

Python 和相关的包简介

Dengwen Zhou

控制与计算机工程学院

September 27, 2020

- ▶ 高级动态类型的多范式编程语言
- ▶ 几乎类似于伪代码
- ▶ 很少的几行代码可表达强大的思想, 又很易读

Basic data types I

Numbers: *Integers* and *floats* work as other languages:

```
1 x = 3
2 print(type(x)) # ==> <class 'int'>
3 print(x)       # ==> 3
4 print(x + 1)   # 加 ==> 4
5 print(x - 1)   # 减 ==> 2
6 print(x * 2)   # 乘 ==> 6
7 print(x ** 2)  # 指数 ==> 9
8 x += 1
9 print(x)      # ==> 4
10 x *= 2; print(x) # ==> 8
11 y = 2.5
12 print(type(y)) # ==> <class 'float'>
13 print(y, y + 1, y * 2, y ** 2) # ==> 2.5 3.5
    5.0 6.25
```

Basic data types II

- ▶ Python 没有单增 ($x++$) or 单减 ($x--$) 运算符
- ▶ Python 支持复数类型: $x + yj$, $3 + 6j$

Booleans: Python 布尔运算符用单词 (非 $\&\&$, $\|$ 等符号):

```
1 t = True
2 f = False
3 print(type(t)) # ==> <class 'bool'>
4 print(t and f) # 逻辑与 ==> False
5 print(t or f)  # 逻辑或 ==> True
6 print(not t)   # 逻辑非 ==> False
7 print(t != f)  # 逻辑异或 ==> True
```

Strings: Python has great support for strings:

Basic data types III

```
1 hello = 'hello' # 字符串可以使用单引号
2 world = "world" # 或双引号
3 print(hello) # ==> hello
4 print(len(hello)) # 字符串长度 ==> 5
5 hw = hello + ' ' + world # 字符串连接
6 print(hw) # ==> hello world
7 hw12 = '%s_%s_%d' % (hello, world, 12) #
    sprintf风格的字符串格式化
8 print(hw12) # ==> hello world 12
```

String objects have a bunch of *useful methods*; for example:

Basic data types IV

```
1 s = "hello"
2 print(s.capitalize()) # 字符串首字母大写 ==>
    Hello
3 print(s.upper()) # 字符串转换为大写 ==> HELLO
4 print(s.rjust(7)) # 右对齐字符串，并用空格填充
    ==> "  hello "
5 print(s.center(7)) # 字符串居中，并用空格填充
    ==> " hello "
6 print(s.replace('l', '(ell)')) # 一个子串替换
    另一个子串 ==> he(ell)(ell)o
7 print('  world '.strip()) # 删除前和尾部空格
    ==> "world"
```

Containers(容器)

Python includes several built-in *container* (容器) types:

- ▶ lists (表)...8
- ▶ dictionaries (字典)...12
- ▶ sets (集合)...15
- ▶ tuples (元组)...17

Lists (表) I

Python 表相当于数组, 但可调整大小, 及包含不同类型的元素:

```
1 xs = [3, 1, 2] # 创建一个表
2 print(xs, xs[2]) # ==> [3, 1, 2] 2
3 print(xs[-1]) # 负索引从表的末尾计数 ==> 2
4 xs[2] = 'foo' # 表可以包含不同类型的元素
5 print(xs) # ==> [3, 1, 'foo']
6 xs.append('bar') # 表尾添加一个新元素
7 print(xs) # ==> [3, 1, 'foo', 'bar']
8 x = xs.pop() # 删除并返回表的最后一个元素
9 print(x, xs) # ==> bar [3, 1, 'foo']
```

Slicing (切片): 访问子表 (*sublist*), 称之为切片 (*slicing*):

Lists (表) II

```
1  nums = list(range(5)) # range是创建整数表的内  
   置函数  
2  print(nums) # ==> [0,1,2,3,4]  
3  print(nums[2:4]) # 从索引2到4(不包括)的切片:  
   [2, 3]  
4  print(nums[2:]) # 从索引2到末尾的切片: [2,3,4]  
5  print(nums[:2]) # 从开始到索引2(不包含)的切片:  
   [0,1]  
6  print(nums[:]) # 整个表的切片: [0,1,2,3,4]  
7  print(nums[:-1]) # 切片索引可为负: [0,1,2,3]  
8  nums[2:4] = [8, 9] # 切片赋值为一个新子表  
9  print(nums) # ==> [0,1,8,9,4]
```

