

Partie Exercices

Exercice 1 (9 points)

Alice construit un cryptosystème RSA à partir des nombres premiers $p_a = q_a = 31$. Alice doit choisir l'exposant de sa clé publique e_a parmi les nombres suivants : 9, 12, 13 et 63. Et calculer sa clé privée d_a .

- ~~1-~~ Quel sera alors son choix pour e_a ? (Justifier) (1pt)
- ~~2-~~ Quelle est la valeur de sa clé privée d_a ? (Justifier) (2pt)

Bob ne disposant pas de clé publique dans l'annuaire, pas de canal sécurisé entre et Alice et veut solliciter Alice pour lui envoyer une information confidentielle.

- 3- Que doit faire Bob ? (En deux étapes) (1pt)

Bob décide enfin de construire un cryptosystème RSA à partir des nombres $p_b = 67$ et $q_b = 37$, il doit choisir l'exposant de la clé publique parmi les nombres suivants :

45, 46, 47, 48, 49

- 4- Quel sera son choix ? (Justifier) (0.5pt)

On note e_b son choix. Bob doit choisir sa clé secrète d_b parmi les valeurs suivantes :

~~451, 453, 455, 457.~~

- ~~5-~~ Quelle sera la clé secrète d_b de Bob ? (Justifier) (1pt)

Alice veut envoyer le message **SECRET** à Bob. Elle utilise un codage des lettres sur 8 bits comme suit : $\{A = 00_H, B = 01_H \dots Z = 19_H\}$.

- 6- Donner le code, en Hexadécimale, du message qu'Alice veut chiffrer. (0.5pt)

Alice doit découper son message en blocs pour pouvoir le chiffrer à Bob.

- 7- Quel sera alors le choix optimal de la taille de ces blocs (en bits)? (justifier) (1pt)

- 8- Donner le cryptogramme du premier bloc chiffré. (2pts)