

Université Hassiba Benbouali Chlef  
MI/Informatique - Master 1 IL  
Examen Sécurité Informatique - 2015

Note : Toute réponse doit être justifiée et argumentée de façon claire.

**Exercice\_\_01[4pts]:**

SI : Quelle **condition** doit avoir une **solution de sécurité** pour un objet X à protéger ?

CF : Quelle est la taille de la clé d'un **cryptage par flux**?

CB : Quelles sont les différences entre **DES** et **AES**?

CA : Quel **objectif de sécurité** qui n'est pas réalisé par **RSA**?

AP : Protocole **Diffie-Hellman** résout quel problème en utilisant quel **mécanisme**?

**Exercice\_\_02[17pts]:**

**A- Hill Cipher (4)**

Soit K une matrice de dimension 2 dans  $\mathbb{Z}_n$ , On définit une fonction f sur  $(\mathbb{Z}_n)^2$

$$\begin{array}{lll} f : (\mathbb{Z}_n)^2 & \longrightarrow & (\mathbb{Z}_n)^2 \\ M=(m,n) & \longrightarrow & f(M)= K.M[n] = C \end{array} \quad K = \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix}, C=(x,y)$$

2.1- Dans quel cas f accepte une **fonction inverse**  $f^{-1}$ ?

Avec  $(f, f^{-1}, K)$  on définit un **crypto-system** sur  $(\mathbb{Z}_n)^2$  dont la **clé** est la matrice K

2.2- Quelle est les **caractéristiques** de ce crypto-system (sa classe) ?

2.3- En donnant K : **a=3, b=2, c=3 et d=5**, **décrypter C = (24,16)**.

**B- Cryptographie moderne (8)**

2.4- **4 cases-LFSR** dont la première et la dernière exorées et attachée à l'entrée. Pour une séquence d'initialisation **0001**, donnez sa **table d'état** (jusqu'à sa récurrence).

On dit qu'une fonction f **involutive** ssi  $f(f(x))=x$ .

On dit que la **clé K de DES** est **faible** si **DES** avec cette clé K est **involutive**.

2.5- Décrire la **relation** entre les **sous clés** pour un **DES involutive**?

2.6- Il y a **4 clés faibles** lesquelles?

2.7- RSA soit PK(55,7), encrypter M=10, casser ce crypto système en trouvant sa clé VP. Décrypter C=35.

**D-Application (4)**

Une solution de Vote électronique (e-Vote qui remplace **vote à bulletin secret classique**) doit offrir quels **services de sécurité**?

On va simuler de façon électronique un **vote sans anonymat** ou on peut savoir qui a voté quoi (lever de main lors d'une réunion). Un ensemble de **clients (électeur)** connectés au **serveur (centre d'élection)** qui vont remplir le bulletin **e-vote**.

2.8- Proposer une **solution de sécurité** (en utilisant un schéma) pour cette situation en justifiant comment va éviter les **fraudes électorales**.

**Université Hassiba Benbouali Chlef**  
**MI/Informatique - Master 1 IL**  
**Solution de l'examen Sécurité Informatique - 2015**

**Exercice \_\_01[4pts]:**

SI : La **solution de sécurité** doit avoir un **cout inferieur** à la **valeur** de l'objet X.

CF : La taille de la clé d'un **cryptage par flux** est **infinie**.

CB : **DES**[Symétrique, 16 Rounds, Clé 56bits] **AES**[Asymétrique, 10/12/14 Rounds , Clé 128/192/256bits]

CA : L'**objectif de sécurité** qui n'est pas réalisé par **RSA** est la **disponibilité**.

AP : Protocole **Diffie-Hellman** résout le problème de l'**échange des clés** en utilisant un cryptage **asymétrique** pour **échanger les clés symétrique**.

