# Задание 15.1

#### Условие

(Vovatka) Ященко перепутал егэ и придумал для вас следующую задачу. Обозначим ДЕЛ(n, m) утверждение "натуральное число n делится без остатка на натуральное число m". Обозначим через ЦИ(s, b) утверждение "сумма цифр натурального числа s равна сумме цифр натурального числа b". Для какого наименьшего натурального числа A формула:

$$(x + A < 145) \rightarrow (ЦИ(A, 71) \land ДЕЛ(A, 11))$$

тождественно истинна, то есть принимает значение 1 при любом целом неотрицательном значении переменной х.

#### Пояснение

### Руками:

- 1. Раскроем импликацию: ¬ (x + A < 145) V (ЦИ(A, 71) ∧ ДЕЛ(A, 11))
- 2. Выражение ¬ (х + А < 145) выполняется всегда при А >= 145
- 3. Запись ЦИ(A, 71)  $\wedge$  ДЕЛ(A, 11) означает: сумма цифр числа A должна быть равна 8 т.к. "71" = 7 + 1 = 8, также A должно без остатка делится на 11
- 4. Рассмотрим все А, которые меньше 145 и делятся нацело на 11: 11, 22, 33, 44, 55, 66, 77, 88, 99, 110, 121, 132, 143. Из них только у 44 и 143 сумма цифр равна 8, в ответ записываем наименьшее. Ответ: 44

### Прогой:

```
File Edit Format Run Options Window Help
 1 def ci(s, b):
 2
       """Возвращает истину,
 3
       если сумма цифр чила s равна сумме цифр числа b"""
       if sum(int(i) for i in str(s)) == sum(int(j) for j in str(b)):
 4
 5
           return True
 6
       return False
 8
 9 for A in range(1, 300):
10
       for x in range (300):
           if ((x + A < 145) \le (ci(A, 71)) and (A % 11 == 0)) = False:
11
               break
12
13
       else:
14
           print(A)
15
           break
16 #Ответ: 44
```

# Задание 15.2

#### Условие

(Vovatka) В Париже изобрели формулу любви. Берут пару людей и складывают их возраст. Затем в формулу вместо А вписывают полученную сумму. Формула выглядит так:

$$ДЕЛ(x, A) \rightarrow (ДЕЛ(x, 6) \land ДЕЛ(x, 4))$$

Если при каком-то значении А данное выражение является истинным при любом натуральном значении х, то пару называют страстной. Определите сколько пар из тех, что представлены на рисунке справа, являются страстными.



### Пояснение

# Руками:

- 1. Вычислим все A: 20 + 19 = 39, 40 + 36 = 76, 32 + 28 = 60, 37 + 29 = 66, 12 + 12 = 24
- 2. Раскроем импликацию: ¬ДЕЛ(x, A) ∨ ДЕЛ(x, 6) ∧ ДЕЛ(x, 4), из этого выражения следует, что нам подходят A, которые делятся на 6 и на 4. Среди пар таких A всего два 60 и 24. Ответ: 2

# Прогой:

```
File Edit Format Run Options Window
                              Help
 1 | k = 0
  for A in [39, 76, 60, 66, 24]:
       for x in range (1, 500):
            f = (x % A == 0) <= (x % 6 == 0 and x % 4 == 0)
 4
 5
            if not f:
 6
                break
 7
       else:
 8
            k += 1
10 print(k)
11 # OTBET: 2
12
```

# Задание 15.3

#### Условие

(Vovatka) Петя усердно готовится к экзаменам, но совсем не уделяет внимание русскому языку. Он не осознает, что его 200 потенциальных баллов за информатику и математику без 80+ по русскому - ничто. Давайте напомним Пете, что он сдает ЕГЭ по 3-ём предметам.

Обозначим некоторые утверждения (здесь и далее "s" - любая буква из английского и русского алфавита):

СОГ(s) - "буква s является согласной"

ГЛАС(s) - "буква s является гласной"

ЗАГ(s) - "буква s является заглавной"

CTP(s) - "буква s является строчной"

РУС(s) - "буква s относится к русскому алфавиту"

АНГЛ(s) - "буква s относится к английскому алфавиту"

На доске написали строку "ЙІДиюdЧЛWиIшSюbяNiGRtLJtжяGфFgціи". Гарантируется, что в строке нет символов, имеющих схожее написание в русском и английском алфавитах (c, o, a, p, x и др.). Нужно оставить на доске только те буквы, для которых формула:

$$(\neg (PYC(s) \rightarrow CO\Gamma(s)) \land CTP(s)) \lor (\neg (\Gamma \Pi AC(s) \lor 3A\Gamma(s)) \land AH\Gamma\Pi(s))$$

тождественно истинна. Остальные необходимо стереть. Определите какая строка получится в итоге.

