

Sécurité Informatique

Chapitre 2 : Cryptographie symétrique (Moderne)

Guellil zouaoui

plant

- Introduction
- Cryptographie symétrique
 - Cryptographie Classique
 - Techniques de la Substitution
 - Techniques de la Transposition

RC4

- Mode de chiffrement par flot (Stream Cypher Mode)
- clé de longueur variable.
- La clé partager est utilisé pour générer des bits pseudo-aléatoires qui produit un flux imprévisible sans connaissance de la clé.
- la sortie du générateur est appelée flux de clés, est combinée pour le de/chiffrement de flux de texte clair en utilisant XOR opération.

RC4 (Principe)

- Génération de clé
- Chiffrement

RC4 (Génération de clé 1/2)

- la clef RC4 permet d'initialiser un tableau de 256 octets (full version)
- la clef autant de fois que nécessaire pour remplir le tableau.
- des opérations très simples sont effectuées pour mélanger autant que possible le tableau.

Pseudo code **Génération de la permutation:**

```
pour i de 0 à 255    S[i] := i
j := 0
pour i de 0 à 255
    j := (j + S[i] + clé[i mod longueur_clé]) mod 256
    échanger(S[i], S[j])
finpour
```

RC4 (Génération de clé 2/2)

- Le tableau S peut ensuite être utilisé pour générer un flux grâce à des opérations de déplacement de valeurs et d'opération XOR

`i := 0`

`j := 0`

`tant_que générer une sortie:`

`i := (i + 1) mod 256`

`j := (j + S[i]) mod 256`

`échanger(S[i], S[j])`

`octet_chiffrement = S[(S[i] + S[j]) mod 256]`

`result_chiffré = octet_chiffrement XOR octet_message`

`fintant_que`

RC4 (Example)

- Version simplifier utilise un tableau de 8 valeur de 0 a7.
- Pt [3,7,1,0], Key =[5,1,2]

***** **Génération de la permutation (Key shedule)** *****

[0,1,2,3,4,5,6,7]

[5,1,2,3,4,0,6,7]

[5,7,2,3,4,0,6,1]

[5,7,3,2,4,0,6,1]

[5,7,2,3,4,0,6,1]

[5,7,2,3,1,0,6,4]

[5,0,2,3,1,7,6,4]

[5,0,2,3,6,7,1,4]

[5,4,2,3,6,7,1,0]

***** **générer le flux et chiffrement** *****

i	j	S[i]	S[j]	S[(S[i]+S[j])%8]	S	Cipher text
1	4	6	4	2	[5,6,2,3,4,7,1,4]	$(3)_{10} = (011)_2$; $(2)_{10} = (010)_2$ 3 XOR 2; [1,]
2	6	1	2	3	[5,6,1,3,4,7,2,6]	$(7)_{10} = (111)_2$; $(3)_{10} = (011)_2$ 7 XOR 3 ; [1,4,]
3	1	6	3	3	[5,3,1,6,4,7,2,1]	$(1)_{10} = (001)_2$; $(3)_{10} = (011)_2$ 1 XOR 3 ; [1,4,2,]
4	5	7	4	6	[5,3,1,6,7,4,2,5]	$(0)_{10} = (000)_2$; $(6)_{10} = (110)_2$ 1 XOR 3 ; [1,4,2,6]

RC4 (Example 2)

- Pt [7, 1, 3, 4, 6, 2, 1, 0, 5, 3], Key =[5,1,2]

***** **Génération de la permutation (Key shedule)** *****

[0,1,2,3,4,5,6,7]

[5,1,2,3,4,0,6,7]

[5,7,2,3,4,0,6,1]

[5,7,3,2,4,0,6,1]

[5,7,2,3,4,0,6,1]

[5,7,2,3,1,0,6,4]

[5,0,2,3,1,7,6,4]

[5,0,2,3,6,7,1,4]

[5,4,2,3,6,7,1,0]

***** **générer le flux et chiffrement** *****

it	i	j	S[i]	S[j]	$S[(S[i]+S[j])\%8]$	S	Cipher text
0	1	4	6	4	2	[5,6,2,3,4,7,1,0]	[5,]
1	2	6	1	2	3	[5,6,1,3,4,7,2,0]	[5,2]
2	3	1	6	3	3	[5,3,1,6,4,7,2,0]	[5,2,0]
3	4	5	7	4	6	[5,3,1,6,7,4,2,0]	[5,2,0,2]
4	5	1	3	4	0	[5,4,1,6,7,3,2,0]	[5,2,0,2,6]
5	6	3	6	2	5	[5,4,1,2,7,3,6,0]	[5,2,0,2,6,7]
6	7	3	2	0	1	[5,4,1,0,7,3,6,2]	[5,2,0,2,6,7,0]
7	0	0	5	5	1	[5,4,1,0,7,3,6,2]	[5,2,0,2,6,7,0,1]
8	1	4	7	4	0	[5,7,1,0,4,3,6,2]	[5,2,0,2,6,7,0,1,5]
9	2	5	3	1	4	[5,7,3,0,4,1,6,2]	[5,2,0,2,6,7,0,1,5,7]

- Strengths of RC4
 - The difficulty of knowing where any value is in the table.
 - The difficulty of knowing which location in the table is used to select each value in the sequence.
 - Encryption is about 10 times faster than DES.
- Limitations of RC4
 - RC4 is no longer considered secure.
 - One in every 256 keys can be a weak key. These keys are identified by cryptanalysis that is able to find circumstances under which one or more generated bytes are strongly correlated with a few bytes of the key.
 - A particular RC4 Algorithm key can be used only once.
- Performance
 - Each of the UDI implementations is a hardware block specifically designed for the implementation. RAM space is required by the key byte generator to locally maintain the state table for key generation. This state would need to be preserved and restored in case of a context switch if other processes would need the same functionality. This overhead is not considered in the above performance projections. Encryption and decryption state data may be stored in separate state memories to allow for independent processes.
 - The following table summarizes the number of MIPS required for the algorithm encryption/decryption for 1 million bits per second for each of the three implementations.

Chiffre symétrique moderne

- Le **principe de Kirchhoff** : la sécurité d'un crypto système ne doit reposer que sur le secret de la clef.
- Claude Shannon : « l'adversaire connaît le système »
- Diffusion : cacher les propriétés statistiques
- Confusion : cacher la relation entre la clé et les messages cryptés

- La substitution ajoute de la confusion au procédé de chiffrement
- la transposition ajoute de la diffusion en éparpillant l'influence moyenne de chaque bit du clair, sur les bits du chiffré.
- La combinaison de ces deux transformations permet un chiffrement plus robuste.
- On appelle opérateur de Shannon ou « **round** » l'application de ces deux opérations (substitution et transposition).
- Ce mode de chiffrement est appelé **par produit**.

Chiffrement par bloc

- Diviser le texte en blocs relativement gros, typiquement de **64 ou 128 bits**.
- Coder chaque bloc séparément.
- La même clé de chiffrement est utilisée pour chaque bloc.
- La clé de chiffrement détermine l'ordre dans lequel la substitution, le transport et d'autres fonctions mathématiques sont effectuées sur chaque bloc.

Chiffrement idéal

(Le masque jetable one pad time)

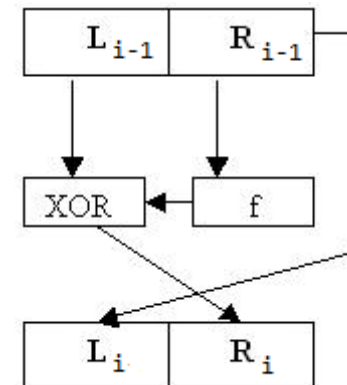
- Taille clé = taille msg
- Clé aléatoire et unique (utilisé une seul foi).
- Cette méthode de chiffrement est inviolable.
- Très difficile à mettre en place en pratique et donc peu utilisée.
 - Génération des clé aléatoire.
 - Distribution des clés.

