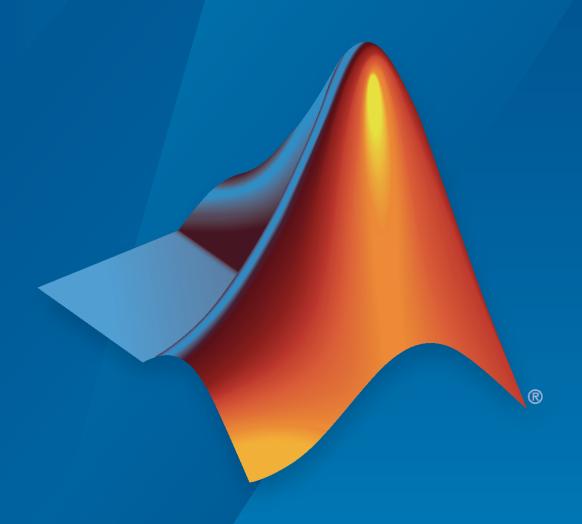
MATLAB® 入门



MATLAB®



如何联系 MathWorks



最新动态: www.mathworks.com

销售和服务: www.mathworks.com/sales_and_services

用户社区: www.mathworks.com/matlabcentral

技术支持: www.mathworks.com/support/contact_us

乔 电话: 010-59827000



迈斯沃克软件 (北京) 有限公司 北京市朝阳区望京东园四区 6 号楼 北望金辉大厦 16 层 1604

MATLAB® 入门

© COPYRIGHT 1984-2023 by The MathWorks, Inc.

The software described in this document is furnished under a license agreement. The software may be used or copied only under the terms of the license agreement. No part of this manual may be photocopied or reproduced in any form without prior written consent from The MathWorks, Inc.

FEDERAL ACQUISITION: This provision applies to all acquisitions of the Program and Documentation by, for, or through the federal government of the United States. By accepting delivery of the Program or Documentation, the government hereby agrees that this software or documentation qualifies as commercial computer software or commercial computer software documentation as such terms are used or defined in FAR 12.212, DFARS Part 227.72, and DFARS 252.227-7014. Accordingly, the terms and conditions of this Agreement and only those rights specified in this Agreement, shall pertain to and govern the use, modification, reproduction, release, performance, display, and disclosure of the Program and Documentation by the federal government (or other entity acquiring for or through the federal government) and shall supersede any conflicting contractual terms or conditions. If this License fails to meet the government's needs or is inconsistent in any respect with federal procurement law, the government agrees to return the Program and Documentation, unused, to The MathWorks, Inc.

商标

MATLAB and Simulink are registered trademarks of The MathWorks, Inc. See www.mathworks.com/trademarks for a list of additional trademarks. Other product or brand names may be trademarks or registered trademarks of their respective holders.

专利

MathWorks products are protected by one or more U.S. patents. Please see www.mathworks.com/patents for more information.

修订历史记录

1996年12月 1997年5月 1998年9月 2000年6月 2000年6月 2000年7月 2000年6月 2000年6月 2000年6月 2000年6月 20005年6月 20005年6月 20005年6月 20006年3月 20006年9月 20007年年9月 20008年10月 20009年3月 20009年9月	第第第第仅仅第第第位的第一次次次次次在在次次的现在在次次在在大次在在大次的的问题的,并不是一个人的问题的,就是一个人的问题的,就是一个人的问题的,就是一个人的一个人的一个人的一个人的一个人的一个人的一个人的一个人的一个人的一个人的	MATLAB 5.1 中的修订内容 MATLAB 5.3 中的修订内容 MATLAB 5.3 中的修订内容 MATLAB 6.0 (版本 12.) 中的修订内容 MATLAB 6.1 (版本 12.1) 中的修订内容 MATLAB 6.5 (版本 13) 中的修订内容 MATLAB 6.5 (版本 13) 中的修订内容 MATLAB 7.0 (版本 14) 中的修订内容 MATLAB 7.0.1 (版本 14SP1) 中的修订内容 MATLAB 7.0.4 (版本 14SP2) 中的修订内容 MATLAB 7.0.4 (版本 14SP2) 中的少量修订内容 MATLAB 7.0.4 (版本 14SP2) 中的少量修订内容 MATLAB 7.1 (版本 14SP3) 中的少量修订内容 MATLAB 7.1 (版本 2006a) 中的少量修订内容 MATLAB 7.5 (版本 2006b) 中的少量修订内容 MATLAB 7.6 (版本 2007b) 中的少量修订内容 MATLAB 7.7 (版本 2008b) 中的少量修订内容 MATLAB 7.8 (版本 2009a) 中的少量修订内容 MATLAB 7.9 (版本 2010a) 中的少量修订内容 MATLAB 7.10 (版本 2010a) 中的少量修订内容 MATLAB 7.11 (版本 2010b) 中的少量修订内容
2011 年 4 月 2011 年 9 月	仅限在线版本 第十七次印刷	MATLAB 7.12(版本 2011a)中的修订内容 MATLAB 7.13(版本 2011b)中的修订内容
2012年3月	第十八次印刷	MATLAB 7.14 (版本 2012a) 中的修订内容
, , , ,		(从 MATLAB 快速入门指南更名为现名称)
2012 年 9 月 2013 年 3 月	第十九次印刷	MATLAB 8.0(版本 2012b)中的修订内容 MATLAB 8.1(版本 2013a)中的修订内容
2013年3月2013年9月	第二十次印刷 第二十一次印刷	MATLAB 6.1 (版本 2013a) 中的修订内容 MATLAB 8.2 (版本 2013b) 中的修订内容
2014年3月	第二十二次印刷	MATLAB 8.3 (版本 2014a) 中的修订内容
2014年10月	第二十三次印刷	MATLAB 8.4 (版本 2014b) 中的修订内容
2015年3月	第二十四次印刷	MATLAB 8.5 (版本 2015a) 中的修订内容
2015年9月	第二十五次印刷	MATLAB 8.6 (版本 2015b) 中的修订内容
2016年3月	第二十六次印刷	MATLAB 9.0 (版本 2016a) 中的修订内容
2016 年 9 月 2017 年 3 月	第二十七次印刷 第二十八次印刷	MATLAB 9.1(版本 2016b)中的修订内容 MATLAB 9.2(版本 2017a)中的修订内容
2017年3月2017年9月	第二十九次印刷	MATLAB 9.2 (版本 2017a) 中的修订内容
2018年3月	第三十次印刷	MATLAB 9.4 (版本 2018a) 中的修订内容
2018年9月	第三十一次印刷	MATLAB 9.5 (版本 2018b) 中的修订内容
2019年3月	仅限在线版本	MATLAB 9.6(版本 2019a)中的修订内容
2019年9月	仅限在线版本	MATLAB 9.7 (版本 2019b) 中的修订内容
2020 年 3 月 2020 年 9 月	仅限在线版本	MATLAB 9.8 (版本 2020a) 中的修订内容
2020年9月 2021年3月	仅限在线版本 仅限在线版本	MATLAB 9.9(版本 2020b)中的修订内容 MATLAB 9.10(版本 2021a)中的修订内容
2021年3月	仅限在线版本	MATLAB 9.10 (版本 2021a) 中的修订内容 MATLAB 9.11 (版本 2021b) 中的修订内容
2022年3月	仅限在线版本	MATLAB 9.12 (版本 2022a) 中的修订内容
2022年9月	仅限在线版本	MATLAB 9.13 (版本 2022b) 中的修订内容
2023年3月	仅限在线版本	MATLAB 9.14(版本 2023a)中的修订内容

	λľ
MATLAB 产品说明 主要功能	
桌面基础知识	. 1.
矩阵和数组	. 1
数组索引	1
工作区变量	1-1
文本和字符	1-1
调用函数	. 1- 1
二维图和三维图	. 1-'
编程和脚本 脚本	1-2 . 1-2 . 1-2
帮助和文档	1-7
语言基	础知
矩阵和幻方矩阵	2
关于矩阵 输入矩阵 矩阵求和、转置和对角矩阵 magic 函数 生成矩阵	2 . 2 2
表达式 变量 数字	. 2

	数组运算符
输入的	命令 format 函数 隐藏输出 输入长语句 命令行编辑
	下标 下标 冒号运算符 串联 删除行和列 标量扩展 逻辑下标 find 函数
	类型 多维数组 元胞数组 字符与文本 结构体
线性值	MATLAB 环境中的矩阵
	线性方程组
非线	
非线	一 分解 幂和指数 特征值 奇异值 生函数的运算 函数句柄 复合函数

	指定线型和颜色	4-6 4-7
	绘制虚数和复数数据	4-8 4-9
	图窗窗口	4-10
	在一幅图窗中显示多个绘图	4-11 4-11
	添加轴标签和标题	4-13
	保存图窗	4-13
	保存工作区数据	4-14
	创建网格图和曲面图	4-15
	关于网格图和曲面图	4-15 4-15
	可视的色白网(文里的函数	4-13
	显示图像	4-20
	图像数据	4-20 4-21
	庆·坎伯·一八国家······	7-21
	打印图形	4-23
	打印概述	4-23 4-23
	然。文件· 来单打印 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	4-23
	使用 Print 命令	4-23
	处理图形对象	4-25
	图形对象	4-25
	设置对象属性	4-26
	用于处理对象的函数	4-28 4-29
	查找现有对象的句柄	4-30
		编程
5		
	+会性心力	5-2
	控制流	5-2 5-2
	循环控制 - for、while、continue、break	5-4
	程序终止 - return	5-5
	向量化	5-6 5-6
	1000 日	J -0
	脚本和函数	5-7
	概述	5-7 5-7
	脚本	5- <i>1</i> 5-8
		5-9
	全局变量	5-10
	命令与函数语法	5-11

入门

- "MATLAB 产品说明" (第 1-2 页)
- "桌面基础知识" (第 1-3 页)
- "矩阵和数组" (第 1-5 页)
- "数组索引" (第 1-8 页)
- "工作区变量" (第 1-10 页)
- "文本和字符" (第 1-11 页)
- "调用函数" (第 1-13 页)
- "二维图和三维图" (第 1-14 页)
- "编程和脚本" (第 1-20 页)
- "帮助和文档" (第 1-23 页)

MATLAB 产品说明

全世界数以百万计的工程师和科学家都在使用 MATLAB 分析和设计为我们的世界带来巨变的系统和产品。 MATLAB 广泛应用于汽车主动安全系统、星际宇宙飞船、健康监控设备、智能电网和 LTE 蜂窝网络。它用 于机器学习、信号处理、图像处理、计算机视觉、通信、计算金融、控制设计、机器人等。

数学、图形、编程。

MATLAB 平台进行了优化,可以更好地解决工程和科学问题。基于矩阵的 MATLAB 语言是世界上表示计 算数学最自然的方式。可以使用内置图形轻松可视化数据和深入了解数据。您可以通过众多的预置工具 箱,立即开始使用对您的领域而言非常重要的算法。欢迎您使用桌面环境进行试验、探索和发现。这些 MATLAB 工具和功能全部进行了严格测试,可彼此配合工作。

扩展、集成、部署。

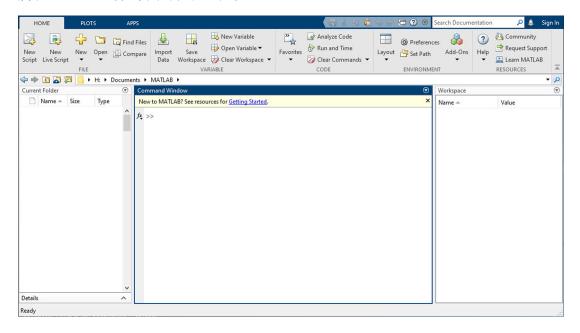
MATLAB 可帮助您不仅仅将自己的创意停留在桌面。您可以对大型数据集运行分析,并扩展到集群和云。 MATLAB 代码可以与其他语言集成,使您能够在 Web、企业和生产系统中部署算法和应用程序。

主要功能

- 用于科学和工程计算的高级语言
- 为迭代探查、设计和问题求解而设计的桌面环境
- 用于可视化数据的图形和用于创建自定义绘图的工具
- 用于曲线拟合、数据分类、信号分析、控制系统优化和许多其他任务的 App
- 用于各种工程和科学应用程序的附加功能工具箱
- 用于构建包含自定义用户界面的应用程序的工具
- 用于 C/C++、Java®、.NET、Python、SQL、Hadoop 和 Microsoft® Excel® 的接口
- 用于将 MATLAB 程序与最终用户共享的免版权费部署选项

桌面基础知识

启动 MATLAB 时,桌面会以默认布局显示。



桌面包括下列面板:

- 当前文件夹 访问您的文件。
- 命令行窗口 在命令行中输入命令 (由提示符 (>>) 表示)。
- 工作区 浏览您创建或从文件导入的数据。

使用 MATLAB 时,可发出创建变量和调用函数的命令。例如,通过在命令行中键入以下语句来创建名为 a 的变量:

a = 1

MATLAB 将变量 a 添加到工作区,并在命令行窗口中显示结果。

a = 1

创建更多变量。

b = 2

b =

2

c = a + b

c =

3

 $d = \cos(a)$

d =

0.5403

如果未指定输出变量,MATLAB将使用变量 ans (answer的缩略形式)来存储计算结果。

sin(a)

ans=

0.8415

如果语句以分号结束,MATLAB 会执行计算,但不在命令行窗口中显示输出。

e = a*b;

按向上(↑)和向下箭头键(↓)可以重新调用以前的命令。在空白命令行中或在键入命令的前几个字符之后按 箭头键。例如,要重新调用命令 b = 2, 请键入 b, 然后按向上箭头键。

矩阵和数组

MATLAB 是 "matrix laboratory" 的缩写形式。MATLAB® 主要用于处理整个的矩阵和数组,而其他编程语言大多逐个处理数值。

所有 MATLAB 变量都是多维数组,与数据类型无关。矩阵是指通常用来进行线性代数运算的二维数组。

数组创建

要创建每行包含四个元素的数组,请使用逗号(,)或空格分隔各元素。

```
a = [1 \ 2 \ 3 \ 4]
a = 1 \times 4
1 \quad 2 \quad 3 \quad 4
```

这种数组为行向量。

要创建包含多行的矩阵,请使用分号分隔各行。

创建矩阵的另一种方法是使用 ones、zeros 或 rand 等函数。例如,创建一个由零组成的 5×1 列向量。

```
z = zeros(5,1)
```

```
z = 5 \times 1

0

0

0

0

0

0
```

矩阵和数组运算

MATLAB 允许您使用单一的算术运算符或函数来处理矩阵中的所有值。

```
a + 10

ans = 3×3

11    13    15

12    14    16

17    18    20
```

sin(a)

要转置矩阵,请使用单引号('):

a'

 $ans = 3 \times 3$

1 2 7 3 4 8 5 6 10

您可以使用*运算符执行标准矩阵乘法,这将计算行与列之间的内积。例如,确认矩阵乘以其逆矩阵可返回单位矩阵:

p = a*inv(a)

```
p = 3 \times 3 1.0000 \quad 0.0000 \quad -0.0000 0 \quad 1.0000 \quad -0.0000 0 \quad 0.0000 \quad 1.0000
```

请注意,p 不是整数值矩阵。MATLAB 将数字存储为浮点值,算术运算可以区分实际值与其浮点表示之间的细微差别。使用 format 命令可以显示更多小数位数:

使用以下命令将显示内容重置为更短格式

format short

format 仅影响数字显示,而不影响 MATLAB 对数字的计算或保存方式。

要执行元素级乘法(而非矩阵乘法),请使用:*运算符:

```
p = a.*a

p = 3×3

1 9 25

4 16 36

49 64 100
```

乘法、除法和幂的矩阵运算符分别具有执行元素级运算的对应数组运算符。例如,计算 a 的各个元素的三次方:

a.^3

 $ans = 3 \times 3$

1	27	125
8	64	216
343	512	1000

串联

串联是连接数组以便形成更大数组的过程。实际上,第一个数组是通过将其各个元素串联起来而构成的。成对的方括号[]即为串联运算符。

A = [a,a]

 $A = 3 \times 6$

```
1 3 5 1 3 5
2 4 6 2 4 6
7 8 10 7 8 10
```

使用逗号将彼此相邻的数组串联起来称为水平串联。每个数组必须具有相同的行数。同样,如果各数组具有相同的列数,则可以使用分号垂直串联。

A = [a; a]

 $A = 6 \times 3$

```
1 3 5
2 4 6
7 8 10
1 3 5
2 4 6
7 8 10
```

复数

复数包含实部和虚部,虚数单位是-1的平方根。

sqrt(-1)

```
ans = 0.0000 + 1.0000i
```

要表示复数的虚部,请使用i或j。

```
c = [3+4i, 4+3j; -i, 10j]
```

 $c = 2 \times 2$ complex

数组索引

MATLAB® 中的每个变量都是一个可包含许多数字的数组。如果要访问数组的选定元素,请使用索引。

例如, 假设有 4×4 矩阵 A:

A = [1 2 3 4; 5 6 7 8; 9 10 11 12; 13 14 15 16]

```
A = 4 \times 4
```

```
1 2 3 4
5 6 7 8
9 10 11 12
13 14 15 16
```

引用数组中的特定元素有两种方法。最常见的方法是指定行和列下标,例如

A(4,2)

ans = 14

另一种方法不太常用,但有时非常有用,即使用单一下标按顺序向下遍历每一列:

A(8)

ans = 14

使用单一下标引用数组中特定元素的方法称为线性索引。

如果尝试在赋值语句右侧引用数组外部元素, MATLAB 会引发错误。

```
test = A(4,5)
```

Index in position 2 exceeds array bounds (must not exceed 4).

不过,您可以在赋值语句左侧指定当前维外部的元素。数组大小会增大以便容纳新元素。

$$A(4,5) = 17$$

```
A = 4 \times 5
```

```
1 2 3 4 0
 6 7 8 0
9 10 11 12 0
13 14 15 16 17
```

要引用多个数组元素,请使用冒号运算符,这使您可以指定一个格式为 start:end 的范围。例如,列出 A 前三行及第二列中的元素:

A(1:3,2)

```
ans = 3 \times 1
```

2 6

10

单独的冒号(没有起始值或结束值)指定该维中的所有元素。例如,选择A第三行中的所有列:

A(3,:)

```
ans = 1 \times 5
9 10 11 12 0
```

此外,冒号运算符还允许您使用较通用的格式 start:step:end 创建等间距向量值。

B = 0:10:100

```
B = 1 \times 11 0 10 20 30 40 50 60 70 80 90 100
```

如果省略中间的步骤(如 start:end 中),MATLAB 会使用默认步长值 1。

工作区变量

工作区包含在 MATLAB 中创建或从数据文件或其他程序导入的变量。例如,下列语句在工作区中创建变量 ${f A}$ 和 ${f B}_{f o}$

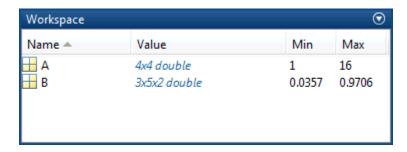
A = magic(4); B = rand(3,5,2);

使用 whos 可以查看工作区的内容。

whos

Name	Size	Byte	es Class	Attributes
A 4	4x4	128 de	ouble	
В 3	3x5x2	240	double	

此外, 桌面上的"工作区"窗格也会显示变量。



退出 MATLAB 后,工作区变量不会保留。使用 save 命令保存数据以供将来使用,

save myfile.mat

通过保存,系统会使用 .mat 扩展名将工作区保存在当前工作文件夹中一个名为 MAT 文件的压缩文件中。要清除工作区中的所有变量,请使用 clear 命令。

使用 load 将 MAT 文件中的数据还原到工作区。

load myfile.mat

文本和字符

字符串数组中的文本

```
当您处理文本时,将字符序列括在双引号中。可以将文本赋给变量。
```

```
t = "Hello, world";
```

如果文本包含双引号,请在定义中使用两个双引号。

```
{\bf q} = "Something ""quoted"" and something else." {\bf q} =
```

"Something "quoted" and something else."

