

2023/2024

Victor Sarrazin



Bienvenue dans l'essentiel d'informatique de mes cours de prépa. Ce document a pour objectif de contenir l'intégralité des cours d'informatique afin de les condenser et de les adapter.

Bonne lecture...

Sommaire

| Introduction aux langages : | |
|----------------------------------|----|
| I Introduction au C | 3 |
| Il Introduction au OCaml | 8 |
| Structures de données : | |
| 🗂 I Structures de données | 21 |
| 🗂 II Piles, files, dictionnaires | 21 |
| 🗎 III Arbres | 21 |
| To IV Graphes | 21 |
| Informatique théorique : | |
| ₽ I Bases | 22 |
| | 26 |
| III Stratégies algorithmiques | 26 |
| | 28 |
| | 32 |
| // VI Formules propositionnelles | 34 |



I Introduction au C



I.1 Variables

Pour définir une variable en C on a la syntaxe suivante : type nom

```
int mango = 0;
                                                                                0
```

Il est possible de définir plusieurs variables en même temps :

```
1
     int banana = apple = 12;
                                                                                     0
2
    int pear, orange = 14; // pear est non initialisée et orange vaut 14
     int potato = 12, tomato = 14; // potato vaut 12 et tomato vaut 14
```

I.2 Opérateurs

On a les opérations arithmétiques suivantes :

| Opération | En C |
|----------------|-------|
| Addition | a + b |
| Soustraction | a - b |
| Multiplication | a * b |
| Division | a / b |
| Modulo | a % b |

On peut utiliser +=, -=, *=, /= et %= pour faire des opérations arithmétiques et des assignations

De plus on peut utiliser ++ et -- pour incrémenter/décrémenter

Les comparaisons se font avec >, >=, <=, < et ==.

On a des opérateurs binaires && (et logique), || (ou logique) et! (négation de l'expression suivante)



Attention:

Le && est prioritaire sur le ||

I.3 Structures de contrôle

Pour exécuter de manière conditionnelle, on utilise if (cond) {...} else if (...) {} ... {} else {}

Ainsi le code suivant est valide :

```
1    if (x == 1) {
        // Do code
3    } else if (x > 12) {
        // Do code bis
5    } else {
        // Do code ter
7    }
```

A

Attention:

En C un 0 est considéré comme false et toute autre valeur numérique true

Pour faire une boucle on peut utiliser un while (cond) {} qui exécute le code tant que la condition est valide

On peut utiliser do {} while (cond) qui exécute une fois puis tant que la condition est vérifiée Il est aussi possible d'utiliser for (...) {}, de la manière suivante :

```
1
     // De 0 à n - 1
                                                                                         0
2
     for (int i = 0; i < n; i++) {
3
4
     }
5
     // De 0 à n - 1 tant que cond
6
7
     for (int i = 0; i < n \&\& cond; i++) {
8
9
     }
```

A noter qu'en C il est possible de modifier la valeur de i et donc de sortir plus tôt de la boucle Il est possible de sortir d'une boucle avec break, ou de passer à l'itération suivante avec continue

I.4 Fonctions

Pour définir une fonction on écrit :

```
int my_func(int a, int b) {
// Do code
return 1;
}
```

Si on ne prend pas d'arguments on écrit int my_func(void) {} et si on ne veut rien renvoyer on utilise void my_func(...) {}

Ainsi pour appeller une fonction on fait :

```
1  int resp = my_func(12, 14);
```



Attention:

Les variables sont copiées lors de l'appel de fonction

On peut déclarer une fonction avant de donner son code mais juste sa signature avec :

```
int my_func(int);
                                                                               0
```

I.5 Tableaux en C

Le type d'un tableau en C est type[] ou * type

Pour initialiser un tableau on a les manières suivantes :

```
int[4] test = \{0, 1, 2, 3\}; // Initialise un tableau de taille 4 avec 0,1,2,3
1
                                                                                      0
2
     int[] test = {0, 1, 2, 3}; // Initialise un tableau avec 0,1,2,3 (avec 4
     int[4] test = {0, 1}; // Initialise un tableau de taille 4 avec 0,1,0,0 (les
     autres valeurs sont à 0)
```

Il n'est pas obligé de donner la taille d'un tableau elle sera déterminée au moment de l'exécution



Attention:

Si on dépasse du tableau C ne prévient pas mais s'autorise à faire n'importe quoi

Pour affecter dans une case de tableau on fait :

```
test[1] = test[2] // On met dans la case 1 la valeur de la case 2
                                                                               0
```

Pour faire des tableaux de tableaux on fait :

```
1
     int[4][4] test = {{0, 1, 2, 3}, {4, 5, 6, 7}, {8, 9, 10, 11}, {12, 13, 14,
                                                                                     0
    15}}; // Initialise un tableau de taille 4x4 avec les valeurs
2
    int[4][4] test ={ {0} }; // Initialise un tableau de taille 4x4 avec des 0
    int [][4] test = { {0, 1, 2, 3}, {4, 5, 6, 7}, {8, 9, 10, 11} }; // Initialise un
     tableau de taille 3x4 avec les valeurs
```

Comme pour les tableaux on peut initialiser partiellement un tableau de tableaux

I.6 Pointeurs

Toute variable en C est une adresse mémoire, on peut donc récupérer cette adresse avec &:

```
1
     int a = 12;
                                                                                         0
2
     // b est l'adresse mémoire de a
     int * b = \&a;
```

Il est possible de récupérer la valeur d'une adresse mémoire avec * (déréférencement) :

```
1
     int a = 12;
                                                                                         0
2
     int * b = &a;
     // c est la valeur de a
3
     int c = *b;
```

On remarque donc que un pointeur a un type type * var

Il est aussi possible de prendre l'adresse d'un pointeur, ainsi on aura un type ** var (généralisable...)

Si on ne connaît pas l'adresse d'un pointeur on peut le déclarer avec type * var = NULL



Attention:

Il ne faut SURTOUT PAS déréférencer un pointeur NULL, ou on aura une erreur de segmentation (segmentation fault)

Il est possible d'allouer de la mémoire avec malloc :

```
int * a = malloc(sizeof(int));

int * tab = malloc(4 * sizeof(int)); // Alloue un tableau de 4 éléments

int * tab2 = malloc(4 * sizeof(*tab2)); // Alloue un tableau de 4 éléments
```

L'appel à malloc renvoie un pointeur, et un pointeur NULL si il n'y a pas assez de mémoire (il peut donc être judicieux de vérifier si le pointeur est NULL sur des grosses allocations)

L'appel à sizeof renvoie la taille en octets de l'élément passé en argument, on peut passer un type ou une variable.

Après utilisation de malloc il est important de libérer la mémoire avec free quand on a fini d'utiliser la mémoire :

```
int * a = malloc(sizeof(int));

// Do code

free(a);
```



Attention:

Il est important de libérer la mémoire après utilisation pour éviter les fuites mémoires (memory leaks) ou on finit avec un bluescreen

Il est ainsi possible de créer un tableau avec un malloc en modifiant la taille du tableau :

```
1 int * tab = malloc(4 * sizeof(int)); // Alloue un tableau de 4 éléments
```

On pourra donc utiliser tab[0], tab[1], tab[2] et tab[3]...