Schémas de Feistel

- Clé secrète K , relativement petite (de 80 à 128 bits,
- Chiffrement **itératif** : Pour chaque bloc, on itère r fois une fonction interne $F(\text{Sub}, \text{permu}, \text{XOR})$.
- à chacun des r tours, la fonction F est paramétrée par une clef K_i , dérivé de la clé K
- Pour déchiffrer, il suffit d'utiliser le même processus à r tours en inversant l'ordre des clefs K_i

schema de Feistel

- C'est une fonction de chiffrement (et déchiffrement) qui opère sur des blocs de longueur $2t$ en n tours.
- Chiffrement: un bloc de texte en clair est découpé en deux; la transformation de ronde est appliquée à une des deux moitiés, et le résultat est combiné avec l'autre moitié par ou exclusif. Les deux moitiés sont alors inversées pour l'application de la ronde suivante.
- Déchiffrement: est structuellement identique au chiffrement.



schema de Feistel

- Chiffrement
 - On divise le texte clair p en deux moities L_0R_0 .
 - On définit pour chaque tour $i = 1$ à n :
$$L_iR_i = R_{i-1}(L_{i-1} \mathbf{XOR} f_{ki}(R_{i-1}))$$
 - $E_k(pt) = L_nR_n$

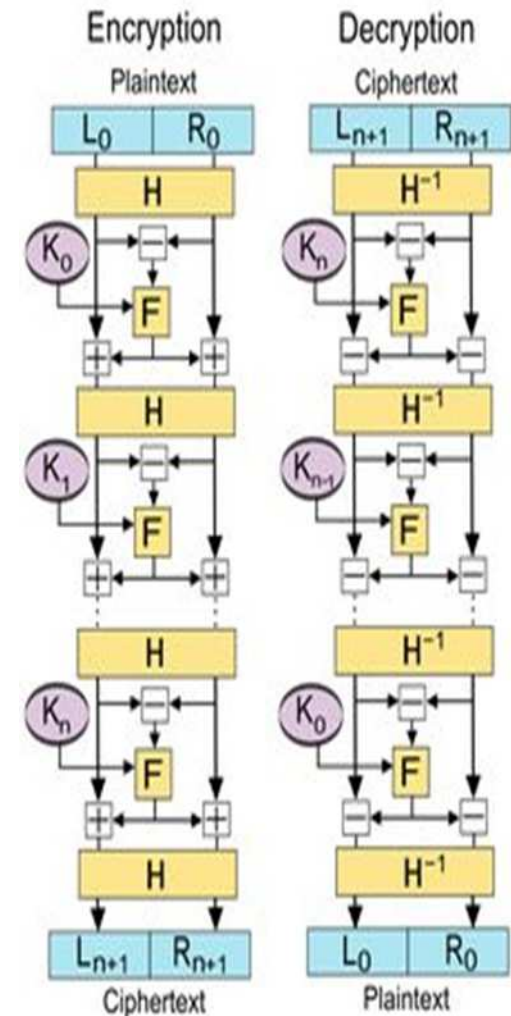
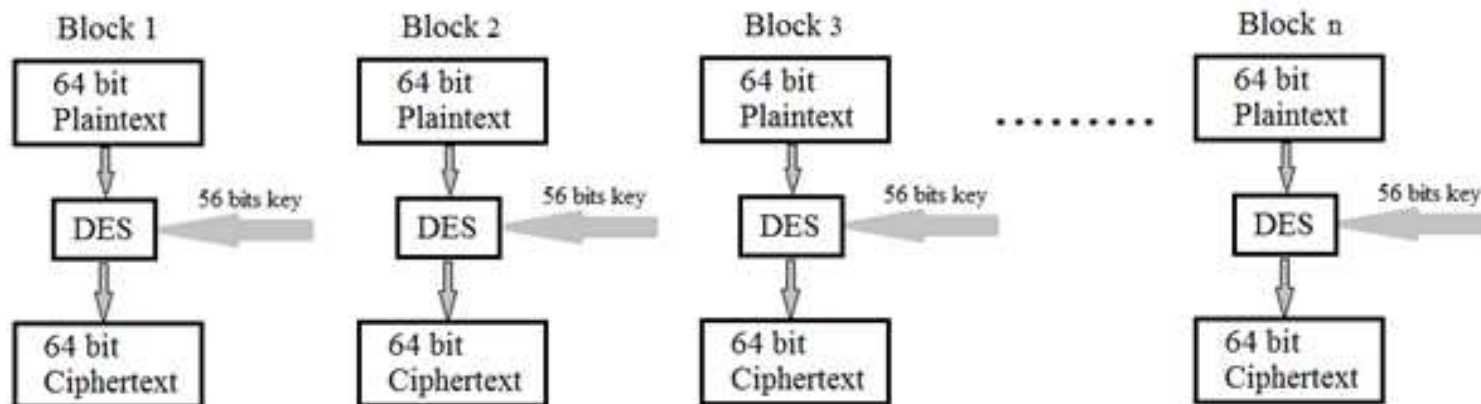


schéma de Feistel

- Déchirement
 - $R_{i-1}L_{i-1} = L_i(R_i \mathbf{XOR} f_{k_i}(L_i))$
- Théorème de Sécurité des Réseaux Feistel: Si une fonction aléatoire sûre est utilisée pour trois tours de Feistel avec trois clés indépendantes, on obtient alors une fonction pseudo aléatoire avec des permutations pseudo aléatoires (Luby-Rackoff, 1985).

Data encryption standard (DES)

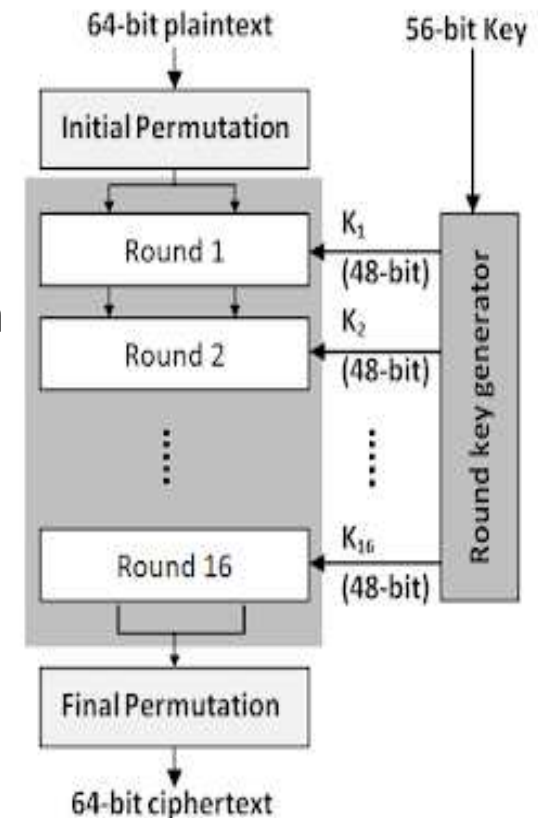
- DES est un algorithme de chiffrement à clé symétrique par blocs basé sur la structure de Feistel.
- Le même algorithme et la même clé sont utilisés pour le chiffrement et le déchiffrement, avec des différences mineures. La longueur de clé est de 56 bits.
- Il utilise des blocs de données de 64 bits, c-à-dire 64 bits de texte brut sont transmis en entrée à DES, qui produit 64 bits de texte chiffré.



