

Содержание

- □ Определение и назначение реляционной алгебры
- □ Традиционные операции реляционной алгебры
- □ Специальные операции реляционной алгебры
- □ Дополняющие элементы реляционной алгебры

Технологии баз данных © М.Л. Цымбло

Реляционная алгебра

- □ Реляционная алгебра формальная система манипулирования отношениями в реляционной модели данных.
- □ Существует в двух несколько различающихся вариантах: классическая алгебра Т. Кодда и алгебра А К. Дейта и Х. Дарвена.







нологии баз ланных СМ Л Пымблер

Замкнутость реляционной алгебры

- Реляционная алгебра представляет собой набор операторов, использующих отношения в качестве аргументов и возвращающих отношение в качестве результата.
- □ Реляционный оператор f выглядит как функция с отношениями в качестве аргументов: $R = f(R_1, R_2, ..., R_n)$.
- □ Реляционная алгебра является замкнутой, так как в качестве аргументов в реляционные операторы можно подставлять другие реляционные операторы, имеющие подходящий тип: $R = f(f_1(R_1, R_{12}, ...), f_2(R_{21}, R_{22}, ...), ...)$
- В реляционных выражениях можно использовать вложенные выражения сколь угодно сложной структуры.

Технологии баз данных

© М.Л. Цымблер

Традиционные операции над множествами

Обозначение Обозначение Операция лат. алф. Объединение $R1 \cup R2$ R1 UNION R2 Пересечение R1∩R2 R1 INTERSECT R2 R1 - R2 Разность R1 MINUS R2 $R1 \times R2$ Декартово произведение R1 TIMES R2

Технологии баз данных © М.Л. Цымбл

Совместимость отношений по типу

- □ Два отношения являются *совместимыми по типу*, если они имеют идентичные заголовки:
 - множества имен атрибутов этих отношений совпадают
 - атрибуты с одинаковыми именами определены на одном и том же домене.
- Для приведения отношений к одному типу следует использовать операцию переименования

 $\rho_{\textit{НовоеОтношение}(\textit{HobAmp1},...,\;\textit{HobAmpN)}}(CmapoeOmhoшение})$

- leepsilon $ho_{\mathcal{A}emanu}(P)$

Технологии баз данных \mathbb{O} М.Л. Цымблер

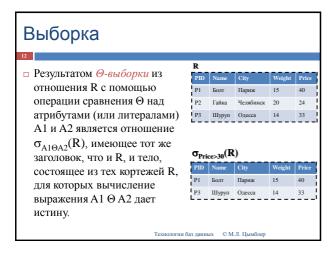
Технологии баз данных © М.Л. Цымблер

Пересечение Результатом операции пересечения двух совместимых по типу отношений RI и R2 является отношение с тем же заголовком, что и в RI и R2, и телом, состоящим из кортежей, принадлежащих обоим отношениям RI и R2. Технологии баз данных CMJI. Цымбаер



Декартово произведение □ Результатом операции декартова произведения двух отношений R1 и al bl cl dl el $\hat{R2}$, не имеющих общих имен атрибутов, является отношение с заголовком, который представляет R1 × R2 собой сцепление заголовков R1 и R2, и телом, состоящим из всех al bl cl dl el возможных кортежей, каждый из al bl c2 d2 e2 al bl c3 d3 e3 которых представляет собой a2 b2 c1 d1 e1 сцепление кортежа из R1 и кортежа из a2 b2 c2 d2 e2

Специальны операции	ые реляционь	ные
Операция	Обозначение греч. алф.	Обозначение лат. алф.
Выборка (ограничение)	$\sigma_{condition}(R)$	R WHERE condition
Проекция	$\pi_{Attr1, Attr2}(R)$	R[Attr1, Attr2]
Естественное соединение	R1 M R2	R1 JOIN R2
Θ-соединение	R1 M R2.Attr2 R2	-
Деление	R1 ÷ R2	R1 DIVIDE R2
	Технологии баз данных	© М.Л. Цымблер



Выборка по составному условию

- $\sigma_{C1 \text{ and } C2}(R) \equiv \sigma_{C1}(R) \cap \sigma_{C2}(R)$
- $\square \ \sigma_{C1 \text{ or } C2}(R) \equiv \sigma_{C1}(R) \cup \sigma_{C2}(R)$

Технологии баз ланных СМ Л Пымбле

Проекция

□ Результатом *проекции* отношения R по атрибутам A1, ..., AN является отношение $\pi_{A1, ..., AN}(R)$, имеющее заголовок, состоящий из атрибутов A1, ..., AN, и тело, которое состоит из всех кортежей R, получаемых отбрасыванием атрибутов, не входящих в список A1, ..., AN.



