```
PRIME_NUMBER
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
int prime(int n){
   for(int i = 2; i <= sqrt(n); i++){
       if(n % i == 0){
            return false;
    return n > 1;
int main(){
   int n; cin >> n;
    cout << prime(n) << endl;</pre>
```

SQUARE_NUMBER

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
bool squareNumber(long long n){
    int m = sqrt(n);
    if(111 * m * m == n){
        return true;
    else{
        return false;
int main(){
    int n; cin >> n;
    cout << squareNumber(n) << endl;</pre>
```



```
SUM_OF_DIVISOR
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
int tongUoc(int n){
    int sumDiv = 0;
    for(int i = 1; i <= sqrt(n); i++){
        if(n % i == 0){
            sumDiv += i;
            if(i != n / i){
                sumDiv += n / i; // ????
    return sumDiv;
int main(){
    int n; cin >> n;
    cout << tongUoc(n) << endl;</pre>
```

```
COUNT_DIVISOR
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
int demUoc(int n){
   int countDiv = 0;
   for(int i = 1; i <= sqrt(n); i++){
        if(n % i == 0){
            countDiv += 1;
            if(i != n / i){
                countDiv += 1; // ????
    return countDiv;
int main(){
   int n; cin >> n;
   cout << demUoc(n) << endl;</pre>
```

Số Hoàn Hảo

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
bool soHoanHao(long long n){
    long long sum = 1;
    for(int i = 2; i <= sqrt(n); i++){
        if(n % i == 0){
            sum += i;
            if(i != n / i){
                sum += n / i;
    return sum == n;
int main(){
    long long n; cin >> n;
    cout << soHoanHao(n) << endl;</pre>
```

Số Hoàn Hảo Áp Dụng Định Lý Euler-Euclid

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
bool prime(long long n){
    for(int i = 2; i <= sqrt(n); i++){
       if(n % i == 0) return false;
    return n > 1;
bool soHoanHao(long long n){
    for(int i = 1; i <= 32; i++){
       if(prime(i)){
            long long x = (long long)pow(2, i - 1);
            if(prime(i)){
                long long hh = x * ((long long)pow(2, i) - 1);
                if(hh == n) return true;
    return false;
int main(){
    long long n; cin >> n;
    cout << soHoanHao(n) << endl;</pre>
```



UỚC CHUNG LỚN NHẤT - BỘI CHUNG NHỎ NHẤT

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
using 11 = long long;
ll gcd1(ll a, ll b){
    if(b == 0) return a;
    else return gcd1(b, a % b);
ll gcd2(ll a, ll b){
    while(b){
       11 r = a \% b;
       a = b;
        b = r;
    return a;
ll lcm(ll a, ll b){
    return a / gcd1(a, b) * b;
int main(){
   11 x, y; cin >> x >> y;
    cout << gcd1(x, y) << ' ' << lcm(x, y) << endl;</pre>
```

000

TÍNH A^B ÁP DỤNG LŨY THỪA NHỊ PHÂN

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
using 11 = long long;
ll binpow1(ll a, ll b){
   ll res = 1;
   while(b){
       if(b % 2 == 1){
            res *= a;
        a *= a;
       b /= 2;
   return res;
11 binpow2(11 a, 11 b){
   if(b == 0) return 1;
   11 tmp = binpow2(a, b / 2);
   if(b % 2 == 1) return tmp * tmp * a;
    else return tmp * tmp;
int main(){
   cout << binpow1(2, 10) << ' ' << binpow2(2, 10) << endl;</pre>
```



PHI HÀM EULER

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
using ll = long long;
11 phi(ll n){
   11 \text{ res} = n;
    for(int i = 2; i <= sqrt(n); i++){
        if(n % i == 0){
            res -= res / i;
            while(n \% i == 0){
                n /= i;
    if(n > 1) res -= res / n;
    return res;
int main(){
    cout << phi(17) << endl;</pre>
```

