

## Examen du Semestre – Corrigé type

**Important:** Dans les exercices 2, 3 et 4, la justification des réponses est obligatoire.

**Exercice N°01 (06 points):**

<p>1. Pour envoyer un message chiffré en utilisant le chiffrement asymétrique, on utilise:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>Ma clé publique</li> <li>Ma clé privée</li> <li><b>La clé publique de destinataire</b></li> <li>La clé privée de destinataire</li> </ol> <p>2. Quand une technique assure l'authentification, elle assure automatiquement l'intégrité:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li><b>Oui.</b></li> <li>Non</li> </ol> <p>3. Dans l'algorithme AES-128:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>Nb= 4, Nr= 8</li> <li>Nb= 6, Nr= 10</li> <li><b>Nb= 4, Nr= 10</b></li> <li>Nb= 6, Nr= 12</li> </ol> <p>4. Le chiffrement par flot peut être utilisé pour assurer les communications suivantes:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>Internet.</li> <li><b>Wi-Fi.</b></li> <li><b>GSM.</b></li> <li><b>Bluetooth.</b></li> </ol> <p>5. Lesquelles des algorithmes suivants sont des algorithmes de chiffrement symétriques?</p> <ol style="list-style-type: none"> <li><b>AES</b></li> <li>RSA</li> <li><b>DES</b></li> <li>SHA-1</li> </ol> <p>6. Dans l'opération de chiffrement avec l'algorithme AES, on utilise les transformations suivantes:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li><b>SubBytes</b></li> <li>SubRows</li> <li><b>ShiftRows</b></li> <li>InvSubBytes</li> </ol>	<p>7. Un attaquant réussi à utiliser la carte bancaire d'une personne et se fait payer mobile sur un site web de e-commerce. Le service de sécurité touché est:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>Confidentialité</li> <li>Intégrité</li> <li><b>Authentification</b></li> <li>Disponibilité</li> </ol> <p>8. Les conditions de choisir la clé publique e de chiffrement RSA sont:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li><b><math>1 \leq e \leq \varphi(N)</math>,</b></li> <li><b><math>\text{PGCD}(e, \varphi(N))=1</math></b></li> <li><math>\text{PGCD}(e, N)=1</math></li> <li>Pas de réponse correcte</li> </ol> <p>9. Un cheval de Troie peut:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li><b>voler des mots de passe</b></li> <li><b>copier des données sensibles</b></li> <li>arrêter le pare-feu</li> <li>faire déni de service</li> </ol> <p>10. Les avantages de chiffrement symétrique sont:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li><b>Il est plus rapide.</b></li> <li><b>Il utilise des petites clés.</b></li> <li>Faciliter de distribution des clés.</li> <li>Il est lent à l'exécution.</li> </ol> <p>11. La méthode de cryptanalyse qui a été utilisée pour casser le chiffrement de Vigenère a été découverte par:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>Al-Kindi</li> <li>Blaise de Vigenère</li> <li><b>Charles Babbage</b></li> <li>Vincent Rijmen</li> </ol> <p>12. Résistance à la collision signifie:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>Étant donné x et H(x), il est dur de trouver <math>x \neq y</math> vérifiant <math>H(x)=H(y)</math>.</li> <li><b>Il est difficile de trouver deux entrées différentes x et x' tel que : <math>h(x) = h(x')</math>.</b></li> <li>Étant donné y il est difficile de trouver x, tel que <math>y=h(x)</math></li> </ol>
--	--

**Exercice N°02 (06 points):** Chiffrement classique

1 ) Déchiffrer le message «**ERGFI**CMRI» en utilisant le chiffrement de Vigenère avec la clé: **KEY**.

On utilise la table de déchiffrement.

On trouve le texte clair suivant: **UNIVERSITY (1.5 pt)**

2 ) Ecrire un pseudo-code de la fonction de déchiffrement pour le chiffrement Affine. **(1 pt)**

```
int a,b
char c[]
l = length(c);
for (i:=0; i< l; i=i+1 )
p[i]= indtolettre ( invmod(a) *(lettretoind (c[i]) – b + 26 ) % 26)
```

3 ) Déchiffrer le message " **FWLPSMP** " avec le chiffrement Affine en utilisant la clé.

La fonction de déchiffrement:  $11^{-1}(y-5) \bmod 26 = 19(y-5) \bmod 26$  **(0.5 pt)**

On utilise la table pour calculer le texte clair: **ALKINDI (1 pt)**

4 ) Enumérer toutes les valeurs possibles de "a" (une partie de la clé) dans le chiffrement Affine. **(1 pt)**

Tous les éléments de Z26 non divisibles par 2 et 13 sont premiers avec 26.