ехнологии баз данных С М.Л. Цымбле

Естественное соединение

- Результатом естественного соединения отношений R1(A,B) и R2(B,C) по общему атрибуту В является отношение R1 ⋈ R2 с заголовком из атрибутов A, B, C, и телом, состоящим из соединенных кортежей, которые имеют совпадающие значения в общем атрибуте.
- $\square R1 \bowtie R2 \equiv \pi_{A,B,C} (\sigma_{R1.B=R2.B}(R1 \times R2))$

a1 b1 b1 c1
a2 b2 b2 c2
b3 c3
b1 c4

R1 ⋈ R2

A D C
a1 b1 c1
a1 b1 c1
a1 b1 c4
a2 b2 c2

ВС

ехнологии баз данных

© М.Л. Цымбле

Θ-соединение

□ Результатом операции Θ -соединения отношения R1 по атрибуту A и отношения R2 по атрибуту B является отношение $R1 \underset{A \Theta B}{\bowtie} R2 \equiv \sigma_{A \Theta B}(R1 \times R2)$.



	R1	M I	₹2	
Α	R1.B	R2.B	С	D
5	2	2	3	1
5	2	2	1	8
3	4	2	1	8

Технологии баз данных О М.Л. Цымбле

Деление

 \square Пусть имеются отношения A(X,Y) и B(Y), где атрибуты Y определены на одном и том же домене. Тогда результатом *деления* $A \div B$ будет отношение с заголовком из атрибута X и телом, в которое входят кортежи $\langle x:X \rangle$ такие, что существует кортеж $\langle x:X,y:Y \rangle$, который принадлежит отношению A для accolorebraicking су:Accolorebraicking из отношения Accolorebraicking из отношения Accolorebraicking из отношения Accolorebraicking





Примеры Получить имена поставщиков, которые поставляют деталь с кодом P2. R1 := SP \bowtie S R2 := $\sigma_{PID=P2}(R1)$ Result := $\pi_{Name}(R2)$ $\pi_{Name}(\sigma_{PID=P2}(SP \bowtie S))$

П	римері	_
		_

22

 □ Получить имена поставщиков, которые поставляют детали красного цвета.

 $\ \blacksquare\ R1 := \sigma_{Color='красный'}(P)$

 \blacksquare R2 := R1 \bowtie SP

 \blacksquare R3 := π_{SID} (R2)

 \blacksquare R4 := R3 \bowtie S

 $\blacksquare \ Result := \pi_{Name}(R4)$

 ${\color{red} \bullet } \pi_{\text{Имм_\Pi}}(\pi_{\text{Код_\Pi}}\left(\sigma_{\text{Цвет='красный'}}(P)\bowtie SP\right)\bowtie S)$

Технологии баз данных © М.Л. Цымблер

Примеры

23

 □ Получить имена поставщиков, которые поставляют детали красного цвета.

 \blacksquare R1 := $\sigma_{Color='$ красный'</sub>(P)

■ R2 := π_{SID} (R1)

□ R3 := R2 ⋈ SP

 $\blacksquare R4 := R3 \bowtie S$

 \blacksquare Result := $\pi_{Name}(R4)$

 ${\color{red}\blacksquare}\ \pi_{Name}((\pi_{SID}\ (\sigma_{Color='kpachый'}(P))\bowtie SP)\bowtie S)$

Гехнологии баз данных 💮 М.Л. Цымбл

Примеры

24

 □ Получить имена поставщиков, которые поставляют все детали.

 $\blacksquare \, R1 := \pi_{SID,PID}(SP)$

 \blacksquare R2 := $\pi_{PID}(P)$

■ R3 := R1 ÷ R2

 $\blacksquare R4 := R3 \bowtie S$

 $\blacksquare Result := \pi_{Name}(R4)$

 $\label{eq:tau_name} \blacksquare \ \pi_{Name}((\pi_{SID,PID} \ (SP) \div \pi_{PID} \ (P)) \bowtie S)$

хнологии баз ланных СМ Л Пымблег

	_			_	_	
П	n	и	NΛ	ρ	n	Ь
	ν	V I	IVI	C	ν	\mathbf{u}

□ Получить имена поставщиков, которые не поставляют деталей.

