

三维变形作业报告

陈伟业

一、算法思路：

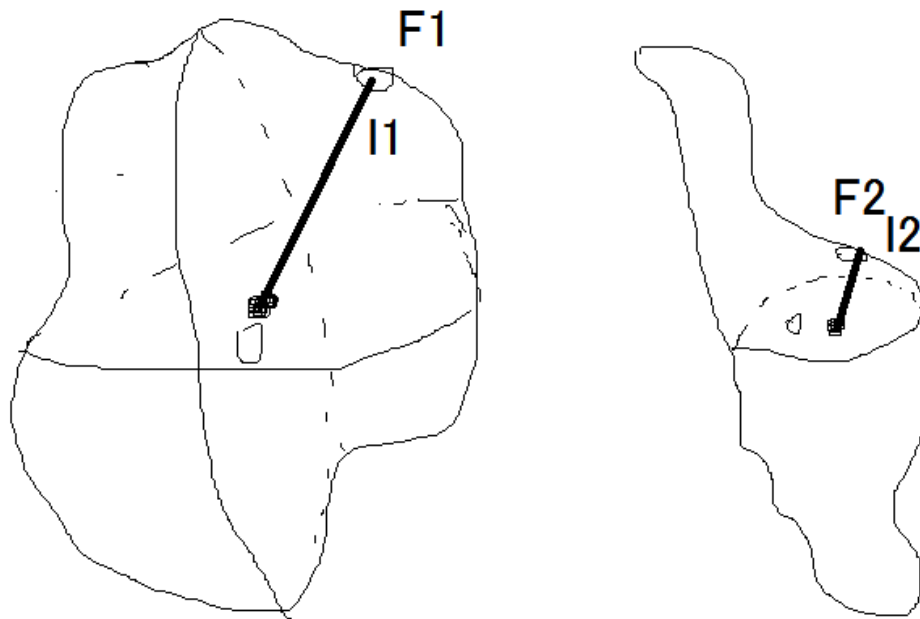
变形映射：将物体 A 的面映射到物体 B 相对中心的相同位置上。

变形过程：平滑插值变形。

粒子效果：物体周围散射着粒子束，其中粒子束是由许多粒子构成的。

二、算法描述：

变形映射：将物体的每个面当做一个抽象变形图中的结点（不同于实际顶点），建立每个结点到结点的映射（边）。



$$\text{Match}(F1, F2) = \cos(\text{intersect}(l1, l2))$$

物体 A 面集: {FaceA}, 物体 B 面集: {FaceB}

首先, 在面数量少的物体上增加一些三个点重合的面积为 0 的面, 将 A 物体与 B 物体的面的数量补至相同。

对每一对 F_a 和 F_b , 建立边, 其边权值为 $a * |OF1 - OF2| - \text{Match}(F_a, F_b)$, 其中 Match 为 F_a 面重心与 A 物体重心的连线 和 F_b 面重心与 B 物体重心连线的夹角的余弦值, a 为加权系数。

随后, 在建立的图中使用贪心算法, 每次选择权值最小的边加入结果集, 在面集中去掉这些边相关的面, 进行迭代, 直到结果集大小为物体顶点总数, 所得结果集即为映射结果。

变形过程:

$$P(x) = \alpha * Src(x) + (1 - \alpha) * Dst(x);$$

Where $\alpha = x * x * (3 - 2x)$, $x \in [0, 1]$

此即为平滑插值法的定义，其中 $P(x)$ 是面 x 当前的位置。

粒子效果:

每个粒子束从某一个粒子，朝一个特定方向发射不同速度、加速度的粒子。物体的周围随机均匀分布着这些粒子束。

三、算法实现:

变形映射:

Set FaceMap;

Array MappingResult;

Balance(); // 使两个物体面数相同

For Fa in FaceA

For Fb in FaceB

FaceMap.insert(Edge(Fa, Fb, Match(Fa, Fb)));

FaceMap.sort();

While (FaceMap.size() < number of vertices)

Begin

Edge e = FaceMap.pop();

```
If (e.Fa in FaceA && e.Fb in FaceB)
```

```
Begin
```

```
    FaceA.erase(e.Fa)
```

```
    FaceB.erase(e.Fb)
```

```
    mappingResult.add(e)
```

```
end
```

```
else
```

```
    continue
```

```
end
```

变形过程：

```
while (currStep < moveStep)
```

```
Begin
```

```
    double x = currStep*1.0 / moveStep;
```

```
    double alpha = 1-x*x*(3 - 2 * x);
```

```
    currV1=src1*alpha+dst1*(1-alpha);
```

```
    currV2=src2*alpha+dst2*(1-alpha);
```

```
    currV3=src3*alpha+dst3*(1-alpha);
```

```
    GLTriangle(currV1, currV2, currV3);
```

```
    currStep++;
```

```
end
```

粒子特效:

```
For loop in MaxLoop  
Begin  
    GIDraw;  
    Update x, y, z  
    Update speedx, speedy, speedz;  
    If (fade)  
        Begin  
            Reset Particle  
        end  
    end  
end
```

四、编程环境:

Windows 10 + Visual Studio 2015

语言: C++; Opengl 库: GLUT 3.7

五、程序运行说明:

开始时，在命令行输入obj文件的相对路径，变形路径：1->2。按回车开始绘制。

鼠标左键拖动：改变视角方向。

鼠标右键单击：进行一次变形。

按键q：拉远视角。

按键w：拉近视角。

六、程序结果分析：

本程序可呈现较为规整的变形动画，虽然由于面到面的映射的实现方式，中间的面碎片化还是可以看得出来，但相对于上一个变形版本，视觉效果已经有了很大的提升。

程序的运行效率不是很高，时间复杂度为 $O(F^2)$ ，当计算面数为 7000 的模型的变形映射时，时间往往为 20 秒左右。但在处理 1000 个面以下的模型时，等待几乎不会发生，还在可以接受的程度之内。

粒子特效的实现由于需要关闭深度测试，在物体背面的粒子还是可以被看到，在视觉效果上有所欠佳，还有改进的空间。

总的来说，变形效果虽然不是非常平滑，但在视觉观察上，变形的过程还是比较清晰的，大体上达到了预期的目标。