

计算机图像处理

COMPUTER IMAGE PROCESSING

算术编码 ARITHMATIC CODING

算术编码

• 思路:

- 不是将单个信源符号映射成一个码字
- · 而是把整个信源表示为实数线上的0到1之间的一个区间(INTERVAL)
- 消息序列中的每个元素都要缩短为一个区间
- ・消息序列中元素越多,所得到的区间就越小,当区间变小时,就需要更多的数位来表示这个区间
- 再在该区间内选择一个代表性的小数,转化为二进制作为实际的编码输出
- 采用算术编码每个符号的编码长度可以为小数

算术编码过程

信源符号为{ A, B, C, D} 概率分别为{ 0.1, 0.4, 0.2, 0.3 } 把区间[0, 1)分成4个子区间:
 [0, 0.1), [0.1, 0.5), [0.5, 0.7), [0.7, 1)

符号	а	b	С	d
概率	0.1	0.4	0.2	0.3
初始区间	[0,0.1)	[0.1,0.5)	[0.5,0.7)	[0.7,1)
区间起点比例	0	1/10	5/10	7/10

- /					
	符号	а	b	С	d
1	概率	0.1	0.4	0.2	0.3
2	初始区间	[0,0.1)	[0.1,0.5)	[0.5,0.7)	[0.7,1)
	输入信源	c a	d a	c d	b

符号	a	b	С	d
概率	0.1	0.4	0.2	0.3
初始区间	[0,0.1)	[0.1,0.5)	[0.5,0.7)	[0.7,1)

- /	All territorial of the control of th				
	符号	а	b	С	d
1	概率	0.1	0.4	0.2	0.3
2	初始区间	[0,0.1)	[0.1,0.5)	[0.5,0.7)	[0.7,1)
	输入信源	<u>c</u> a	d a	c d	b

符号	а	b	С	d
概率	0.1	0.4	0.2	0.3
初始区间	[0,0.1)	[0.1,0.5)	[0.5,0.7)	[0.7,1)

			Y At processing a second second second second		
	符号	a	b	С	d
1	概率	0.1	0.4	0.2	0.3
2	初始区间	[0,0.1)	[0.1,0.5)	[0.5,0.7)	[0.7,1)
	输入信源	<u>c</u> a	d a	c d	b

符号	a	b	С	d
概率	0.1	0.4	0.2	0.3
初始区间	[0,0.1)	[0.1,0.5)	[0.5,0.7)	[0.7,1)

符号	а	b	С	d
概率	0.1*x,x=0.2	0.4*x	0.2*x	0.3*x
再分区间	[0.5,0.52)	[0.52,0.60)	[0.60,0.64)	[0.64,0.7)

- /-					
	符号	а	b	С	d
1	概率	0.1	0.4	0.2	0.3
	初始区间	[0,0.1)	[0.1,0.5)	[0.5,0.7)	[0.7,1)
	输入信源	<u>c</u> <u>a</u>	d a	c d	b

符号	a	b	С	d
概率	0.1*x,x=0.2	0.4*x	0.2*x	0.3*x
再分区间	[0.5,0.52)			

1/2					
	符号	а	b	С	d
1	概率	0.1	0.4	0.2	0.3
	初始区间	[0,0.1)	[0.1,0.5)	[0.5,0.7)	[0.7,1)
	输入信源	<u>c</u> <u>a</u>	d a	c d	b

符号	a	b	С	d
概率	0.1*x,x=0.2	0.4*x	0.2*x	0.3*x
再分区间	[0.5,0.52)			

符号	a	b	С	d
概率	0.1*x	0.4*x	0.2*x	0.3*x,x=0.02
再分区间	[0.5,0.502)	[0.502,0.51)	[0.51,0.514)	[0.514,0.52)

- /-					
	符号	а	b	С	d
1	概率	0.1	0.4	0.2	0.3
2	初始区间	[0,0.1)	[0.1,0.5)	[0.5,0.7)	[0.7,1)
	输入信源	<u>c</u> <u>a</u>	<u>₫</u> a	c d	b

符号	а	b	С	d
概率	0.1*x	0.4*x	0.2*x	0.3*x,x=0.02
再分区间	[0.5,0.502)	[0.502,0.51)	[0.51,0.514)	[0.514,0.52)

				TEEL CANADA CANA	
	符号	а	b	С	d
1	概率	0.1	0.4	0.2	0.3
2	初始区间	[0,0.1)	[0.1,0.5)	[0.5,0.7)	[0.7,1)
	输入信源	<u>c</u> <u>a</u>	<u>₫</u> a	c d	b