Loops (循环): 遍历表元素:

Lists (表) III

```
1 animals = ['cat', 'dog', 'monkey']
2 for animal in animals:
3     print(animal)
4 # 分行打印: "cat", "dog", 和 "monkey"
```

List comprehensions (表解析):

```
1 nums = [0, 1, 2, 3, 4]
2 squares = []
3 for x in nums:
4     squares.append(x ** 2)
5 print(squares)    # ==> [0, 1, 4, 9, 16]
```

更简单的表解析代码:

Lists (表) IV

```
1 nums = [0, 1, 2, 3, 4]
2 squares = [x ** 2 for x in nums]
3 print(squares)    # ==> [0, 1, 4, 9, 16]
```

表解析可以包含条件:

```
1 nums = [0, 1, 2, 3, 4]
2 even_squares = [x ** 2 for x in nums if x % 2
                  == 0]
3 print(even_squares)    # ==> [0, 4, 16]
```

Dictionaries (字典) I

A dictionary stores (key, value) pairs, similar to a Map in Java:

```
1 d = { 'cat': 'cute', 'dog': 'furry' } # 创建一个
    有些数据的新字典
2 print(d['cat']) # 读一个字典项 ==> cute
3 print('cat' in d) # 检查字典是否有给定的键 ==>
    True
4 d['fish'] = 'wet' # 设置一个字典项
5 print(d['fish']) # ==> wet
6 # print(d['monkey']) # KeyError: 'monkey'不是d
    的键
7 print(d.get('monkey', 'N/A')) # 读有默认值的元
    素 ==> N/A
8 print(d.get('fish', 'N/A')) # 读有默认值的元素
    ==> wet
9 del d['fish'] # 删除字典元素
```

Dictionaries (字典) II

```
10 print(d.get('fish', 'N/A')) # "fish" 不再是键  
    ==> N/A
```

Loops (循环): It is easy to iterate over the *keys* in a *dictionary*:

```
1 d = {'person': 2, 'cat': 4, 'spider': 8}  
2 for animal in d:  
3     legs = d[animal]  
4     print('A%s has %d legs' % (animal, legs))  
5 # ==> "A person has 2 legs", "A cat has 4 legs"  
    "A spider has 8 legs"
```

访问 keys 和对应 values, use the **items** method:

Dictionaries (字典) III

```
1 d = {'person': 2, 'cat': 4, 'spider': 8}
2 for animal, legs in d.items():
3     print('A%s has %d legs' % (animal, legs))
4 # ==> "A person has 2 legs", "A cat has 4 legs"
      "A spider has 8 legs"
```

Dictionary comprehensions (字典解析): 类似于表解析, 易于构造字典:

```
1 nums = [0, 1, 2, 3, 4]
2 even_num_to_square = {x: x ** 2 for x in nums
                        if x % 2 == 0}
3 print(even_num_to_square) # ==> {0: 0, 2: 4,
      4: 16}
```

Sets (集合) I

A **set** is an unordered collection of distinct elements. A simple example:

```
1 animals = { 'cat', 'dog' }
2 print('cat' in animals) # 检查元素是否在集合中
    ==> True
3 print('fish' in animals) # ==> False
4 animals.add('fish') # 在集合中增加一个元素
5 print('fish' in animals) # ==> True
6 print(len(animals)) # 集合中元素数目 ==> 3
7 animals.add('cat') # 添加已在集合中的元素 ==>
    不执行任何操作
8 print(len(animals)) # ==> 3
9 animals.remove('cat') # 删除集合中一个元素
10 print(len(animals)) # ==> 2
```

Sets (集合) II

Loops (循环): 语法与表相同, 但是, 集合是无序的:

```
1 animals = { 'cat', 'dog', 'fish' }
2 for idx, animal in enumerate(animals):
3     print( '#%d: %s' % (idx + 1, animal))
4 # ==> "#1: fish", "#2: dog", "#3: cat"
```

