# Essentiel de physique

2023/2024

## Victor Sarrazin

₹ **	Ptique: Introduction à l'optique Il Lentilles minces et miroir plan Ill L'oeil	4
<b>+ + + +</b>	lectricité: I Introduction à l'électricité II Circuits d'ordre 1 III Circuits d'ordre 2, Oscillateurs IV Circuits en régime sinusoidal forcé V Filtrage	2 8 11 12 18
- - - - - - - - - - -	ndes: I Introduction aux ondes III Diffraction/Interférences III La lumière onde	19 19
S S S S S S S	Écanique: I Cinématique du point Il Dynamique du point Ill Énergétique du point IV Introduction à la dynamique des particules chargées V Loi du moment cinématique VI Mouvement dans un champ de force newtonien VII Mécanique du solide	19 19 19 20 20 20
<b>.</b>	Introduction à la thermodynamique II Premier principe III Second principe IV Flux thermiques V Machines thermiques VI Changement de phase du corps pur	20 21 23 25 26 28
	nnexe: I Analyse dimensionnelle II Incertitudes III Équations différentielles IV Numérique	30 30 30 3
7	🤊 I Introduction à l'optique	

## T.1 Généralités

On considère des milieux transparent homogène isotropes (THI):

- Transparent : La lumière n'est pas absorbée
- Homogène: Invariant par translation
- Isotrope: Invariant par quelque soit la direction depuis laquelle on regarde

On a la vitesse de la lumière dans le vide,  $c=3.0\cdot 10^8~\mathrm{m\,s^{-1}}$ 

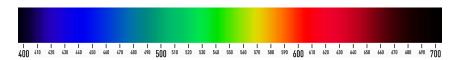
## Indice optique:

On a l'**indice optique** n (ou *indice de réfraction*), usuellement n>1. On a  $v=\frac{c}{n}$  la vitesse dans un THI donné.

On a 
$$n_{
m vide}=1$$
,  $n_{
m air}-n_{
m vide}=3\cdot 10^{-4}$  et  $n_{
m eau}=1.3$ 

## Relation de dispertion :

On a  $\lambda=\frac{c}{f}$  avec f la fréquence temporelle et  $\lambda$  la longueur d'onde. Dans un THI on a donc  $\lambda=\frac{c}{nf}$ 

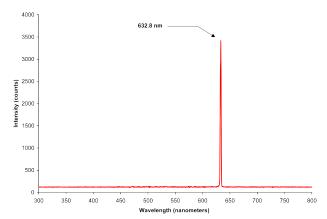


On a  $\lambda_{
m violet}=400\,{
m nm}$  et  $\lambda_{
m rouge}=800\,{
m nm}$ . Si  $\lambda<400\,{
m nm}$  on est dans le domaine des **ultraviolets** et si  $\lambda>800\,{
m nm}$  on est dans le domaine des **infrarouges**.

La puissance lumineuse moyenne par unité de surface est appelée **éclairement** ou **intensité lumineuse**.

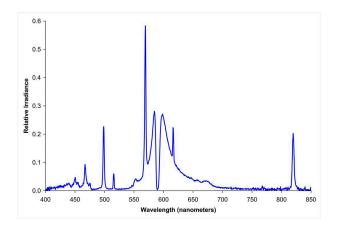
## R I.2 Caractérisation spectrale des sources lumineuses

Une onde lumineuse possède une décomposition spectrale. On utilise principalement un spectromètre à réseau pour déterminer cette décomposition.

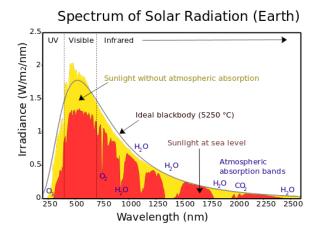


2

On a dans le cas du laser une seule raie spectrale, on parle alors de lumière monochromatique.



On a dans le cas d'une lampe spectrale plusieurs raies, c'est un spectre des éléments qui composent la valeur dans l'ampoule. Chaque pic correspond à un 1 photon d'énergie donnée



On a dans le cas du soleil un spectre continu (corps noir) avec des "trous" liés aux absoptions sélectives des espèces chimiques présentes dans l'atmosphère.

## T.3 Source lumineuse ponctuelle, rayon lumineux

Une **source lumineuse ponctuelle** est une source de lumière dont les dimesions sont négligeables devant les distances caractéristiques du problème.

On appelle rayon lumineux une ligne selon laquelle se propage la lumière.

## Propriétés des rayons lumineux :

- Les rayons lumineux sont indépendants les uns des autres
- Les rayons lumineux se propagent de façon rectilligne uniforme dans les milieux THI

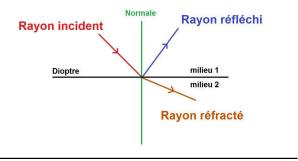
# 🎀 I.4 Approximation de l'optique géométrique

## Approximation de l'optique géométrique :

Les systèmes rencontrés par la lumière lors de sa propagation sont de dimension grande devant la longueur d'onde.

Dans la suite on se place dans cette approximation

## 🔭 I.5 Lois de Snell-Descartes



## 🔭 I.5.a Lois de l'optique géométrique

## Principe de retour inverse :

La forme d'un rayon lumineux ne dépend pas du sens dans lequel la lumière le parcourt

## Loi de Descartes pour la réflexion :

Les rayons incidents et réfléchis sont dans le même plan, et

$$\alpha = i$$

Avec  $\alpha$  l'angle réféchi et i d'incidence

### Loi de Descartes pour la réfraction :

Les rayons incidents et réfractés sont dans le même plan, et

$$n_r \sin(r) = n_i \sin(i)$$

Avec r l'angle réféchi et i d'incidence, avec  $n_r, n_i$  les indices optiques des 2 milieux

#### TI.5.b Réflexion totale

## TI Lentilles minces et miroir plan

A faire

# 🔭 III L'oeil

A faire

## ♣ I Introduction à l'électricité

## **↓** I.1 Généralités

### **★ I.1.a Charge électrique**

La **charge** est une propriété intrinsigue d'une particule et s'exprime en Coulomb (c) et est de dimension I.T, est algébrique, additive et conservative (un système fermé est de charge fixe).

La charge est portée par les électrons (-e) et les protons (e) avec  $e=1.6\times 10^{-19}c$  la **charge** élémentaire (souvent notée q).

## **∮** I.1.b Courant électrique

Le courant électrique est un déplacement d'ensemble de charges

## ∮ I.1.c Dipôle, branche, maille, circuit

Un **dipôle** possède 2 pôles, lui permettant d'être traversé par un courant électrique. Une association de dipôles forme un **circuit**.

Un association de dipôles à la suite est appelée association série et forme une branche.

Un association de dipôles bouclant sur elle même est appelée maille.

## ∮ I.1.d Intensité électrique

L'intensité électrique est un débit de charge noté I, avec  $I=\frac{\delta Q}{\mathrm{d}t}$  avec  $\delta Q$  la charge traversant la section pendant  $\mathrm{d}t$ .

Pour mesurer une intensité on utilise un ampèremètre avec le + sur le mA ou  $\mu A$  et le - sur le COM (en série).

#### Loi des noeuds:

Dans une maille on a:

$$\sum_{\text{entrants}} I = \sum_{\text{sortants}} I$$

## **♦ I.2 La tension électrique**

La **tension électrique** U est une différence de potentiels en Volts (V) et est additive.

## Expression de $U_{ m AB}$ :

On a  $U_{\mathrm{AB}} = V_A - V_B$  avec  $V_A$  et  $V_B$  deux potentiels.

#### Loi des mailles :

Dans une maille, on a:

$$\sum_{\text{tension maille}} \varepsilon_i U_i$$

avec  $\varepsilon_i = +1$  si  $U_i$  est dans le sens du parcours et  $\varepsilon_i = -1$  sinon.

La loi des mailles et la loi des noeuds s'appellent les **lois de Kirchhoff**. Elles sont variables en régime continu et en régime lentement variable.

Pour mesurer une tension on utilise un voltmètre avec le + sur la borne  $\Omega$  et le - sur la borne COM (en dérivation).

## I.3 Approximation des régimes quasi stationnaires (ARQS)

## Critère d'ARQS:

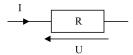
Si  $au\gg rac{d}{c}$  avec au le temps caractéristique, d la taille du circuit et c la longueur du vide alors on est dans l'approximation.

5

Si ce critère est vérifié, tous les points du circuit "voient" le changement en direct. Ce critère est tout le temps vérifié en série.

## **♦** I.4 Résistors

Un **résistor** est une dipôle qui conduit + ou – bien l'électricité.



Une résistance est schématisée ainsi en convention récepteur

### Loi d'Ohm:

On a U=RI avec R la résistance en Ohm ( $\Omega$ ) en convention récepteur.

Attention, en convention générateur, on a U=-RI

On dit qu'un résistor est un dipôle passif (en l'absence de I, pas de U) et linéaire (U = f(I)).

On a  $R = \frac{l}{\sigma S}$  avec l la longueur,  $\sigma$  la conductivité électrique et S la section.

