## Universidad Simón Bolívar Departamento de Computación y Tecnología de la Información CI5438 - Inteligencia Artificial I

TRIMESTRE ABRIL - JULIO 2021 PROF. CARLOS INFANTE

AMIN ARRIAGA 16-10072, DAVID SEGURA XX-XXXXX, WILFREDO GRATEROL XX-XXXXX

# Búsqueda Informada: A\* vs IDA\*

JUNE 12, 2021

## 1 Introducción

# 2 Estructura del Repositorio

El repositorio presenta la siguiente estructura de archivos:

| proy | yecto-1-ci5437/  |  |  |  |  |  |
|------|--|--|--|--|--|--|
| l    | _ benchmarks/  |  |  |  |  |  |
| l    | bin/   |  |  |  |  |  |
| l    | generators   |  |  |  |  |  |
|      | HanoisTowersGenerator.py                               |  |  |  |  |  |
|      | <pre>  SlidingTileGenerator.py</pre>                   |  |  |  |  |  |
|      | TopSpinGenerator.py                                    |  |  |  |  |  |
|      | <pre>informe.pdf -&gt; src/L_informe/informe.pdf</pre> |  |  |  |  |  |
|      | Makefile   |  |  |  |  |  |
|      |  |  |  |  |  |  |
|      | pdbs/  |  |  |  |  |  |
|      | psvn/  |  |  |  |  |  |
| l    | puzzles/   |  |  |  |  |  |
|      | README.md  |  |  |  |  |  |
| l    | resources/   |  |  |  |  |  |
| l    | src  |  |  |  |  |  |
|      | head.hpp   |  |  |  |  |  |
|      | heuristics.cpp   |  |  |  |  |  |
|      | heuristics.hpp   |  |  |  |  |  |
|      | InformedSearchs.cpp                                    |  |  |  |  |  |
|      | InformedSearchs.hpp                                    |  |  |  |  |  |
|      | L_informe/   |  |  |  |  |  |
|      | main.cpp   |  |  |  |  |  |
|      | Node.cpp   |  |  |  |  |  |
|      | Node.hpp   |  |  |  |  |  |
|      | NodesPriorityQueue.cpp                                 |  |  |  |  |  |
|      | <pre>  NodesPriorityQueue.hpp</pre>                    |  |  |  |  |  |
|      | <pre>  PriorityQueue.hpp</pre>                         |  |  |  |  |  |

### donde

- $\bullet$  bin/ contiene los archivos binarios que resuelven algún puzzle. Los archivos en este directorio tienen el formato P.out donde P es el nombre de algún puzzle. Estos archivos no son agregados al repositorio.
- generators/ contiene los generadores de archivos .psvn. Los que se encuentran actualmente son:
  - generators/HanoisTowersGenerator.py tal que al ejecutarse con P > 2 y D > 1, imprime un PSVN el puzzle de las Torres de Hanoi con P astas y D discos.