Quand on passe un tableau à une fonction on passe un pointeur, ainsi on peut modifier le tableau dans la fonction



Attention:

Ainsi une fonction NE PEUT renvoyer un tableau créé normalement, il faut ABSOLUMENT renvoyer un tableau qui a été alloué avec malloc

Les tableaux, et notamment les cases des tableaux étant des pointeurs, on peut récupérer l'adresse d'une case de tableau avec & :

```
int tab[4] = {0, 1, 2, 3};

int * a = &tab[2]; // a est l'adresse de la case 2
```

Il est intéressant de noter que tab[2] est équivalent à *(tab + 2) mais que l'arithmétique des pointeurs n'est pas au programme et qu'elle permet d'avoir des erreurs plus facilement

Il est aussi possible de faire des tableaux de tableaux avec des pointeurs :

```
int ** tab = malloc(4 * sizeof(int *)); // Alloue un tableau de 4 pointeurs
```

Enfin on peut aussi passer une fonction en argument d'une autre fonction :

```
int my_func(int (*func)(int, int), int a, int b) {
  return func(a, b);
} // my_func prend une fonction en argument qui prend deux entiers et renvoie un entier
```

I.7 Types construits

Pour définir un alias on utilise typedef:

```
typedef int my_type;
my_type a = 12;
```

Pour définir une structure on utilise struct :

```
struct my_struct {
   int a;
   int b;
};

struct my_struct s;

struct my_struct s;

s.a = 12;
s.b = 14;
```

Mais ce n'est pas pratique d'écrire struct my_struct à chaque fois, on peut donc utiliser un alias :

```
0
1
     typedef struct my_struct {
2
       int a;
3
       int b;
4
     } my_struct;
5
6
     my_struct s;
7
     s.a = 12;
8
     s.b = 14;
```

On peut aussi initialiser une structure de la manière suivante :

```
1 my_struct s = {.a = 12, .b = 14};
```

On peut ainsi faire des structures récursives :

```
typedef struct my_struct {
  int a;
  struct my_struct * next;
} my_struct;
```

Comme en OCaml on peut définir des énumérations :

```
typedef enum my_enum {
    A,
    B,
    C
} my_enum;
```

Enfin si on veut faire des types plus complexes comme type t = A of int | B of float (en OCaml) on peut utiliser des unions :

```
typedef struct my_union {
                                                                                             0
1
        enum {
2
3
          Α,
 4
          В
5
        } type,
6
        union {
7
          int a;
8
          float b;
9
        } value;
10
      } my_union;
11
12
      my_union a = \{.type = A, .value.a = 12\};
      my\_union b = {.type = B, .value.b = 12.};
13
```

Dans un champ union on ne peut accéder qu'à un seul champ à la fois, il faut donc connaître le type pour accéder à la bonne valeur (celà permet d'économiser de la mémoire)

Il Introduction au OCaml

II.1 Expressions

En OCaml on retrouve les types int, float (qui correspond au double du C) et bool.

Pour les opérations arithmétiques sur les entiers on a :

| Opération | En OCaml |
|--------------|----------|
| Addition | a + b |
| Soustraction | a - b |

| Multiplication | a * b |
|----------------|---------|
| Division | a / b |
| Modulo | a mod b |

Pour les opérations arithmétiques sur les flottants on a :

| Opération | En OCaml |
|----------------|----------|
| Addition | a +. b |
| Soustraction | a b |
| Multiplication | a *. b |
| Division | a /. b |
| Exponentiation | a ** b |

On notera que le modulo n'est pas défini pour les flottants et que l'exponentiation est définie pour les flottants

On dispose aussi des fonctions mathématiques classiques, comme sin, cos, tan, exp, log, sqrt, abs, acos, asin, atan... avec log la fonction logarithme népérien

Comme en C on a les opérateurs binaires & (et logique), || (ou logique) et not (négation de l'expression suivante)

Pour faire des comparaisons **sur des valeurs** on a = pour l'égalité, <> pour la différence, et >, >=, <=, < pour les comparaisons



Attention:

En OCaml un == est une comparaison de référence (d'étiquette), il ne faut pas l'utiliser pour comparer des valeurs, et de même pour !=

II.2 Typage fort

On a pu remarquer notamment sur les entiers et float que le typage est fort : aucune conversion implicite n'est faite c'est à l'utilisateur de le faire

Il n'est donc pas possible de faire 1 +. 2 mais il faut faire 1. +. 2.

Pour passer d'un type à un autre on utilise les fonctions int_of_float, float_of_int, int_of_string, float_of_string...

II.3 Définitions

En OCaml le principe de variable n'existe pas réellement, on a des constantes, on ne peut pas modifier une variable à proprement parler

Pour faire une **définition** on utilise let :

```
1  let a = 12;; (* Définit a comme étant 12 *)
2  let b = 12 + a;; (* Définit b comme étant 24 *)
```

Il est possible de redéfinir une variable, mais on ne modifie pas la variable mais on en crée une nouvelle :

```
let a = 12;;

let a = a + 1;; (* a est maintenant 13 *)
```

La mémoire est gérée différement qu'en C, par exemple avec le code suivant en C on a b qui est une copie de a :

```
1  int a = 12;
2  int b = a;
```

Alors qu'en OCaml b est une référence à a, si on modifie a on modifie b et inversement :

```
1 let a = 12;;
2 let b = a;;
```

Il est possible de définir plusieurs variables en même temps :

```
1 let a = 12 and b = 14;; (* a est 12 et b est 14 *)
```

Il est aussi possible de faire des variables locales en utilisant in :

```
let a = 12 and b = 14 in
    a + b;; (* a + b vaut 26, et a et b ne sont pas accessibles en dehors du bloc
*)
```

Il est bien sûr possible d'imbriquer les in :

```
let a = 12 in
let b = 14 in
a + b;; (* a + b vaut 26, et a et b ne sont pas accessibles en dehors du
bloc *)
```

II.4 Fonctions

Le OCaml est un langage fonctionnel, il est donc possible de définir des fonctions, de plusieurs manières différentes.

La première manière est de définir une fonction d'une manière semblable à une variable :

```
let sum a b = a + b;; (* Définit une fonction sum qui prend deux arguments a et tenvoie a + b *)
```

Il existe un mot clé function (qui ne peut prendre qu'un argument) pour définir une fonction anonyme, ainsi on peut faire :

```
let sum = function a -> function b -> a + b;; (* Définit une fonction sum qui
prend deux arguments a et b et renvoie a + b *)
```

On remarque que pour passer plusieurs arguments avec function on utilise plusieurs function, ce qui peut être fastidieux

Ainsi il existe le mot clé fun qui permet de définir une fonction de manière plus simple :

```
let sum = fun a b -> a + b;; (* Définit une fonction sum qui prend deux argument
a et b et renvoie a + b *)
```

Pour appeller une fonction on fait :

```
1 sum 12 14;; (* Renvoie 26 *)
```

Il faut faire attention au fait que chaque bloc est considéré comme un argument, ainsi on a les cas de figure suivants :

```
1 sum -12 12;; (* Erreur, on a -, 12 et 12 comme arguments *)
2 sum (-12) 12;; (* Renvoie 0 *)
```



Attention:

Il est important de bien mettre des parenthèses pour les arguments négatifs, ou pour des appels intermédiaires

OCaml va déterminer tout seul la signature de la fonction, ainsi on peut faire :

```
let sum a b = a + b;; (* Définit une fonction sum qui prend deux arguments a et terenvoie a + b *)
(* sum : int -> int -> int *)
```

En analysant la signature de la fonction on peut voir que sum prend deux entiers et renvoie un entier

Mais on peut aussi faire du polymorphisme, ainsi on peut faire :

```
let min a b = if a < b then a else b;; (* Définit une fonction min qui prend deu
arguments a et b et renvoie le minimum *)
(* min : 'a -> 'a -> 'a *)
```

Ainsi ici min prend deux arguments de même type et renvoie un argument du même type (il est aussi possible de faire du polymorphisme sur plusieurs types et d'avoir des 'b, 'c...)