与所有 MATLAB 变量一样,t 和 q 为数组。它们的类或数据类型是 string。

whos t

```
Name Size Bytes Class Attributes t 1x1 174 string
```

要将文本添加到字符串的末尾,请使用加号运算符+。

```
f = 71;
c = (f-32)/1.8;
tempText = "Temperature is " + c + "C"
tempText =
"Temperature is 21.6667C"
```

与数值数组类似,字符串数组可以有多个元素。使用 strlength 函数求数组中每个字符串的长度。

```
A = ["a","bb","ccc"; "dddd","eeeeee","fffffff"]
```

```
A =

2×3 string array

"a" "bb" "ccc"

"dddd" "eeeeee" "ffffffff
```

strlength(A)

```
ans =

1 2 3
4 6 7
```

字符数组中的数据

有时,字符表示的数据并不对应到文本,例如 DNA 序列。您可以将此类数据存储在数据类型为 char 的字符数组中。字符数组使用单引号。

```
seq = 'GCTAGAATCC';
whos seq

Name Size Bytes Class Attributes
seq 1x10 20 char
```

数组的每个元素都包含单个字符。

```
seq(4)
ans =
'A'
```

使用方括号串联字符数组,就像串联数值数组一样。

```
seq2 = [seq 'ATTAGAAACC']
seq2 = 'GCTAGAATCCATTAGAAACC'
```

在 R2017a 中引入双引号来创建字符串之前编写的程序中,字符数组很常见。接受 string 数据的所有 MATLAB 函数都能接受 char 数据,反之亦然。

调用函数

```
要调用函数,例如 max,请将其输入参数括在圆括号中:
A = [1 \ 3 \ 5];
max(A)
ans = 5
如果存在多个输入参数,请使用逗号加以分隔:
B = [3 6 9];
union(A,B)
ans = 1 \times 5
  1 3 5 6 9
通过将函数赋值给变量,返回该函数的输出:
maxA = max(A)
maxA = 5
如果存在多个输出参数,请将其括在方括号中:
[minA,maxA] = bounds(A)
minA = 1
maxA = 5
用引号将任何文本输入括起来:
disp("hello world")
hello world
要调用不需要任何输入且不会返回任何输出的函数, 请只键入函数名称:
\mathbf{clc}
clc 函数清空命令行窗口。
```

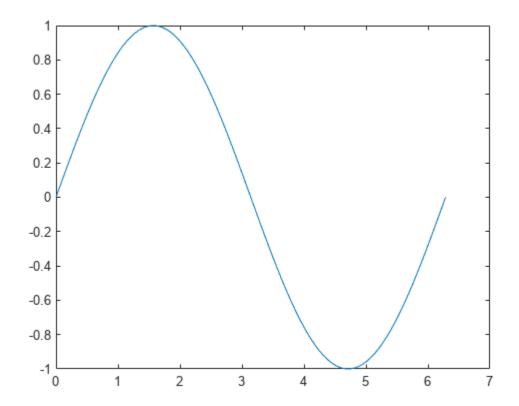
MATLAB® 提供了大量执行计算任务的函数。在其他编程语言中,函数等同于子例程或方法。

二维图和三维图

线图

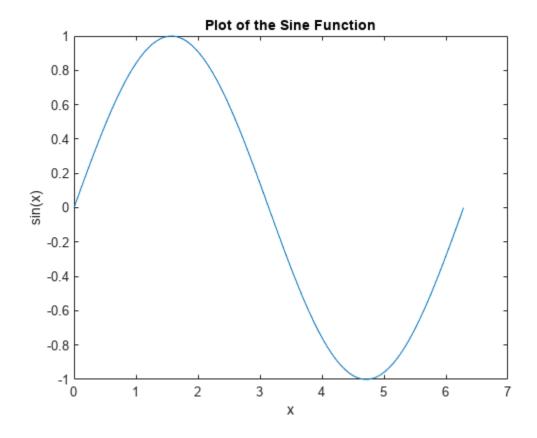
要创建二维线图,请使用 plot 函数。例如,绘制在从 0 到 2π 的值组成的线性间距向量上的正弦函数:

```
x = linspace(0,2*pi);
y = sin(x);
plot(x,y)
```

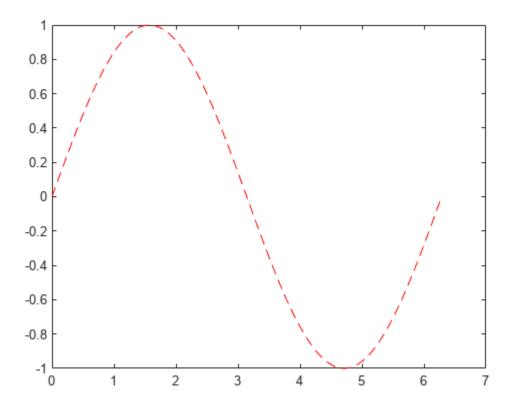


可以标记轴并添加标题。

```
xlabel("x")
ylabel("sin(x)")
title("Plot of the Sine Function")
```



通过向 plot 函数添加第三个输入参数,您可以使用红色虚线绘制相同的变量。 plot(x,y,"r-")



"r--" 为线条设定。每个设定可包含表示线条颜色、样式和标记的字符。标记是在绘制的每个数据点上显示的符号,例如,+、o 或 *。例如,g:*" 请求绘制使用 * 标记的绿色点线。

请注意,为第一幅绘图定义的标题和标签不再被用于当前的图窗窗口中。默认情况下,每次调用绘图函数、重置坐标区及其他元素以准备新绘图时,MATLAB®都会清空图窗。

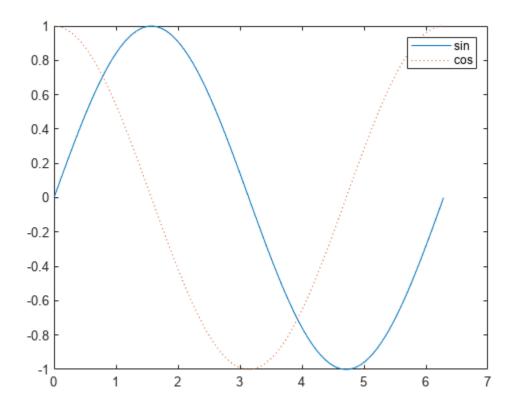
要将绘图添加到现有图窗中,请使用 hold on。在使用 hold off 或关闭窗口之前,当前图窗窗口中会显示所有绘图。

```
x = linspace(0,2*pi);
y = sin(x);
plot(x,y)

hold on

y2 = cos(x);
plot(x,y2,":")
legend("sin","cos")

hold off
```



三维绘图

三维图通常显示一个由带两个变量的函数 z=f(x,y) 定义的曲面图。例如,对于给定的行向量和列向量 ${\bf x}$ 和 ${\bf y}$,每个向量包含 [-2,2] 范围内的 20 个点,计算 $z=xe^{-x^2-y^2}$ 。

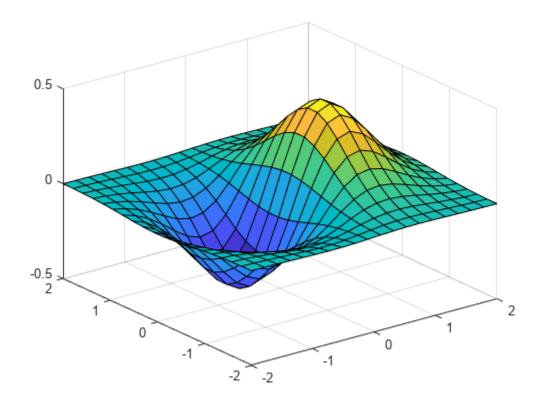
x = linspace(-2,2,20);

y = x'

 $z = x .* exp(-x.^2 - y.^2);$

然后, 创建曲面图。

surf(x,y,z)



surf 函数及其伴随函数 mesh 以三维形式显示曲面图。surf 使用颜色显示曲面图的连接线和面。mesh 生成仅以颜色标记连接线条的线框曲面图。

多个绘图

您可以使用 tiledlayout 或 subplot 在同一窗口的不同部分显示多个绘图。

tiledlayout 函数是在 R2019b 中引入的,该函数比 subplot 提供更多对标签和间距的控制。例如,在图 窗窗口中创建 2×2 布局。然后,每当您要某个绘图出现在下一区域中时,请调用 nexttile。

```
t = tiledlayout(2,2);
title(t,"Trigonometric Functions")
x = linspace(0,30);

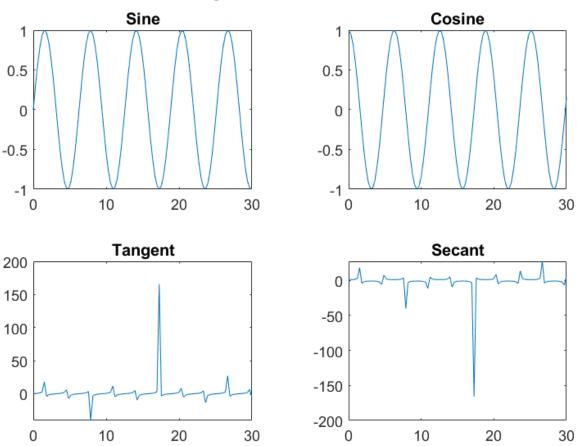
nexttile
plot(x,sin(x))
title("Sine")

nexttile
plot(x,cos(x))
title("Cosine")

nexttile
plot(x,tan(x))
title("Tangent")
```

plot(x,sec(x))
title("Secant")





如果您使用的版本早于 R2019b,请参阅 subplot。

编程和脚本

本节内容

```
"脚本" (第 1-20 页)
"实时脚本" (第 1-20 页)
"循环及条件语句" (第 1-21 页)
"脚本位置" (第 1-22 页)
```

脚本是最简单的一种 MATLAB 程序。脚本是一个包含多行连续的 MATLAB 命令和函数调用的文件。在命令行中键入脚本名称即可运行该脚本。

脚本

要创建脚本,请使用 edit 命令。

edit mysphere

该命令会打开一个名为 mysphere.m 的空白文件。输入代码,以创建一个单位球、将半径加倍并绘制结果图:

```
[x,y,z] = sphere;
r = 2;
surf(x*r,y*r,z*r)
axis equal
```

接下来,添加代码以计算球的表面积和体积:

```
A = 4*pi*r^2;
V = (4/3)*pi*r^3;
```

编写代码时,最好添加描述代码的注释。注释能够让其他人员理解您的代码,并且有助于您在稍后返回代码时再度记起。使用百分比(%)符号添加注释。

```
% Create and plot a sphere with radius r. 

[x,y,z] = sphere; % Create a unit sphere. 

r = 2; surf(x*r,y*r,z*r) % Adjust each dimension and plot. 

axis equal % Use the same scale for each axis. 

% Find the surface area and volume. 

A = 4*pi*r^2; V = (4/3)*pi*r^3;
```

将文件保存在当前文件夹中。要运行脚本,请在命令行中键入脚本名称:

mysphere

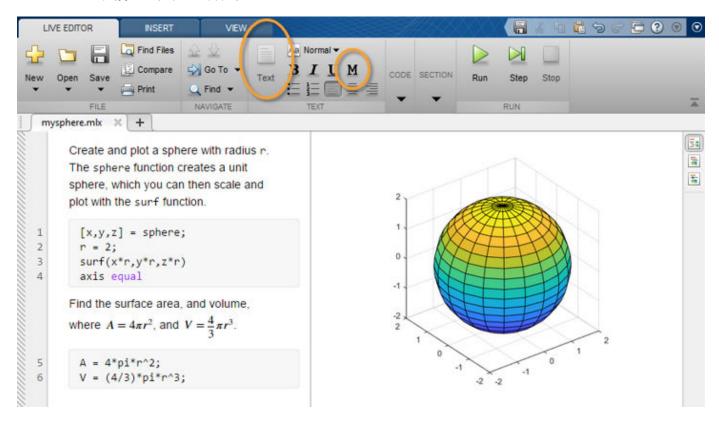
还可以使用编辑器中的运行按钮 🕨 运行脚本。

实时脚本

您可以使用实时脚本中的格式设置选项来增强代码,而不是以纯文本编写代码和注释。实时脚本有助于您 查看代码和输出并与之交互,还可以包含格式化文本、方程和图像。

例如,通过选择**另存为**并将文件类型更改为 MATLAB 实时代码文件 (*.mlx),将 mysphere 转换为实时 脚本。然后,用格式化文本替换代码注释。例如:

- 重写文本以替换代码行末尾的注释。要将等宽字体应用于文本中的函数名,请选择 M。要添加方程,请在插入选项卡上选择方程。



要使用 edit 命令创建新的实时脚本,请在文件名中包含 .mlx 扩展名:

edit newfile.mlx

循环及条件语句

在任何脚本中,您都可以定义按循环重复执行或按条件执行的代码段。循环使用 for 或 while 关键字,条件语句使用 if 或 switch。

循环在创建序列时很有用。例如,创建一个名为 fibseq 的脚本,该脚本使用 for 循环来计算斐波那契数列的前 100 个数。在这个序列中,最开始的两个数是 1,随后的每个数是前面两个数的和,即 $F_n=F_{n-2}$ + F_{n-2} .

```
N = 100;
f(1) = 1;
f(2) = 1;
for n = 3:N
f(n) = f(n-1) + f(n-2);
```

end f(1:10)

运行该脚本时,for 语句定义一个名为 n 的计数器,该计数器从 3 开始。然后,该循环重复为 f(n) 赋值,n 在每次执行中递增,直至达到 100。脚本中的最后一条命令 f(1:10) 显示 f 的前 10 个元素。

```
ans = \\ 1 \quad 1 \quad 2 \quad 3 \quad 5 \quad 8 \quad 13 \quad 21 \quad 34 \quad 55
```

条件语句仅在给定表达式为 true 时执行。例如,根据随机数的大小为变量赋值: 'low'、'medium' 或 'high'。在本例中,随机数是在 1 和 100 之间的一个整数。

```
num = randi(100)
if num < 34
    sz = 'low'
elseif num < 67
    sz = 'medium'
else
    sz = 'high'
end
```

语句 sz = 'high' 仅在 num 大于或等于 67 时执行。

脚本位置

MATLAB 在特定位置中查找脚本及其他文件。要运行脚本,该文件必须位于当前文件夹或搜索路径中的某个文件夹内。

默认情况下,MATLAB 安装程序创建的 MATLAB 文件夹位于此搜索路径中。如果要将程序存储在其他文件夹,或者要运行其他文件夹中的程序,请将其添加到此搜索路径。在当前文件夹浏览器中选中相应的文件夹,右键点击,然后选择**添加到路径**。

帮助和文档

所有 MATLAB 函数都有辅助文档,这些文档包含一些示例,并介绍函数输入、输出和调用语法。从命令行访问此信息有多种方法:

• 使用 doc 命令在单独的窗口中打开函数文档。

doc mean

• 在键入函数输入参数的左括号之后暂停,此时命令行窗口中会显示相应函数的提示(函数文档的语法部分)。

mean(

• 使用 help 命令可在命令行窗口中查看相应函数的简明文档。

help mean

点击帮助图标 ② 即可访问完整的产品文档。

语言基础知识

- "矩阵和幻方矩阵" (第 2-2 页)
- "表达式" (第 2-7 页)
- "输入命令" (第 2-12 页)
- "索引" (第 2-14 页)
- "数组类型" (第 2-19 页)

矩阵和幻方矩阵

本节内容

"关于矩阵" (第 2-2 页)

"输入矩阵" (第2-3页)

"矩阵求和、转置和对角矩阵" (第2-3页)

"magic 函数" (第2-5页)

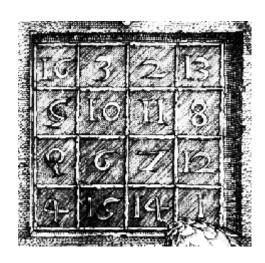
"生成矩阵" (第 2-5 页)

关于矩阵

在 MATLAB 环境中,矩阵是由数字组成的矩形数组。有时,1×1 矩阵(即标量)和只包含一行或一列的 矩阵 (即向量) 会附加特殊含义。MATLAB 采用其他方法来存储数值数据和非数值数据,但刚开始时,通 常最好将一切内容都视为矩阵。MATLAB 旨在尽可能简化运算。其他编程语言一次只能处理一个数字,而 MATLAB 允许您轻松快捷地处理整个矩阵。本手册中使用的有效示例矩阵摘自德国艺术家和业余数学家 Albrecht Dürer 在文艺复兴时期的雕刻 Melencolia I。



这幅图布满了数学符号,通过仔细观察,您会发现右上角有一个矩阵。此矩阵称为幻方矩阵,在 Dürer 所 处的时代,此幻方矩阵被视为富有真正的神秘性质。它具有某些值得让人深究的迷人特征。



输入矩阵

开始学习 MATLAB 的最佳方法是了解如何处理矩阵。启动 MATLAB 并按照每个示例操作。

- 输入元素的明确列表。
- 从外部数据文件加载矩阵。
- 使用内置函数生成矩阵。
- 使用您自己的函数创建矩阵,并将其保存在文件中。

您可以采用多种不同方法在 MATLAB 中输入矩阵:

首先,以元素列表的形式输入丢勒的矩阵。您只需遵循一些基本约定:

- 使用空格或逗号分隔行的元素。
- 使用分号;表示每行末尾。
- 使用方括号[]将整个元素列表括起来。

要输入丢勒矩阵,只需在命令行窗口中键入即可

 $A = [16 \ 3 \ 2 \ 13; 5 \ 10 \ 11 \ 8; 9 \ 6 \ 7 \ 12; 4 \ 15 \ 14 \ 1]$

MATLAB 显示刚才您输入的矩阵:

A =

16 3 2 13 5 10 11 8 9 6 7 12 4 15 14 1

此矩阵与雕刻中的数字一致。输入矩阵之后,MATLAB 工作区会自动记住此矩阵。您可以将其简称为 A。现在,您已经在工作区中输入 A,让我们看看它为什么如此有趣吧。它有什么神奇的地方呢?

矩阵求和、转置和对角矩阵

您可能已经注意到,幻方矩阵的特殊属性与元素的不同求和方法相关。如果沿任何行或列求和,或者沿两条主对角线中的任意一条求和,您将始终得到相同数字。让我们使用 MATLAB 来验证这一点。尝试的第一个语句是

```
sum(A)
```

MATLAB 返回的结果为

```
ans = 34 34 34 34
```

如果未指定输出变量,MATLAB 将使用变量 ans (answer 的缩略形式)来存储计算结果。您已经计算包含 A 的列总和的行向量。每个列的总和都相同,即幻数和 34。

行总和如何处理?MATLAB 会优先处理矩阵的列,因此获取行总和的一种方法是转置矩阵,计算转置的列总和,然后转置结果。

MATLAB 具有两个转置运算符。撇号运算符(例如, A')执行复共轭转置。它会围绕主对角线翻转矩阵,并且还会更改矩阵的任何复数元素的虚部符号。点撇号运算符(A.')转置矩阵,但不会影响复数元素的符号。对于包含所有实数元素的矩阵,这两个运算符返回相同结果。

因此.

A'

牛成

```
ans =
```

16 5 9 4 3 10 6 15 2 11 7 14 13 8 12 1

而

sum(A')'

生成包含行总和的列向量

```
ans =
```

34

34

34

34

有关避免双重转置的其他方法,请在 sum 函数中使用维度参数:

sum(A,2)

生成

ans = 34

34

34

34

使用 sum 和 diag 函数可以获取主对角线上的元素的总和:

diag(A)

生成

```
ans =
    16
    10
    7
    1

而
sum(diag(A))

生成
ans =
    34
```

从数学上讲,另一条对角线(即所谓的反对角线)并不是十分重要,因此 MATLAB 没有对此提供现成的函数。但原本用于图形的函数 fliplr 可以从左往右地翻转矩阵:

```
sum(diag(fliplr(A)))
ans =
  34
```

您已经验证丢勒雕刻中的矩阵确实是一个幻方矩阵,同时在验证过程中,您已经尝试了几个 MATLAB 矩阵运算。下面各部分继续使用此矩阵来演示 MATLAB 的其他功能。

magic 函数

MATLAB 实际包含一个内置函数,该函数可创建几乎任意大小的幻方矩阵。此函数称为 magic 也就不足为奇了:

```
B = magic(4)
B =
16 2 3 13
5 11 10 8
9 7 6 12
4 14 15 1
```

此矩阵几乎与丢勒雕刻中的矩阵相同,并且具有所有相同的"神奇"性质;唯一区别在于交换了中间两列。

您可以交换 ${\bf B}$ 的中间两列,使其看起来像丢勒 ${\bf A}$ 。针对 ${\bf B}$ 中的每一行,按照指定顺序(1、3、2、4)对列进行重新排列:

```
A = B(:,[1 3 2 4])

A =

16 3 2 13

5 10 11 8

9 6 7 12

4 15 14 1
```

生成矩阵

MATLAB 软件提供了四个用于生成基本矩阵的函数。

zeros 全部为零

```
全部为1
ones
rand
                     均匀分布的随机元素
randn
                     正态分布的随机元素
下面给出了一些示例:
Z = zeros(2,4)
\mathbf{Z} =
  0 0 0 0
  0 0 0 0
F = 5*ones(3,3)
\mathbf{F} =
  5 5 5
5 5 5
5 5 5
N = fix(10*rand(1,10))
N =
 9 2 6 4 8 7 4 0 8 4
R = randn(4,4)
R =
 0.6353 0.0860 -0.3210 -1.2316
 -0.6014 -2.0046 1.2366 1.0556
 0.5512 -0.4931 -0.6313 -0.1132
 -1.0998 0.4620 -2.3252 0.3792
```

表达式

本节内容

"变量" (第 2-7 页)

"数字" (第 2-7 页)

"矩阵运算符" (第 2-8 页)

"数组运算符" (第 2-8 页)

"函数" (第 2-10 页)

"表达式示例" (第 2-11 页)

变量

与大多数其他编程语言一样,MATLAB 语言提供数学表达式,但与大多数编程语言不同的是,这些表达式涉及整个矩阵。

MATLAB 不需要任何类型声明或维度说明。当 MATLAB 遇到新的变量名称时,它会自动创建变量,并分配适当大小的存储。如果此变量已存在,MATLAB 会更改其内容,并根据需要分配新存储。例如,

 $num_students = 25$

创建一个名为 num_students 的 1×1 矩阵,并将值 25 存储在该矩阵的单一元素中。要查看分配给任何变量的矩阵,只需输入变量名称即可。

变量名称包括一个字母,后面可以跟随任意数目的字母、数字或下划线。MATLAB 区分大小写;它可以区分大写和小写字母。A 和 a 不是相同变量。

尽管变量名称可以为任意长度,MATLAB 仅使用名称的前 N 个字符(其中 N 是函数 namelengthmax 返回的数字),并忽略其余字符。因此,很重要的一点是,应使每个变量名称的前 N 个字符保持唯一,以便 MATLAB 能够区分变量。

N = namelengthmax

N =

63

数字

MATLAB 使用传统的十进制记数法以及可选的小数点和前导加号或减号来表示数字。科学记数法使用字母 e 来指定 10 次方的缩放因子。虚数使用 i 或 j 作为后缀。下面给出了合法数字的一些示例:

3 -99 0.0001

 $9.6397238 \qquad 1.60210 \\ e-20 \qquad 6.02252 \\ e23$

1i -3.14159j 3e5i

MATLAB 使用 IEEE® 浮点标准规定的 long 格式在内部存储所有数字。浮点数的有限精度约为 16 位有效小数位数,有限范围约为 10^{-308} 至 10^{+308} 。

以双精度格式表示的数字的最大精度为 52 位。任何需要 52 位以上的双精度数字都会损失一定精度。例如,下面的代码因截断而将两个不相等的值显示为相等:

x = 36028797018963968:

y = 36028797018963972;

```
x == y
ans =
1
```

整数的可用精度为 8 位、16 位、32 位和 64 位。将相同数字存储为 64 位整数会保留精度:

```
x = uint64(36028797018963968);
y = uint64(36028797018963972);
x == y
ans =
0
```

MATLAB 软件存储复数的实部和虚部。该软件根据上下文采用不同方法来处理各个部分的量值。例如, sort 函数根据量值进行排序,如果量值相等,则根据相位角度排序。

```
sort([3+4i, 4+3i])
ans =
4.0000 + 3.0000i 3.0000 + 4.0000i
```