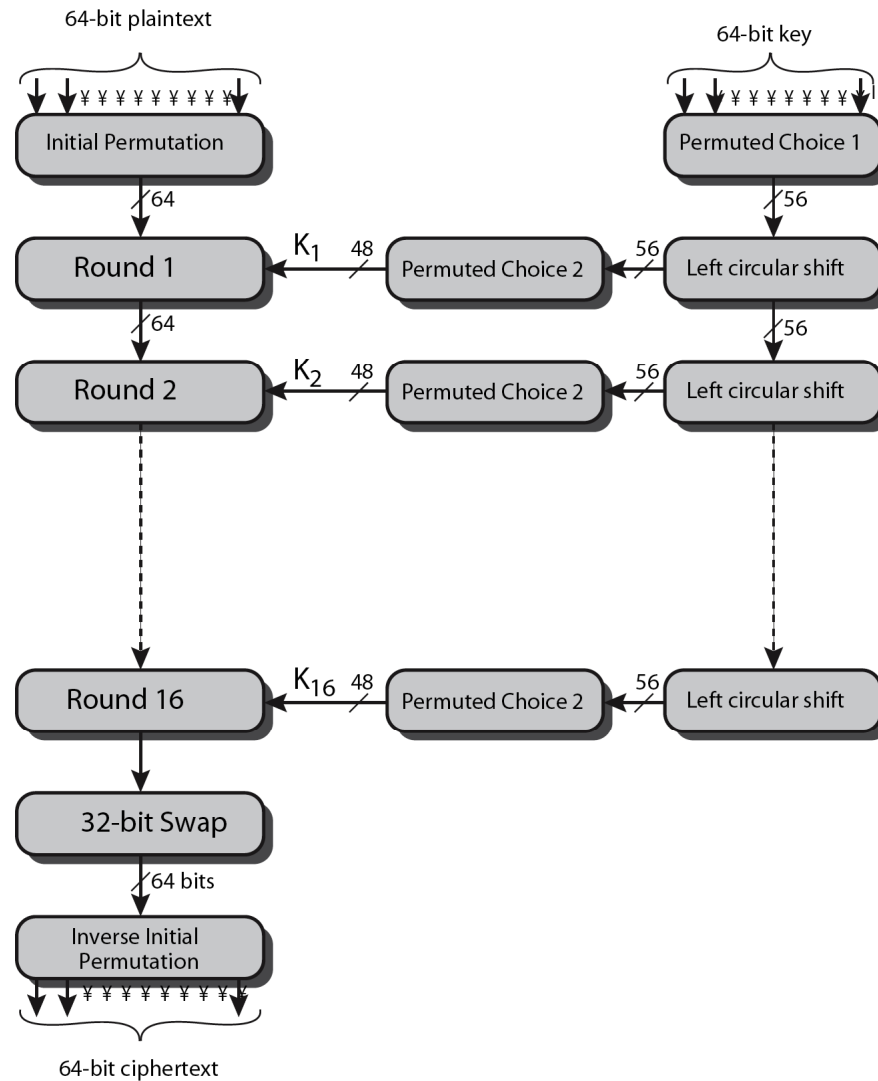
Conceptual working of DES

Structure Globale

- permutation initiale et fixe d'un bloc (sans aucune incidence sur le niveau de sécurité) ;
- le résultat est soumis à 16 itérations d'une transformation F, ces itérations dépendent à chaque tour d'une autre clé partielle de 48 bits.
- Cette clé de tour intermédiaire est calculée à partir de la clé initiale de l'utilisateur (grâce à un réseau de tables de substitution et d'opérateurs XOR).
- Lors de chaque tour, le bloc de 64 bits est découpé en deux blocs de 32 bits, et ces blocs sont échangés l'un avec l'autre selon un schéma de Feistel.
- Le bloc de 32 bits ayant le poids le plus fort (celui qui s'étend du bit 32 au bit 64) subira une transformation ;
- le résultat du dernier tour est transformé par la fonction inverse de la permutation initiale.



Structure Globale



permutation initiale (PI)

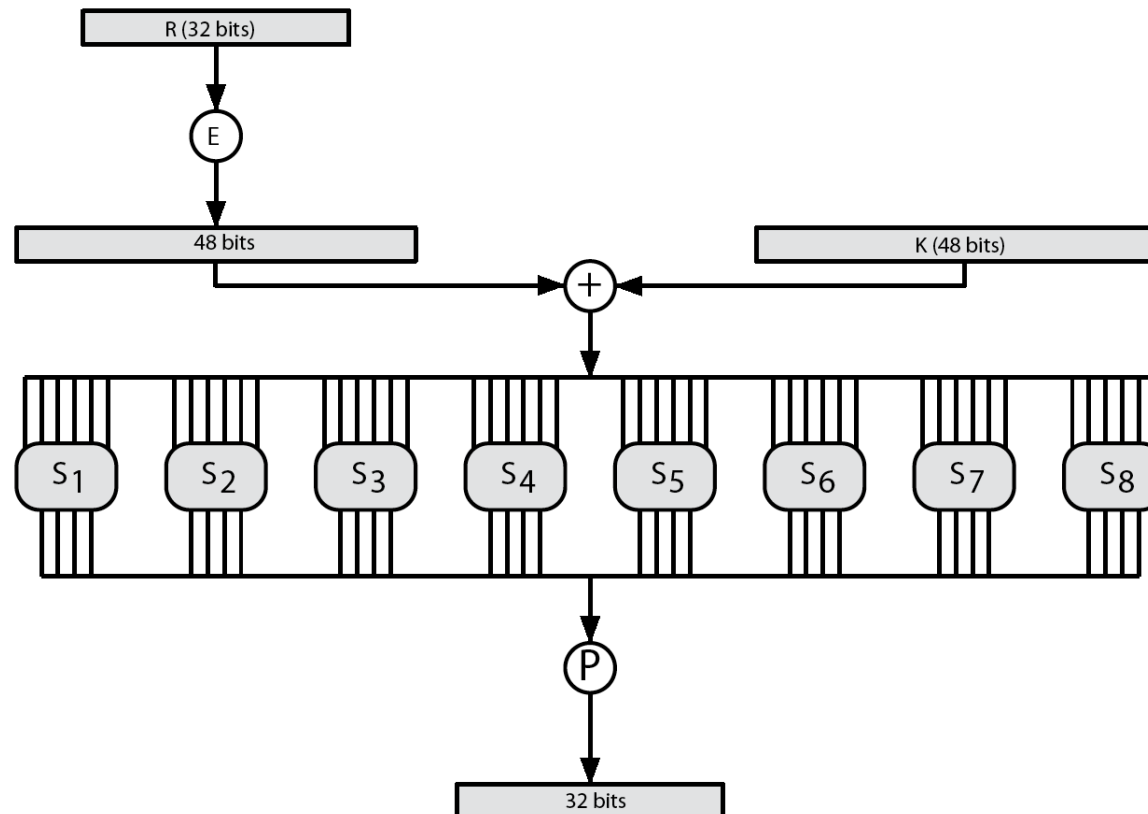
- Les 64 bits du bloc d'entrée subissent une permutation où le premier bit sera le bit 58, le second le bit 50 et le dernier bit en sortie sera la 7^{ème} selon la matrice suivante :

58	50	42	34	26	18	10	2
60	52	44	36	28	20	12	4
62	54	46	38	30	22	14	6
64	56	48	40	32	24	16	8
57	49	41	33	25	17	9	1
59	51	43	35	27	19	11	3
61	53	45	37	29	21	13	5
63	55	47	39	31	23	15	7

Fonction itérative DES

Chaque itération est constituée:

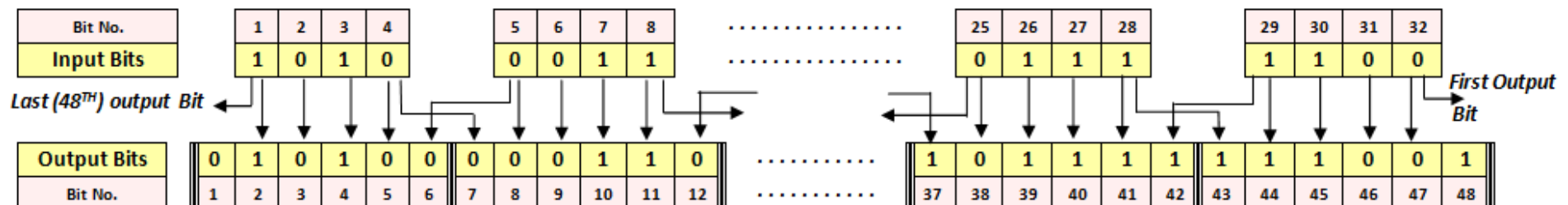
- d'une expansion de R_i de 32 bits vers 48 bits, (table d'*expansion*)
- d'un XOR avec 48 bits dérivés de la clef K_i ,
- de l'application de 8 sous-fonctions de 6 bits vers 4 bits : les boîtes S
- d'une permutation des 32 bits sortants



Expansion

- Les bits du bloc R_i sont réorganisés de sorte à obtenir 48 bits à partir de 32.
- Le premier bit en sortie est le 58^{ème} en entrée,
- dupliquer certains bits
- ex : 4^{ème} et 5^{ème}

32	1	2	3	4	5
4	5	6	7	8	9
8	9	10	11	12	13
12	13	14	15	16	17
16	17	18	19	20	21
20	21	22	23	24	25
24	25	26	27	28	29
28	29	30	31	32	1



boîtes de substitutions (S-box)

- Les 8 Boîtes S du DES. Elles prennent 6 bits en entrée et en sortent 4.
- Composé de 4 ligne indexé de 0 a 3 (2 bit)
- et 16 colonne 0 a 15 (4 bit).
- Utilisation des boîtes-S:
- Pour une suite binaire $B = b_1 b_2 b_3 b_4 b_5 b_6$
- $s(B)$ est le mot binaire situé à la ligne $b_1 b_6$ et à la colonne $b_2 b_3 b_4 b_5$.