- \square R1 := SP \bowtie S
- \blacksquare R2 := $\pi_{SID,Name}$ (R1)
- \blacksquare R3 := $\pi_{SID,Name}(S)$
- R4 := R2 R3
- Result := $\pi_{Name}(R4)$
- \blacksquare $\pi_{Name}(\pi_{SID,Name}\left(SP\bowtie S\right)$ $\pi_{SID,Name}\left(S\right))$

Технологии баз данных © М.Л. Цымблер

Примеры

□ Получить имена поставщиков, которые не поставляют деталь с кодом Р2.

- $\blacksquare \, R1 := \pi_{\operatorname{SID}}(S)$
- \blacksquare R2 := $\sigma_{PID='P2'}(SP)$
- R3 := π_{SID} (R2)
- R4 := R1 R3
- \blacksquare R5 := R4 \bowtie S
- \blacksquare Result := $\pi_{Name}(R5)$
- ${\color{red}\blacksquare} \; \pi_{Name}((\pi_{SID} \, (S) \text{ } \pi_{SID} \, (\sigma_{PID=P2'}(SP))) \bowtie S))$

Примеры

□ Получить имена поставщиков, которые поставляют все детали, поставляемые поставщиком с кодом S1.

- \blacksquare R1 := $\pi_{SID,PID}(SP)$
- $\blacksquare \ R2 := \sigma_{SID='S1'}(SP)$
- \blacksquare R3 := $\pi_{PID}(R2)$
- □ R4 := R1 ÷ R3
- \blacksquare R5 := R4 \bowtie S $\blacksquare \ Result := \pi_{Name}(R5)$
- ${\color{red}\blacksquare} \ \pi_{Name}((\pi_{SID,PID} \ (SP) \div \pi_{PID}(\sigma_{SID=S1} (SP))) \bowtie S)$

Технологии баз данных © М.Л. Цымблер

Ассоциативность и коммутативность
28
□ Ассоциативные и коммутативные операции
□ X
□ ⋈

Назначение реляционной алгебры

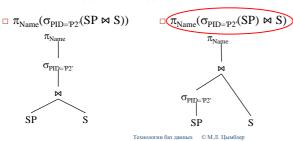
- □ Выборка данных из отношений
- □ Запись реляционных выражений
- □ Определение именованных отношений
- □ Определение правил целостности данных
- □ Базис для оптимизации запросов

Гехнологии баз данных

© М.Л. Цымбл

Реляционная алгебра как базис оптимизации запросов

 □ Получить имена поставщиков, которые поставляют деталь с кодом Р2.