这是由相位角度所致:

```
angle(3+4i)
ans =
0.9273
angle(4+3i)
ans =
0.6435
```

"等于"关系运算符 == 要求实部和虚部相等。其他二进制关系运算符 >、<、>= 和 <= 忽略数字的虚部,而仅考虑实部。

矩阵运算符

表达式使用大家熟悉的算术运算符和优先法则。

+	加法
-	减法
*	乘法
1	除法
\	左除
٨	幂
•	复共轭转置
()	指定计算顺序

数组运算符

如果矩阵不用于线性代数运算,则成为二维数值数组。数组的算术运算按元素执行。这意味着,加法和减法运算对数组和矩阵都是相同的,但乘法运算不相同。MATLAB 的乘法数组运算表示法中包含点,也就是小数点。

运算符列表包括

```
加法
+
          减法
          逐元素乘法
          逐元素除法
./
          逐元素左除
.\
.^
          逐元素幂
          非共轭数组转置
如果使用数组乘法将丢勒的幻方矩阵自乘
A.*A
则会生成一个数组,该数组包含介于1至16之间的整数的平方,并且以不常见的顺序排列:
ans =
 256
    9
       4 169
 25 100 121 64
 81 36 49 144
 16 225 196 1
构建表
数组运算对构建表非常有用。假定 n 为列向量
n = (0:9)';
然后,
pows = [n \ n.^2 \ 2.^n]
构建一个平方和 2 次幂的表:
pows =
 0
   0
       1
 1
    1
       2
       4
 3
    9
       8
   16 16
   25 32
 5
   36 64
 6
 7
   49 128
   64 256
 8
 9 81 512
初等数学函数逐元素处理数组元素。因此
format short g
x = (1:0.1:2)';
\log s = [x \log 10(x)]
构建一个对数表。
```

logs = 1.0

1.1

0

0.04139

0.07918 1.2 1.3 0.11394 1.4 0.14613 1.5 0.17609 1.6 0.20412 1.7 0.230451.8 0.25527 0.278751.9 2.0 0.30103

函数

MATLAB 提供了大量标准初等数学函数,包括 abs、sqrt、exp 和 sin。生成负数的平方根或对数不会导致错误;系统会自动生成相应的复数结果。MATLAB 还提供了许多其他高等数学函数,包括贝塞尔函数和gamma 函数。其中的大多数函数都接受复数参数。有关初等数学函数的列表,请键入

help elfun

有关更多高等数学函数和矩阵函数的列表, 请键入

help specfun help elmat

某些函数(例如,sqrt 和 sin)是内置函数。内置函数是 MATLAB 核心的一部分,因此这些函数非常高效,但计算详细信息是不可访问的。其他函数使用 MATLAB 编程语言实现,因此可以访问其计算详细信息。

内置函数与其他函数之间存在一些差异。例如,对于内置函数,您看不到代码。对于其他函数,您可以看到代码,甚至可以根据需要修改代码。

一些特殊函数提供了有用的常量值。

pi 3.14159265... i 虚数单位 √−1 j 与 i 相同

eps 浮点相对精度 $\varepsilon = 2^{-52}$

realmin 最小浮点数 2⁻¹⁰²²

realmax 最大浮点数 $(2 - \varepsilon)2^{1023}$

Inf 无穷 NaN 非数字

通过将非零值除以零或计算明确定义的溢出(即超过 realmax)的数学表达式,会生成无穷值。通过尝试 计算 0/0 或 Inf-Inf 等没有明确定义的数值的表达式,会生成非数字。

函数名称不会保留。您可以使用如下新变量覆盖任何函数名称

eps = 1.e-6

并在后续计算中使用该值。可以使用以下命令恢复原始函数

clear eps

表达式示例

您已经学习了 MATLAB 表达式的几个示例。下面是一些其他示例及生成的值:

输入命令

本节内容

"format 函数" (第 2-12 页)

"隐藏输出" (第 2-13 页)

"输入长语句" (第 2-13 页)

"命令行编辑" (第 2-13 页)

format 函数

format 函数控制所显示的值的数值格式。此函数仅影响数字显示方式,而不会影响 MATLAB 软件如何计算或保存数字。下面提供了不同格式及由向量 x 生成的最终输出,该向量的各个分量具有不同的量值。

注意 为了确保适当的间隔,请使用等宽字体,例如 Courier。

 $x = [4/3 \ 1.2345e-6]$

format short

1.3333 0.0000

format short e

1.3333e+000 1.2345e-006

format short g

1.3333 1.2345e-006

format long

1.33333333333333 0.00000123450000

format long e

1.333333333333333e+000 1.23450000000000e-006

format long g

format bank

1.33 0.00

format rat

4/3 1/810045

format hex

3ff5555555555555 3eb4b6231abfd271

如果矩阵的最大元素大于 10³ 或小于 10⁻³, MATLAB 会对短格式和长格式应用常用缩放因子。

除了上面显示的 format 函数,

format compact

会不显示在输出中出现的多个空行。这样,您可以在屏幕或窗口中查看更多信息。如果要进一步控制输出格式,请使用 sprintf 和 fprintf 函数。

隐藏输出

如果您在仅键入语句后按 **Return** 或 **Enter**,MATLAB 会在屏幕上自动显示结果。但是,如果使用分号结束行,MATLAB 会执行计算,但不会显示任何输出。当生成大型矩阵时,此功能尤其有用。例如,

A = magic(100);

输入长语句

如果语句无法容纳在一行中,请使用省略号(三个句点)…,后跟 Return 或 Enter 以指示该语句在下一行继续。例如,

```
s = 1 - 1/2 + 1/3 - 1/4 + 1/5 - 1/6 + 1/7 ...
- 1/8 + 1/9 - 1/10 + 1/11 - 1/12;
```

=、+和-符号周围的空白是可选的,但可提高可读性。

命令行编辑

使用键盘上的各个箭头键和控制键可以重新调用、编辑和重用先前键入的语句。例如,假定您错误地输入了

 $\mathbf{rho} = (1 + \mathbf{sqt}(5))/2$

sqrt 的拼写不正确。MATLAB 会给出以下错误信息

Undefined function 'sqt' for input arguments of type 'double'.

您只需按↑键,而不必重新键入整行。系统将重新显示键入的语句。使用 ← 键移动光标并插入缺少的 r。 反复使用↑键可重新调用前面的行。键入几个字符并按↑键可查找前文中以这些字符开头行。还可以从命 令历史记录中复制以前执行的语句。

索引

本节内容

```
"下标" (第 2-14 页)
```

"冒号运算符" (第 2-14 页)

"串联" (第 2-15 页)

"删除行和列" (第 2-16 页)

"标量扩展" (第 2-16 页)

"逻辑下标" (第 2-17 页)

"find 函数" (第 2-18 页)

下标

A 的行 i 和列 j 中的元素通过 A(i,j) 表示。例如,A(4,2) 表示第四行和第二列中的数字。在幻方矩阵中, A(4,2) 为 15。因此,要计算 A 第四列中的元素的总和,请键入

```
A(1,4) + A(2,4) + A(3,4) + A(4,4)
```

此下标生成

ans = 34

但这不是计算某列总和的最佳方法。

此外,还可以使用单一下标 A(k) 引用矩阵的元素。单一下标是引用行和列向量的常见方法。但是,也可以 对满二维矩阵应用单一下标。在这种情况下,数组被视为一个由原始矩阵的列构成的长列向量。因此,在 幻方矩阵中, A(8) 是另一种引用存储在 A(4,2) 中的值 15 的方法。

如果尝试使用矩阵外部元素的值,则会生成错误:

t = A(4,5)

索引超出矩阵维度。

相反,如果将值存储在矩阵外部元素中,则会增大大小以便容纳新元素:

```
X = A:
X(4,5) = 17
```

 $\mathbf{X} =$

16 3 2 13 0 5 10 11 8 7 12 4 15 14 1 17

冒号运算符

冒号:是最重要的 MATLAB 运算符之一。它以多种不同形式出现。表达式

1:10

是包含从 1 到 10 之间的整数的行向量:

1 2 3 4 5 6 7 8 9 10

要获取非单位间距,请指定增量。例如,
100:-7:50

为
100 93 86 79 72 65 58 51

而
0:pi/4:pi
为
0 0.7854 1.5708 2.3562 3.1416
包含冒号的下标表达式引用部分矩阵:
A(1:k,j)
表示 A 第 j 列中的前 k 个元素。因此,
sum(A(1:4,4))

计算第四列的总和。但是,执行此计算有一种更好的方法。冒号本身引用矩阵行或列中的所有元素,而关键字 end 引用最后一个行或列。因此,

sum(A(:,end))

计算 A 最后一列中的元素的总和:

ans = 34

为什么 4×4 幻方矩阵的幻数和等于 34? 如果将介于 1 到 16 之间的整数分为四个总和相等的组,该总和必须为

sum(1:16)/4

当然, 也即

ans = 34

串联

串联是连接小矩阵以便形成更大矩阵的过程。实际上,第一个矩阵是通过将其各个元素串联起来而构成的。成对的方括号 [] 即为串联运算符。例如,从 4×4 幻方矩阵 A 开始,组成

B = [A A+32; A+48 A+16]

结果会生成一个 8×8 矩阵, 这是通过连接四个子矩阵获得的:

B =

```
16
   3 2 13 48 35 34 45
       11
            8 37
   10
                    42 	 43
                              40
        7 12
               41
                    38 39
                              44
   15
            1
                 36
                     47
                              33
        14
                          46
64
   \mathbf{51}
        50
             61 32 19
                          18
                              29
\mathbf{53}
    58
         59
             56
                 21
                      26
                           \mathbf{27}
                               24
57
    \mathbf{54}
         55
             60
                  25
                      22
                           \mathbf{23}
                               28
                 20
52
    63
         62
             49
                      31
                           30
                               17
```

此矩阵是一个接近于幻方矩阵的矩阵。此矩阵的元素是经过重新排列的整数 1:64。此矩阵的列总和符合 8 ×8 幻方矩阵的要求:

sum(B)

ans =

260 260 260 260 260 260 260 260

但是其行总和 sum(B')' 并不完全相同。要使其成为有效的 8×8 幻方矩阵,需要进行进一步操作。

删除行和列

只需使用一对方括号即可从矩阵中删除行和列。首先

X = A;

然后, 要删除 X 的第二列, 请使用

X(:,2) = []

这会将 X 更改为

X =

```
16 2 13
5 11 8
9 7 12
4 14 1
```

如果您删除矩阵中的单个元素,结果将不再是矩阵。因此,以下类似表达式

```
X(1,2) = []
```

将会导致错误。但是,使用单一下标可以删除一个元素或元素序列,并将其余元素重构为一个行向量。因此

```
X(2:2:10) = []
```

生成

 $\mathbf{X} =$

16 9 2 7 13 12 1

标量扩展

可以采用多种不同方法将矩阵和标量合并在一起。例如,通过从每个元素中减去标量而将其从矩阵中减去。 幻方矩阵的元素平均值为 8.5,因此

 $\mathbf{B} = \mathbf{A} - 8.5$

形成一个列总和为零的矩阵:

```
B =
  7.5
       -5.5
             -6.5
                   4.5
  -3.5
        1.5
             2.5 - 0.5
  0.5
        -2.5
             -1.5
                  3.5
        6.5
             5.5 -7.5
  -4.5
sum(B)
ans =
```

通过标量扩展,MATLAB 会为范围中的所有索引分配一个指定标量。例如,

B(1:2,2:3) = 0

将 B 的某个部分清零:

 $0 \quad 0 \quad 0 \quad 0$

逻辑下标

根据逻辑和关系运算创建的逻辑向量可用于引用子数组。假定 X 是一个普通矩阵,L 是一个由某个逻辑运算生成的同等大小的矩阵。那么,X(L) 指定 X 的元素,其中 L 的元素为非零。

通过将逻辑运算指定为下标表达式,可以在一个步骤中完成这种下标。假定您具有以下数据集:

 $x = [2.1 \ 1.7 \ 1.6 \ 1.5 \ NaN \ 1.9 \ 1.8 \ 1.5 \ 5.1 \ 1.8 \ 1.4 \ 2.2 \ 1.6 \ 1.8];$

NaN 是用于缺少的观测值的标记,例如,无法响应问卷中的某个项。要使用逻辑索引删除缺少的数据,请使用 isfinite(x),对于所有有限数值,该函数为 true;对于 NaN 和 Inf,该函数为 false:

```
x = x(isfinite(x))
x =
2.1 1.7 1.6 1.5 1.9 1.8 1.5 5.1 1.8 1.4 2.2 1.6 1.8
```

现在,存在一个似乎与其他项很不一样的观测值,即 **5.1**。这是一个离群值。下面的语句可删除离群值,在本示例中,即比均值大三倍标准差的元素:

```
x = x(abs(x-mean(x)) <= 3*std(x))
x =
2.1 1.7 1.6 1.5 1.9 1.8 1.5 1.8 1.4 2.2 1.6 1.8
```

标量扩展对于另一示例,请使用逻辑索引和标量扩展将非质数设置为 0,以便高亮显示丢勒幻方矩阵中的质数的位置。(请参阅 "magic 函数" (第 2-5 页)。)

 $A(\sim isprime(A)) = 0$

```
A =

0 3 2 13

5 0 11 0

0 0 7 0

0 0 0 0
```

find 函数

find 函数可用于确定与指定逻辑条件相符的数组元素的索引。find 以最简单的形式返回索引的列向量。 转置该向量以便获取索引的行向量。例如,再次从丢勒的幻方矩阵开始。 (请参阅 "magic 函数" (第 2-5 页)。)

```
k = find(isprime(A))'
```

使用一维索引选取幻方矩阵中的质数的位置:

```
2 5 9 10 11 13
```

使用以下命令按 k 确定的顺序将这些质数显示为行向量

A(k)

```
ans =
 5 3 2 11 7 13
```

将 k 用作赋值语句的左侧索引时,会保留矩阵结构:

```
A(k) = NaN
```

```
\mathbf{A} =
 16 NaN NaN NaN
 NaN 10 NaN 8
 9 6 NaN 12
  4 15 14 1
```

数组类型

本节内容

"多维数组" (第 2-19 页)

"元胞数组" (第 2-21 页)

"字符与文本" (第 2-22 页)

"结构体" (第 2-24 页)

多维数组

MATLAB 环境中的多维数组是具有多个下标的数组。创建多维数组的一种方法是调用具有多个参数的 zeros、ones、rand 或 randn。例如,

R = randn(3,4,5);

创建一个 $3 \times 4 \times 5$ 数组, 共包含 $3 \times 4 \times 5 = 60$ 个正态分布的随机元素。

三维数组可表示在矩形网格中采样的三维物理数据,例如室内温度。或者也可以表示矩阵序列 $A^{(k)}$ 或与时间相关的矩阵示例 A(t)。在下面的示例中,第 k 个或第 t_k 个矩阵的第 (i,j) 个元素由 A(i,j,k) 表示。

MATLAB 与丢勒的 4 阶幻方矩阵版本的区别在于交换了两个列。通过交换列,可以生成许多不同的幻方矩阵。语句

```
p = perms(1:4);
```

生成 4! = 24 置换 1:4。第 k 个置换为行向量 p(k,:)。然后,

```
A = magic(4);

M = zeros(4,4,24);

for k = 1:24

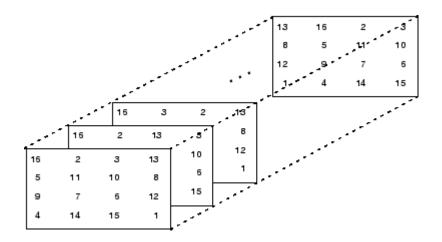
M(:,:,k) = A(:,p(k,:));

end
```

将含有 24 个幻方矩阵的序列存储在三维数组 M 中。M 大小为

```
size(M)
```

```
ans =
4 4 24
```



注意 此插图中显示的矩阵顺序可能不同于您的结果。perms 函数始终返回输入向量的所有置换,但置换顺序可能因不同 MATLAB 版本而异。

语句

sum(M,d)

通过改变第 d 个下标来计算总和。因此

sum(M,1)

是一个含有 24 个行向量副本的 1×4×24 数组

34 34 34 34

而

sum(M,2)

是一个含有 24 个列向量副本的 4×1×24 数组

34

34

34

34

最后,

S = sum(M,3)

在序列中添加 24 个矩阵。结果的大小为 4×4×1, 因此它看似是 4×4 数组:

元胞数组

MATLAB 中的元胞数组是以其他数组的副本为元素的多维数组。使用 cell 函数可以创建空矩阵的元胞数组。但是,更普遍的做法是,通过将其他内容的集合括入花括号 {} 中来创建元胞数组。花括号还可以与下标配合使用,以便访问各个元胞的内容。例如,

```
C = \{A sum(A) prod(prod(A))\}
```

生成一个 1×3 元胞数组。这三个元胞包含幻方矩阵、列总和的行向量及其所有元素的乘积。当显示 C 时,您会看到

C =

```
[4x4 double] [1x4 double] [20922789888000]
```

这是因为前两个元胞太大,无法在此有限空间中输出,但第三个元胞仅包含 16! 一个数字,因此有空间可以输出此数字。

请牢记以下两大要点。第一,要检索某个元胞的内容,请在花括号中使用下标。例如, $C\{1\}$ 检索幻方矩阵, $C\{3\}$ 为 16!。第二,元胞数组包含其他数组的副本,而不包含指向这些数组的指针。如果随后更改A,C 不会发生变化。

使用三维数组可以存储相同大小的矩阵序列。元胞数组可用于存储不同大小的矩阵序列。例如,

```
M = cell(8,1);
for n = 1:8
    M{n} = magic(n);
end
M
```

生成具有不同顺序的幻方矩阵序列:

```
M =
```

1]

[2x2 double]

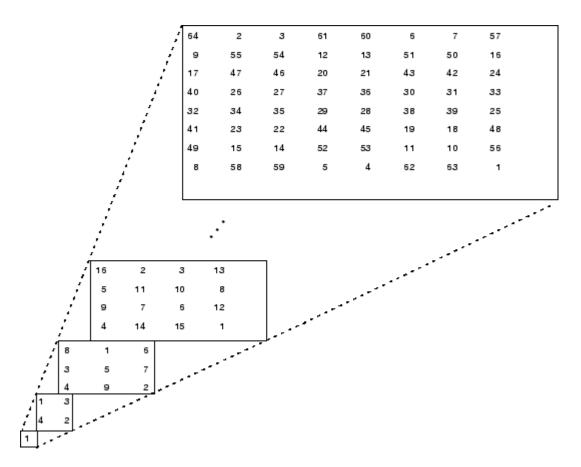
[3x3 double]

[4x4 double]

[5x5 double]

[6x6 double]

[7x7 double] [8x8 double]



使用以下命令可以检索 4×4 幻方矩阵

M{4}

字符与文本

使用单引号在 MATLAB 中输入文本。例如,

s = 'Hello'

其结果与您目前已学过的数值矩阵或数组不属于同一类型, 而是一个 1×5 字符数组。 字符在内部作为数字存储,而不会采用浮点格式存储。语句

a = double(s)

将字符数组转换为数值矩阵,该矩阵包含每个字符的 ASCII 代码的浮点表示。结果为

72 101 108 108 111

语句

s = char(a)

是刚才转换的逆转换。

将数字转换为字符可以调查计算机上的各种可用字体。基本 ASCII 字符集中的可打印字符由整数 32:127 表示。(小于 32 的整数表示不可打印的控制字符。)这些整数使用以下语句按相应的 6×16 数组的形式排列

F = reshape(32:127,16,6)';

扩展 ASCII 字符集中的可打印字符由 F+128 表示。将这些整数解释为字符时,结果取决于当前使用的字体。键入语句

char(F) char(F+128)

然后改变命令行窗口所用的字体。要更改字体,请在**主页**选项卡上的**环境**部分中,点击**预设 > 字体**。如果代码行中包含制表符,请使用等宽字体(例如,Monospaced)以便在不同行中对齐制表符位置。

使用方括号进行串联可将文本变量联接到一起。语句

h = [s, 'world']

水平联接字符并生成

h =

Hello world

语句

v = [s; 'world']

垂直联接字符并生成

 $\mathbf{v} =$

Hello world

请注意,必须在 h 中的 'w' 前插入一个空格,并且 v 中的两个单词的长度必须相同。生成的数组均为字符数组;h 为 1×11 , v 为 2×5 。

要操作包含不同长度的行的文本主体,您有两种选择,即使用填充的字符数组或使用字符向量元胞数组。 创建字符数组时,数组各行的长度必须相同。(使用空格填充较短行的末尾。)char 函数可执行这种填充 操作。例如,

S = char('A','rolling','stone','gathers','momentum.')

生成一个 5×9 字符数组:

S =

A

rolling

stone

gathers momentum.