On considère qu'un fil a une résistance négligeable.

#### Tension d'un fil:

La tension au bornes d'un fil est nulle.

Le voltmètre ( $\approx 10 M\Omega$ ) est modélisée par un interrupteur ouvert, et l'ampèremètre ( $\approx 0.1\Omega$ ) modélisée par un fil.

## Puissance dissipée par un résistor :

On a  $P = RI^2$ 

#### Preuve:

On a 
$$P_{\text{recue}} = UI = U_R I_R = RI_R I_R = RI_R^2$$

On a la **masse**, un point d'un circuit de potentiel nul, V = 0 V c'est l'origine des potentiels.

En théorie elle est choisie arbitrairement, mais en pratique elle est imposée par certails appareils reliés à la Terre.

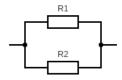
### I.5 Associations des résistors



## Association série de résistors :

Soit  $R_1$  et  $R_2$  deux résistances en série, on a  $R_e = R_1 + R_2$  la résistance équivalente

On a  $U_1=R_1I$  et  $U_2=R_2I$  ainsi  $U=U_1+U_2=R_1I+R_2I=(R_1+R_2)I$  ainsi  $R_e=R_1+R_2I=(R_1+R_2)I$  ainsi  $R_e=R_1+R_2I=(R_1+R_2)I$ 



## Association parallèle de résistors :

Soit  $R_1$  et  $R_2$  deux résistances en parallèle, on a  $\frac{1}{R_e}=\frac{1}{R_1}+\frac{1}{R_2}$  la résistance équivalente

**Preuve :** Par loi des mailles,  $U=U_1=U_2$ , ainsi  $U=R_1I_1=R_2I_2$ , d'après la loi des noeuds,  $I=I_1+I_2=\frac{U}{R_1}+\frac{U}{R_2}=U\Big(\frac{1}{R_1}+\frac{1}{R_2}\Big)$  ainsi  $U=\frac{1}{\frac{1}{R_1}+\frac{1}{R_2}}I$ 

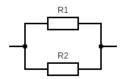
## **↓** I.6 Ponts diviseurs



## Pont diviseur tension:

Soit  $R_1$  et  $R_2$  deux résistances en séries,  $U=\frac{R_1}{R_1+R_2}I$ 

Preuve : On a  $U_1=R_1I$  et  $U=(R_1+R_2)I$  d'où  $\frac{U_1}{U}=\frac{R_1I}{(R_1+R_2)I}$ 



## Pont diviseur courant:

Soit  $R_1$  et  $R_2$  deux résistances en parallèle,  $I_1 = \frac{R_2}{R_1 + R_2} I$ 

#### Preuve:

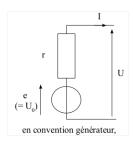
## **↓** I.7 Générateurs

### I.7.a Générateur de tension



Un **générateur de tension** est un dipole qui impose une tension entre ses bornes. La tension imposée par un générateur est aussi appelée sa **force électromagnétique** (f.e.m)

U est donc indépendante, c'est une dipôle actif.



Un générateur réel est un générateur de Thévenin, on a :

### Générateur de Thévenin :

On a  $U=U_r+E=E-R_iI$  et  $P_{\rm fournie}=UI=(E-R_iI)I=EI-R_iI^2$  , avec  $R_i$  la résistance interne et E la f.e.m

## ∮ I.7.b Générateurs de courant (HP)



Il existe des générateurs de courant qui fixent une intensité dans le circuit.

## ♣ II Circuits d'ordre 1

## **★** II.1 Le condensateur

## **∮** II.1.a Généralités

Le **condensateur** est un dipôle linéaire composé de deux armatures séparées par un milieu isolant (*diélectrique*).



8

On a  ${\cal Q}$  la charge algébrique par l'armature de gauche et  $-{\cal Q}$  par celle de droite : le condensateur est globalement neutre.

On a Q = CU avec C la capacité du condensateur en Farad (F)

### Intensité aux bornes d'un condensateur :

En convention récepteur,  $I=C\frac{\mathrm{d}U}{\mathrm{d}t}$ 

#### Preuve:

On a 
$$\frac{\mathrm{d}Q}{\mathrm{d}t}=\frac{\delta Q}{\mathrm{d}t}=I$$
 et  $Q=CU$  donc  $I=\frac{\mathrm{d}Q}{\mathrm{d}t}=\frac{\mathrm{d}CU}{\mathrm{d}t}=c\frac{\mathrm{d}U}{\mathrm{d}t}$ 

Énergie stockée dans un condensateur :

En convention récepteur, on a  $E=\frac{1}{2}CU^2$ 

On a 
$$P_{
m reçue}=UI=U imes c rac{{
m d} U}{{
m d} t}=rac{{
m d} rac{1}{2}CU^2}{{
m d} t}$$
 or  $P_{
m reçue}=rac{{
m d} E}{{
m d} t}$  d'où  $E=rac{1}{2}CU^2$ 

Continuité de U au bornes d'un condensateur :

Aux bornes d'un condensateur U est continue

Preuve:

On suppose U discontinue donc E aussi, ainsi  $P=\frac{\mathrm{d}E}{\mathrm{d}t}$  diverge donc  $P_{\mathrm{reque}}$  infinie n'est pas possible

Comportement en régime permanant :

En régime permanent un condensateur est équivalent à un interrupteur ouvert ( $I=0\,\mathrm{A}$ )

**♦** II.1.b Associations

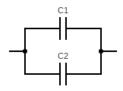


Association série de condensateurs :

Soit  $C_1$  et  $C_2$  deux condensateurs en parallèle, on a  $\frac{1}{C_e}=\frac{1}{C_1}+\frac{1}{C_2}$  le condensateur équivalent

On a 
$$U=U_1+U_2$$
 avec  $i=i_1=i_2$  d'où  $i=C_1 rac{\mathrm{d} U_1}{\mathrm{d} t}=C_2 rac{\mathrm{d} U_2}{\mathrm{d} t}$  .

Preuve: On a  $U=U_1+U_2$  avec  $i=i_1=i_2$  d'où  $i=C_1\frac{\mathrm{d} U_1}{\mathrm{d} t}=C_2\frac{\mathrm{d} U_2}{\mathrm{d} t}.$  Ainsi on a  $\frac{\mathrm{d} U}{\mathrm{d} t}=\frac{\mathrm{d} U_1}{\mathrm{d} t}+\frac{\mathrm{d} U_2}{\mathrm{d} t}$  soit  $\frac{i}{C_e}=\frac{i}{C_1}+\frac{i}{C_2}$  d'où la relation cherchée.



9

Association parallèle de condensateurs :

Soit  ${\cal C}_1$  et  ${\cal C}_2$  deux condensateurs en série, on a  ${\cal C}_e = {\cal C}_1 + {\cal C}_2$  le condensateur équivalent

#### Preuve:

Loi des noeuds on a  $i=i_1+i_2$  d'où on a  $i_1=C_1\frac{\mathrm{d} U}{\mathrm{d} t}$  et  $i_2=C_2\frac{\mathrm{d} U}{\mathrm{d} t}$  d'où  $i=(C_1+C_2)\frac{\mathrm{d} U}{\mathrm{d} t}$ 

## **★** II.2 Charge d'un condensateur

On peut étudier la charge d'un condensateur (ou sa décharge) avec une équation d'ordre 1 dans un circuit RC

## Équation différentielle RC:

On a

$$\frac{\mathrm{d}U}{\mathrm{d}t} + \frac{1}{RC}U = A$$

avec  $\tau=RC$  le temps caractéristique

## ♣ II.3 La bobine

#### ♣ II.3.a Généralités

La **bobine** est un dipôle linéaire composé d'un enroulement de fils sur lui même



On associe à une bobine une **inductance** L en Henry ( H), dépendant du nombre de fils et la quantités de spires (tours)

### Intensité aux bornes d'une bobine :

En convention récepteur,  $U=L rac{\mathrm{d}i}{\mathrm{d}t}$ 

## Énergie stockée dans une bobine :

En convention récepteur, on a  $E=\frac{1}{2}Li^2$ 

#### Preuve:

On a 
$$P_{
m reque}=UI=Lrac{{
m d}i}{{
m d}t} imes i=rac{{
m d}rac12Li^2}{{
m d}t}$$
 or  $P_{
m reque}=rac{{
m d}E}{{
m d}t}$  d'où  $E=rac12Li^2$ 

#### Continuité de i au bornes d'une bobine :

Aux bornes d'une bobine i est continue

#### Preuve:

On suppose i discontinue donc E aussi, ainsi  $P=\frac{\mathrm{d}E}{\mathrm{d}t}$  diverge donc  $P_{\mathrm{reque}}$  infinie n'est pas possible

### Comportement en régime permanant :

En régime permanent un condensateur est équivalent à un fil ( $U=0\,\mathrm{V}$ )

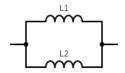
### **★** II.3.b Associations



## Association série de bobines :

Soit  ${\cal L}_1$  et  ${\cal L}_2$  deux bobines en série, on a  ${\cal L}_e = {\cal L}_1 + {\cal L}_2$  la bobine équivalente