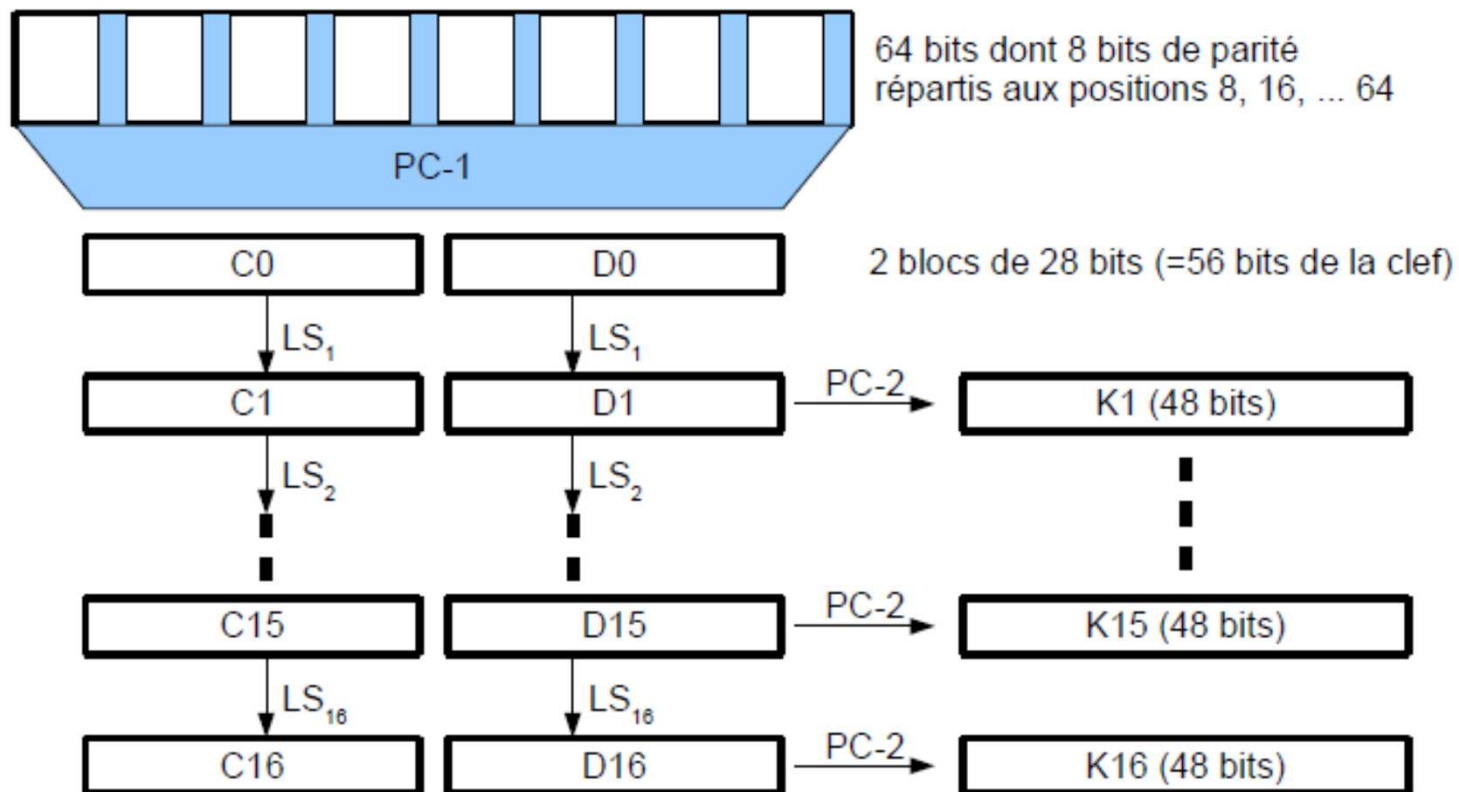
boîtes de substitutions (S-box)

- Exemple: $S_1(\mathbf{111001})$:
 - $(\mathbf{11})_2 = 3^{\text{ème}} \text{ Ligne}$
- $(1100)_2 = \text{colonne } 12$
- $S_1(111001) = (10)_{10} = (1010)_2$

S_1															
14	4	13	1	2	15	11	8	3	10	6	12	5	9	0	7
0	15	7	4	14	2	13	1	10	6	12	11	9	5	3	8
4	1	14	8	13	6	2	11	15	12	9	7	3	10	5	0
15	12	8	2	4	9	1	7	5	11	3	14	10	0	6	13

Génération des clefs

- Cette clé de 56 bits est dérivée d'une clé de 64 bits avec 8 bits de parité,
- chacun des 16 tours de l'algorithme utilise une sous-clé unique de 48 bits qui est dérivée de la clé de 56 bit.



Génération des clefs

- Réduire la clé de 64 bit à 56 bits on appliquant la transformation (PC-1) en supprimant les bits de parité (8, 16, ..., 64)
- Ex: K = 00010011 00110100 01010111 01111001
10011011 10111100 11011111 11110001
- K+ = 11110000 01100111 00101010 01011111
01010101 10110011 10011111 00011111

Gauche							Droite						
57	49	41	33	25	17	9	63	55	47	39	31	23	15
1	58	50	42	34	26	18	7	62	54	46	38	30	22
10	2	59	51	43	35	27	14	6	61	53	45	37	29
19	11	3	60	52	44	36	21	13	5	28	20	12	4

Génération des clefs

- la clé transformer (56 bits) est divisé en deux moitiés gauche et droite C_0 , D_0 chacune de 28 bits.
- $C_0 = 1111000\ 0110011\ 0010101\ 0101111$
 $D_0 = 0101010\ 1011001\ 1001111\ 0001111$
- Générer 16 blocs de C_n , D_n ($1 \leq n \leq 16$) en appliquant le **décalage** circulaire à **gauche**
- Nombre de décalage est 1 pour $n = 1, 2, 9$ et 16
- Nombre de décalage est 2 pour les autre tour.

Génération des clefs (Exemple)

- $C_0 = 1111000011001100101010101111$
 $D_0 = 0101010101100110011110001111$
- $C_1 = 1110000110011001010101011111$
 $D_1 = 1010101011001100111100011110$
- $C_2 = 1100001100110010101010111111$
 $D_2 = 0101010110011001111000111101$
- $C_3 = 0000110011001010101011111111$
 $D_3 = 0101011001100111100011110101$
- $C_4 = 0011001100101010101111111100$
 $D_4 = 0101100110011110001111010101$
- ...etc.
- $C_{16} = 1111000011001100101010101111$
 $D_{16} = 0101010101100110011110001111$

Génération des clefs

- La clé K_i est formé par combinaison des partie $C_i D_i$ et d'appliquer la transformation PC-2 pour réduire la clé de 56bit à 48bit.
- $C_1 D_1 = 1110000 \ 1100110 \ 0101010 \ 1011111 \ 1010101 \ 0110011 \ 0011110 \ 0011110$
- $K1 = 000110 \ 110000 \ 001011 \ 101111 \ 111111 \ 000111 \ 000001 \ 110010$

PC-2					
14	17	11	24	1	5
3	28	15	6	21	10
23	19	12	4	26	8
16	7	27	20	13	2
41	52	31	37	47	55
30	40	51	45	33	48
44	49	39	56	34	53
46	42	50	36	29	32

DES: sécurité

- Aucune propriété du message source ne sera détectable
- Effet d'avalanche : Une légère modification du texte chiffré ou de la clef => de grosses modifications du texte chiffré
- la bonne résistance à la cryptanalyse différentielle a démontré que les tables a prouvait que les sbox étaient bien conçues.