Реляционная алгебра как средство записи правил целостности Ссылочная целостность $\pi_{SID}(SP) \subseteq \pi_{SID}(S)$ $\pi_{PID}(SP) \subseteq \pi_{PID}(P)$ Целостность первичного ключа $\rho_{SP1}(SP), \rho_{SP2}(SP), \sigma_{SP1.SID=SP2.SID and SP1.Qty≠SP2.Qty}(SP1×SP2)=\emptyset$ Ограничения домена $\sigma_{Color≠'kpachый'}$ and $Color≠'chhuй'$ and $Color≠'cehhuй'$ (P)= \emptyset Ограничения базы данных σ_{Rating	Записи правил целостности Ссылочная целостность $\pi_{SID}(SP) \subseteq \pi_{SID}(S)$ $\pi_{PID}(SP) \subseteq \pi_{PID}(P)$ Целостность первичного ключа $\rho_{SP1}(SP), \rho_{SP2}(SP), \sigma_{SP1.SID=SP2.SID and SP1.Qty≠SP2.Qty}(SP1×SP2)=Ø$ Ограничения домена	
Ссылочная целостность $\pi_{SID}(SP) \subseteq \pi_{SID}(S)$ $\pi_{PID}(SP) \subseteq \pi_{PID}(P)$ Целостность первичного ключа $\rho_{SP1}(SP), \rho_{SP2}(SP), \sigma_{SP1.SID=SP2.SID and SP1.Qty \neq SP2.Qty}(SP1 \times SP2) = \emptyset$ Ограничения домена $\sigma_{Color \neq kpachisii'}$ and $\sigma_{Color \neq kpachisii'}$ алд σ	Ссылочная целостность $\pi_{SID}(SP) \subseteq \pi_{SID}(S)$ $\pi_{PID}(SP) \subseteq \pi_{PID}(P)$ Целостность первичного ключа $\sigma_{SP1}(SP), \rho_{SP2}(SP), \sigma_{SP1.SID=SP2.SID and SP1.Qty≠SP2.Qty}(SP1×SP2)=Ø$ Ограничения домена	
$ \begin{split} & \pi_{SID}(SP) \subseteq \pi_{SID}(S) \\ & \pi_{PID}(SP) \subseteq \pi_{PID}(P) \\ & \square_{PID}(SP) \subseteq \pi_{PID}(P) \\ & \square_{PID}(SP) \subseteq \pi_{PID}(P) \\ & \square_{PSP1}(SP), \rho_{SP2}(SP), \\ & \sigma_{SP1.SID=SP2.SID and SP1.SID=SP2.SID and SP1.Qty=SP2.Qty}(SP1\times SP2) = \varnothing \\ & \square_{PSP1.SID=SP2.SID and SP1.SID=SP2.SID and SP1.Qty=SP2.Qty}(SP1\times SP2) = \varnothing \\ & \square_{PSP1.SID=SP2.SID and SP1.Qty=SP2.Qty}(SP1\times SP2) = \varnothing \\ & \square_{PSP1.SID=SP2.Qty}(SP1\times SP2) = \varnothing \\ & \square_{PSP1.SID=SP2.SID and SP1.Qty=SP2.Qty}(SP1\times SP2) = \varnothing \\ & \square_{PSP1.SID=SP2.SID and SP1.Qt$	$ \pi_{SID}(SP) \subseteq \pi_{SID}(S) $ $ \pi_{PID}(SP) \subseteq \pi_{PID}(P) $ $ \square $ Целостность первичного ключа $ \pi_{PSP1}(SP), \rho_{SP2}(SP), $ $ \sigma_{SP1.SID=SP2.SID \text{ and } SP1.SID=SP2.SID \text{ and } SP1.Qty \neq SP2.Qty}(SP1 \times SP2) = \varnothing $ $ \square $ Ограничения домена	
$ \begin{split} & \pi_{SID}(SP) \subseteq \pi_{SID}(S) \\ & \pi_{PID}(SP) \subseteq \pi_{PID}(P) \\ & \square_{PID}(SP) \subseteq \pi_{PID}(P) \\ & \square_{PID}(SP) \subseteq \pi_{PID}(P) \\ & \square_{PSP1}(SP), \rho_{SP2}(SP), \\ & \sigma_{SP1.SID=SP2.SID and SP1.SID=SP2.SID and SP1.Qty=SP2.Qty}(SP1\times SP2) = \varnothing \\ & \square_{PSP1.SID=SP2.SID and SP1.SID=SP2.SID and SP1.Qty=SP2.Qty}(SP1\times SP2) = \varnothing \\ & \square_{PSP1.SID=SP2.SID and SP1.Qty=SP2.Qty}(SP1\times SP2) = \varnothing \\ & \square_{PSP1.SID=SP2.Qty}(SP1\times SP2) = \varnothing \\ & \square_{PSP1.SID=SP2.SID and SP1.Qty=SP2.Qty}(SP1\times SP2) = \varnothing \\ & \square_{PSP1.SID=SP2.SID and SP1.Qt$	□ $\pi_{SID}(SP) \subseteq \pi_{SID}(S)$ □ $\pi_{PID}(SP) \subseteq \pi_{PID}(P)$ □ Целостность первичного ключа □ $\rho_{SP1}(SP)$, $\rho_{SP2}(SP)$, $\sigma_{SP1.SID=SP2.SID}$ and $\sigma_{SP1.QIy\neq SP2.Qiy}(SP1\times SP2)=\emptyset$ □ Ограничения домена	
$\square \ \pi_{PID}(SP) \subseteq \pi_{PID}(P)$ $\square \ \ \ $	□ $\pi_{PID}(SP) \subseteq \pi_{PID}(P)$ □ Целостность первичного ключа □ $\rho_{SP1}(SP)$, $\rho_{SP2}(SP)$, $\sigma_{SP1.SID=SP2.SID}$ and $\sigma_{SP1.Qty \neq SP2.Qty}(SP1 \times SP2) = \emptyset$ □ Ограничения домена	
 Целостность первичного ключа □ ρ_{SP1}(SP), ρ_{SP2}(SP), ¬ σ_{SP1.SID}=SP2.SID and SP1.Qty≠SP2.Qty(SP1×SP2)=Ø □ Ограничения домена □ σ_{Color≠'красный'} and Color≠'снний' and Color≠'белый' (P)=Ø □ Ограничения базы данных □ σ_{Rating<5}(SP ⋈ S)=Ø 	□ Целостность первичного ключа	
$ ho_{SP1}(SP), ho_{SP2}(SP),$ $\sigma_{SP1.SID=SP2.SID}$ and $SP1.SID=SP2.SID$ and $SP1.Qty\ne SP2.Qty$ ($SP1\times SP2$)= \varnothing $ ho$ Ограничения домена $ ho$ $\sigma_{Color\ne kpachый'}$ and $\sigma_{Color\ne chhuih'}$ and $\sigma_{Color\ne chhuih'}$ анд $\sigma_{Color\ne chhuih'}$ анд $\sigma_{Color\ne chhuih}$	□ ρ _{SP1} (SP), ρ _{SP2} (SP), σ _{SP1.SID=SP2.SID and SP1.Qty≠SP2.Qty} (SP1×SP2)=∅ □ Ограничения домена	
б _S Pl_SID=SP2_SID and SPl_SID=SP2_SID and SPl_Qty≠SP2_Qty(SP1×SP2)=Ø □ Ограничения домена □ σ _{Color≠'красный'} and Color≠'синий' and Color≠'белый' (P)=Ø □ Ограничения базы данных □ σ _{Rating<5} (SP ⋈ S)=Ø	σ _{SP1.SID=SP2.SID and SP1.SID=SP2.SID and SP1.Qty≠SP2.Qty} (SP1×SP2)=Ø □ Ограничения домена	
□ Ограничения домена □ $\sigma_{\text{СоІог≠'красный'}}$ аnd $\sigma_{\text{СоІог≠'бельій'}}$ (P)=Ø □ Ограничения базы данных □ $\sigma_{\text{Rating<5}}(SP\bowtie S)$ =Ø	□ Ограничения домена	
□ $\sigma_{\text{Color}\neq\text{'красный'}}$ and Color \neq 'синий' and Color \neq 'белый' (P)=Ø □ Ограничения базы данных □ $\sigma_{\text{Rating}<5}(\text{SP}\bowtie \text{S})$ =Ø	•	
□ Ограничения базы данных □ $\sigma_{\text{Rating} \leftarrow S}(SP \bowtie S) = \emptyset$	(P)-Ø	
$\bullet \sigma_{\text{Rating} < 5}(SP \bowtie S) = \emptyset$	□ Color≠'красный' and Color≠'синий' and Color≠'белый' (1)— □ □ □ □ □ □ □ □ □ □ □ □ □	
	□ Ограничения базы данных	
Технологин баз данных □ М.Л. Цымблер	$\square \sigma_{\text{Rating} < 5}(\text{SP} \bowtie \text{S}) = \emptyset$	
Технологии баз данных		
	Технологии баз данных С М.Л. Цымблер	

