# Python para Aplicações Científicas



Campus João Pessoa

#### Ministrante:

Weslley da Cunha Santos

IFPB - Campus João Pessoa

2017





#### As Necessidades do Cientista

- Obtenção de dados como os oriundos de simulações ou experimentos;
- Manipular e processar dados;
- Visualizar resultados que sejam simples e rápidos de interpretar, mas também figuras e gráficos que facilitem a visualização do objeto em estudo como para a publicação em relatórios e publicações.



# Soluções com Python



#### Vantagens:

- Imenso conjunto de bibliotecas e funções já inclusas para métodos numéricos, plotar gráficos e ferramentas para processamento de dados;
- Fácil e rápido de aprender;
- o Linguagem simples, de desenvolvimento e execução rápidos;
- Código livre e aberto.

## Desvantagens:

- Não possui algumas ferramentas disponíveis em outros softwares como o Matlab;
- Possui um desempenho inferior a linguagens compiladas como C e
   C++ para aplicações que exijam muito processamento em um curto espaço de tempo.



# Ambiente de trabalho

#### Por que usar o Anaconda?

- O Python (https://www.python.org) por padrão não vem com as ferramentas de aplicação científica, já que o mesmo é uma linguagem de programação de propósito geral.
- O projeto Scipy (https://www.scipy.org) desenvolve várias ferramentas como o próprio Scipy, o Numpy, o Matplotlib, o lpython entre outros pacotes que incluem ferramentas científicas no Python.
- Já o projeto Anaconda (https://www.continuum.io/downloads)
  empacota todas estas ferramentas em um único pacote fácil de
  instalar e utilizar, bem como o ambiente de desenvolvimento
  Spyder (https://github.com/spyder-ide/spyder) que fornece uma
  interface similar ao Matlab.

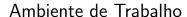




#### Usando o repl.it

- Acessar o site https://repl.it/
- Selecionar a linguagem de programação (Python3)



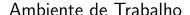




#### Anaconda Navigator

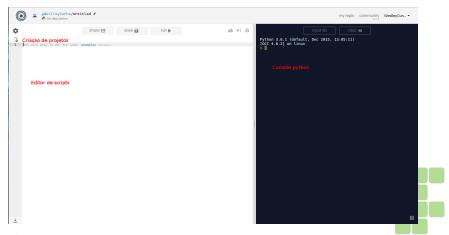
 Caso queira salvar seu código, pode-se cadastrar ou acessar o site com a sua conta da Google.







• A IDE utilizada será a do próprio site.



## Ambiente de Trabalho



#### repl.it

- O repl.it pode ser dividido em duas partes principais:
  - Console: O IPython ou Python Interativo (https://ipython.org/) é um interpretador de Python.
  - **Editor de scripts:** Onde podem ser escritos os programas para serem salvos e executados sempre que necessários.







| Operação        | Símbolo | Exemplo | Resultado |
|-----------------|---------|---------|-----------|
| Adição          | +       | 3+2     | 5         |
| Subtração       | _       | 5 – 2   | 3         |
| Multiplicação   | *       | 6 * 4   | 24        |
| Divisão         | /       | 5/4     | 1.25      |
| Divisão Inteira | //      | 5//4    | 1         |
| Exponenciação   | **      | 2**3    | 8         |



# Precedência de Operadores



- Em expressões com muitas operações, uma ordem de execução deve ser seguida:
  - 1. Parênteses mais interno;
  - 2. Exponenciação;
  - 3. Multiplicação e divisão;
  - 4. Soma e subtração.







| Operação       | Símbolo | Exemplo | Resultado |
|----------------|---------|---------|-----------|
| Maior          | >       | 3 > 2   | True      |
| Menor          | <       | 5 < 2   | False     |
| Maior ou igual | >=      | 6 >= 4  | True      |
| Menor ou igual | <=      | 5 <= 4  | False     |
| lgual          | ==      | 5 == 4  | False     |
| Diferente      | ! =     | 2!=3    | True      |



# Precedência de Operadores



## Vamos exercitar!

Realize as seguintes operações matemáticas:

$$2+3^2$$
 (1)

$$(2+45)-2^4+\frac{32}{2} \tag{2}$$

$$4,5 \times 3,7 - (1,2)^3 + 4^{(1/2)}$$
 (3)



# Precedência de Operadores



#### Vamos exercitar!

Realize as seguintes operações matemáticas:

$$2+3^2$$
 (1)

$$(2+45)-2^4+\frac{32}{2} \tag{2}$$

$$4,5 \times 3,7 - (1,2)^3 + 4^{(1/2)}$$
 (3)

**R.:** (1) 11; (2) 47.0; (3) 16.922000000000004





 O Python possui uma biblioteca, por meio da qual é possível acessar as funções matemáticas. Sendo assim, é necessário inclui-la.