再者, 您也可以将文本存储在元胞数组中。例如,

C = {'A';'rolling';'stone';'gathers';'momentum.'}

创建一个不需要任何填充的 5×1 元胞数组,因为该数组的各行可以具有不同的长度:

```
C =
 'A'
 'rolling'
 'stone'
 'gathers'
 'momentum.'
使用以下语句可以将填充后的字符数组转换为字符向量元胞数组:
C = cellstr(S)
使用以下语句可以逆转此过程
S = char(C)
结构体
结构体是多维 MATLAB 数组,包含可按文本字段标志符访问的元素。例如,
S.name = 'Ed Plum';
S.score = 83;
S.grade = 'B+'
创建一个具有三个字段的标量结构体:
S =
  name: 'Ed Plum'
 score: 83
 grade: 'B+'
与 MATLAB 环境中的所有其他内容一样,结构体也为数组,因此可以插入其他元素。在本示例中,数组的
每个元素都是一个具有若干字段的结构体。可以一次添加一个字段,
S(2).name = 'Toni Miller';
S(2).score = 91;
S(2).grade = 'A-';
也可以使用一个语句添加整个元素:
S(3) = struct('name', 'Jerry Garcia',...
      'score',70,'grade','C')
现在,结构体非常大以致仅输出摘要:
S =
1x3 struct array with fields:
 name
 score
 grade
将不同字段重新组合为其他 MATLAB 数组的方法有许多种。这些方法大多基于逗号分隔列表的表示法。键
S.score
与键入
S(1).score, S(2).score, S(3).score
```

相同,这是一个逗号分隔列表。

如果将生成此类列表的表达式括在方括号中,MATLAB 会将该列表中的每一项都存储在数组中。在本示例中,MATLAB 创建一个数值行向量,该向量包含结构体数组 S 的每个元素的 score 字段:

```
scores = [S.score]
scores =
83 91 70

avg_score = sum(scores)/length(scores)
avg_score =
81.3333
```

要根据某个文本字段(例如, name)创建字符数组,请对 S.name 生成的逗号分隔列表调用 char 函数:

```
names = char(S.name)
names =
Ed Plum
Toni Miller
Jerry Garcia
```

同样,通过将生成列表的表达式括入花括号中,可以根据 name 字段创建元胞数组:

```
names = {S.name}
names =
'Ed Plum' 'Toni Miller' 'Jerry Garcia'
```

要将结构体数组的每个元素的字段赋值给结构体外部的单独变量,请指定等号左侧的每个输出,并将其全部括在方括号中:

```
[N1 N2 N3] = S.name
N1 =
Ed Plum
N2 =
Toni Miller
N3 =
Jerry Garcia
```

动态字段名称

访问结构体中的数据的最常用方法是指定要引用的字段的名称。访问结构体数据的另一种方法是使用动态字段名称。这些名称将字段表示为变量表达式,MATLAB 会在运行时计算这些表达式。此处显示的点-括号语法将 expression 作为动态字段名称:

structName.(expression)

使用标准 MATLAB 索引语法创建此字段的索引。例如,要在字段名称中计算 expression,并在行 7 中的 $1 \cong 25$ 列内获取该字段的值,请使用

structName.(expression)(7,1:25)

动态字段名称示例

下面显示的 avgscore 函数可用于计算考试的平均分数,并使用动态字段名称检索 testscores 结构体中的信息:

```
function avg = avgscore(testscores, student, first, last) for k = first:last
```

```
scores(k) = testscores.(student).week(k);
\quad \text{end} \quad
avg = sum(scores)/(last - first + 1);
您可以运行此函数,并对动态字段 student 使用不同值。首先,对包含 25 周内的分数的结构体进行初始
化:
testscores.Ann\_Lane.week(1:25) = ...
 [95 89 76 82 79 92 94 92 89 81 75 93 ...
 85 84 83 86 85 90 82 82 84 79 96 88 98];
{\bf testscores.William\_King.week(1:25) = ...}
 [87 80 91 84 99 87 93 87 97 87 82 89 ...
 86 82 90 98 75 79 92 84 90 93 84 78 81];
现在,运行 avgscore,并在运行时使用动态字段名称为 testscores 结构体提供学生姓名字段:
avgscore(testscores, 'Ann_Lane', 7, 22)
ans =
 85.2500
avgscore(testscores, 'William_King', 7, 22)
ans =
 87.7500
```

数学

- "线性代数" (第 3-2 页)
- "非线性函数的运算" (第 3-32 页)
- "多变量数据" (第 3-35 页)

线性代数

```
本节内容
"MATLAB 环境中的矩阵"
                  (第3-2页)
"线性方程组" (第 3-9 页)
"分解" (第 3-17 页)
"幂和指数" (第 3-22 页)
"特征值" (第 3-25 页)
"奇异值" (第 3-28 页)
```

MATLAB 环境中的矩阵

本主题介绍如何在 MATLAB 中创建矩阵和执行基本矩阵计算。

MATLAB 环境使用矩阵来表示包含以二维网格排列的实数或复数的变量。更广泛而言,数组为向量、矩阵 或更高维度的数值网格。MATLAB 中的所有数组都是矩形,在这种意义上沿任何维度的分量向量的长度均 相同。矩阵中定义的数学运算是线性代数的主题。

创建矩阵

MATLAB 提供了许多函数,用于创建各种类型的矩阵。例如,您可以使用基于帕斯卡三角形的项创建一个 对称矩阵:

A = pascal(3)

```
A =
  1 1 1
  1 2 3
  1 3 6
```

您也可以创建一个非对称幻方矩阵,它的行总和与列总和相等:

B = magic(3)

```
B =
  8 1 6
  3 5
       7
```

另一个示例是由随机整数构成的 3×2 矩形矩阵:在这种情况下,randi的第一个输入描述整数可能值的范 围,后面两个输入描述行和列的数量。

C = randi(10,3,2)

```
\mathbb{C} =
   9 10
   10 7
```

列向量为 m×1 矩阵,行向量为 1×n 矩阵,标量为 1×1 矩阵。要手动定义矩阵,请使用方括号 [] 来表示 数组的开始和结束。在括号内,使用分号;表示行的结尾。在标量(1×1 矩阵)的情况下,括号不是必需 的。例如,以下语句生成一个列向量、一个行向量和一个标量:

```
u = [3; 1; 4]
v = [2 0 -1]
s = 7
u = \begin{bmatrix} 3 \\ 1 \\ 4 \end{bmatrix}
v = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 \\ 3 \end{bmatrix}
```

有关创建和处理矩阵的详细信息,请参阅"创建、串联和扩展矩阵"。

矩阵的加法和减法

矩阵和数组的加减法是逐个元素执行的,或者说是按元素执行的。例如,A 加 B 之后再减去 A 又可以得到 B:

X = A + B

Y = X - A

```
Y = 8 1 6 3 5 7
```

加法和减法要求两个矩阵具有兼容的维度。如果维度不兼容,将会导致错误:

X = A + C

Error using + Matrix dimensions must agree.

有关详细信息,请参阅"数组与矩阵运算"。

向量乘积和转置

长度相同的行向量和列向量可以按任一顺序相乘。其结果是一个标量(称为内积)或一个矩阵(称为外积):

```
u = [3; 1; 4];
v = [2 0 -1];
x = v*u
x =
```

```
X = u*v
X =
  6 0 -3
    0 -1
     0 -4
```

对于实矩阵,转置运算对 a;; 和 a;; 进行交换。对于复矩阵, 还要考虑是否用数组中复数项的复共轭来形成 复共轭转置。MATLAB 使用撇号运算符 (') 执行复共轭转置,使用点撇号运算符 (.') 执行无共轭的转置。对 于包含所有实数元素的矩阵,这两个运算符返回相同结果。

示例矩阵 A = pascal(3) 是对称的,因此 A' 等于 A。然而,B = magic(3) 不是对称的,因此 B' 的元素 是 B 的元素沿主对角线反转之后的结果:

```
B = magic(3)
B =
    1 6
  8
  3 5
    9
  4
X = B'
X =
  8 3 4
  1
     5
       9
    7
```

对于向量,转置会将行向量变为列向量(反之亦然):

```
x = v'
x =
    0
   -1
```

如果 x 和 y 均为实数列向量,则乘积 x*y 不确定,但以下两个乘积

```
x'*y
和
y'*x
```

产生相同的标量结果。此参数使用很频繁,它有三个不同的名称内积、标量积或点积。甚至还有一个专门 的点积函数, 称为 dot。

对于复数向量或矩阵 z, 参量 z' 不仅可转置该向量或矩阵, 而且可将每个复数元素转换为其复共轭数。也 就是说,每个复数元素的虚部的正负号将会发生更改。以如下复矩阵为例:

```
z = [1+2i \ 7-3i \ 3+4i; 6-2i \ 9i \ 4+7i]
z =
```

```
1.0000 + 2.0000i 7.0000 - 3.0000i 3.0000 + 4.0000i 6.0000 - 2.0000i 0.0000 + 9.0000i 4.0000 + 7.0000i z 的复共轭转置为:
z'
ans =

1.0000 - 2.0000i 6.0000 + 2.0000i 7.0000 + 3.0000i 0.0000 - 9.0000i 3.0000 - 4.0000i 4.0000 - 7.0000i
```

非共轭复数转置(其中每个元素的复数部分保留其符号)表示为 z.':

对于复数向量,两个标量积 x'*y 和 y'*x 互为复共轭数,而复数向量与其自身的标量积 x'*x 为实数。

矩阵乘法

矩阵乘法是以这样一种方式定义的:反映底层线性变换的构成,并允许紧凑表示联立线性方程组。如果 A 的列维度等于 B 的行维度,或者其中一个矩阵为标量,则可定义矩阵乘积 C = AB。如果 A 为 $m \times p$ 且 B 为 $p \times n$,则二者的乘积 C 为 $m \times n$ 。该乘积实际上可以使用 MATLAB for 循环、colon 表示法和向量点积进行定义:

```
A = pascal(3);

B = magic(3);

m = 3;

n = 3;

for i = 1:m

    for j = 1:n

        C(i,j) = A(i,:)*B(:,j);

    end

end
```

MATLAB 使用星号表示矩阵乘法,如 C = A*B 中所示。矩阵乘法不适用交换律;即 A*B 通常不等于 B*A:

X = A*B

```
X = \begin{bmatrix} 15 & 15 & 15 \\ 26 & 38 & 26 \\ 41 & 70 & 39 \end{bmatrix}
Y = B*A
Y = \begin{bmatrix} 15 & 28 & 47 \\ 15 & 34 & 60 \\ 15 & 28 & 43 \end{bmatrix}
```

矩阵可以在右侧乘以列向量, 在左侧乘以行向量:

```
u = [3; 1; 4];

x = A*u

x =

8
17
30

v = [2 0 -1];
y = v*B

y =

12 -7 10
```

矩形矩阵乘法必须满足维度兼容性条件: 由于 A 是 3×3 矩阵, C 是 3×2 矩阵, 因此可将二者相乘得到 3×2 结果 (共同的内部维度会消去):

X = A*C

X =

24 17

47 42

79 77

但是, 乘法不能以相反的顺序执行:

Y = C*A

Error using *

Incorrect dimensions for matrix multiplication. Check that the number of columns in the first matrix matches the number of rows in the second matrix. To perform elementwise multiplication, use '.*'.

您可以将任何内容与标量相乘:

```
s = 10;

w = s*y

w = 120 -70 100
```

当您将数组与标量相乘时,标量将隐式扩展为与另一输入相同的大小。这通常称为标量扩展。

单位矩阵

普遍接受的数学表示法使用大写字母 I 来表示单位矩阵,即主对角线元素为 1 且其他位置元素为 0 的各种大小的矩阵。这些矩阵具有以下属性:无论维度是否兼容,AI = A 和 IA = A。

原始版本的 MATLAB 不能将 I 用于此用途,因为它不会区分大小字母和小写字母,并且 i 已用作下标和复数单位。因此,引入了英语双关语。函数

eye(m,n)

返回 m×n 矩形单位矩阵, eye(n) 返回 n×n 单位方阵。

矩阵求逆

如果矩阵 A 为非奇异方阵(非零行列式),则方程 AX = I 和 XA = I 具有相同的解 X。此解称为 A 的逆矩阵,表示为 A^{-1} 。inv 函数和表达式 A^{-1} 均可对矩阵求逆。

A = pascal(3)

```
A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \\ 1 & 3 & 6 \end{bmatrix}
```

X = inv(A)

X =

```
3.0000 -3.0000 1.0000
-3.0000 5.0000 -2.0000
1.0000 -2.0000 1.0000
```

A*X

ans=

```
\begin{array}{ccccc} 1.0000 & 0 & 0 \\ 0.0000 & 1.0000 & -0.0000 \\ -0.0000 & 0.0000 & 1.0000 \end{array}
```

通过 det 计算的行列式表示由矩阵描述的线性变换的缩放因子。当行列式正好为零时,矩阵为奇异矩阵,因此不存在逆矩阵。

d = det(A)

d =

1

有些矩阵接近奇异矩阵,虽然存在逆矩阵,但计算容易出现数值误差。cond 函数计算逆运算的条件数,它指示矩阵求逆结果的精度。条件数的范围是从 1 (数值稳定的矩阵) 到 Inf (奇异矩阵)。

```
c = cond(A)
```

c =

61.9839

很少需要为某个矩阵构造显式逆矩阵。当解算线性方程组 Ax = b 时,往往会错误使用 inv。从执行时间和数值精度方面而言,求解此方程的最佳方法是使用矩阵反斜杠运算符,即 $x = A \setminus b$ 。有关详细信息,请参阅 mldivide。

Kronecker 张量积

两个矩阵的 Kronecker 乘积 kron(X,Y) 为 X 的元素与 Y 的元素的所有可能乘积构成的较大矩阵。如果 X 为 $m\times n$ 且 Y 为 $p\times q$,则 kron(X,Y) 为 $mp\times nq$ 。元素以特定方式排列,呈现 X 的每个元素分别与整个矩阵 Y 相乘的结果。

Kronecker 乘积通常与元素为 0 和 1 的矩阵配合使用,以构建小型矩阵的重复副本。例如,如果 \mathbf{X} 为 $\mathbf{2}$ × 2 矩阵

$$X = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$$

且 I = eye(2,2) 为 2×2 单位矩阵,则:

kron(X,I)

ans=

并且

kron(I,X)

ans=

除了 kron 之外,对复制数组有用的其他函数还有 repmat、repelem 和 blkdiag。

向量范数和矩阵范数

向量 x 的 p-范数,

$$||x||_p = \left(\sum |x_i|^p\right)^{1/p},$$

使用 norm(x,p) 进行计算。此运算是为 p>1 的任意值定义的,但最常见的 p 值为 1、2 和 ∞ 。默认值 为 p=2,这与欧几里德长度或向量幅值对应:

$$v = [2 \ 0 \ -1];$$

[norm(v,1) norm(v) norm(v,inf)]

ans =

3.0000 2.2361 2.0000

矩阵 A的 p-范数,

$$||A||_p = \max_{x} \frac{||Ax||_p}{||x||_p},$$

可以针对 p = 1、2 和 ∞ 通过 norm(A,p) 进行计算。同样,默认值也为 p = 2:

A = pascal(3);

[norm(A,1) norm(A) norm(A,inf)]

ans =

10.0000 7.8730 10.0000

如果要计算矩阵的每行或每列的范数,可以使用 vecnorm:

vecnorm(A)

ans =

1.7321 3.7417 6.7823

使用线性代数方程函数的多线程计算

对于许多线性代数函数和按元素的数值函数,MATLAB 软件支持多线程计算。这些函数将自动在多个线程上执行。要使函数或表达式在多个 CPU 上更快地执行,必须满足许多条件:

- 1 函数执行的运算可轻松划分为并发执行的多个部分。这些部分必须能够在进程之间几乎不通信的情况 下执行。它们应需要很少的序列运算。
- 2 数据大小足以使并发执行的任何优势在重要性方面超过对数据分区和管理各个执行线程所需的时间。 例如,仅当数组包含数千个或以上的元素时,大多数函数才会加速。
- 3 运算未与内存绑定;处理时间不受内存访问时间控制。一般而言,复杂函数比简单函数速度更快。

对于大型双精度数组(约 10,000 个元素),矩阵乘法 (X*Y) 和矩阵乘幂 (X^p) 运算符会大幅增加速度。 矩阵分析函数 det、rcond、hess 和 expm 也会对大型双精度数组大幅增加速度。

线性方程组

- "计算注意事项" (第 3-9 页)
- "通解" (第 3-10 页)
- "方阵方程组" (第 3-10 页)
- "超定方程组" (第 3-12 页)
- "欠定方程组" (第 3-14 页)
- "多右端线性方程组的求解" (第 3-16 页)
- "迭代法" (第 3-17 页)
- "多线程计算" (第 3-17 页)

计算注意事项

进行科学计算时,最重要的一个问题是对联立线性方程组求解。

在矩阵表示法中,常见问题采用以下形式:给定两个矩阵 A 和 b,是否存在一个唯一矩阵 x 使 Ax = b 或 xA = b?

考虑 1×1 示例具有指导意义。例如,方程

7x = 21

是否具有唯一解?

答案当然是肯定的。方程有唯一解 x = 3。通过除法很容易求得该解:

x = 21/7 = 3

该解通常不是通过计算 7 的倒数求得的,即先计算 $7^{-1} = 0.142857...$,然后将 7^{-1} 乘以 21。这将需要更多 的工作,而且如果 7-1 以有限位数表示时,准确性会较低。类似注意事项也适用于多个未知数的线性方程 组; MATLAB 在解此类方程时不会计算矩阵的逆。

尽管这不是标准的数学表示法,但 MATLAB 使用标量示例中常见的除法术语来描述常规联立方程组的解。 斜杠 / 和反斜杠 \ 这两个除号分别对应 MATLAB 函数 mrdivide 和 mldivide。两种运算符分别用于未 知矩阵出现在系数矩阵左侧或右侧的情况:

x = b/A表示使用 mrdivide 获得的矩阵方程 xA = b 的解。

 $x = A \setminus b$ 表示使用 mldivide 获得的矩阵方程 Ax = b 的解。

考虑将方程 Ax = b 或 xA = b 的两端 "除以" A。系数矩阵 A 始终位于 "分母"中。

x = A\b 的维度兼容性条件要求两个矩阵 A 和 b 的行数相同。这样,解 x 的列数便与 b 的列数相同,并 且其行维度等于 A 的列维度。对于 x = b/A,行和列的角色将会互换。

实际上,Ax=b 形式的线性方程组比 xA=b 形式的线性方程组更常见。因此,反斜杠的使用频率要远高于 斜杠的使用频率。本节其余部分将重点介绍反斜杠运算符;斜杠运算符的对应属性可以从以下恒等式推 知:

 $(b/A)' = (A' \setminus b').$

系数矩阵 A 不需要是方阵。如果 A 的大小为 m×n,则有三种情况:

m = n方阵方程组。求精确解。

超定方程组,即方程个数多于未知数个数。求最小二乘解。 m > n

欠定方程组,即方程个数少于未知数个数。使用最多 m 个非零分量求基 m < n

本解。

mldivide 算法

mldivide 运算符使用不同的求解器来处理不同类型的系数矩阵。通过检查系数矩阵自动诊断各种情况。 有关详细信息,请参阅 mldivide 参考页的"算法"小节。

通解

线性方程组 Ax = b 的通解描述了所有可能的解。可以通过以下方法求通解:

- 求对应的齐次方程组 Ax = 0 的解。使用 null 命令通过键入 null(A) 来执行此操作。这会将解空间的 基向量恢复为 Ax = 0。任何解都是基向量的线性组合。
- 求非齐次方程组 Ax = b 的特定解。

然后,可将 Ax = b 的任何解写成第 2 步中的 Ax = b 的特定解加上第 1 步中的基向量的线性组合之和。

本节其余部分将介绍如何使用 MATLAB 求 Ax = b 的特定解,如第 2 步中所述。

方阵方程组

最常见的情况涉及到一个方阵系数矩阵 A 和一个右侧单列向量 b。

非奇异系数矩阵

如果矩阵 A 是非奇异矩阵,则解 $x = A \setminus b$ 的大小与 b 的大小相同。例如:

A = pascal(3);u = [3; 1; 4];

```
x = A\u
x =

10
-12
5
```

可以确认 A*x 恰好等于 u。

如果 A 和 b 为方阵并且大小相同,则 $x=A \setminus b$ 也具有相同大小:

可以确认 A*x 恰好等于 b。

以上两个示例具有确切的整数解。这是因为系数矩阵选为 pascal(3), 这是满秩矩阵(非奇异的)。

奇异系数矩阵

如果方阵 A 不包含线性无关的列,则该矩阵为奇异矩阵。如果 A 为奇异矩阵,则 Ax = b 的解将不存在或不唯一。如果 A 接近奇异或检测到完全奇异性,则反斜杠运算符 $A \setminus b$ 会发出警告。

如果 A 为奇异矩阵并且 Ax = b 具有解,可以通过键入以下内容求不是唯一的特定解

P = pinv(A)*b

pinv(A) 是 A 的伪逆。如果 Ax = b 没有精确解,则 pinv(A) 将返回最小二乘解。

例如:

$$A = [1 \quad 3 \quad 7$$

$$-1 \quad 4 \quad 4$$

$$1 \quad 10 \quad 18]$$

为奇异矩阵,可以通过键入以下内容进行验证:

rank(A)

ans =

2

由于 A 不是满秩, 它有一些等于零的奇异值。

精确解。对于 b =[5;2;12], 方程 Ax = b 具有精确解, 给定

pinv(A)*b

ans =
0.3850
-0.1103
0.7066

通过键入以下内容验证 pinv(A)*b 是否为精确解

```
A*pinv(A)*b
```

```
ans =
5.0000
2.0000
12.0000
```

最小二乘解。但是,如果 b = [3;6;0],则 Ax = b 没有精确解。在这种情况下,pinv(A)*b 会返回最小二乘解。键入

A*pinv(A)*b

```
ans =
-1.0000
4.0000
2.0000
```

则不会返回原始向量 b。

通过得到增广矩阵 [A b] 的简化行阶梯形式,可以确定 Ax = b 是否具有精确解。为此,对于此示例请输入

由于最下面一行全部为零(最后一项除外),因此该方程无解。在这种情况下,pinv(A)会返回最小二乘解。

超定方程组

此示例说明在对试验数据的各种曲线拟合中通常会如何遇到超定方程组。

在多个不同的时间值 t 对数量 y 进行测量以生成以下观测值。可以使用以下语句输入数据并在表中查看该数据。

```
t = [0 .3 .8 1.1 1.6 2.3]';

y = [.82 .72 .63 .60 .55 .50]';

B = table(t,y)

B=6×2 table

t y

0 0.82

0.3 0.72

0.8 0.63

1.1 0.6

1.6 0.55

2.3 0.5
```

尝试使用指数衰减函数对数据进行建模

$$y(t) = c_1 + c_2 e^{-t}$$
.