Preuve : On a 
$$U=U_1+U_2=L_1\frac{\mathrm{d}i}{\mathrm{d}t}+L_2\frac{\mathrm{d}i}{\mathrm{d}t}=(L_1+L_2)\frac{\mathrm{d}i}{\mathrm{d}t}$$



## Association parallèle de bobines :

Soit  $L_1$  et  $L_2$  deux bobines en parallèle, on a  $\frac{1}{L_e}=\frac{1}{L_1}+\frac{1}{L_2}$  la résistance équivalente

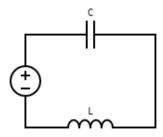
#### Preuve:

Par loi des mailles,  $U=U_1=U_2$ , ainsi  $U=L_1\frac{\mathrm{d}i_1}{\mathrm{d}t}=L_2\frac{\mathrm{d}i_2}{\mathrm{d}t}.$  D'après la loi des noeuds,  $i=i_1+i_2$  d'où  $\frac{\mathrm{d}i}{\mathrm{d}t}=\frac{\mathrm{d}i_1}{\mathrm{d}t}+\frac{\mathrm{d}i_2}{\mathrm{d}t}$  soit  $\frac{U}{L}=\frac{U}{L_1}+\frac{U}{L_2}$  d'où la relation

## **★** III Circuits d'ordre 2, Oscillateurs

Les oscillateurs sont présentés dans un cas électrique, mais on les retrouve aussi en mécanique ou encore en thermodynamique.

## III.1 Oscillateur harmonique



On considère un circuit LC, on trouve  $LC rac{\mathrm{d}^2 U}{\mathrm{d}t^2} + U = E$  d'où en posant  $\omega_0 = rac{1}{LC}$  on retrouve :

11

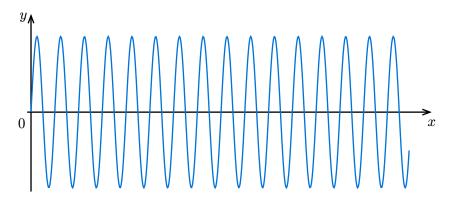
## Oscillateur harmonique:

On a l'équation différentielle de l'oscillateur harmonique :

$$\ddot{\theta} + \omega_0^2 \theta = B$$

avec  $\omega_0$  la **pulsation caractéristique** homogène à un  $\,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}$  et B une constante

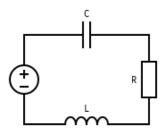
La forme générale est  $\sup + A\cos(\omega_0 t) + B\sin(\omega_0 t)$ , la résolution étant détaillée en annexe III. Elle admet la courbe suivante.



Ainsi l'oscillateur possède un comportement oscillant avec  $2\pi f = \omega_0$ 

## ♣ III.2 Oscillateur amorti

### ∮ III.2.a Généralités



On considère maintenant un circuit RLC, ainsi on trouve l'équation différentielle suivante  $\frac{E}{LC}=\frac{\mathrm{d}^2 U}{\mathrm{d}t^2}+\frac{R}{L}\frac{\mathrm{d}U}{\mathrm{d}t}+\frac{1}{LC}U$ , en posant  $\omega_0=\frac{1}{LC}$  et  $Q=\frac{1}{R}\sqrt{\frac{L}{C}}$  on a :

### Oscillateur amorti:

On a l'équation différentielle de l'oscillateur armorti :

$$\ddot{\theta} + \frac{\omega_0}{Q}\dot{\theta} + \omega_0^2\theta = \omega_0^2B$$

avec  $\omega_0$  la **pulsation caractéristique** homogène à un  ${\rm rad}\,{\rm s}^{-1}$ , Q le **facteur de qualité** adimensionné et B une constante

Si on a beaucoup d'oscillations, Q correspond au nombre de périodes avant armortissement. Selon la valeur de Q on a un des trois types d'oscillateurs suivants :

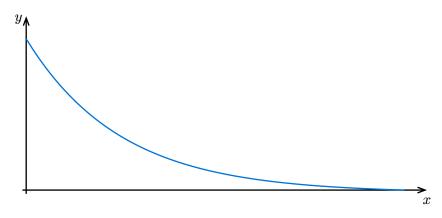
• Si  $Q < \frac{1}{2}$ , on est en régime apériodique

- Si  $Q=\frac{1}{2}$ , on est en régime critique Si  $Q>\frac{1}{2}$ , on est en régime pseudo-périodique

## **∮** III.2.b Régime apériodique

Dans le cas apériodique on a  $\Delta > 0$  d'où  $U(t) = \mathrm{sp} + Ae^{-\frac{t}{\tau_1}} + Be^{-\frac{t}{\tau_2}}$ , la résolution étant détaillée en annexe III.

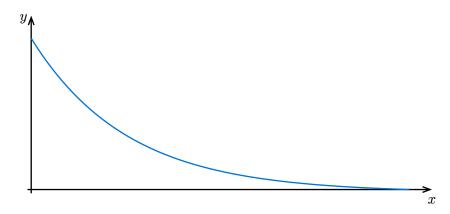
U s'amortit donc en quelques  $\max(\tau_1, \tau_2)$ .



## ∮ III.2.c Régime critique

Dans le cas critique, on a  $\Delta=0$  d'où  $U(t)=\mathrm{sp}+(At+B)e^{-\frac{t}{\tau}}$ , la résolution étant détaillée en annexe III.

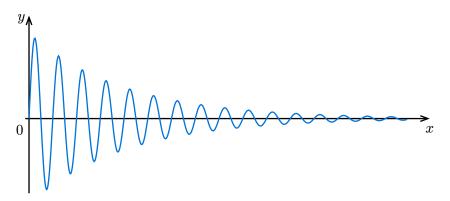
Le cas critique est très compliqué à réaliser expérimentalement.



## ∮ III.2.d Régime pseudo-périodique

Dans le cas pseudo-périodique, on a  $\Delta < 0$  d'où on a  $U(t) = \mathrm{sp} + (A\cos(\omega t) + B\sin(\omega t))e^{-\frac{t}{\tau}}$ avec  $\omega$  la **pseudo-pulsation**, la résolution étant détaillée en annexe III.

Ainsi dans ce cas les oscillateurs voient leur amplitude d'oscillations diminuer avec le temps.



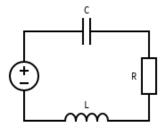
On définit le **décrément logarithmique**  $\delta=\frac{T}{\tau}$ , avec T la **pseudo-période**. Le décrément logarithmique s'obtient en prenant deux valeurs maximales et en faisant  $\delta=\ln\left(\frac{v_1}{v_2}\right)$  avec  $t_1< t_2$ .

La durée du transitoire est de quelques  $\tau$ .

 $\triangle$  En régime pseudo-périodique il n'est pas possible de déterminer graphiquement au comme dans les autres régimes.

## ♦ IV Circuits en régime sinusoidal forcé

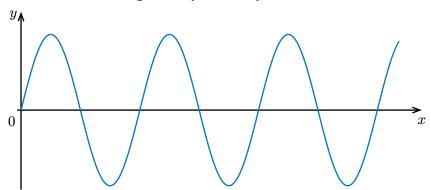
## **♦ IV.1** Régime transitoire



Le circuit est en régime sinusoïdal forcé si le **générateur basse fréquence** (GBF) délivre une tension sinusoïdale. Ainsi on a l'apparition d'un déphasage aux temps longs, et l'amplitude du GBF n'est pas forcément la même que celle de U.

Ainsi le second terme dans les équations différentielles devient de la forme  $A\cos(\omega t)$ 

## ♦ IV.2 Vocabulaire des signaux périodiques



On définit :

• La **période** T en s correspondant à l'écart entre deux passages au même point

- La **fréquence** f en  $\operatorname{Hz}$  correspondant au nombre de périodes en une seconde d'où  $f=rac{1}{T}$
- La valeur moyenne  $\langle u \rangle = \frac{1}{T} \int_t^{t+T} u \left( \widetilde{t} \right) \mathrm{d} \widetilde{t}$
- L'amplitude crête à crête (peak to peak)  $\Delta = u_{
  m max} u_{
  m min}$
- La valeur efficace,  $u_{ ext{eff}} = \sqrt{\langle u^2 
  angle}$

## Valeur efficace pour un signal sinusoïdal:

Dans le cas d'un signal de la forme  $S_0\cos(\omega t)$ , on a  $\langle S \rangle = 0$  et  $S_{\rm eff} = \frac{S_0}{\sqrt{2}}$ 