1 >> import math

# Observação!

Estas funções não podem ser usadas com números complexos. Para aplicar as mesmas funções à números complexos, deve-se utilizar as mesmas funções, porém, da biblioteca  ${\rm cmath}$ .





| Função            | Descrição                                |  |  |
|-------------------|--|--|--|
| math.sqrt(x)      | Raiz quadrada de x.                      |  |  |
| math.fabs(x)      | Módulo (ou valor absoluto) de x.         |  |  |
| math.log(x)       | Logaritmo neperiano de x.                |  |  |
| math.factorial(x) | Fatorial de x.                           |  |  |
| math.sin(x)       | Seno de x.                               |  |  |
| math.cos(x)       | Cosseno de x.                            |  |  |
| math.tan(x)       | Tangente de x.                           |  |  |
| math.ceil(x)      | Arredonda para o inteiro maior do que x. |  |  |
| math.floor(x)     | Arredonda para o inteiro menor do que x. |  |  |
| math.exp(x)       | Retorna <i>e</i> <sup>x</sup> .          |  |  |



## Vamos exercitar!

Resolva cada uma das expressões abaixo:

$$\frac{25.7 \times 64 - 7^3}{45 + 5^2} \tag{4}$$

$$(2+7)^3 + \frac{273^2}{\log(2)^3} \tag{5}$$

$$\cos\left(\frac{5\pi}{2}\right) + \sin\left(\frac{7\pi}{8}\right)^2 \tag{6}$$





## Vamos exercitar!

Resolva cada uma das expressões abaixo:

$$\frac{25.7 \times 64 - 7^3}{45 + 5^2} \tag{4}$$

$$(2+7)^3 + \frac{273^2}{\log(2)^3} \tag{5}$$

$$\cos\left(\frac{5\pi}{2}\right) + \sin\left(\frac{7\pi}{8}\right)^2 \tag{6}$$

**R.:** (4) 18.597142857142856; (5) 2732825.1358154626; (6) 0.9560530238023512

## Variáveis



- As variáveis podem ser utilizadas em expressões matemáticas somente após serem declaradas;
- Uma variável é declarada no momento em que recebe uma atribuição. Por exemplo:

```
1 >> a = 10  
2 >> a  
3    10  
4 >> A = 15  
5 >> A  
6    15
```

- O Python é case sensitive;
- Não se pode utilizar variáveis com o nome de palavras reservadas da linguagem.

## Variáveis



## Vamos exercitar!

Calcule as raízes da equação de segundo grau apresentada na Eq. 7:

$$x^2 - 2x - 15 = 0 (7)$$

Para isso, considere as seguintes variáveis: a=1, b=-2 e c=-15. Em seguida, realize os cálculos necessários para obtenção das raízes. De preferência, utilize outras variáveis para armazenar os resultados obtidos (**delta**, **x1** e **x2**, por exemplo).



## Variáveis



## Vamos exercitar!

Calcule as raízes da equação de segundo grau apresentada na Eq. 7:

$$x^2 - 2x - 15 = 0 (7)$$

Para isso, considere as seguintes variáveis: a=1, b=-2 e c=-15. Em seguida, realize os cálculos necessários para obtenção das raízes. De preferência, utilize outras variáveis para armazenar os resultados obtidos (**delta**, **x1** e **x2**, por exemplo).