上一方程表明,向量 y 应由两个其他向量的线性组合来逼近。一个是元素全部为 1 的常向量,另一个是带有分量 $\exp(-\mathbf{t})$ 的向量。未知系数 c_1 和 c_2 可以通过执行最小二乘拟合来计算,这样会最大限度地减小数据与模型偏差的平方和。在两个未知系数的情况下有六个方程,用 6×2 矩阵表示。

E = [ones(size(t)) exp(-t)]

 $E = 6 \times 2$

 1.0000
 1.0000

 1.0000
 0.7408

 1.0000
 0.4493

 1.0000
 0.3329

 1.0000
 0.2019

 1.0000
 0.1003

使用反斜杠运算符获取最小二乘解。

 $c = E \setminus y$

 $c = 2 \times 1$

0.4760

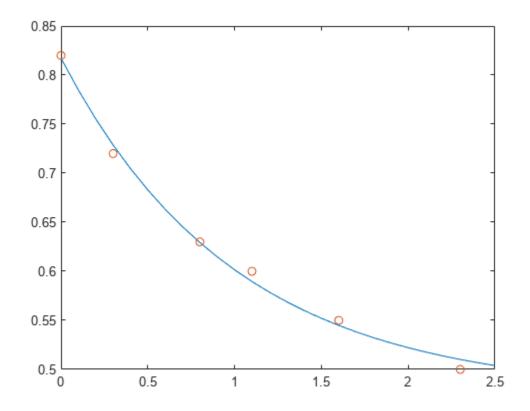
0.3413

也就是说,对数据的最小二乘拟合为

$$y(t) = 0.4760 + 0.3413e^{-t}$$
.

以下语句按固定间隔的 t 增量为模型求值, 然后与原始数据一同绘制结果:

```
T = (0:0.1:2.5)';
Y = [ones(size(T)) exp(-T)]*c;
plot(T,Y,'-',t,y,'o')
```



E*c 与 y 不完全相等, 但差值可能远小于原始数据中的测量误差。

如果矩形矩阵 A 没有线性无关的列,则该矩阵秩亏。如果 A 秩亏,则 AX = B 的最小二乘解不唯一。如果 A 秩亏,则 A\B 会发出警告,并生成一个最小二乘解。您可以使用 lsqminnorm 求在所有解中具有最小 范数的解 X。

欠定方程组

本例演示了欠定方程组的解不唯一的情况。欠定线性方程组包含的未知数比方程多。MATLAB 矩阵左除运 算求基本最小二乘解,对于 m×n 系数矩阵,它最多有 m 个非零分量。

以下是一个简单的随机示例:

```
R = [6 \ 8 \ 7 \ 3; \ 3 \ 5 \ 4 \ 1]
rng(0);
b = randi(8,2,1)
R =
     6
                 5
     3
b =
     7
     8
```

线性方程组 Rp=b 有两个方程,四个未知数。由于系数矩阵包含较小的整数,因此适合使用 format 命令以有理格式显示解。通过以下命令可获取特定解

```
format rat
p = R\b
p = 
0
17/7
0
-29/7
```

其中一个非零分量为 p(2),因为 R(:,2) 是具有最大范数的 R 的列。另一个非零分量为 p(4),因为 R(:,4) 在消除 R(:,2) 后起控制作用。

欠定方程组的完全通解可以通过 p 加上任意零空间向量线性组合来表示,可以使用 null 函数(使用请求有理基的选项)计算该空间向量。

Z = null(R, 'r')

 $\mathbb{Z} =$

可以确认 R*Z 为零,并且残差 R*x - b 远远小于任一向量 x (其中

$$x = p + Z*q$$

由于 Z 的列是零空间向量, 因此 Z*q 是以下向量的线性组合:

$$Zq = (\overrightarrow{x}_1 \ \overrightarrow{x}_2) \begin{pmatrix} u \\ w \end{pmatrix} = u \overrightarrow{x}_1 + w \overrightarrow{x}_2 \ .$$

为了说明这一点,选择任意 q 并构造 x。

```
q = [-2; 1];

x = p + Z*q;
```

计算残差的范数。

format short norm(R*x - b)

ans =

2.6645e-15

如果有无限多个解,则最小范数解具有特别意义。您可以使用 lsqminnorm 计算最小范数最小二乘解。 该解具有 norm(p) 的最小可能值。

```
p = lsqminnorm(R,b)
```

p =

```
-207/137
365/137
79/137
-424/137
```

多右端线性方程组的求解

某些问题涉及求解具有相同系数矩阵 A 但具有不同右端 b 的线性方程组。如果可以同时使用不同的 b 值,则可以将 b 构造为多列矩阵,并使用单个反斜杠命令求解所有方程组: $X = A \setminus [b1 \ b2 \ b3 \ ...]$ 。

但是,有时不同的 \mathbf{b} 值并非全部同时可用,也就是说,您需要连续求解若干方程组。如果使用斜杠 (/) 或反斜杠 (\) 求解其中一个方程组,则该运算符会对系数矩阵 \mathbf{A} 进行分解,并使用此矩阵分解来求解。然而,随后每次使用不同的 \mathbf{b} 求解类似方程组时,运算符都会对 \mathbf{A} 进行同样的分解,而这是一次冗余计算。

此问题的求解是预先计算 A 的分解,然后重新使用因子对 ${f b}$ 的不同值求解。但是,实际上,以这种方式预 先计算分解可能很困难,因为需要知道要计算的分解(LU、LDL、Cholesky 等)以及如何乘以因子才能对 问题求解。例如,使用 LU 分解,您需要求解两个线性方程组才能求解原始方程组 Ax = b:

```
[L,U] = lu(A);

x = U \setminus (L \setminus b);
```

对于具有若干连续右端的线性方程组,建议使用 decomposition 对象求解。借助这些对象,您可利用预 先计算矩阵分解带来的性能优势,而不必了解如何使用矩阵因子。您可以将先前的 LU 分解替换为:

```
dA = decomposition(A,'lu');
 x = dA \ b;
```

如果您不确定要使用哪种分解,decomposition(A) 会根据 A 的属性选择正确的类型,类似于反斜杠的功能。

以下简单测试验证了此方法可能带来的性能优势。该测试分别使用反斜杠()和 decomposition 对同一稀疏线性方程组求解 100 次。

```
n = 1e3;
A = sprand(n,n,0.2) + speye(n);
b = ones(n,1);
% Backslash solution
tic
for k = 1:100
  x = A \setminus b;
end
toc
Elapsed time is 9.006156 seconds.
% decomposition solution
tic
dA = decomposition(A);
for k = 1:100
  x = dA \setminus b;
end
toc
```

Elapsed time is 0.374347 seconds.

对于这个问题, decomposition 求解比单独使用反斜杠要快得多, 而语法仍然很简单。

迭代法

如果系数矩阵 A 很大并且是稀疏矩阵,分解方法一般情况下将不会有效。迭代方法可生成一系列近似解。 MATLAB 提供了多个迭代方法来处理大型的稀疏输入矩阵。

函数	描述	
pcg	预条件共轭梯度法。此方法适用于 Hermitian 正定系数矩阵 A。	
bicg	双共轭梯度法	
bicgstab	双共轭梯度稳定法	
bicgstabl	双共轭梯度稳定法(I)	
cgs	共轭梯度二乘法	
gmres	广义最小残差法	
lsqr	LSQR 方法	
minres	最小残差法。此方法适用于 Hermitian 系数矩阵 A。	
qmr	拟最小残差法	
symmlq	对称的 LQ 方法	
tfqmr	无转置 QMR 方法	

多线程计算

对于许多线性代数函数和按元素的数值函数,MATLAB 软件支持多线程计算。这些函数将自动在多个线程上执行。要使函数或表达式在多个 CPU 上更快地执行,必须满足许多条件:

- 1 函数执行的运算可轻松划分为并发执行的多个部分。这些部分必须能够在进程之间几乎不通信的情况下执行。它们应需要很少的序列运算。
- 2 数据大小足以使并发执行的任何优势在重要性方面超过对数据分区和管理各个执行线程所需的时间。 例如,仅当数组包含数千个或以上的元素时,大多数函数才会加速。
- 3 运算未与内存绑定;处理时间不受内存访问时间控制。一般而言,复杂函数比简单函数速度更快。

如果启用多线程,inv、lscov、linsolve 和 mldivide 将会对大型双精度数组(约 10,000 个元素或更多)大幅增加速度。

分解

- "简介" (第 3-17 页)
- "Cholesky 分解" (第 3-17 页)
- "LU 分解" (第 3-18 页)
- "QR 分解" (第 3-19 页)
- "对分解使用多线程计算" (第 3-22 页)

简介

本节中讨论的所有三种矩阵分解利用了三角形矩阵,其中对角线上下的所有元素都为零。涉及三角矩阵的线性方程组可以使用前代或回代方法轻松快捷地求解。

Cholesky 分解

Cholesky 分解将对称矩阵表示为三角矩阵与其转置的积

A = R'R

其中, R 是上三角矩阵。

并非所有对称矩阵都可以通过这种方式进行分解;采用此类分解的矩阵被视为正定矩阵。这表明,A的所有对角线元素都是正数,并且非对角线元素"不太大"。帕斯卡矩阵提供了有趣的示例。在本章中,示例矩阵 A 为 3×3 帕斯卡矩阵。暂时转换为 6×6 :

A = pascal(6)

A 的元素为二项式系数。每个元素都是其北向和西向邻点之和。Cholesky 分解为

R = chol(A)

```
R =
        1 1
   1 1
             1
 1
        3
   0 1
        3 6 10
        1 4 10
   0
      0
        0 1 5
    0
      0
         0
           0
              1
```

这些元素同样为二项式系数。R'*R 等于 A 的情况说明了涉及二项式系数的积之和的单位矩阵。

注意 Cholesky 分解也适用于复矩阵。采用 Cholesky 分解的任何复矩阵都满足

A' = A

,并且被视为 Hermitian 正定矩阵。

通过 Cholesky 分解,可以将线性方程组

Ax = b

替换为

 $R'Rx = b_a$

由于反斜杠运算符能识别三角形方程组,因此这可以在 MATLAB 环境中通过以下表达式快速进行求解 $\mathbf{x} = \mathbf{R} \setminus (\mathbf{R}' \setminus \mathbf{b})$

如果 $A \ni n \times n$,则 chol(A) 的计算复杂度为 $O(n^3)$,但后续的反斜杠解的复杂度仅为 $O(n^2)$ 。

LU 分解

LU 分解(或高斯消去法) 将任何方阵 A 都表示为下三角矩阵和上三角矩阵的置换之积

A = LU,

其中, L 是对角线元素为 1 的下三角矩阵的置换, U 是上三角矩阵。

出于理论和计算原因,必须进行置换。矩阵

 $\begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$

在不交换其两行的情况下不能表示为三角矩阵的积。尽管矩阵

 $\begin{bmatrix} \varepsilon & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$

可以表示为三角矩阵之积,但当 ε 很小时,因子中的元素也会很大并且会增大误差,因此即使置换并非完全必要,它们也是所希望的。部分主元消去法可确保 L 的元素的模以 1 为限,并且 U 的元素并不大于 A 的元素。

例如:

[L,U] = lu(B)

L =

 $\begin{array}{cccc} 1.0000 & 0 & 0 \\ 0.3750 & 0.5441 & 1.0000 \\ 0.5000 & 1.0000 & 0 \end{array}$

TT =

 $\begin{array}{cccc} 8.0000 & 1.0000 & 6.0000 \\ 0 & 8.5000 & -1.0000 \\ 0 & 0 & 5.2941 \end{array}$

通过对 A 执行 LU 分解,可以

A*x = b

使用以下表达式快速对线性方程组求解

 $x = U \setminus (L \setminus b)$

行列式和逆矩阵是通过 LU 分解使用以下表达式进行计算的

det(A) = det(L)*det(U)

和

inv(A) = inv(U)*inv(L)

也可以使用 det(A) = prod(diag(U)) 计算行列式,但行列式的符号可能会相反。

QR 分解

正交矩阵或包含正交列的矩阵为实矩阵,其列全部具有单位长度并且相互垂直。如果 Q 为正交矩阵,则 $Q^TQ=I$,

其中I是单位矩阵。

最简单的正交矩阵为二维坐标旋转:

```
\begin{bmatrix} \cos(\theta) & \sin(\theta) \\ -\sin(\theta) & \cos(\theta) \end{bmatrix}
```

对于复矩阵,对应的术语为单位。由于正交矩阵和单位矩阵会保留长度、保留角度并且不会增大误差,因此适用于数值计算。

正交或 QR 分解将任何矩形矩阵表示为正交或酉矩阵与上三角矩阵的积。此外,也可能涉及列置换。

A = QR

或

AP = QR

其中, Q 为正交或单位矩阵, R 为上三角矩阵, P 为置换向量。

QR 分解有四种变化形式 - 完全大小或合适大小,以及使用列置换或不使用列置换。

超定线性方程组涉及行数超过列数的矩形矩阵,也即 m×n 并且 m > n。完全大小的 QR 分解可生成一个方阵 (m×m 正交矩阵 Q) 和一个矩形 m×n 上三角矩阵 R:

C=gallery('uniformdata',[5 4], 0); [Q,R] = qr(C)

Q =

R =

在许多情况下,Q 的最后 m-n 列是不需要的,因为这些列会与 R 底部的零相乘。因此,精简 QR 分解可生成一个矩形矩阵(具有正交列的 $m\times n$ Q)以及一个方阵 $n\times n$ 上三角矩阵 R。对于 5×4 示例,不会节省太多内存,但是对于更大的大量矩形矩阵,在时间和内存方面的节省可能会很重要:

```
[Q,R] = qr(C,0)
Q =

0.6191  0.1406  -0.1899  -0.5058

0.1506  0.4084  0.5034  0.5974

0.3954  -0.5564  0.6869  -0.1478

0.3167  0.6676  0.1351  -0.1729

0.5808  -0.2410  -0.4695  0.5792
```

```
R =
```

与 LU 分解相比,QR 分解不需要进行任何消元或置换。但是,可选的列置换(因存在第三个输出参数而触发)对检测奇异性或秩亏是很有帮助的。在分解的每一步,未分解的剩余矩阵的列(范数最大)将用作该步骤的基础。这可以确保 R 的对角线元素以降序排列,并且各列之间的任何线性相关性肯定能够通过检查这些元素来显示。对于此处提供的小示例,C 的第二列的范数大于第一列的范数,因此这两列被交换:

```
[Q,R,P] = qr(C)
Q =
 -0.3522 0.8398 -0.4131
 -0.7044 -0.5285 -0.4739
 -0.6163 0.1241 0.7777
\mathbf{R} =
-11.3578 -8.2762
   0 7.2460
   0
        O
P =
  0 1
  1
    0
组合了合适大小和列置换后, 第三个输出参数为置换向量而不是置换矩阵:
[Q,R,p] = qr(C,0)
\mathbf{Q} =
 -0.3522 0.8398
 -0.7044 -0.5285
 -0.6163 0.1241
R =
-11.3578 -8.2762
   0 7.2460
p =
QR 分解可将超定线性方程组转换为等效的三角形方程组。表达式
norm(A*x - b)
等干
norm(Q*R*x - b)
与正交矩阵相乘可保留欧几里德范数,因此该表达式也等于
norm(R*x - y)
其中 y = Q'*b。由于 R 的最后 m-n 行为零,因此该表达式将分为两部分:
```

```
norm(R(1:n,1:n)*x - y(1:n))
```

并且

norm(y(n+1:m))

如果 A 具有满秩,则可以对 x 求解,使这些表达式中的第一个表达式为零。然后,第二个表达式便可以提供残差范数。如果 A 没有满秩,则可以通过 R 的三角形结构体对最小二乘问题求基本解。

对分解使用多线程计算

对于许多线性代数函数和按元素的数值函数,MATLAB 软件支持多线程计算。这些函数将自动在多个线程上执行。要使函数或表达式在多个 CPU 上更快地执行,必须满足许多条件:

- 1 函数执行的运算可轻松划分为并发执行的多个部分。这些部分必须能够在进程之间几乎不通信的情况下执行。它们应需要很少的序列运算。
- 2 数据大小足以使并发执行的任何优势在重要性方面超过对数据分区和管理各个执行线程所需的时间。 例如,仅当数组包含数千个或以上的元素时,大多数函数才会加速。
- 3 运算未与内存绑定;处理时间不受内存访问时间控制。一般而言,复杂函数比简单函数速度更快。

对于大型双精度数组(约 10,000 个元素),lu 和 gr 会大幅增加速度。

幂和指数

本主题说明如何使用各种方法计算矩阵幂和指数。

正整数幂

如果 A 为方阵并且 p 为正整数,则 A^p 实际上是将 A 乘以其自身 p-1 次。例如:

逆幂和分数幂

如果 A 为方阵并且是非奇异的,则 A^{-} (-p) 实际上是将 inv(A) 乘以其自身 p-1 次。

A^(-3)

```
ans = 3×3

145.0000 -207.0000 81.0000

-207.0000 298.0000 -117.0000

81.0000 -117.0000 46.0000
```

MATLAB® 用相同的算法计算 inv(A) 和 $A^{(-1)}$,因此结果完全相同。如果矩阵接近奇异,inv(A) 和 $A^{(-1)}$ 都会发出警告。

$isequal(inv(A),A^{(-1)})$

```
ans = logical
```

也允许分数幂, 例如 A^(2/3)。使用小数幂的结果取决于矩阵特征值的分布。

A^(2/3)

 $ans = 3 \times 3$

0.8901	0.5882	0.3684
0.5882	1.2035	1.3799
0.3684	1.3799	3.1167

逐元素幂

.^ 运算符计算逐元素幂。例如,要对矩阵中的每个元素求平方,可以使用 A.^2。

A.^2

 $ans = 3 \times 3$

平方根

使用 sqrt 函数可以方便地计算矩阵中每个元素的平方根。另一种方法是 A.^(1/2)。

sqrt(A)

```
ans = 3 \times 3
```

```
\begin{array}{cccc} 1.0000 & 1.0000 & 1.0000 \\ 1.0000 & 1.4142 & 1.7321 \\ 1.0000 & 1.7321 & 2.4495 \end{array}
```

对于其他根, 您可以使用 nthroot。例如, 计算 A.^(1/3)。

nthroot(A,3)

 $ans = 3 \times 3$

```
1.0000 1.0000 1.0000
1.0000 1.2599 1.4422
1.0000 1.4422 1.8171
```

这些按元素计算的根不同于矩阵平方根,后者计算得到的是另一个矩阵 B 以满足 A = BB。函数 $\mathbf{sqrtm}(\mathbf{A})$ 采用更精确的算法计算 $\mathbf{A^{(1/2)}}$ 。 \mathbf{sqrtm} 中的 \mathbf{m} 将此函数与 $\mathbf{sqrt}(\mathbf{A})$ 区分开来,后者与 $\mathbf{A.^{(1/2)}}$ 一样,以逐元素方式工作。

B = sqrtm(A)

```
B = 3×3

0.8775  0.4387  0.1937

0.4387  1.0099  0.8874

0.1937  0.8874  2.2749

B^2

ans = 3×3

1.0000  1.0000  1.0000

1.0000  2.0000  3.0000

1.0000  3.0000  6.0000
```

标量底

除了对矩阵求幂以外,您还可以以矩阵为次数对标量求幂。

2^A

```
ans = 3×3

10.4630 21.6602 38.5862

21.6602 53.2807 94.6010

38.5862 94.6010 173.7734
```

当您以矩阵为次数对标量求幂时,MATLAB 使用矩阵的特征值和特征向量来计算矩阵幂。如果 [V,D] = eig(A),则 $2^A = V2^DV^{-1}$ 。

```
[V,D] = eig(A);
V*2^D*V^(-1)
```

```
ans = 3×3

10.4630 21.6602 38.5862

21.6602 53.2807 94.6010

38.5862 94.6010 173.7734
```

矩阵指数

矩阵指数是以矩阵为次数对标量求幂的特殊情况。矩阵指数的底是欧拉数 e = exp(1)。

e = exp(1); e^A

```
\begin{array}{cccc} ans = 3 \times 3 \\ 10^3 \times \\ \\ 0.1008 & 0.2407 & 0.4368 \\ 0.2407 & 0.5867 & 1.0654 \\ 0.4368 & 1.0654 & 1.9418 \end{array}
```

expm 函数是计算矩阵指数的一种更方便的方法。

expm(A)

```
\begin{array}{c} ans = 3 \times 3 \\ 10^3 \times \\ \\ 0.1008 \quad 0.2407 \quad 0.4368 \\ 0.2407 \quad 0.5867 \quad 1.0654 \\ 0.4368 \quad 1.0654 \quad 1.9418 \end{array}
```

矩阵指数可以用多种方法来计算。有关详细信息,请参阅 "矩阵指数"。

处理较小的数字

对于非常小的 x 值,MATLAB 函数 log1p 和 expm1 可以精确计算 log(1+x) 和 $e^x - 1$ 。例如,如果您 尝试将小于计算机精度的一个数与 1 相加,则结果会舍入到 1。

log(1+eps/2)

ans = 0

但是, log1p 能够返回更准确的答案。

log1p(eps/2)

```
ans = 1.1102e-16
```

同样,对于 $e^{x} - 1$,如果 x 非常小,则会将它舍入为零。

exp(eps/2)-1

ans = 0

同样, expm1 能够返回更准确的答案。

expm1(eps/2)

ans = 1.1102e-16

特征值

- "特征值的分解" (第 3-25 页)
- "多重特征值" (第 3-26 页)
- "Schur 分解" (第 3-27 页)

特征值的分解

方阵 A 的特征值和特征向量分别为满足以下条件的标量 λ 和非零向量 υ

 $Av = \lambda v_a$

对于对角矩阵的对角线上的特征值 A 以及构成矩阵列的对应特征向量 V, 公式为

 $AV = V\Lambda_{\circ}$

如果 V 是非奇异的,这将变为特征值分解。

 $A = V\Lambda V^{-1}$.

