# V70

# Vakuumversuch

Philip Jaletzky Jannis Vornholt philip.jaletzky@udo.edu jannis.vornholt@tu-dortmund.de

Durchführung: 25.04.2022 Abgabe: 19.04.2022

TU Dortmund – Fakultät Physik

# Inhaltsverzeichnis

1.	The	orie	3			
	1.1.	Grundlagen	3			
	1.2.	Strömungen	4			
	1.3.	Saugvermögen, Leitwert	4			
	1.4.	Evakuierungskurve	5			
	1.5.	Lecks	5			
	1.6.	Leckratenmessung	5			
	1.7.	Vakuumpumpen	6			
		1.7.1. Drehschieberpumpe	6			
		1.7.2. Turbomolekularpumpe	6			
	1.8.	Vakuummessung	7			
		1.8.1. Pirani-Vakuummeter	7			
		1.8.2. Kaltkathoden-Ionisationsvakuumeter	7			
		1.8.3. Heißkathoden-Ionisationsvakuumeter	7			
		1.8.4. Piezo-Vakuumeter	7			
2.	Aufl	oau	8			
3.	Dur	chführung	8			
	3.1.	Turbomolekularpumpen Messungen	9			
		3.1.1. Evakuierungskurve	9			
		3.1.2. Leckratenmessung	9			
	3.2.	Drehschieberpumpen Messungen	9			
		3.2.1. Evakuierungskurve	9			
		3.2.2. Leckratenmessung	9			
	_		_			
4.		wertung	9			
		9	10			
	4.2.	Turbopumpe	10			
		4.2.1. Evakuierungskurve	10			
		9	13			
	4.3.	1 1	18			
		9	18			
		4.3.2. Leckratenmessungen	22			
5.	Disk	cussion	30			
Lit	eratı	ır	32			
Α.	A. Anhang					

# 1. Theorie

Ziel des Versuchs ist es, das effektive Saugvermögen einer Drehschieberpumpe und einer Turbomolekularpumpe, zu bestimmen. Dies geschieht zum Einen über die Evakuierungskurve und zum Anderen über eine Leckratenmessung. Zudem sollen die Grundlagen der Vakuumphysik erlernt werden.

## 1.1. Grundlagen

Vakuum ist definiert als Druck, der geringer ist als der Erdatmosphärendruck auf der Erdoberfläche. Dies ist in etwa bei 300 mbar (auf dem Mount Everest) der Fall [S.9, 2]. Es gibt verschiedene Abstufungen von Vakuum. Diese reichen vom Grobvakuum bei 300mbar-1mbar, bis zum extrem hohen Vakuum bei Drücken von weniger als  $10^{-12}mbar$  [S.10, 2]. Druck, über den das Vakuum definiert ist, beschreibt die senkrecht auf eine Fläche wirkende Kraft, also  $p=\frac{F}{A}$ . Um das Verhalten des Gases bzw. der Teilchen im Vakuum besser beschreiben zu können, wird dieses Gas als Ideales Gas angenommen. Bei idealem Gas werden die Gasteilchen als punktförmige Massen ohne Ausdehnung beschrieben. Die Wechselwirkungen zwischen den Teilchen werden vernachlässigt, vorallem Van-der-Waals- und Dipol-Dipol-Kräfte. Zudem wird angenommen, dass die Teilchen ausschließich elastisch mit anderen Gasteilchen und den Wänden stoßen. Wenn diese drei Annahmen gelten, ist das Produkt aus Druck und Volumen, bei konstanter Temperatur, konstant,

$$pV = const,$$
 (1)

so wie der Druck, in einem konstanten Volumen, proportional zur Temperatur,  $p = const \cdot T$ . Daraus gergibt sich die Ideale Gasgleichung,

$$pV = N \cdot k_B \cdot T. \tag{2}$$

Dabei ist N die Teilchenanzahl und  $k_B$  die Boltzmann-Konstante. Diese Gleichung kann als Ausdruck für den Druck in Abhängigkeit von der Teilchenzahldichte n geschrieben werden, denn  $n=\frac{N}{V}$ . Daraus folgt,

$$p = n \cdot k \cdot T. \tag{3}$$

Also ist die Teilchenzahldichte ein gutes Maß für den Druck und kann zur beschreibung des Drucks verwendet werden [S.11, 2]. Ebenfalls eng mit der Teilchenzahldichte und damit dem Druck verknüpft und relevant für die Vakuumtechnik ist die mittlere freie Weglänge. Diese beschreibt die durchschnittliche Länge des Weges, eines Teilchens, bis es mit einem anderen Teilchen oder einer Wand zusammenstößt und ist gegeben als,

$$\bar{l} = \frac{k \cdot T}{\sqrt{2} \cdot \pi \cdot p \cdot d_m^2}.$$
 (4)

Mit dem Moleküldurchmesser  $d_m^2$  [S.12, 2].

#### 1.2. Strömungen

Im Vakuum gibt es zwei wesentliche Arten von Strömungen, zum einen die viskosen Strömungen und zum anderen die molekularen Strömungen. Eine Kennzahl zur unterscheidung der Strömungen ist die Knudsenzahl  $K_n = \frac{\bar{l}}{d}$ , also das Verhältnis zwischen mittlerer freier Weglänge und Weite des Strömungskanals. Bei einer Knudsenzahl von  $K_n < 0,01$  ist die Strömung viskos, bei  $K_n > 0,5$  ist die Strömung Laminar. Zwischen den beiden Grenzen befindet sich die Knudsenströmung. Die viskose Strömung zeichnet sich dadurch aus, dass die Gasteilchen hauptsächlich untereinander Stöße ausführen und kaum mit den Wänden. In diesem Bereich gibt es zum einen die turbolente Strömung, bei der die Gasteilchen völlig ungeordnet sind. Diese Strömung tritt bei schnelleren Strömungsgeschwindigkeiten auf und ist im Vakuum nur beim Abpumpen von Atmosphärendruck und beim Belüften relevant. Zum anderen gibt es die Laminare Strömung, bei der sich die Gasteilchen innerhalb parallel zueinander geordneten Schichten aufhalten. Dies geschieht bei langsameren Strömungsgeschwindigkeiten der viskosen Strömung. Die Molekulare Strömung ist vorallem im hochvakuum und ultra hoch Vakuum von bedeutung, da bei einer so geringen Teilchenzahldichte, kaum Stöße mit anderen Teilchen erfogen, sondern hauptsächlich mit Wänden [2].

#### 1.3. Saugvermögen, Leitwert

Das Saugvermögen einer Vakuumpumpe gibt an, wie viel Gas sie pro Zeit aus dem Rezipienten saugen kann,

$$S = \frac{dV}{dt}. (5)$$

Die Rohre und Behälter in der Vakuumtechnik haben ähnlich wie elektrische Leiter, einen Widerstand. Dieser Widerstand ist über die Druckdifferenz zwischen Ende und Anfang des Rohres und dem Gasstrom definiert,

$$W = \frac{\Delta p}{q_{pV}}.$$
(6)

Der Kehrwert des Widerstands wird Leitwert genannt und ist ein Maß dafür, wie gut der Gasstrom durch ein Gefäß fließen kann,

$$L = \frac{1}{W} = \frac{q_{pV}}{\Delta p}. (7)$$

Aus diesem Rohrwiderstand ergibt sich, dass das Saugvermögen der Vakuumpumpe nicht dem theoretischen Wert entspricht, da die Pumpe normalerweise über einen Schlauch mit dem Rezipienten verbunden ist und dieser Schlauch aber auch der Rezipient selbst, einen Rohrwiderstand besitzen [S82, 1]. Das Effektive Saugvermögen einer Vakuumpumpe ist daher,

$$S_{eff} = \frac{1}{S} + \frac{1}{L}.\tag{8}$$

#### 1.4. Evakuierungskurve

Wird Gleichung (1) nach der Zeit abgeleitet,

$$\frac{dp}{dt}V + \frac{dV}{dt} = 0\tag{9}$$

und anschließend umgestellt, so entsteht ein Ausdruck für das Saugvermögen,

$$\frac{dV}{dt} = S = -\frac{V}{p}\frac{dp}{dt}. (10)$$

Die Lösung dieser Differentialgleichung ist:

$$p(t) = p_0 exp\left(-\frac{S}{V}t\right) \tag{11}$$

Weiter muss beachtet werden, dass jede Vakuumpumpe einen Enddruck  $P_E \neq 0$  erzeugt. Dies führt zur abschließenden Gleichung für die Evakuierungskurve:

$$p(t) = (p_0 - P_E) exp\left(-\frac{S}{V}t\right) + P_E. \tag{12} \label{eq:12}$$

Mit hilfe dieser Formel kann aus der Evakuierungskurve das Saugvermögen einer Vakuumpumpe bestimmt werden, wobei hier nicht beachtet wurde, dass das Saugvermögen einer Vakuumpumpe nicht konstant über alle Drücke ist.

#### 1.5. Lecks

Bei jedem Vakuumaufbau gibt es Lecks, die Verhindern, dass der Druck unter  $P_E$  sinkt. Es gibt zum einen reale Lecks, die von außerhalb der Vakuumanlage messbar sind, z.B. undichte Ventile aber auch "virtuelle"Lecks, bei denen das nicht der Fall ist. Diese "virtuellen"Lecks werden z.B. durch **Desorption** verursacht. Desorption beschreibt das Lösen/Austreten von Atomen oder Molekülen, von/aus einer Oberfläche. Diese Atome und Moleküle sind vorher durch **Sorption** angelagert worden. Bei der Sorption wird zwischen **Absorption**, also das in das Material rein diffundieren und **Adsorption**, dem Anlagern von Atomen und Molekülen an einer Oberfläche, unterschieden[**S.62**, **63**, 1].

#### 1.6. Leckratenmessung

Das Saugvermögen kann auch über die Leckratenmessung bestimmt werden. Dafür muss zunächst eine Lecktrate Q eingestellt werden, diese wird über den Gleichgewichtsdruck  $P_q$  definiert,

$$S = \frac{Q}{P_g},\tag{13}$$

mit,

$$Q = V_0 \frac{\Delta p}{\Delta t}. (14)$$

Aus Gleichung (13) und (14) folgt für das Saugvermögen:

$$S = \frac{V_0}{p_q} \frac{\Delta p}{\Delta t}.$$
 (15)

#### 1.7. Vakuumpumpen

#### 1.7.1. Drehschieberpumpe

Die Drehschieberpumpe ist eine gasfördernde Vakuumpumpe, das heißt sie erzeugt ein Vakuum durch absaugen und einschließen einzelner Teilvolumen und anschließendem Ausstoß dieser Volumen. Hierfür ist die Drehschieberpumpe, wie in Abbildung ?? schematisch dargestellt, aufgebaut. Durch das Drehen des Rotors und das Abdichten der einzelnen Volumina durch die Schieber mit Hilfe von Federn, wird das Volumen am Ansaugventil vergrößert, so dass Gas aus dem Rezipienten, in die Pumpe strömt. Dieses Volumen wird nun in Richtung Auslassventil befordert und dort komprimiert, bis der Druck hoch genug ist um das Auslassventil zu öffnen. Drehschieberpumpen werden bei Atmosphärendruck bis hin zum Feinvakuum ( $p = 10^{-3} \ mbar$ ) benutzt. Tiefere Drücke werden nicht erreicht, da bei tieferen Drücken, zu viel Öl, welches das Auslassventil bedekt und die Schieber abdichtet, gasförmig wird und zurück in den Rezipienten diffundiert [S.60, 61, 2].