符号	а	b	С	d
概率	0.1*x	0.4*x	0.2*x	0.3*x,x=0.02
再分区间	[0.5,0.502)	[0.502,0.51)	[0.51,0.514)	[0.514,0.52)

符号	а	b	С	d
概率	0.1*x,x=0.006	0.4*x	0.2*x	0.3*x
再分区间	[0.514,0.5146)			

- 1				The state of the s	
	符号	а	b	С	d
1	概率	0.1	0.4	0.2	0.3
	初始区间	[0,0.1)	[0.1,0.5)	[0.5,0.7)	[0.7,1)
	输入信源	<u>c</u> <u>a</u>	<u>d</u> <u>a</u>	c d	b

符号	a	b	С	d
概率	0.1*x,x=0.006	0.4*x	0.2*x	0.3*x
再分区间	[0.514,0.5146)			

- /			Alan Alan Alan Alan Alan Alan Alan Alan		
ĺ	符号	а	b	С	d
1	概率	0.1	0.4	0.2	0.3
2	初始区间	[0,0.1)	[0.1,0.5)	[0.5,0.7)	[0.7,1)
	输入信源	<u>c</u> <u>a</u>	<u>d</u> <u>a</u>	c d	b

符号	а	b	С	d
概率	0.1*x,x=0.006	0.4*x	0.2*x	0.3*x
再分区间	[0.514,0.5146)			

符号	а	b	С	d
概率	0.1*x	0.4*x	0.2*x,x=0.0006	0.3*x
再分区间			[0.5143,0.51442)	

- /	No.				
	符号	а	b	С	d
1	概率	0.1	0.4	0.2	0.3
2	初始区间	[0,0.1)	[0.1,0.5)	[0.5,0.7)	[0.7,1)
	输入信源	<u>c</u> <u>a</u>	<u>d</u> <u>a</u>	<u>c</u> d	b

符·	号	а	b	С	d
概	率	0.1*x	0.4*x	0.2*x,x=0.0006	0.3*0.0006
再分	·区间			[0.5143,0.51442)	

- /					
	符号	а	b	С	d
1	概率	0.1	0.4	0.2	0.3
	初始区间	[0,0.1)	[0.1,0.5)	[0.5,0.7)	[0.7,1)
	输入信源	<u>c</u> <u>a</u>	<u>d</u> <u>a</u>	<u>c</u> d	b

符号	а	b	С	d
概率	0.1*x	0.4*x	0.2*x,x=0.0006	0.3*0.0006
再分区门	J		[0.5143,0.51442)	

符号	а	b	С	d
概率	0.1*x	0.4*x	0.2*x	0.3*x,x=0.00012
再分区间				[0.514384,0.51442)

100				TEEL CANADA CANA	
	符号	а	b	С	d
\	概率	0.1	0.4	0.2	0.3
	初始区间	[0,0.1)	[0.1,0.5)	[0.5,0.7)	[0.7,1)
	输入信源	<u>c</u> <u>a</u>	<u>d</u> <u>a</u>	<u>c</u> <u>d</u>	b

符号	а	b	С	d
概率	0.1*x	0.4*x	0.2*x	0.3*x,x=0.00012
再分区间				[0.514384,0.51442)

100					
	符号	а	b	С	d
	概率	0.1	0.4	0.2	0.3
	初始区间	[0,0.1)	[0.1,0.5)	[0.5,0.7)	[0.7,1)
	输入信源	<u>c</u> <u>a</u>	<u>d</u> <u>a</u>	<u>c</u> <u>d</u>	b

符号	а	b	С	d
概率	0.1*x	0.4*x	0.2*x	0.3*x,x=0.00012
再分区间				[0.514384,0.51442)

符号	а	b	С	d
概率	0.1*x	0.4*x,x=0.000036	0.2*x	0.3*x
再分区间		[0.5143876,0.514402)		

1					
	符号	а	b	С	d
1	概率	0.1	0.4	0.2	0.3
	初始区间	[0,0.1)	[0.1,0.5)	[0.5,0.7)	[0.7,1)
	输入信源	<u>c</u> <u>a</u>	<u>d</u> <u>a</u>	<u>c</u> <u>d</u>	<u>b</u>

符号	а	b	С	d
概率	0.1*x	0.4*x,x=0.000036	0.2*x	0.3*x
再分区间		[0.5143876,0.514402)		