微分方程 dx/dt = Ax 的系数矩阵就是一个很好的示例:

```
\mathbf{A} =
  0 -6 -1
  6 2 -16
  -5 20 -10
```

此方程的解用矩阵指数 $x(t) = e^{tA}x(0)$ 表示。语句

lambda = eig(A)

生成包含 A 的特征值的列向量。对于该矩阵,这些特征值为复数:

```
lambda =
  -3.0710
  -2.4645+17.6008i
  -2.4645-17.6008i
```

每个特征值的实部都为负数,因此随着 t 的增加, $e^{\lambda t}$ 将会接近零。两个特征值 $\pm \omega$ 的非零虚部为微分方程 的解提供了振动分量 $sin(\omega t)$ 。

使用这两个输出参数, eig 便可以计算特征向量并将特征值存储在对角矩阵中:

[V,D] = eig(A)

```
V =
-0.8326
        0.2003 - 0.1394i 0.2003 + 0.1394i
-0.3553 -0.2110 - 0.6447i -0.2110 + 0.6447i
-0.4248
        -0.6930
                      -0.6930
D =
-3.0710
             0
          -2.4645+17.6008i 0
   0
           0
                  -2.4645-17.6008i
```

第一个特征向量为实数,另外两个向量互为共轭复数。所有三个向量都归一化为具有等于 1 的欧几里德长 度 norm(v,2)。

矩阵 V*D*inv(V)(可更简洁地写为 V*D/V)位于 A 的舍入误差界限内。inv(V)*A*V 或 V\A*V 都在 D 的舍入误差界限内。

多重特征值

某些矩阵没有特征向量分解。这些矩阵是不可对角化的。例如:

$$A = [1 \quad -2 \quad 1 \\ 0 \quad 1 \quad 4 \\ 0 \quad 0 \quad 3]$$

对于此矩阵

$$[V,D] = eig(A)$$

生成

```
V = \\ 1.0000 & 1.0000 & -0.5571 \\ 0 & 0.0000 & 0.7428 \\ 0 & 0 & 0.3714 \\ \\ D = \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 3 \\ \\ \end{array}
```

 λ = 1 时有一个双精度特征值。V 的第一列和第二列相同。对于此矩阵,并不存在一组完整的线性无关特征向量。

Schur 分解

许多高级矩阵计算不需要进行特征值分解。而是使用 Schur 分解。

```
A = USU'
```

其中,U 是正交矩阵,S 是对角线上为 1×1 和 2×2 块的块上三角矩阵。特征值是通过 S 的对角元素和块显示的,而 U 的列提供了正交基,它的数值属性要远远优于一组特征向量。

例如,比较下面的亏损矩阵的特征值和 Schur 分解:

```
A = [6 \quad 12 \quad 19
-9 \quad -20 \quad -33
4 \quad 9 \quad 15];
[V,D] = eig(A)
```

 $\mathbf{V} =$

```
 \begin{array}{l} -0.4741 + 0.0000i \ -0.4082 - 0.0000i \ -0.4082 + 0.0000i \\ 0.8127 + 0.0000i \ 0.8165 + 0.0000i \ 0.8165 + 0.0000i \\ -0.3386 + 0.0000i \ -0.4082 + 0.0000i \ -0.4082 - 0.0000i \end{array}
```

D =

[U,S] = schur(A)

U =

```
\begin{array}{cccc} \text{-}0.4741 & 0.6648 & 0.5774 \\ 0.8127 & 0.0782 & 0.5774 \\ \text{-}0.3386 & \text{-}0.7430 & 0.5774 \end{array}
```

S =

-1.0000 20.7846 -44.6948

```
0 1.0000 -0.6096
0 0.0000 1.0000
```

矩阵 $\mathbf A$ 为亏损矩阵,因为它不具备一组完整的线性无关特征向量($\mathbf V$ 的第二列和第三列相同)。由于 $\mathbf V$ 的 列并非全部是线性无关的,因此它有一个很大的条件数,大约为 1e8。但 schur 可以计算 U 中的三个不 同基向量。由于 U 是正交矩阵,因此 cond(U) = 1。

矩阵 S 的实数特征值作为对角线上的第一个条目,并通过右下方的 2×2 块表示重复的特征值。 2×2 块的 特征值也是 A 的特征值:

eig(S(2:3,2:3))

ans =

1.0000 + 0.0000i1.0000 - 0.0000i

奇异值

矩形矩阵 A 的奇异值和对应的奇异向量分别为满足以下条件的标量 σ 以及一对向量 u 和 v

$$Av = \sigma u$$
$$A^H u = \sigma v,$$

其中 A^H 是 A 的 Hermitian 转置。奇异向量 u 和 v 通常缩放至范数为 1。此外,如果 u 和 v 均为 A 的奇 异向量,则-u和-v也为A的奇异向量。

奇异值 σ 始终为非负实数,即使 A 为复数也是如此。对于对角矩阵 Σ 中的奇异值以及构成两个正交矩阵 U和 V 的列的对应奇异向量,方程为

$$AV = U\Sigma$$
$$A^H U = V\Sigma.$$

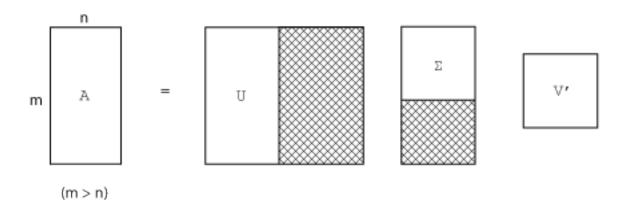
由于 U 和 V 均为单位矩阵,因此将第一个方程的右侧乘以 V^H 会生成奇异值分解方程

$$A = U\Sigma V^H$$
.

m×n 矩阵的完整奇异值分解涉及:

- m×m 矩阵 U
- m×n 矩阵 Σ
- n×n 矩阵 V

换句话说,U 和 V 均为方阵, Σ 与 A 的大小相同。如果 A 的行数远多于列数 $(\mathbf{m} > \mathbf{n})$,则得到的 $\mathbf{m} \times \mathbf{m}$ 矩阵 U 为大型矩阵。但是,U 中的大多数列与 Σ 中的零相乘。在这种情况下,精简分解可通过生成一个 $m \times n \cup - n \times n \times n \times n \cup - n \times n \times n \cup - n \times n \times n \cup - n \times n \cup$



特征值分解是分析矩阵(当矩形表示从向量空间到其自身的映射时)的合适工具,就像分析常微分方程一样。但是,奇异值分解是分析从一个向量空间到另一个向量空间(可能具有不同的维度)的映射的合适工具。大多数联立线性方程组都属于这第二类。

如果 A 是方形的对称正定矩阵,则其特征值分解和奇异值分解相同。但是,当 A 偏离对称性和正定性时,这两种分解之间的差异就会增加。特别是,实矩阵的奇异值分解始终为实数,但非对称实矩阵的特征值分解可能为复数。

对于示例矩阵

$$A = [9 \quad 4 \\ 6 \quad 8 \\ 2 \quad 7];$$

完整的奇异值分解为

$$[U,S,V] = svd(A)$$

U =

S =

$$\begin{array}{ccc} 14.9359 & 0 \\ 0 & 5.1883 \\ 0 & 0 \end{array}$$

 $\mathbf{V} =$

可以验证 U*S*V' 在舍入误差界限内是否等于 A。对于此类小问题,精简分解只是略小一些。

$$[U,S,V] = svd(A,"econ")$$

U =

-0.6105 0.7174 -0.6646 -0.2336 -0.4308 -0.6563

S =

 $\begin{array}{ccc} 14.9359 & 0 \\ 0 & 5.1883 \end{array}$

V =

-0.6925 0.7214 -0.7214 -0.6925

同样, U*S*V' 在舍入误差界限内等于 A。

分批 SVD 计算

如果需要分解一个由大小相同的矩阵组成的大型矩阵集合,则用 svd 在循环中执行所有分解是低效的。在这种情况下,您可以将所有矩阵串联成一个多维数组,并使用 pagesvd 通过一次函数调用对所有数组页执行奇异值分解。

函数	用法
	使用 pagesvd 对多维数组的页执行奇异值分解。这是对大小相同的矩阵组成的大型集合执行 SVD 的高效方法。

例如,假设有一个包含三个 2×2 矩阵的集合。使用 cat 函数将这些矩阵串联成一个 2×2×3 数组。

A = [0 -1; 1 0]; B = [-1 0; 0 -1]; C = [0 1; -1 0]; X = cat(3,A,B,C);

现在,使用 pagesvd 同时执行三个分解。

[U,S,V] = pagesvd(X);

对于 X 的每页,输出 U 、S 和 V 中都有对应的页。例如,矩阵 A 位于 X 的第一页上,其分解由 U(:,:,1)*S(:,:,1)*V(:,:,1)! 给出。

低秩 SVD 逼近

对于大型稀疏矩阵,使用 svd 计算所有奇异值和奇异向量并不始终可行。例如,如果您只需知道几个最大的奇异值,那么计算一个 5000×5000 稀疏矩阵的所有奇异值会带来额外的工作。

在只需要一部分奇异值和奇异向量的情况下, svds 和 svdsketch 函数优先于 svd。

函数	用法
svds	使用 svds 计算 SVD 的 k 秩逼近。您可以指定一部分奇异值应为最大值、最小值还是最接近特定数字的值。svds 通常计算最可能的 k 秩逼近。
svdsketch	使用 svdsketch 计算输入矩阵的满足指定容差的部分 SVD。svds 要求您指定秩,而 svdsketch 根据指定的容差以自适应方式确定矩阵草图的秩。svdsketch 最终使用的 k 秩逼近满足容差,但不同于 svds,它无法保证是最佳的。

例如,假设有一个密度约为 30% 的 1000×1000 随机稀疏矩阵。

n = 1000;

A = sprand(n,n,0.3);

最大的六个奇异值为

S = svds(A)

S =

130.2184

16.4358

16.4119

16.3688

16.3242

16.2838

此外,最小的六个奇异值为

S = svds(A,6,"smallest")

S =

0.0740

0.0574

0.0388

 $0.0282 \\ 0.0131$

0.0066

对于可作为满矩阵 full(A) 载入内存的较小矩阵,使用 svd(full(A)) 的速度可能仍快于使用 svds 或 svdsketch。但对于确实很大的稀疏矩阵,就有必要使用 svds 或 svdsketch。

非线性函数的运算

本节内容

"函数句柄" (第 3-32 页) "复合函数" (第 3-32 页)

函数句柄

可以创建任何 MATLAB 函数的句柄,并将该句柄用作引用该函数的一种方式。函数句柄通常在参数列表中传递给其他函数,然后,其他函数可以使用该句柄执行或计算相应函数。

在 MATLAB 中,使用 at 符号 @ 在函数名称前面构造函数句柄。下面的示例为 sin 函数创建一个函数句柄,并将其赋值给变量 fhandle:

fhandle = @sin;

您可以按照使用函数名称调用函数的相同方式,通过函数句柄来调用函数。语法为

fhandle(arg1, arg2, ...);

下面显示的函数 plot_fhandle 接收函数句柄和数据,使用函数句柄生成 y 轴数据,并对数据绘图:

function plot_fhandle(fhandle, data) plot(data, fhandle(data))

当调用带有如下 sin 函数的句柄和参数的 plot_fhandle 时,得到的计算结果会生成正弦波图:

plot_fhandle(@sin, -pi:0.01:pi)

复合函数

名为"复合函数"的函数类与标量变量的非线性函数配合使用。也就是说,某个函数基于另一个函数运行。复合函数包括

- 找零
- 优化
- 求积
- 常微分方程

MATLAB 通过定义非线性函数的文件来表示非线性函数。例如,以下是 matlab/demos 文件夹中的 humps 函数的简化版本:

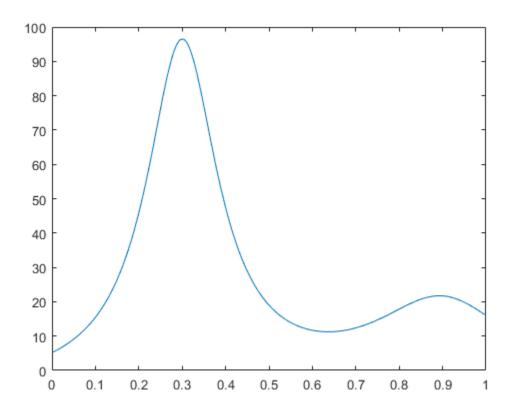
```
function y = humps(x)
y = 1./((x-.3).^2 + .01) + 1./((x-.9).^2 + .04) - 6;
```

使用以下命令在区间 $0 \le x \le 1$ 中的一组点处计算此函数

```
x = 0:.002:1;
y = humps(x);
```

然后,使用以下命令绘制该函数

plot(x,y)



此图形表明,该函数在 x = 0.6 附近具有局部最小值。函数 fminsearch 会求最小值,即此函数采用此最小值时的 x 值。fminsearch 的第一个参数是此函数达到最小值时的函数句柄,第二个参数是猜测的最小值的大致位置:

p = fminsearch(@humps,.5)
p =
 0.6370

要在极小值处计算此函数,

humps(p)

ans = 11.2528

数值分析采用求积和积分来区别定积分的近似数值和常微分方程的数值积分。MATLAB 正交例程包括 quad 和 quadl。语句

Q = quadl(@humps,0,1)

计算此图形中曲线下方的面积, 并生成

 $\mathbf{Q} = 29.8583$

最后,此图形表明该函数在此区间中永远不会为零。这样,如果使用

z = fzero(@humps,.5)

搜索零,则会在此区间外部找到一个零:

z = -0.1316

多变量数据

MATLAB 对多变量统计数据使用列向分析。数据集中的每一列都代表一个变量,每一行都代表一个观测值。第 (i,j) 个元素是第 j 个变量的第 i 个观测值。

例如, 设想一个具有三个变量的数据集:

- 心率
- 体重
- 每周锻炼小时数

对于五个观测值, 最终数组可能如下所示

134	3.2
201	3.5
156	7.1
148	2.4
170	1.2]
	201 156 148

第一行包含患者 1 的心率、体重和锻炼小时数,第二行包含患者 2 的数据,依此类推。现在,您可以对此数据集应用多个 MATLAB 数据分析函数:例如,要获取每一列的平均差和标准差,请使用

mu = mean(D), sigma = std(D)

```
mu = 75.8 161.8 3.48

sigma = 5.6303 25.499 2.2107
```

有关 MATLAB 中提供的数据分析函数的列表,请键入

help datafun

如果您可以使用 Statistics and Machine Learning Toolbox™ 软件,请键入

help stats

图形

- "基本绘图函数" (第 4-2 页)
- "创建网格图和曲面图" (第 4-15 页)
- "显示图像" (第 4-20 页)
- "打印图形" (第 4-23 页)
- "处理图形对象" (第 4-25 页)

基本绘图函数

本节内容

```
"创建绘图"
         (第 4-2 页)
```

"在一幅图形中绘制多个数据集" (第 4-4 页)

"指定线型和颜色" (第 4-6 页)

"绘制线条和标记" (第 4-7 页)

"绘制虚数和复数数据" (第 4-8 页)

"将绘图添加到现有图形中" (第 4-9 页)

"图窗窗口" (第 4-10 页)

"在一幅图窗中显示多个绘图" (第 4-11 页)

"控制轴" (第 4-11 页)

"添加轴标签和标题" (第 4-13 页)

"保存图窗" (第 4-13 页)

"保存工作区数据" (第 4-14 页)

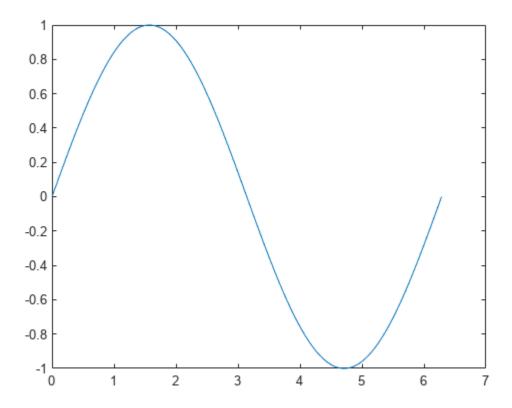
创建绘图

plot 函数具有不同的形式,具体取决于输入参数。

- 如果 y 是向量, plot(y) 会生成 y 元素与 y 元素索引的分段线图。
- 如果有两个向量被指定为参数, plot(x,y) 会生成 y 对 x 的图形。

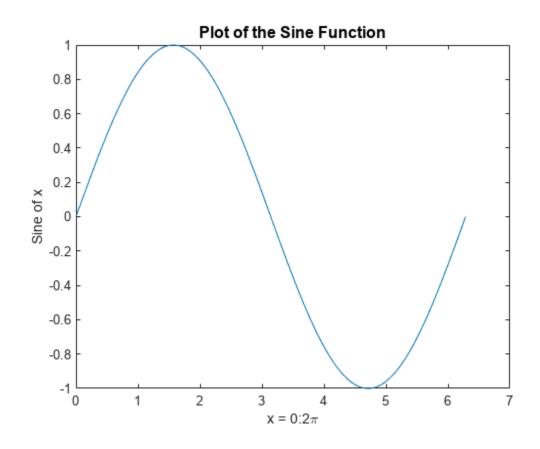
使用冒号运算符创建从 $0 \ge 2\pi$ 的 x 值向量, 计算这些值的正弦, 并绘制结果。

```
x = 0:pi/100:2*pi;
y = \sin(x);
plot(x,y)
```



添加轴标签和标题。xlabel 函数中的字符 \pi 用于创建符号 π 。title 函数中的 FontSize 属性用于增大标题所用的文本大小。

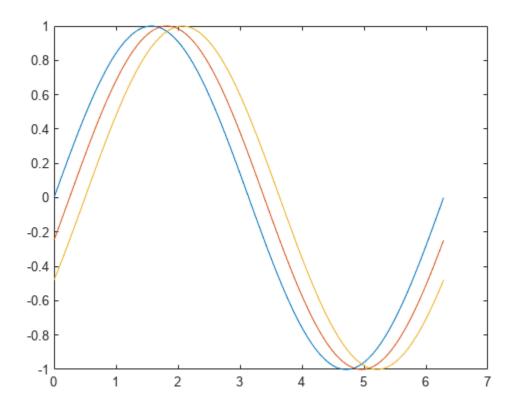
```
xlabel('x = 0:2\pi')
ylabel('Sine of x')
title('Plot of the Sine Function', 'FontSize', 12)
```



在一幅图形中绘制多个数据集

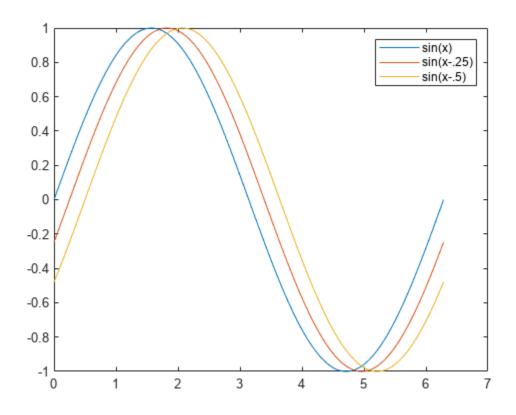
通过调用一次 plot,多个 x-y 对组参数会创建多幅图形。MATLAB® 对每条线使用不同的颜色。 例如,下列语句绘制 x 的三个相关函数:

```
x = 0:pi/100:2*pi;
y = \sin(x);
y2 = \sin(x-.25);
y3 = \sin(x-.5);
plot(x,y,x,y2,x,y3)
```



legend 函数提供了一种标识各条线的简单方法:

 $\mathbf{legend('sin(x)','sin(x-.25)','sin(x-.5)')}$



指定线型和颜色

使用 plot 命令绘制数据时,可以指定颜色、线型和标记(例如加号或圆圈):

plot(x,y,'color_style_marker')

color_style_marker 包含一至四个字符(包括在单引号中),这些字符根据颜色、线型和标记类型构造 而成。例如,

plot(x,y,'r:+')

使用红色点线绘制数据,并在每个数据点处放置一个+标记。

color_style_marker 由下列元素的组合形式构成。

类型	值	含义
颜色	'c' 'm' 'y' 'r' 'g' 'b' 'w'	青蓝 品红 黄 红 绿 蓝 白 黑

类型	值	含义
线型	 	实线 虚线
	':' ''	点线 点划线
	无字符	没有线条
标记类型	'+'	加号
	'o'	空心圆 星 号
	'x'	生写 字母 x
	's'	空心正方形
	'd'	空心菱形
	'v'	空心上三角 空心下三角
	'>'	空心右三角
	'<'	空心左三角
	'p' 'h'	空心五角形
	无字符	空心六角形 无标记

绘制线条和标记

如果指定标记类型,但未指定线型,MATLAB 仅使用标记创建图形,而不会创建线条。例如,

plot(x,y,'ks')

在每个数据点绘制黑色正方形,但不会使用线条连接标记。

语句

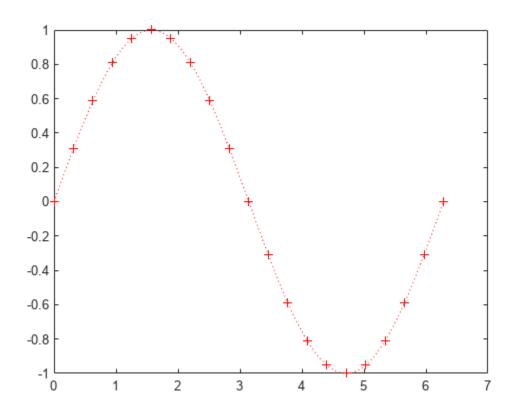
plot(x,y,'r:+')

绘制红色点线,并在每个数据点处放置加号标记。

在每十个数据点处放置标记

此示例展示如何使用比绘制线条所用的数据点更少的数据点来绘制标记。它使用点线图和标记图(分别采用不同数目的数据点)绘制两次数据图:

```
x1 = 0:pi/100:2*pi;
x2 = 0:pi/10:2*pi;
plot(x1,sin(x1),'r:',x2,sin(x2),'r+')
```



绘制虚数和复数数据

将多个复数值作为参数传递给 plot 时,MATLAB 会忽略虚部,但传递一个复数参数时除外。对于这一特 殊情况,该命令是绘制虚部对实部的图的一种快捷方式。因此,

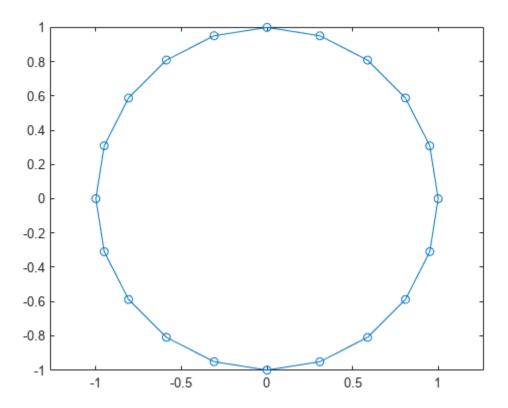
plot(Z)

其中 Z 是复数向量或矩阵,等效于

plot(real(Z),imag(Z))

