### Questão 1

### Wellington Charles Lacerda Nobrega

### 18/04/2021

# 1. Estruturar uma fórmula para atribuir uma reputação a um estabelecimento j do setor k em um dia arbitrário t a partir de todas as avaliações individuais:

Primeiro, vamos definir  $s_{t,j,k}$  como sendo o score médio da j-ésima firma individual do k-ésimo setor no dia t, assim, podemos calcular o score médio como:

$$s_{t,j,k} = \frac{\sum_{i=1}^{n_{t,j,k}} S_{t,j,k,i}}{n_{t,j,k}} \tag{1}$$

em que  $n_{t,j,k}$  é o número de vendas da empresa j do setor k no dia t e  $S_{t,j,k,i}$  denota um score individual recebido pela j-ésima firma do k-ésimo setor no dia t pela i-ésima venda. Assim, o score médio  $(s_{t,j,k})$  retorna o valor médio das avaliações no dia da empreja j, do setor k no dia t.

### 2. Estruturar uma agregação para um determinado setor k em um dia qualquer t.

Vamos definir  $K_{t,k}$  como sendo o indicador agregado para o setor k no dia t. Para a agregação, será realizado uma ponderação de acordo com a importância relativa de cada j-ésima firma sobre o total de vendas do setor k. Para isso, aplicaremos uma ponderação  $\Omega_j$  para captar a importância relativa, onde, quanto maior for a participação da j-ésima firma sobre o total de vendas do k-ésimo setor, maior será o valor de  $\Omega$  para essa firma.

$$K_{t,k} = \frac{\sum_{j=1}^{m_{t,k}} s_{t,j,k} \cdot \Omega_j}{m_{t,k}}$$
 (2)

onde m é a quantidade de empresas do setor k que foram avaliadas no dia t.

A ponderação  $\Omega_j$  é dada por:

$$\Omega_j = \frac{n_{t,j,k}}{\sum_{j}^{m_{t,k}} n_{t,j,k}} \tag{3}$$

onde  $n_{t,j,k}$  (já foi definida anteriormente) é o número de vendas da empresa j do setor k no dia  $t \in \sum_{j}^{m_{t,k}} n_{t,j,k}$  é o total de vendas do setor k. Destaca-se que  $\sum \Omega_j = 1$ .

## 3. Construir um método para um indicador agregado de reputação em um dia qualquer t.

Defina  $T_t$  como sendo o indicador que agrega o score setorial. Novamente, realizaremos uma ponderação de acordo com a importância relativa do k-ésimo setor sobre as vendas totais em um dia t, de acordo com:

$$T_t = \frac{\sum_{k=1}^{q_t} K_{t,k} \cdot Z_k}{q_t} \tag{4}$$

em que  $q_t$  é a quantidade total de setores avaliados no dia t.

A ponderação  $Z_k$  é dada por:

$$Z_k = \frac{n_{t,k}}{n_t} \tag{5}$$

onde  $n_t$  é o total de vendas e  $n_{t,k}$  denota o total de vendas do setor k no período t.

### 4. Como incorporar informações qualitativas dos reviews?

Nesta etapa do indicador é possível aplicar ténicas de Análise de Sentimentos para que seja possível parametrizar as informações qualitativas em informações quantitativas e, então, agregá-las ao índice. A Linguagem Natural de Processamento (NLP) é um ramo da linguística e computação que investiga os problemas de compreensão das línguas naturais humanas a partir do aprendizado de máquina. Essa etapa não é trivial, mas é extremamente fascinante. De uma forma estruturada:

Passo 1: O primeiro passo na incorporção das informações qualitativas no indicador é a limpeza das informações contidas nos reviews. É necessário que seja aplicado ténicas de text mining para a remoção de espaços duplos, stop words, pontuação, números, quebra de linhas e padronização de todos os caracteres para minúsculo. O objetivo final é deixar apenas as informações que de fato sejam relevantes e possam ser traduzidas em informações.

Passo 2: O segundo passo nesse processo é a escolha de um dicionário de palavras que seja capaz de capturar as informações relevantes no nosso corpus de reviews. Existem diversos dicionários de palavras pré-classificadas como sendo capazes de expressar o sentimento "negativo" ou "positivo". Por exemplo: reviews que contenham as palavras "ruim", "mal" ou "péssimo" podem estar associados a clientes insatisfeitos, gerando um sentimento negativo. Enquanto reviews que contenham palavras como "excelente", "ótimo" ou "bom" podem estar associados a clientes satisfeitos, gerando um sentimento positivo. Ademais, é necessário observar cuidadosamente palavras que possam efetivamente representar sentimento ambíguo quando avaliada em setores diferentes.

Passo 3: O terceiro passo seria a parametrização das informações qualitativas e posterior inclusão das informações no indicador de reputação. Para isso, é importante que a alternativa de parametrização seja independente de qualquer tipo de escala subjetiva. Ou seja, o algoritmo que transformará as informações qualitativas dos reviews em informações quantitativas deverá de alguma forma ser baseado na frequência ponderada com a qual as palavras vão aparecendo nos reviews. Uma alternativa, é a seguinte:

$$\mathrm{sentimento}_t = \frac{\sum \mathrm{Palavras\ Positivas} - \sum \mathrm{Palavras\ Negativas}}{\sum \mathrm{Palavras\ Positivas} + \sum \mathrm{Palavras\ Neutras} + \sum \mathrm{Palavras\ Negativas}}$$
 (6)

A alternativa acima pertence ao intervalo -1 e 1, ou seja, sentimento $_t \in [-1,1]$ . Quando  $0 \ge$  sentimento $_t \le 1$  tem-se um sentimento positivo; neutro quando sentimento $_t = 0$  e negativo quando sentimento $_t < 0$ . Ao se ponderar o indicador com a abordagem de sentimentos, em tese, seríamos capazes de levar as informações qualitativas contidas nos reviews em consideração na construção do indicador de reputação.