# Sprawozdanie

Wstęp do multimediów (WMM) Laboratorium #5: Laboratorium – Statystyczne właściwości obrazów

## **Autor:**

Łukasz Szydlik 331446

# **Rozpatrywany obraz:**





## Treść poleceń:

## Zad. 1 Dla obrazu monochromatycznego:

- 1. Obliczyć entropię obrazu wejściowego.
- 2. Wyznaczyć obraz różnicowy w taki sposób, że wartość każdego piksela zastępowana jest różnicą pomiędzy wartością tego piksela a wartością jego lewego sąsiada (kodowanie różnicowe /. predykcyjne). Dla pierwszego piksela w linii należy przyjąć wartość sąsiada równą 127 (środkowa wartość przedziału zmienności wartości pikseli). Wyświetlić obraz różnicowy. Wyznaczyć histogram obrazu różnicowego i porównać go z histogramem obrazu oryginalnego. Wyznaczyć entropię obrazu różnicowego i porównać ją z entropią obrazu oryginalnego. Uwaga: należy pamiętać, że wartości pikseli w obrazie różnicowym są z zakresu [-255; 255]!
- 3. Wyznaczyć współczynniki DWT korzystając z funkcji zamieszczonej w przykładowym skrypcie. Wyświetlić poszczególne pasma. Wyznaczyć histogramy i obliczyć entropię dla wszystkich pasm. Porównać wyniki (histogram, entropia) uzyskane dla poszczególnych pasm między sobą (czy któreś się wyróżniają i dlaczego?) oraz z wynikami uzyskanymi dla obrazu oryginalnego i obrazu różnicowego. Uwaga: należy pamiętać, że wartości w pasmach LH, HL i HH są z zakresu [-255, 255]! ➤ Obliczyć przepływność (liczbę bitów przypadającą na jeden piksel) dla obrazu skompresowanego koderem PNG (obraz wejściowy) i porównać ją z obliczonymi uprzednio entropiami obrazu oryginalnego, różnicowego i falokowego. Czy przepływność mniejsza od entropii oznacza, że zależność: Iśr ≥ H jest nieprawdziwa?

## Zad. 2 Dla obrazu barwnego:

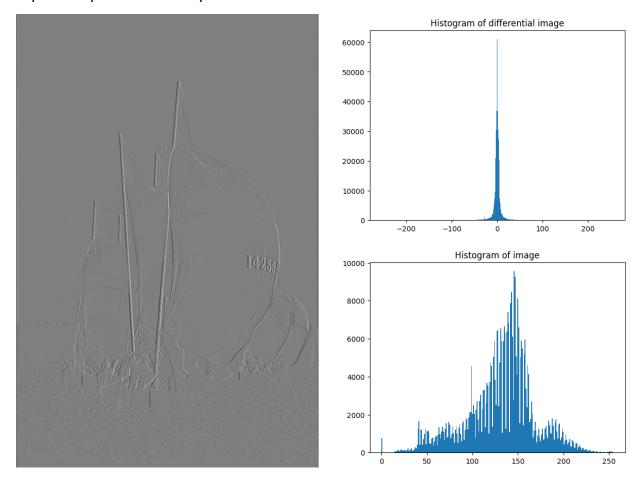
- 1. Obliczyć entropię dla składowych RGB barwnego obrazu testowego.
- 2. Dokonać konwersji z RGB do YUV i obliczyć entropię dla składowych YUV. Wyświetlić składowe RGB i YUV. Wyznaczyć histogramy dla wszystkich składowych RGB i YUV. Porównać wyniki uzyskane dla poszczególnych składowych. Czy dla składowych UV entropia jest mniejsza? Z czego ta mniejsza wartość może wynikać?
- 3. Wyznaczyć zależność zniekształcenia D od przepływności R (liczba bitów przypadającą na jeden piksel obrazu): D = f(R) tzw. krzywa R-D dla kodera JPEG. Regulacji stopnia kompresji (przepływności R) należy dokonywać ustawiając wartości parametru 'quality' przy zapisie obrazu do pliku. Wartości parametru 'quality' należy dobrać tak, aby uzyskać 'gładkie' wykresy. Jako miarę zniekształceń należy użyć szczytowy stosunek sygnału do szumu PSNR i błąd średniokwadratowy MSE. Zobrazować zależności na wykresach (oddzielny wykres dla każdej miary). Dokonać subiektywnej oceny obrazów zrekonstruowanych (według własnej skali ocen, np.: jakość doskonała, bardzo dobra, dobra, średnia, kiepska, zła, bardzo zła, itp., lub: zniekształcenia niewidoczne, lekko widoczne, widoczne, bardzo widoczne, nie do przyjęcia, itp.) i zamieścić te oceny w sprawozdaniu (niekoniecznie dla każdego obrazu wynikowego osobno, raczej 'zgrupować' oceny dla pewnych zakresów przepływności). Porównać stopnie kompresji uzyskiwane dla kodera JPEG ze stopniem kompresji uzyskanym dla kodera PNG (pamiętając, że w pierwszej części laboratorium wykorzystywany był monochromatyczny obraz PNG, a kompresja JPEG była wykonywana dla obrazu barwnego; ewentualnie obliczyć przepływność bitową dla obrazu barwnego skompresowanego koderem PNG).