**R.:** 
$$X_1 = 5$$
;  $X_2 = -3$ .



## Entrada de Dados



- A função input é utilizada para a entrada de dados padrão.
- A entrada, por padrão, é lida e armazenada como uma string (<class 'str'>).
- É possível especificar o tipo do dado que será lido. Veja os exemplos:

```
1 >>> a = input()
2 10
3 >>> a
4 '10'
5 >>> a = int(input())
6 10
7 >>> a
8 10
```

## Saída de Dados



 A função print é utilizada para a saída de dados padrão. Veja os exemplos:

```
1 >>> a = 10

2 >>> print(a)

3 10

4 >>> print('a = %d' % a)

5 'a = 10'
```





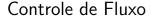
## Controle de Fluxo

#### Estruturas de Decisão

- São utilizadas para controlar a ordem, na qual o código será executado.
- As estruturas de decisão são: if/elif/else.
- Exemplo:

```
1 >>> a = 10
2 >>> if a == 1:
3 ...    print(1)
4 ... elif a == 2:
5 ...    print(2)
6 ... else:
7 ...    print('A lot')
8 A lot
```







- Estruturas de Repetição
- São utilizadas para executar algumas linhas de código repetidas vezes.
- As estruturas de decisão são: for/range e while/break/continue.
- Exemplo do for/range:

```
1 >>> for i in range(4):
2 ... print(i)
3 0
4 1
5 2
6 3
```



## Controle de Fluxo

#### Estruturas de Repetição

- São utilizadas para executar algumas linhas de código repetidas vezes.
- As estruturas de decisão são: for/range e while/break/continue.
- Exemplo do while/break/continue:

```
1 >>> a = 0
2 >>> while a <= 3
3 ... print(a)
4 ... a = a + 1;
5 0
6 1
7 2
8 3</pre>
```



#### Criando e Manipulando Dados Numéricos

- O que o Numpy disponibiliza?
  - Pacotes adicionais no Python para arrays multidimensionais;
  - Mais próximo ao hardware (eficiência);
  - Projetado para computação científica (comodidade);
  - o Também conhecido como computação orientada a arrays.
- Um array contém:
  - Valores de um experimento/simulação em intervalo de tempo discreto;
  - Sinal gravado por um dispositivo de medição (sinal sonoro, por exemplo);
  - Pixels de uma imagem (nível de cinza ou cor);
  - Dados 3D medidos em relação às coordenadas X, Y e Z (imagens de Ressonância Magnética, por exemplo).





#### Exemplo de Implementação

```
1 >> import numpy as np
2 >> a = np.array([0, 1, 2, 3])
3 >> a
4 array([0, 1, 2, 3])
```

## Observação!

Por convenção, importa-se a biblioteca Numpy da forma como foi definida na linha 1 do código acima.





- Construção manual de arrays:
  - o 1D:

```
1 >>> a = np.array([0, 1, 2, 3])
2 >>> a
3 array([0, 1, 2, 3])
4 >>> a.ndim
5 1
6 >>> a.shape
7 (4,)
8 >>> len(a)
9
```





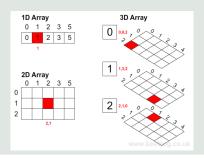
- Construção manual de arrays:
  - o 2D, 3D, ...:



Criando Arrays

## Vamos exercitar!

Crie arrays 1D, 2D e 3D tendo como base a figura abaixo. Em seguida, analise cada um dos seus atributos.





- Funções para criar arrays:
  - Espaçados uniformemente:

```
1 >>> a = np.arange(10) # 0, ..., n - 1
2 >>> a
3 array([0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9])
4 >>> b = np.arange(1, 9, 2) # inicio, fim (exclui esse valor), passo
5 >>> b
6 array([1, 3, 5, 7])
```





- Funções para criar arrays:
  - Pelo número de pontos:



- Funções para criar arrays:
  - Arrays comuns:

```
| >>> a = np.ones((3, 3))
2 >>> a
3 array([[ 1., 1., 1.],
         [1., 1., 1.],
4
         [ 1., 1., 1.]])
_{6} >>> b = np.zeros((2, 2))
7 >>> b
8 array([[ 0., 0.],
         [0., 0.]
9
|10\rangle >> c = np.random.rand(4)
11 >>> C
12 array([ 0.25298236, 0.43479153, 0.77938292,
     0.19768507])
```





- Funções para criar arrays:
  - Arrays comuns:



#### Criando Arrays

## Vamos exercitar!

- 1. Crie um matriz identidade com dimensão  $5 \times 5$ .
- 2. Crie uma matriz  $3 \times 3$  com todos os elementos iguais a 1.
- 3. Crie uma matriz  $2 \times 3$  com elementos de valores aleatórios entre 0 e 20.
- 4. Crie o vetor: [9, 8, 7, 6, 5, 4, 3, 2, 1].