- generators/SlidingTileGenerator.py tal que al ejecutarse con M > 0 y N > 0, imprime un PSVN el puzzle de Sliding Tiles con dimensión  $M \times N$ .
- generators/TopSpinGenerator.py tal que al ejecutarse con  $\texttt{K} > \texttt{1} \ y \, \texttt{N} > \texttt{K}$ , imprime un PSVN el puzzle Top Spin con N tokens y un 'turntable' de longitud K.
- pdbs/ contiene los archivos necesarios para generar PDBs para los distintos puzzles a estudiar. Revise el archivo pdbs/README.md para más información.
- psvn/ contiene el código fuente para compilar la API de PSVN.
- puzzles/ contiene archivos .psvn.
- src/ contiene el código fuente principal para compilar y ejecutar los distintos algoritmos de búsqueda informada que estudiaremos en este proyecto. Daremos una brvee explicación de cada archivo:
  - src/Node.\* tiene la implementación de nodo que hemos usado durante las clases. También almacena la profundidad del camino parcial hasta ese nodo.
  - src/PriorityQueue.hpp tiene la implementación de una cola de prioridad genérica. Permite definir el tipo de dato que servirá para realizar las comparaciones, el tipo de los elementos que almacenará y la función de comparación. No se separó en archivos .cpp y .hpp debido a los problemas de C++ con los templates.
  - src/NodesPriorityQueue.\* tiene otra implementación de una cola de prioridad pero basada en nodos, y que además de los métodos empty, add y pop, también tiene los métodos find que busca un nodo según el estado que almacena; y  $replace_if_less$  que, dado un nodo, verifica si la cola tiene otro nodo que representa al mismo estado que además tiene un costo parcial superior al nodo parámetro, entonces es sustituido por el nodo parámetro. Estas 2 funciones en una cola de prioridad común serían O(n), lo cual no es deseable en las funciones de búsqueda.
  - src/InformedSearchs.\* tiene las implementaciones de los algoritmos de búsqueda que se estudian en el proyecto. En particular, se encuentran los siguientes algoritmos:
    - \* A\* sobre grafos.
    - \* A\* sobre árboles.
    - \* A\* con eliminación tardía de nodos.
    - \* IDA\* sobre grafos.
    - \* IDA\* sobre árboles.
    - \* IDA\* con eliminación parcial de nodos.
  - src/heuristics.\* tiene las implementaciones de las distintas heúristicas que se usarán, principalmente de PDBs.
  - src/main.cpp y src/head.hpp el cual, al compilarse y ejecutarse, te permite ingresar un estado inicial, así como escoger un algoritmo de búsqueda y una heurística de los implementados para resolver el puzzle. Consulte el archivo Makefile para más información.
  - src/L\_informe/ contiene los archivos fuentes de latex necesarios para generar este informe.

### 3 Casos de Prueba

#### 3.1 15 Puzzle

Para el 15 Puzzle usamos como heurística la distancia Manhattan.

| STATE ( | (EASY): | 14 1 9  | 6 4 8 12 5 7 | 2 3 B 10 11 13 | 15           |         |
|---------|---------|---------|--------------|----------------|--------------|---------|
|         | F       | UNCTION | TIME (SEC)   | MEMORY (GB)    | NODES/SEC    | SOL-LEN |
|         |         | A*      | 172.613782   | 5.39361        | 138210.58622 | 45      |
|         | Α×      | pruning | 2.627228     | 0.04398        | 62283.51708  | 45      |
| A*      | late    | pruning | 2.593914     | 0.04016        | 90053.48674  | 45      |
|         |         | IDA*    | 294.174137   | 0.00055        | 243362.32182 | 45      |
|         | IDA*    | pruning | 1.537629     | 0.0129         | 410535.96154 | 45      |
| IDA*    | part    | pruning | 2.629333     | 0.00024        | 240086.36411 | 45      |

| STATE (MEDIUM): 12 9 B 6 8 3 5 14 2 4 11 7 10 1 15 13    FUNCTION  TIME (SEC)  MEMORY (GB)  NODES/SEC    A*  TOO MUCH MEMORY   A* pruning  361.748725  2.56905  26938.20137    A* late pruning  184.561287  2.34054  85301.65917    IDA*  TOO MUCH TIME   IDA* pruning  243.698492  0.00148  413353.29231    IDA* part pruning  421.172057  0.0001  239603.34577  | SOL-LEN <br>  50 <br>50 <br>  50        |
|---|---|
| STATE (HARD): 5 9 13 14 6 3 7 12 10 8 4 B 15 2 11 1    FUNCTION  TIME (SEC)  MEMORY (GB)  NODES/SEC    A*  TOO MUCH MEMORY   A* pruning  633.547779  4.1973  25436.99234    A* late pruning  305.977159  3.92621  77683.54042    IDA*  TOO MUCH TIME   IDA* pruning  349.547181  0.00082  404336.85832    IDA* part pruning  591.625852  0.00195  238931.14461  | SOL-LEN <br>  57 <br>57 <br>  57 <br>57 |
| 107 106 107 108 109 109 109 109 109 109 109 109 109 109   | 40 50                                   |
| 10 <sup>7</sup> 10 <sup>6</sup> 10 <sup>7</sup> 10 <sup>8</sup> 10 <sup>7</sup> 10 <sup>8</sup> 10 <sup>7</sup> 10 <sup>8</sup> 10 <sup>7</sup> 10 <sup>8</sup> |   |