下列语句将绘制一个具有 20 条边的多边形,并在各顶点处绘制一个小圆圈。

```
t = 0:pi/10:2*pi;
plot(exp(1i*t),'-o')
axis equal
```



axis equal 命令使 x 和 y 轴上的各刻度线增量的长度相同,这会使此绘图看起来更加圆润。

将绘图添加到现有图形中

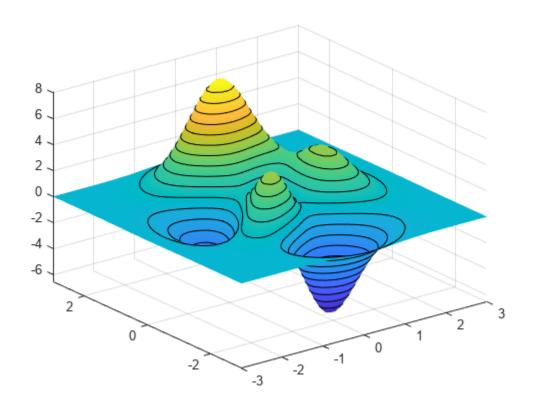
hold 命令用于将绘图添加到现有图形中。当键入

hold on

时,MATLAB 不会在您发出其他绘图命令时替换现有图形。MATLAB 而会将新图形与当前图形合并在一起。

例如,下列语句首先创建 peaks 函数的曲面图,然后叠加同一函数的等高线图:

```
[x,y,z] = peaks;
% Create surface plot
surf(x,y,z)
% Remove edge lines a smooth colors
shading interp
% Hold the current graph
hold on
% Add the contour graph to the peolor graph
contour3(x,y,z,20,'k')
% Return to default
hold off
```



图窗窗口

如果尚未创建图窗窗口,绘图函数会自动打开一个新的图窗窗口。如果打开了多个图窗窗口,MATLAB 将 使用指定为"当前图窗"(通常为上次使用的图窗)的图窗窗口。

要将现有图窗窗口设置为当前的图窗,请将指针放置在该窗口中并点击鼠标,或者也可以键入

figure(n)

其中 n 是图窗标题栏中的编号。

要打开新的图窗窗口并将其作为当前图窗,请键入

figure

清空图窗以便创建新绘图

如果某图窗已存在,大多数绘图命令会清除轴并使用此图窗创建新绘图。但是,这些命令不会重置图窗属 性,例如,背景色或颜色图。如果已在以前的绘图中设置图窗属性,您可以先使用带有 reset 选项的 clf 命令。

clf reset

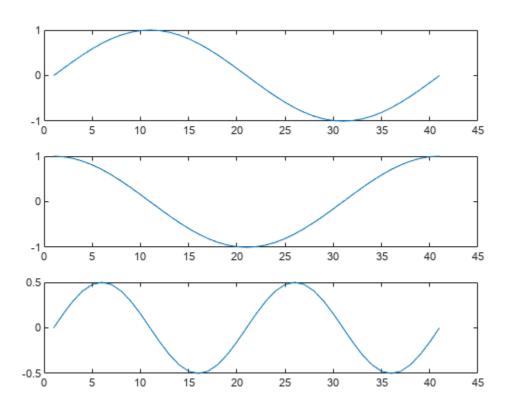
然后创建新绘图,以便将此图窗的属性恢复为其默认值。

在一幅图窗中显示多个绘图

subplot 命令用于在同一窗口中显示多个绘图,或者在同一张纸上打印这些绘图。键入以下命令 subplot(m,n,p)

会将图窗窗口划分为由多个小子图组成的 $\mathbf{m} \times \mathbf{n}$ 矩阵,并选择第 \mathbf{p} 个子图作为当前绘图。这些绘图沿图窗窗口的第一行进行编号,然后沿第二行进行编号,依此类推。例如,下列语句在图窗窗口的三个子区域中绘制数据:

x = 0:pi/20:2*pi; subplot(3,1,1); plot(sin(x)) subplot(3,1,2); plot(cos(x)) subplot(3,1,3); plot(sin(x).*cos(x))



控制轴

axis 命令提供了许多用于设置图形的比例、方向和纵横比的选项。

自动改变坐标轴范围和刻度线

默认情况下,MATLAB 查找数据的最大值和最小值,并选择坐标轴范围来覆盖此范围。MATLAB 选择范围和轴刻度线值,以便生成可清楚地显示数据的图形。但是,您可以使用 axis 或 xlim、ylim 与 zlim 函数来设置您自己的范围。

注意 更改一个轴的范围可能会导致其他范围也发生更改,从而更好地表示数据。要禁用自动范围设置,请输入 axis manual 命令。

设置坐标轴范围

```
axis 命令用于指定您自己的范围:
```

axis([xmin xmax ymin ymax])

或者对于三维图形,

axis([xmin xmax ymin ymax zmin zmax])

请使用命令

axis auto

重新启用自动范围选择。

设置轴纵横比

axis 命令还可用于指定多种预定义模式。例如,

axis square

使 x 轴和 y 轴的长度相同。

axis equal

使 x 轴和 y 轴上的各个刻度线增量的长度相同。这意味着

plot(exp(1i*(0:pi/10:2*pi)))

(后跟 axis square 或 axis equal) 会将椭圆形转变为正圆:

axis auto normal

将轴比例恢复为其默认的自动模式。

设置轴可见性

使用 axis 命令可以显示或隐藏轴。

axis on

显示轴。这是默认设置。

axis off

隐藏轴。

设置网格线

grid 命令启用和禁用网格线。语句

grid on

启用网格线,而

grid off

再次禁用网格线。

添加轴标签和标题

此示例展示如何创建图形并增强其显示:

- 定义 x 和 y 轴的范围 (axis)
- 对 x 和 y 轴添加标签 (xlabel、ylabel)
- 添加标题 (title)
- 在图形中添加文本附注 (text)

使用 LaTeX 表示法生成数学符号。

如需关于在图形中放置箭头、方框和圆圈的信息,请参阅 annotation 函数。

保存图窗

通过从**文件**菜单中选择**保存**来保存图窗。这会将图窗写入到文件,包括属性数据、图窗菜单、uicontrol 和 所有注释(即整个窗口)。如果这个图窗以前未被保存过,**另存为**对话框则会出现。此对话框提供用于将 图窗另存为 .fig 文件或将其导出为图形格式的选项。

如果以前保存过这个图窗,再次使用**保存**会以"静默"方式保存图窗,而**另存为**对话框不会出现。

要使用标准图形格式(例如,TIFF 或 JPG)保存图窗以便用于其他应用程序,请从**文件**菜单中选择**另存为** (如果需要其他控件,则选择**导出设置**)。

注意 当指定保存图窗的格式时,下次保存该图窗或新图窗时,将再次使用该文件格式。如果您不希望按以前使用的格式保存,请使用**另存为**,并确保将**保存类型**下拉菜单设置为要写入的文件类型。

也可通过以下命令行进行保存:

- 使用 savefig 函数将图窗及其包含的图形对象保存为 .fig 文件。
- 使用包含任意选项的 saveas 命令,以各种格式保存图窗。

加载图窗

您可以使用以下函数将图窗加载到 MATLAB:

- 使用 openfig 函数加载保存为 .fig 文件的图窗。
- 使用 imread 函数将标准图形文件(包括保存图窗)读入到 MATLAB 中。

生成 MATLAB 代码以便再建图窗

通过从图窗**文件**菜单中选择**生成代码**,可以生成用于再建图窗及其所包含的图形的 MATLAB 代码。如果您已使用绘图工具创建图形,并且希望使用相同或不同数据创建类似图形,此选项尤其有用。

保存工作区数据

通过从图窗文件菜单中选择将工作区另存为,可以保存工作区中的变量。使用图窗文件菜单中的导入数据 项可以重新加载保存的数据。MATLAB 支持多种数据文件格式,包括 MATLAB 数据文件,该数据文件的 扩展名为.mat。

创建网格图和曲面图

本节内容

"关于网格图和曲面图" (第 4-15 页)

"可视化包含两个变量的函数" (第 4-15 页)

关于网格图和曲面图

MATLAB 在 x-y 平面中的网格上方使用点的 z 坐标来定义曲面图,并使用直线连接相邻的点。mesh 和 surf 函数以三维形式显示曲面图。

- mesh 生成仅使用颜色来标记连接定义点的线条的线框曲面图。
- surf 使用颜色显示曲面图的连接线和面。

MATLAB 通过将索引的 z 数据值映射到图窗颜色图来标记曲面图颜色。

可视化包含两个变量的函数

要显示包含两个变量的函数 z = f(x,y),

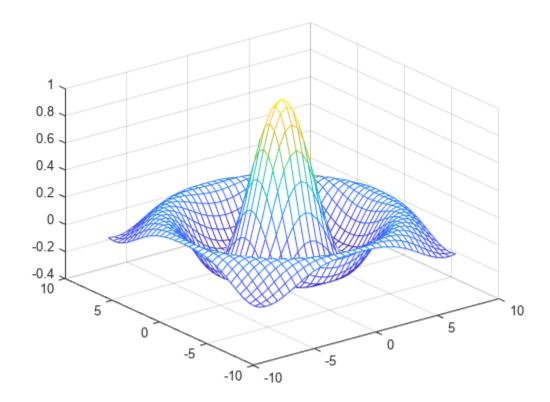
- 1 在此函数的域中, 生成分别由重复行和重复列组成的 X 和 Y 矩阵。
- 2 使用 X 和 Y 计算此函数并绘制其图形。

meshgrid 函数将一个向量或两个向量(即 x 和 y)指定的域转换为矩阵 X 和 Y,以便用于计算包含两个变量的函数。X 的行是向量 x 的副本,Y 的列是向量 y 的副本。

绘制 sinc 函数

此示例说明如何计算和绘制 x 和 y 方向之间的二维 sinc 函数 sin(R)/R。 R 是距原点的距离,原点在矩阵的中心。添加 eps(非常小的值)可防止网格图在 R=0 处的点出现孔洞。

[X,Y] = meshgrid(-8:.5:8); R = sqrt(X.^2 + Y.^2) + eps; Z = sin(R)./R; mesh(X,Y,Z)



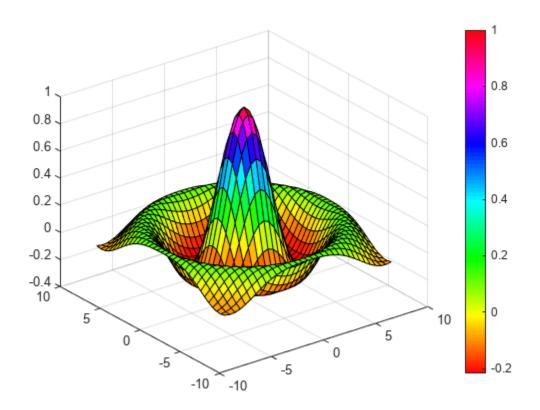
默认情况下,MATLAB® 使用当前颜色图来标记网格图颜色。

彩色曲面图

此示例说明如何将 sinc 函数绘制为曲面图,指定颜色图并添加颜色栏以便显示数据与颜色的映射。

曲面图与网格图相似, 但曲面图的矩形面是彩色的。各个面的颜色由 Z 的值及颜色图 (即颜色的有序列 表)决定。

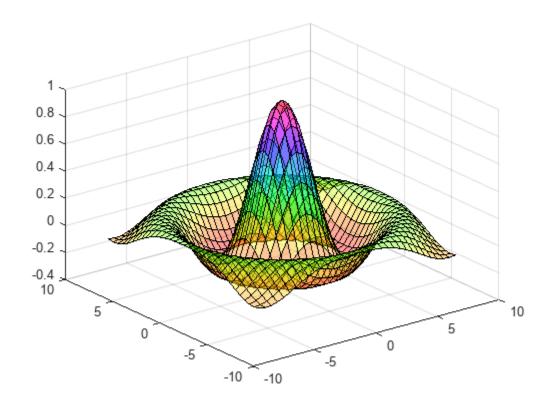
```
[X,Y] = meshgrid(-8:.5:8);
R = sqrt(X.^2 + Y.^2) + eps;
Z = \sin(R)./R;
surf(X,Y,Z)
colormap hsv
colorbar
```



将曲面图设置为透明

此示例展示如何将曲面图的面设置为不同透明度。透明度(称为 alpha 值)可以针对整个对象进行指定,也可以基于 alphamap(其作用方式与颜色图类似)进行指定。

[X,Y] = meshgrid(-8:.5:8); R = sqrt(X.^2 + Y.^2) + eps; Z = sin(R)./R; surf(X,Y,Z) colormap hsv alpha(.4)

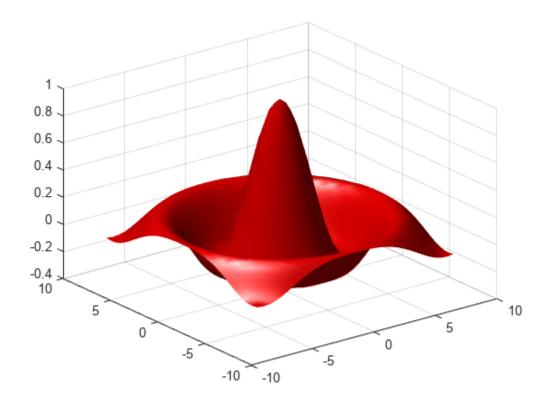


MATLAB® 显示一个面 alpha 值为 0.4 的曲面。Alpha 值的范围介于 0(完全透明)和 1(不透明)之 间。

使用灯光照亮曲面图

本示例展示的曲面图与前面示例所用的曲面图相同,但将其设置为红色,并删除了网格线。然后会在"相 机" (相机即为您观察曲面图所处的空间位置) 左侧添加一个灯光对象:

```
[X,Y] = meshgrid(-8:.5:8);
R = sqrt(X.^2 + Y.^2) + eps;
Z = \sin(R)./R;
surf(X,Y,Z,'FaceColor','red','EdgeColor','none')
camlight left;
lighting phong
```



光照是使用定向光源照亮对象的技术。在特定情况下,此技术能够更清楚地显示曲面图形状的细微差异。 光照还可用于增添三维图形的真实感。

操作曲面图

图窗工具栏和相机工具栏提供了以交互方式浏览三维图形的方法。通过从图窗**视图**菜单中选择**相机工具栏**可以显示相机工具栏。

下图显示选择了三维旋转工具的两个工具栏。



这些工具使您能围绕曲面图对象移动相机、缩放、添加光照并执行其他查看操作,而不需执行其他命令。

显示图像

本节内容

"图像数据" (第 4-20 页)

"读取和写入图像" (第 4-21 页)

图像数据

您可以将二维数值数组显示为图像。在图像中,数组元素决定了图像的亮度或颜色。例如,加载一个图像 数组及其颜色图:

load durer

whos

Name Size **Bytes Class**

X 648x509 2638656 double array caption 2x28 112 char array 128x3 3072 double array map

加载文件 durer.mat,向工作区添加三个变量。数组 X 是一个 648×509 矩阵,map 是作为此图像的颜 色图的 128×3 数组。

MAT 文件 (例如 durer.mat) 是用于提供保存 MATLAB 变量的方法的二进制文件。

X 的元素是介于 1 和 128 之间的整数,用作颜色图 map 的索引。要显示图像,请使用 imshow 函数:

imshow(X,map)

重新生成阿尔布雷特•丢勒的蚀刻板画。



读取和写入图像

使用 imread 函数可以读取标准图像文件(TIFF、JPEG、PNG 等)。imread 返回的数据类型取决于读取的图像类型。

使用 imwrite 函数可以将 MATLAB 数据写入到各种标准图像格式。

打印图形

本节内容

"打印概述" (第 4-23 页)

"从"文件"菜单打印" (第 4-23 页)

"将图窗导出到图形文件" (第 4-23 页)

"使用 Print 命令" (第 4-23 页)

打印概述

可以在与计算机连接的打印机上直接打印 MATLAB 图窗,也可以将图窗导出到 MATLAB 支持的某种标准图形文件格式。打印和导出图窗有两种方法:

- 使用文件菜单下的打印、打印预览或导出设置 GUI 选项。
- 使用 print 命令即可通过命令行来打印或导出图窗。

使用 print 命令可以更好地控制驱动程序和文件格式。使用"打印预览"对话框可以更好地控制图窗大小、比例、位置和页面标题。

从"文件"菜单打印

文件菜单下包含两个与打印相关的菜单选项:

- **打印预览**选项可显示一个对话框,用于在预览输出页面时设置要打印的图窗的布局和图窗样式,您可以 从此对话框打印图窗。此对话框包含以前包含在"页面设置"对话框中的选项。
- 打印选项可显示一个对话框,用于选择打印机、选择标准打印选项和打印图窗。

使用**打印预览**可以确定打印输出是否符合您的要求。点击"打印预览"对话框上的**帮助**按钮将显示如何设置页面的信息。

将图窗导出到图形文件

文件菜单中的**导出设置**选项可打开一个 GUI,用于设置要保存为图形文件的图窗的文本大小、字体和样式等图形特征。"导出设置"对话框用于定义和应用模板以便自定义和标准化输出。设置之后,您可以将图窗导出为多种标准图形文件格式,例如 EPS、PNG 和 TIFF。

使用 Print 命令

print 命令为发送给打印机的输出类型提供了更大灵活性,并且允许您通过函数和脚本文件来控制打印。结果可以直接发送到默认打印机,也可以存储在特定的输出文件中。可以使用多种输出格式,包括 TIFF、JPEG 和 PNG。

例如,此语句将当前图窗窗口的内容作为 PNG 图形存储在名为 magicsquare.png 的文件中。

print -dpng magicsquare.png

要以屏幕上的图窗的同等大小保存图窗, 请使用下列语句:

set(gcf,'PaperPositionMode','auto') print -dpng -r0 magicsquare.png 要将同一图窗存储为 TIFF 文件 (分辨率为 200 dpi) ,请使用以下命令:

print -dtiff -r200 magicsquare.tiff

如果在命令行中键入 print

print

将在默认打印机上打印当前图窗。

处理图形对象

本节内容

"图形对象" (第 4-25 页)

"设置对象属性" (第 4-26 页)

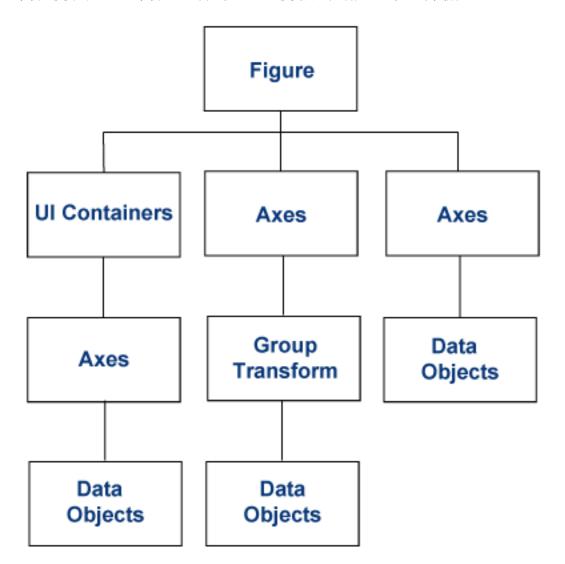
"用于处理对象的函数" (第 4-28 页)

"传递参数" (第 4-29 页)

"查找现有对象的句柄" (第 4-30 页)

图形对象

图形对象是用于显示图形的基本元素。这些对象按层次结构组织,如下图所示。



当调用绘图函数时,MATLAB 使用各种图形对象(例如,图窗窗口、轴、线条、文本等)创建图形。每个对象都具有一组固定的属性,您可以使用这些属性控制图形的行为和外观。

例如,以下语句使用变量 y 中的数据创建条形图,并设置关于条形显示方式的属性:

```
y = [75 91 105 123.5 131 150 179 203 226 249 281.5];
bar(y,'FaceColor','green','EdgeColor','black','LineWidth',1.5)
```

常见图形对象

当调用函数以便创建图形时,MATLAB 会创建图形对象的层次结构。例如,调用 plot 函数会创建下列图 形对象:

- 图窗 包含轴、工具栏、菜单等的窗口。
- 轴 包含表示数据的对象的坐标系
- 线条 代表传递至 plot 函数的数据值的线条。
- 文本 用于轴刻度线和可选标题及注释的标签。

不同类型的图形使用不同对象来表示数据。由于存在许多种图形,因此也存在许多数据对象类型。其中一 些用于一般用途,例如线条和矩形,还有一些是用于高度专业的用途,例如误差条、颜色栏和图例。

访问对象属性

绘图函数可返回用于创建图形的对象。例如,以下语句将创建一个图形并返回由 plot 函数创建的线条对 象:

```
x = 1:10;
y = x.^3;
h = plot(x,y);
```

使用 h 来设置线条对象的属性。例如,设置它的 Color 属性。

```
h.Color = 'red';
```

此外,也可以在调用绘图函数时指定线条属性。

```
h = plot(x,y,'Color','red');
```

可以查询线条属性以便查看当前值:

h.LineWidth

ans = 0.5000

查找对象的属性

要查看对象的属性, 请输入:

get(h)

MATLAB 将返回包含对象属性及当前值的列表。

要查看对象属性及可能的值信息,请输入:

set(h)

设置对象属性

可使用 set 函数一次设置多个属性。

设置现有对象的属性

要对多个对象的同一属性设置相同值,请使用 set 函数。

例如,下面的语句绘制一个 5×5 矩阵(创建五个线条对象,每列各一个),然后将 Marker 属性设置为正方形,并将 MarkerFaceColor 属性设置为绿色。

```
y = magic(5);
h = plot(y);
set(h,'Marker','s','MarkerFaceColor','g')
```

在本示例中,h 是一个包含五个句柄的向量,图形中的每个线条(共五个)各一个句柄。set 语句将所有线条的 Marker 和 MarkerFaceColor 属性设置为相同值。

要对一个对象设置属性值,请对句柄数组建立索引:

h(1).LineWidth = 2;

设置多个属性值

如果要将每个线条的属性设置为不同值,您可以使用元胞数组存储所有数据,并将其传递给 set 命令。例如,创建绘图并保存线条句柄:

```
figure
y = magic(5);
h = plot(y);
```