0 0 0



TÍNH TỔ HỢP CHẬP K CỦA N

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
using 11 = long long;
11 toHop(int n, int k){
    k = \min(k, n - k);
   ll res = 1;
    for(int i = 1; i <= k; i++){
        res *= (n - i + 1);
       res /= i;
    return res;
int main(){
    cout << toHop(10, 2) << endl;</pre>
```



■ ■ GIẢI THUẬT EUCLID MỞ RỘNG : AX + BY + GCD(A, B)

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
using ll = long long;
int extended gcd(int a, int b, int &x, int &y){
   if(b == 0){
        x = 1; y = 0;
        return a;
    int x1, y1;
   int gcd = extended_gcd(b, a % b, x1, y1);
   x = y1;
   y = x1 - a / b * y1;
    return gcd;
int main(){
   //ax + by = gcd(a, b)
    int a = 16, b = 10;
    int x, y;
    int d = extended_gcd(a, b, x, y);
    cout << d << endl; // gcd(a, b) = 2</pre>
    cout << x << ' ' << y << endl; // x = 2, y = -3
```



NGHỊCH ĐẢO MODUN

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
using 11 = long long;
int extended_gcd(int a, int b, int &x, int &y){
    if(b == 0){
        x = 1; y = 0;
        return a;
    int x1, y1;
    int gcd = extended_gcd(b, a % b, x1, y1);
   x = y1;
   y = x1 - a / b * y1;
    return gcd;
void inv(int a, int b){
    int x, y;
    int gcd = extended_gcd(a, b, x, y);
    if(gcd != 1){
        cout << "Khong ton tai nghich dao modun";</pre>
    else{
        cout << (x % b + b) % b << endl;</pre>
int main(){
    inv(16, 7); // 16 * 4 % 7 = 1
```



NGHỊCH ĐẢO MODUN - ÁP DỤNG KHI B LÀ SỐ NGUYÊN TỐ

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
using ll = long long;
11 powMod(ll a, ll b, ll c){
    ll res = 1;
    while(b){
       if(b % 2){
            res *= a; res %= c;
        a *= a;
        a %= c;
        b /= 2;
    return res;
ll inv(ll a, ll b){
    return powMod(a, b - 2, b); // Áp dụng khi b là số nguyên tố
int main(){
    cout << inv(16, 7) << endl;</pre>
```



TÍNH A ^ B % C

0 0 0

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
using 11 = long long;
11 powMod(ll a, ll b, ll c){
    ll res = 1; a %= c;
    while(b){
        if(b % 2){
            res *= a; res %= c;
        a *= a;
        a %= c;
        b /= 2;
    return res;
int main(){
    cout << powMod(2, 1000, 10) << endl; //6</pre>
```



Số ĐỐI XỨNG

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
28Tech - Become A Better Developer
using ll = long long;
bool doiXung(11 n){
    11 \text{ reverse} = 0, \text{ tmp} = n;
    while(n){
        reverse = reverse * 10 + n % 10;
        n /= 10;
    return tmp == reverse;
int main(){
    cout << doiXung(1234321) << endl;</pre>
```



TÍNH TỔ HỢP CHẬP K CỦA N CHIA DƯ CHO 10^9 + 7

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
28Tech - Become A Better Developer
using 11 = long long;
ll C[1001][1001];
const int mod = 1e9 + 7;
void init(){
    for(int i = 0; i <= 1000; i++){
        for(int j = 0; j <= i; j++){
           if(j == 0 || i == j) C[i][j] = 1;
            else C[i][j] = (C[i - 1][j - 1] + C[i - 1][j]) % mod;
int main(){
    init();
    int n, k; cin \gg n \gg k;
    cout << C[n][k] << endl;</pre>
```

```
TÍNH TỔ HỢP CHẬP K CỦA N CHIA DƯ CHO 10^9 + 7
```

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
28Tech - Become A Better Developer
using ll = long long;
const int mod = 1e9 + 7;
11 fac[1000001];
11 powMod(ll a, ll b, ll c){
   ll res = 1;
   while(b){
       if(b % 2){
           res *= a; res %= c;
       a *= a;
       a %= c;
       b /= 2;
    return res;
11 inv(ll a, ll m){
    return powMod(a, m - 2, m);
int main(){
    fac[0] = 1;
    for(int i = 1; i <= (int)1e6; i++){
       fac[i] = fac[i - 1] * i; fac[i] %= mod;
    int n, k; cin >> n >> k;
   cout << fac[n] * (inv(fac[k], mod) * inv(fac[n - k], mod) % mod) % mod;</pre>
```