Figure 1: Left, easy. Right, medium. Down, hard

- 3.2 24 Puzzle
- 3.3 Towers of Hanoi 4 Pegs 12 Disks
- 3.4 Towers of Hanoi 4 Pegs 14 Disks
- 3.5 Towers of Hanoi 4 Pegs 18 Disks
- 3.6 Top Spin 12 Tokens Turntable of length 4
- 3.7 Top Spin 14 Tokens Turntable of length 4
- 3.8 Top Spin 17 Tokens Turntable of length 4
- 3.9 Rubik's Cube

# 4 Detalles de Implementación

## 4.1 NodesPriorityQueue

La clase NodesPriorityOueue tiene 3 campos fundamentales:

- map<uint64\_t, pair<unsigned, Node\*>> hash es un diccionario que mapea las valores de la tabla hash proporcionada por la API de PSVN a pares {V, N} donde V es el valor del nodo al que apunta N.
- set<pair<unsigned, Node\*>> ordered\_nodes es un conjunto de pares {V, N} con la misma definición anterior. Cabe destacar que el tipo de dato set está implementado en C++ como un arbol rojo-negor, por lo que mantendrá ordenados los nodos según su valor V.
- unsigned (\*f) (Node\*) es la función de evaluación de los nodos.

Así, para buscar un nodo según su hash, simplemente tenemos que verificar que se encuentra en el campo hash, lo cual es O(1). Mientras que para realizar el reemplazo, primero obtenemos el hash del estado que tiene el nodo, luego, usando hash obtenemos el par  $\{V, N\}$ , y con ese par, obtenemos el elemento que se encuentra en ordered\_nodes, y así realizamos el cambio en ambas estructuras en  $O(\log n)$ .

### 4.2 InformedSearchs

Para imprimir la memoria virtual usada actualmente se utiliza la estructura struct sysinfo, el cual, luego de aplicarle la función sysinfo, almacena la memoria RAM y swap usada. Así, solo debemos imprimir la memoria virtual inicial antes de correr el algoritmo y la memoria virtual justo antes de terminar para saber aproximadamente cuanta memoria se usó. Para imprimir el tiempo transcurrido se usó la función clock(), marcando el tiempo inicial e imprimiendo su diferencia con el tiempo final.

Las funciones auxiliares apply\_rule y revert\_rule pueden parecer redundantes ya que la API de PSVN contiene las funciones apply\_fwd\_rule y apply\_bwd\_rule respectivamente. Sin embargo, estas dos últimas tienen un problema cuando el estado al que se le aplicará la regla y el estado que almacenará el sucesor son el mismo, probablemente porque es modificado mientras es leido por la función. Es por esto que las funciones apply\_rule y revert\_rule lo que hacen es generar un estado auxiliar copiando al estado original, y lo usa como estado al que se le aplicará la regla y almacena al sucesor en el estado original. Estas son usadas por IDA\* con eliminación parcial de duplicados.

La estructura NodesPriorityQueue se usó en A\* con eliminación de duplicados, y realiza las funciones de almacenar los nodos ordenados según su valor (costo del camino parcial más la heurística), y permite verificar la existencia de un estado y la sustitución de nodos con el mismo estado de forma eficiente.

Mientras que para A\* con eliminación tardía de duplicados se usó una tabla de hash que mapea los valores de hash para los estados dado por la API de PSVN a costos parciales. Así, podemos verificar la

existencia de un estado y su costo almacenado de forma eficiente.

Para IDA\* con eliminación de duplicados se utilizó una variable de tipo set que almacenaba los nodos que se encontraban en el camino actual. Así, solo basta con verificar si un nodo sucesor pertenece a dicho camino para saber si se debe agregar o no.