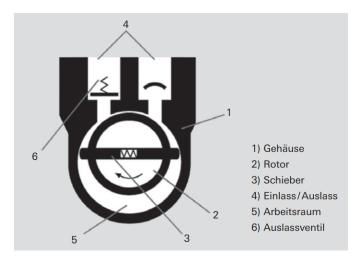


Abbildung 1.: Schematische Abbildung deiner Drehschieberpuumpe.

#### 1.7.2. Turbomolekularpumpe

Turbomolekularpumpen sind kinetische Vakuumpumpen. Sie sind Turbinenähnlich aufgebaut, innerhalb des Gehäuses sind mehrere Schichten abwechselnd mit Rotorscheiben und Statorscheiben besetzt. Die Schaufeln der Schichten sind angewinkelt und zwischen Rotor und Strator spiegelverkehrt. Zur erzeugung eines Vakuums macht sich die Turbopumpe den Effekt der Adsorption zu nutze. Die Rotoren drehen sich während sich ein Molekül an denm Rotorblatt anheftet. Bei der Desorption hat das Molekül durch die angewinkelte

Rotorscheibe und deren Rotation, einen Impuls, der bevorzugt weg vom Rezipienten zeigt. Damit dieses Prinzip funktioniert, muss eine Molekulare Strömung herrschen, daher benötigt die Turbopumpe ein Vorvakuum. Zudem müssen die Rotorblätter ähnliche Geschwindigkeiten erreichen wie die Gasmoleküle, weshalb der Rotor sich mit bis zu 1500 Hz dreht. Damit erreicht die Pumpe Drücke im Bereich des Hochvakuums [S.83, 84, 2].

#### 1.8. Vakuummessung

#### 1.8.1. Pirani-Vakuummeter

Das Pirani-Vakuumeter ist ein Wärmeleitungsvakuumeter. Es besteht aus einem Heizdraht in der Mitte eines Gehäuses. Der Druck wird bestimmt, in dem die Wärmeleitfähigkeit des Gases zwischen Heizdraht und Gehäuse gemessen wird. Diese ist im Bereich von  $10 \, mbar$  bis  $10^{-4} \, mbar$  hauptschlich durch Stöße der Gasteilchen gegeben und verläuft liner zum Druck [S.93, 94, 2].

#### 1.8.2. Kaltkathoden-Ionisationsvakuumeter

Bei diesem Vakuumeter werden durch ein elektrisches Feld, Elektronen aus der Kathode gelöst und in Richtung Anode beschleunigt. Zwischen Kathode und Anode ionisieren die Elektronen, durch Stöße, die Gas-Teilchen, wodurch eine Gasentladung zustande kommt. Der Gasentladungsstrom ist dann proportional zum Druck. Das Kaltkathoden-Ionisationsvakuumeter kann für Druckbereiche unterhalb von  $p = 10^{-2}$  mbar genutzt werden [S.94, 2].

#### 1.8.3. Heißkathoden-Ionisationsvakuumeter

Das Prinzip ist änhlich zum Kaltkathoden-Ionisationsvakuumeter, nur werden hier die Elektronen durch das Anlegen einer Spannung an einen Glühdrat und den dadurch provozierten Glühelektrischen Effekt erzeugt. Die Druckbestimmung erfolgt ebenfalls durch Ionisation der Gas-Teilchen [S.94, 95, 2].

#### 1.8.4. Piezo-Vakuumeter

Das Piezo-Vakuumeter besteht aus einem Volumen mit Druck  $p_0$ , welches durch eine Membran von dem Volumen des Rezipienten mit  $p_1$ , getrennt ist. Bei Druckunterschieden zwischen  $p_0$  und  $p_1$  wirkt eine Kraft auf die Oberfläche der Membran, wodurch diese gedehnt wird. In der Membran sind piezokristalle eindiffundiert, welche bei besagter Dehnung eine Spannung erzeugen, durch die auf den Druck im Rezipienten geschlossen werden kann. Diese Art von Vakuumeter wird vorallem im Grobvakuum eingesetzt [S.92, 2].

## 2. Aufbau

Auf Bild ?? ist der Versuchsaufbau zu sehen. Der Rezipient (R) ist mit der Turbomolekularpumpe (P2) verbunden, welche wiederum mit der Drehschieberpumpe (P1) verbunden ist. Über das Ventil (V1) kann die Drehschieberpumpe vom restlichen Aufbau abgeschiebert werden. Das selbe ist Für die Turbopumpe mit dem Ventil (V2) möglich. Zum Belüften des Rezipienten sind ein Ventil (V3) und ein Drosselventi (D1) mit dem Rezipienten verbunden. Die für den Versuch genutzten Messgeräte sind zum einen das Pirani-Kaltkathoden-Vakuumeter (M1) zur Bestimmung der von der Turbopumpe erzeugten Drücke und das Piezo-Pirani-Vakuumeter (M2) für die Drücke, die durch die Drehschieberpumpe erzeugt werden.

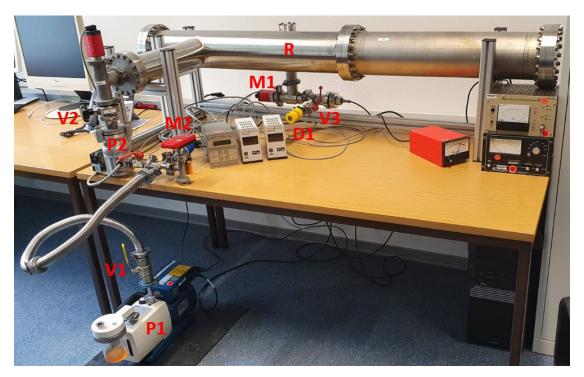


Abbildung 2.: Versuchsaufbau.

# 3. Durchführung

Bevor die eigentlichen Messungen beginnen können, muss überprüft werden ob die Anlage dicht ist. Dafür wird der Rezipient evakuiert und festgestellt ob der Enddruck im Bereich der entsprechenden Pumpe liegt. Ist dies nicht der Fall, muss die Apperatur überprüft werden und undichte Stellen abgedichtet werden.

#### 3.1. Turbomolekularpumpen Messungen

Da die Turbomolekularpumpe schon vor Beginn des Versuchs lief, wurde mit der Bestimmung der Saugleistung der Turbopumpe begonnen.

#### 3.1.1. Evakuierungskurve

Zur bestimmung der Evakuierungskurve laufen beide Pumpen und die Ventile zum Rezipienten sind geöffnet. Nun wird der Rezipient vorsichtig mit geöffnetem V3 und über das Drosselventil (D1) belüftet, bis der Druck im Rezipienten bei  $p_0 = 5 \cdot 10^{-3}$  liegt. Anschließend wird V3 geschlossen und für 120 s alle 10 s der Druck im Rezipienten abgelesen. Diese Prozedur wird drei mal durchgeführt.

#### 3.1.2. Leckratenmessung

Für die Leckratenmessung wird bei laufenden Pumpen und geöffneten V1 und V2 über das Drosselventil ein Gleichgewichtsdruck eingestellt. Danach wird die Turbomolekularpumpe durch schließen des Ventils V2 abgeschiebert und 120s lang alle 10s der Druck gemessen. Dies wird insgesammt 3 mal pro Gleichgewichtsdruck und mit vier verschiedenen Gleichgewichtsdrücken ( $p_g = 5 \cdot 10^{-5}; 7 \cdot 10^{-5}; 1 \cdot 10^{-4}; 2 \cdot 10^{-4} \ mbar$ ) durchgeführt.

## 3.2. Drehschieberpumpen Messungen

Für die Bessungen mit der Drehschieberpumpe wird die Turbomolekularpumpe ausgestellt. Das Ventil V2 bleibt die gsamte Zeit geöffnet.

#### 3.2.1. Evakuierungskurve

Bei der Bestimmung der Evakuirungskurve der Drehschieberpumpe bleiben V1 und V2 geöffnet, der Rezipient wird über V3 und D1 geflutet, bis Atmosphärendruck innerhalb herrscht. Dann wird V3 geschlossen und 600 s lang alle 10 s der Druk im Rezipienten abgelesen. Auch diese Messung wir drei mal durchgeführt.

#### 3.2.2. Leckratenmessung

Die Leckratenmessung der Drehschieberpumpe verläuft fast Äquivalent zur Messung mit der Turbomolekularpumpe. Über das Drosselventil D1 werden vier verschiedene Gleichgewichtsdrücke ( $p_g=0,5;10;50;100\;mbar$ ) eingestellt. Anschließend wird die Pumpe über V1 abgeschiebert und 200 s alle 10 s der Druck bestimmt. Für jeden Gleichgewichtsdruck wird die Messun wieder 3 mal durchgeführt.

# 4. Auswertung

Im Folgenden werden die aufgenommenen Messreihen ausgewertet, um die Evakuierungskurven sowie das effektive Saugvermögen beider Pumpentypen zu bestimmen. Das

effektive Saugvermögen wird sowohl anhand der Evakuierungskurven, als auch anhand der Leckratenmessungen bestimmt. Scans der Originalmessdaten sind im Anhang zu finden.

## 4.1. Fehlerrechnung

Wenn mehrere voneinander unabhängige fehlerbehaftete Größen miteinander verrechnet werden, wird die Gaußsche Fehlerfortpflanzung

$$\Delta f = \sqrt{\sum_{i=1}^{n} \left(\frac{\partial f}{\partial x_i} \Delta x_i\right)^2} \tag{16}$$

genutzt, um den Fehler der berechneten Größe zu bestimmen.

Bei der Mittelwertbildung der Messgrößen aus den Messreihen ist zu beachten, dass die Unsicherheit  $\Delta p$  des arithmetischen Mittelwerts  $\bar{p}$  einer Observablen p bei n unabhängigen Messungen nach

$$\Delta p = \sqrt{\frac{1}{n(n-1)} \sum_{i=1}^{n} (\bar{p} - p_i)^2}$$
 (17)

berechnet wird. Bei den unterschiedlichen Pumpentypen werden verschiedene Messgeräte genutzt, die zu unterschiedlichen Messungenauigkeiten für die einzelnen Messwerte führen, welche in den jeweiligen Unterabschnitten betrachtet werden.

