

UNIVERSIDAD DEL BÍO-BÍO FACULTAD DE CIENCIAS DEPARTAMENTO DE MATEMÁTICA



GUÍA 3: SUCESIONES Y SERIES

RESULTADOS DE APRENDIZAJES

1. Utiliza sucesiones, series y sus propiedades para solucionar problemas contextualizados del cálculo integral

SUCESIONES

Ejercicio 1.

Determine el límite de las sucesiones siguientes.

1.
$$\lim_{n \to +\infty} \frac{3n^2 - 5n}{5n^2 + 2n - 6}$$

1.
$$\lim_{n \to +\infty} \frac{3n^2 - 5n}{5n^2 + 2n - 6}$$
 4. $\lim_{n \to +\infty} \left(\frac{n+1}{2n+1}\right)^n$ 7. $\lim_{n \to \infty} \left(1 + \frac{3}{n}\right)^n$ 10. $\lim_{n \to +\infty} \frac{\pi^n}{3^n}$

7.
$$\lim_{n \to \infty} \left(1 + \frac{3}{n} \right)^n$$

10.
$$\lim_{n \to +\infty} \frac{\pi^n}{3^n}$$

2.
$$\lim_{n \to +\infty} \frac{2n^5 - 4n^2}{3n^7 + n^3 - 10}$$

5.
$$\lim_{n \to +\infty} \frac{n^2}{10 + n\sqrt{n}}$$

8.
$$\lim_{n\to\infty} (\sqrt{n+2} - \sqrt{n})$$

2.
$$\lim_{n \to +\infty} \frac{2n^5 - 4n^2}{3n^7 + n^3 - 10}$$
 5. $\lim_{n \to +\infty} \frac{n^2}{10 + n\sqrt{n}}$ 8. $\lim_{n \to \infty} (\sqrt{n+2} - \sqrt{n})$ 11. $\lim_{n \to +\infty} (\ln(n+1) - \ln(n))$

3.
$$\lim_{n \to +\infty} \frac{4 - 2n - 3n^2}{2n^2 + n}$$
 6. $\lim_{n \to +\infty} \frac{2^{n+1} - 1}{2^n}$ 9. $\lim_{n \to \infty} \frac{\ln(2 + e^n)}{3n}$ 12. $\lim_{n \to +\infty} \frac{\ln(n)}{n}$

6.
$$\lim_{n \to +\infty} \frac{2^{n+1} - 1}{2^n}$$

9.
$$\lim_{n\to\infty} \frac{\ln(2+e^n)}{3n}$$

12.
$$\lim_{n \to +\infty} \frac{\ln(n)}{n}$$

Ejercicio 2.

Diga si las sucesiones siguientes son o no convergentes, en caso de convergencia calcule su límite justificando su respuesta.

(a)
$$\lim_{n \to +\infty} (-1)^n \frac{n^2}{1+n^3}$$

(d)
$$\lim_{n \to +\infty} \cos\left(\frac{n\pi}{2}\right)$$

(a)
$$\lim_{n \to +\infty} (-1)^n \frac{n^2}{1+n^3}$$
 (d) $\lim_{n \to +\infty} \cos\left(\frac{n\pi}{2}\right)$ (g) $\lim_{n \to +\infty} (-1)^n \sin\left(\frac{1}{n}\right)$ (j) $\lim_{n \to +\infty} \frac{\sin(n)}{\sqrt{n}}$

(j)
$$\lim_{n \to +\infty} \frac{\operatorname{sen}(n)}{\sqrt{n}}$$

(b)
$$\lim_{n \to \infty} (-1)^n$$

$$\text{(b)} \quad \lim_{n \to +\infty} (-1)^n \qquad \qquad \text{(e)} \quad \lim_{n \to +\infty} (-1)^n \frac{n^2}{1+n^2} \qquad \text{(h)} \quad \lim_{n \to +\infty} \frac{(-3)^n}{n!} \qquad \qquad \text{(k)} \quad \lim_{n \to \infty} \operatorname{sen} \left(\frac{n\pi}{2}\right)$$

(h)
$$\lim_{n \to +\infty} \frac{(-3)^n}{n!}$$

(k)
$$\lim_{n \to \infty} \operatorname{sen}\left(\frac{n\pi}{2}\right)$$

(c)
$$\lim_{n \to +\infty} \frac{(-1)^n}{n}$$

(f)
$$\lim_{n \to +\infty} \frac{3 + (-1)^n}{n^2}$$

(c)
$$\lim_{n \to +\infty} \frac{(-1)^n}{n}$$
 (f) $\lim_{n \to +\infty} \frac{3 + (-1)^n}{n^2}$ (i) $\lim_{n \to +\infty} (-1)^n \frac{n+1}{n}$

SERIES

Ejercicio 3.