Il peut arriver qu'une fonction ait des effets de bord, ainsi elle peut renvoyer le type unit :

```
let nothing a = ();; (* Définit une fonction nothing qui prend un argument a et
ne renvoie rien *)
(* nothing : 'a -> unit *)
```

Il est aussi possible de ne pas prendre d'arguments :

```
let nothing = ();; (* Définit une fonction nothing qui ne prend pas d'arguments
et ne renvoie rien *)
(* nothing : unit *)
```

, 1

Attention:

Pour appeller une fonction qui ne prend pas d'arguments il faut mettre des parenthèses, sinon on aura une erreur (ici nothing ())

Mais le mot clé fonction a un avantage : il permet de faire des **match** qui vont être des conditions sur les arguments :

Ainsi le mot clé fonction avec un match permet de prendre un argument mais sans le nommer

Il est aussi possible de faire des motifs **gardés**, pour imposer une condition sur un motif avec when:

```
let my_func a = function
| 0 when a > 0 -> 1 * a (* Si a est 0 et a > 0 on renvoie a *)
| 0 -> -1 * a (* Si a est 0 et a <= 0 on renvoie -a *)
| 1 -> 2 * a (* Si a est 1 on renvoie 2a *)
| -> 3 * a;; (* Sinon on renvoie 3a *)
(* my_func : int -> int -> int *)
```

Il faut noter que les motifs sont examinés dans l'ordre, ainsi si on a plusieurs motifs qui correspondent on prend le premier qui correspond

Enfin il est possible de faire des fonctions récursives, pour cela on utilise le mot clé rec:

```
1  let rec fact = function
2  | 0 -> 1
3  | n -> n * fact (n - 1);;
4  (* fact : int -> int *)
```

II.5 Expressions plus complexes

Si on veut faire des expressions plus complexes on peut utiliser if ... else if ... else ...:

```
1  let my_func a =
2   if a = 0 then
3    1 * a (* Si a est 0 on renvoie a *)
4   else if a = 1 then
5    2 * a (* Si a est 1 on renvoie 2a *)
6   else
7    3 * a;; (* Sinon on renvoie 3a *)
8   (* my_func : int -> int *)
```

Si on veut faire des opérations plus complexes entre les if ... else on peut utiliser begin ... end ou (...):

```
1
     let my_func a =
2
        if a = 0 then
3
          begin
4
            let b = 1 in
            b * a (* Si a est 0 on renvoie a *)
5
6
7
        else if a = 1 then
          (let b = 2 in b * a) (* Si a est 1 on renvoie 2a *)
8
9
10
          3 * a;; (* Sinon on renvoie 3a *)
11
      (* my_func : int -> int *)
```

Il n'est pas obligé de mettre le else () si on ne fait rien

Il est aussi possible de réaliser des filtrages sans le mot clé function :

```
1  let my_func a b =
2  match b with
3  | 0 -> 1 * a (* Si b est 0 on renvoie a *)
4  | 1 -> 2 * a (* Si b est 1 on renvoie 2a *)
5  | _ -> 3 * a;; (* Sinon on renvoie 3a *)
6  (* my_func : int -> int *)
```

On peut construire des n-uplets avec (..., ...), et en OCaml on peut les déconstruire avec let (..., ...) = ...

A noter que les couples possèdent les fonctions fst et snd pour récupérer le premier et le second élément

```
let a = (12, 14);; (* a est un couple de 12 et 14 *)
print_int (fst a);; (* Affiche 12 *)
```

Il est donc possible de donner un couple à fonction ou match :

```
let my_func a =
    match a with
    | (0, 0) -> 1 (* Si a est (0, 0) on renvoie 1 *)
    | (1, 0) -> 2 (* Si a est (1, 0) on renvoie 2 *)
    | _ -> 3;; (* Sinon on renvoie 3 *)
    (* my_func : int * int -> int *)
```

On remarque sur la signature qu'un n-uplet est défini par type1 * type2 * ... et qu'on peut donc définir des n-uplets de n'importe quel type (même avec des types différents)

II.6 Listes

II.6.a Créer une liste

On peut créer une liste en OCaml avec []:

```
let lst = [];; (* Définit une liste vide *)

let lst = [1; 2; 3];; (* Définit une liste avec 1, 2 et 3 *)

(* int list *)

let lst = [[1; 2]; [3; 4]];; (* Définit une liste de listes *)

(* int list list *)
```

A

Attention:

Attention, on sépare les éléments de la liste avec ; et non ,

Comme en C, on ne peut mélanger les types

II.6.b Opérations sur les listes

Pour ajouter un élément à une liste on utilise :::

```
1  let lst = 1 :: [2; 3];; (* Ajoute 1 à la liste [2; 3] *)
2  (* int list *)
```

Il est possible de concaténer deux listes avec @:

```
1 let lst = [1; 2] @ [3; 4];; (* Concatène [1; 2] et [3; 4] *)
2 (* int list *)
```

Cette opération est coûteuse en temps, il est donc préférable de ne pas l'utiliser pour des listes de grande taille

(On peut aussi utiliser List.append lst1 lst2 pour concaténer deux listes)

Les listes en OCaml n'étant pas mutables, il est impossible de modifier une liste, il faut donc créer une nouvelle liste, de plus il n'est pas conseillé d'accéder à un élément d'une liste par son indice (avec la fonction List.nth)

Pour récupérer le premier élément d'une liste on utilise List.hd:

```
1 let a = List.hd [1; 2; 3];; (* a vaut 1 *)
2 (* int *)
```

Pour récupérer le reste de la liste on utilise List.tl:

```
1  let a = List.tl [1; 2; 3];; (* a vaut [2; 3] *)
2  (* int list *)
```

II.6.c Fonctions sur les listes

Il est aussi possible d'utiliser des listes dans des match, ainsi on peut faire :

```
let rec sum = function
| [] -> 0 (* Si la liste est vide on renvoie 0 *)
| [h] -> h (* Si la liste a un seul élément on renvoie cet élément *)
| h::t -> h + sum t;; (* Sinon on renvoie le premier élément plus la somme du reste *)
(* int list -> int *)
```

Ainsi on peut déconstruire une liste dans les match.

Mais on peut aussi vouloir faire des opérations sur les listes entières.