Дополняющие элементы
реляционной алгебры
 Операторы обновления targetR := sourceR INSERT sourceR INTO targetR, где sourceR и targetR совместимы по типу UPDATE targetR attribute := value DELETE targetR Реляционные сравнения = ≠ ⊆ Прочее IS_EMPTY(R) t IN R

Дополняющие элементы
реляционной алгебры
з полиционной алгеоры
□ Операция расширения
■ EXTEND targetR ADD scalarExpr AS newAttribute
□ Операция подведения итогов
■ SUMMARIZE targetR BY (attribute)
ADD aggrExpr AS newAttribute
Технологии баз данных СМЛ. Цымблер

Полнота языка баз данных

 Язык баз данных является реляционно полным, если выражения этого языка позволяют определить каждое отношение, которое определяется с помощью реляционной алгебры.

Практикум по составлению запросов реляционной алгебры S – Поставщики P – Детали J – Проекты SPJ – Поставки

Заключение

- Реляционная алгебра средство записи реляционных выражений для определения данных (области выборки, обновления, представлений, снимков, правил безопасности и целостности и др.).
- □ Состав реляционной алгебры
 - Традиционные операции: объединение, пересечение, разность, декартово произведение.
 - \blacksquare Специальные операции: выборка, Θ -выборка, естественное соединение, Θ -соединение, деление.
 - □ Операции выборки, проекции, произведения, объединения и вычитания являются
 - Дополняющие элементы: операции расширения и подведения итогов, операторы обновления, реляционные сравнения.
- Реляционная алгебра базис для оптимизации запросов и средство записи ограничений целостности.
- Язык баз данных является реляционно полным, если выражения этого языка позволяют определить каждое отношение, которое определяется с помощью реляционной алгебры.

Технологии баз данных \bigcirc М.Л. Цымбле