Set comprehensions (集合解析): 类似表和字典, 利用集合解析, 易于构造集合:

```
1 from math import sqrt
2 nums = {int(sqrt(x)) for x in range(30)}
3 print(nums) # ==> {0, 1, 2, 3, 4, 5}
```

Tuples (元组)

A **tuple** is an (immutable 不可变的) ordered list of values, 与表类似. 最重要的差别: 元组可用作字典键和集合元素, 而表不可以

```
1 d = {(x, x + 1): x for x in range(10)}  # 用元  
   组键创建字典  
2 t = (5, 6)                             # 创建一个元组  
3 print(type(t))                         # ==> <class 'tuple'>  
4 print(d[t])                            # ==> 5  
5 print(d[(1, 2)])                       # ==> 1
```

Functions (函数) I

Python *functions* are defined using the **def** keyword:

```
1 def sign(x):  
2     if x > 0:  
3         return 'positive'  
4     elif x < 0:  
5         return 'negative'  
6     else:  
7         return 'zero'  
8  
9 for x in [-1, 0, 1]:  
10     print(sign(x))  
11 # ==> "negative", "zero", "positive"
```

允许可选的关键字参数:

Functions (函数) II

```
1 def hello(name, loud=False):
2     if loud:
3         print('HELLO, %s!' % name.upper())
4     else:
5         print('Hello, %s' % name)
6
7 hello('Bob') # ==> "Hello, Bob"
8 hello('Fred', loud=True) # ==> "HELLO, FRED!"
```

Classes (类)

```
1 class Greeter(object):
2
3     def __init__(self, name): # 构造器(函数)
4         self.name = name # 创建一个实例变量
5
6     def greet(self, loud=False): # 实例方法
7         if loud:
8             print('HELLO, %s!' % self.name.
9                   upper())
10        else:
11            print('Hello, %s' % self.name)
12
13 g = Greeter('Fred') # 构造一个 Greeter 类的实例
14 g.greet() # 调用实例方法 ==> Hello, Fred
15 g.greet(loud=True) # 调用实例方法 ==> HELLO,
16                     FRED!
```

- ▶ Python 科学计算的核心库
- ▶ 提供了高性能的多维数组对象, 以及数组处理工具
- ▶ 类似于 MATLAB

Arrays I

- ▶ A numpy array is a *grid of values*
- ▶ Numpy 数组元素类型均相同
- ▶ Numpy 数组元素的索引是非负整数元组
- ▶ Numpy 数组维数称为数组的秩 (rank)
- ▶ 整数元组给出数组形状 (即每一维的大小)

可用嵌套的 Python 表初始化 numpy 数组, 方括号访问元素:

Arrays II

```
1 import numpy as np
2
3 a = np.array([1, 2, 3]) # 创建一个1维数组
4 print(type(a)) # ==> <class 'numpy.ndarray'>
5 print(a.shape) # ==> (3,)
6 print(a[0], a[1], a[2]) # ==> 1 2 3
7 a[0] = 5 # 修改数组元素值
8 print(a) # ==> [5, 2, 3]
9
10 b = np.array([[1, 2, 3], [4, 5, 6]]) # 创建一个2维
    数组
11 print(b.shape) # ==> (2, 3)
12 print(b[0, 0], b[0, 1], b[1, 0]) # ==> 1 2 4
```

Numpy also provides many *functions* to create arrays:

Arrays III

```
1 import numpy as np
2
3 a = np.zeros((2,2)) # 创建零数组
4 print(a) # ==> [[ 0.  0.]
5             #      [ 0.  0.]]
6
7 b = np.ones((1,2)) # 创建1数组
8 print(b) # ==> [[ 1.  1.]]
9
10 c = np.full((2,2), 7) # 创建常量数组
11 print(c) # ==> [[ 7.  7.]
12             #      [ 7.  7.]]
13
14 d = np.eye(2) # 创建一个2x2的单位矩阵
15
```


Arrays IV

```
16 print(d) # ==> [[ 1.  0.]
17             #      [ 0.  1.]]
18
19 e = np.random.random((2,2)) # 创建随机值数组
20 print(e) # 可能 ==> [[ 0.91940167  0.08143941]
21             #      [ 0.68744134  0.87236687]]
```

Array indexing(数组索引) I

Numpy offers several ways to index into arrays.