Exprese el decimal repetido $0.121212\cdots$ como un cociente de enteros.

Diga si las series siguientes son o no convergentes, en caso afirmativo calule si es posible la suma.

1.
$$\sum_{n=1}^{+\infty} 2^{2n} 3^{1-n}$$

$$5. \sum_{n=1}^{+\infty} 3^{-n} 8^{n+1}$$

9.
$$\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{5}{2^2 + 4n + 3}$$
 13.
$$\sum_{n=2}^{+\infty} \frac{1}{n(\ln n)^p}$$

$$13. \sum_{n=2}^{+\infty} \frac{1}{n(\ln n)^p}$$

2.
$$\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{1}{n(n+1)}$$

2.
$$\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{1}{n(n+1)}$$
 6.
$$\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{n^2}{3(n+1)(n+2)}$$
 10.
$$\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{sen(n)}{n\sqrt{n}}$$

10.
$$\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{sen(n)}{n\sqrt{n}}$$

14.
$$\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{(\ln n)^2}{n^2}$$

3.
$$\sum_{n=1}^{+\infty} \left(\frac{3}{n(n+1)} + \frac{1}{2^n} \right)$$
 7.
$$\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{n}{\sqrt{1+n^2}}$$
 11.
$$\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{(n+1)5^n}{n3^{2n}}$$

7.
$$\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{n}{\sqrt{1+n^2}}$$

11.
$$\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{(n+1)5^n}{n3^{2n}}$$

15.
$$\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{n^n}{n!}$$

4.
$$\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{(-3)^{n-1}}{4^n}$$

$$8. \sum_{n=1}^{+\infty} \frac{3^n + 2^n}{6^n}$$

4.
$$\sum_{n=0}^{+\infty} \frac{(-3)^{n-1}}{4^n}$$
 8.
$$\sum_{n=0}^{+\infty} \frac{3^n + 2^n}{6^n}$$
 12.
$$\sum_{n=0}^{+\infty} \frac{(n+2)!}{n!10^n}$$

$$16. \sum_{n=1}^{+\infty} \frac{n^n}{n!}$$



UNIVERSIDAD DEL BÍO-BÍO FACULTAD DE CIENCIAS DEPARTAMENTO DE MATEMÁTICA



Ejercicio 5.

Diga si las series siguientes son o no convergentes, absolutamente o condicionalmente convergentes.

(a)
$$\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{(-1)^{n+1}}{n^4}$$

(d)
$$\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{sen(2n)}{n^2}$$

(d)
$$\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{sen(2n)}{n^2}$$
 (g)
$$\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{(-1)^{n+1}5^{n-1}}{(n+1)^24^{n+2}}$$
 (j)
$$\sum_{n=1}^{+\infty} (-1)^n \frac{n^3}{3^n}$$

(j)
$$\sum_{n=1}^{+\infty} (-1)^n \frac{n^3}{3^n}$$

(b)
$$\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{(-1)^n n}{4^n}$$

(e)
$$\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{(n+1)5^n}{n3^{2n}}$$
 (h) $\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{\cos(\frac{n\pi}{6})}{n\sqrt{n}}$ (k) $\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{1}{(\log n)^n}$

(h)
$$\sum_{1}^{+\infty} \frac{\cos(\frac{n\pi}{6})}{n\sqrt{n}}$$

$$(k) \sum_{n=1}^{+\infty} \frac{1}{(\log n)^n}$$

(c)
$$\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{(-1)^{n-1}}{(2n-1)!}$$

(f)
$$\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{(n+2)!}{n!10^n}$$

(i)
$$\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{n^n}{n!}$$

Ejercicio 6.

Se deja caer una pelota desde la altura inicial de 15 metros sobre una plancha de concreto. Cada vez que la pelota rebota, alcanza una altura de $\frac{2}{3}$ de su altura precedente. Recurra a la serie geométrica para determinar la distancia que la pelota recorre antes de quedar en reposo.