#### **4.3 PDBs**

El proceso de generación de un PDB para un puzzle sigue los siguientes pasos:

- 1. Compilar el archivo abstractor. $cpp\ y\ psvn.cpp\ de$  la API de PSVN para obtener un archivo binario abstractor.out que nos permita crear la abstracción que necesitamos.
- 2. Utilizar abstractor.out para generar un la abstracción .psvn a partir del archivo .psvn original y el archivo abstraction.
- 3. Ejecutar psvn2c sobre el archivo . psvn abstraido para generar un archivo . c que contiene las reglas del puzzle abstraido codificadas.
- 4. Compilar el archivo dist.cpp proporcionado por la API de PSVN junto al .c del paso anterior para generar un ejecutable .dist.
- 5. Ejecutar el archivo .dist, el cual generará un PDB codificado en un archivo tal que cada línea sigue el formato <VALUE> <STATE>, donde <VALUE> es el costo mínimo desde el estado <STATE> hacia el estado objetivo. Este output es almacenado en un archivo .pdb que puede llegar a ser muy pesado.
- 6. Eliminar el archivo .c y .psvn abstraido y luego copiar y pegar el .psvn original en el directorio actual. La razón de hacer esto es que para compilar el siguiente archivo necesitamos usar el psvn con las reglas y estados originales.
- 7. Compilar el archivo make\_state\_map creado por nosotros el cual inicializa una variable del tipo state\_map\_t proporcionado por la API, y por cada línea del archivo .pdb almacena en dicha variable el estado y su valor. Luego de recorrer todo el archivo, almacena la variable de state\_map\_t en un archivo .state\_map.
- 8. Ejecutamos make clean para quedarnos únicamente con el archivo .state\_map.

## 4.4 heuristics

Para evitar crear una función heurística por cada puzzle del mismo tipo pero con diferentes dimensiones, por ejemplo 3 funciones para Top Spin con 12, 14 y 17 tokens respectivamente, donde cada función será casi exactamente igual pero cambiando el valor de algunas variables, decidimos utilizar variables globales que definan el comportamiento de las heurísticas:

- vector<state\_map\_t\*> pdbs almacena los PDBs que se usarán en las heurísticas. La función init\_pdbs permite cargar todos en pdbs los archivos .state\_map que se encuentren en un directorio dado como argumento. Los .state\_map son cargados en orden alfabético.
- unsigned (\*f) (unsigned, unsigned) es una función que indica la relación entre heurísticas de bloques PDB, puede tomar el valor de max\_h para agarrar el máximo en caso de heurísticas no aditivas, o sum\_h para sumarlas en caso de heurísticas aditivas. Las funciones que realizan la asignación de f son set\_max y set\_sum.
- Cada puzzle tiene su propia variable global partition (pudiendo ser de distinto tipo entre cada puzzle) que almacena la forma en que se particionará el puzzle para los PDBs. Es importante que el orden en el que se encuentran los bloques de la partición corresponda al orden en el que son cargados los PDBs en la variable pdbs, en caso contrario se obtendrá un bello y hermoso segmentation fault. Por cada variante de un puzzle existe una partición correspondiente y una función que realiza la asignación de la variable partition global del puzzle genérico a la variable partition del puzzle con dimensiones específicas. Por ejemplo, para los NPuzzles existe una variable string \*\*partition\_Npuzzle y para el 15Puzzle y 24Puzzle están las variables

string partition\_15puzzle[4][4] y string partition\_24puzzle[5][5] junto a las funciones set\_15puzzle y set\_24puzzle respectivamente que asignan a partition\_Npuzzle la partición que corresponda.

Además, cada puzzle tiene su propia función make\_state\_abs que toma un estado y un bloque de la partición y genera un nuevo estado abstraido según dicho bloque. Una vez con estos elementos, las heurísticas de cada puzzle siguen el mismo comportamiento: Reciben un esto, recorren el vector pdbs y por cada uno generamos un estado abstraido dado el bloque de la partición correspondiente, obtenemos el valor de dicho estado según el state\_map y actualizamos el valor de la heurísitca según f.

### 5 Conclusión