ПРИМЕР: для строки "dиYиTЧЯ" и формулы ГЛАС(s)  $\Lambda$  СТР(s)  $\Lambda$  ¬АНГЛ(s) результат будет следующим: "uЯ"

#### СПРАВКА:

- Русский алфавит (строчные буквы) "абвгдеёжзийклмнопрстуфхцчшщъыьэюя"
- Английский алфавит (строчные буквы) "abcdefghijklmnopgrstuvwxy"
- Гласные буквы русского алфавита "еёиоуыэюя"
- Гласные буквы английского алфавита "aeiouy"

### Пояснение

## Руками:

- 1. Для удобства разобьем формулу на 2 части
  - а. 1 часть:  $\neg (PYC(s) \rightarrow CO\Gamma(s)) \land CTP(s)$
  - b. 2 часть:  $\neg (\Gamma \Pi AC(s) \lor 3A\Gamma(s)) \land AH\Gamma \Pi(s)$
- 2. Преобразуем 1-ую часть:
  - а. Раскроем импликацию:  $\neg (\neg PYC(s) \lor COF(s)) \land CTP(s)$
  - b. Применим закон де Моргана: РУС(s)  $\Lambda \neg CO\Gamma(s) \Lambda$  СТР(s)
  - с. Получили формулу, которую можно прочитать так: буква s русская, не согласная, строчная
  - d. ¬СОГ(s) можно заменить на ГЛАС(s), получим: буква s русская, гласная, строчная

- 3. Преобразуем 2-ую часть:
  - а. Применим закон де Моргана:  $\neg ГЛАС(s) \land \neg 3АГ(s) \land AHГЛ(s)$
  - b. Получили формулу, которую можно прочитать так: буква s не гласная, не заглавная, английская
  - с. ¬ГЛАС(s) и ¬ЗАГ(s) можно заменить на СОГ(s) и СТР(s) соответственно: буква s согласная, строчная, английская
- 4. Объединим 1-ую и 2-ую часть, получим формулу РУС(s) Λ ГЛАС(s) Λ СТР(s) V СОГ(s) Λ СТР(s) Λ АНГЛ(s), которую можно прочитать так: буква s должна быть либо русской, гласной и строчной, либо английской, согласной и строчной. Под такое условие подходят: I, ю, d, и, I, ю, b, я, t, t, я, g, и Ответ: Iюdulюbяttяди

### Прогой:

```
File Edit Format Run Options Window Help
 1 line = "Й1ДиюdЧЛWиlшSюbяNiGRtLJtжяGфFqціи"
  alph ru = "абвгдеёжзийклмнопрстуфхцчшщъыьэюя"
 3 alph en = "abcdefghijklmnopqrstuvwxy"
  glasn ru = "еёиоуыэюя"
  glasn_en = "aeiouy"
 7
 8 def sog(s):
 9
      """Возвращает истину,
10
      если буква з является согласной"""
      if s not in glasn en + glasn ru:
11
12
          return True
13
     return False
14
15
16 def glas(s):
17 """Возвращает истину,
18
      если буква з является гласной"""
     if not sog(s):
19
20
          return True
    return False
21
22
23
24 def en(s):
25 """Возвращает истину,
      если буква s относится к английскому алфавиту"""
26
     if s in alph en:
27
28
          return True
29
     return False
30
31
32 def ru(s):
      """Возвращает истину,
33
      если буква s относится к русскому алфавиту"""
34
35
     if s in alph_ru:
36
          return True
     return False
37
38
39
40 new line = ""
41 for s in line:
     if (((not (ru(s) <= sog(s))) and s.islower()) or</pre>
42
43
               ((not (glas(s) or s.isupper())) and en(s))):
          new line += s
45 print (new line)
46 # ormer: lmdulmbsttsqu
47
```