Si on veut itérer sur une liste on peut utiliser List.iter:

```
let lst = [1; 2; 3];;

List.iter (fun x -> print_int x) lst;; (* Affiche 123 *)
```

Si on veut appliquer une fonction à tous les éléments d'une liste on peut utiliser List.map:

```
let lst = [1; 2; 3];;

let lst2 = List.map (fun x -> x + 1) lst;; (* lst2 vaut [2; 3; 4] *)
```

Si on veut filtrer une liste on peut utiliser List.filter:

```
1  let lst = [1; 2; 3];;
2
3  let lst2 = List.filter (fun x -> x mod 2 = 0) lst;; (* lst2 vaut [2] *)
```

Si on veut vérifier un predicat sur tous les éléments d'une liste on peut utiliser List. for_all (\forall) (la recherche s'arrête dès qu'un élément ne vérifie pas le prédicat) :

```
let lst = [1; 2; 3];;

let b = List.for_all (fun x -> x mod 2 = 0) lst;; (* b vaut false *)
```

Si on veut savoir si un élément de la liste vérifie un prédicat on peut utiliser List.exists (∃):

```
1  let lst = [1; 2; 3];;
2
3  let b = List.exists (fun x -> x mod 2 = 0) lst;; (* b vaut true *)
```

Si on veut récupérer le premier élément qui vérifie un prédicat on peut utiliser List.find (erreur Not_found si aucun élément ne vérifie le prédicat):

```
1 let lst = [1; 2; 3];;
2
3 let a = List.find (fun x -> x mod 2 = 0) lst;; (* a vaut 2 *)
```

On peut aussi vouloir faire des appels récurrents sur une liste, ainsi on a deux possibilités (('acc -> 'a -> 'acc) -> 'acc -> 'a list -> 'acc):

Si on veut appliquer f(f(f(x))) on peut utiliser List. fold left:

```
1
    let lst = [1; 2; 3];;
2
3
     let a = List.fold_left (fun acc x -> acc + x) 0 lst;; (* a vaut 6 *)
```

Si on veut appliquer f x (f x (f x ... (f init x))) on peut utiliser List.fold_right (('a -> 'acc -> 'acc) -> 'a list -> 'acc -> 'acc):

```
let lst = [1; 2; 3];;
1
2
     let a = List.fold right (fun x acc -> acc + x) lst 0;; (* a vaut 6 *)
3
```

Attention:

On remarque que l'ordre des arguments n'est pas le même entre List.fold left et List.fold_right

Si on veut savoir si un élément est dans une liste on peut utiliser List.mem:

```
1
     let lst = [1; 2; 3];;
2
     let b = List.mem 2 lst;; (* b vaut true *)
```

Si on veut trier une liste on peut utiliser List.sort avec une fonction de comparaison :

```
1
    let lst = [3; 2; 1];;
2
    let lst2 = List.sort compare lst;; (* lst2 vaut [1; 2; 3] *)
3
```

La fonction de comparaison doit renvoyer un entier négatif si le premier élément est plus petit, un entier positif si le premier élément est plus grand et 0 si les deux éléments sont égaux, et compare est une fonction prédéfinie qui fait cela en OCaml

II.7 Types construits

On peut créer des types construits en OCaml, on a 2 différents types de types construits : les types somme (unions ou énumérations) et les types produit (structures)

Pour définir un type somme on utilise type :

```
type fruit = Apple | Banana | Pear | Orange;; (* Définit un type fruit qui peut 💒
1
    être Apple, Banana, Pear ou Orange *)
```

Ainsi on a créé un type fruit qui peut être soit Apple, soit Banana, soit Pear, soit Orange

Mais on peut vouloir ajouter des informations à un type somme, par exemple la quantité de fruits:

```
type basket = Fruit of int | Empty;; (* Définit un type fruit qui peut être
Apple, Banana, Pear, Orange ou Fruit avec une quantité *)

let empty = Empty;; (* Définit un panier vide *)
let my_basket = Fruit 12;; (* Définit un panier avec 12 fruits *)
```

Il est possible de définir des types produits, pour cela on utilise type :

```
type point = { x: int; y: int };; (* Définit un type point qui a deux champs x extended y *)

let origin = { x = 0; y = 0 };; (* Définit un point d'origine *)
print_int origin.x;; (* Affiche 0 *)
print_int origin.y;; (* Affiche 0 *)
```

Les champs définis sont immuables, il n'est pas possible de les modifier si ils ne sont pas déclarés comme mutable :

```
type point = { mutable x: int; mutable y: int };; (* Définit un type point qui a
deux champs x et y mutables *)

let origin = { x = 0; y = 0 };; (* Définit un point d'origine *)
origin.x <- 12;; (* Modifie la valeur de x *)</pre>
```

On note l'utilisation de <- pour modifier un champ

Il est possible de définir des types récursifs, par exemple une liste :

```
type tree = Leaf | Node of tree * tree;; (* Définit un type arbre qui peut être
une feuille ou un noeud avec deux sous arbres *)

let tree = Node (Leaf, Node (Leaf, Leaf));; (* Définit un arbre avec une feuille
et un noeud avec deux feuilles *)
```

II.8 Programmation impérative

II.8.a Blocs d'instructions

On peut effectuer plusieurs opérations à la suite en OCaml, pour cela on utilise ; :

```
print_int 12; print_string " "; print_int 14;; (* Affiche 12 14 *)
```

Si on définit une fonction avec plusieurs expressions on peut les séparer avec ;, et la valeur de retour sera la dernière expression :

```
let my_func a =
    print_int a;
    print_string " ";
    print_int (a + 1);
    print_newline ();;
    (* int -> unit *)
```

Il est préférable que les expressions soient de type unit pour éviter des erreurs (on aura un avertissement si ce n'est pas le cas)

Comme vu précédemment si on veut utiliser plusieurs instructions dans un if ... then ... else ... on doit utiliser begin ... end:

```
1
      let my_func a =
2
        if a = 0 then
3
          begin
4
            print_int 1;
 5
            print newline ()
6
7
        else
8
          begin
9
            print_int a;
10
            print_newline ()
11
          end;;
12
      (* int -> unit *)
```

De même, si on veut imbriquer des match on doit utiliser begin ... end:

```
1
      let my_func a =
2
        match a with
3
        | 0 -> begin
 4
          print_int 1;
5
          print_newline ()
6
        end
7
        | _ -> begin
8
          print_int a;
9
          print newline ()
10
        end;;
      (* int -> unit *)
11
```

Il ne faut pas oublier le caractère local des variables, ainsi si on définit une variable dans un bloc elle ne sera pas accessible en dehors de ce bloc

II.8.b Références

En OCaml on ne peut modifier les définitions, ainsi on va utiliser des références pour modifier des valeurs.