## Zad. 1 – 1. Entropia obrazu wejściowego

Obliczona entropia obrazu wejściowego: H(image) = 7.0567

## Zad. 1 – 2.1-3. Obraz różnicowy oraz porównanie histogramów

Wyznaczony obraz różnicowy:



Obraz różnicowy przedstawia różnicę wartości piksela względem jego sąsiada.

Histogram różnicowy względem oryginalnego:

- Ma 2-razy większy zakres wartości [-255, 255]
- Wartości są bardziej skoncentrowane i zbliżone do zera

## Zad. 1 – 2.4. Entropia obrazu różnicowego i oryginalnego

Obliczone entropie:

H(hdifferential image) = 4.5567

H(image) = 7.0567

Entropia obrazu różnicowego jest mniejsza od obrazu oryginalnego, gdyż histogram obrazu różnicowanego jest bardziej skoncentrowany.

Zad. 1 - 3.1-2. Wyznaczyć współczynniki DWT oraz wyświetlenie pasm

Pasma:

LL, wymiary: (384, 256), wartości: 9 - 255 LH, wymiary: (384, 256), wartości: -97 - 125 HL, wymiary: (384, 256), wartości: -116 - 164 HH, wymiary: (384, 256), wartości: -110 – 152

Pasmo LL



Pasmo HL



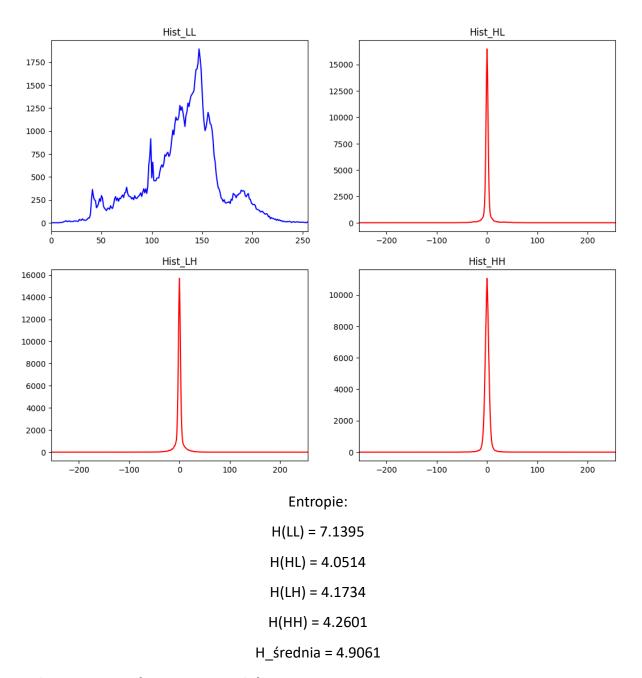
Pasmo LH



Pasmo HH



Zad. 1 - 3.3 Wyznaczyć histogramy oraz entropie dla wszystkich pasm



## Zad. 1 – 3.4 Porównanie wyników

Pasma o wyższej częstotliwości HL, LH, HH mają mniejszą entropię niż pasmo niskich częstotliwości LL.

