10 TF & URDF

方宝富

fangbf@hfut. edu. cn





提纲

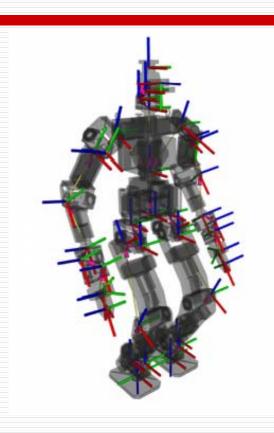
- •坐标转换系统----TF
- ·统一机器人描述格式----URDF











TF是一个ROS世界里的一个基本的也是很重要的概念,所谓TF(TransForm),就是坐标转换.

坐标转换TF在描述组成机器人的每个部分、障碍物和外部物体时是最有用的概念之一。





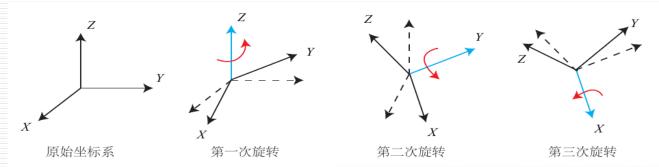


当机器人的"眼睛"获取一组数据(物体的方位坐标),但是相对于机器人手臂来说,这个坐标只是相对于机器人头部的传感器,并不直接适用于机器人手臂执行,那么物体相对于头部和手臂之间的坐标转换,就是TF.





1.欧拉角 (euler angle)



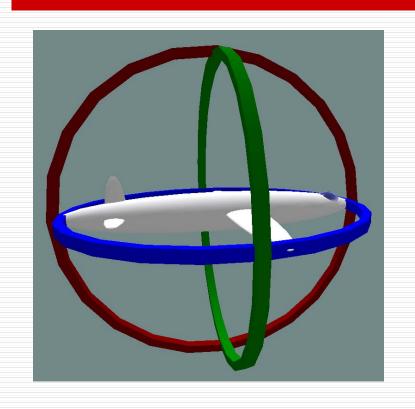
$$\mathbf{R}(z,\theta) = \begin{bmatrix} \cos\theta & -\sin\theta & 0\\ \sin\theta & \cos\theta & 0\\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad \mathbf{R}(y,\theta) = \begin{bmatrix} \cos\theta & 0 & \sin\theta\\ 0 & 1 & 0\\ -\sin\theta & 0 & \cos\theta \end{bmatrix}$$

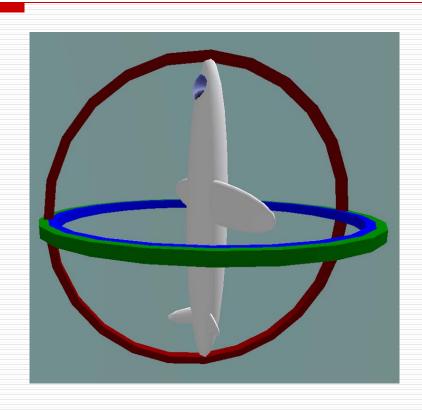
$$\mathbf{R}(y,\theta) = \begin{bmatrix} \cos\theta & 0 & \sin\theta \\ 0 & 1 & 0 \\ -\sin\theta & 0 & \cos\theta \end{bmatrix}$$

$$\mathbf{R}(x,\theta) = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & \cos\theta & -\sin\theta \\ 0 & \sin\theta & \cos\theta \end{bmatrix} \qquad \mathbf{R} = \mathbf{R}(x,\theta)\mathbf{R}(y,\theta)\mathbf{R}(z,\theta)$$

$$R = R(x, \theta)R(y, \theta)R(z, \theta)$$











2.四元数 (quaternion)

$$q = w + xi + yj + zk$$

$$q = [w, x, y, z]^T$$

$$\begin{cases} i^2 = j^2 = k^2 = -1 \\ ij = k, jk = -k \end{cases}$$
$$jk = i, kj = -i$$
$$ki = j, ik = -j$$