假定您要为每个线条添加不同标记,并使标记的面颜色与线条的颜色相同。您需要定义两个元胞数组,一个包含属性名,另一个包含属性所需的值。

prop_name 元胞数组包含两个元素:

```
prop_name(1) = {'Marker'};
prop_name(2) = {'MarkerFaceColor'};
```

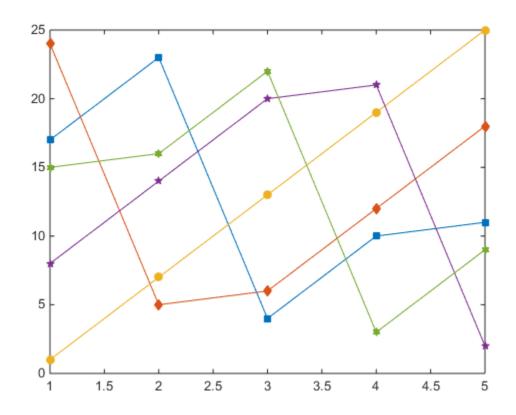
prop_values 元胞数组包含 10 个值: Marker 属性有 5 个值, MarkerFaceColor 属性有 5 个值。请注意,prop_values 是一个二维元胞数组。第一个维表示值应用于 h 中的哪个句柄,第二个维表示值分配给哪个属性:

```
prop_values(1,1) = {'s'};
prop_values(1,2) = {h(1).Color};
prop_values(2,1) = {'d'};
prop_values(2,2) = {h(2).Color};
prop_values(3,1) = {'o'};
prop_values(3,2) = {h(3).Color};
prop_values(4,1) = {'p'};
prop_values(4,2) = {h(4).Color};
prop_values(5,1) = {'h'};
prop_values(5,2) = {h(5).Color};
```

MarkerFaceColor 始终分配到相应线条的颜色的值(通过获取线条 Color 属性获得)。

定义元胞数组之后,调用 set 以便指定新属性值:

```
set(h,prop_name,prop_values)
```



用于处理对象的函数

此表列出了处理对象时常用的函数。

函数	用途		
allchild	查找指定对象的所有子级。		
ancestor	查找图形对象的前代。		
copyobj	复制图形对象。		
delete	删除对象。		
findall	查找所有图形对象(包括隐藏句柄)。		
findobj	查找具有指定属性值的对象的句柄。		
gca	返回当前轴的句柄。		
gcf	返回当前图窗的句柄。		
gco	返回当前对象的句柄。		
get	查询对象的属性的值。		
ishandle	如果值是有效对象句柄,则为 True。		
set	设置对象的属性的值。		

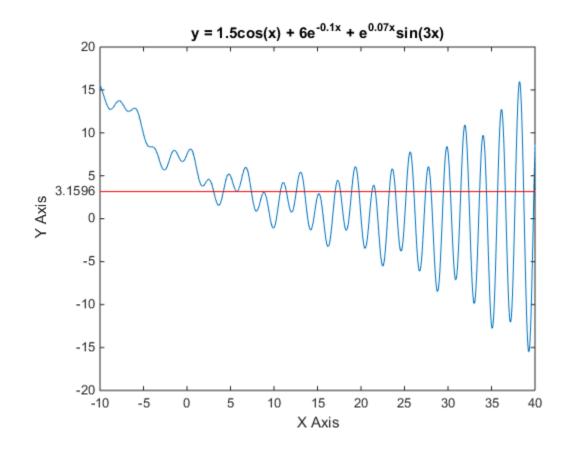
传递参数

可定义专用绘图函数以简化自定义图形的创建过程。通过定义函数,可以像 MATLAB 绘图函数一样传递参数。

下面的示例显示了一个 MATLAB 函数,该函数在输入参数 x 指定的范围中计算数学表达式,然后绘制结果。第二次调用 plot 函数会将结果的 mean 值绘制为红线。

该函数基于计算值修改 y 轴刻度。加入轴标签和标题后,即完成了图形自定义。

```
function plotFunc(x)
 y = 1.5*\cos(x) + 6*\exp(-.1*x) + \exp(.07*x).*\sin(3*x);
 ym = mean(y);
 hfig = figure('Name','Function and Mean');
 hax = axes('Parent',hfig);
 plot(hax,x,y)
 hold on
 plot(hax,[min(x) max(x)],[ym ym],'Color','red')
 hold off
 ylab = hax.YTick;
 new_ylab = sort([ylab, ym]);
 hax.YTick = new_ylab;
 title ('y = 1.5\cos(x) + 6e^{-6.1x} + e^{-6.07x}\sin(3x)')
 xlabel('X Axis')
 ylabel('Y Axis')
end
定义输入参数的值,并调用此函数。
x = -10:.005:40;
plotFunc(x)
```



查找现有对象的句柄

findobj 函数可用于通过搜索具有特定属性值的对象来获取图形对象的句柄。使用 findobj,您可以指定任何属性组合的值,这样可以方便地从多个对象中选取一个对象。此外,findobj 还可识别正则表达式。

查找特定类型的所有对象

由于所有对象都具有标识对象类型的 \mathbf{Type} 属性,因此可以查找特定对象类型的所有匹配项的句柄。例如,

```
h = findobj('Type','patch');
```

查找所有补片对象的句柄。

查找具有特定属性的对象

您可以指定多个属性以便缩小搜索范围。例如,

```
plot(rand(5),'r:')
h = findobj('Type','line','Color','r','LineStyle',':');
```

查找所有红色点线的句柄。

h =

5x1 Line array:

Line

Line

Line

Line Line

限制搜索范围

通过将起始图窗或轴的句柄作为传递的第一个参数,您可以在对象层次结构中指定起点。例如,

 $h = findobj(gca, 'Type', 'text', 'String', '\pi/2');$

仅在当前坐标区中查找 π/2。

编程

- "控制流" (第 5-2 页)
- "脚本和函数" (第 5-7 页)

控制流

```
本节内容

"条件控制 - if、else、switch" (第 5-2 页)

"循环控制 - for、while、continue、break" (第 5-4 页)

"程序终止 - return" (第 5-5 页)

"向量化" (第 5-6 页)

"预分配" (第 5-6 页)
```

条件控制 - if、else、switch

条件语句可用于在运行时选择要执行的代码块。最简单的条件语句为 if 语句。例如:

```
% Generate a random number
a = randi(100, 1);
% If it is even, divide by 2
if rem(a, 2) == 0
  disp('a is even')
  b = a/2;
end
通过使用可选关键字 elseif 或 else, if 语句可以包含备用选项。例如:
a = randi(100, 1);
if a < 30
  disp('small')
elseif a < 80
  disp('medium')
else
  disp('large')
end
再者, 当您希望针对一组已知值测试相等性时, 请使用 switch 语句。例如:
[dayNum, dayString] = weekday(date, 'long', 'en_US');
switch dayString
 case 'Monday'
   disp('Start of the work week')
 case 'Tuesday'
   disp('Day 2')
 case 'Wednesday'
   disp('Day 3')
 case 'Thursday'
   disp('Day 4')
 case 'Friday'
   disp('Last day of the work week')
 otherwise
   disp('Weekend!')
end
```

对于 if 和 switch, MATLAB 执行与第一个 true 条件相对应的代码,然后退出该代码块。每个条件语句都需要 end 关键字。

一般而言,如果您具有多个可能的离散已知值,读取 switch 语句比读取 if 语句更容易。但是,无法测试 switch 和 case 值之间的不相等性。例如,无法使用 switch 实现以下类型的条件:

yourNumber = input('Enter a number: ');

```
if yourNumber < 0
    disp('Negative')
elseif yourNumber > 0
    disp('Positive')
else
    disp('Zero')
end
```

条件语句中的数组比较

了解如何将关系运算符和 if 语句用于矩阵非常重要。如果您希望检查两个变量之间的相等性,您可以使用 if A == B, ...

这是有效的 MATLAB 代码,并且当 A 和 B 为标量时,此代码会如期运行。但是,当 A 和 B 为矩阵时,用 A == B 不会测试二者是否相等,而会测试二者相等的位置;结果会生成另一个由 0 和 1 构成的矩阵,并显示元素与元素的相等性。

```
A = magic(4);

B = A;

B(1,1) = 0;

A == B

ans =

4×4 logical array

0 1 1 1

1 1 1 1

1 1 1 1

1 1 1 1
```

检查两个变量之间的相等性的正确方法是使用 isequal 函数:

if isequal(A, B), ...

isequal 返回 1(表示 true)或 0(表示 false)的标量逻辑值,而不会返回矩阵,因此能被用于 if 函数 计算表达式。通过使用上面的 A 和 B 矩阵,您可以获得

isequal(A,B)

ans =

logical

0

下面给出另一示例来重点介绍这一点。如果 A 和 B 为标量,下面的程序永远不会出现"意外状态"。但是对于大多数矩阵对(包括交换列的幻方矩阵),所有元素均不满足任何矩阵条件 A>B、A<B 或 A==B,因此将执行 else 子句:

循环控制 - for、while、continue、break

此部分涵盖为程序循环提供控制的 MATLAB 函数。

for

isempty all any

for 循环按预先确定的固定次数重复一组语句。匹配的 end 用于界定语句结尾:

```
for n = 3:32
    r(n) = rank(magic(n));
end
r
```

内部语句的终止分号禁止了循环中的重复输出,循环后的 r 显示最终结果。

最好对循环进行缩进处理以便于阅读,特别是使用嵌套循环时:

```
for i = 1:m
for j = 1:n
H(i,j) = 1/(i+j);
end
end
```

while

while 在逻辑条件的控制下将一组语句重复无限次。 匹配的 end 用于界定语句结尾。

下面是一个完整的程序,用于演示如何使用 while、if、else 和 end 来寻找区间对分法求多项式的零。

```
a = 0; fa = -Inf;
b = 3; fb = Inf;
while b-a > eps*b
x = (a+b)/2;
fx = x^3-2*x-5;
if sign(fx) == sign(fa)
a = x; fa = fx;
```

```
else
b = x; fb = fx;
end
end
x
结果生成多项式 x<sup>3</sup> - 2x - 5 的根,即
x =
2.09455148154233
```

在 if 语句部分中讨论的与矩阵比较相关的注意事项同样适用于 while 语句。

continue

continue 语句将控制传递给它所在的 for 循环或 while 循环的下一迭代,并跳过循环体中的任何其余语句。此道理同样适用于嵌套循环中的 continue 语句。也就是说,执行会从遇到 continue 语句的循环开头继续。

下面的示例演示的 magic.m 循环计算文件中的代码行数目的 continue 循环,并跳过所有空行和注释。continue 语句用于前进到 magic.m 中的下一行,而不会在遇到空行或注释行时增加行计数:

```
fid = fopen('magic.m','r');
count = 0;
while ~feof(fid)
    line = fgetl(fid);
    if isempty(line) || strncmp(line,'%',1) || ~ischar(line)
        continue
    end
    count = count + 1;
end
fprintf('%d lines\n',count);
fclose(fid);
```

break

break 语句用于提前从 for 循环或 while 循环中退出。在嵌套循环中,break 仅从最里面的循环退出。

下面对前述部分中的示例进行了改进。使用此 break 的优点是什么?

```
a = 0; fa = -Inf;
b = 3; fb = Inf;
while b-a > eps*b
    x = (a+b)/2;
    fx = x^3-2*x-5;
    if fx == 0
        break
    elseif sign(fx) == sign(fa)
        a = x; fa = fx;
    else
        b = x; fb = fx;
    end
end
x
```

程序终止 - return

此部分包含用于在程序运行完成之前终止程序的 MATLAB return 函数。

return

return 终止当前命令序列,并将控制权返回给调用函数或键盘。此外,return 还用于终止 keyboard 模式。被调用的函数通常在到达函数末尾时将控制权转交给调用它的函数。您可以在被调用的函数中插入一个 return 语句,以便强制提前终止并将控制权转交给调用函数。

向量化

提高 MATLAB 程序的运行速度的一种方法是向量化构造程序时所使用的算法。其他编程语言可使用 for 循环或 DO 循环,而 MATLAB 可使用向量或矩阵运算。下面提供了一个与创建算法表相关的简单示例:

```
      x = 0.01;

      y = log10(x);

      for k = 1:999

      x(k+1) = x(k) + 0.01;

      y(k+1) = log10(x(k+1));

      end

      相同代码段的向量化版本为

      x = .01:.01:10;

      y = log10(x);

      对于更复杂的代码,向量化选项并不总是这么明显。
```

预分配

如果无法向量化某段代码,可以通过预分配存储输出结果的任何向量或数组来提高 for 循环的运行速度。例如,此代码使用函数 zeros 来预分配在 for 循环中创建的向量。这显著提高了 for 循环的执行速度:

```
r = zeros(32,1);
for n = 1:32
r(n) = rank(magic(n));
end
```

如果未经过上述示例中的预分配,MATLAB 解释器会在每次遍历循环时将 ${f r}$ 向量增大一个元素。向量预分配避免了此步骤,并提高了执行速度。

脚本和函数

本节内容

"概述" (第 5-7 页)

"脚本" (第 5-7 页)

"函数" (第 5-8 页)

"函数类型" (第 5-9 页)

"全局变量" (第 5-10 页)

"命令与函数语法" (第 5-11 页)

概述

MATLAB 提供了一个强大的编程语言和交互式计算环境。您可以使用此语言在 MATLAB 命令行中一次输入一个命令,也可以向某个文件写入一系列命令,按照执行任何 MATLAB 函数的相同方式来执行这些命令。使用 MATLAB 编辑器或任何其他文件编辑器可以创建您自己的函数文件。按照调用任何其他 MATLAB 函数或命令的相同方式来调用这些函数。

两种程序文件:

- 脚本,不接受输入参数或返回输出参数。它们处理工作区中的数据。
- 函数,可接受输入参数,并返回输出参数。内部变量是函数的局部变量。

如果您是新 MATLAB 程序员,您只需在当前文件夹中创建您希望尝试的程序文件。当您创建的文件越来越 多时,您可能希望将这些文件组织到其他文件夹和个人工具箱,以便将其添加到您的 MATLAB 搜索路径 中。

如果您复制多个函数名称,MATLAB 会执行在搜索路径中显示的第一个函数。

要查看程序文件(例如, myfunction.m)的内容, 请使用

type myfunction

脚本

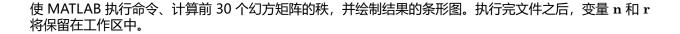
当调用脚本时,MATLAB 仅执行在文件中找到的命令。脚本可以处理工作区中的现有数据,也可以创建要在其中运行脚本的新数据。尽管脚本不会返回输出参数,其创建的任何变量都会保留在工作区中,以便在后续计算中使用。此外,脚本可以使用 plot 等函数生成图形输出。

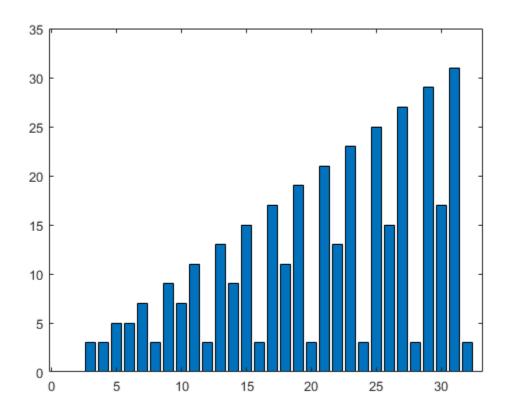
例如,创建一个名为 magicrank.m 的文件,该文件包含下列 MATLAB 命令:

```
% Investigate the rank of magic squares
r = zeros(1,32);
for n = 3:32
r(n) = rank(magic(n));
end
bar(r)
```

键入语句

magicrank





函数

函数是可接受输入参数并返回输出参数的文件。文件名和函数名称应当相同。函数处理其自己的工作区中的变量,此工作区不同于您在 MATLAB 命令提示符下访问的工作区。

rank 提供了一个很好的示例。文件 rank.m 位于文件夹

toolbox/matlab/matfun

您可以使用以下命令查看文件

type rank

下面列出了此文件:

function r = rank(A,tol)

- % RANK Matrix rank.
- % RANK(A) provides an estimate of the number of linearly
- % independent rows or columns of a matrix A.
- % RANK(A,tol) is the number of singular values of A
- % that are larger than tol.
- % RANK(A) uses the default tol = max(size(A)) * norm(A) * eps.

s = svd(A);

```
if nargin==1
  tol = max(size(A)') * max(s) * eps;
end
r = sum(s > tol);
```

函数的第一行以关键字 function 开头。它提供函数名称和参数顺序。本示例中具有两个输入参数和一个输出参数。

第一个空行或可执行代码行前面的后续几个行是提供帮助文本的注释行。当键入以下命令时,会输出这些 行

help rank

帮助文本的第一行是 H1 行, 当对文件夹使用 lookfor 命令或请求 help 时, MATLAB 会显示此行。

文件的其余部分是用于定义函数的可执行 MATLAB 代码。函数体中引入的变量 s 以及第一行中的变量(即r、A 和 tol)均为函数的局部变量;他们不同于 MATLAB 工作区中的任何变量。

本示例演示了 MATLAB 函数不同于其他编程语言函数的一个方面,即可变数目的参数。可以采用多种不同方法使用 rank 函数:

```
rank(A)
r = rank(A)
r = rank(A,1.e-6)
```

许多函数都按此方式运行。如果未提供输出参数,结果会存储在 ans 中。如果未提供第二个输入参数,此函数会运用默认值进行计算。函数体中提供了两个名为 nargin 和 nargout 的数量,用于告知与函数的每次特定使用相关的输入和输出参数的数目。rank 函数使用 nargin,而不需要使用 nargout。

函数类型

MATLAB 提供了多种不同函数用于编程。

匿名函数

匿名函数是一种简单形式的 MATLAB 函数,该函数在一个 MATLAB 语句中定义。它包含一个 MATLAB 表达式和任意数目的输入和输出参数。您可以直接在 MATLAB 命令行中定义匿名函数,也可以在函数或脚本中定义匿名函数。这样,您可以快速创建简单函数,而不必每次为函数创建文件。

根据表达式创建匿名函数的语法为

f = @(arglist)expression

下面的语句创建一个求某个数字的平方的匿名函数。当调用此函数时,MATLAB 会将您传入的值赋值给变量 x,然后在方程 x.^2 中使用 x:

```
sqr = @(x) x.^2;
```

要执行 sqr 函数,请键入

```
a = sqr(5)a =25
```

主函数和局部函数

任何非匿名函数必须在文件中定义。每个此类函数文件都包含一个必需的主函数(最先显示)和任意数目的局部函数(位于主函数后面)。主函数的作用域比局部函数更广。因此,主函数可以从定义这些函数的

文件外(例如,从 MATLAB 命令行或从其他文件的函数中)调用,而局部函数则没有此功能。局部函数仅 对其自己的文件中的主函数和其他局部函数可见。

"函数" (第 5-8 页) 部分中显示的 rank 函数就是一个主函数的示例。

私有函数

私有函数是一种主函数。其特有的特征是:仅对一组有限的其他函数可见。如果您希望限制对某个函数的 访问,或者当您选择不公开某个函数的实现时,此种函数非常有用。

私有函数位于带专有名称 private 的子文件夹中。它们是仅可在母文件夹中可见的函数。例如,假定文件 夹 newmath 位于 MATLAB 搜索路径中。newmath 的名为 private 子文件夹可包含只能供 newmath 中的函数调用的特定函数。

由于私有函数在父文件夹外部不可见,因此可以使用与其他文件夹中的函数相同的名称。如果您希望创建您自己的特定函数的版本,并在其他文件夹中保留原始函数,此功能非常有用。由于 MATLAB 在标准函数之前搜索私有函数,因此在查找名为 test.m 的非私有文件之前,它将查找名为 test.m 的私有函数。

嵌套函数

您可以在函数体中定义其他函数。这些函数称为外部函数中的嵌套函数。嵌套函数包含任何其他函数的任何或所有组成部分。在本示例中,函数 B 嵌套在函数 A 中:

```
function x = A(p1, p2)
...
B(p2)
function y = B(p3)
...
end
...
end
```

与其他函数一样,嵌套函数具有其自己的工作区,可用于存储函数所使用的变量。但是,它还可以访问其 嵌套在的所有函数的工作区。因此,举例来说,主函数赋值的变量可以由嵌套在主函数中的任意级别的函 数读取或覆盖。类似地,嵌套函数中赋值的变量可以由包含该函数的任何函数读取或被覆盖。

全局变量

如果您想要多个函数共享一个变量副本,只需在所有函数中将此变量声明为 global。如果您想要基础工作区访问此变量,请在命令行中执行相同操作。全局声明必须在函数中实际使用变量之前进行。全局变量名称使用大写字母有助于将其与其他变量区分开来,但这不是必需的。例如,在名为 falling.m 的文件创建一个新函数:

```
function h = falling(t)
global GRAVITY
h = 1/2*GRAVITY*t.^2;
然后,以交互方式输入语句
global GRAVITY
GRAVITY = 32;
y = falling((0:.1:5)');
```

通过上述两条全局语句,可以在函数内使用在命令提示符下赋值给 GRAVITY 的值。然后,您可以按交互方式修改 GRAVITY 并获取新解,而不必编辑任何文件。

命令与函数语法

您可以编写接受字符参数的 MATLAB 函数,而不必使用括号和引号。也就是说,MATLAB 将

foo a b c

解释为

foo('a','b','c')

但是, 当使用不带引号的命令格式时, MATLAB 无法返回输出参数。例如,

legend apples oranges

使用 apples 和 oranges 作为标签在绘图上创建图例。如果您想要 legend 命令返回其输出参数,必须使用带引号的格式:

[legh,objh] = legend('apples','oranges');

此外,如果其中任一参数不是字符向量,必须使用带引号的格式。

小心 虽然不带引号的命令语法非常方便,但在某些情况下可能会出现使用不当的情形,而 MATLAB 并不会产生错误信息。

在代码中构造字符参数

带引号的函数格式可用于在代码中构造字符参数。下面的示例处理多个数据文件,即 August1.dat、August2.dat 等。它使用函数 int2str, 该函数将整数转换为字符以便生成文件名:

for d = 1:31
 s = ['August' int2str(d) '.dat'];
 load(s)
 % Code to process the contents of the d-th file
end