#### Indexação e Cortes de Arrays

```
>>> a = np.arange(10)
>>> a
array([0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9])
>>> a[0], a[2], a[-1]
5 (0, 2, 9)
```

## Observação!

O índice dos arrays começa em 0, como nas outras sequências do Python, C/C++, dentre outros. Deve-se atentar para isso, uma vez que no Matlab os índices iniciam em 1.



#### Indexação e Cortes de Arrays

 Assim como no Python, é possível inverter o array da seguinte forma:

```
1 >>> a[::-1]
2 array([9, 8, 7, 6, 5, 4, 3, 2, 1, 0])
```

Acesso em arrays multidimensionais:



#### Indexação e Cortes de Arrays

Modificação em arrays multidimensionais:

- Em um array 2D, a primeira dimensão corresponde à linha, ao passo que a segunda dimensão corresponde à coluna.
- Para arrays multidimensionais, o comando a[0] é interpretado tomando todos os elementos que não foram especificados.



### Indexação e Cortes de Arrays

 Assim como nas sequências do Python, é possível tomar "fatias" de um array. Por exemplo:

```
1 >>> a = np.arange(10)
2 >>> a
3 array([0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9])
4 >>> a[2:9:3] # [inicio:fim:passo]
5 array([2, 5, 8])
6 >>> a[:4]
7 array([0, 1, 2, 3])
```

### Observação!

Note que o último índice não é incluído!







#### Indexação e Cortes de Arrays

Outros exemplos...

```
1 >>> a[1:3]
2 array([1, 2])
3 >>> a[::2]
4 array([0, 2, 4, 6, 8])
5 >>> a[3:]
6 array([3, 4, 5, 6, 7, 8, 9])
```

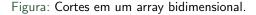






### Indexação e Cortes de Arrays

|    |    |    |    |    |    | $\overline{A}$ |
|----|----|----|----|----|----|----------------|
| 0  | 1  | 2  | 3  | 4  | 5  |                |
| 10 | 11 | 12 | 13 | 14 | 15 |                |
| 20 | 21 | 22 | 23 | 24 | 25 |                |
| 30 | 31 | 32 | 33 | 34 | 35 |                |
| 40 | 41 | 42 | 43 | 44 | 45 |                |
| 50 | 51 | 52 | 53 | 54 | 55 |                |







- Operações Básicas:
  - Com escalares:

```
1 >>> a = np.array([1, 2, 3, 4])
2 >>> a + 1
3 array([2, 3, 4, 5])
4 >>> 2**a
5 array([ 2, 4, 8, 16])
```







- Operações Básicas:
  - Entre arrays:

```
1 >>> b = np.ones(4) + 1
2 >>> a - b
3 array([-1., 0., 1., 2.])
4 >>> a * b
5 array([ 2., 4., 6., 8.])
```





### Operações com Arrays

• Entre arrays:

### Observação!

A multiplicação de arrays 2D não corresponde a uma multiplicação de matrizes, mas a uma multiplicação elemento a elemento.



Operações com Arrays

### Vamos exercitar!

- Crie dois arrays 1D de forma automática: o primeiro com números pares entre 0 e 8; o segundo com números ímpares entre 1 e 9. Experimente realizar as operações aritméticas sobre eles.
- 2. Gere o seguinte array: [2\*\*0, 2\*\*1, 2\*\*2, 2\*\*3, 2\*\*4]







- Outras Operações:
  - Comparações Parte 1:

```
1 >>> a = np.array([1, 2, 3, 4])
2 >>> b = np.array([4, 2, 2, 4])
3 >>> a == b
4 array([False, True, False, True], dtype=bool)
5 >>> a > b
6 array([False, False, True, False], dtype=bool)
```