Histogramy HL, LH, HH są bardziej skoncentrowane w pobliżu 0.

Entropia oraz histogramy pasm HL, LH, HH są podobne do obrazu różnicowego. Natomiast pasmo LL do oryginalnego. Spowodowane jest to tym, że pasmo LL skupia się na głównych kształtach tak jak obraz oryginalny, a pozostałe pasma to szczegóły tak jak jest to w przypadku obrazu różnicowego.

## Zad. 1 – 4. Przepływność dla obrazu skompresowanego koderem PNG

Bitrate: 4.6111

Bitrate jest mniejszy od entropii obrazu oryginalnego ale podobny do entropii obrazu różnicowego.

W odniesieniu do entropii pasm falkowych jest on mniejszy od średniej entropii ale wyższy od entropii pasm wysokoczęstotliwościowych.

#### Wniosek:

Oznacza to, że algorytm PNG skutecznie wykorzystał zależności lokalne pomiędzy pikselami, osiągając niemal optymalną kompresję względem modelu różnicowego. Tym samym kompresja bezstratna zbliżyła się do teoretycznego limitu wynikającego z entropii różnicowej.

## Czy przepływność mniejsza od entropii oznacza, że zależność: Iśr ≥ H jest nieprawdziwa?

Entropia obliczonego obrazu dotyczy pojedynczych pikseli. Ignoruje zależności przestrzenne. Zakłada, że piksele są niezależne.

Natomiast PNG to kompresja z predykcją. Uwzględnia zależności.

Naszą zależność powinniśmy porównać do innego źródła. Do entropii obrazu różnicowego. Dla tego źródła zależność jest spełniona:

 $l \le H(hdiff)$ 

4.6111 ≥ 4.5567

## Zad.2 – 1-2. Entropie i histogramy obrazu RGB i YUV

R - Red Channel



Y - Luminance



G - Green Channel



U - Chrominance

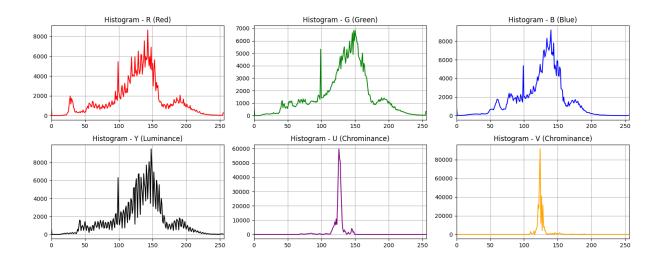


B - Blue Channel



V - Chrominance





### Entropia składowych RGB:

- H(R) = 7.1888
- H(G) = 7.2118
- H(B) = 6.9404
- Średnia entropia RGB: 7.1137

Histogramy R, G i B są rozciągnięte i mają dużo różnorodnych wartości, co świadczy o wysokiej złożoności kolorystycznej obrazu. To przekłada się na wysoką entropię, czyli dużą ilość informacji.

#### **Entropia składowych YUV:**

- $H(Y) = 7.0808 \rightarrow podobnie wysoka jak RGB, bo Y zawiera luminancję, czyli dużo struktury.$
- H(U) = 4.2746
- H(V) = 3.9357
- Średnia entropia YUV: 5.0970

Histogramy U i V są mocno skoncentrowane, z jednym dominującym pikiem – pokazuje to, że w tych kanałach mamy mało zróżnicowaną informację kolorystyczną (chrominancję).

## Entropie U i V są o ok. 40-45% niższe niż entropie kanałów RGB.

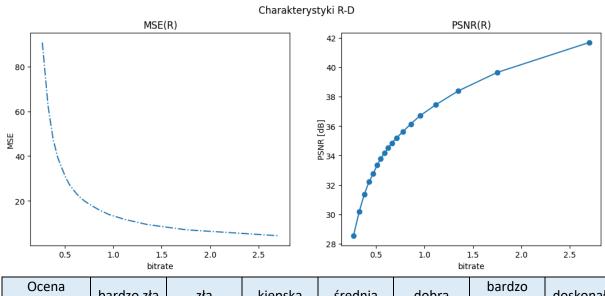
#### Główne powody:

- Kanały U i V niosą tylko kolor (chrominancję) bez informacji o jasności i szczegółach. Są bardziej "ubogie" informacyjnie.
- Obraz może mieć mało zróżnicowane kolory np. dominują neutralne barwy (biele, szarości), wtedy U i V będą skupione w wąskim zakresie.
- W przestrzeni YUV kolory są oddzielone od jasności większość struktury obrazu jest w kanale Y.