Die Fehlerfortpflanzung der Saugleistung bestimmt sich also zu

$$\sigma_S = \sqrt{\left(\frac{m^2}{p_g^2}\right) \cdot \sigma_V^2 + \left(\frac{V^2}{p_g^2}\right) \cdot \sigma_m^2 + \left(\frac{m^2 V^2}{p_g^4}\right) \cdot \sigma_p^2} \quad .$$

#### 4.2. Turbopumpe

Als Messgerät bei den Messungen an der Turbopumpe wurde das PKR 360, Pfeiffer Vacuum Messgerät (kombinierter Pirani/Kaltkathode-Sensor) verwendet. Die Messungenauigkeit des genutzten Messgeräts beträgt 30% im Bereich von  $1 \cdot 10^{-8}$  mbar bis 100 mbar und 50% im Bereich von 100 mbar bis 1000 mbar [3].

## 4.2.1. Evakuierungskurve

Für die Evakuierungsmessung der Turbopumpe wird über 120 Sekunden der Druck alle 10 Sekunden gemessen, innerhalb der ersten 20 Sekunden sogar alle 5 Sekunden. Auf diese Weise werden 3 Messreihen aufgenommen. In Tabelle 1 sind die Ergebnisse dieser Messreihen mit den jeweiligen Fehlern aufgelistet. Für den Mittelwert des Drucks wurde zusätzlich der Fehler des Mittelwerts (Gleichung 17) berechnet.

Tabelle 1.: Messreihen zur Evakuierungsmessung der Turbopumpe

t [s]	p1 [mbar]	p2 [mbar]	p3 [mbar]	$\bar{p} \text{ [mbar]}$
0	$0.0050 \pm 0.0015$	$0.0050 \pm 0.0015$	$0.0050 \pm 0.0015$	$0.0050 \pm 0.0015$
5	$0.00032 \pm 0.00010$	$0.00039 \pm 0.00012$	$0.00038 \pm 0.00011$	$0.00036 \pm 0.00011$
10	$0.00012 \pm 0.00004$	$0.00013 \pm 0.00004$	$0.00012 \pm 0.00004$	$0.00012 \pm 0.00004$
15	$(5.7 \pm 1.7)*10^{-5}$	$(5.7 \pm 1.7)*10^{-5}$	$(6.0 \pm 1.8)*10^{-5}$	$(5.8 \pm 1.7) * 10^{-5}$
20	$(4.1 \pm 1.2)*10^{-5}$	$(4.1 \pm 1.2)*10^{-5}$	$(4.2 \pm 1.3)*10^{-5}$	$(4.1 \pm 1.2) * 10^{-5}$
30	$(3.0 \pm 0.9)*10^{-5}$	$(3.2 \pm 1.0)*10^{-5}$	$(3.2 \pm 1.0)*10^{-5}$	$(3.1 \pm 0.9) * 10^{-5}$
40	$(2.8 \pm 0.8)*10^{-5}$	$(2.8 \pm 0.9)*10^{-5}$	$(2.9 \pm 0.9)*10^{-5}$	$(2.8 \pm 0.8) * 10^{-5}$
50	$(2.6 \pm 0.8)*10^{-5}$	$(2.6 \pm 0.8)*10^{-5}$	$(2.6 \pm 0.8)*10^{-5}$	$(2.6 \pm 0.8) * 10^{-5}$
60	$(2.4 \pm 0.7)*10^{-5}$	$(2.5 \pm 0.7)*10^{-5}$	$(2.5 \pm 0.8)*10^{-5}$	$(2.5 \pm 0.7)*10^{-5}$
70	$(2.3 \pm 0.7)*10^{-5}$	$(2.4 \pm 0.7)*10^{-5}$	$(2.4 \pm 0.7)*10^{-5}$	$(2.4 \pm 0.7)*10^{-5}$
80	$(2.3 \pm 0.7)*10^{-5}$	$(2.3 \pm 0.7)*10^{-5}$	$(2.3 \pm 0.7)*10^{-5}$	$(2.3 \pm 0.7)*10^{-5}$
90	$(2.2 \pm 0.7)*10^{-5}$	$(2.2 \pm 0.7)*10^{-5}$	$(2.2 \pm 0.7)*10^{-5}$	$(2.2 \pm 0.7)*10^{-5}$
100	$(2.1 \pm 0.6)*10^{-5}$	$(2.2 \pm 0.6)*10^{-5}$	$(2.2 \pm 0.7)*10^{-5}$	$(2.2 \pm 0.6)*10^{-5}$
110	$(2.1 \pm 0.6)*10^{-5}$	$(2.1 \pm 0.6)*10^{-5}$	$(2.1 \pm 0.6)*10^{-5}$	$(2.1 \pm 0.6)*10^{-5}$
_120	$(2.1 \pm 0.6)*10^{-5}$	$(2.1 \pm 0.6) * 10^{-5}$	$(2.1 \pm 0.6) * 10^{-5}$	$(2.1 \pm 0.6) * 10^{-5}$

Um die Messwerte an eine Gerade der Form

$$y = m \cdot x + n \tag{18}$$

angleichen zu können, müssen sie über den Zusammenhang

$$\ln\left(\frac{p(t) - p_{end}}{p_0 - p_{end}}\right)$$
(19)

linearisiert werden. Für die Fehlerfortpflanzung der logarithmierten Werte wurde die Formel

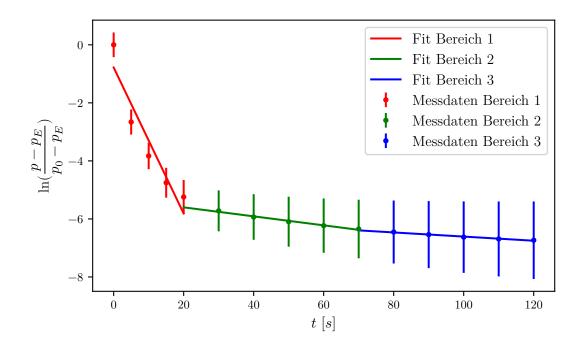
$$\sigma = \sqrt{\frac{\sigma_p^2}{(p-p_E)^2} + \frac{\sigma_{p0}^2}{(p_0-p_E)^2} + \sigma_{p_E}^2 \left(\frac{1}{p_0-p_E} - \frac{1}{p-p_E}\right)^2}$$

genutzt, die aus der Gaußschen Fehlerfortpflanzung (Gleichung 16) resultiert. Die logarithmierten Werte sind in Tabelle 2 aufgelistet (gemessen wurden  $p_0=5*10^{-3}$  und  $p_E=1.5*10^{-5}$ ).

Tabelle 2.: Logarithmierte Messreihen zur Evakuierungsmessung der Turbopumpe

t [s]	$\ln(\frac{p-p_E}{p_0-p_E})$
0	$0.0 \pm 0.4$
5	$-2.7 \pm 0.4$
10	$-3.8 \pm 0.5$
15	$-4.8 \pm 0.5$
20	$-5.2 \pm 0.6$
30	$-5.7 \pm 0.7$
40	$-5.9 \pm 0.8$
50	$-6.1 \pm 0.9$
60	$-6.2 \pm 0.9$
70	$-6.3 \pm 1.0$
80	$-6.5 \pm 1.1$
90	$-6.5 \pm 1.2$
100	$-6.6 \pm 1.2$
110	$-6.7 \pm 1.3$
120	$-6.7 \pm 1.3$

Da die Saugleistung der Pumpe nicht für den gesamten Druckbereich konstant ist, wird die lineare Ausgleichsrechnung für drei unterschiedliche Druckbereiche durchgeführt. Die logarithmierten Werte mit Ausgleichsgeraden für die 3 Druckbereiche sind in Abbildung 3 graphisch dargestellt.



**Abbildung 3.:** Logarithmierte Werte mit Ausgleichsgeraden für 3 Druckbereiche zur Evakuierungsmessung der Turbopumpe

Aus den Parametern der Ausgleichsrechnung lässt sich über S=-mV die Saugvermögen bestimmen. Diese Parameter sowie das Saugvermögen sind in der folgenden Tabelle für die entsprechenden Druckbereiche aufgelistet.

Druckbereich	m[1/s]	n	S[l/s]
$5 \cdot 10^{-3}$ mbar bis $4.2 \cdot 10^{-5}$ mbar	$-0.2516 \pm 0.04681$	$-0.7815 \pm 0.04681$	
$4.2 \cdot 10^{-5}  \text{mbar bis } 2.35 \cdot 10^{-5}  \text{mbar}$	$-0.0155 \pm 0.00109$	$-5.2908 \pm 0.00109$	$0.5115 \pm 0.06254$
$2.35 \cdot 10^{-5} \mathrm{mbar}$ bis $2.1 \cdot 10^{-5} \mathrm{mbar}$	$-0.0071 \pm 0.00057$	$-5.8948 \pm 0.00057$	$0.2355 \pm 0.03007$

Tabelle 3.: Parameter der Ausgleichsgeraden und Ergebnisse für das Saugvermögen.

#### 4.2.2. Leckratenmessungen

Bei den Leckratenmessungen für die Turbopumpe wird, nachdem jeweils ein bestimmter Gleichgewichtsdruck eingestellt wurde, über einen Zeitraum von 120 s alle 10 s der Druck aufgenommen. Zu diesen Werten wird dann wieder eine lineare Ausgleichsrechnung (zur Gerade, Gleichung 18) durchgeführt. Die Messungen wurden bei den Gleichgewichtsdrücken  $p_g = 1 \cdot 10^{-4}\,\mathrm{mbar}(\mathrm{siehe}$  Tabelle 4 und Abbildung 4),  $p_g = 2 \cdot 10^{-4}\,\mathrm{mbar}(\mathrm{siehe}$  Tabelle 5 und Abbildung 5),  $p_g = 5 \cdot 10^{-5}\,\mathrm{mbar}(\mathrm{siehe}$  Tabelle 6 und Abbildung 6) und  $p_g = 7 \cdot 10^{-5}\,\mathrm{mbar}(\mathrm{siehe}$  Tabelle 7 und Abbildung 7) durchgeführt.