PHÂN TÍCH THỬA SỐ NGUYÊN TỐ

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
28Tech - Become A Better Developer
using 11 = long long;
void factorize(ll n){
    for(int i = 2; i <= sqrt(n); i++){
        while(n \% i == 0){
            cout << i << ' ';
            n /= i;
    if(n > 1) cout << n << endl;
int main(){
    factorize(100); // 100 = 2*2*5*5
```

SỐ FIBONACCI DÙNG ĐỆ QUY - QUY HOẠCH ĐỘNG

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
28Tech - Become A Better Developer
using ll = long long;
// Độ phức tạp 1.618^n
11 fibo(int n){
    if(n <= 1) return n;</pre>
    else return fibo(n - 1) + fibo(n - 2);
// Độ phức tạp O(N)
11 fibo2(int n){
    11 f[n + 1];
    f[0] = 0; f[1] = 1;
    for(int i = 2; i <= n; i++){
        f[i] = f[i - 1] + f[i - 2];
    return f[n];
int main(){
    cout << fibo2(92) << endl;</pre>
    cout << fibo(92) << endl;</pre>
```



```
SÓ FIBONACCI CHIA DƯ VỚI 10^9 + 7
```

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
28Tech - Become A Better Developer
using 11 = long long;
const int mod = 1e9 + 7;
11 fibo(int n){
   11 f[n + 1];
    f[0] = 0; f[1] = 1;
    for(int i = 2; i <= n; i++){
        f[i] = (f[i - 1] + f[i - 2]) \% mod;
    return f[n];
int main(){
    cout << fibo(100000) << endl;</pre>
```

SỐ T PRIME - SỐ CÓ ĐÚNG 3 ƯỚC SỐ

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
28Tech - Become A Better Developer
using ll = long long;
bool prime(ll n){
    for(int i = 2; i <= sqrt(n); i++){
       if(n % i == 0) return false;
    return n > 1;
bool t_prime(ll n){
   11 m = sqrt(n);
    if(m * m != n) return false;
    return prime(m);
int main(){
    for(int i = 1; i <= 1000; i++){
       if(t_prime(i)) cout << i << ' ';
    //4 9 25 49 121 169 289 361 529 841 961
```



BẬC CỦA THỪA SỐ NGUYÊN TỐ P TRONG N!

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
28Tech - Become A Better Developer
using ll = long long;
//Tìm x lớn nhất sao cho n! chia hết cho p^x
int legendre(int n, int p){
    int ans = 0;
   for(int i = p; i <= n; i *= p){
        ans += n / i;
    return ans;
int main(){
    cout << legendre(10, 5) << endl;</pre>
```



TAM GIÁC PASCAL

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
28Tech - Become A Better Developer
//Tam giác pascal với h là chiều cao
void pascal(int h){
    11 p[h][h];
    for(int i = 0; i < h; i++){
        for(int j = 0; j <= i; j++){
            if(j == 0 | | i == j) p[i][j] = 1;
            else p[i][j] = p[i - 1][j - 1] + p[i - 1][j];
            cout << p[i][j] << ' ';</pre>
        cout << endl;</pre>
int main(){
    pascal(5);
1 1
1 2 1
1 3 3 1
1 4 6 4 1
```



000

SÀNG SỐ NGUYÊN TỐ

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
28Tech - Become A Better Developer
const int maxn = (int)1e7;
int prime[maxn + 1];
void sang(){
    for(int i = 0; i <= maxn; i++){
        prime[i] = 1;
    prime[0] = prime[1] = 0;
    for(int i = 2; i <= sqrt(maxn); i++){
        if(prime[i]){
            for(int j = i * i; j <= maxn; j += i){
               prime[j] = 0;
int main(){
    sang(); // sau khi sàng bạn có thể check số nguyên tố trong [1, 1e7]
    for(int i = 1; i <= 20; i++){
        if(prime[i]) cout << i << ' ';
Output : 2 3 5 7 11 13 17 19
```



SÀNG SỐ NGUYÊN TỐ TRÊN ĐOẠN [L, R]

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
28Tech - Become A Better Developer
using ll = long long;
void sang(ll l, ll r){
    vector<bool> prime(r - l + 1, true);
    for(ll i = 2; i <= sqrt(r); i++){
        for(ll j = max(i * i, (l + i - 1) / i * i); j <= r; j += i){
            prime[j - 1] = false;
    for(ll i = max(1, 211); i <= r; i++){
       if(prime[i - 1]) cout << i << ' ';</pre>
int main(){
    sang(30, 50);
Output: 31 37 41 43 47
```