#### Preuve:

En effet en intégrant sur une période, on a  $\langle S \rangle = 0$ 

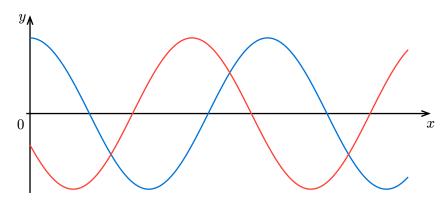
En effet en intégrant sur une période, on a 
$$\langle S \rangle = 0$$
 On a  $\langle S^2 \rangle = \frac{1}{2\pi} \int_t^{t+2\pi} \left( S_0 \cos\left(\omega \tilde{t}\right) \right)^2 \mathrm{d}\tilde{t} = \langle S^2 \rangle = \frac{S_0^2}{2\pi} \int_t^{t+2\pi} \frac{1+\cos\left(\omega \tilde{t}\right)}{2} \, \mathrm{d}\tilde{t} = \frac{S_0^2}{2\pi} \frac{2\pi}{2} = \frac{S_0^2}{2} \, \mathrm{d}'$  où en passant à la racine,  $S_{\mathrm{eff}} = \frac{S_0}{\sqrt{2}}$ 

## **♦ IV.3 Déphasage entre signaux**

Soit  $s_1(t)=s\cos(\omega t+\varphi_1)$  et  $s_2(t)=s\cos(\omega t+\varphi_2)$ , on définit le **déphasage** de  $s_2$  par rapport à  $s_1$  par  $\Delta \varphi = \varphi_2 - \varphi_1$ 

Le déphasage est défini modulo  $2\pi$ 

- Si  $\varphi_1 \equiv \varphi_2 \bmod 2\pi$  alors les deux signaux sont en **accord de phase**
- Si  $\Delta \varphi = \pm \pi$ , alors les deux signaux sont en **opposition de phase**
- Si  $\Delta \varphi = \pm \frac{\pi}{2}$ , alors les deux signaux sont en **quadrature de phase**
- Si  $\varphi_2>\varphi_1$  ,  $s_2$  est en avance de phase sur  $s_1$
- Si  $\varphi_2 < \varphi_1$ ,  $s_2$  est en **retard de phase** sur  $s_1$



Pour mesurer le déphasage, on mesure l'écart de temps entre 2 passages au même endroit et on obtient  $\Delta t_1$  et  $\Delta t_2$ , ainsi on doit choisir, en connaissance du système entre 1 et 2, et  $|\Delta \varphi| = \frac{\Delta t_i}{T} \times 2\pi \mod 2\pi$ 

## ∮ IV.4 Représentation complexe d'un signal harmonique

Pour parler d'une représentation complexe en physique on utilise  $\underline{s} = a + ib$ , et le conjugué  $\operatorname{de} s\operatorname{est}\operatorname{not\'e} s^*=\overline{s}=a-ib$ 

 $\triangle$  Dans le contexte spécifique de l'électricité et pour éviter des confusions avec l'intensité i, on note j le nombre imaginaire tel que  $j^2 = -1$  (définition différente des mathématiques)

15

En posant  $u=U_0\cos(\omega t+\varphi)$ , on a  $\underline{u}=U_0e^{j(\omega t+\varphi)}$  d'où  $\underline{u}=U_0e^{j\varphi}e^{j\omega t}$  avec  $U=U_0e^{j\varphi}e^{j(\omega t+\varphi)}$ l'amplitude complexe et  $U = |\underline{u}(t)|$ 

De plus on a  $\varphi = \arg(U) = \arg(U_0 e^{j\varphi})$ 

Dériver en complexe revient à multiplier par  $j\omega$ 

## **♦** IV.5 Impédances complexes

## **♦** IV.5.a Généralités

## Impédance complexe:

En convention récepteur, on définit  $\underline{z}=\frac{\underline{u}}{\underline{i}}=\frac{U_0}{I_0}e^{j(\varphi_u-\varphi_i)}$  l'impédance complexe homogène à une résistance

## Cas d'une résistance :

Pour une résistance, on a  $\underline{z_R}=R$ , d'où  $\underline{z}\in\mathbb{R}_+$ , on dit que le dipôle est **résistif** 

#### Cas d'une bobine :

Pour une bobine, on a  $\underline{z_L}=j\omega L$ , d'où  $\underline{z}\in i\mathbb{R}$  et  $\varphi_u-\varphi_i=\frac{\pi}{2}$ , donc u(t) est en quadrature de phase avance par rapport à i(t), on dit que le dipôle est **inductif**.

#### Preuve:

On a 
$$u_L=Lrac{\mathrm{d}i}{\mathrm{d}t}$$
 d'où  $\underline{u_L}=Lj\omega\underline{i}$  d'où  $\underline{z_L}=j\omega L$ 

## Cas d'un condensateur :

Pour un condensateur, on a  $\underline{z_C}=\frac{1}{j\omega C}$ , d'où  $\underline{z}\in i\mathbb{R}$  et  $\varphi_u-\varphi_i=-\frac{\pi}{2}$ , donc u(t) est en quadrature de phase retard par rapport à i(t), on dit que le dipôle est **capacitif**.

#### Preuve:

On a 
$$i=C rac{\mathrm{d} u_C}{\mathrm{d} t}$$
 d'où  $\underline{i}=Lj\omega u_C$  d'où  $\underline{z_C}=rac{1}{j\omega C}$ 

On définit aussi l'**admittance complexe** comme étant  $\underline{y} = \frac{1}{z}$ 

## ♦ IV.5.b Comportement basse et haute tension

## Comportement basse fréquence :

En basse fréquence :

- La bobine se comporte comme un fil
- Le condensateur se comporte comme un interrupteur ouvert

### Comportement haute fréquence :

En haute fréquence :

- La bobine se comporte comme un interrupteur ouvert
- Le condensateur se comporte comme un fil

## ♣ IV.6 Lois de l'électricité en RSF

Les lois de l'électricité restant valides dans l'ARQS, elles sont aussi valides si  $\omega \ll \frac{2\pi c}{d}$ .

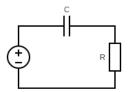
Les impédances s'associent en série et en parallèle comme des résistances, et les ponts diviseurs s'appliquent aussi aux impédances.

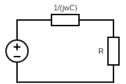
## **♦** IV.7 Étude d'un circuit

Pour étudier un circuit :

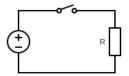
- On peut établir l'équation différentielle de u, puis passer dans  $\mathbb C$  et déterminer  $\underline u$  puis U et  $\varphi$
- On peut utiliser la méthode des impédances complexes (voir ci dessous), valide uniquement en RSF

On considère le circuit suivant, qu'on peut remplacer avec des impédances :





Ainsi en basse et haute fréquence on a :





Par loi des mailles on a  $\underline{z_R}=R$  et  $\underline{z_C}=\frac{1}{j\omega C}$  d'où le dipole équivalent est  $\underline{z}=R+\frac{1}{j\omega C}$ 

En utilisant un pont diviseur tension on a  $\underline{u_C} = \frac{z_C}{z_R + z_C} E = \frac{1}{1 + j\omega RC} E$ 

On remarque qu'on peut retrouver l'équation différentielle, on a  $\underline{u}=\frac{1}{1+j\omega RC}\underline{e}$  d'où  $\underline{u}+j\omega RC\underline{u}=\underline{e}$  d'où  $u+RC\dot{u}=e$ 

## **♦ IV.8 Résonnance**

Dans un RLC série alimeté par un générateur de tension idéal, on a :  $\underline{I} = \frac{\underline{U}}{\underline{R}} = \frac{U_0/R}{1+jQ\left(\frac{\omega}{\omega_0}-\frac{\omega_0}{\omega}\right)}$   $(\omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}} \text{ et } Q = \frac{1}{R}\sqrt{\frac{L}{C}})$ 

Si on trace la **réponse en amplitude**, l'amplitude réelle présente un maximum, alors on dit qu'il y a **résonance en intensité**. On définit  $\omega_{\rm res}$  la **pulsation de résonnance**, pas toujours égale à  $\omega_0$  (notamment dans du 2nd ordre).

On définit  $\omega_c$  les **pulsations de coupure** tel que  $I\left(\frac{\omega_c}{\omega_0}\right)=\frac{I_{\max}}{\sqrt{2}}$ 

On a  $\Delta\omega_c=\left|\omega_{c_1}-\omega_{c_2}\right|$  la largeur de résonance

De plus on a aussi  $\frac{\omega_{\rm res}}{\Delta\omega_c}$  l'**acuité de résonance**, plus elle est élevée, plus on a un pic.

On peut tracer la **réponse en phase**,  $\varphi=-\arctan\left(Q\left(\frac{\omega}{\omega_0}-\frac{\omega_0}{\omega}\right)\right)$ , on remarque dans le cas d'un RLC que  $\varphi(\omega_{\mathrm{res}})=0$ ,  $|\varphi(\omega_c)|=\frac{\pi}{4}$  et  $\omega_{\mathrm{res}}=\omega_0$ .

On a résonance en intensité peu importe le facteur de qualité, mais ça n'est pas toujours le cas (notamment en tension ou en vitesse en mécanique)

17

## **♦** V Filtrage

Les signaux dans la réalité sont complexes à analyser car souvent superposés à un bruit qu'on cherche à éliminer. Ainsi on réalise un **filtrage**, analogique (ici) ou numérique.