DES: Attaques

- L'espace des clefs dans DES est relativement petit (2^{56} clefs possibles).
- Du fait de la faible taille de sa clé DES peut maintenant être cassé par la recherche exhaustive de toutes les clefs.
- En 1998, le défi «DES Challenge» a été lancé pour casser DES: la machine "DeepCrack" (spécialement conçu pour attaquer DES) a réussi en quelques jours à retrouver la clé par une attaque exhaustive.

DES: Les clefs faibles

- Clefs « faibles » : telles que $E_k(E_k(x)) = x$. Il en existe 4.
- Clefs « semi-faibles » : ce sont les paires de clefs $(K1, K2)$ dont la deuxième peut décrypter un message encrypté par la première. Ce sont les clés telles que $E_{K1}(E_{K2}(x)) = x$. Il existe six paires de ce genre.
- Clés « pouvant être faibles » : le problème est similaire aux clés semi-faibles. Il en existe 48.

DES: Amélioration

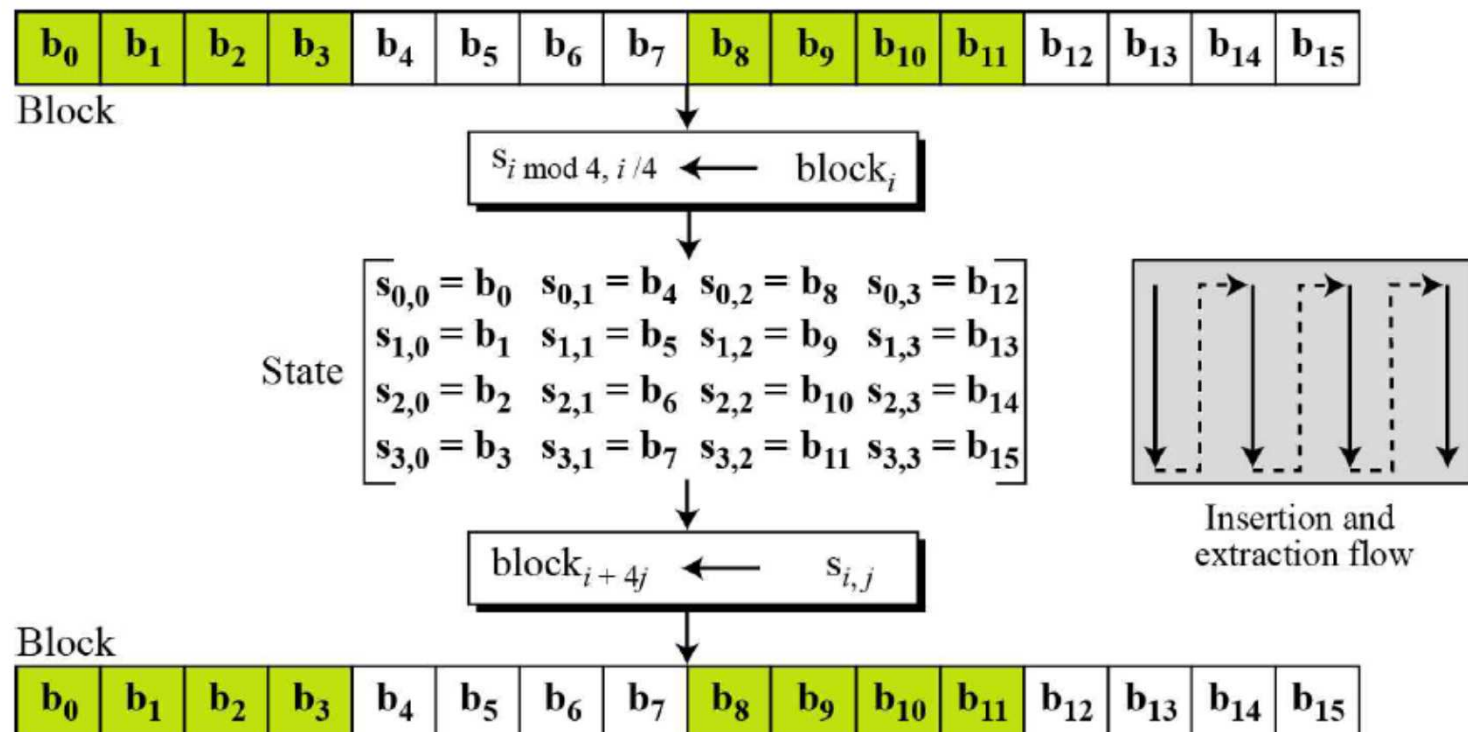
- Pour avoir une longueur de clef plus importante, le DES a été remplacé par le triple DES (3DES), qui est composé de 3 applications successives du DES, avec en entrée 64 bits de données et 2 ou 3 clefs DES différentes.
- assez simple à implémenter,
- sa force effective est de 112 bits et non pas 168 bits ($56\text{bit} \times 3$)
- plus lent à exécuter (3 fois le temps d'exécution d'un DES).
- Ceci a poussé le NIST à lancer un appel d'offre pour un algorithme à clef privée de longueur plus grande qui peut être considéré comme sûr pour tout échange d'information. => AES

Advanced Encryption Standard (AES)

- Adopté comme standard en Novembre 2001, conçu par *Johan Daemen* et *Vincent Rijmen*² (d'où son nom original *Rijndael*).
- Techniques semblables à DES (substitutions, permutations, XOR...) complémentées par des opérations algébriques simples et très performantes.
- Contrairement à DES, AES est issu d'un processus de consultation et d'analyse ouvert à des experts mondiaux.
- Il s'agit également d'un *block cipher itératif* (comme DES) mais pas d'un *Feistel Cipher*
- Blocs *Plaintext/Ciphertext*: 128 bits.
- Clé de longueur variable: 128, 192, ou 256 bits.
- L'unité de données fondamentale dans l'algorithme AES est l'octet.
- Le jeu d'instructions des processeur X86 a été enrichi depuis 2008 pour prendre en charge les opérations de chiffrement et de déchiffrement de l'Advanced Encryption Standard (AES).