Slicing(切片): 与 Python 表类似, 必须为数组的每个维指定一个切片:

```
1 import numpy as np
2
3 # 创建(3, 4)的2维数组
4 # [[ 1  2  3  4]
5 #   [ 5  6  7  8]
6 #   [ 9 10 11 12]]
7 a = np.array([[1,2,3,4], [5,6,7,8],
8               [9,10,11,12]])
9
10 # 切片提取数组前2行和1、2列 ==> (2, 2)的b数组:
11 # [[2 3]
12 #   [6 7]]
```

Array indexing(数组索引) II

```
12 b = a[:2, 1:3]
13
14 # 数组切片是相同数据视图，修改视图将修改原数组
15 print(a[0, 1])    # ==> 2
16 b[0, 0] = 77      # b[0, 0]与a[0, 1]数据相同
17 print(a[0, 1])    # ==> 77
```

整数索引与切片索引可以混合使用:

```
1 import numpy as np
2
3 # 创建(3, 4)的2维数组
4 # [[ 1  2  3  4]
5 #   [ 5  6  7  8]
6 #   [ 9 10 11 12]]
```

Array indexing(数组索引) III

```
7  a = np.array([[1,2,3,4], [5,6,7,8],  
8      [9,10,11,12]])  
9  # 两种方式访问数组中间行的数据  
10 # 整数索引与切片混合(比原数组维数低)  
11 # 仅使用切片(与原数组维数相同):  
12 row_r1 = a[1, :]      # a的第二行视图(1维)  
13 row_r2 = a[1:2, :]    # a的第二行视图(2维)  
14 print(row_r1, row_r1.shape) # ==> [5 6 7 8]  
    (4,)  
15 print(row_r2, row_r2.shape) # ==> [[5 6 7 8]]  
    (1, 4)  
16  
17 # 类似地, 访问数组的列  
18 col_r1 = a[:, 1]  
19 col_r2 = a[:, 1:2]
```

Array indexing(数组索引) IV

```
20 print(col_r1, col_r1.shape) # ==>[ 2  6 10]
    (3,)
21 print(col_r2, col_r2.shape) # ==>[[ 2]
22                                #      [ 6]
23                                #      [10]] (3, 1)
```

Integer array indexing(整数数组索引): 切片视图是与原数组维数相同的子数组, 整数数组索引可以构造任意数组:

```
1 import numpy as np
2
3 a = np.array([[1, 2], [3, 4], [5, 6]])
4
5 # 整数数组索引实例: 返回的数组形状为 (3,)
6 print(a[[0, 1, 2], [0, 1, 0]]) # ==> [1 4 5]
7
```

Array indexing(数组索引) V

```
8  # 上面的整数数组索引示例等价于：  
9  print(np.array([a[0, 0], a[1, 1], a[2, 0]]))  
    # ==> [1 4 5]  
10  
11 # 使用整数数组索引，可重用源数组中的相同元素：  
12 print(a[[0, 0], [1, 1]]) # ==> [2 2]  
13  
14 # 等价于前面的整数数组索引示例  
15 print(np.array([a[0, 1], a[0, 1]])) # ==> [2 2]
```

整数数组索引的一个技巧：选择或修改矩阵每一行中的一个元素：

Array indexing(数组索引) VI

```
1 import numpy as np
2
3 # 创建一个数组
4 a = np.array([[1, 2, 3], [4, 5, 6], [7, 8, 9], [10,
    11, 12]])
5
6 print(a) # ==> array([[ 1,  2,  3],
7                      [ 4,  5,  6],
8                      [ 7,  8,  9],
9                      [10, 11, 12]])
10
11 # 创建索引数组
12 b = np.array([0, 2, 0, 1])
13
14 # 使用b中的索引，从a的每一行中选择一个元素
```