**Exercice \_\_02[17pts]:**

**A- Hill Cipher (4)**

Soit **K** une matrice de dimension 2 dans  $\mathbb{Z}_n$ , On définit une fonction **f** sur  $(\mathbb{Z}_n)^2$

$$\begin{array}{lll} f : (\mathbb{Z}_n)^2 & \longrightarrow & (\mathbb{Z}_n)^2 \\ M=(m,n) & \longrightarrow & f(M)= K.M[n] = C \end{array} \quad K = \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix}, C=(x,y)$$

2.1- **f** accepte une **fonction inverse**  $f^{-1}$ , Si la matrice inverse de **K** existe ( $K^{-1} \det(K) \neq 0$ ).

Avec **(f, f<sup>-1</sup>, K)** on définit un **crypto-system** sur  $(\mathbb{Z}_n)^2$  dont la **clé** est la matrice **K**

2.2- les **caractéristiques** de ce crypto-system Symétrique, Bloc,  $E_K=f$ ,  $D_K=f^{-1}$

2.3- En donnant **K : a=3, b=2, c=3 et d=5**  $\Rightarrow K.K^{-1} = I$ , **I matrice d'identité**

$3*a'+2*b'=1$  et  $3*a'+2*b'=1 \Rightarrow a'=15, b'=20, c'=17, d'=9$  //résolution système 2 équations.

$3*a'+5*b'=0$  et  $3*a'+2*b'=1$ ,

**Décrypter C = (24,16).**  $\Rightarrow x = (15*24+20*16)[26] = 4$  et  $y = (17*24+9*16)[26] = 6$ , **M=(4,6)**

**B- Cryptographie moderne (8)**

2.4- **4 cases-LFSR** dont la première et la dernière exorées et attachée à l'entrée. Pour une séquence d'initialisation **0001**, donnez sa **table d'état** (jusqu'à sa récurrence).

|               |      |      |      |      |      |      |      |      |      |      |      |
|---------------|------|------|------|------|------|------|------|------|------|------|------|
| ->[0 0 0 1]-> | 1    | 2    | 3    | 4    | 5    | 6    | 7    | 8    | 9    | 10   | 11   |
| + - -----     | 0001 | 1000 | 1100 | 1110 | 1111 | 0111 | 1011 | 0101 | 1010 | 1101 | 0110 |

On dit qu'une fonction **f involutive** ssi **f(f(x))=x**.

On dit que la **clé K de DES** est **faible** si **DES** avec cette clé **K** est **involutive**.

2.5- La **relation** entre les **sous clés** pour un **DES involutive**

Puisque DES involutive donc  $DES_K(DES_K(x)) = x \Rightarrow DES_K(x) = DES_K^{-1}(x)$  (cryptage = décryptage)

Puisque le décryptage utilise les sous clés dans l'ordre inverse ( $K_{16}..K_1$ ) alors  $K_i=K_{17-i}$  i :1..16

$K_8=K_9$  et  $K_9 = rotation(K_8)=K_8$  donc la rotation doit ne pas avoir d'effet  $\Rightarrow$  ss-clés sont **égaux**.

2.6- **4 clés faibles** dont la rotation n'a pas d'effet  $\Rightarrow 1-0^{28}-0^{28}, 2-0^{28}-1^{28}, 3-1^{28}-0^{28}, 4-1^{28}-1^{28}$

2.7- RSA soit PK(55,7),

- Crypter  $M=10$ ,  $E_{PK}(M)=M^e[n]=10^7[55]=10$ ,  $[10^2[55]=45=-10 \Rightarrow 10^4[55]=-10 \Rightarrow 10^6[55]=-10$

- Casser ce crypto système : comme **55=11\*5 unique factorisation** donc  $\Rightarrow p=11$  et  $q=5$  alors

**phi(n)=(p-1)\*(q-1)=10\*4=40**

**d.e=1[phi]=d.7[40]=1  $\Rightarrow d=23$**  (décimal donnant 1 avec 7 c'est 3 essayer 13, 23 ok) **VK(55,23)**

Décrypter  $C=35$ ,  $D_K(C)=C^d[n]=35^{23}[55]=35^5*35^5*35^5*35^3[55]=10^4*10*3[55]=30$ .