Tabelle 4.: Messreihen zur Leckratenmessung der Turbopumpe mit  $p_g=1*10^{-4}$ mbar

t [s]	p1 [mbar]	p2 [mbar]	p3 [mbar]	$\bar{p} \text{ [mbar]}$
10	$0.00027 \pm 0.00008$	$0.00027 \pm 0.00008$	$0.00028 \pm 0.00008$	$0.00027 \pm 0.00008$
20	$0.00042\ \pm0.00013$	$0.00042\ \pm0.00012$	$0.00042 \pm 0.00013$	$0.00042\ \pm0.00013$
30	$0.00055 \pm 0.00016$	$0.00055 \pm 0.00017$	$0.00056 \pm 0.00017$	$0.00055 \pm 0.00017$
40	$0.00067 \pm 0.00020$	$0.00067 \pm 0.00020$	$0.00068 \pm 0.00020$	$0.00067 \pm 0.00020$
50	$0.00081 \pm 0.00024$	$0.00081 \pm 0.00024$	$0.00083 \pm 0.00025$	$0.00082 \pm 0.00024$
60	$0.00098 \pm 0.00029$	$0.00096 \pm 0.00029$	$0.00097 \pm 0.00029$	$0.00097 \pm 0.00029$
70	$0.00111 \pm 0.00033$	$0.00110 \pm 0.00033$	$0.00111 \pm 0.00033$	$0.00111 \pm 0.00033$
80	$0.0013 \pm 0.0004$	$0.0013 \pm 0.0004$	$0.0013 \pm 0.0004$	$0.0013 \pm 0.0004$
90	$0.0015 \pm 0.0004$	$0.0015 \pm 0.0004$	$0.0015 \pm 0.0005$	$0.0015 \pm 0.0005$
100	$0.0017\ \pm0.0005$	$0.0017\ \pm0.0005$	$0.0017\ \pm0.0005$	$0.0017 \pm 0.0005$
110	$0.0019 \pm 0.0006$	$0.0019 \pm 0.0006$	$0.0019 \pm 0.0006$	$0.0019 \pm 0.0006$
120	$0.0021 \pm 0.0006$	$0.0021 \pm 0.0006$	$0.0021 \pm 0.0006$	$0.0021 \pm 0.0006$

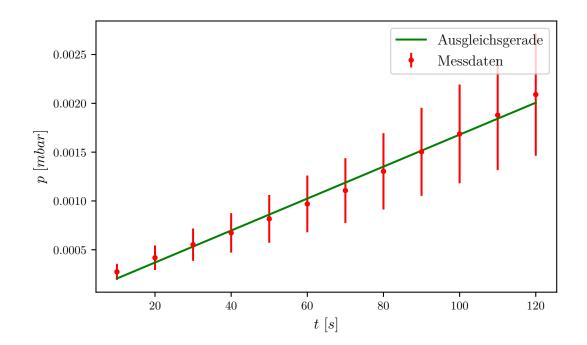


Abbildung 4.: Messwerte mit Ausgleichsgerade zur Leckratenmessung der Turbopumpe bei  $p_g=1*10^{-4}~\rm mbar$ 

Tabelle 5.: Messreihen zur Leckratenmessung der Turbopumpe mit  $p_g = 2*10^{-4}$ mbar

t [s]	p1 [mbar]	p2 [mbar]	p3 [mbar]	$\bar{p} \text{ [mbar]}$
10	$0.00054 \pm 0.00016$	$0.00052 \pm 0.00016$	$0.00053 \pm 0.00016$	$0.00053 \pm 0.00016$
20	$0.00084 \pm 0.00025$	$0.00083 \pm 0.00025$	$0.00082 \pm 0.00025$	$0.00083 \pm 0.00025$
30	$0.0012 \pm 0.0004$	$0.0012 \pm 0.0004$	$0.00116 \pm 0.00035$	$0.00118 \pm 0.00035$
40	$0.0016 \pm 0.0005$	$0.0016 \pm 0.0005$	$0.0016 \pm 0.0005$	$0.0016 \pm 0.0005$
50	$0.0021 \pm 0.0006$	$0.0021 \pm 0.0006$	$0.0021 \pm 0.0006$	$0.0021 \pm 0.0006$
60	$0.0027 \pm 0.0008$	$0.0026 \pm 0.0008$	$0.0026 \pm 0.0008$	$0.0026 \pm 0.0008$
70	$0.0032 \pm 0.0010$	$0.0032 \pm 0.0009$	$0.0031 \pm 0.0009$	$0.0032 \pm 0.0009$
80	$0.0038 \pm 0.0011$	$0.0038 \pm 0.0011$	$0.0037 \pm 0.0011$	$0.0038 \pm 0.0011$
90	$0.0044 \pm 0.0013$	$0.0043 \pm 0.0013$	$0.0043 \pm 0.0013$	$0.0043 \pm 0.0013$
100	$0.0050 \pm 0.0015$	$0.0050 \pm 0.0015$	$0.0050 \pm 0.0015$	$0.0050 \pm 0.0015$
110	$0.0057\ \pm0.0017$	$0.0057\ \pm0.0017$	$0.0056 \pm 0.0017$	$0.0057 \pm 0.0017$
120	$0.0063 \pm 0.0019$	$0.0063 \pm 0.0019$	$0.0062 \pm 0.0019$	$0.0063 \pm 0.0019$

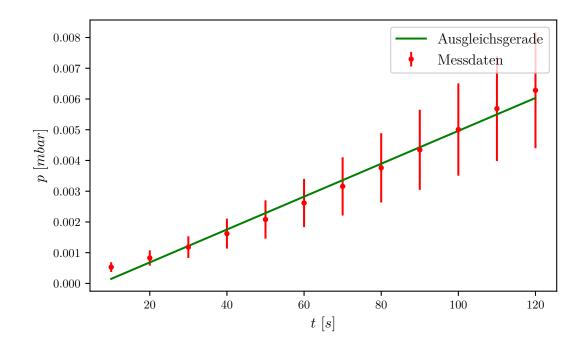


Abbildung 5.: Messwerte mit Ausgleichsgerade zur Leckratenmessung der Turbopumpe bei  $p_g=2*10^{-4}~\rm mbar$ 

Tabelle 6.: Messreihen zur Leckratenmessung der Turbopumpe mit  $p_g = 5*10^{-5}$ mbar

t [s]	p1 [mbar]	p2 [mbar]	p3 [mbar]	$\bar{p}$ [mbar]
10	$0.00014 \pm 0.00004$	$0.00014 \pm 0.00004$	$0.00014 \pm 0.00004$	$0.00014 \pm 0.00004$
20	$0.00021 \pm 0.00006$	$0.00021 \pm 0.00006$	$0.00021 \pm 0.00006$	$0.00021 \pm 0.00006$
30	$0.00028 \pm 0.00008$	$0.00028 \pm 0.00008$	$0.00028 \pm 0.00008$	$0.00028 \pm 0.00008$
40	$0.00034 \pm 0.00010$	$0.00034 \pm 0.00010$	$0.00034 \pm 0.00010$	$0.00034 \pm 0.00010$
50	$0.00039 \pm 0.00012$	$0.00040 \pm 0.00012$	$0.00040 \pm 0.00012$	$0.00040 \pm 0.00012$
60	$0.00045 \pm 0.00013$	$0.00046 \pm 0.00014$	$0.00045 \pm 0.00014$	$0.00045\ \pm0.00014$
70	$0.00051 \pm 0.00015$	$0.00051 \pm 0.00015$	$0.00052\ \pm0.00015$	$0.00051\ \pm0.00015$
80	$0.00056 \pm 0.00017$	$0.00056 \pm 0.00017$	$0.00057 \pm 0.00017$	$0.00056 \pm 0.00017$
90	$0.00061 \pm 0.00018$	$0.00062 \pm 0.00019$	$0.00062 \pm 0.00019$	$0.00062 \pm 0.00019$
100	$0.00066 \pm 0.00020$	$0.00067 \pm 0.00020$	$0.00066 \pm 0.00020$	$0.00066 \pm 0.00020$
110	$0.00072\ \pm0.00022$	$0.00072\ \pm0.00022$	$0.00072\ \pm0.00022$	$0.00072\ \pm0.00022$
120	$0.00078 \pm 0.00023$	$0.00079 \pm 0.00024$	$0.00078 \pm 0.00024$	$0.00079 \pm 0.00024$

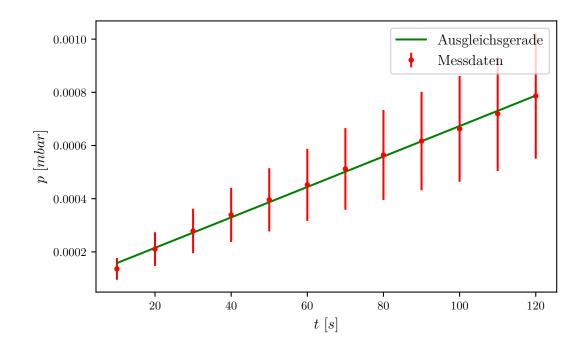


Abbildung 6.: Messwerte mit Ausgleichsgerade zur Leckratenmessung der Turbopumpe bei  $p_g=5*10^{-5}~\rm mbar$ 

Tabelle 7.: Messreihen zur Leckratenmessung der Turbopumpe mit  $p_g = 7*10^{-5}$ mbar

t [s]	p1 [mbar]	p2 [mbar]	p3 [mbar]	$\bar{p} \; [\mathrm{mbar}]$
10	$0.00020 \pm 0.00006$	$0.00020 \pm 0.00006$	$0.00019 \pm 0.00006$	$0.00020 \pm 0.00006$
20	$0.00030 \pm 0.00009$	$0.00030 \pm 0.00009$	$0.00029 \pm 0.00009$	$0.00030 \pm 0.00009$
30	$0.00040 \pm 0.00012$	$0.00040 \pm 0.00012$	$0.00040 \pm 0.00012$	$0.00040 \pm 0.00012$
40	$0.00049 \pm 0.00015$	$0.00049 \pm 0.00015$	$0.00049 \pm 0.00015$	$0.00049 \pm 0.00015$
50	$0.00057 \pm 0.00017$	$0.00058 \pm 0.00017$	$0.00058 \pm 0.00017$	$0.00058 \pm 0.00017$
60	$0.00065 \pm 0.00020$	$0.00066 \pm 0.00020$	$0.00066 \pm 0.00020$	$0.00066 \pm 0.00020$
70	$0.00075 \pm 0.00022$	$0.00075 \pm 0.00022$	$0.00075 \pm 0.00022$	$0.00075 \pm 0.00022$
80	$0.00084 \pm 0.00025$	$0.00084 \pm 0.00025$	$0.00084 \pm 0.00025$	$0.00084 \pm 0.00025$
90	$0.00096 \pm 0.00029$	$0.00095 \pm 0.00028$	$0.00095 \pm 0.00028$	$0.00095 \pm 0.00029$
100	$0.00109 \pm 0.00033$	$0.00107 \pm 0.00032$	$0.00107 \pm 0.00032$	$0.00108 \pm 0.00032$
110	$0.00116 \pm 0.00035$	$0.00116 \pm 0.00035$	$0.00115 \pm 0.00034$	$0.00116 \pm 0.00035$
120	$0.0013 \pm 0.0004$	$0.0013 \pm 0.0004$	$0.0013 \pm 0.0004$	$0.0013 \pm 0.0004$

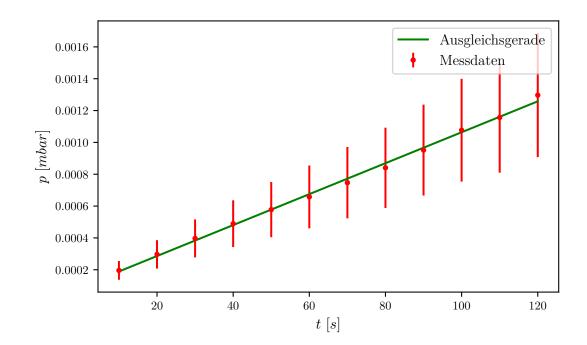


Abbildung 7.: Messwerte mit Ausgleichsgerade zur Leckratenmessung der Turbopumpe bei  $p_g=7*10^{-5}~\rm mbar$ 

Schließlich können wieder die Parameter der Ausgleichsgeraden und das Saugvermögen über  $S=\frac{-V}{p_g}\cdot m$  bestimmt werden. Die Parameter und das entsprechende Saugvermögen für die jeweiligen Gleichgewichtsdrücke sind im Folgenden tabellarisch aufgelistet.