- Outras Operações:
  - Comparações Parte 2:

```
1 >>> a = np.array([1, 2, 3, 4])
2 >>> b = np.array([4, 2, 2, 4])
3 >>> c = np.array([1, 2, 3, 4])
4 >>> np.array_equal(a, b)
5 False
6 >>> np.array_equal(a, c)
7 True
```





- Outras Operações:
  - o Operações Lógicas:

```
>>> a = np.array([1, 1, 0, 0], dtype=bool)
>>> b = np.array([1, 0, 1, 0], dtype=bool)
>>> np.logical_or(a, b)
4 array([ True, True, True, False], dtype=bool)
>>> np.logical_and(a, b)
6 array([ True, False, False, False], dtype=bool)
```







### Outras Operações Importantes

• Considere um array x.

| Operação     | Retorno  |  |  |  |  |
|--------------|--|--|--|--|--|
| np.abs(x)    | Array com o valor absoluto dos elementos de x. |  |  |  |  |
| np.sin(x)    | Array com o seno dos elementos de x.           |  |  |  |  |
| np.cos(x)    | Array com o cosseno dos elementos de x.        |  |  |  |  |
| np.log(x)    | Array com o log. neperiano dos elementos de x. |  |  |  |  |
| np.exp(x)    | Array formado por $e^x$ .                      |  |  |  |  |
| np.invert(x) | A inversa da matriz x.                         |  |  |  |  |
| np.sum(x)    | O somatório de todos os elementos de x.        |  |  |  |  |





### Métodos de um Array

• Considere um array x.

| Atributo     | Descrição   |  |  |  |  |
|--------------|---|--|--|--|--|
| x.diagonal() | Retorna um vetor com a diagonal de $\times$ (2D). |  |  |  |  |
| x.dot(c)     | Retorna a multiplicação das matrizes x e c.       |  |  |  |  |
| x.max()      | Retorna o elemento de $x$ com maior valor.        |  |  |  |  |
| x.min()      | Retorna o elemento de x com menor valor.          |  |  |  |  |
| x.sum()      | Retorna a soma de todos os elementos de x.        |  |  |  |  |
| x.mean()     | Retorna a média dos valores de x.                 |  |  |  |  |
| x.sort()     | Ordena os elementos de x e atribui ao próprio x.  |  |  |  |  |



### Vamos exercitar!

Com base na matriz da Eq. 8:

- Obtenha um vetor contendo o seno dos elementos da segunda linha;
- 2. Obtenha sua inversa, sua transposta e um vetor com os elementos de sua diagonal principal;
- 3. Obtenha a soma e a média dos seus elementos.



# Algumas funções para Álgebra Linear

#### Scipy - Linalg

- O módulo scipy.linalg permite as operações padrão para álgebra linear.
- Duas funções que são importantes são a scipy.linalg.det() e a scipy.linalg.inv() que calculam o determinante e a matriz inversa.

```
1 >>> import numpy as np
2 >>> from scipy import linalg
3 >>> arr = np.array([[3, 2],[6, 4]])
4 >>> linalg.det(arr)
5 0.0
6 >>> arr = np.array([[1, 0],[0, 1]])
7 >>> linalg.det(arr)
8 1.0
```



# Algumas funções para Álgebra Linear

Scipy - Linalg



# Scripts



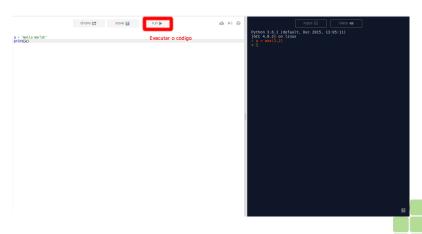


Figura: Execução de um script no repl.it

### Scripts



- Os scripts com extensão .py ajudam a:
  - o Fornecer uma visão geral do que vai ser executado
  - Permitir que erros possam ser corrigidos mais rapidamente
  - o Alterar o código de maneira mais rápida.



### Scripts



### Vamos exercitar!

Crie um script para ler os valores dos coeficientes **a**, **b**, e **c** de uma equação de segundo grau. Em seguida, calcule as raízes dessa equação e exiba-as.





