# 七年级下册

## 目录(Catalog)

- 第 6 章(chapter 6) -- 一元一次方程
  - 6.1 从实际问题到方程 (2)
  - 6.2 解一元二次方程 (4)
    - 6.2.1 等式的性质与方程的简单变形 (4)
    - 6.2.2 解一元一次方程 (9)
  - 阅读材料: 丢番图的墓志铭与方程 (15)
  - 6.3 实践与探索 (16)
  - 6.4 小结 (20)
  - 6.5 复习题 (21)
- 第7章 -- 一次方程组
  - 7.1 二元一次方程组合它的解 (24)
  - 7.2 二元一次方程组的解法 (27)
  - 。 7.3 三元一次方程组及其解法 (37)
  - 7.4 实践与探索 (42)
  - 阅读材料: 鸡兔同笼 (44)
  - 7.5 小结 (45)
  - 7.6 复习题 (46)
- 第8章 -- 一元一次不等式
  - 。 8.1 认识不等式 (50)
  - 8.2 解一元一次不等式 (53)
  - 8.3 一元一次不等式组 (62)
  - 阅读材料: 等号与不等号的由来 (66)
  - 8.4 小结 (67)
  - 8.5 复习题 (68)
  - 综合与实践: 球赛出现问题 (70)
- 第9章 -- 多边形
  - 。 9.1 三角形 (72)
    - 9.1.1 认识三角形 (73)

- 9.1.2 三角形的内角和与外角和 (76)
- 9.1.3 三角形的三边关系 (80)
- 。 9.2 多边形的内角和与外角和 (83)
- 9.3 用正多边形铺设地面 (88)
  - 9.3.1 用相同的正多边形铺设地面 (88)
  - 9.3.2 用多种正多边形铺设地面 (90)
- 阅读材料: 多姿多彩的图案 (91)
- 。 9.4 小结 (93)
- 9.5 复习题 (94)
- 第 10 章 -- 轴对称(chen), 平移与旋转
  - 10.1 轴对称 (98)
    - 10.1.1 生活中的轴对称 (98)
    - 阅读材料:剪正五角星(101)
    - 10.1.2 轴对称的再认识 (102)
    - 10.1.3 画轴对称图形 (105)
    - 10.1.4 设计轴对称图案 (107)
  - 10.2 平移 (112)
    - 10.2.1 图形的平移 (112)
    - 10.2.2 平移的特征 (114)
  - 10.3 旋转 (118)
    - 10.3.1 图形的旋转 (118)
    - 10.3.2 旋转的特征 (121)
    - 10.3.3 旋转对称图形 (122)
  - 阅读材料: 古建筑中的旋转对称 -- 从敦煌洞窟到欧洲教堂
  - 10.4 中心对称 (127)
  - 10.5 图形的全等 (133)
  - 10.6 小结 (137)
  - 10.7 复习题 (138)
  - 。 综合与实践: 图案设计
- 数学实验附图
  - 方格图 (144)
  - 点格图 (146)

### 内容(Content)

# 第6章(chapter 6) -- 一元一次方程

- 6.1 从实际问题到方程 (2)
  - 。 **例 1**: 某校七年级 328 名师生乘车外出春游, 已有 2 辆校车共可乘坐 64 人, 还需租用 44 座的客车多少辆?

答: 小学里我们已经学过列方程的解法, 我们不妨回顾一下:

设需租用客车 x 辆, 一辆客车可以乘坐 44 人, 那么 x 辆共可乘坐 44x 人, 加上校车的 64 人, 就是全体的 328 人, 由此我们可得: 44x + 64 = 328 (1) 问题归结为求出方程 (1) 中的 x 的值, 也就知道需要多少辆客车了,(注: x 即方程的解).

- 例 2: 在课外活动中, 张老师发现同学们的年龄基本上都是 13 岁, 然后他问同学们: "我今年 45 岁, 经过几年后你们的年龄正好是我年龄的 ⅓ ?"
  答:
  - (1) 小敏同学很快回答了答案: "3 年!", 他是这样算的:
    - ① 1 年后, 老师的年龄是 46 岁, 同学的年龄是 14 岁,  $46\div14\neq3$  (即 14 不 是 46 的  $\frac{1}{3}$ ).
    - ② 2 年后, 老师的年龄是 47 岁, 同学的年龄是 15 岁,  $47\div15\neq3$  (即 15 不 是 47 的  $\frac{1}{3}$ ).
    - ③ 3 年后, 老师的年龄是 48 岁, 同学的年龄是 16 岁,  $48\div16=3$  (16 恰好 是 48 的  $\frac{1}{3}$ ).
  - (2) 也有的同学说, 我们可以列出方程来解:
    - 设经过 x 年后同学的年龄是老师年龄的  $\frac{1}{3}$ , 经过 x 年后同学的年龄是 (13+x) 岁, 老师的年龄是 (45+x) 岁, 可得

$$13 + x = \frac{1}{3}(45 + x) \tag{1}$$

我们暂时只能将  $x=1,2,3,4,\cdots$  代入方程 (1) 中求得方程的解 x=3,不过我们会在接下来的章节中讲解此方程的解法.