$p_g[{\rm mbar}]$	m[1/s]	n	S[l/s]
$1 \cdot 10^{-4}  \mathrm{mbar}$	$0.00001637 \pm 0.00000046$	$0.00004194 \pm 0.00000046$	$5.4027 \pm 0.56130$
$2 \cdot 10^{-4}  \mathrm{mbar}$	$0.00005350\ \pm0.00000175$	$-0.00038608 \pm 0.00000175$	$8.8272\ \pm0.92869$
$5 \cdot 10^{-5}  \mathrm{mbar}$	$0.00000573 \pm 0.00000009$	$0.00010065 \pm 0.00000009$	$3.7791 \pm 0.38249$
$7 \cdot 10^{-5}  \mathrm{mbar}$	$0.00000972 \pm 0.00000017$	$0.00009193 \pm 0.00000017$	$4.5814\ \pm0.46502$

**Tabelle 8.:** Parameter der Ausgleichsgeraden und Ergebnisse für das Saugvermögen zur Leckratenmessung der Turbopumpe für unterschiedliche Gleichgewichtsdrücke

# 4.3. Drehschieberpumpe

Für die Messungen mit der Drehschieberpumpe wird als Fehler für Druckwerte kleiner als  $2 \cdot 10^{-3}$  mbar ein Faktor 2 vom Messwert, für  $2 \cdot 10^{-3}$  mbar bis 10 mbar der Wert  $\pm$  120 mbar und für 10 mbar bis 1200 mbar der Wert  $\pm$  3,6 mbar als Messfehler genutzt[3].

## 4.3.1. Evakuierungskurve

Bei dieser Messung wurden über einen Zeitraum von 600 s alle 10 s Druckwerte aufgenommen. Das Vorgehen für die Auswertung der Evakuierungsmessung erfolgt ansonsten analog zum Vorgehen bei der Turbopumpe. Als Startdruck wurde  $p_0=998\,\mathrm{mbar}$  und als Enddruck wurde  $p_E=0.012\,\mathrm{mbar}$  gemessen.

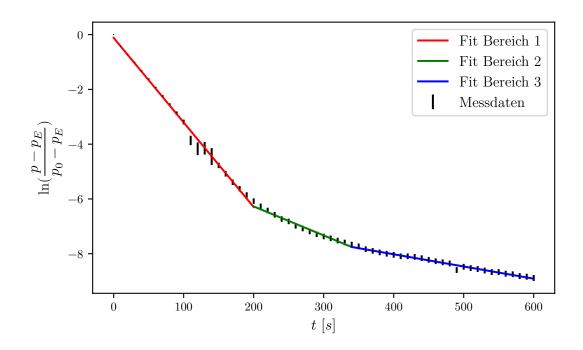
Tabelle 9.: Messreihen zur Evakuierungsmessung der Drehschieberpumpe (Bereich bis 300 s)

t [s]	p1 [mbar]	p2 [mbar]	p3 [mbar]	$\bar{p}$ [mbar]
$\frac{v[s]}{0}$	998 ±4	998 ±4	998 ±4	$\frac{p \text{ [IIIDa1]}}{998 \pm 4}$
10	$652 \pm 4$	998 ±4 646 ±4	998 ±4 654 ±4	$651 \pm 4$
20	$487 \pm 4$	$482 \pm 4$	$481 \pm 4$	$483 \pm 4$
30	$352 \pm 4$	$359 \pm 4$	$361 \pm 4$	$357 \pm 4$
40	$262 \pm 4$	$268 \pm 4$	$269 \pm 4$	$266 \pm 4$
50	$200 \pm 4$	$197 \pm 4$	$198 \pm 4$	$198 \pm 4$
60	$145 \pm 4$	$144 \pm 4$	$145 \pm 4$	$145 \pm 4$
70	$106 \pm 4$	$105 \pm 4$	$106 \pm 4$	$106 \pm 4$
80	78 ±4	$77 \pm 4$	78 ±4	$78 \pm 4$
90	$57 \pm 4$	$56 \pm 4$	$57 \pm 4$	$57 \pm 4$
100	$41 \pm 4$	$41 \pm 4$	$41 \pm 4$	$41 \pm 4$
110	$30 \pm 4$	$30 \pm 4$	$3.00 \pm 0.30$	$21 \pm 4$
120	$22 \pm 4$	$22 \pm 4$	$3.10 \pm 0.31$	$15 \pm 4$
130	$15 \pm 4$	$16 \pm 4$	$16 \pm 4$	$16 \pm 4$
140	$12 \pm 4$	$12 \pm 4$	$12 \pm 4$	$12 \pm 4$
150	$8.5 \pm 0.9$	$8.4 \pm 0.8$	$8.4 \pm 0.8$	$8.4 \pm 0.8$
160	$6.2 \pm 0.6$	$6.2 \pm 0.6$	$6.2 \pm 0.6$	$6.2 \pm 0.6$
170	$4.6 \pm 0.5$	$4.5 \pm 0.5$	$4.6 \pm 0.5$	$4.6 \pm 0.5$
180	$3.6 \pm 0.4$	$3.6 \pm 0.4$	$3.6 \pm 0.4$	$3.6 \pm 0.4$
190	$2.90 \pm 0.29$	$2.80 \pm 0.28$	$2.90 \pm 0.29$	$2.87 \pm 0.29$
200	$2.30 \pm 0.23$	$2.30 \pm 0.23$	$2.30 \pm 0.23$	$2.30 \pm 0.23$
210	$1.90 \pm 0.19$	$1.90 \pm 0.19$	$1.90 \pm 0.19$	$1.90 \pm 0.19$
220	$1.60 \pm 0.16$	$1.60 \pm 0.16$	$1.70 \pm 0.17$	$1.63 \pm 0.16$
230	$1.40 \pm 0.14$	$1.40 \pm 0.14$	$1.40 \pm 0.14$	$1.40 \pm 0.14$
240	$1.20 \pm 0.12$	$1.20 \pm 0.12$	$1.20 \pm 0.12$	$1.20 \pm 0.12$
250	$1.10 \pm 0.11$	$1.10 \pm 0.11$	$1.10 \pm 0.11$	$1.10 \pm 0.11$
260	$0.93 \pm 0.09$	$0.94 \pm 0.09$	$0.95 \pm 0.10$	$0.94 \pm 0.09$
270	$0.84 \pm 0.08$	$0.86 \pm 0.09$	$0.86 \pm 0.09$	$0.85 \pm 0.09$
280	$0.76 \pm 0.08$	$0.77 \pm 0.08$	$0.77 \pm 0.08$	$0.77 \pm 0.08$
290	$0.69 \pm 0.07$	$0.70 \pm 0.07$	$0.69 \pm 0.07$	$0.69 \pm 0.07$
300	$0.64 \pm 0.06$	$0.64 \pm 0.06$	$0.64 \pm 0.06$	$0.64 \pm 0.06$

t [s]	p1 [mbar]	p2 [mbar]	p3 [mbar]	$\bar{p} \; [\mathrm{mbar}]$
300	$0.64 \pm 0.06$	$0.64 \pm 0.06$	$0.64 \pm 0.06$	$0.64 \pm 0.06$
310	$0.60 \pm 0.06$	$0.60 \pm 0.06$	$0.60 \pm 0.06$	$0.60 \pm 0.06$
320	$0.55 \pm 0.06$	$0.55 \pm 0.06$	$0.56 \pm 0.06$	$0.55 \pm 0.06$
330	$0.52 \pm 0.05$	$0.51 \pm 0.05$	$0.52 \pm 0.05$	$0.52 \pm 0.05$
340	$0.48 \pm 0.05$	$0.48 \pm 0.05$	$0.48 \pm 0.05$	$0.48 \pm 0.05$
350	$0.45 \pm 0.05$	$0.45 \pm 0.05$	$0.45 \pm 0.05$	$0.45 \pm 0.05$
360	$0.42 \pm 0.04$	$0.40 \pm 0.04$	$0.40 \pm 0.04$	$0.41 \pm 0.04$
370	$0.40 \pm 0.04$	$0.38 \pm 0.04$	$0.37 \pm 0.04$	$0.38 \pm 0.04$
380	$0.38 \pm 0.04$	$0.36 \pm 0.04$	$0.350 \pm 0.035$	$0.36 \pm 0.04$
390	$0.36 \pm 0.04$	$0.340 \pm 0.034$	$0.340 \pm 0.034$	$0.347 \pm 0.035$
400	$0.330 \pm 0.033$	$0.340 \pm 0.034$	$0.330 \pm 0.033$	$0.333 \pm 0.033$
410	$0.320 \pm 0.032$	$0.310 \pm 0.031$	$0.320 \pm 0.032$	$0.317 \pm 0.032$
420	$0.320 \pm 0.032$	$0.310 \pm 0.031$	$0.320 \pm 0.032$	$0.317 \pm 0.032$
430	$0.310 \pm 0.031$	$0.310 \pm 0.031$	$0.310 \pm 0.031$	$0.310 \pm 0.031$
440	$0.300 \pm 0.030$	$0.290 \pm 0.029$	$0.300 \pm 0.030$	$0.297 \pm 0.030$
450	$0.280 \pm 0.028$	$0.280 \pm 0.028$	$0.280 \pm 0.028$	$0.280 \pm 0.028$
460	$0.260 \pm 0.026$	$0.270 \pm 0.027$	$0.270 \pm 0.027$	$0.267 \pm 0.027$
470	$0.250 \pm 0.025$	$0.260 \pm 0.026$	$0.260 \pm 0.026$	$0.257 \pm 0.026$
480	$0.240 \pm 0.024$	$0.250 \pm 0.025$	$0.250 \pm 0.025$	$0.247 \pm 0.025$
490	$0.230 \pm 0.023$	$0.230 \pm 0.023$	$0.130 \pm 0.013$	$0.197 \pm 0.020$
500	$0.220 \pm 0.022$	$0.220 \pm 0.022$	$0.220 \pm 0.022$	$0.220 \pm 0.022$
510	$0.210 \pm 0.021$	$0.210 \pm 0.021$	$0.210 \pm 0.021$	$0.210 \pm 0.021$
520	$0.210 \pm 0.021$	$0.200 \pm 0.020$	$0.200 \pm 0.020$	$0.203 \pm 0.020$
530	$0.190 \pm 0.019$	$0.190 \pm 0.019$	$0.200 \pm 0.020$	$0.193 \pm 0.019$
540	$0.180 \pm 0.018$	$0.180 \pm 0.018$	$0.190 \pm 0.019$	$0.183 \pm 0.018$
550	$0.180 \pm 0.018$	$0.180 \pm 0.018$	$0.190 \pm 0.019$	$0.183 \pm 0.018$
560	$0.170 \pm 0.017$	$0.170 \pm 0.017$	$0.180 \pm 0.018$	$0.173 \pm 0.017$
570	$0.170 \pm 0.017$	$0.170 \pm 0.017$	$0.170 \pm 0.017$	$0.170 \pm 0.017$
580	$0.160 \pm 0.016$	$0.160 \pm 0.016$	$0.160 \pm 0.016$	$0.160 \pm 0.016$
590	$0.160 \pm 0.016$	$0.150 \pm 0.015$	$0.160 \pm 0.016$	$0.157\ \pm0.016$
600	$0.150 \pm 0.015$	$0.150 \pm 0.015$	$0.150 \pm 0.015$	$0.150 \pm 0.015$