#### Wnioski:

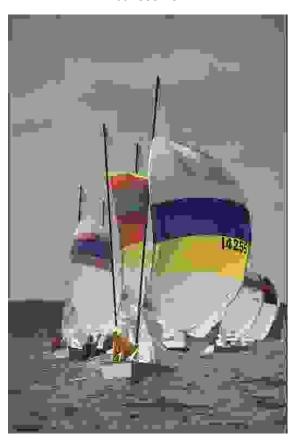
- Składowe RGB mają wysoką entropię, ponieważ każda niesie złożoną informację o kolorze, a składowe są szeroko rozciągnięte w histogramach.
- Składowa Y (luminancja) także ma wysoką entropię zawiera szczegóły, tekstury, kontury.
- Składowe U i V mają dużo niższą entropię, co wynika z ich roli reprezentują wyłącznie kolorystyczne odchylenia od jasności. To zjawisko jest korzystne w kompresji mniejsza entropia = łatwiejsze kodowanie.

Zad. 2 – 3. Zależność zniekształcenia D od przepływności R, krzywa R-D



Ocena wizualna	bardzo zła	zła	kiepska	średnia	dobra	bardzo dobra	doskonała
Jakość (zakres)	0-10	10-20	20-40	40-60	60-70	70-90	90-100

Jakość - 0 Jakość - 10





Jakość - 20 Jakość – 40





Jakość - 60 Jakość - 70





Jakość - 90 Jakość - 100





Format / jakość	Bitrate [bpp]	Opis
PNG (mono)	4.6111	Bezstratny, 1 kanał (szarości)
PNG (color)	11.8750	Bezstratny, 3 kanały (RGB)
JPEG Q=0	0.1643	Bardzo zła jakość, duże straty
JPEG Q=10	0.2669	Zła jakość, zbyt mocna kompresja
JPEG Q=20	0.3787	Minimalna akceptowalna jakość
JPEG Q=40	0.5490	Średnia jakość
JPEG Q=60	0.7114	Dobra jakość
JPEG Q=70	0.8583	Dobra jakość
JPEG Q=90	1.7538	Bardzo dobra jakość
JPEG Q=100	5.9071	Maksymalna jakość, nadal stratny

#### Wnioski:

Porównując stopnie kompresji, widać że koder JPEG umożliwia bardzo wysoką kompresję danych (bitrate < 1 bpp) przy akceptowalnej jakości wizualnej.

Z kolei koder PNG, jako bezstratny, osiąga znacznie wyższe bitrate'y – 4.6 bpp dla obrazu monochromatycznego i aż 11.9 bpp dla barwnego.

JPEG przy jakości Q=60–90 osiąga kilkukrotnie niższy bitrate, zachowując jakość na poziomie niewidocznych lub minimalnych zniekształceń.

JPEG Q=100 nadal pozostaje formatem stratnym, ale bitrate (5.9 bpp) jest niższy niż PNG, co świadczy o wydajności kodera JPEG nawet przy doskonałej jakości.

## Kod Python - Statystyczne właściwości obrazów

```
# Import the necessary packages and initialize the list of reference
import os
import cv2
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
os.makedirs("results1", exist ok=True)
os.makedirs("results2", exist_ok=True)
image_mono = cv2.imread("images/sailboats_mono.png", cv2.IMREAD_UNCHANGED)
image_color = cv2.imread("images/sailboats_col.png", cv2.IMREAD_UNCHANGED)
def printi(img, img_title="image"):
    print(f"{img_title}, wymiary: {img.shape}, typ danych: {img.dtype},
wartości: {img.min()} - {img.max()}")
def cv imshow(img, img title="image"):
    if (img.dtype == np.float32) or (img.dtype == np.float64):
        img_ = img / 255
    elif img.dtype == np.int16:
        img_ = img*128
    else:
        img = img
    cv2.imshow(img_title, img_)
    cv2.waitKey(0)
    cv2.destroyAllWindows()
```

