[num_of_edge][i] > 0) {
                            if (current_min[i] > arr1[num_of_edge][i] + minimum)
                                   current_min[i] = arr1[num_of_edge][i] + minimum;
                     }
              }
              end = true;
              min_SIZE = 0;
              for (int i = 0; i < SIZE; i++) {// Знаходження можливих наступних мінімальних
ребер
                     if (current_min[i] > 0 && current_min[i] != 99)
                            find_min[min_SIZE] = current_min[i];
                            min_SIZE++;
                            end = false;
              if (end)
                     goto link;
              minimum = FindMin(find_min, min_SIZE);//Знаходження мінімального значення з
них
              for (int i = 0; i < SIZE; i++) {//Прирівнювання значень та знаходження
вибраного ребра та номеру рядка
                     if (current_min[i] == minimum) {
                            num_of_edge = i;
                            chosens[counter] = i;
                            counter++;
                            break;
                     }
              }
              cout << "Step " << step << endl;</pre>
              PrintArr_FillMin(current_min, SIZE, num_of_edge, min_ways);
              current_min[num_of_edge] = 0;
       }
link:
       cout << "\nМінімальний шлях: "; // Вивід мінімального шляху
       int i = SIZE - 1;
      while (true) {
              for (int j = SIZE - 1; j >= 0; j--){
                     if (min ways[i] - min ways[j] == arr2[i][j])
```

# ПЕНЕ: БЛОКНОТ Файл Редагування 4 1 2 4 2 3 6 3 4 7 4 5 8 5 6 2 7 8 1 8 9 1 9 10 1 10 11 5 11 12 1 13 14 1 14 15 7 15 16 6 16 17 2 17 18 3 19 20 7 20 21 1 21 22 3 22 23 5 23 24 7 25 26 2 26 27 7 27 28

### Результат виконання програми:

```
Vertex#22 minimal way -
0 0 0 16 99 0 0 0 0 14 0 0 0 0 16 99 0 0 0 |13| 99 99 17 0 13 99 99
Step 18
0 0 0 0 16 99 0 0 0 0 0 14 0 0 0 0 16 99 0 0 0 0 16 99 17 0 |13| 17 99 99
                                                                Vertex#27 minimal way - |13|
Step 19
0 0 0 0 16 99 0 0 0 0 0 |14| 0 0 0 0 16 99 0 0 0 0 16 99 17 0 0 17 99 99
                                                                Vertex#12 minimal way - |14|
0 0 0 0 16 |15| 0 0 0 0 0 0 0 0 0 16 15 0 0 0 0 16 99 17 0 0 17 99 99
                                                                Vertex#6 minimal way - |15|
Step 21
0 0 0 0 16 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 16 | 15 | 0 0 0 0 16 99 17 0 0 17 99 99
                                                          Vertex#18 minimal way - |15|
Step 22
0 0 0 0 | 16 | 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 16 0 0 0 0 16 23 17 0 0 17 99 99
                                                          Vertex#5 minimal way - |16|
0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 | 16 | 0 0 0 0 0 16 23 17 0 0 17 99 99
                                                          Vertex#17 minimal way - |16|
Step 24
Vertex#23 minimal way - |16|
Vertex#25 minimal way - |17|
Step 26
Vertex#28 minimal way - |17|
Step 27
Vertex#29 minimal way - |19|
Step 28
Vertex#24 minimal way - |21|
Step 29
Vertex#30 minimal way - 22
Мінімальний шлях: 30 29 23 22 21 15 14 13 9 8 7 2 1
E:\Progects VS\Discrete5\Debug\Discrete5.exe (process 13136) exited with code 0.
```

**Висновок:** Виконуючи цю лабораторну роботу я набув практичних вмінь та навичок з використання алгоритму Дейкстри та укладання плоских планарні графів.