Pour définir une référence on utilise ref :

```
let a = ref 12;; (* Définit une référence à 12 *)
```

Pour accéder à la valeur d'une référence on utilise!:

```
1 print_int !a;; (* Affiche 12 *)
```

Pour modifier la valeur d'une référence on utilise := :

```
a := 14;; (* Modifie la valeur de la référence à 14 *)
```

C'est avec les références que == et != sont définis, ils comparent les références et non les valeurs

Le type d'une référence est 'a ref, ainsi on peut avoir des références de n'importe quel type

II.8.c Boucles

Si on veut faire une boucle on peut utiliser for:

```
for i = 0 to 10 do
   print_int i;
   print_string " "
done;; (* Affiche 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 *)
```

Le for est inclusif, ainsi for i = 0 to 10 va de 0 à 10 inclus, et on ne peut pas modifier i dans la boucle (il est redéfini à chaque itération)

Si on veut descendre on peut utiliser downto:

```
for i = 10 downto 0 do
    print_int i;
    print_string " "
done;; (* Affiche 10 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 *)
```

Il est aussi possible de faire une boucle avec while cond do ... done:

```
let i = ref 0 in
while !i <= 10 do
print_int !i;
print_string " ";
i := !i + 1
done;; (* Affiche 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 *)</pre>
```

II.9 Tableaux

Les listes ne sont pas très adaptées avec une utilisation impérative, on va donc utiliser des tableaux.

Pour définir un tableau on utilise []]:

```
1  let tab = [|1; 2; 3|];; (* Définit un tableau avec 1, 2 et 3 *)
```

Il est aussi possible de définir un tableau avec Array. make (le premier argument est la taille du tableau, le deuxième est la valeur par défaut):

```
let tab = Array.make 3 0;; (* Définit un tableau de 3 éléments initialisés à 0 *****
```

De même il est possible d'utiliser Array.init pour initialiser un tableau :

```
let tab = Array.init 3 (fun i -> i);; (* Définit un tableau de 3 éléments
initialisés à 0, 1 et 2 *)
```

On peut obtenir la taille d'un tableau avec Array. Length (en O(1)):

```
let a = Array.length tab;; (* a vaut 3 *)
```

Pour accéder à un élément d'un tableau on utilise arr. (idx) :

```
1 let a = tab.(0);; (* a vaut 1 *)
```

Pour créer un tableau bidimensionnel on utilise Array.make_matrix:

```
let tab = Array.make_matrix 3 3 0;; (* Définit un tableau de 3x3 initialisé à 0 2 *)
let a = tab.(0).(0);; (* a vaut 0 *)
```

Structures de données

| 🖹 I Structures de données |
|---|
| 🗂 I.1 Listes chaînées |
| 🖹 I.2 Piles |
| 🖹 I.3 Files |
| 🗂 I.4 Dictionnaires |
| 🗂 II Piles, files, dictionnaires |
| Elli Arbres |
| T IV Graphes |
| Tivil Recherche de plus cours chemin |
| $	riangleq$ IV.1.a Graphes avec poids négatifs Dans un graphe on dit que l'arc $u \triangleright v$ est en tension si $\delta(v) > \delta(u) + w(u,v)$ |
| L'approche de Ford est donc d'éliminer les arcs en tension |
| Tant qu'il existe des arcs en tension, on traite tous les arcs de E et on traite ceux en tension, on a donc une complexité $O(n \times p)$ |

Informatique théorique

On dit qu'une fonction a des **effets de bord** si son exécution a des conséquences sur d'autres choses que ses variables locales

Une fonction est **déterministe** si le résultat est toujours le même avec les mêmes arguments

Une fonction est dite pure lorsqu'elle est déterministe et sans effets de bord

I.2 Complexité

On dit qu'un algorithme est en O(f(n)) **pire cas** si il existe une constante k telle que pour tout n assez grand, le nombre d'opérations est inférieur à kf(n)

On dit qu'un algorithme est en $\Omega(f(n))$ meilleur cas si il existe une constante k telle que pour tout n assez grand, le nombre d'opérations est supérieur à kf(n)

On dit qu'un algorithme est en $\Theta(f(n))$ cas moyen si il est en O(f(n)) et en $\Omega(f(n))$

On parle alors:

- O(1) pour une complexité constante
- $O(\log(n))$ pour une complexité logarithmique
- O(n) pour une complexité linéaire
- $O(n \log(n))$ pour une complexité quasi-linéaire
- $O(n^2)$ pour une complexité **quadratique**
- $O(k^n)$ pour une complexité **exponentielle**

I.3 Algorithmes de tri

En informatique on a souvent besoin de trier des listes, on a plusieurs algorithmes pour cela

Tri stable:

Un tri est dit **stable** si l'ordre des éléments égaux est conservé

I.3.a Tri par sélection

Le par sélection est l'algorithme le plus simple de tri, on prend le minimum et on le met en tête de liste.

Ainsi on a un invariant de boucle : la liste est triée jusqu'à l'indice i

Pour l'implémenter en C on fait :

```
1
     void selection_sort(int arr[], int n) {
                                                                                          0
2
        for (int i = 0; i < n; i++) {
3
          // Les i premiers éléments sont bien triés
4
          int min_i = i;
5
          for (int j = i+1; j < n; j++) {
6
7
            if (arr[j] < arr(min_i)) {</pre>
8
              min_i = j;
9
            }
10
          }
11
12
          // On échange les éléments en i et min_i
13
          int tmp = arr[i];
14
          arr[i] = arr[min_i];
15
          arr[min_i] = tmp;
16
        }
17
     }
```

Le tri par sélection est en $O(n^2)$, on a n comparaisons pour le premier élément, n-1 pour le second, etc.

Le tri par sélection a donc comme inconvéniant d'avoir une complexité quadratique et de ne pas être stable

I.3.b Tri bulle

Le tri bulle est un algorithme de tri simple, on compare les éléments deux à deux et on les échange si ils ne sont pas dans le bon ordre, comme des bulles qui remontent à la surface

On peut réaliser un tri pierre en descendant les éléments au lieu de les monter

Pour l'implémenter en C on fait :

```
1
     let bubble_sort(int arr[], int n) {
                                                                                          0
2
        for (int i = 0; i < n; i++) {
3
          // Les i premiers éléments sont bien placés
 4
          int k_last_perm = n-1;
5
          int smallest = arr[n-1];
6
7
          for (int j = n-1; j > i; j--) {
8
            if (arr[j-1] <= smallest) {</pre>
9
              // On change de bulle
10
              arr[j] = smallest;
11
              smallest = arr[j-1];
12
            } else {
13
              // On fait descendre la bulle
14
              arr[j] = arr[j-1];
15
              k_{ast_perm} = j - 1;
16
            }
17
          }
18
19
          arr[i] = smallest;
20
          // On n'a pas besoin de regarder les éléments entre i+1 et k_last_perm car on
      n'a fait aucune modification
21
          i = k_last_perm + 1;
22
        }
23
     }
```

Le tri bulle a une complexité en $O(n^2)$, on a n comparaisons pour le premier élément, n-1 pour le second, etc, mais cette complexité est rarement atteinte. De plus le tri bulle est stable

Le tri par insertion est un algorithme de tri qui consiste à insérer un élément à sa place dans une liste triée (les éléments précédents sont déjà triés mais pas forcément à leur place définitive)

Pour l'implémenter en C on fait :

```
1
      int insertion_sort(int arr[], int n) {
                                                                                            0
2
        for (int i = 0; i < n; i++) {
3
          // Les i premiers éléments sont bien triés
4
          int j = i;
5
          int elem = arr[i];
6
7
          for (; j>0 && elem < arr[j-1]; j--) {</pre>
8
            arr[j] = arr[j-1];
9
          }
10
          arr[j] = elem;
11
12
        }
13
     }
```