- Matplotlib é provavelmente o pacote Python mais utilizado para gráficos 2D.
- Ele fornece uma maneira muito rápida de visualizar dados usando Python, e figuras com qualidade de publicação e em diversos formatos.
- O Pyplot fornece uma interface procedural para a biblioteca de plotagem orientada a objeto, matplotlib.
- Ele foi desenvolvido após o Matlab. Portanto, a maioria dos comandos de plotagem do pyplot são análogos aos do Matlab e possuem argumentos semelhantes.



• Para importar o pyplot basta incluir o seguinte comando:

```
import matplotlib.pyplot as plt
```

• Ou:

```
1 from matplotlib import pyplot as plt
```

### Observação!

Assim como no Numpy, o Pyplot, por convenção, é importado dessa forma (como **plt**).





#### Primeiro Exemplo

```
1 import numpy as np
2 import matplotlib.pyplot as plt
3
4 X = np.linspace(-np.pi, np.pi, 256, endpoint=True)
5 \, C, S = np.cos(X), np.sin(X)
6
7 plt.plot(X, C)
8 plt.plot(X, S)
9 plt.title("Seno e Cosseno");
plt.ylabel("Amplitude");
plt.xlabel("Angulo");
plt.grid("on");
13
14 plt.show()
plt.savefig("plot.png")
```



### Primeiro Exemplo

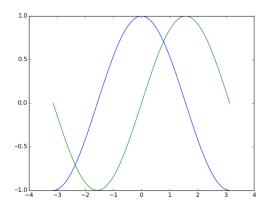


Figura: Saída após a execução do código anterior.





#### Comando Plot

- No comando plot alguns especificadores e propriedades podem ser utilizados.
- Por padrão a linha é preenchida, mas ela pode ser tracejada (-), pontilhada (:), traço-ponto (-.), dentre outros.
- Junto com o padrão da linha, a cor pode ser alterada: vermelha (r), verde (g), amarela (y), preto (b), ciano (c) e branco (w).
- Ver documentação: <a href="https://goo.gl/25DF01">https://goo.gl/25DF01</a>>.





#### Comando Plot

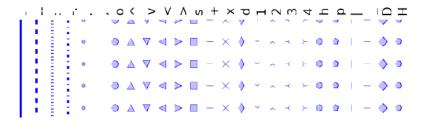


Figura: Estilos da linha.





#### Comando Plot

• É possível também modificar a espessura da linha. Veja o exemplo:



Figura: Espessura, cor e estilo da linha.





#### Comando Plot

• Existe uma outra forma de escrever o código visto anteriormente.

```
plt.plot(X, C, "b-", linewidth=2.5)
plt.plot(X, S, "r-", linewidth=2.5)
```

 Além de ser mais compacta, essa é a forma utilizada no software Matlab.

### Observação!

Os especificadores de cor e largura da linha do gráfico são inseridos como strings.







#### Estabelecendo Limites aos Eixos

• É possível estabelecer limites para os eixos do gráfico. Veja o exemplo:

```
plt.xlim(X.min() * 1.1, X.max() * 1.1)
plt.ylim(C.min() * 1.1, C.max() * 1.1)
```

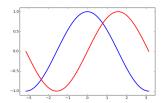


Figura: Limitando os eixos do gráfico.





Plotando gráficos

### Vamos exercitar!

Crie um script para ler os valores dos coeficientes  $\bf a$ ,  $\bf b$ , e  $\bf c$  de uma função de segundo grau. Em seguida, plote essa função no intervalo de -10 a 10 (eixo x) com 100 pontos nesse intervalo. Varie a cor, a espessura e o estilo da linha. Dê nome aos eixos e atribua um título. Além disso, inclua o grid no gráfico.





#### **Imagens**

 Usando o Matplotlib também é possível carregar e manipular imagens.

```
1 >>> img = plt.imread('data/elephant.png')
2 >>> img.shape, img.dtype
3 ((200, 300, 3), dtype('float32'))
4 >>> plt.imshow(img)
5 <matplotlib.image.AxesImage object at ...>
6 >>> plt.savefig('plot.png')
```





**Imagens** 

### Vamos exercitar!

Crie um script para carregar uma imagem. Em seguida, apresente os seus atributos e exiba-a.



# Agradecemos pela presença!



- Contato:
  - Weslley Cunha: weslley@ieee.org

# Até a próxima!!!



