UNIVERSIDAD DEL BÍO BÍO





Ingeniería Civil Informática - 2021 (1) Álgebra Lineal



Trabajo

Alumno: Rut:

P1 (50 ptos)	P2 (30 ptos)	P3 (20 ptos)	Total Ptos	Nota(1-7)

Dada la matriz $A=egin{pmatrix} -1 & 1 & 0 \ 0 & 3 & 0 \ 4 & -2 & 5 \end{pmatrix}$.

- a) Determine el polinomio caracteristico.
- b) Encuentre los valores propios de A.
- c) Encuentre los vectores propios asociados a cada valor propio.
- d) Encuentre las multiplicidad algebraica y geométrica de cada valor propio.
- e) ¿La matriz A es invertible? Justifique utilizando el item b).
- f) ${}_{\dot{c}}A$ es diagonalizable? Si lo es, encuentre la matriz P y D tales que $P^{-1}AP=D$

Pregunta N°2 (30 puntos)

Dada la matriz $B=egin{pmatrix}1&1&0\\-1&0&1\\-2&1&0\end{pmatrix}$, utilice el Teorema de Cayley-Hamilton para calcular

- a) B^{5}
- b) B^{-2}

Hallar una matriz semejante a la matriz $C = egin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \ 0 & 1 & 5 & -10 \ 1 & 0 & 2 & 0 \ 1 & 0 & 0 & 3 \end{pmatrix}$