#### ZAD. 1.1 - Obliczanie entropii

```
def calc_entropy(hist):
    pdf = hist/hist.sum() # Histogram normalized to probability density
function (PDF)
    entropy = -sum([x*np.log2(x) for x in pdf if x != 0])
    return entropy
hist_image = cv2.calcHist([image_mono], [0], None, [256], [0, 256]).flatten()
H_image = calc_entropy(hist_image)
print(f"H(image) = {H image:.4f}")
```

## ZAD. 1.2.1. - Wyznaczyć obraz różnicowy

```
img_tmp1 = image_mono[:, 1:]
img_tmp2 = image_mono[:, :-1]

image_hdiff = cv2.addWeighted(img_tmp1, 1, img_tmp2, -1, 0, dtype=cv2.CV_16S)

# Add first column
image_hdiff_0 = cv2.addWeighted(image_mono[:, 0], 1, 0, 0, -127,
dtype=cv2.CV_16S)
image_hdiff = np.hstack((image_hdiff_0, image_hdiff))
```

## ZAD. 1.2.2. - Wyświetlić obraz różnicowy

```
cv_imshow(image_hdiff, "image_hdiff")
image_scaled = (np.clip((image_hdiff + 255), 0, 510) * 0.5).astype(np.uint8)
cv2.imwrite("results1/image_hdiff.png", image_scaled)
```

## ZAD. 1.2.3. - Histogram różnicowy i oryginalny

```
plt.figure()
plt.hist(image_hdiff.flatten(), 511, range=[-255.0, 255.0])
plt.title("Histogram of differential image")
plt.show()

plt.figure()
plt.hist(image_mono.flatten(), 256, range=[0.0, 255.0])
plt.title("Histogram of image")
plt.show()
```

## ZAD. 1.2.4. - Entropia obrazu różnicowego i oryginalnego

```
# Calculate entropy of image_hdiff
image_tmp = (image_hdiff+255).astype(np.uint16)
hist_hdiff = cv2.calcHist([image_tmp], [0], None, [511], [0, 511]).flatten()

H_hdiff = calc_entropy(hist_hdiff)
print(f"H(hdiff) = {H_hdiff:.4f}")
print(f"H(image) = {H_image:.4f}")
```

# ZAD 1.3.1-2 - Wyznaczyć współczynniki DWT oraz wyświetlenie poszczególnych pasm

```
# DWT coefficients
11, lh, hl, hh = dwt(image_mono)
printi(11, "LL")
printi(lh, "LH")
printi(hl, "HL")
printi(hh, "HH")

cv2.imwrite("results2/11.png", 11)
lh_clipped = np.clip(lh, 0, 255)
cv2.imwrite("results2/lh.png", lh_clipped)
hl_clipped = np.clip(hl, 0, 255)
cv2.imwrite("results2/hl.png", hl_clipped)
hh_clipped = np.clip(hh, 0, 255)
cv2.imwrite("results2/hl.png", hh_clipped)
```

## ZAD. 1.3.3. - Wyznaczyć histogramy oraz entropie dla wszystkich pasm

```
hist_ll = cv2.calcHist([ll], [0], None, [256], [0, 256]).flatten()
hist lh = cv2.calcHist([(lh + 255).astype(np.uint16)], [0], None, [511], [0,
511]).flatten()
hist_hl = cv2.calcHist([(hl + 255).astype(np.uint16)], [0], None, [511], [0,
511]).flatten()
hist hh = cv2.calcHist([(hh + 255).astype(np.uint16)], [0], None, [511], [0,
511]).flatten()
H 11 = calc entropy(hist 11)
H_lh = calc_entropy(hist_lh)
H_hl = calc_entropy(hist_hl)
H hh = calc entropy(hist hh)
print(f"H(LL) = \{H_11:.4f\} \setminus H(LH) = \{H_1h:.4f\} \setminus H(HL) = \{H_h1:.4f\} \setminus H(HH) = \{H_h1:.4f\} \setminus
\{H_hh:.4f\} \nH_{sr} = \{(H_1l+H_1h+H_hl+H_hh)/4:.4f\}"\}
fig = plt.figure()
fig.set_figheight(fig.get_figheight()*2)
fig.set_figwidth(fig.get_figwidth()*2)
plt.subplot(2, 2, 1)
plt.plot(hist_ll, color="blue")
plt.title("Hist_LL")
plt.xlim([0, 255])
plt.subplot(2, 2, 3)
plt.plot(np.arange(-255, 256, 1), hist_lh, color="red")
plt.title("Hist LH")
plt.xlim([-255, 255])
plt.subplot(2, 2, 2)
plt.plot(np.arange(-255, 256, 1), hist hl, color="red")
plt.title("Hist_HL")
plt.xlim([-255, 255])
plt.subplot(2, 2, 4)
plt.plot(np.arange(-255, 256, 1), hist_hh, color="red")
plt.title("Hist_HH")
plt.xlim([-255, 255])
```