## ♦ V.1 Spectre d'un signal, décomposition de Fourier

Un signal périodique de période  ${\cal T}$  peut se décomposer en une superposition de signaux sinusoïdaux de fréquences multiples.

On a 
$$u(t)=E_0+\sum_{n=1}^{+\infty}E_n\cos(2\pi nft+\varphi_n)$$
 (décomposition de Fourier)

On a  $E_0$  la **valeur moyenne** du signal et les  $E_k\cos(2\pi kft+\varphi_k)$  sont appelés les **harmoniques**. La première harmonique,  $E_1\cos(2\pi ft+\varphi_1)$  est appelée **le fondamental**.

Donner le spectre en amplitude c'est fournir les valeurs des  $E_n$ 

## **♦** V.2 Réponse fréquentielle d'un quadripole

Un **quadripôle** est un circuit électrique comportant 2 bornes d'entrée et 2 bornes de sortie. On impose dans ce cours des dipôles linéaires, d'être en sortie ouverte donc l'intensité sortante est nulle.

On a la **réponse fréquentielle**,  $e(t) = E\cos(\omega t)$  et on étudie s(t) en régime établi.

Dans un quadripole linéraire, e et s sont liés par une équation différentielle, et e étant sinusoïdale, les impédances sont autorisées dans ce cadre.

#### Filtre:

Un **filtre** est caractérisé par la **fonction de transfert** complexe  $\underline{H} = rac{s}{e}$ 

On a 
$$\underline{H} = \frac{\underline{Se^{jur}}}{\underline{Ee^{jur}}} = \frac{\underline{S}}{\underline{E}}$$
, et  $\underline{H}$  est adimensionné.

On a  $\underline{H}=rac{P(j\omega)}{Q(j\omega)}$ , avec  $P,Q\in\mathbb{C}[X]$ , et le filtre est de l'**ordre** du degré de Q.

## Gain:

Le **gain** du filtre est défini par  $|\underline{H}| = \left|\frac{\underline{S}}{\underline{E}}\right| = \frac{\underline{S}}{\underline{E}}$ , et la connaissance du gain renseigne sur le rapport des amplitudes de l'entrée et de la sortie.

## Déphasage:

On a 
$${
m arg}(\underline{H})=\varphi_s-\varphi_e$$

#### Preuve:

On a 
$$\arg(\underline{H}) = \arg\left(\frac{\underline{S}}{\underline{E}}\right) = \arg\left(\frac{Se^{j\varphi_s}}{Ee^{j\varphi_e}}\right) = \arg\left(e^{j(\varphi_s - \varphi_e)}\right) = \varphi_s - \varphi_e$$

Donc l'argument de  $\underline{H}$  nous renseigne sur le déphasage entre la sortie et l'entrée.

#### **♦** V.3 Filtre d'ordre 1

## Filtre ordre 1:

Dans un **filtre du premier ordre**, on a  $\underline{H}=rac{a_0+a_ij\omega}{b_0+b_ij\omega}$ 

Pour trouver  $\underline{H}$  on peut faire une équation différentielle ou les impédances  $\mathbb{C}$ .

On peut ensuite mettre  $\underline{H}$  sous forme canonique, ainsi  $\underline{H}=\frac{\dots}{1+j\frac{\omega}{\omega_0}}$  avec  $\omega_0$  la **pulsation** caractéristique du filtre.

Pour étudier un filtre :

• On regarde d'abord son comportement BF/HF avec les dipôles équivalents pour les bobines et condensateurs. Si on a  $u = \begin{cases} 0 \text{ en BF} \\ e \text{ en HF} \end{cases}$  on a un **passe-haut** sinon si  $u = \begin{cases} e \text{ en BF} \\ 0 \text{ en HF} \end{cases}$  on a un **passe-bas**.

 $\triangle$  On est en HF si  $\omega \gg \omega_0 \Longleftrightarrow 2\pi f \gg 2\pi f_0 \Longleftrightarrow f \gg f_0$ 

• On regarde ensuite le gain  $|\underline{H}|$  en BF et HF en négligeant  $\frac{\omega}{\omega_0}$  ou  $\frac{\omega_0}{\omega}$  selon le cas.

#### Gain en décibel :

On a le **gain en décibel**  $G_{\rm dB}=20\log_{10}(\underline{H})$ , l'échelle log étant plus adaptée car à chaque facteur  $\times$  10 on a  $\pm 20k$ 

On a la **pulsation de coupure** à  $-3\,\mathrm{dB}$  telle que  $G_{\,\mathrm{dB}}=-3\,\mathrm{dB}$ 

La bande passante du filtre à  $-3\,\mathrm{dB}$  sont les  $\omega$  tels que  $G_{\,\mathrm{dB}}(\omega) \geq G_{\,\mathrm{dB\,max}} - 3\,\mathrm{dB}$ 

On peut retrouver ces valeurs avec  $|\underline{H}|$ , en effet  $|\underline{H}|(\omega_c) = \frac{|\underline{H}|_{\max}}{\sqrt{2}}$ 

On a la largeur de la bande passante,  $\Delta\omega=\max(\omega)-\min(\omega)$  avec  $\omega$  dans la bande passante.

Dans un filtre du premier ordre,  $\omega_c=\omega_0$  et  $\Delta\omega=\omega_0$ 

♦ V.4 Filtre d'ordre 2

A faire

## I Introduction aux ondes

A faire

## Il Diffraction/Interférences

A faire

## 🕼 III La lumière onde

I Cinématique du point A faire

∜ II Dynamique du point

A faire

🔧 III Énergétique du point

A faire

W IV Introduction à la dynamique des particules chargées

## 🔧 V Loi du moment cinématique

A faire

# VI Mouvement dans un champ de force newtonien

A faire

# 🖴 VII Mécanique du solide

## I Introduction à la thermodynamique

## ▲ I.1 Généralités

On a  $\mathcal{N}_A = 6.02 \times 10^{23} \, \mathrm{mol^{-1}}$  la constante d'Avogadro

Les 3 états de la matière :

- Solide : Particules assez ordonnées, proches et peu mobiles (incompressible et indéformable)
- Liquide : Particules très désordonnées, proches et très mobiles (incompressible et déformable)
- Gaz : Particules très désordonnées, éloignées et très mobiles (compressible et déformable)

On parle d'un **fluide** pour un gaz ou un liquide et d'une **phase condensée** pour un liquide ou un solide.

## ▲ I.2 Variables d'état

Une variable d'état est une grandeur permettant de décrire l'équilibre thermodynamique d'un système.

Une grandeur est dite **extensive** si elle dépend de la taille du système (volume par ex) et intensive si ce n'est pas le cas (pression par ex), à noter que le produit de 2 grandeurs extensives donne une grandeur intensive.

## ▲ I.2.a Pression

La **pression** est une variable d'état en Pascal (Pa) avec  $1 \text{ bar} = 10^5 \text{ Pa}$ , est intensive et est causée par des chocs particulaires sur la paroi

## Force de pression:

On a  $\vec{F} = PS\vec{u}$  avec  $\vec{u}$  orienté vers l'extérieur de fluide dans le cas d'une paroi plane

Si on a une paroi non plane on a  $\vec{F} = \int P dS \vec{u}$  avec  $\vec{F} = PS \vec{u}$  si la pression est uniforme

## ▲ I.2.b Température

La température s'exprime en Kelvin (K), avec  $T>0\,\mathrm{K}$  et  $0^{\circ}C=273.15\,\mathrm{K}$ , est intensive et provient d'une agitation moléculaire.

On a  $E_c=rac{3}{2}k_BT$  l'énergie thermique moléculaire avec  $k_B=rac{R}{\mathcal{N}_A}$  la constante de Boltzmann.

## 

On atteint un état d'équilibre thermodynamique quand les propriétés macroscopiques du système n'évoluent plus, ainsi on a :

• Équilibre mécanique avec l'extérieur

- Équilibre thermique
- Équilibre radiatif
- Équilibre chimique

A l'équilibre thermodynamique un système voit ses variables d'état liées par une relation d'état

## 

### Gaz parfait:

On parle d'un gaz parfait pour un gaz composé de particules ponctuelles sans intéraction entre elles.

## Équation des gaz parfaits :

On a à l'équilibre thermodynamique : PV = nRT avec  $R = 8.31\,\mathrm{J\,K^{-1}\,mol^{-1}}$  la constante des gaz parfaits.

# 

# ♦ II.1 Énergie interne, capacité thermique à volume constant

On note U l'**énergie interne** d'un système thermique, c'est une fonction d'état additive et extensive s'exprimant en Joule.

#### 1ère loi de Joule:

Dans le cas d'un gaz parfait,  $U = A \times T$  avec A une constante

A noter qu'il y a énormément d'énergie stockée de manière interne.