Array indexing(数组索引) VII

```
15 print(a[np.arange(4), b]) # ==> [ 1  6  7 11]
16
17 # 使用b中的索引, 修改a的每一行中的一个元素
18 a[np.arange(4), b] += 10
19
20 print(a) # ==> array([[11,  2,  3],
21                    [ 4,  5, 16],
22                    [17,  8,  9],
23                    [10, 21, 12]])
```

Boolean array indexing(布尔数组索引): 布尔数组索引可选择数组的任意元素:

Array indexing(数组索引) VIII

```
1 import numpy as np
2
3 a = np.array([[1, 2], [3, 4], [5, 6]])
4
5 bool_idx = (a > 2) # 查找大于2的元素;
6                   # 返回一个布尔数组, 形状同a
7
8 print(bool_idx) # ==> [[False False]
9                      #      [ True  True]
10                     #      [ True  True]]
11
12 # 使用布尔数组索引构建1维数组,
13 # 由与bool_idx的True值对应的元素组成
14 print(a[bool_idx]) # ==> [3 4 5 6]
15
```

Array indexing(数组索引) IX

```
16 # 可在一个简洁的语句中完成上述所有操作:  
17 print(a[a > 2]) # ==> [3 4 5 6]
```

Datatypes

在创建数组时, Numpy 会猜测一个数据类型, 但是, 构造数组的函数, 包括一个可选参数, 以显式指定数据类型:

```
1 import numpy as np
2
3 x = np.array([1, 2]) # 让numpy选择数据类型
4 print(x.dtype) # ==> int64
5
6 x = np.array([1.0, 2.0]) # 让numpy选择数据类型
7 print(x.dtype) # ==> float64
8
9 x = np.array([1, 2], dtype=np.int64) # 强制使
   用特定数据类型
10 print(x.dtype) # ==> int64
```

Array math(数组数学) I

- ▶ 基本数学函数在数组上逐元素运算
- ▶ 可用作运算符重载和 numpy 模块中的函数

```
1 import numpy as np
2
3 x = np.array([[1,2],[3,4]], dtype=np.float64)
4 y = np.array([[5,6],[7,8]], dtype=np.float64)
5
6 # 逐元素求和，生成数组：
7 # [[ 6.0  8.0]
8 #  [10.0 12.0]]
9 print(x + y)
10 print(np.add(x, y))
11
12 # 逐元素减，生成数组：
```

Array math(数组数学) II

```
13 # [[ -4.0  -4.0]
14 # [-4.0  -4.0]]
15 print(x - y)
16 print(np.subtract(x, y))
17
18 # 逐元素乘，生成数组：
19 # [[ 5.0  12.0]
20 # [21.0  32.0]]
21 print(x * y)
22 print(np.multiply(x, y))
23
24 # 逐元素除，生成数组：
25 # [[ 0.2          0.33333333]
26 # [ 0.42857143  0.5          ]]
27 print(x / y)
28 print(np.divide(x, y))
```

Array math(数组数学) III

```
29
30 # 逐元素平方根, 生成数组:
31 # [[ 1.          1.41421356]
32 #   [ 1.73205081  2.          ]]
33 print(np.sqrt(x))
```

- ▶ ***** : **Numpy** ==> 逐元素乘; **Matlab** ==> 矩阵乘
- ▶ **Numpy** 中, **dot**函数 ==> 向量内积、向量与矩阵乘, 以及矩阵乘
- ▶ **dot**可用作 *Numpy* 函数, 也可用作数组对象的实例方法

Array math(数组数学) IV

```
1 import numpy as np
2
3 x = np.array([[1,2],[3,4]])
4 y = np.array([[5,6],[7,8]])
5
6 v = np.array([9,10])
7 w = np.array([11, 12])
8
9 # 向量内积 ==> 219
10 print(v.dot(w))
11 print(np.dot(v, w))
12
13 # 矩阵/向量积 ==> 1维数组 [29 67]
14 print(x.dot(v))
15 print(np.dot(x, v))
```