# ZAD. 1.4.1 – Obliczyć przepływność dla obrazu skompresowanego koderem PNG

```
bitrate = 8 * os.stat("images/sailboats_mono.png").st_size /
(image_mono.shape[0] * image_mono.shape[1])
print(f"bitrate: {bitrate:.4f}")
```

#### ZAD. 1.1-2 - Entropie i histogramy obrazu RGB i YUV

```
# RGB
image R = image color[:, :, 2] # cv2 loads images in BGR format
image_G = image_color[:, :, 1]
image_B = image_color[:, :, 0]
hist_R = cv2.calcHist([image_R], [0], None, [256], [0, 256]).flatten()
hist_G = cv2.calcHist([image_G], [0], None, [256], [0, 256]).flatten()
hist_B = cv2.calcHist([image_B], [0], None, [256], [0, 256]).flatten()
H_R = calc_entropy(hist_R)
H_G = calc_entropy(hist_G)
H B = calc entropy(hist B)
print(f"H(R) = \{H_R:.4f\} \setminus hH(G) = \{H_G:.4f\} \setminus hH(B) = \{H_B:.4f\} \setminus hH_{sr} = \{H_G:.4f\} \setminus hH_{sr} = \{H_G:.4f\}
\{(H_R+H_G+H_B)/3:.4f\}\n"\}
# YUV
image_YUV = cv2.cvtColor(image_color, cv2.COLOR_BGR2YUV) ### albo:
cv2.COLOR_BGR2YUV
image_Y = image_YUV[:, :, 0]
image_U = image_YUV[:, :, 1]
image_V = image_YUV[:, :, 2]
hist_Y = cv2.calcHist([image_Y], [0], None, [256], [0, 256]).flatten()
hist_U = cv2.calcHist([image_U], [0], None, [256], [0, 256]).flatten()
hist_V = cv2.calcHist([image_V], [0], None, [256], [0, 256]).flatten()
H Y = calc entropy(hist Y)
H_U = calc_entropy(hist_U)
H_V = calc_entropy(hist_V)
print(f"H(Y) = \{H_Y:.4f\} \setminus H(U) = \{H_U:.4f\} \setminus H(V) = \{H_V:.4f\} \setminus H_{sr} = H(U)
\{(H_Y+H_U+H_V)/3:.4f\}"\}
```