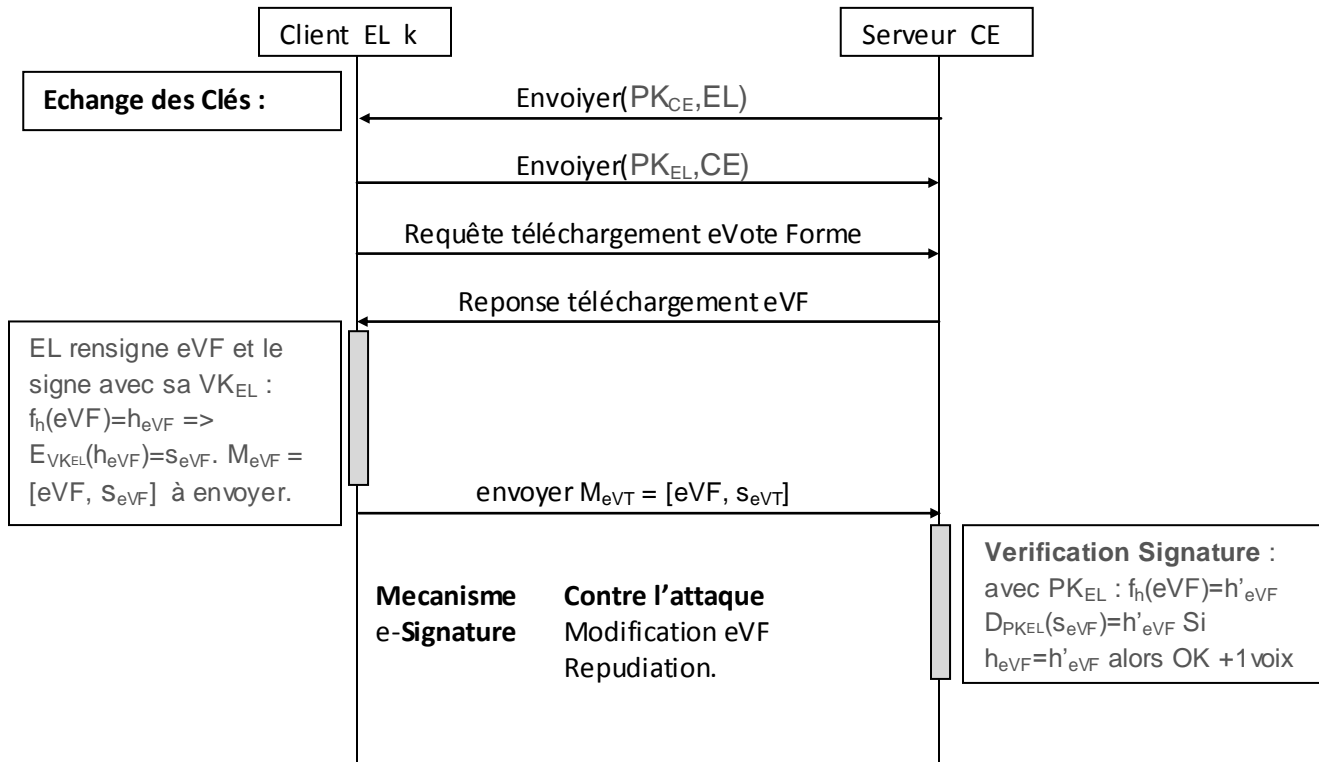
$35^5=10[55]$  et  $35^3=30[55]$

#### D-Application (4)

Une solution de Vote électronique (e-Vote qui remplace **vote à bulletin secret classique**)  
les **services de sécurité** : Confidentialité et Intégrité

2.8- Une **solution de sécurité (intégrité)**. e-Vote Forme disponible sur le site de CE  
publiquement.

**Génération des clés** : AC génère et distribue les clés ( $PK_{EL}$ ,  $VK_{EL}$ ) et ( $PK_{CE}$ ,  $VK_{CE}$ ).



- Bonne Chance -