**Tabelle 11.:** Logarithmierte Messreihen zur Evakuierungsmessung der Drehschieberpumpe

t [s]	$\ln(\frac{p-p_E}{p_0-p_E})$	t [s]	$\ln(\frac{p-p_E}{p_0-p_E})$
0	$0.000 \pm 0.005$	310	$-7.44 \pm 0.10$
10	$-0.428 \pm 0.007$	320	$-7.52 \pm 0.10$
20	$-0.725 \pm 0.008$	330	$-7.59 \pm 0.10$
30	$-1.027 \pm 0.011$	340	$-7.67 \pm 0.10$
40	$-1.321 \pm 0.014$	350	$-7.73 \pm 0.10$
50	$-1.616 \pm 0.019$	360	$-7.84 \pm 0.10$
60	$-1.931 \pm 0.025$	370	$-7.90 \pm 0.10$
70	$-2.246 \pm 0.034$	380	$-7.95 \pm 0.10$
80	$-2.55 \pm 0.05$	390	$-8.00 \pm 0.10$
90	$-2.87 \pm 0.06$	400	$-8.04 \pm 0.10$
100	$-3.19 \pm 0.09$	410	$-8.09 \pm 0.10$
110	$-3.86 \pm 0.17$	420	$-8.09 \pm 0.10$
120	$-4.17 \pm 0.23$	430	$-8.12 \pm 0.10$
130	$-4.15 \pm 0.23$	440	$-8.16 \pm 0.10$
140	$-4.45 \pm 0.31$	450	$-8.22 \pm 0.10$
150	$-4.77 \pm 0.10$	460	$-8.27 \pm 0.10$
160	$-5.08 \pm 0.10$	470	$-8.31 \pm 0.11$
170	$-5.39 \pm 0.10$	480	$-8.36 \pm 0.11$
180	$-5.63 \pm 0.10$	490	$-8.59 \pm 0.11$
190	$-5.86 \pm 0.10$	500	$-8.48 \pm 0.11$
200	$-6.08 \pm 0.10$	510	$-8.53 \pm 0.11$
210	$-6.27 \pm 0.10$	520	$-8.56 \pm 0.11$
220	$-6.42 \pm 0.10$	530	$-8.61 \pm 0.11$
230	$-6.58 \pm 0.10$	540	$-8.67 \pm 0.11$
240	$-6.73 \pm 0.10$	550	$-8.67 \pm 0.11$
250	$-6.82 \pm 0.10$	560	$-8.73 \pm 0.11$
260	$-6.98 \pm 0.10$	570	$-8.75 \pm 0.11$
270	$-7.08 \pm 0.10$	580	$-8.82 \pm 0.11$
280	$-7.19 \pm 0.10$	590	$-8.84 \pm 0.11$
290	$-7.29 \pm 0.10$	600	$-8.89 \pm 0.11$
300	$-7.37 \pm 0.10$	-	-



**Abbildung 8.:** Logarithmierte Werte mit Ausgleichsgeraden für 3 Druckbereiche zur Evakuierungsmessung der Drehschieberpumpe

Die Parameter der Ausgleichsrechnung und das jeweilige Saugvermögen sind in der folgenden Tabelle für die entsprechenden Druckbereiche aufgelistet.

m[1/s]	n	S[l/s]
$-0.0309 \pm 0.00048$ $-0.0106 \pm 0.00043$	$-0.1191 \pm 0.00048$ $-4.1571 \pm 0.00043$	$1.0500 \pm 0.10624$ $0.3598 \pm 0.03877$ $0.1514 \pm 0.01563$
_	$-0.0309 \pm 0.00048$	-0.0309 ±0.00048

**Tabelle 12.:** Parameter der Ausgleichsgeraden und Ergebnisse für das Saugvermögen für die Evakuierungsmessung zur Drehschieberpumpe

#### 4.3.2. Leckratenmessungen

In diesem Abschnitt werden analog zum Vorgehen bei der Turbopumpe die Ergebnisse der Leckratenmessungen für die Drehschieberpumpe dargestellt. Die Messungen wurden bei den Gleichgewichtsdrücken  $p_g=0.5\,\mathrm{mbar},~p_g=9.7\,\mathrm{mbar},~p_g=50\,\mathrm{mbar}$  und  $p_g=100\,\mathrm{mbar}$  durchgeführt. Dazu werden die Messwerte jeweils graphisch mit Ausgleichsgerade dargestellt.

Tabelle 13.: Messreihen zur Leckratenmessung der Drehschieberpumpe mit  $p_g=0.5\,$ mbar

t [s]	p1 [mbar]	p2 [mbar]	p3 [mbar]	$\bar{p}$ [mbar]
10	$\frac{1.90 \pm 0.19}{1.90 \pm 0.19}$			
20	$2.00 \pm 0.20$	$2.00 \pm 0.20$	$2.00 \pm 0.20$	$2.00 \pm 0.20$
30	$2.10 \pm 0.21$	$2.10 \pm 0.21$	$2.10 \pm 0.21$	$2.10 \pm 0.21$
40	$2.20 \pm 0.22$	$2.20 \pm 0.22$	$2.20 \pm 0.22$	$2.20 \pm 0.22$
50	$2.30 \pm 0.23$	$2.30 \pm 0.23$	$2.30 \pm 0.23$	$2.30 \pm 0.23$
60	$2.50 \pm 0.25$ $2.50 \pm 0.25$	$2.50 \pm 0.25$ $2.50 \pm 0.25$	$2.50 \pm 0.25$ $2.50 \pm 0.25$	$2.50 \pm 0.25$
70	$2.60 \pm 0.26$ $2.60 \pm 0.26$			
80	$2.70 \pm 0.27$	$2.70 \pm 0.27$	$2.70 \pm 0.27$	$2.70 \pm 0.27$
90	$2.80 \pm 0.28$	$2.80 \pm 0.28$	$2.80 \pm 0.28$	$2.80 \pm 0.28$
100	$2.90 \pm 0.29$	$2.90 \pm 0.29$	$2.90 \pm 0.29$	$2.90 \pm 0.29$
110	$3.00 \pm 0.30$	$3.00 \pm 0.30$	$3.00 \pm 0.30$	$3.00 \pm 0.30$
120	$3.10 \pm 0.31$	$3.10 \pm 0.31$	$3.10 \pm 0.31$	$3.10 \pm 0.31$
130	$3.20 \pm 0.32$	$3.20 \pm 0.32$	$3.20 \pm 0.32$	$3.20 \pm 0.32$
140	$3.30 \pm 0.33$	$3.30 \pm 0.33$	$3.30 \pm 0.33$	$3.30 \pm 0.33$
150	$3.50 \pm 0.35$	$3.50 \pm 0.35$	$3.50 \pm 0.35$	$3.50 \pm 0.35$
160	$3.6 \pm 0.4$	$3.6 \pm 0.4$	$3.6 \pm 0.4$	$3.6 \pm 0.4$
170	$3.7 \pm 0.4$	$3.8 \pm 0.4$	$3.7 \pm 0.4$	$3.7 \pm 0.4$
180	$3.8 \pm 0.4$	$3.8 \pm 0.4$	$3.8 \pm 0.4$	$3.8 \pm 0.4$
190	$4.0 \pm 0.4$	$4.0 \pm 0.4$	$4.0 \pm 0.4$	$4.0 \pm 0.4$
200	$4.1\ \pm0.4$	$4.1\ \pm0.4$	$4.1\ \pm0.4$	$4.1\ \pm0.4$

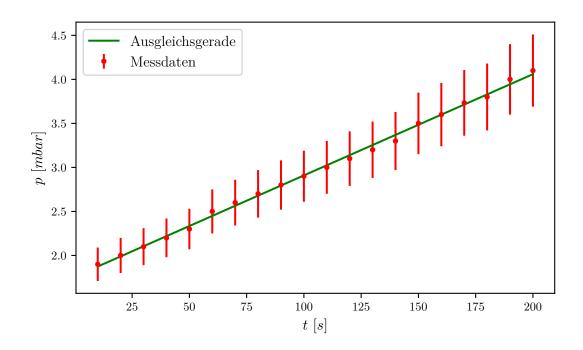


Abbildung 9.: Messwerte mit Ausgleichsgerade zur Leckratenmessung der Drehschieberpumpe bei  $p_g=0.5\,\mathrm{mbar}$ 

