

SECURITE INFORMATIQUE - Fiche TD N°3
Symétrique par Bloc (DES)/Asymétrique (RSA) et applications (FH,DS, DHKX)

																<i>IP</i>										<i>IP⁻¹</i>									
10	0	9	14	6	3	15	5	1	13	12	7	11	4	2	8	58	50	42	34	26	18	10	2	40	8	48	16	56	24	64	32				
13	7	0	9	3	4	6	10	2	8	5	14	12	11	15	1	60	52	44	36	28	20	12	4	39	7	47	15	55	23	63	31				
13	6	4	9	8	15	3	0	11	1	2	12	5	10	14	7	62	54	46	38	30	22	14	6	38	6	46	14	54	22	62	30				
1	10	13	0	6	9	8	7	4	15	14	3	11	5	2	12	64	56	48	40	32	24	16	8	37	5	45	13	53	21	61	29				
																57	49	41	33	25	17	9	1	36	4	44	12	52	20	60	28				
																59	51	43	35	27	19	11	3	35	3	43	11	51	19	59	27				
																61	53	45	37	29	21	13	5	34	2	42	10	50	18	58	26				
																63	55	47	39	31	23	15	7	33	1	41	9	49	17	57	25				

Exc 01 1. $x_1 = 000000$, $x_2 = 000001$ 2. $x_1 = 111111$, $x_2 = 100000$ 3. $x_1 = 101010$, $x_2 = 010101$
 $S_1(x_1) = 000000$ $S_1(x_2) = 000000$ $S_1(x_1) + S_1(x_2) = 00000000$ (1)
 $X_1 + x_2 = 000000$ $S_1(x_1 + x_2) = 00000000$ (2) on (1) \neq (2) non lineaire

Exc 02 $IP(X) = IP(x_1 x_2 \dots x_{64}) = x_{58} x_{50} x_{42} \dots x_7 = Y = y_1 y_2 \dots y_{64}$ On a $y_1 = x_{58}$ $y_2 = x_{50}$ $y_{40} = x_1 \dots y_{25} = x_{64}$
 $IP^{-1}(Y) = IP^{-1}(y_1 y_2 \dots y_{64}) = y_{40} y_8 y_{48} \dots y_{25} = x_1 x_2 \dots x_{64} = X$

Exc 03 cas des 0 :

$K = 0^{56}$, $K_1 = PC_1(ROT_1(PC(0^{56}))) = 0^{48}$ parceque toute les operations ne changent pas les bits.
 $B = 0^{64} \Rightarrow DES(B) = IP^{-1}(R_{16}(\dots(R_1(IP(B))\dots)))$

On $IP^*(0^{64}) = 0^{64}$ la permutation ne modifie pas les bits juste change leurs places
 $R_1(0^{64}) = R(0^{32}, 0^{32}) = (0^{32}, 0^{32} + f(0^{32}, 0^{48})) = (0^{32}, 0^{32} + P(S(E(0^{32}) + 0^{48})))$
 $= (0^{32}, 0^{32} + P(S(0^{48}))) = (0^{32}, 0^{32} + P(S(0^{48}))) = (0^{32}, P((14)^8)) = (0^{32}, (1110)^8) = 0^{32}(1110)^8$

Exc 06. 1- **Symétrique.** $n(n-1)/2$, 2- **Asymétrique.** $2n$

Exc 07. Soit deux nombres premiers $p=41$ et $q=17$ donnés comme paramètres du RSA.
 Un calcul 1- Lequel des deux paramètres $e_1=32$, $e_2=49$ est un exposant RSA valide? Un calcul
 Un calcul 2- Calculer la clé privée correspondante (utiliser EE algo pour trouver l'inverse)

Exc 08. Pour les messages suivants en utilisant les paramètres RSA correspondants :
 Un calcul 1- Crypter : $x=2$, $e=79$, $n=101$, (* $x=3$, $e=197$, $n=101$)
 Un calcul 2- Décrypter : $p=3$, $q=11$, $d=7$, $x=5$, (* $p=3$, $q=11$, $e=3$, $x=9$)

Exc 10. Décrypter et crypter les messages suivants en utilisant RSA avec $p=29$, $q=37$,
 $M = \text{'HELLO'}$. On va prendre le code ASCII de chaque caractère et on les met bout à bout H 72 E
 69 L 76 O 79 (solution trouvée dans presentation cours)

Exc 11. En donnant un schéma DS avec RSA dont $K_{pb}(n = 9797, e = 131)$ quelle DS est valide?
 Un calcul 1. ($x = 123$, $\text{sig}(x) = 6292$) 2. ($x = 4333$, $\text{sig}(x) = 4768$) 3. ($x = 4333$, $\text{sig}(x) = 1424$)

Exc 12. Calculer 2 clés publiques et la clé partagée pour **DHKE** avec $p = 467$, $\alpha = 2$,
 Un calcul 1. $a = 3$, $b = 5$ 2. $a = 400$, $b = 134$ 3. $a = 228$, $b = 57$.