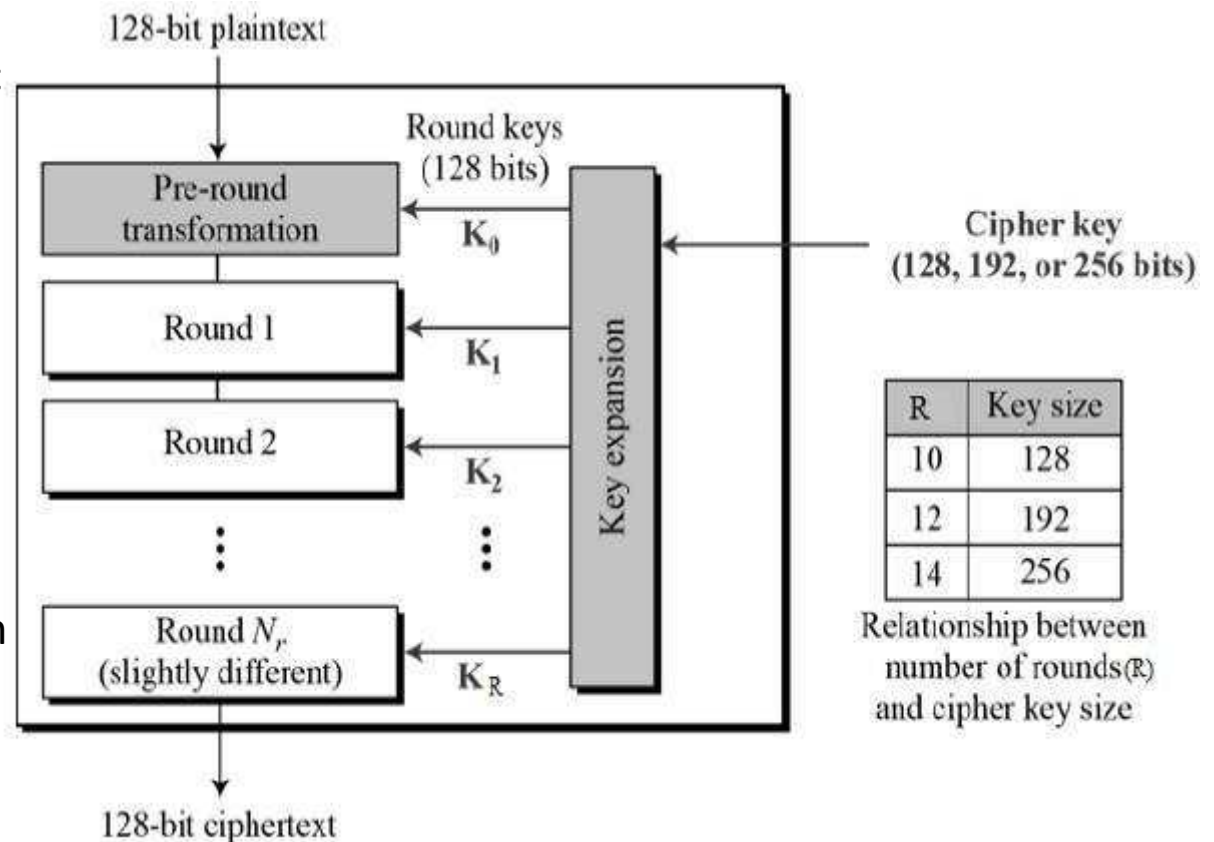
AES : définition

- L'unité de données fondamentale dans l'algorithme AES est l'octet.
- L'entrée, la sortie et la clef secrète sont traitées en interne sur une table à deux dimensions d'octets appelée *État/state*.
- L'état se compose d'une matrice de quatre rangées et quatre colonnes d'octets.
- La donnée d'entrée est tout d'abord copiée dans la table d'état en utilisant les conventions de la Figure suivante:



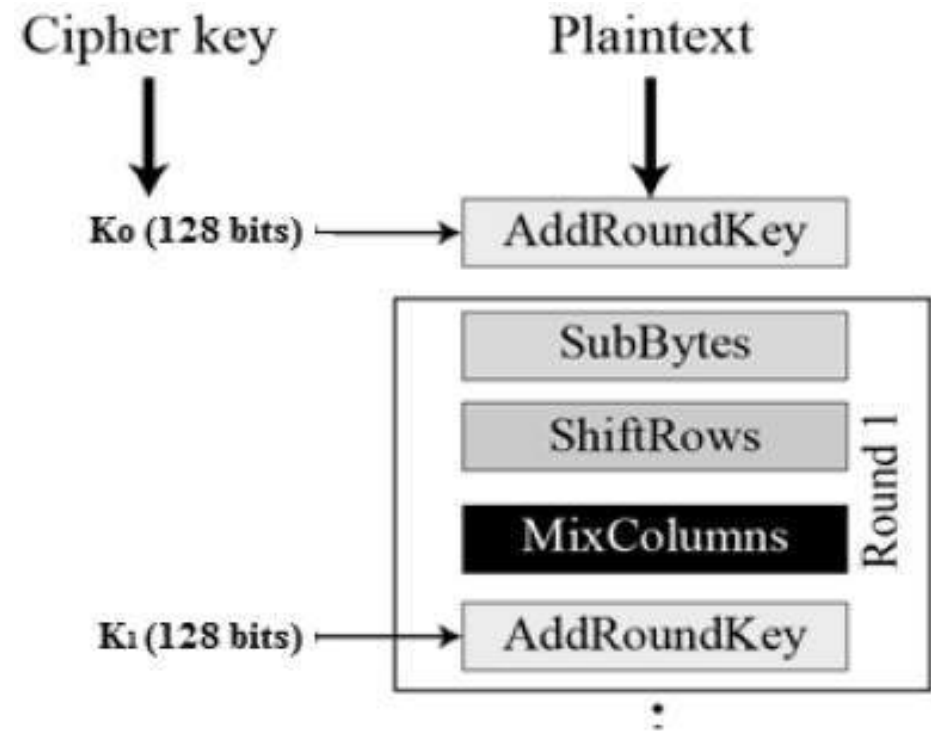
AES : Principe

- Dérivez l'ensemble des clés rondes de la clé de chiffrement. (**Key Schedule**)
- Initialisez le tableau d'état avec les données de bloc (texte en clair).
- Pre-round : consiste à appliquer XOR entre la table d'État et la clef de chiffrement.
- Effectuez cycles de manipulation de l'État round $1..N_{r-1}$.
- Effectuez le dernier cycle de manipulation de l'État.
- Copiez le tableau d'état final en tant que données chiffrées (texte chiffré).



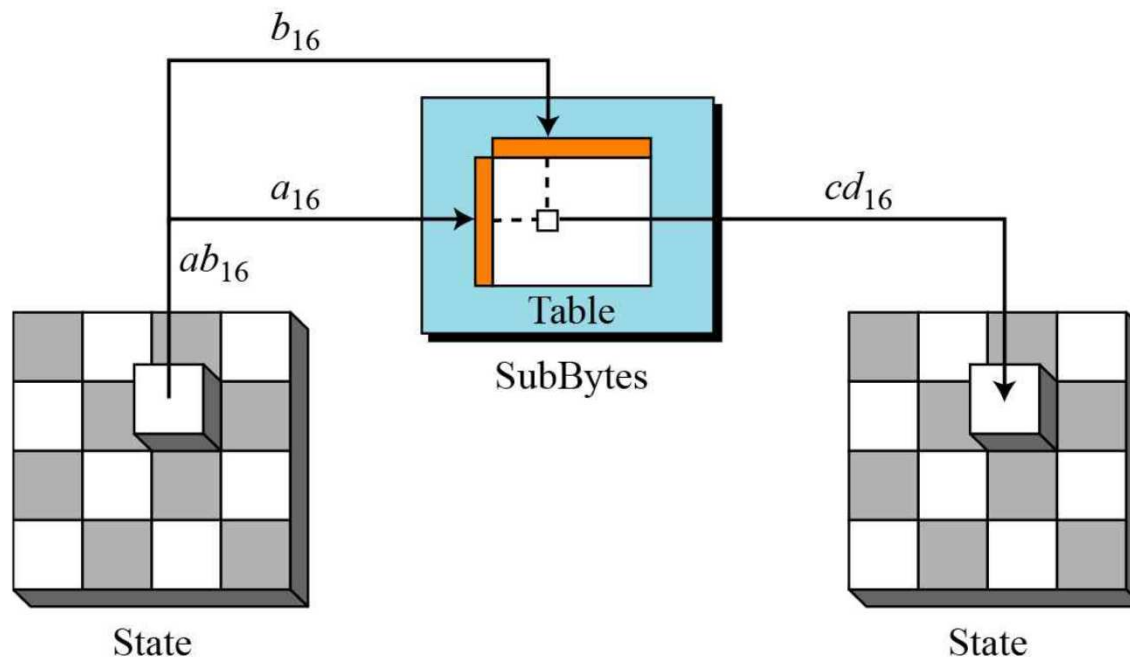
Détail d'une Etape (*round*) AES

- **ByteSub**: Opération non linéaire (S-box) conçu pour résister à la cryptanalyse linéaire et différentielle.
- **ShiftRow**: Permutation des bytes introduisant des décalages variables sur les lignes.
- **MixColumn**: Chaque colonne est remplacée par des combinaisons linéaires des autres colonnes (multiplication des matrices!)
- **AddRoundKey**: XOR de la matrice courante avec la sous-clé correspondante à l'étape courante.



AES: SubBytes

- Les lignes (resp les colonnes) de la S-Box sont étiquetées de 0 à F en hexadécimal .
- Soit $s(L,C)$ un élément de la S-Box de ligne L et de colonne C .
- Un byte codé $0xLC$ en hexadécimal sera substitué par la valeur de l'élément situé a la ligne L et conne C
- Par exemple si $L = A$ et $C = 6$ alors $u = 0xA6$.