Le tri par insertion a une complexité en $O(n^2)$, on a n comparaisons pour le premier élément, n-1 pour le second, etc, mais cette complexité est rarement atteinte. De plus le tri par insertion est stable

I.3.d Tri rapide

Le tri rapide est un algorithme de tri qui consiste à choisir un pivot et à partitionner la liste en deux parties, les éléments plus petits que le pivot et les éléments plus grands que le pivot, on réitère sur les deux listes

Pour l'implémenter en C on fait :

```
1
     void quick sort(int * arr, int n) {
                                                                                           0
2
       if (n <= 1) { // Déjà trié</pre>
3
         return;
4
5
6
       int pivot = partition(arr, n);
7
       quick_sort(arr, pivot);
       quick_sort(&arr[pivot+1], n-pivot-1);
8
9
     }
```

Tout l'intérêt du tri rapide est dans la fonction partition qui permet de partitionner la liste en deux parties

On utilise la partition de Lomuto, qui consiste à garder le pivot en première position, puis les éléments plus petits que le pivot, puis les éléments plus grands que le pivot et enfin ceux qui ne sont pas encore triés

```
1
      int partition(int arr[], int n) {
                                                                                           0
2
        int pivot = arr[0];
3
        int p = 1;
4
5
        for (int i = 1; i<n; i++) {
6
          if (arr[i] < pivot) {</pre>
7
            arr_swap(arr, i, p); // On échange les éléments i et p
8
            p++;
          }
9
        }
10
11
        arr_swap(arr, 0, p-1); // On échange le pivot et le dernier élément plus petit
12
      que le pivot
13
        return p-1;
14
```

I.4 Algorithmes classiques

I.4.a Dichotomie

La dichotomie est un algorithme de recherche efficace : on prend le milieu de la liste et on regarde si l'élément est plus grand ou plus petit, on réitère sur la moitié de la liste etc...

Pour l'implémenter en C on fait de manière récursive :

```
1
     let index(int * arr, int n, int elem) {
                                                                                         0
        if (n == 0) {
2
3
          return -1; // On ne peut pas trouver
4
5
6
        int m = n/2;
7
8
        if (arr[m] == elem) { // On a trouvé!
9
          return m;
10
        } else if (arr[m] > m) { // L'élément se situe peut être dans la partie gauche
11
          return index(arr, m, elem);
        } else { // L'élément se situe peut être dans la partie droite
12
          int idx = index(&arr[m+1], n-m-1, elem);
13
14
15
          if (idx != -1) {
16
            idx += m+1;
          }
17
18
19
          return idx;
20
21
     }
```

On peut aussi faire de manière itérative :

```
0
1
      let index(int * arr, int n, int elem) {
2
        int l = 0, r = n;
3
4
        while (l < r) { // On recherche dans le tableau avec deux compteurs</pre>
5
          int m = (l+r)/2;
6
7
          if (arr[m] == val) { // On a trouvé!
8
          } else if (arr[m] > m) { // L'élément se situe peut être dans la partie
9
10
      gauche
11
          } else { // L'élément se situe peut être dans la partie droite
12
13
            l = m + 1;
14
          }
        }
15
16
17
        return -1; // Pas trouvé!
     }
```

L'avantage de la dichotomie est qu'elle a une complexité en $O(\log(n))$: elle permet donc une recherche efficace

II Récursion

III Stratégies algorithmiques

III.1 Algorithmes gloutons

III.2 Diviser pour régner

Le **tri fusion** est un tri en $\Theta(n\log(n))$, on sépare les listes puis on les trie en interne et on fusionne les deux listes triées

Pour l'implémenter en OCaml on fait :

```
1
     let rec partition = function
2
        | h1::h2::t -> let l,r = partition t in h1::l, h2::r
        | lst -> lst, [];;
3
 4
 5
     let rec merge l1 l2 = match l1,l2 with
6
        | (h1::t1), (h2::t2) when h1 <= h2 -> h1::(merge t1 l2)
        | (h1::t1), (h2::t2) -> h2::(merge l1 t2)
7
8
        | l1, [] -> l1;;
9
     let rec fusion_sort lst = match split lst with
10
11
        | lst, [] -> lst
12
         l1, l2 -> merge (fusion_sort l1) (fusion_sort l2)
```

Analysons l'algorithme du tri fusion, en regardant le nombre de comparaisons on retrouve une complexité en $\Theta(n\log(n))$ pour ces étapes

Plus mathématiquement on a pour $n\geq 2$, $u_{\lfloor\frac{n}{2}\rfloor}+u_{\lceil\frac{n}{2}\rceil}+\frac{n}{2}\leq u_n\leq u_{\lfloor\frac{n}{2}\rfloor}+u_{\lceil\frac{n}{2}\rceil}+n$ d'où on a $u_n=u_{\lfloor\frac{n}{2}\rfloor}+u_{\lceil\frac{n}{2}\rceil}+\Theta(n)$

A faire (Suites récurrentes d'ordre 1)

Suites "diviser pour régner":

Soit a_1,a_2 deux réels positifs vérifiant $a_1+a_2\geq 1$ et $(b_n)_{n\in\mathbb{N}}$ une suite positive et croissante et $(u_n)_{n\in\mathbb{N}}$ une suite vérifiant :

$$u_n = a_1 u_{\left\lfloor \frac{n}{2} \right\rfloor} + a_2 u_{\left\lceil \frac{n}{2} \right\rceil} + b_n$$

Ainsi en posant $\alpha = \log_2(a_1 + a_2)$, on a :

- Si $(b_n) = \Theta(n^{\alpha})$, alors $(u_n) = \Theta(n^{\alpha} \log(n))$
- Si $(b_n) = \Theta(n^\beta)$ avec $\beta < \alpha$, alors $(u_n) = \Theta(n^\alpha)$
- Si $(b_n) = \Theta(n^\beta)$ avec $\beta > \alpha$, alors $(u_n) = \Theta(n^\beta)$



Attention:

A savoir que si on retombe sur une relation de récurrence connue on peut donner directement la complexité

Pour l'implémenter en C on fait de la manière suivante :

A faire (Réecrire)



IV SQL

IV.1 Généralités

En SQL on stocke des entités avec des attributs et à chaque attribut on lui associe un type

On peut définir des relations entre les différentes entités

On stocke ces entités dans des tables : dans chaque table on stocke une entité

Il est possible de garder une case vide en plaçant un NULL dans la case

IV.2 Requêtes

Pour récupérer des données (projections) dans une table on a :

```
# Seulement les colonnes spécifiées

SELECT col1, ..., coln FROM table

# Toutes les colonnes

SELECT * FROM table

# Toutes les colonnes mais sans doublon

SELECT DISTINCT * FROM table
```

Ainsi on récupère toutes les lignes de la table avec ces projections

On peut aussi faire une sélection sur un critère :

```
1 SELECT * FROM table WHERE bool
```

Les opérations booléennes sont les suivantes :