$$|q|^2 = w^2 + x^2 + y^2 + z^2 = 1$$





欧拉角转四元数

$$q = \begin{bmatrix} w \\ x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos(roll/2)\cos(pitch/2)\cos(yaw/2) + \sin(roll/2)\sin(roll/2)\sin(yaw/2) \\ \sin(roll/2)\cos(pitch/2)\cos(yaw/2) - \cos(roll/2)\sin(roll/2)\sin(yaw/2) \\ \cos(roll/2)\sin(pitch/2)\cos(yaw/2) + \sin(roll/2)\cos(roll/2)\sin(yaw/2) \\ \cos(roll/2)\cos(pitch/2)\sin(yaw/2) - \sin(roll/2)\sin(roll/2)\cos(yaw/2) \end{bmatrix}$$

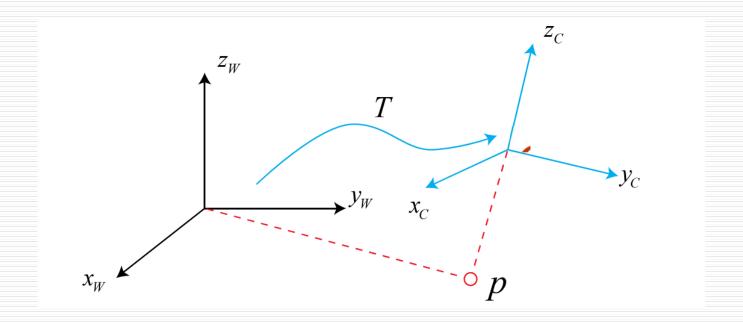
四元数转欧拉角

$$\begin{bmatrix} roll \\ pitch \\ yaw \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a \tan 2(2(wx + yz)), 1 - 2(x^2 + y^2) \\ \arcsin(2(wy - zx)) \\ a \tan 2(2(wz + xy)), 1 - 2(y^2 + z^2) \end{bmatrix}$$





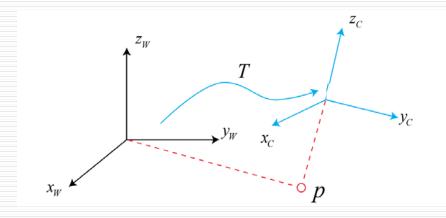
3.刚体的位姿表示







3.刚体的位姿表示



(1) 位置

(2) 方位

$${}^{w}C = \begin{bmatrix} C_{x} \\ C_{y} \\ C_{z} \end{bmatrix} \quad {}^{w}_{C}R = \begin{bmatrix} r_{11} & r_{12} & r_{13} \\ r_{21} & r_{22} & r_{23} \\ r_{31} & r_{32} & r_{33} \end{bmatrix}$$

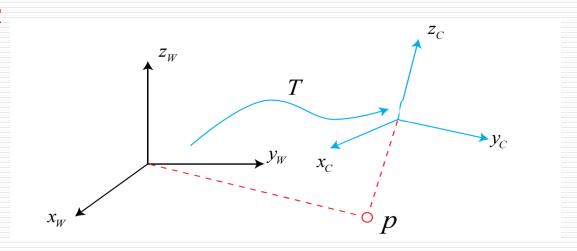
$$\mathbf{R}(x,\theta) = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & \cos\theta & -\sin\theta \\ 0 & \sin\theta & \cos\theta \end{bmatrix}$$

$$\mathbf{R}(y,\theta) = \begin{bmatrix} \cos\theta & 0 & \sin\theta \\ 0 & 1 & 0 \\ -\sin\theta & 0 & \cos\theta \end{bmatrix}$$

$$\mathbf{R}(z,\theta) = \begin{bmatrix} \cos\theta & -\sin\theta & 0\\ 0 & \cos\theta & 0\\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$



3.刚体的位姿表示



非齐次变换

$^{W}p = {^{W}_{C}R} {^{c}p} + {^{W}C}$

齐次变换

$$\begin{bmatrix} {}^{w}p \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} {}^{W}CR & {}^{W}C \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} {}^{C}p \\ 1 \end{bmatrix}$$