Array math(数组数学) V

```
16
17 # 矩阵/矩阵 ==> 2维数组
18 # [[19 22]
19 #  [43 50]]
20 print(x.dot(y))
21 print(np.dot(x, y))
```

Numpy 有许多有用的数组计算函数, 最有用的是 `sum`:

```
1 import numpy as np
2
3 x = np.array([[1,2],[3,4]])
4
5 print(np.sum(x)) # 计算所有元素的和 ==> 10
6 print(np.sum(x, axis=0)) # 求各列和 ==> [4 6]
7 print(np.sum(x, axis=1)) # 求各行和 ==> [3 7]
```

Array math(数组数学) VI

转置矩阵: 使用数组对象的 `T` 属性:

```
1 import numpy as np
2
3 x = np.array([[1,2], [3,4]])
4 print(x)      # ==> "[[1 2]
5                #      [3 4]]]"
6 print(x.T)    # ==> "[[1 3]
7                #      [2 4]]]"
8
9 # 1维数组转置, 不执行任何运算
10 v = np.array([1,2,3])
11 print(v)      # ==> [1 2 3]
12 print(v.T)    # ==> [1 2 3]
```

Broadcasting(广播) I

广播 (Broadcasting) 是一种强大的机制, 允许 numpy 对不同形状的数组运算

向矩阵的每一行添加一个常数向量:

```
1 import numpy as np
2
3 # 向量v添加到矩阵x的每一行, 结果存储在矩阵y中
4 x = np.array([[1,2,3], [4,5,6], [7,8,9], [10,
5               11, 12]])
6 v = np.array([1, 0, 1])
7
8 # 创建与x形状相同的空矩阵
9 y = np.empty_like(x)
10
11 # 通过显式循环, 向量v加到矩阵x的每一行
12 for i in range(4):
13     y[i, :] = x[i, :] + v
```

Broadcasting(广播) II

```
12 # 现在 y 是
13 # [[ 2  2  4]
14 #   [ 5  5  7]
15 #   [ 8  8 10]
16 #   [11 11 13]]
17 print(y)
```

Python 显式循环很慢, 替代实现:

```
1 import numpy as np
2
3 # 向量 v 添加到矩阵 x 的每一行, 结果存储在矩阵 y 中
4 x = np.array([[1, 2, 3], [4, 5, 6], [7, 8, 9], [10,
5               11, 12]])
5 v = np.array([1, 0, 1])
6 vv = np.tile(v, (4, 1))    # v 堆积 4 次
```

Broadcasting(广播) III

```
7  print(vv)           # ==> [[1 0 1]
8                        #      [1 0 1]
9                        #      [1 0 1]
10                       #      [1 0 1]]
11  y = x + vv          # x和vv逐元素相加
12  print(y)            # ==> [[ 2  2  4
13                        #      [ 5  5  7]
14                        #      [ 8  8 10]
15                        #      [11 11 13]]
```

Numpy 广播, 更好的实现:

Broadcasting(广播) IV

```
1 import numpy as np
2
3 # 向量v添加到矩阵x的每一行，结果存储在矩阵y中
4 x = np.array([[1,2,3], [4,5,6], [7,8,9], [10,
    11, 12]])
5 v = np.array([1, 0, 1])
6 y = x + v # 使用广播，v加到x的每一行
7 print(y)  # ==> [[ 2  2  4]
8                #      [ 5  5  7]
9                #      [ 8  8 10]
10               #      [11 11 13]]
```

广播规则:

Broadcasting(广播) V

- ▶ **规则 1:** 如果两个数组的维数不同, 则维数较小的数组, 在其形状左侧扩充尺寸为 1 的维度, 使之与维数较大的数组有相同的维数
- ▶ **规则 2:** 如果两个数组的形状在任何维度上都不匹配, 则将在该维度上拉伸形状等于 1 的数组, 以匹配另一个数组的形状
- ▶ **规则 3:** 如果两个数组尺寸在任何维度上都不相同, 且没有形状等于 1 的尺寸, 则不能广播 (也就是说, 两个数组对应的维度: 形状尺寸要么相等, 要么其中一个为 1)

支持广播的函数称为通用函数

广播的一些应用:

Broadcasting(广播) VI

```
1 import numpy as np
2
3 # 计算向量的外积
4 v = np.array([1,2,3]) # v的形状(3,)
5 w = np.array([4,5]) # w的形状(2,)
6 # 要计算外部乘积, 首先将v调整为形状(3,1)的列向
   # 量. 生成形状是(3,2)的v和w的外积:
7 # [[ 4  5]
8 #   [ 8 10]
9 #  [12 15]]
10 print(np.reshape(v, (3, 1)) * w)
11
12 # 向量加到矩阵的每一行
13 x = np.array([[1,2,3], [4,5,6]])
```

Broadcasting(广播) VII

```
14 #  $x$  的形状为  $(2,3)$ , 而  $v$  的形状为  $(3,)$ . 它们广播到  
     $(2,3)$ :  
15 #  $\begin{bmatrix} 2 & 4 & 6 \end{bmatrix}$   
16 #  $\begin{bmatrix} 5 & 7 & 9 \end{bmatrix}$   
17 print( $x + v$ )  
18  
19 # 向量加到矩阵的每一列  
20 #  $x$  的形状为  $(2,3)$ ,  $w$  的形状为  $(2,)$   
21 # 如果对  $x$  进行转置, 则它的形状为  $(3,2)$ , 广播结果  
    形状  $(3,2)$   
22 # 转置此结果  $\implies$  向量  $w$  被加到矩阵  $x$  每一列、形状  
    为  $(2, 3)$  的最终结果:  
23 #  $\begin{bmatrix} 5 & 6 & 7 \end{bmatrix}$   
24 #  $\begin{bmatrix} 9 & 10 & 11 \end{bmatrix}$   
25 print(( $x.T + w$ ).T)
```


Broadcasting(广播) VIII

```
26 # 另一个解决方案是将 $w$ 形状调整为 $(2,1)$ 的列向量，  
    可生成相同的输出  
27 print(x + np.reshape(w, (2, 1)))  
28  
29 # 矩阵乘以常数：  
30 #  $x$ 的形状为 $(2,3)$ ，产生以下数组：  
31 #  $\begin{bmatrix} 2 & 4 & 6 \\ 8 & 10 & 12 \end{bmatrix}$   
32 #  $\begin{bmatrix} 8 & 10 & 12 \end{bmatrix}$   
33 print(x * 2)
```

SciPy 提供了许多在 *numpy* 数组上运行的有用的函数

Image operations I

SciPy 提供了一些处理图像的基础函数:

```
1 from scipy.misc import imread, imsave,
   imresize
2
3 # JPEG图像读入numpy数组
4 img = imread('assets/cat.jpg')
5 print(img.dtype, img.shape) # ==> uint8 (400,
   248, 3)
6
7 # 可以使用不同的标量常数缩放每个颜色通道, 为图
   像着色. 图像形状为(400,248,3), 将其乘以形状
   (3,)的数组[1,0.95,0.9]
8 # numpy广播: 保持红色通道不变, 绿色和蓝色通道
   分别乘以0.95和0.9
9 img_tinted = img * [1, 0.95, 0.9]
10
```

Image operations II

```
11 # 着色图像的大小调整为  $300 \times 300$  像素
12 img_tinted = imresize(img_tinted, (300, 300))
13
14 # 着色图像写到磁盘
15 imsave('assets/cat_tinted.jpg', img_tinted)
```



MATLAB files

The functions `scipy.io.loadmat` and `scipy.io.savemat`, 可以读写 MATLAB 文件

Distance between points I

函数 `scipy.spatial.distance.pdist` 计算给定点集中, 所有点对之间的距离:

```
1 import numpy as np
2 from scipy.spatial.distance import pdist,
  squareform
3
4 # 创建以下数组, 每一行是2D空间中的一个点:
5 # [[0  1]
6 #   [1  0]
7 #   [2  0]]
8 x = np.array([[0, 1], [1, 0], [2, 0]])
9 print(x)
10
11 # 计算x所有行之间的欧几里得距离
12 #  $d[i, j]$  是  $x[i, :]$  和  $x[j, :]$  之间的欧几里得距离,  $d$ 
   数组如下:
```