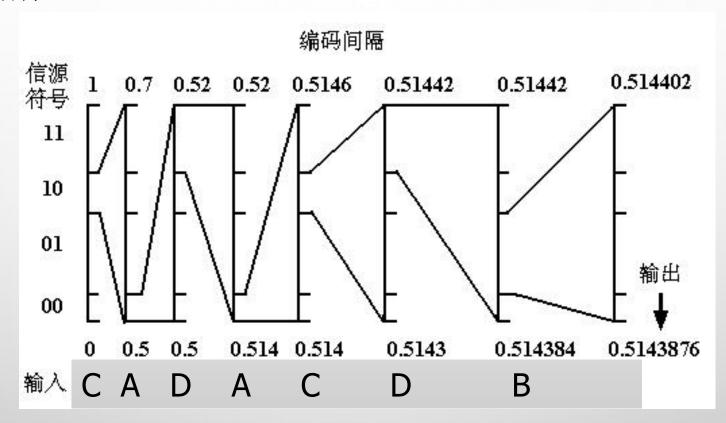
			" A" Agggggal and a series and			
	符号	а	b	С	d	
1	概率	0.1	0.4	0.2	0.3	
٥	初始区间	[0,0.1)	[0.1,0.5)	[0.5,0.7)	[0.7,1)	
	输入信源	<u>c</u> <u>a</u>	<u>d</u> <u>a</u>	<u>c</u> <u>d</u>	<u>b</u>	

符号	а	b	С	d
概率	0.1*x	0.4*x,x=0.000036	0.2*x	0.3*x
再分区间		[0.5143876,0.514402)		

符号	а	b	С	d
概率	0.1*x	0.4*x,x=0.000036	0.2*x	0.3*x
再分区间		0.5143876		

算术编码过程

输入信源: CADACDB



符号k	а	b	С	d
概率p(k)	0.1	0.4	0.2	0.3
区间起始值R(k)	0	0.1	0.5	0.7

符号k	а	b	С	d
概率p(k)	0.1	0.4	0.2	0.3
区间起始值R(k)	0	0.1	0.5	0.7

$$D_0 = 1, L_0 = 0, H_0 = 1$$
 $D_{i+1} = p(k) * D_i$
 $L_{i+1} = L_i + R(k) * D_i$
 $H_{i+1} = L_{i+1} + D_{i+1}$

符号k	а	b	С	d
概率p(k)	0.1	0.4	0.2	0.3
区间起始值R(k)	0	0.1	0.5	0.7

$$D_0 = 1, L_0 = 0, H_0 = 1$$
 $D_{i+1} = p(k) * D_i$
 $L_{i+1} = L_i + R(k) * D_i$
 $H_{i+1} = L_{i+1} + D_{i+1}$

输入信源: CADACD

B

符号k	а	b	С	d
概率p(k)	0.1	0.4	0.2	0.3
区间起始值R(k)	0	0.1	0.5	0.7

$$D_0 = 1,$$
 $L_0 = 0,$ $H_0 = 1$
 $D_{i+1} = p(k) * D_i$
 $L_{i+1} = L_i + R(k) * D_i$
 $H_{i+1} = L_{i+1} + D_{i+1}$

输入信源: CADACD B

k		С	а	d	а	•••
D	1	0.2*1=0.2	0.1*0.2=0.02	0.3*0.02=0.006	0.1*0.006=0.0006	
L	0	0+0.5*1 =0.5	0.5+0*0.2 =0.5	0.5+0.7*0.02 =0.514	0.514+0.1*0.006= <mark>0.51</mark>	
Н	1	0.5+0.2 =0.7	0.5+0.02 =0.52	0.514+0.006 =0.520	0.514+0.0006 =0.5146	

解码过程

符号	a	b	С	d		
概率	0.1	0.4	0.2	0.3		
区间	[0,0.1)	[0.1,0.5)	[0.5,0.7)	[0.7,1)		
解码数据	<u>0.5143876</u>					

解码结果

解码过程

符号	a	b	С	d
概率	0.1	0.4	0.2	0.3
区间	[0,0.1)	[0.1,0.5)	[0.5,0.7)	[0.7,1)
解码数据	<u>0.5143876</u>			

解码结果c

解码过程

符号	a	b	С	d
概率	0.1	0.4	0.2	0.3
区间	[0,0.1)	[0.1,0.5)	[0.5,0.7)	[0.7,1)
解码数据	<u>0.5143876</u>			