AES: SubBytes

- Sub(00)=63
- Sub(12)=C9

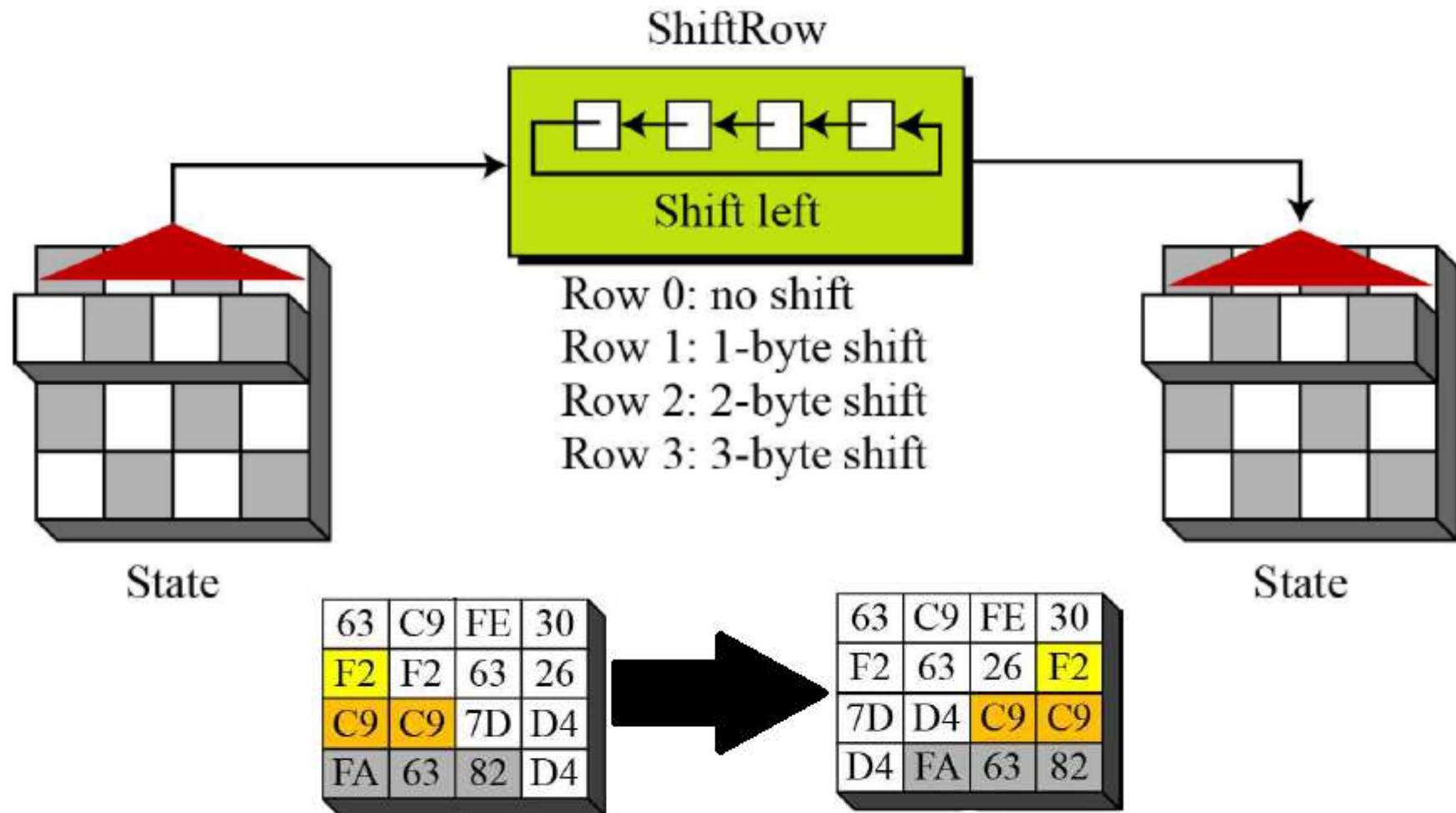
$$\begin{bmatrix} 00 & 12 & 0C & 08 \\ 04 & 04 & 00 & 23 \\ 12 & 12 & 13 & 19 \\ 14 & 00 & 11 & 19 \end{bmatrix}$$


$$\begin{bmatrix} 63 & C9 & FE & 30 \\ F2 & F2 & 63 & 26 \\ C9 & C9 & 7D & D4 \\ FA & 63 & 82 & D4 \end{bmatrix}$$

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	A	B	C	D	E	F
0	63	7c	77	7b	f2	6b	6f	c5	30	01	67	2b	fe	d7	ab	76
1	ca	82	c9	7d	fa	59	47	f0	ad	d4	a2	af	9c	a4	72	c0
2	b7	fd	93	26	36	3f	f7	cc	34	a5	e5	f1	71	d8	31	15
3	04	c7	23	c3	18	96	05	9a	07	12	80	e2	eb	27	b2	75
4	09	83	2c	1a	1b	6e	5a	a0	52	3b	d6	b3	29	e3	2f	84
5	53	d1	00	ed	20	fc	b1	5b	6a	cb	be	39	4a	4c	58	cf
6	d0	ef	aa	fb	43	4d	33	85	45	f9	02	7f	50	3c	9f	a8
7	51	a3	40	8f	92	9d	38	f5	bc	b6	da	21	10	ff	f3	d2
8	cd	0c	13	ec	5f	97	44	17	c4	a7	7e	3d	64	5d	19	73
9	60	81	4f	dc	22	2a	90	88	46	ee	b8	14	de	5e	0b	db
A	e0	32	3a	0a	49	06	24	5c	c2	d3	ac	62	91	95	e4	79
B	e7	c8	37	6d	8d	d5	4e	a9	6c	56	f4	ea	65	7a	ae	08
C	ba	78	25	2e	1c	a6	b4	c6	e8	dd	74	1f	4b	bd	8b	8a
D	70	3e	b5	66	48	03	f6	0e	61	35	57	b9	86	c1	1d	9e
E	e1	f8	98	11	69	d9	8e	94	9b	1e	87	e9	ce	55	28	df
F	8c	a1	89	0d	bf	e6	42	68	41	99	2d	0f	b0	54	bb	16

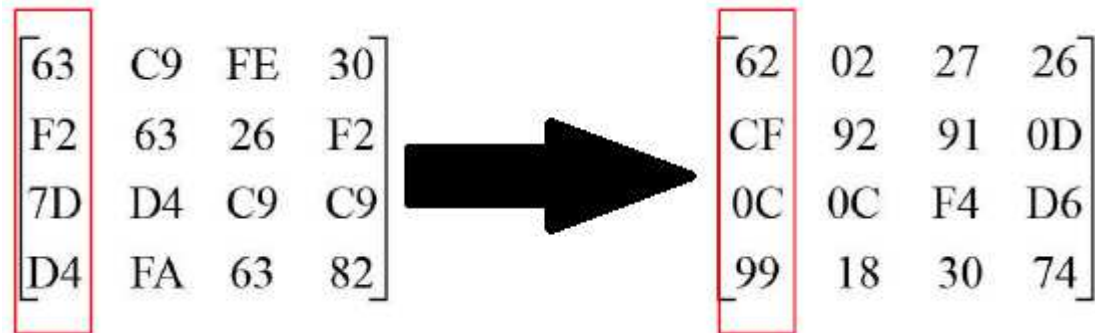
AES: *ShiftRow*

- Consiste à décaler les lignes en rotation (diffusion).



