

UNIVERSIDAD DEL BÍO BÍO

DEPARTAMENTO DE MATEMÁTICA



SUMATIVO Nº1 ÁLGEBRA Y TRIGONOMETRÍA - MÓDULO 1 220143

Alumno:	Pur.
ALUMNU	KU1:

P1 (20 ptos)	P2 (20 ptos)	P3 (30 ptos)	P4 (30 ptos)	Total Ptos	Nota (1-7)

INSTRUCCIONES

- Escribir sus respuestas con letra clara y legible con lápiz pasta.
- Las respuestas deben venir debidamente justificadas.
- Cada una de las hojas de respuestas debe venir con Nombre, rut y número de la pregunta.
- Al enviar la resolución de la evaluación, esta debe venir en un único archivo pdf de la siguiente forma:

NombreApellidoAlumno_codigoasignatura_seccion_sumativo1.pdf

- Tiene 80 minutos para responder + 20 minutos para el envío del archivo.
- 1. Complete la tabla de verdad de la proposición compuesta

$$(p \land \sim q) \lor (p \longrightarrow q)$$

y determine si es una Tautología, Contradicción o Contingencia.

p	q	$\sim q$	$p \land \sim q$	$p \longrightarrow q$	$(p \land \sim q) \lor (p \longrightarrow q)$
V	V				
V	F				
F	V				
F	F				

a) Relacione las proposiciones equivalentes, escribiendo en el cuadro de la primera columna, el número de la 2. tercera columna que corresponda.

$\sim p \longrightarrow q$	1	$\sim (q \lor p)$
$\sim p \land \sim q$	2	$\sim (p \longrightarrow q)$
$\sim q \longrightarrow \sim p$	3	$p \lor q$
$p \land \sim q$	4	$p \longrightarrow q$

b) Marque la alternativa correcta. Dada la proposición $p: \forall x \in \mathbb{R}^+, \sqrt{x} < x$, su valor de verdad y su negación es

$$i) \ V \quad \mathbf{y} \quad \sim p: \ \exists \ x \in \mathbb{R}^+, \ \sqrt{x} > x$$
 $ii) \ F \quad \mathbf{y} \quad \sim p: \ \exists \ x \in \mathbb{R}^+, \ \sqrt{x} > x$

$$ii) \ F \ y \ \sim p: \exists x \in \mathbb{R}^+, \sqrt{x} > x$$

$$iv) \ V \ \mathbf{y} \ \neg p: \exists x \in \mathbb{R}^+, \sqrt{x} \geq x$$

3. Utilizando las Leyes del Álgebra de Conjuntos (justificando cada paso), demuestre que:

a)
$$A - (A - B) = A \cap B$$

b)
$$(A \cup B) - B = A - B$$

- 4. En una facultad de ciencias donde hay 100 estudiantes, se dictan dos asignaturas: álgebra y física, 15 alumnos se inscriben en álgebra, 10 en álgebra y física y 50 estudiantes no inscriben asignatura.
 - a) Defina conjuntos adecuados y haga un diagrama de Venn que ilustre la situación.
 - b) ¿Cuántos estudiantes inscriben física?
 - c) ¿Cuántos estudiantes inscriben sólo álgebra?
 - d) ¿Cuántos estudiantes inscriben algebra o física?

J.V & G.S & V.P