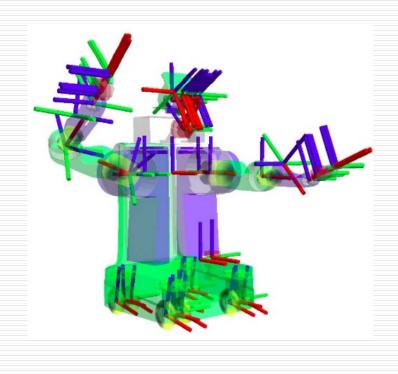
tf

坐标转换的标准、话题、工具、接口

tf package, tf topic







TF可以被当做是一种标准规范,这套标准定义了坐标转换的数据格式和数据结构,tf本质是树状的数据结构,所以我们通常称之为"tf tree"

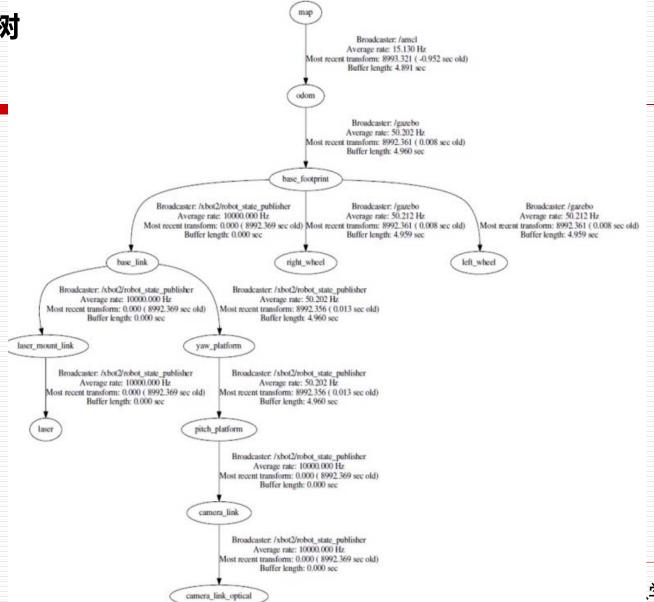
观察左图,可以看到ROS数据结构的一个抽象图,ROS中机器人模型包含大量的部件,这些部件统称之为link,每一个link上面对应着一个frame,即一个坐标系.

link和frame概念是绑定在一起的. 像左图模型中有很多的 frame,错综复杂的铺置在机器人的各个link上, 维护各个坐标系之间的关系, 就要靠着tf tree来处理, 维护着各个坐标系之间的联通.





TF树



每一个圆圈代表一个frame,对应着机器人上的一个link

两个frame间会有一个broadcaster,这是为了使得两个frame能够连通,会有一个node broadcaster两个frame间的相对运动信息。可以看到两个frame之间的消息node和broadcaster,这些都是在发布tf消息。

学院



TF消息格式: TransformStamped.msg

-Header:

序号

时间

frame的名称

子frame名称

-变换规则

Vector3三维向量表示平移

Quaternion四元数表示旋转

```
std msgs/Header header
         uint32 seq
         time stamp
         string frame id
         string child frame id
geometry msgs/Transform transform
         geometry msgs/Vector3 translation
                   float64 x
                   float64 y
                   float64 z
         geometry msgs/Quaternion rotation
                   float64 x
                   float64 y
                   float64 z
                   float64 w
```



tf/tfMessage.msg tf2_msgs/TFMessage.msg





```
geometry_msgs/TransformStamped[] transforms
    std_msgs/Header header
        uint32 seq
        time stamp
        string frame_id
        string child_frame_id
    geometry_msgs/Transform transform
        geometry_msgs/Vector3 translation
                 float64 x
                 float64 y
                 float64 z
        geometry_msgs/Quaternion rotation
                 float64 x
                 float64 y
                 float64 z
                 float64 w
```