AES: *MixColumn*

- Pour chaque colonne on applique une multiplication par une matrice, sauf le dernier tour d'AES (diffusion)



$$\begin{bmatrix} 02 & 03 & 01 & 01 \\ 01 & 02 & 03 & 01 \\ 01 & 01 & 02 & 03 \\ 03 & 01 & 01 & 02 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} 63 \\ F2 \\ 7D \\ D4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 62 \\ CF \\ 0C \\ 99 \end{bmatrix}$$

AES: AddRoundKey

- XOR de la matrice courante avec la sous-clé correspondante à l'étape courante.
- $Y_{ij} = S_{ij} \text{ XOR } K_{ij}$

$a_{0,0}$	$a_{0,1}$	$a_{0,2}$	$a_{0,3}$
$a_{1,0}$	$a_{1,1}$	$a_{1,2}$	$a_{1,3}$
$a_{2,0}$	$a_{2,1}$	$a_{2,2}$	$a_{2,3}$
$a_{3,0}$	$a_{3,1}$	$a_{3,2}$	$a_{3,3}$

 $+$

$k_{0,0}$	$k_{0,1}$	$k_{0,2}$	$k_{0,3}$
$k_{1,0}$	$k_{1,1}$	$k_{1,2}$	$k_{1,3}$
$k_{2,0}$	$k_{2,1}$	$k_{2,2}$	$k_{2,3}$
$k_{3,0}$	$k_{3,1}$	$k_{3,2}$	$k_{3,3}$

 $=$

$b_{0,0}$	$b_{0,1}$	$b_{0,2}$	$b_{0,3}$
$b_{1,0}$	$b_{1,1}$	$b_{1,2}$	$b_{1,3}$
$b_{2,0}$	$b_{2,1}$	$b_{2,2}$	$b_{2,3}$
$b_{3,0}$	$b_{3,1}$	$b_{3,2}$	$b_{3,3}$

AES : L'expansion de clef (KeySchedule)

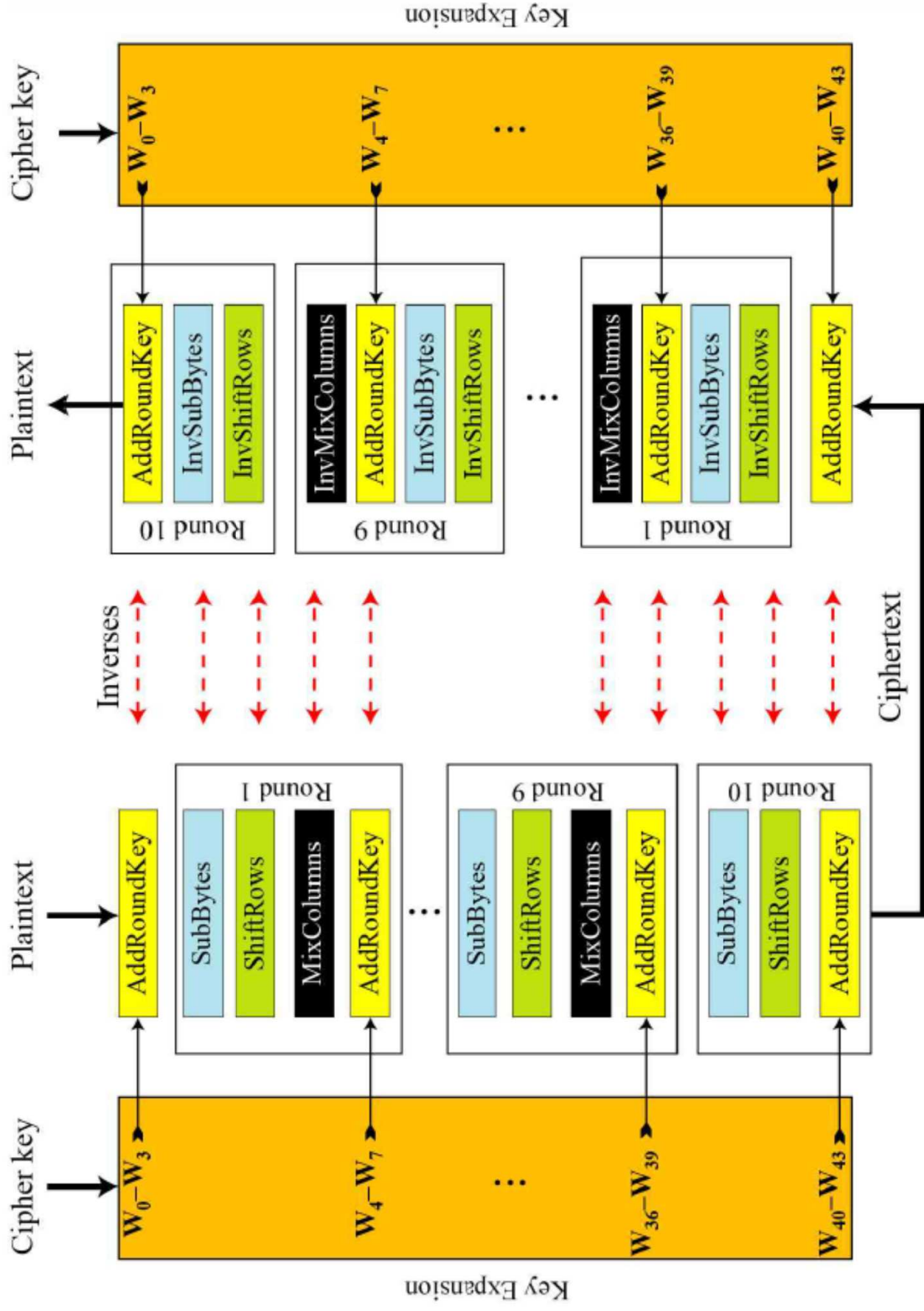
- Après avoir subi une extension (Key Expansion), la clé sera découpée en sous-clés (appelées clés de rondes),
- Definition:
- N :longueur de la clé en words (32bit): 4 pour AES-128, 6 pour AES-192 et 8 pour AES-256
- $K_0, K_1, \dots K_{N-1}$ as the 32-bit words of the original key
- R :nombre de clés nécessaires : 11 pour AES-128, 13 pour AES-192 et 15 pour AES-256
- $W_0, W_1, \dots W_{4R-1}$: les mots de la clé développer, cas AES-128 : $K_0(W_0, W_1, W_2, W_3)$, $K_1(W_4, W_5, W_6, W_7)$...etc.
- RotWord :fonction de décalage circulaire à gauche d'un octet: $\text{RotWord}([b_0 b_1 b_2 b_3]) = [b_3 b_0 b_1 b_2]$
- SubWord application de subBytes à chaque octets du mot.
- $\text{SubWord}([b_0 b_1 b_2 b_3]) = [S(b_0) S(b_1) S(b_2) S(b_3)]$

AES : L'expansion de clef (KeySchedule)

- Pour $i = 1..4R-1$

$$W_i = \begin{cases} K_i & \text{if } i < N \\ W_{i-N} \oplus \text{SubWord}(\text{RotWord}(W_{i-1})) \oplus rcon_{i/N} & \text{if } i \geq N \text{ and } i \equiv 0 \pmod{N} \\ W_{i-N} \oplus \text{SubWord}(W_{i-1}) & \text{if } i \geq N, N > 6, \text{ and } i \equiv 4 \pmod{N} \\ W_{i-N} \oplus W_{i-1} & \text{otherwise.} \end{cases}$$

<i>Round</i>	<i>Constant (RCon)</i>	<i>Round</i>	<i>Constant (RCon)</i>
1	(<u>01</u> 00 00 00) ₁₆	6	(<u>20</u> 00 00 00) ₁₆
2	(<u>02</u> 00 00 00) ₁₆	7	(<u>40</u> 00 00 00) ₁₆
3	(<u>04</u> 00 00 00) ₁₆	8	(<u>80</u> 00 00 00) ₁₆
4	(<u>08</u> 00 00 00) ₁₆	9	(<u>1B</u> 00 00 00) ₁₆
5	(<u>10</u> 00 00 00) ₁₆	10	(<u>36</u> 00 00 00) ₁₆



AES: Synthèse

- La plus grande force de AES réside dans sa simplicité et dans ses performances, y compris sur des plate-formes à capacité de calcul réduite (p.ex. des cartes à puces avec des processeurs à 8 bits).
- Depuis sa publication officielle, des nombreux travaux de cryptanalyse ont été publiés avec des résultats très intéressants. En particulier, N. Courtois et P.Pieprzyk¹ ont présenté une technique appelée XSL permettant de représenter AES comme un système de 8000 équations quadratiques avec 1600 inconnues binaires. L'effort nécessaire pour casser ce système est estimé (il s'agit encore d'une conjecture...) à 2^{100} .
- Ces attaques se basent sur le caractère fortement algébrique (et largement contesté...) de AES. De plus, il suffit de quelques *known plaintexts* pour les mettre en place, ce qui les distingue des attaques linéaires et différentielles.
- Les prochaines années risquent d'apporter des développements très intéressants dans la cryptanalyse de AES et d'un bon nombre de *block ciphers* itératifs.
- Même si AES reste un algorithme robuste à ce jour, il convient de surveiller de près les travaux de recherche algébrique² qui pourraient révolutionner toutes les théories de conception actuelles relatives aux *block ciphers*.