## Wyświetlenie histogramów

```
plt.figure(figsize=(15, 6))
# RGB histograms
plt.subplot(2, 3, 1)
plt.plot(hist R, color='red')
plt.title("Histogram - R (Red)")
plt.xlim([0, 256])
plt.grid()
plt.subplot(2, 3, 2)
plt.plot(hist_G, color='green')
plt.title("Histogram - G (Green)")
plt.xlim([0, 256])
plt.grid()
plt.subplot(2, 3, 3)
plt.plot(hist_B, color='blue')
plt.title("Histogram - B (Blue)")
plt.xlim([0, 256])
plt.grid()
# YUV histograms
plt.subplot(2, 3, 4)
plt.plot(hist_Y, color='black')
plt.title("Histogram - Y (Luminance)")
plt.xlim([0, 256])
plt.grid()
plt.subplot(2, 3, 5)
plt.plot(hist_U, color='purple')
plt.title("Histogram - U (Chrominance)")
plt.xlim([0, 256])
plt.grid()
plt.subplot(2, 3, 6)
plt.plot(hist_V, color='orange')
plt.title("Histogram - V (Chrominance)")
plt.xlim([0, 256])
plt.grid()
plt.tight_layout()
plt.show()
plt.figure(figsize=(12, 6))
# RGB
plt.subplot(2, 3, 1)
plt.imshow(image_R, cmap='gray', vmin=0, vmax=255)
plt.title("R - Red Channel")
plt.axis('off')
```

```
plt.subplot(2, 3, 2)
plt.imshow(image_G, cmap='gray', vmin=0, vmax=255)
plt.title("G - Green Channel")
plt.axis('off')
plt.subplot(2, 3, 3)
plt.imshow(image_B, cmap='gray', vmin=0, vmax=255)
plt.title("B - Blue Channel")
plt.axis('off')
# YUV
plt.subplot(2, 3, 4)
plt.imshow(image_Y, cmap='gray', vmin=0, vmax=255)
plt.title("Y - Luminance")
plt.axis('off')
plt.subplot(2, 3, 5)
plt.imshow(image_U, cmap='gray', vmin=0, vmax=255)
plt.title("U - Chrominance")
plt.axis('off')
plt.subplot(2, 3, 6)
plt.imshow(image_V, cmap='gray', vmin=0, vmax=255)
plt.title("V - Chrominance")
plt.axis('off')
plt.tight_layout()
plt.show()
```

## ZAD. 1.3 - Zależność zniekształcenia D od przepływności R(bitrate)

```
def calc_mse_psnr(img1, img2):
    imax = 255.**2
    mse = ((img1.astype(np.float64)-img2)**2).sum()/img1.size
    psnr = 10.0*np.log10(imax/mse)
    return (mse, psnr)
```

```
os.makedirs("out_images", exist_ok=True)
image = cv2.imread("images/sailboats_col.png", cv2.IMREAD_UNCHANGED)
xx = [] ### axis X -> bitrate
ym = [] ### axis Y for MSE
yp = [] ### axis Y for PSNR
qualities = range(10, 96, 5)
for quality in qualities:
    out_file_name = f"out_images/out_image_q{quality:03d}.jpg"
    cv2.imwrite(out_file_name, image, (cv2.IMWRITE_JPEG_QUALITY, quality))
    image_compressed = cv2.imread(out_file_name, cv2.IMREAD_UNCHANGED)
    bitrate = 8*os.stat(out_file_name).st_size/(image.shape[0]*image.shape[1])
    mse, psnr = calc_mse_psnr(image, image_compressed)
    xx.append(bitrate)
    ym.append(mse)
    yp.append(psnr)
# Plot the results
fig = plt.figure()
fig.set_figwidth(fig.get_figwidth()*2)
plt.suptitle("Charakterystyki R-D")
plt.subplot(1, 2, 1)
plt.plot(xx, ym, "-.")
plt.title("MSE(R)")
plt.xlabel("bitrate")
plt.ylabel("MSE", labelpad=0)
plt.subplot(1, 2, 2)
plt.plot(xx, yp, "-o")
plt.title("PSNR(R)")
plt.xlabel("bitrate")
plt.ylabel("PSNR [dB]", labelpad=0)
plt.show()
```

```
# Calculate bitrate for PNG images
bitrate = 8 * os.stat("images/sailboats_mono.png").st_size /
(image_mono.shape[0] * image_mono.shape[1])
print(f"bitrate - png_mono: {bitrate:.4f}")

bitrate = 8 * os.stat("images/sailboats_col.png").st_size /
(image_color.shape[0] * image_color.shape[1])
print(f"bitrate - png_color: {bitrate:.4f}")

for quality in qualities:
    image_jpg = cv2.imread(f"out_images/out_image_q{quality:03d}.jpg",
cv2.IMREAD_UNCHANGED)
    bitrate = 8 * os.stat(f"out_images/out_image_q{quality:03d}.jpg").st_size
/ (image_jpg.shape[0] * image_jpg.shape[1])
    print(f"bitrate - png_color_q{quality:03d}: {bitrate:.4f}")
```