- col > a/col < a/col = a pour faire des comparaisons
- col IN (a, b, c) pour savoir si la cellule est dans un ensemble de valeur
- col IS NULL/IS NOT NULL pour savoir si la cellule est nulle ou non
- col LIKE '% Text %' pour regarder si Text est dans la chaine de caractère de la cellule

On peut combiner les critères avec AND/OR/NOT

Il est possible de sélectionner un attribut non projeté

Pour ordonner les résultats on ordonne en utilisant

```
# Triés par valeur croissante

SELECT * FROM table ORDER BY col

# Triés par valeur décroissante

SELECT * FROM table ORDER BY col DESC
```

Pour limiter le nombre de valeurs on utilise

```
# On prend au maximum 3 éléments

SELECT * FROM table LIMIT 3

# On prend au maximum 3 éléments mais sans les 2 premiers

SELECT * FROM table LIMIT 3 OFFSET 2
```

IV.3 Fonctions

On peut compter le nombre d'entités qui vont être renvoyées

```
# Nombre d'éléments dans la table
SELECT COUNT(*) FROM table
```

On peut compter sur une colonne spécifique avec COUNT(col1, ..., col2), les cases ne sont pas comptées si NULL,

Il est aussi possible de compter le nombre de valeur distinctes pour une colonne :

```
1 SELECT COUNT(DISTINCT col) FROM table
```

On peut utiliser MAX, MIN, SUM et AVG pour avoir du préprocessing, il est aussi possible d'avoir la moyenne en faisant SUM(col)/COUNT(*)



Attention:

On ne peut mélanger une colonne et une fonction dans la projection

Il est possible de grouper les valeurs

```
# Renvoie des groupes des valeurs de col
SELECT col FROM table GROUP BY col
```



Attention:

Il n'est pas possible d'utiliser GROUP BY sur des colonnes non groupées

Par contre les fonctions agissent sur chaque groupe, ainsi il est possible d'écrire

```
# Renvoie des groupes des valeurs de col avec le nombre d'occurence de cette valeur dans la table

SELECT col, COUNT(*) FROM table GROUP BY col
```

Pour sélectionner des groupes on peut utiliser :

```
# Renvoie des groupes des valeurs de col si la valeur minimale du groupe dans la colonne col2 est supérieure à x avec la valeur minimale de col2 de ce groupe dans la table

SELECT col1, MIN(col2) FROM table GROUP BY col1 HAVING MIN(col2) > x
```

Les opérations sont executées dans cet ordre :

- WHERE
- GROUP BY
- HAVING
- ORDER BY
- LIMIT/OFFSET
- SELECT à la fin bien qu'on le mette en tête de la requête

Ainsi une clause valide est

```
SELECT * WHERE cond GROUP BY col HAVING cond2 ORDER BY col2 LIMIT 3 OFFSET 2
```

IV.4 Sous requêtes

Il est possible d'écrire une sous requête :

```
# Ici on sélectionne seulement les éléments donc la valeur col est supérieure à
la valeur moyenne de col
SELECT * FROM table WHERE col > (SELECT AVG(col) FROM table)
```

Il est donc aussi possible d'utiliser cette syntaxe avec des IN

```
# Ici on va sélectionner seulement les lignes dont la valeur de col correspond à la condition cond

SELECT * FROM table WHERE col IN (SELECT DISTINCT col FROM * WHERE cond)
```

Le col AS nameBis permet de renommer une colonne

Si on reçoit un tableau, on peut sélectionner dans les réponses

```
# Ainsi on renvoie la moyenne d'une colonne col2 telle que ses éléments vérifien
la condition

SELECT AVG(resp.colName) FROM (SELECT col1, col2 AS colName FROM table WHERE cond) AS resp
```

IV.5 Combiner les tables

Il est possible de combiner des tables

```
# Sélectionne dans le produit cartésien des deux tables
SELECT * FROM table1, table2
```

Mais en faisant ça on va avoir plein de lignes qui n'ont pas de sens, ainsi si on veut garder seulement les lignes qui nous intéressent

```
# Sélectionne dans le produit cartésien des deux tables seulement les éléments donc la col1 de la table 1 est le même que celui de la col 2 de la table 2

SELECT * FROM table1, table2 WHERE table1.col1 = table2.col2
```

Mais pour éviter ça on peut aussi de manière équivalente écrire :

```
# On sélectionne les éléments de la table1 en ajoutant la table2 si la condition est vérifiée, le ON est donc un WHERE

SELECT * FROM table1 JOIN table2 ON table1.col1 = table2.col2
```

Le produit cartésien n'est donc qu'une manière de jointure

On peut aussi utiliser le LEFT JOIN qui permet de garder un élément de la première table même si il n'a pas d'équivalent dans la seconde table

```
# On sélectionne les éléments de la tablel en concaténant les éléments dont la condition est vérifiée, et rien si il n'y a pas d'équivalent

SELECT * FROM tablel LEFT JOIN table2 ON tablel.col1 = table2.col2
```

On peut faire l'union de deux requêtes

```
# On a les éléments qui vérifient la cond1 ou cond2

SELECT * FROM table WHERE cond1 UNION SELECT * FROM table WHERE cond2
```



Attention :

Pour utiliser l'union il faut juste que les types sont compatibles mais pas les noms de colonne

On peut aussi faire l'intersection de deux requêtes

```
# On a les éléments qui vérifient la cond1 et cond2

SELECT * FROM table WHERE cond1 INTERSECT SELECT * FROM table WHERE cond2
```

On peut faire des différences ensemblistes avec MINUS ou EXCEPT

IV.6 Créer une BDD

Pour créer une base de données on utilisera

```
CREATE TABLE IF NOT EXISTS table (
coll TYPE1,
col2 TYPE2,
col3 TYPE3
)
```

Si on veut limiter le nombre de caractères, on peut le préciser entre parenthèses, par exemple VARCHAR(6) pour avoir des chaînes d'au plus 6 caractères

On peut définir une **clé primaire** qui ne peut avoir 2 fois la même valeur, on indiquera PRIMARY KEY après le type :

```
CREATE TABLE IF NOT EXISTS table (
coll TYPE1 PRIMARY KEY,
...
)
```

Les autres attibuts seront dépendant de la clé primaire : si on connaît la clé primaire on peut connaître les autres valeurs associées à la liste

Si on a une clé primaire dans un GROUP BY autorise à projeter sur tous les éléments (pas comme précédemment)

Il y a au plus une clé primaire par table, et une valeur NULL ne peut être une valeur pour cette case

On peut définir un clé étrangère qui vont être des liens entre les différentes tables

```
CREATE TABLE IF NOT EXISTS table (
...,
FOREIGN KEY (col) REFERENCES table(col)
)
```

Il est aussi possible de modifier une table en utilisant ALTER TABLE

Pour insérer dans une table on utilise :

```
INSERT INTO table (col1, col2, col3) VALUES (value1, value2, value3)
```

On peut modifier un élement :

```
1 UPDATE table SET col1 = value WHERE cond
```

On peut aussi supprimer un élement :

```
DELETE FROM table WHERE cond
```

IV.7 Type entités

Les types entités sont liées par des types associations

On précise les cardinalités :

- 1,1 en liaison avec une et une seule entité
- 1, n en liaison avec au moins une autre entité
- 0, 1 en liaison avec au plus une autre entité
- 0, n en liaison avec un nombre quelconque d'entités