Tabelle 14.: Messreihen zur Leckratenmessung der Drehschieberpumpe mit  $p_g=9.7\,$ mbar

t [s]	p1 [mbar]	p2 [mbar]	p3 [mbar]	$\bar{p} \text{ [mbar]}$
10	$19 \pm 4$	$19 \pm 4$	$19 \pm 4$	$19 \pm 4$
20	$23 \pm 4$	$22 \pm 4$	$22 \pm 4$	$22 \pm 4$
30	$26 \pm 4$	$26 \pm 4$	$26 \pm 4$	$26 \pm 4$
40	$30 \pm 4$	$29 \pm 4$	$29 \pm 4$	$29 \pm 4$
50	$33 \pm 4$	$33 \pm 4$	$33 \pm 4$	$33 \pm 4$
60	$37 \pm 4$	$37 \pm 4$	$36 \pm 4$	$37 \pm 4$
70	$40 \pm 4$	$40 \pm 4$	$40 \pm 4$	$40 \pm 4$
80	$44 \pm 4$	$44 \pm 4$	$44~\pm4$	$44\ \pm 4$
90	$47~\pm4$	$47~\pm4$	$47~\pm4$	$47\ \pm 4$
100	$51 \pm 4$	$51 \pm 4$	$51 \pm 4$	$51 \pm 4$
110	$54 \pm 4$	$54 \pm 4$	$54 \pm 4$	$54 \pm 4$
120	$58 \pm 4$	$58 \pm 4$	$58 \pm 4$	$58 \pm 4$
130	$61 \pm 4$	$61 \pm 4$	$62 \pm 4$	$61 \pm 4$
140	$65 \pm 4$	$65 \pm 4$	$65 \pm 4$	$65 \pm 4$
150	$68 \pm 4$	$68 \pm 4$	$68 \pm 4$	$68 \pm 4$
160	$72 \pm 4$	$72 \pm 4$	$72 \pm 4$	$72 \pm 4$
170	$75 \pm 4$	$75 \pm 4$	$75 \pm 4$	$75 \pm 4$
180	$79 \pm 4$	$79 \pm 4$	$79 \pm 4$	$79 \pm 4$
190	$82 \pm 4$	$82 \pm 4$	$82 \pm 4$	$82 \pm 4$
200	$86 \pm 4$	$86 \pm 4$	$86 \pm 4$	$86 \pm 4$

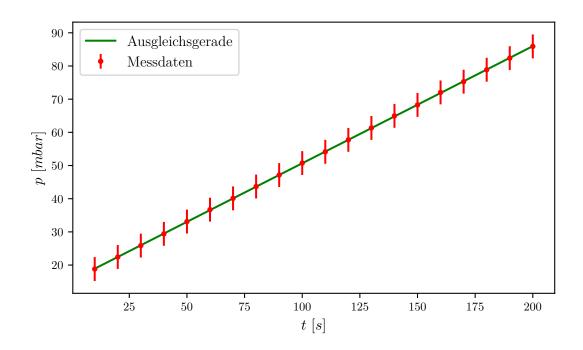


Abbildung 10.: Messwerte mit Ausgleichsgerade zur Leckratenmessung der Drehschieberpumpe bei  $p_g=9.7\,\mathrm{mbar}$ 

Tabelle 15.: Messreihen zur Leckratenmessung der Drehschieberpumpe mit  $p_g=50\,$ mbar

t [s]	p1 [mbar]	p2 [mbar]	p3 [mbar]	$\bar{p} \; [\mathrm{mbar}]$
10	76 ±4	76 ±4	75 ±4	76 ±4
20	$94 \pm 4$	$94 \pm 4$	$93 \pm 4$	$93 \pm 4$
30	$111 \pm 4$	$111~\pm4$	$110 \pm 4$	$111~\pm4$
40	$128\pm\!4$	$128\pm\!4$	$128~{\pm}4$	$128~\pm 4$
50	$146~\pm 4$	$146~\pm 4$	$145~\pm 4$	$146~\pm 4$
60	$163 \pm 4$	$163 \pm 4$	$162 \pm 4$	$163~\pm 4$
70	$181 \pm 4$	$180 \pm 4$	$180 \pm 4$	$180~\pm 4$
80	$198 \pm 4$	$198 \pm 4$	$197~\pm 4$	$198~\pm 4$
90	$214\ \pm 4$	$214\ \pm 4$	$213 \pm 4$	$214~\pm 4$
100	$232\ \pm 4$	$232\ \pm 4$	$233 \pm 4$	$232~\pm 4$
110	$249\ \pm 4$	$249\ \pm 4$	$248~\pm4$	$249~\pm 4$
120	$267~\pm 4$	$266~\pm 4$	$266 \pm 4$	$266~\pm 4$
130	$284\ \pm 4$	$284\ \pm 4$	$283 \pm 4$	$284\ \pm 4$
140	$302 \pm 4$	$301 \pm 4$	$300 \pm 4$	$301 \pm 4$
150	$319 \pm 4$	$318 \pm 4$	$318 \pm 4$	$318~\pm 4$
160	$336 \pm 4$	$336 \pm 4$	$335 \pm 4$	$336 \pm 4$
170	$354 \pm 4$	$353 \pm 4$	$352 \pm 4$	$353~\pm4$
180	$371 \pm 4$	$371 \pm 4$	$370 \pm 4$	$371~\pm4$
190	$388 \pm 4$	$388 \pm 4$	$387 \pm 4$	$388~\pm4$
_200	$406 \pm 4$	$405 \pm 4$	$404 \pm 4$	$405 \pm 4$

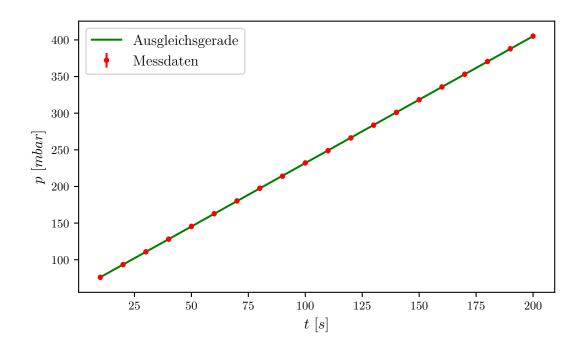


Abbildung 11.: Messwerte mit Ausgleichsgerade zur Leckratenmessung der Drehschieberpumpe bei  $p_g=50\,\mathrm{mbar}$ 

Tabelle 16.: Messreihen zur Leckratenmessung der Drehschieberpumpe mit  $p_g=100\,$ mbar

t [s]	p1 [mbar]	p2 [mbar]	p3 [mbar]	$\bar{p} \; [\mathrm{mbar}]$
10	$145 \pm 4$	144 ±4	$145 \pm 4$	$145 \pm 4$
20	$179 \pm 4$	$178 \pm 4$	$179 \pm 4$	$179~{\pm}4$
30	$211~\pm 4$	$214\ \pm 4$	$211~\pm4$	$212~{\pm}4$
40	$248\ \pm 4$	$248\ \pm 4$	$248~\pm4$	$248~\pm4$
50	$279\ \pm 4$	$281\ \pm 4$	$278~\pm4$	$279~\pm4$
60	$312 \pm 4$	$315 \pm 4$	$312 \pm 4$	$313 \pm 4$
70	$346~\pm 4$	$349 \pm 4$	$346~\pm4$	$347\ \pm 4$
80	$383 \pm 4$	$382 \pm 4$	$383 \pm 4$	$383~\pm4$
90	$413 \pm 4$	$416 \pm 4$	$416 \pm 4$	$415~\pm 4$
100	$446~\pm 4$	$449\ \pm 4$	$446~\pm 4$	$447~\pm4$
110	$482\ \pm 4$	$482\ \pm 4$	$479\ \pm 4$	$481~\pm4$
120	$515 \pm 4$	$514 \pm 4$	$512 \pm 4$	$514 \pm 4$
130	$544 \pm 4$	$546 \pm 4$	$544 \pm 4$	$545 \pm 4$
140	$576 \pm 4$	$578 \pm 4$	$575 \pm 4$	$576 \pm 4$
150	$610 \pm 4$	$609 \pm 4$	$606 \pm 4$	$608 \pm 4$
160	$640 \pm 4$	$639 \pm 4$	$636 \pm 4$	$638 \pm 4$
170	$666 \pm 4$	$668 \pm 4$	$666 \pm 4$	$667~\pm4$
180	$698 \pm 4$	$697 \pm 4$	$695 \pm 4$	$697~\pm 4$
190	$723 \pm 4$	$722\ \pm 4$	$725~\pm 4$	$723 \pm 4$
_200	$750 \pm 4$	$751 \pm 4$	$749 \pm 4$	$750 \pm 4$

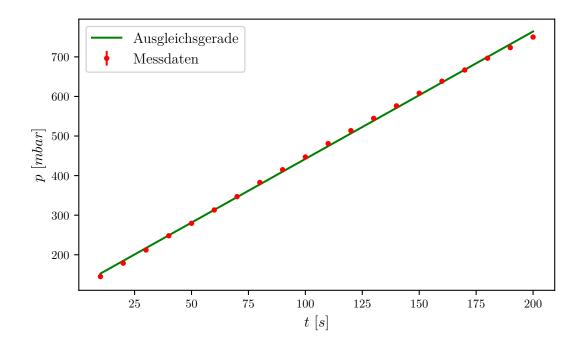


Abbildung 12.: Messwerte mit Ausgleichsgerade zur Leckratenmessung der Drehschieberpumpe bei  $p_q=100\,\mathrm{mbar}$ 

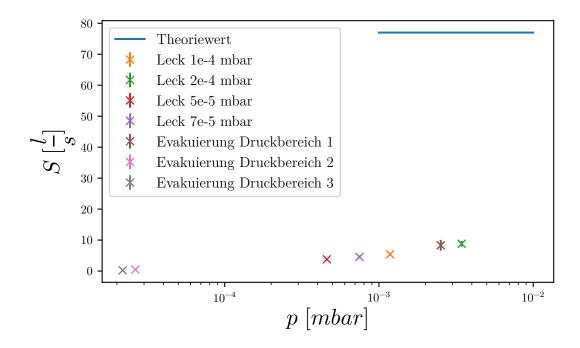
Auch für die Drehschieberpumpe lässt sich aus den Parametern der Ausgleichsgeraden die Saugleistung bestimmen:

$p_g[{\rm mbar}]$	m[1/s]	n	S[l/s]
$0.5\mathrm{mbar}$	$0.0115\ \pm0.000138$	$1.759\ \pm0.000138$	$0.782\ \pm0.0788$
$9.7\mathrm{mbar}$	$0.353 \pm 0.000372$	$15.374 \pm 0.000372$	$1.237 \pm 0.124$
$50\mathrm{mbar}$	$1.731 \pm 0.000889$	$58.788 \pm 0.000889$	$1.1773 \pm 0.118$
$100\mathrm{mbar}$	$3.220 \pm 0.0235$	$120.251 \pm 0.0235$	$1.0947 \pm 0.1010$

**Tabelle 17.:** Parameter der Ausgleichsgeraden und Ergebnisse für das Saugvermögen zur Leckratenmessung der Drehschieberpumpe für unterschiedliche Gleichgewichtsdrücke

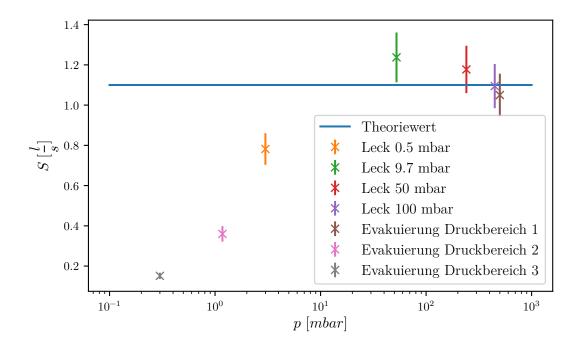
# 5. Diskussion

In der Auswertung dieses Versuches konnten also anhand der Evakuierungs- und Leckratenmessungen unterschiedliche Ergebnisse für das Saugvermögen in unterschiedlichen Druckbereichen für beide Pumpentypen bestimmt werden. Als Endergebnis werden diese in Abbildung 13 und Abbildung 14 zusammengefasst und mit dem vom Hersteller angegebenen Theoriewert verglichen.