tf/tfMessage.msg 或 tf2_msgs/TFMessage





tf in c++





TF相关数据类型

向量 tf::Vector3

点 tf::Point

四元数 tf::Quaternion

3x3矩阵 (旋转矩阵) tf::Matrix3x3

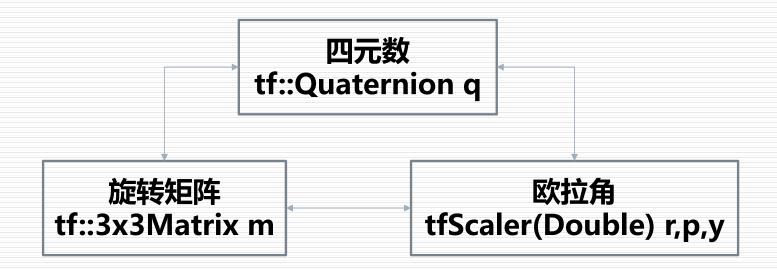
位姿 tf::Pose

变换 tf::Transform

带时间戳的以上类型 tf::Stamped < T >

带时间戳的变换 tf::StampedTransform









tf::TransformBroadcaster类

TransformBroadcaster ()

void sendTransform (const StampedTransform &transform)

void sendTransform (const std::vector < StampedTransform > &transforms)

void sendTransform (const geometry_msgs::TransformStamped &transform)





tf::TransformListener类

ros::Time(0);//最新的

ros::Time::now() //不太适合

void lookupTransform(const std::string &target_frame,

const std::string &source_frame, const ros::Time &time,

StampedTransform &transform) const

bool canTransform()

bool waitForTransform() const





tf in python





TF相关数据类型

向量、点、四元数、矩阵都表示成类似数组形式

Tuple, List, Numpy Array通用

例如

t = (1.0, 1.5, 0) #平移

q = [1, 0, 0, 0] #四元数

m = numpy.identity(3) #旋转矩阵



tf.transformations

import tf

基本数学运算函数

```
euler_matrix(ai, aj, ak, axes= 'sxyz' ) #欧拉角到矩阵
euler_from_matrix(matrix, axes= 'sxyz' ) #矩阵到欧拉角
euler_from_quaternion(quaternion, axes= 'sxyz' ) #四元数到欧拉角
quaternion_from_euler(ai, aj, ak, axes= 'sxyz' ) #欧拉角到四元数
quaternion_matrix(quaternion) #四元数到矩阵
quaternion_from_matrix(matrix) #矩阵到四元数
```

••••





tf.TransformListener类

canTransform(self, target_frame, source_frame, time)

#frame是否相通

waitForTransform(self, target_frame, source_frame, time, timeout)

#阻塞直到frame相通

lookupTransform(self, target_frame, source_frame, time)

#查看相对的tf,返回(trans, quat)





tf.TransformListener类

chain(target_frame, target_time, source_frame, source_time, fixed_frame) #frame的连接关系

frameExists(self, frame_id) #frame是否存在

getFrameStrings(self) #返回所有tf的名称

fromTranslationRotation(translation, rotation) #根据平移和旋转返回4x4矩阵

transformPoint(target frame, point msg)#将PointStamped消息转换到新frame下

transformPose(target frame, pose msg)#将PoseStamped消息转换到新frame下

transformQuaternion(target_frame, quat_msg) #将QuaternionStamped...

#返回相同类型





tf.TransformBroadcaster类

sendTransform(translation, rotation, time, child, parent) # 向/tf发布消息

sendTransformMessage(transform) # 向/tf发布消息





View frame

作用:订阅5秒topic的信息,根据这段时间的信息,生成一个tf tree的pdf图

用法: rosrun tf view frames

rqt_tf_tree

作用: 查看当前的tf tree, 动态的查询tf tree, 当前的变化都可以看到

用法: rosrun rqt tf tree rqt tf tree

tf_echo

作用: 查看两个frame间的变换关系

用法: rosrun tf tf_echo [reference_frame][target_frame]