- **例 3 -- 练习(1)**: 某班原分成 2 个小组进行课外体育活动, 第一组 26 人, 第二组 22 人, 根据学校活动器材的数量, 要将第一组的人数调整为第二组的一半, 应从第一组调多少人到第二组去? (注: 根据题意设未知数, 列出方程不必求解.) **答**: 我们根据题意来列出方程:
  - 设应从第一组调 x 人到第二组去; 第一组原本 26 人调走 x 人后还剩 (26-x) 人, 第二组原本 22 人从第一组调来 x 人后现为 (22+x) 人, 根据题意 "要将第一组的人数调整为第二组的一半", 那么我们现在只需要把调整后的第二组的人数除以 2 和当前调整后第一组的人数相等即可 (注: 此处多思考两遍), 分析完毕, 我们来列出方程

$$(26 - x) = (22 + x) \div 2 \tag{2}$$

。 **例4 -- 练习(2)**: 师徒二人铺设一条长 186 米的地下电缆, 师傅每小时铺设 18(m) 米, 徒弟每小时铺设 12 米, 师傅先开始工作, 2 个小时候后徒弟在另一端开始铺设, 那么师徒二人还需一起工作多少时间才能完成铺设任务?

答: 我们先来分析题目:

- (1) 首先设 师徒二人还需要一起工作 x (h)小时才能完成铺设任务. 我们首先要搞清楚列方程等号(=)左右两边相等的条件是什么, 这里很清楚就是 186m的地下电缆. 即: 师傅铺设的长度 + 徒弟铺设的长度 = 186m
- (2) 接下来我们根据 (1) 的分析来罗列出方程需要的条件:
  - a. 师傅先工作 2 个小时候, 那么 2 个小时铺设的长度为  $18 \times 2 = 36m$
  - b. 师徒二人一起工作时, 师傅在 x 小时内铺设的长度为 18x
  - c. 师徒二人一起工作时, 徒弟在 x 小时内铺设的长度为 12x
- (3) 现在我们根据 (2) 来列出方程:

$$18 \times 2 + 18x + 12x = 186 \tag{3}$$

- 6.2 解一元二次方程 (4)
  - 。 6.2.1 等式的性质与方程的简单变形 (4)
    - 等式的基本性质:
      - (1) 等式两边都加上(或都减去)同一个数或同一个整式, 所得结果仍是等式.

如果
$$a = b$$
, 那么  $a + c = b + c$ ,  $a - c = b - c$ . (4)

■ (2) 等式两边都乘以(或都除以)同一个数(除数不能为0), 所得结果仍然是等式.

如果 
$$a=b$$
, 那么  $ac=bc$ ,  $\frac{a}{c}=\frac{b}{c}(c\neq 0)$ . (5)

○ 6.2.2 解一元一次方程 (9)

- 阅读材料: 丢番图的墓志铭与方程 (15)
- 6.3 实践与探索 (16)
- 6.4 小结 (20)
- 6.5 复习题 (21)

#### 第7章 -- 一次方程组

- 7.1 二元一次方程组合它的解 (24)
- 7.2 二元一次方程组的解法 (27)
- 7.3 三元一次方程组及其解法 (37)
- 7.4 实践与探索 (42)
- 阅读材料: 鸡兔同笼 (44)
- 7.5 小结 (45)
- 7.6 复习题 (46)

#### 第8章--一元一次不等式

- 8.1 认识不等式 (50)
- 8.2 解一元一次不等式 (53)
- 8.3 一元一次不等式组 (62)
- 阅读材料: 等号与不等号的由来 (66)
- 8.4 小结 (67)
- 8.5 复习题 (68)
- 综合与实践: 球赛出现问题 (70)

#### 第9章--多边形

- 9.1 三角形 (72)
  - 9.1.1 认识三角形 (73)
  - 9.1.2 三角形的内角和与外角和 (76)
  - 9.1.3 三角形的三边关系 (80)
- 9.2 多边形的内角和与外角和 (83)
- 9.3 用正多边形铺设地面 (88)
  - 。 9.3.1 用相同的正多边形铺设地面 (88)
  - 9.3.2 用多种正多边形铺设地面 (90)
- 阅读材料: 多姿多彩的图案 (91)
- 9.4 小结 (93)
- 9.5 复习题 (94)

### 第 10 章 -- 轴对称(chen), 平移与旋转

- 10.1 轴对称 (98)
  - 10.1.1 生活中的轴对称 (98)
  - 阅读材料:剪正五角星(101)
  - 10.1.2 轴对称的再认识(102)
  - 10.1.3 画轴对称图形 (105)
  - 10.1.4 设计轴对称图案 (107)
- 10.2 平移 (112)
  - 10.2.1 图形的平移 (112)
  - 10.2.2 平移的特征 (114)
- 10.3 旋转 (118)
  - 10.3.1 图形的旋转 (118)
  - 10.3.2 旋转的特征 (121)
  - 10.3.3 旋转对称图形 (122)
- 阅读材料: 古建筑中的旋转对称 -- 从敦煌洞窟到欧洲教堂
- 10.4 中心对称 (127)
- 10.5 图形的全等 (133)
- 10.6 小结 (137)
- 10.7 复习题 (138)
- 综合与实践: 图案设计

### 数学实验附图

- 方格图 (144)
- 点格图 (146)