On défini la **capacité thermique** à volume fixé par  $C_v=\frac{\partial U}{\partial T}\big|_V$  et dans le cas d'un GP on a  $C_v=\frac{\mathrm{d} U}{\mathrm{d} T}$ , et est additive, extensif et s'exprime en  $\mathrm{J}\,\mathrm{K}^{-1}$ 

## Expression de $\Delta U$ :

On a 
$$\Delta U = \int_{T_i}^{T_f} C_v dT = C_v \Delta T$$

## II.2 Premier principe

## Premier principe:

Dans un système fermé évoluant entre des états d'équilibre on a  $\Delta \left(E_{m_{\mathrm{macro}}}+U\right)=W+Q$  d'où dans la plupart des cas :

$$\Delta U = W + Q$$

Dans le cas infinitésimal on a  $dU = \delta W + \delta Q$ 

Avec W le travail reçu par le système (W>0 si récepteur et moteur sinon) et Q le transfert thermique (Q>0 reçoit et fournit sinon).

Il faut bien penser à définir le système pour utiliser le premier principe

## **▲** II.3 Types de transformations

- Adiabatique : Sans transfert thermique (Q=0)
- Monobare : Au contact d'un système qui fixe la pression
- Monotherme : Au contact d'un système de température fixée (un thermostat)
- Quasi statiques : État d'équilibre au cours de toute la transformation
- Système Calorifugé : Limite les échanges de chaleur
- Isochore: V constantIsotherme: T constant
- **Isobare** : *P* constant

On a 3 types de transfert thermiques :

- Convection
- Conduction
- Rayonnement

## 

## Travail des forces de pression :

On a 
$$\delta W = -P_{\mathrm{ext}} dV$$
 donc  $W = \int -P_{\mathrm{ext}} dV$ 

#### Preuve:

On a 
$$\overrightarrow{F_p}=-P_{\rm ext}S\vec{e_x}$$
 d'où on a  $\delta W=\overrightarrow{F_p}\cdot dx\vec{e_x}=-P_{\rm ext}Sdx=-P_{\rm ext}dV$ 

## **▲** II.4.a Cas isochore

On a 
$$dV=0$$
 d'où  $W=0$ 

#### ■ II.4.b Cas isotherme

On a 
$$\Delta U = 0$$
 d'où  $W = -Q$ 

## **▲ II.4.c Mécanique réversible**

On a  $P_{
m ext}=P$  car on a toujours un état d'équilibre, d'où :

- Isobare : On a  $W=-P\Delta V$
- Isotherme : On a  $W = -nRT \ln \left( \frac{V_f}{V_i} \right)$

#### Preuve:

En effet 
$$W=\int -P_{\rm ext}dV=\int -PdV=\int -nRT\frac{dV}{V}=-nRT\ln\left(\frac{V_f}{V_i}\right)$$

## **▲** II.5 Diagramme de Watt

On peut représenter l'évolution sur un graphe (V,P), ainsi le travail correspond à l'aire sous le chemin parcouru.

Si un cycle est parcouru dans le sens trigonométrique, on a un récepteur et si il est parcouru dans le sens horaire on a un moteur

## 

On a l'**enthalpie** une fonction d'état additive et extensive telle que H=U+PV

#### 2e loi de Joule:

Dans le cas d'un gaz parfait,  $H = A \times T$  avec A une constante

Ainsi on a le second principe:

## Premier principe monobare:

Dans un système fermé évoluant entre des états d'équilibre avec une transformation monobare on a  $\Deltaig(E_{m_{ ext{macro}}}+Hig)=W_u+Q$  d'où dans la plupart des cas :

$$\Delta H = W_u + Q$$

### Preuve:

On a  $\Delta \left(E_{m_{\rm macro}}+U\right)=W_u+W_{\rm pression}+Q$  or  $W_{\rm pression}=-\Delta(PV)=0$  , ainsi on a la propriété recherchée

Avec  $W_u$  la puissance utile des autres forces (souvent nulles d'où  $\Delta H=Q$  dans certains cas) On définit la capacité thermique à pression fixée par  $C_p=\frac{\partial H}{\partial T}\big|_P$  et  $C_p=\frac{\mathrm{d} H}{\mathrm{d} T}$  dans le cas d'un GP.

Expression de 
$$\Delta H$$
 : On a  $\Delta H = \int_{T_i}^{T_f} C_p dT = C_p \Delta T$ 

Dans le cas des phases condensées on a  $PV \ll U$  d'où U = H ainsi  $C_p = C_v = C$ 

## Relation de Mayer:

Dans le cas d'un gaz parfait on a  $C_p = C_v + nR$ 

On a 
$$\Delta U+\Delta(PV)=C_v\Delta T+nR\Delta T$$
 d'où  $C_p\Delta T=C_v\Delta T+nR\Delta T$  ce qui conclut

On pose 
$$\gamma = \frac{C_p}{C_v}$$

## Expression de $C_v$ et $C_p$ :

Dans le cas d'un gaz parfait on a  $C_v=rac{nR}{\gamma-1}$  et  $C_p=rac{\gamma nR}{\gamma-1}$ 

#### Preuve:

On a 
$$C_p=\gamma C_v=C_v+nR$$
 d'où  $C_v(\gamma-1)=nR$  ainsi  $C_v=\frac{nR}{\gamma-1}$  et  $C_p=\frac{nR}{\gamma-1}$ 

## III Second principe

## ■ III.1 Entropie et second principe

On considère un système fermé avec un ou plusieurs thermostats, ainsi il existe une fonction d'état appelée **entropie** notée S, additive et extensive en  $\operatorname{JK}^{-1}$  qui est une mesure du désordre.

## Second principe:

Dans un tel système, on a  $\Delta S = S_{
m cré\acute{e}e} + S_{
m \acute{e}chang\acute{e}e}$  avec  $S_c \geq 0$ 

Dans le cas infinitésimal on a donc  $dS=\delta S_c+\delta S_e$  et à l'équilibre on a  $\delta S_c=\delta S_e=0$ 

## Expression de ${\cal S}_e$ :

On a 
$$S_e = \sum_{\mathrm{thermostats}} \frac{Q_i}{T_i}$$

L'entropie d'un système isolé augmente nécessairement au cours d'une transformation thermodynamique

#### Preuve:

Isolé implique  $\delta Q_i = 0$  d'où  $S_e = 0$  ainsi  $\Delta S = S_c \geq 0$ 

Une transformation adiabatique réversible ne modifie pas l'entropie

#### Preuve:

On a  $\Delta S=\sum_{\text{thermostats}}\frac{Q_i}{T_i}+S_c'$  car  $Q_i$  = 0 (adiabatique) et  $S_c=0$  pour ne pas contredire le caractère réversible

## ♦ III.2 Irréversibilité d'une transformation thermodynamique

Une transformation est dite irréversible si elle n'a lieu que dans un sens.

Une transformation est **réversible** si on peut en inverser le sens par changement infinitésimal des contraintes extérieures. Ces transformations extérieures sont lentes (quasi statiques) et  $S_c=0$ 

On a irréversibilité si :

- Inhomogéneité de température
- Gradient de pression
- · Réaction chimique
- Frottement

## ♦ III.3 Identité thermodynamique (HP)

## Identité thermodynamique (HP):

Dans un système fermé avec uniquement des forces de pression on a dU=TdS-PdV

#### Preuve:

On a 
$$dU=\delta Q+\delta W=\delta Q-P_{\rm ext}dV \underset{({\rm r\acute{e}v})}{=} \delta Q-PdV$$
 et  $dS=\delta \mathscr{S}_{c_{({\rm r\acute{e}v})}}+\delta S_{e}=\frac{\delta Q}{T_{\rm th}}$  avec  $T_{\rm th}=T$  car réversible. D'où  $\delta Q=TdS$  ainsi  $dU=TdS-PdV$ 

## III.4 Entropie des gaz parfaits, lois de Laplace

## Variation d'entropie :

On a:

$$\Delta S = \frac{nR}{\gamma - 1} \ln \left( \frac{T}{T_0} \right) + nR \ln \left( \frac{V}{V_0} \right)$$

$$\Delta S = \frac{nR}{\gamma-1} \ln\!\left(\frac{P}{P_0}\right) + \frac{\gamma nR}{\gamma-1} \ln\!\left(\frac{V}{V_0}\right)$$

$$\Delta S = \frac{\gamma nR}{\gamma - 1} \ln\!\left(\frac{T}{T_0}\right) - nR \ln\!\left(\frac{P}{P_0}\right)$$

## Lois de Laplace :

Dans le cas d'une transformation adiabatique réversible d'un gaz parfait on a :

- $PV^{\gamma} = \operatorname{cst}$
- $TV^{\gamma-1} = \operatorname{cst}$
- $T^{\gamma}P^{1-\gamma} = \operatorname{cst}$

#### Preuve:

On retient la première et on retrouve avec PV = nRT

Ainsi sur un diagramme de Watt, le courbe est plus marquée pour une transformation adiabatique

## III.5 Entropie des phases condensées

Entropie des phases condensées : On a  $S(T)=S(T_0)+C\ln\Bigl(\frac{T}{T_0}\Bigr)$  d'où  $\Delta S=C\ln\Bigl(\frac{T}{T_0}\Bigr)$ 

# IV Flux thermiques

## IV.1 Flux thermique, puissance

## Flux thermique:

Un flux est un échange de chaleur par unité de temps algébrique, on a  $\Phi = \frac{\delta Q}{dt}$ , et on peut définir  $\Phi_{\mathrm{surf}} = \frac{\delta Q}{dt dS}$ 

On a  $\Phi$  en W et  $\Phi_{\rm surf}$  en  $\,{\rm W\,m^{-2}}$ 

## 

### Flux conductif:

Dans le cas d'un échange convectif (c'est à dire via une paroi) entre 2 systèmes, on a  $\Phi = \frac{1}{R}\Delta T$  avec R la résistance thermique

## Résistance thermique:

Une résistance thermique est homogène à  ${
m K}\,{
m W}^{-1}$ , et on a  $R=rac{e}{S\lambda}$  avec e l'épaisseur, Sla surface et  $\lambda$  la conductivité thermique

La conductivité thermique s'exprime en  $\mathrm{W}\,\mathrm{m}^{-1}\,\mathrm{K}^{-1}$ , plus la conductivité est grande moins on isole.