**Abbildung 13.:** Berechnetes Saugvermögen in Abhängigkeit des Drucks und Vergleich mit dem Theoriewert für die Turbopumpe

An Abbildung 13 ist zu sehen, dass die Ergebnisse für das Saugvermögen für die Turbopumpe stark von dem vom Hersteller angegebenen Theroriewert abweichen. Die hohe Abweichung ist teilweise dadurch zu erklären, dass die Messwerte in gewisser Entfernung von der Turbomolekularpumpe aufgenommen wurden, sodass der Leitwert die Saugleistung verringert. Dazu wurden allgemein die vom Hersteller angegebenen Idealbedingungen für die Nutzung der Pumpe nicht erreicht.



**Abbildung 14.:** Berechnetes Saugvermögen in Abhängigkeit des Drucks und Vergleich mit dem Theoriewert für die Drehschieberpumpe

Es ist zu sehen, dass das berechnete Saugvermögen für die Leckratenmessung bei  $p_g=100\,\mathrm{mbar}$  mit $(1.09\pm0.11)l/s$  sehr nah am Theoriewert von 1.1 l/s liegt. Andererseits ist eine große Abweichung bei den niedrigeren Druckwerten bei der Evakuierungsmessung zu erkennen. Insgesamt ist zu sehen, dass die Ergebnisse bei höheren Druckwerten deutlich näher am Theoriewert liegen.

Da Effekte wie die Verringerung der Saugleistung durch den Leitwert oder durch andere Einflüsse wie Desorption im Hochvakuum-Bereich eine größere Rolle spielen, kann es erklärt werden, dass die Ergebnisse für die Drehschieberpumpe generell näher an den Theoriewerten liegen als die Ergebnisse für die Turbomolekularpumpe.

# Literatur

- [1] Wilhelm Walacher Max Wutz Hermann Adam. Theorie und Praxis der Vakuumtechnik. 1992.
- [2] Pfeiffer Vacuum. The Vacuum technology book. URL: http://www.pfeiffer-vacuum.de/know-how/container.action (besucht am 29.04.2022).
- [3] Versuchsanleitung: V70 Vakuumversuch. Fakultät Phyik, TU Dortmund. 2022.

# A. Anhang

DSR 25.4. 22 Turboperpu! 3x 7205. reil #5-6 LP- mit PMR 360

Pe= 75. 70-5- hPa C) 9,2.10-6 LP- mit PMR 360 & Evahueng & horse 11- Holand 1,7-70 4Pc 5-20-3 4Pc I: t p [4Pe] r [4Pe] p [4Pe]

0 45.10 3 7.20 5.70 5-70 5 5 3,2-6 3,5-6 3,8-6, 70 7,3-4 7,2-4 7,3-4 7,3-4 7,2-4 75 5,7-5 5,7-5 6,0-5 6,7-5 4,7-5 4,2-5 20 30 3,0-5 3,20-5 3,2-5 40 2,77-5 2,84-5 2,85-5 2,59-5 2,04-5 50 2,64-5 2,45-5 2,48-5 60 2,57-5 20 3,35x-5 2,38-5 2,35-5 80 2,27-5 2,29-5 2,30-5-50 2,27-5 2,22-5 2,23-5-200 2, 76 -5 2, 76 -5 2,77-5-720 2,09-5 2,72-5 2,73-5 2,70 -5 Lechoute:

Cechenter					PSR 25.4.22
P5=5-16-5			PG 7.	10-5 APa mbar	
0 731-1	7				
11 7,36 -6	7,36-4	7,3:6-4	1,36.	104 1 1,58.104	1,94.10-4
20 2,10 -	4 2,72-4	2,76-4	3	104 3.104	
30 2,79-	4 2,79-4	4,78-4	3,98.		3,86
40 3,39 -	4 3,3,9-4	3,59-4	4,8.		4,88
50 3,52 -	4 3,97-4	3,99-4	5,75		5,79
(0 4,47.	-4 4,55-4	4,54-4	6,55.		6,58
70 5,07 -	Li 97, 73 - 4	45,76-6	7,45.		7,48
90 5,60 -	4 5,05-4	5,69-4	8,42.		8/39
90 6,75-	4 6,77-4	6,78-4	9,56	10-4 3,5	9,49
700 6,00-	4 6,65-4	6,63-4	1,09	103 1,07.103	1,07.103
710 7,18-	4 7,22-4	7,79-4	1,16.	2	
76 7,83 -	4 7,92-4	7,84-4	1,30.1	10-3 1/3 . 10-3	1129
. Pg=1.10-4 n	par		2.104	=01	
and 2,72.	104   2,73	12,77	2.104	5725   573	
10 4,20		4,2	836	8,3 8,2	
° SIS	5,51	5,55	1,13.10		
6,72	6,7	6)77	1,63	1,63 1,6	
8.17	8,09	8,78	2,1	2,08 2,06	
9,77	9,62	3,7	2,65	2,61 2,53	
1,111 1		1,11	3/2	3,16 3,M	
131		1/3/	3,79	3,77 3,72	
1,5	103 1,45	1152	4,37	4,35 4/32	
1/63	1,67	1)7	5,05	501 4,36	
1/88	1,86	1,8	5,73	5,68 5,65	
2,09	2,08	2,1	6,34	6,28 6,23	

						T	11	with M.	11271	
rehsihi eberp		2109	a TRZ	.62		In	12ch	mbar		
rehish berp	unpi!	11,111	P==0	.072 bei	t= 30n	2/5	926)			
Control 03	(850S.)	960	10	958			The state of the s	7,9	139	
758 6,1	r 150014	YVI	0,60	050	0,60	70	7,9		20	
, 652 0,0	54	C4 6	900		0,56	10	2	2,0	2,0	
0 487	0,60	482	0,55	491		70	21	2,7	2,1	
		353	0,51	367	0,5			2,2	2,2	- 0.6
		2.58	0,48	269	0,48	40	2,2			
+0 262	1,0			198	0,45	50	2,3	2,3	2,3	
51 200	948	157	0,45			60	2,5	2,5	2,5	
00 745	0,45	744	0,42	745	0,43				2,6	
70 106		705	0,40	706	0,40	20	2,6	2,6		
		7 7	0,38	78	0,37	70	2,7	2,7	2,7	
80 78	0,40			57	0,35	90	2,8	2,8	2,9	
90 57	0,38	56	0,36			761	2,9	4,9	2,9	
70. 97	0,36	47	0,34	47	0,34					
724 30	6,33	29,8	0,37	30,0	0,32	770	3,0	3,0	3,0	
74 27,7	0,32	27,6	0,37	277	0,37	720	3,7	3,1	8,7	
900 75,4	0,37	75,8	0,27	76.0	0 30	731	3,2	3,2	3,2	9 2 2
730	6,30	17.5	0,28	77,7	0,28	740	3,3	3,3	3,3	
240 8,5	0,28	8,4	027	84	0,27	n				
750	/			1			3,5	3,5	3,5	
750 6,2	0,26	6,2	0,26	6,2	0,26	766	3,6	3,6	3,6	
770 4,6	0,25	9,5	0,25	4,6	9,25	720	3,7	3,8	3,7	
794 3,6	0,24	3,6	6,23	3,6	0,24	700	3,8	3,8	3,8	
150 2,9	0,23	2,8	0,23	2,9	0,23	790				
1220 23	0,23	2,3	0,22	2,3		200	4,0	4,0	4,0	
246 29	0,22		0,21		0,22	200	4,7	4,1	4,7	
334 7,6	0,27			7,5	0,21					
. 236 74	0,21		0,20	27	0,20					
			0,75	7,4	0,20					
	0,7		0,78	72	0,73					
260 77	0,7	8 7,7	0,78	21	0,79					
280 0,76	0,7	7 0,86	0,77	0,86	0,79					
300 0,69	0,7	7 0,77 6 6,70	0,76	0,77	0,77					
34.		10,64	6,75	6,64	0,76				200 3	
					4	1			DR 25	-6-55

Pa=	So mBa			Pg= 50	) mBar		Pg=100m	bar	
to	p [mBar								
10	18,9	18,7	1818	7612	76,3	95,4	MASI	2 1442	1 145,1
20	72,8	22/2	22,3	93,7	93/7	32,8	1781	9 1781	17819
30	26	8517	25,9	111112	M	MOIZ	21/1/2	2/13/9	211,1
40	295	29/3	29,4	178,5	128,3	127,5	248	247,5	248/3
50	3372	33/2	32,9	145,3	14518	144,9	27816	28/12	278,5
60	36/8	36,8	36,5	16312	163,1	162,3	312,3	314,9	3/2,3
70	40,1	4912	40	180,7	18015	179/6	346	34816	345,3
80	43,6	43,8	4316	138,1	18718	196,9	382,9	3.82,12	382,8
30	47/2	47/2	47	21415	2143	213,4	412,9	41515	416,2
100	597	50,8	50,7	231,9	231,7	237,6	446,2	448,8	446,1
MO	542	54	54,2	24913	249	24813	482,3	481,6	473
mo	57,7	57,3	57,6	266,8	266,4	265/5	5150	514,1	511,6
130	61,3	61/1	061,6	28412	283/8	283	544,0	54672	543,7
140	6512	64,9	6418	301/6	301/2	300,4	575,5	577,8	575,3
150	6813	68,2	6813	31819	3/8/4	317,7	603,6	60818	606,72
160	72/2	72	71,9	336,4	336	335,1	633,8	639	<del>433</del> 636 <sub>1</sub> S
470				353/7			666,4	668	666,1
180	73	7818	78/8	37111	379,7	36318	697,3	637,1	634,8
130				38815		387/2	722.8	722,1	725/3
200	86	85,8	85,9	405/8	405,3	404,5	743,6	751,4	749,7
									25.4.22