解码结果c

符号	а	b	С	d		
概率	0.1	0.4	0.2	0.3		
区间	[0,0.1)	[0.1,0.5)	[0.5,0.7)	[0.7,1)		
解码数据						
	-	WOIL VIV	- 1000			

符号	а	b	С	d
概率	0.1	0.4	0.2	0.3
区间	[0,0.1)	[0.1,0.5)	[0.5,0.7)	[0.7,1)
解码数据	<u>0.071938</u>			

解码结果 ca

符号	а	b	С	d
概率	0.1	0.4	0.2	0.3
区间	[0,0.1)	[0.1,0.5)	[0.5,0.7)	[0.7,1)
解码数据		<u>0.0719</u>	<u>38</u>	

解码结果 ca

符号	а	b	С	d	
概率	0.1	0.4	0.2	0.3	
区间	[0,0.1)	[0.1,0.5)	[0.5,0.7)	[0.7,1)	
解码数据	x=0.071938-0=0.071938 x/0.1=0.71938				
		MOIT OIT	1000		

	符号	а	b	С	d
-	概率	0.1	0.4	0.2	0.3
	区间	[0,0.1)	[0.1,0.5)	[0.5,0.7)	[0.7,1)
	解码数据		<u>0.7193</u>	<u>88</u>	

解码结果 cad

符号	а	b	С	d
概率	0.1	0.4	0.2	0.3
区间	[0,0.1)	[0.1,0.5)	[0.5,0.7)	[0.7,1)
解码数据		<u>0.7193</u>	<u>88</u>	

解码结果 cad

符号	a	b	С	d	
概率	0.1	0.4	0.2	0.3	
区间	[0,0.1)	[0.1,0.5)	[0.5,0.7)	[0.7,1)	
解码数据	<u>x=0.71938-0.7=0.01938</u>				
		<u> </u>	/040		

符号	а	b	С	d	
概率	0.1	0.4	0.2	0.3	
区间	[0,0.1)	[0.1,0.5)	[0.5,0.7)	[0.7,1)	
解码数据	<u>0.0646</u>				

解码结果 cada

符号	а	b	С	d
概率	0.1	0.4	0.2	0.3
区间	[0,0.1)	[0.1,0.5)	[0.5,0.7)	[0.7,1)
解码数据		<u>0.064</u>	<u>6</u>	

解码结果 cada

符号	a	b	С	d	
概率	0.1	0.4	0.2	0.3	
区间	[0,0.1)	[0.1,0.5)	[0.5,0.7)	[0.7,1)	
解码数据					
<i>3</i> X 1/H		<u>x/0.1= 0.</u>	<u>646</u>		

			A Company of the Comp	
符号	а	b	С	d
概率	0.1	0.4	0.2	0.3
区间	[0,0.1)	[0.1,0.5)	[0.5,0.7)	[0.7,1)
解码数据		<u>0.646</u>		

解码结果 cadac

符号	а	b	С	d
概率	0.1	0.4	0.2	0.3
区间	[0,0.1)	[0.1,0.5)	[0.5,0.7)	[0.7,1)
解码数据		<u>0.646</u>		

解码结果 cadac

符号	a	b	С	d
概率	0.1	0.4	0.2	0.3
区间	[0,0.1)	[0.1,0.5)	[0.5,0.7)	[0.7,1)
解码数据	x=0.646-0.5=0.146 x/0.2=0.73			

符号	а	b	С	d	
概率	0.1	0.4	0.2	0.3	
区间	[0,0.1)	[0.1,0.5)	[0.5,0.7)	[0.7,1)	
解码数据		<u>0.73</u>			

解码结果 cadacd

符号	а	b	С	d	
概率	0.1	0.4	0.2	0.3	
区间	[0,0.1)	[0.1,0.5)	[0.5,0.7)	[0.7,1)	
解码数据		<u>0.73</u>			

解码结果 cadacd

符号	a	b	С	d			
概率	0.1	0.4	0.2	0.3			
区间	[0,0.1)	[0.1,0.5)	[0.5,0.7)	[0.7,1)			
解码数据		<u>x=0.73-0.7=0.03</u>					
<i>></i> , 7/H	<u>x/0.3= 0.1</u>						

1						
	符号	а	b	С	d	
	概率	0.1	0.4	0.2	0.3	
	区间	[0,0.1)	[0.1,0.5)	[0.5,0.7)	[0.7,1)	
	解码数据		<u>0.1</u>			