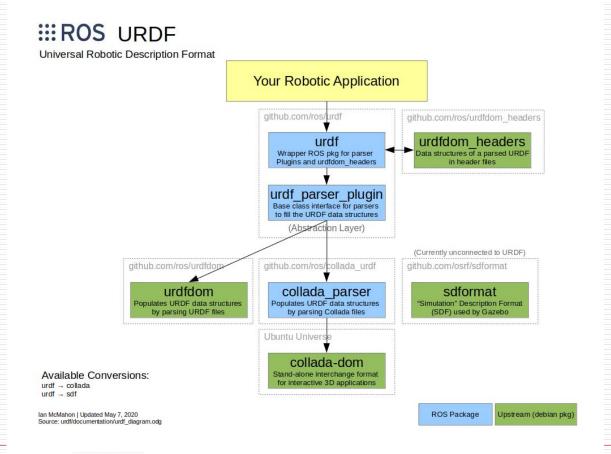




URDF(Unified Robot Description Format)

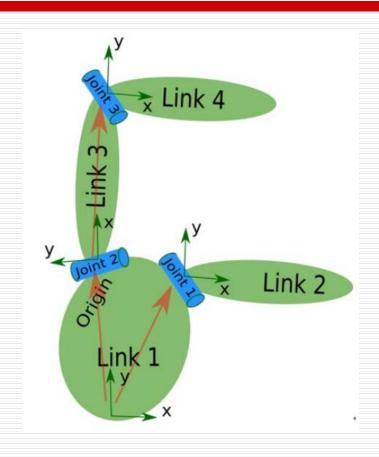








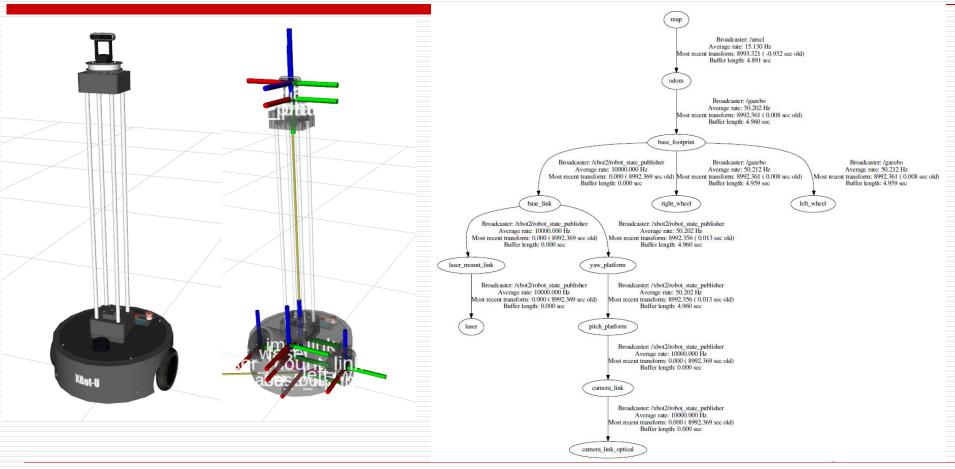




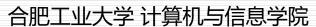
URDF (Unified Robot Description Format) 统一机器人描述格式
URDF使用XML格式描述机器人文件。
机器人的TF维护、可视化、仿真等功能都
得由URDF的参与。
urdf package



