

Module : Sécurité informatique

Niveau : L3 ISIL/SI (S6)

Date : 27.04.2023

Examen : ETCD

Documents : non autorisés

Durée : 30 min

Matricule :

Nom :

Prénom :

Groupe :

Questions de cours (3 points) : Cochez la ou les bonnes réponses

- Soit un groupe de N personnes souhaitant utiliser un système cryptographique symétrique pour s'échanger trois à trois des informations confidentielles. Quel est le nombre minimal de clés symétriques nécessaires ?

☐ $N(N-1)/2$
☐ $N(N-1)(N-2)/3$

☒ $N(N-1)(N-2)/3!$
☐ $N(N-1)(N-2)(N-3)/3$
- Une entreprise utilise le chiffrement symétrique. Quel(s) sont les raisons valide pour migrer vers le chiffrement asymétrique ?

☐ Le chiffrement symétrique est plus rapide que le chiffrement asymétrique
☐ Le chiffrement symétrique fournit l'authenticité.

☒ Le chiffrement symétrique peut rendre l'administration des clés difficile
☐ Le chiffrement asymétrique est plus long que le chiffrement symétrique
- Que se passe-t-il si vous chiffrer un message confidentiel avec votre clé privée ?

☐ Personne ne pourra le déchiffrer
☐ Vous seul pourrez le déchiffrer

☐ Il est impossible de chiffrer avec sa clé privée
☒ Le monde entier pourra le déchiffrer

Exercice 01 (12 points):

Considérant un chiffrement de César où l'alphabet est constitué des 20 premières lettres de l'alphabet français, c'est-à-dire les lettres de A à T.

A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19

 1. Chiffrer le Message M = **CONFIANCE** sachant que la clé = **13**. Détaillez votre réponse

M =	C	O	N	F	I	A	N	C	E
Encodage	2	14	13	5	8	0	13	2	4
Clé	13	13	13	13	13	13	13	13	13
$E_K(M) = M + K \text{ mod } 20$	15	$27 \equiv 7$	$26 \equiv 6$	18	$21 \equiv 1$	13	$26 \equiv 6$	15	17
C =	P	H	G	S	B	N	G	P	R

 2. Déchiffrer le Message C = **KLJOPMMELE SL TLFFHNL**. Détaillez votre réponse.

Sachant que le message clair est fait en utilisant l'alphabet choisi. Et que la fréquence d'apparition des lettres des mots construits à partir de cet alphabet est représentée par la table suivante.

Lettre	E	S	I	A	...
Fréquence	18.4%	12.2%	8.5%	6.3%	...

Cryptanalyse : Analyse de fréquence

H0 : Chiffrement de César (monoalphabétique)

H1 : Langue française

1- Calcule des fréquences des lettres :

Lettre	G	S	M	O	A	Q
Fréquence	1	3	4	2	1	1

2- H2 : On suppose que la lettre la plus fréquente M du message chiffré correspond à la lettre la plus fréquente S de la langue française. (0,5)

3- $D_k(M) = S \Rightarrow M - K = S \Rightarrow 12 - k = 18 \Rightarrow k = 12 - 18 \bmod 20 \Rightarrow k = -6 \bmod 20 \Rightarrow k = 14 = "O"$ (0,5)

4- Déchiffrer le message :

C =	G	S	M	M	O	A	S	Q	O	M	M	S
Encodage	6	18	12	12	14	0	18	16	14	12	12	18
Clé	14	14	14	14	14	14	14	14	14	14	14	14
$D_k(M) = M - K \bmod 20$	12	4	18	18	0	6	4	2	0	18	18	4
M =	M	E	S	S	A	G	E	C	A	S	S	E

Le message M satisfait l'hypothèse H1. Donc la clé $k = 14$.

3. Qu'est-ce qu'une clé faible / semi-faible dans le chiffrement de César ?

Une clé faible ou semi faible est une clé qui a un comportement indésirable. (0,5)

On dit qu'une clé est faible si : $E_{k_1}(E_{k_2}(M)) = M / k_1 = k_2$ (1)

On dit qu'une clé est semi-faible si : $E_{k_1}(E_{k_2}(M)) = M / k_1 \neq k_2$ (1)

4. Quelles sont les clés faibles / semi-faibles de ce système de chiffrement ?

Les clés faibles :

$E_{k_1}(E_{k_2}(M)) = M \Rightarrow k_1 + k_2 + M = M / k_1 = k_2 \Rightarrow 2k_1 \bmod 20 = 0$ (1)

$k_1 = 0$
20 (0,5)

Les clés semi-faibles :

$E_{k_1}(E_{k_2}(M)) = M \Rightarrow k_1 + k_2 + M = M / k_1 \neq k_2 \Rightarrow k_1 + k_2 \bmod 20 \neq 0$ (1)

$k_1 \quad k_2$
0 0
1 19
2 18
...
19 1

Considérant un chiffrement de Vigenère avec le même alphabet (de A à T).

5. Déchiffrer le Message $C = \text{AFPQSJQCFL}$, sachant que la clé = SOL

C =	A	F	P	Q	S	J	Q	C	F	L
Encodage	0	5	15	16	18	9	16	2	5	11
Clé	18	14	11	18	14	11	18	14	11	18
$D_{K_i}(x_i) = (x_i - k_i \bmod 3) \bmod 20$	2	11	4	18	4	18	18	8	14	13
M =	C	L	E	S	E	S	S	I	O	N

Bon courage