

## Задача 1

Полностью объяснить задачу из второго задания № 10. Под «полностью объяснить» подразумевается все — от свойств используемых структур данных до строчек кода.

*Формат сдачи — предоставленный исходный код плюс устная беседа по нему.*

## Задача 2

Разобрать алгоритм Морриса-Пратта поиска подстроки в строке (см. ниже). Оценить асимптотическую сложность алгоритма.

*Формат сдачи — названная асимптотическая сложность (как «О большое от чего-то») плюс устная беседа по алгоритму.*

## Задача 3

На базе любой удобной задачи второго задания реализовать структуру данных и интерфейс к ней (указаны ниже). Программа при запуске должна читать команды из файла `commands.txt`, выполнять их, печатать результат на экран и завершаться. Никаких интерактивных действий от пользователя не предполагается.

**Структура данных:** бинарное дерево

**Тип данных:** строка не более 15 символов

**Состав инструкций в `commands.txt`:**

INSERT A — добавить элемент со значением A, ничего не печатать. Если такой элемент уже есть — добавить еще одну копию.

FIND A — найти элемент со значением A. Если элемент найден, напечатать FOUND. Если не найден — напечатать NOT FOUND.

DELETE A — найти и удалить элемент со значением A. Если элемента нет — ничего не делать. Если элементов несколько — удалить одну из копий.

DEDUP A — из всех вхождений элемента со значением A оставить только одно (первое), остальные удалить.

**Пример:**

Инструкции в файле:

INSERT alice

INSERT alice

INSERT alice

DEDUP alice

DELETE alice

FIND alice

Вывод программы:

NOT FOUND (так как после DEDUP осталась только одна alice, которую потом удалили)

*Формат сдачи — предоставленный исходный код плюс устная беседа по нему.*

## Алгоритм Морриса-Пратта поиска подстроки в строке

Простейший алгоритм поиска подстроки — алгоритм грубой силы. Этот алгоритм заключается в проверке всех позиций текста с 0 по  $n - m$  на предмет совпадения с началом образца. Если совпадает - смотрим следующую букву и т.д.

Пример реализации:

```
#define EOS '\0'

void BF(char *x, char *y, int m) {
    int i;
    /* Ищем до конца, вообще говоря можно до позиции n-m */
    for(i=0; *y!=EOS; i++, y++) if(memcmp(y,x,m) == 0) OUTPUT(i);
}
```

Из анализа этого алгоритма возник алгоритм Морриса-Пратта. Исследователи хотели найти способы более полно использовать информацию, полученную во время сканирования (алгоритм грубой силы ее просто выбрасывает ;-).

Итак, давайте и мы взглянем на него поближе. Оказывается, размер сдвига образца можно увеличить, одновременно запомнив части текста, совпадающие с образцом. Это позволит нам избежать ненужных сравнений и, тем самым, резко увеличить скорость поиска.

Рассмотрим сравнение на позиции  $i$ , где образец  $x[0, m - 1]$  сопоставляется с частью текста  $y[i, i + m - 1]$ . Предположим, что первое несовпадение произошло между  $y[i + j]$  и  $x[j]$ , где  $1 < j < m$ . Тогда  $y[i, i + j - 1] = x[0, j - 1] = u$  и  $a = y[i + j] \neq x[j] = b$ .

При сдвиге вполне можно ожидать, что префикс образца  $u$  сойдется с каким-нибудь суффиксом под слова текста  $u$ . Наиболее длинный такой префикс - граница  $u$  (Он встречается на обоих концах  $u$ ). Это приводит нас к следующему алгоритму: пусть  $mp\_next[j]$  - длина границы  $x[0, j - 1]$ . Тогда после сдвига мы можем возобновить сравнения с места  $y[i + j]$  и  $x[j - mp\_next[j]]$  без потери возможного местонахождения образца. Таблица  $mp\_next$  может быть вычислена за  $O(m)$  перед самым поиском. Максимальное число сравнений на 1 символ -  $m$ .

Пример реализации:

```
/* Preprocessing */

void PRE_MP( char *x, int m, int mp_next[] ) {
    int i, j;
    i=0;
    j=mp_next[0]=-1;
    while ( i < m ) {
        while ( j > -1 && x[i] != x[j] ) j=mp_next[j];
        mp_next[++i]=++j;
    }
}

void MP( char *x, char *y, int n, int m ) {
    int i, j, mp_next[XSIZE];
```

```

/* Preprocessing */
PRE_MP(x, m, mp_next );
/* Searching */
i=j=0;
while ( i < n ) {
    while ( j > -1 && x[j] != y[i] ) j=mp_next[j];
    i++;
    j++;
    if ( j >= m ) {
        OUTPUT( i - j );
        j = mp_next[ j ];
    }
}
}

```