$a = \{1, 3, 5, 7, 9, 11, 15, 17, 19, 21, 23, 25\}$

5 ) Quelles sont les différences entre le chiffrement classique et moderne? **(1 pt)**

**Classique:** Utiliser les lettres de la langue, symétrique seulement, applications limitées

**Moderne:** Utiliser le langage binaire, tous les types de données, symétrique et asymétrique, plusieurs applications.

**Exercice N°03 (03 points):** Chiffrement symétrique

1 ) Ecrire les fonctions de chiffrement et de déchiffrement de mode EBC. **(1 pt)**

$C_i = E(P_i)$

$C_i = D(C_i)$

2 ) Soient le message en clair M = 1011000101001 et une clé K = (f(3)=1, f(2)=3, f(1)= 2) par un décalage à gauche de 1 bit. Chiffrez le message M. **(1 pt)**

On découpe le texte clair en blocs. Nous avons une clé de taille 3 bits, alors la taille du bloc est 3 bits.

P1=101 → C1=011

P2=100 → C2=001

P3=010 → C1=100

P4=100 → C1=001

P5=100 → C1=001 (ajouter deux bits dans les bits de poids faible (LSB) de valeur 0)

Alors le texte chiffré est: 011001100001001

3 ) Quel est l'inconvénient de ce mode. **(1 pt)**

Le problème de reconnaître du message en clair dans celui chiffré. i.e. les fragments répétés dans le texte en clair ne sont pas masqués.

**Exercice N°04 (05 points):** Chiffrement asymétrique

1 ) En utilisant l'algorithme de chiffrement RSA:

- Montrer que  $D(E(m)) = m$ . **(1 pt)**

$D(E(m)) = D(m_e \bmod n) = (m_e)_d \bmod n = m_{ed} \bmod n$

sachant que  $ed = 1 \bmod \Phi(n) = k\Phi(n) + 1$

alors  $D(E(m)) = m^{k\phi(n)+1} \bmod n = m$

- Soit  $N=91$  et  $e=11$ , calculer  $d$ .

$N=91$  &  $N=pq \rightarrow$  alors  $p=13$  &  $q=7$  **(0.5 pt)**

$\Phi(n) = (p-1)(q-1) = 12 \cdot 6 = 72$  **(0.5 pt)**

$ed \equiv 1 \bmod \Phi(n) \rightarrow d \equiv e^{-1} \bmod \Phi(n) \rightarrow d \equiv 11^{-1} \bmod 72$

On utilise l'algorithme d'Euclide étendu pour calculer l'inverse modulaire de  $11^{-1} \bmod 72$

Alors,  $d=59$  **(0.5 pt)**

- Chiffrer le message  $m=5$ .

$C = E_{pk}(m) = m^e \bmod N = 5^{11} \bmod 91$  **(0.25 pt)**

$= 73$  **(0.25 pt)**

- Déchiffrer le message  $c=4$ .

$m = D_{sk}(c) = c^d \bmod N = 4^{59} \bmod 91$  **(0.25 pt)**

$= 23$  (on utilise l'algorithme d'exponentiation rapide) **(0.25 pt)**

2 ) À quoi sert l'échange de clés de Diffie et Hellman et pourquoi joue-t-il un rôle central en cryptographie. **(0.5 pt)**

L'échange de clés permet d'obtenir une clé de session  $K$  commune à partir d'un couple (clef publique, clef privée). On utilise la cryptographie à clé publique pour cet échange de clé, la clé générée  $K$  sert ensuite à faire de la cryptographie symétrique entre A et B.

3 ) Soit  $p=17$ ,  $g=3$  des données globales partagés entre Alice et bob. Alice choisit  $a=7$ , et Bob choisit  $b=4$ .

Appliquer ces valeurs pour proposer un scénario d'attaque sur le protocole de Diffie-Hellman. **(1 pt)**

$A = g^a \bmod p = 3^7 \bmod 17 = 11$

$B = g^b \bmod p = 3^4 \bmod 17 = 13$

L'attaquant génère un nombre  $c=2$  et calcule  $C = 3^2 \bmod 17 = 9$ .

La clé de session de côté A est:  $K = B^a \bmod p = 13^7 \bmod 17 = 4$

La clé de session de côté B est:  $K = C^b \bmod p = 9^4 \bmod 17 = 16$

Alors, les clés générées par les deux entités sont différentes.