On a  $G = \frac{1}{R}$  la conductance.

Les résistances thermiques ont le même comportement qu'en électricité, ainsi en série on a  $R_{
m AB}=R_A+R_B$  et en parallèle  $rac{1}{R_{
m AB}}=rac{1}{R_A}+rac{1}{R_B}.$ 

• Série : On a 
$$\Phi=\Phi_A=\Phi_B$$
 avec  $\Phi_A=\frac{T_A-T_*}{R_A}$  et  $\Phi_B=\frac{T_*-T_B}{R_B}$  Ainsi on a  $T_A-T_B=T_A-T_*+T_*-T_B=R_A\Phi_A+R_B\Phi_B=(R_A+R_B)\Phi$  • Parallèle : On a  $\Phi_A=\frac{1}{R_A}\Delta T$  et  $\Phi_B=\frac{1}{R_B}\Delta T$ , et  $\Phi=\Phi_A+\Phi_B=\left(\frac{1}{R_A}+\frac{1}{R_B}\right)\Delta T$ 

• Parallèle : On a 
$$\Phi_A=\frac{1}{R_A}\Delta T$$
 et  $\Phi_B=\frac{1}{R_B}\Delta T$ , et  $\Phi=\Phi_A+\Phi_B=\left(\frac{1}{R_A}+\frac{1}{R_B}\right)\Delta T$ 

# **♦ IV.3 Échanges conductovectifs**

On considère un fluide et un solide et leurs échanges thermiques

## Loi thermique de Newton:

On a  $\Phi_{
m surf}=h(T_{
m surf}-T_{
m ext})$  avec h le coefficient de transfert en  ${
m W\,m^{-2}\,K^{-1}}$ , h étant plus grand pour un liquide que pour un gaz.

De manière analogue on peut définir  $\frac{1}{R} = Sh$ 

## ■ IV.4 Analogie électrique

On a l'analogie suivante :

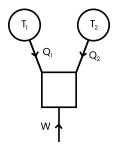
Thermodynamique	Électricité
$\Delta T$	$U$ ou $\Delta V$
Φ	I
$\Delta T = R\Phi$	U = RI

Ainsi on peut représenter des problèmes thermodynamiques avec des circuits électriques

## V Machines thermiques

## V.1 Description générale d'une machine thermique cyclique

On parle d'un système cyclique si il décrit un cycle



On représente ainsi une machine cyclique, avec  $T_1,...,T_n$  les thermostats. Le système est en convention récepteur sur le schéma.

## Inégalité de Carnot :

Pour un système au contact de plusieurs thermostats, on a  $\sum_{\text{thermostats}} \frac{Q_i^{\text{cycle}}}{T_i} \leq 0$ , et si il est réversible  $\sum_{\text{thermostats}} \frac{Q_i^{\text{cycle}}}{T_i} = 0$ 

#### Preuve:

On a  $\Delta S = S_c^{
m cycle} + S_e^{
m cycle} = 0$  (car S est une fonction d'état) d'où  $\sum_{
m thermostats} \frac{Q_i^{
m cycle}}{T_i} = -S_c \leq 0$ 

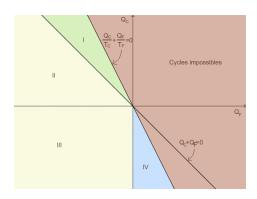
## V.2 Les moteurs

## Second principe selon Thomson:

Un système au contact avec une seule source de chaleur, ne peut au cours d'un cycle que recevoir du travail et fournir de la chaleur

#### Preuve:

On a moteur d'où W<0, avec l'inégalité de Carnot on a  $\frac{Q}{T}\leq 0$  et le premier principe nous dit que 0=Q+W d'où  $W=-Q\geq 0$  ce qui est contradictoire



Pour étudier un moteur on peut utiliser le diagramme de Raveau avec les zones suivantes :

- I : Fonctionnement moteur,  $Q_c \geq 0$  et  $Q_f \leq 0$  car on prélève de l'énergie à la source chaude
- II/III: Sans intêret
- IV : Fonctionnement récepteur,  $Q_f \geq 0$  et  $Q_c \leq 0$  car on prélève de l'énergie à la source froide

## V.3 Rendement, efficacité

## Rendement ou efficacité:

On définit le rendement dans le cas d'un moteur et l'efficacité dans le cas d'un récepteur de la manière suivante :

$$\eta = \frac{\text{\'e} \text{nergie valorisable}}{\text{\'e} \text{nergie couteuse}}$$

Ainsi on a le tableau suivant :

Type de machine	Rendement/
Moteur	$ \begin{array}{c} \textbf{Efficacité} \\ \eta = \frac{Q_c}{Q_c} \end{array} $
Réfrigirateur	$\eta=rac{Q_f}{W}$
Pompe à chaleur	$\eta = -rac{Q_c}{W}$

#### Rendement de Carnot:

Pour un moteur ditherme son rendement maximal est :

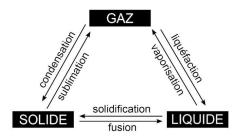
$$\eta_c = 1 - \frac{T_F}{T_C}$$
 avec  $\eta \leq \eta_c$ 

Preuve : On a 
$$Q_F+Q_C+W=0$$
 ,  $\frac{Q_C}{T_C}+\frac{Q_F}{T_F}\leq 0$  et  $\eta=-\frac{W}{Q_C}$ 

D'où 
$$\eta=\frac{Q_C+Q_F}{Q_C}=1+\frac{Q_F}{Q_C}$$
 or  $Q_F\leq -Q_C\frac{T_F}{T_C}$  d'où  $\eta\leq 1-\frac{T_F}{T_C}$ 

# VI Changement de phase du corps pur

Une **phase** est une partie d'un système dont les variables intensives sont continues



## VI.1 Échauffement isobare d'un corps pur

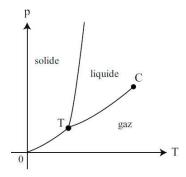
La température d'ébullition est la température d'équilibre liquide vapeur (ie les 2 coexistent)

La température de fusion est la température d'équilibre solide liquide (ie les 2 coexistent)

La pression de vapeur saturante est la pression d'équilibre liquide vapeur

Dans le cas des corps purs, on a  $P_{
m vap} = f(T_{
m \acute{e}bul})$ 

VI.2 Diagramme (P, T), Clapeyron



T représente le **point triple**, c'est à dire le point où on a équilibre vapeur solide liquide

C représente le **point critique**, c'est à dire au delà duquel il n'y a plus de différence entre état liquide et gazeux (on parle de fluide supercritique)

En regardant le diagramme de Clapeyron on a des informations sur l'état du système considéré, et on peut se rendre compte que de l'eau se liquéfie sous l'effet de la compression

## VI.3 Diagramme (P, v), isotherme d'Andrews

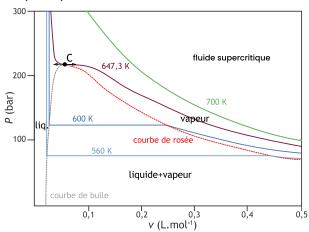


Figure 31: Un isotherme d'Andrews

On voit sur le diagramme qu'au dessus de  $\mathcal C$  on ne passe pas par l'équilibre liquide vapeur. De plus on appelle la courbe noire l'isotherme critique.

#### Théorème des moments chimiques :

On peut retrouver  $x_{
m gaz}$  et  $x_{
m liq}$  les titres en vapeur et en liquide (ie les pourcentages en terme de quantité de matière).