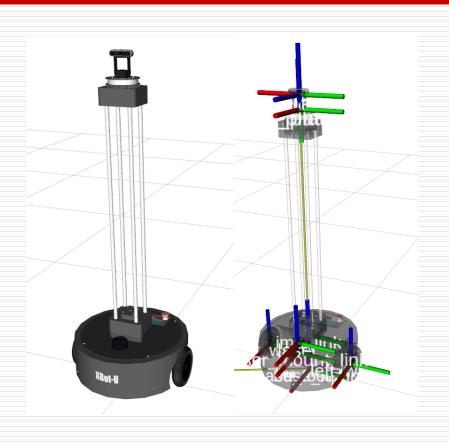












xbot-u.urdf.xacro

```
<xacro:macro name="xbot2 base":</pre>
    <link name="base_footprint"/>
16 ■ link name="base link">...
    <link name="laser_mount_link"/>
68 

■ <joint name="base_to_laser" type="fixed">…
    <link name="imu link"/>
76 ■ <joint name="base_to_imu" type="fixed">…
83 
■ link name="left_wheel">…
3 ■ <joint type="continuous" name="left_wheel_hinge"> ···
12 ■ link name="right_wheel"> ···
32 ■ <joint type="continuous" name="right_wheel_hinge">...
    <link name="yaw_platform">
       <mass value="1e-5" />
        <inertia ixx="1e-6" ixy="0" ixz="0" iyy="1e-6" iyz="0" izz="1e-6" />
        <origin xyz="0 0 0" rpy="0 0 1.57079632" />
```





```
link>
  <inertial> 惯性属性
    <origin> 相对link的坐标
    <mass> 质量
    <inertial> 转动惯量
  <visual> 视觉属性
    <origin> 相对link的坐标
    <geometry> 形状
    <material> 材质
  <collision> 碰撞属性
    <origin> 相对坐标
    <geometry> 形状
```





示例:构建简单小车模型

```
<robot name="mycar">
  k name="base link" />
  k name="right" />
  k name="left" />
  k name="rplidar" />
  <joint name="right joint" type="continuous">
    <parent link="base link"/>
    <child link="right"/>
  </joint>
  <joint name="letf joint" type="continuous">
    <parent link="base link"/>
    <child link="left"/>
  </joint>
  <joint name="rplidar joint" type="fixed">
    <parent link="base link"/>
    <child link="rplidar"/>
  </joint>
</robot>
```

构建base_link作为小车的父坐标系;

在base_link基础上,再构建左轮, 右轮 和雷达 link;

最后不同的link之间通过joint来 连接。代码如图所示





示例:构建简单小车模型

```
<robot name="mycar">
 k name="base link" />
 k name="right" />
 k name="left" />
 k name="rplidar" />
 <joint name="right joint" type="continuous">
   <parent link="base link"/>
   <child link="right"/>
   <origin rpy="1.57075 0 0" xyz="0 -0.2 0.07"/>
 </joint>
 <joint name="letf joint" type="continuous">
   <parent link="base link"/>
   <child link="left"/>
   <origin rpy="-1.57075 0 0" xyz="0 0.2 0.07"/>
 </joint>
 <joint name="rplidar joint" type="fixed">
   <parent link="base link"/>
   <child link="rplidar"/>
   <origin xyz="0.2 0 0.12"/>
 </ioint>
</robot>
```

(2) 添加机器人link之间的相对位置关系

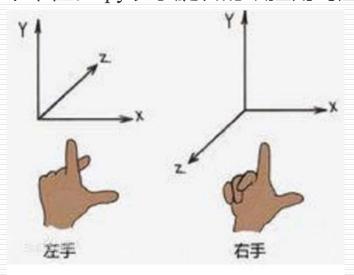
在基础模型之上,我们需要为机器人之间 link来设相对位置和朝向的关系,URDF中 通过<origin>来描述这种关系





三维坐标系

三维坐标系使用的是右手坐标系,上图是tf_tree,xyz:0-0.20.7,表示x轴平移0个单位,y轴平移-0.2个单位,z轴平移0.7个单位。rpy表示旋转的欧拉角对应的三个分量。



空间中的坐标系是右手坐标系



示例:构建简单小车模型

```
k name="base link">
 <visual>
    <geometry>
       <cylinder length=".06" radius="0.27"></cylinder>
    </geometry>
    <origin rpy="0 0 0" xyz="0 0 0.1"/>
    <material name="white">
     <color rgba="1 1 1 1"/>
    </material>
 </visual>
</link>
k name="right">
 <visual>
   <geometry>
     <cylinder length="0.04" radius="0.07"/>
   </geometry>
   <origin rpy="0 0 0" xyz="0 0 0"/>
   <material name="black">
     <color rgba="0 0 0 1"/>
   </material>
 </visual>
</link>
k name="left">
  <visual>
   <geometry>
     <cylinder length="0.04" radius="0.07"/>
   </geometry>
   <origin rpy="0 0 0" xyz="0 0 0"/>
   <material name="black"/>
  </visual>
```

(3) 添加模型的尺寸,形状和颜色等

在已经设置好模型的link基础上,添加模型的形状(例如圆柱或长方体),相对于link的位置,颜色等。其中形状用<geometry>来描述,颜色用<color>来描述。



示例: 构建简单小车模型