Distance between points II

```
13 # [[ 0.          1.41421356  2.23606798]
14 #    [ 1.41421356  0.          1.          ]
15 #    [ 2.23606798  1.          0.          ]]
16 d = squareform(pdist(x, 'euclidean'))
17 print(d)
```

类似的函数 `scipy.spatial.distance.cdist`, 计算两个点集之间, 所有点对之间的距离

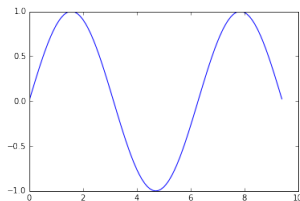
Matplotlib 是一个绘图库: *matplotlib.pyplot* 模块, 与 MATLAB 的绘图系统类似

Plotting I

`plot` 是 `matplotlib` 中最重要绘图函数，能够绘制 2D 数据:

```
1 import numpy as np
2 import matplotlib.pyplot as plt
3
4 # 计算正弦曲线上点的  $x$  和  $y$  坐标
5 x = np.arange(0, 3 * np.pi, 0.1)
6 y = np.sin(x)
7
8 # 用 matplotlib 绘制点
9 plt.plot(x, y)
10 plt.show() # 必须调用 plt.show() 才能显示图形
```

Plotting II

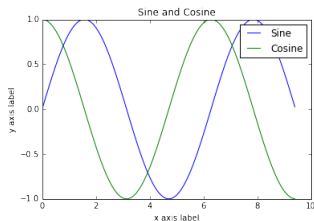


绘制多条线, 并添加标题、图例和轴标签:

```
1 import numpy as np
2 import matplotlib.pyplot as plt
3
4 # 计算正弦和余弦曲线上的点的x和y坐标
5 x = np.arange(0, 3 * np.pi, 0.1)
6 y_sin = np.sin(x)
7 y_cos = np.cos(x)
8
```

Plotting III

```
9  # 用 matplotlib 绘制点
10 plt.plot(x, y_sin)
11 plt.plot(x, y_cos)
12 plt.xlabel('x axis label')
13 plt.ylabel('y axis label')
14 plt.title('Sine and Cosine')
15 plt.legend(['Sine', 'Cosine'])
16 plt.show()
```

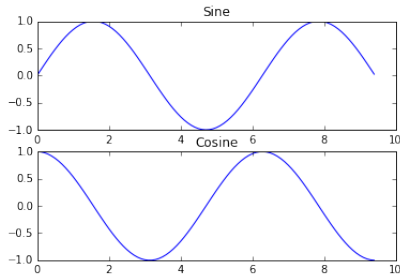


Subplots(子图) I

```
1 import numpy as np
2 import matplotlib.pyplot as plt
3
4 # 计算正弦和余弦曲线上的点的x和y坐标
5 x = np.arange(0, 3 * np.pi, 0.1)
6 y_sin = np.sin(x)
7 y_cos = np.cos(x)
8
9 # 设置高为2、宽为1的子图网格，并将第1个子图设置
  置为活动状态
10 plt.subplot(2, 1, 1)
11
12 # 绘制第一个子图
13 plt.plot(x, y_sin)
14 plt.title('Sine')
15
```

Subplots(子图) II

```
16 # 第2个子图设置为活动状态，并绘制第2个子图
17 plt.subplot(2, 1, 2)
18 plt.plot(x, y_cos)
19 plt.title('Cosine')
20
21 # 显示图形
22 plt.show()
```



Images I

```
1 import numpy as np
2 from scipy.misc import imread, imresize
3 import matplotlib.pyplot as plt
4
5 img = imread('assets/cat.jpg')
6 img_tinted = img * [1, 0.95, 0.9]
7
8 # 显示原图像
9 plt.subplot(1, 2, 1)
10 plt.imshow(img)
11
12 # 显示着色图像
13 plt.subplot(1, 2, 2)
14
15 # 显示图像之前, 图像显式转换为 uint8
16 plt.imshow(np.uint8(img_tinted))
```

Images II

17 `plt.show()`