V Algorithmes des textes

V.1 Bases

En C on représente les chaînes de caractère par des char * avec un \0 à la fin de la chaîne (donc un 0 dans la dernière case)

On peut utiliser strlen pour connaître la longueur d'une chaîne

En OCaml on a le module String qui permet de manipuler les chaînes de caractères et les chaînes de caractères sont immuables

On peut concaténer des chaînes avec ^ et on peut accéder à un caractère avec . [i]

On peut aussi utiliser String. Length pour connaître la longueur d'une chaîne (en O(1))

Pour lire tous les éléments d'une chaine en C on fera :

```
1  for (int i = 0; str[i] != '\0'; i++) {
2   // Do code
3 }
```

En C un char correspond à un entier entre -128 et 127, ainsi on peut écrire int a = (int) 'a' (le cast n'est pas obligatoire) pour avoir 97

A noter que ' est un caractère et " est une chaîne de caractère



Attention:

On ne fera pas une boucle for avec strlen car on va recalculer la longueur de la chaîne à chaque itération

V.2 Algorithmes

Imaginons que l'on veuille trouver si une chaîne de caractères n'est constituée que de mots valides (en supposant que la fonction is_word existe):

```
void is sentence(char * s) {
 1
                                                                                           0
        if (s[0] == '\0') {
2
 3
          return;
 4
        }
 5
6
        int n = strlen(s);
        int * arr = malloc((n+1) * sizeof(*arr));
7
8
        arr[0] = 0;
9
10
        for (int i = 1; i \le n; i++) {
11
          arr[i] = -1; // On initialise à false car le malloc ne le fait pas
12
          char tmp = s[i];
13
          s[i] = ' \setminus 0';
14
          for (int j = i-1; arr[i] != -1 && j >= 0; --j) {
15
            if (arr[j] != -1 && is_word(&s[j])) {
16
              arr[i] = j;
17
            }
18
          }
19
          s[i] = tmp;
20
21
        // Le tableau arr contient l'indice du début du mot précédent (ou -1 si il n'y
      en a pas)
22
        free(arr);
23
```

Il est intéressant de mémoïser cette fonction pour éviter de recalculer plusieurs fois la même chose

Pour déterminer si une chaîne de caractères est un mot, on a plusieurs approches, en considérant N mots et p la longueur de la chaîne :

- Approche naïve : On compare pour chaque mot $O(N \times p)$
- Approche dicothomique : On trie les mots et on fait une recherche dichotomique $O(p \times \log(N))$
- On utilise un TRIE, c'est à dire un arbre où chaque noeud est une lettre et chaque branche est un mot, on a une complexité en O(p) (selon l'implémentation de chaque noeud et de son stockage), on privilégiera de stocker dans un dictionnaire les mots. Une autre solution est de stocker tous les mots dans un dictonnaire et de regarder si le mot est dedans

V.3 Recherche de motifs

Une recherche de motif est une recherche d'une chaîne de caractères dans une autre chaîne de caractères

On considère un motif de longueur p et un texte de longueur n

Une première approche naïve est de regarder pour chaque sous-chaîne de longueur p si elle est égale au motif, on a une complexité en $O(n \times p)$ (généralement O(n) en pratique)

VI Formules propositionnelles

Formule propositionnelle:

On a deux constantes, \top qui est toujours vraie et \bot qui est toujours fausse

On peut les combiner avec des opérateurs logiques :

- $\wedge : a \wedge b$ est vrai si a et b sont vrais
- $\vee : a \vee b$ est vrai si a ou b est vrai
- \neg : $\neg a$ est vrai si a est faux

On définit la hauteur et la taille d'une formule propositionnelle comme la hauteur et la taille de l'arbre de la formule

Ainsi $(A \wedge T) \vee ((B \wedge \bot) \wedge C)$ est de hauteur 2 et de taille 5.

Liste d'algorithmes

| Tri par sélection 🥃 | 22 |
|---------------------------|----|
| Tri bulle 🥃 | 23 |
| Tri par insertion 🧿 | 24 |
| Tri rapide 🥥 | 25 |
| Partition (Lomuto) 🥥 | 25 |
| Dichotomie (Récursive) 🤪 | 25 |
| Dichotomie (Impérative) 🧿 | 26 |
| Tri fusion 🥁 | 27 |
| Tri fusion 🧿 | 27 |
| Découpage en mots 🥥 | 33 |

Table des matières

| I Introduction au C | 3 | II Récursion | 26 |
|--|----------|-------------------------------|----|
| 👰 I.1 Variables | 3 | III Stratégies algorithmiques | 26 |
| § 1.1 Variables § 1.2 Opérateurs | 3 | III.1 Algorithmes gloutons | 27 |
| I.3 Structures de contrôle | 3 | III.2 Diviser pour régner | 27 |
| A I.4 Fonctions | 4 | IV SQL | 28 |
| I.5 Tableaux en C | 5 | | 28 |
| | 5 | | 28 |
| = | <i>7</i> | IV.2 Requetes IV.3 Fonctions | 29 |
| I.7 Types construits A Hiptroduction on OComb | | IV.4 Sous requêtes | 30 |
| I Introduction au OCaml | 8 | • | |
| II.1 Expressions II.2 Type as fort | 8 | IV.5 Combiner les tables | 30 |
| II.2 Typage fort A H.2 D. G. W. | 9 | IV.6 Créer une BDD | 31 |
| II.3 Définitions | 9 | / IV.7 Type entités | 32 |
| II.4 Fonctions | 10 | V Algorithmes des textes | 32 |
| II.5 Expressions plus complexes | 12 | V.1 Bases | 32 |
| II.6 Listes | 13 | V.2 Algorithmes | 33 |
| II.6.a Créer une liste | 13 | V.3 Recherche de motifs | 34 |
| II.6.b Opérations sur les listes | 14 | VI Formules propositionnelles | 34 |
| II.6.c Fonctions sur les listes | 14 | Liste d'algorithmes | 35 |
| II.7 Types construits | 16 | Table des matières | 36 |
| II.8 Programmation impérative | 17 | | |
| II.8.a Blocs d'instructions | 17 | | |
| II.8.b Références | 18 | | |
| II.8.c Boucles | 19 | | |
| II.9 Tableaux | 19 | | |
| 🖰 I Structures de données | 21 | | |
| 🗂 I.1 Listes chaînées | 21 | | |
| 🔁 I.2 Piles | 21 | | |
| 🗂 I.3 Files | 21 | | |
| 🔁 I.4 Dictionnaires | 21 | | |
| II Piles, files, dictionnaires | 21 | | |
| Ⅲ Arbres | 21 | | |
| | 21 | | |
| IV.1 Recherche de plus cours chem | in | | |
| 21 | | | |
| 🖹 IV.1.a Graphes avec poids négati | fs 21 | | |
| | 22 | | |
| | 22 | | |
| | 22 | | |
| | 22 | | |
| | 22 | | |
| | 23 | | |
| | 24 | | |
| ✓ 1.3.c 111 par insertion✓ 1.3.d Tri rapide | 25 | | |
| | 25 | | |
| A.4.a Dichotomie | 25 25 | | |
| | 23 | | |