On a 
$$x_{
m gaz}=rac{n_{
m gaz}}{n_{
m out}}=rac{m_{
m gaz}}{m_{
m out}}$$
 et  $x_{
m liq}=rac{n_{
m liq}}{n_{
m out}}=rac{m_{
m liq}}{m_{
m out}}$ 

On a  $x_{\mathrm{gaz}}=\frac{n_{\mathrm{gaz}}}{n_{\mathrm{tot}}}=\frac{m_{\mathrm{gaz}}}{m_{\mathrm{tot}}}$  et  $x_{\mathrm{liq}}=\frac{n_{\mathrm{liq}}}{n_{\mathrm{tot}}}=\frac{m_{\mathrm{liq}}}{m_{\mathrm{tot}}}$  De plus on a  $x_{\mathrm{gaz}}=\frac{v-v_{\mathrm{liq}}}{v_{\mathrm{gaz}}-v_{\mathrm{liq}}}$  et  $x_{\mathrm{liq}}=\frac{v_{\mathrm{gaz}}-v}{v_{\mathrm{gaz}}-v_{\mathrm{liq}}}$  d'où  $x_{\mathrm{gaz}}+x_{\mathrm{liq}}=1$  avec  $v,v_{\mathrm{gaz}},v_{\mathrm{liq}}$  les volumes massigues lus sur un isotherme d'Andrews

On a  $V=V_g+V_l=m_{\mathrm{tot}}v$  avec v le volume massique moyen,  $V_g=m_gv_g$  et  $V_l=m_lv_l$ D'où on a  $x_l = \frac{m_l}{m_{\mathrm{tot}}}$  ainsi on a  $m_g v_g + m_l v_l = m_{\mathrm{tot}} v$  d'où  $v_l x_l \underline{m_{\mathrm{tot}}} + v_g (1 - x_l) \underline{m_{\mathrm{tot}}} = \underline{m_{\mathrm{tot}}} v$  d'où  $x_l = \frac{v_{\mathrm{gaz}} - v_{\mathrm{liq}}}{v_{\mathrm{gaz}} - v_{\mathrm{liq}}}$  Dans le cas d'un diagramme (P, H) on a aussi  $x_l = \frac{h_{\rm gaz} - h}{h_{\rm gaz} - h_{\rm liq}}$ 

## ♦ VI.4 Enthalpie et entropie de changement d'état

Lors d'un changement d'état, l'enthalpie présente une discontinuité, ainsi on définit l'**enthalpie de changement d'état** (ou chaleur latente), de même il y a discontinuité de l'entropie.

## Variations d'enthalpie/d'entropie :

Soit  $\Delta_A h$  l'enthalpie de changement d'état A et  $\Delta_A s$  l'entropie de changement d'état A.

On a  $\Delta_A H = m \Delta_A h$  et  $\Delta_A S = \frac{\Delta_A H}{T_A}$  avec  $T_A$  la température de changement d'état.

De plus on a  $\Delta_{\mathrm{sub}}h>0$ ,  $\Delta_{\mathrm{vap}}h>0$  et  $\Delta_{\mathrm{fus}}h>0$  et  $\Delta_{\mathrm{con}}h=-\Delta_{\mathrm{sub}}h$ ,  $\Delta_{\mathrm{liq}}h=-\Delta_{\mathrm{vap}}h$  et  $\Delta_{\mathrm{sol}}h=-\Delta_{\mathrm{fus}}h$ 

D'après l'expression des variations, on en déduit que  $S_{\rm gaz}>S_{\rm liq}>S_{\rm sol}$  ce qui est logique d'après la définition de l'entropie

# 

A faire

- I.2 Résoudre une équation de dimension
- l.3 Homogénéité

Unité	Unités SI	Dimension	Relation
Volts (V)			

## Il Incertitudes

A faire

- II.1 Incertitude type A
- ☑ II.2 Incertitude type B
- ☑ II.3 Chiffres significatifs
- III Équations différentielles

A faire

- ☑ III.2 Équations linéaires d'ordre 2
- **☑** III.3 Résolution avec les complexes
- **☑** III.4 Temps caractéristique
- IV Numérique

A faire

- IV.2 Euler

## Table des matières

🔭 I Introduction à l'optique	1	♣ II.1 Le condensateur	8
🔭 I.1 Généralités	2	∮ II.1.a Généralités	8
🔭 I.2 Caractérisation spectrale des		<b>♦</b> II.1.b Associations	9
sources lumineuses	2	∮ II.2 Charge d'un condensateur	10
🦖 I.3 Source lumineuse ponctuelle, raye	on	II.3 La bobine	10
lumineux	3	✔ II.3.a Généralités	10
🔭 I.4 Approximation de l'optique		<b>♦</b> II.3.b Associations	11
géométrique	3	∮ III Circuits d'ordre 2, Oscillateurs	11
🔭 I.5 Lois de Snell-Descartes	3	∮ III.1 Oscillateur harmonique	11
🔭 I.5.a Lois de l'optique géométrique	4	∮ III.2 Oscillateur amorti	12
🔭 I.5.b Réflexion totale	4	✔ III.2.a Généralités	12
🔭 II Lentilles minces et miroir plan	4	III.2.b Régime apériodique	13
🔭 III L'oeil	4	III.2.c Régime critique	13
♣ I Introduction à l'électricité	4	♣ III.2.d Régime pseudo-périodique	13
∮ I.1 Généralités	4	♣ IV Circuits en régime sinusoidal forcé	14
∮ I.1.a Charge électrique	4		14
I.1.b Courant électrique	5	∮ IV.2 Vocabulaire des signaux	
🚺 I.1.c Dipôle, branche, maille, circuit	5	périodiques	14
I.1.d Intensité électrique	5	IV.3 Déphasage entre signaux	15
I.2 La tension électrique	5		
<b>★</b> I.3 Approximation des régimes quasi		signal harmonique	15
stationnaires (ARQS)	5	IV.5 Impédances complexes	16
<b>♦</b> I.4 Résistors	6	♦ IV.5.a Généralités	16
I.5 Associations des résistors	6	<ul><li>IV.5.b Comportement basse et ha</li></ul>	ute
<b>♦</b> I.6 Ponts diviseurs	7	tension	16
∮ I.7 Générateurs	7	♦ IV.6 Lois de l'électricité en RSF	16
I.7.a Générateur de tension	7	∮ IV.7 Étude d'un circuit	17
I.7.b Générateurs de courant (HP)	8	<b>♦</b> IV.8 Résonnance	17
♣ II Circuits d'ordre 1	8	<b>♦</b> V Filtrage	18

V.1 Spectre d'un signal, décomposit	ion	IV.1 Flux thermique, puissance	25
de Fourier	18	IV.2 Échanges conductifs	25
♦ V.2 Réponse fréquentielle d'un		IV.3 Échanges conductovectifs	26
quadripole	18	IV.4 Analogie électrique	26
♦ V.3 Filtre d'ordre 1	18	V Machines thermiques	26
♦ V.4 Filtre d'ordre 2	19	V.1 Description générale d'une	
I Introduction aux ondes	19	machine thermique cyclique	26
Il Diffraction/Interférences	19		27
🕼 III La lumière onde	19	<ul> <li>V.3 Rendement, efficacité</li> </ul>	28
🖔 I Cinématique du point	19	VI Changement de phase du corps pur	٢
% II Dynamique du point	19	28	
% III Énergétique du point	19	VI.1 Échauffement isobare d'un corp	)S
% IV Introduction à la dynamique des		pur	28
particules chargées	19	lacktriangle VI.2 Diagramme ( $P$ , $T$ ), Clapeyron	28
% V Loi du moment cinématique	20	lacktriangle VI.3 Diagramme ( $P$ , $v$ ), isotherme	
% VI Mouvement dans un champ de forc	:e	d'Andrews	29
newtonien	20	VI.4 Enthalpie et entropie de	
% VII Mécanique du solide	20	changement d'état	30
▲ I Introduction à la thermodynamique	20	🗃 I Analyse dimensionnelle	30
I.1 Généralités	20	🛃 I.1 Système SI	30
	20	I.2 Résoudre une équation de	
	20	dimension	30
I.2.b Température	20	🛃 I.3 Homogénéité	30
I.3 Équilibre thermodynamique	20	🗃 II Incertitudes	30
I.4 Modèle des gaz parfaits	21	II.1 Incertitude type A	30
■ II Premier principe	21	II.2 Incertitude type B	30
II.1 Énergie interne, capacité thermi	que	II.3 Chiffres significatifs	30
à volume constant	21	🗃 III Équations différentielles	30
II.2 Premier principe	21	📝 III.1 Équations linéaires d'ordre 1	31
II.3 Types de transformations	22	📝 III.2 Équations linéaires d'ordre 2	31
II.4 Travail des forces de pression	22	III.3 Résolution avec les complexes	31
II.4.a Cas isochore	22	🗃 III.4 Temps caractéristique	31
II.4.b Cas isotherme	22	🗃 IV Numérique	31
II.4.c Mécanique réversible	22	🗃 IV.1 Régression linéaire	31
II.5 Diagramme de Watt	22	🗃 IV.2 Euler	31
II.6 Enthalpie	22	🗃 IV.3 Monte-Carlo	31
■ III Second principe	23	Table des matières	31
III.1 Entropie et second principe	23		
III.2 Irréversibilité d'une			
transformation thermodynamique	24		
III.3 Identité thermodynamique (HP)	)		
24			
<ul> <li>III.4 Entropie des gaz parfaits, lois d</li> </ul>	e		
Laplace	25		
III.5 Entropie des phases condensée	es.		
25			
IV Flux thermiques	25		