解码结果 cadacdb

符号	а	b	С	d
概率	0.1	0.4	0.2	0.3
区间	[0,0.1)	[0.1,0.5)	[0.5,0.7)	[0.7,1)
解码数据		<u>0.1</u>		

解码结果 cadacdb

符号	а	b	С	d			
概率	0.1	0.4	0.2	0.3			
区间	[0,0.1)	[0.1,0.5)	[0.5,0.7)	[0.7,1)			
解码数据							

符号k	а	b	С	d	
区间	[0,0.1)	[0.1,0.5)	[0.5,0.7)	[0.7,1)	
概率p(k)	0.1	0.4	0.2	0.3	
区间起始值R(k)	0	0.1	0.5	0.7	
解码数据	X				

$$X_{i}$$
落入符号为k的区间 R (k),解码结果为对应的符号 $X_{i+1} = rac{X_{i} - R(k)}{p(k)}$



LZW算法

LZW编码算法的具体执行步骤如下:

步骤1: 将词典初始化为包含所有可能的单字符, 当前前缀P初始化为空;

步骤2: 当前字符C 的内容为输入字符流中的下一个字符;

步骤3: 判断P+C是否在词典中

- (1) 如果"是", 则用C扩展P, 即让P=P+C;
- (2) 如果"否",则
 - ①输出当前前缀P的码字到码字流;
 - ②将P+C添加到词典中;
 - ③ 令前缀P = C (即现在的P仅包含一个字符C);

步骤4: 判断输入字符流中是否还有码字要编码

- (1) 如果"是",就返回到步骤2;
- (2) 如果"否"
 - ① 把当前前缀P的码字输出到码字流;
 - ② 结束。

LZW算法

- 1: 词典初始化为单符号
 - P为空
- 2: C取下一个符号
- 3: P+C在词典中?
 - (1)是, P=P+C
 - (2)否,则
 - ①输出P的码字
 - ②P+C加到词典中
- 4: 还要编码?
 - (1)是,回到2
 - (2)否
 - ①输出P的码字
 - ② 结束

- 1: 词典初始化为单符号 P为空
- 2: C取下一个符号
- 3: P+C在词典中?
 - (1)是, P=P+C
 - (2)否,则
 - ①输出P的码字
 - ②P+C加到词典

- 4: 还要编码?
 - (1)是,回到2
 - (2)否
 - ①输出P的码字
 - ② 结束

- 1: 词典初始化为单符号 P为空
- 2: C取下一个符号
- 3: P+C在词典中?
 - (1)是, P=P+C
 - (2)否,则
 - ①输出P的码字
 - ②P+C加到词典

- 4: 还要编码?
 - (1)是,回到2
 - (2)否
 - ①输出P的码字
 - ② 结束

	词典
1	Α
2	В
3	С

P	С	P+C	输出
空			

- 1: 词典初始化为单符号 P为空
- 2: C取下一个符号
- 3: P+C在词典中?
 - (1)是, P=P+C
 - (2)否,则
 - ①输出P的码字
 - ②P+C加到词典

- 4: 还要编码?
 - (1)是,回到2
 - (2)否
 - ①输出P的码字
 - ② 结束

	词典
1	А
2	В
3	С

Р	С	P+C	输出
空			

- 1: 词典初始化为单符号 P为空
- 2: C取下一个符号
- 3: P+C在词典中?
 - (1)是, P=P+C
 - (2)否,则
 - ①输出P的码字
 - ②P+C加到词典

- 4: 还要编码?
 - (1)是,回到2
 - (2)否
 - ①输出P的码字
 - ② 结束

词典					
1	А				
2	В				
3	С				

Р	С	P+C	输出
空	Α	Α	
Α			

- 1:词典初始化为单符号 P为空
- 2: C取下一个符号
- 3: P+C在词典中?
 - (1)是, P=P+C
 - (2)否,则
 - ①输出P的码字
 - ②P+C加到词典

- 4: 还要编码?
 - (1)是,回到2
 - (2)否
 - ①输出P的码字
 - ② 结束

词典			
1	А		
2	В		
3	С		
4	AB		

Р	С	P+C	输出
空 A	Α	Α	
Α	В	AB	1
В			

- 1: 词典初始化为单符号 P为空
- 2: C取下一个符号
- 3: P+C在词典中?
 - (1)是, P=P+C
 - (2)否,则
 - ①输出P的码字
 - ②P+C加到词典

- 4: 还要编码?
 - (1)是,回到2
 - (2)否
 - ①输出P的码字
 - ② 结束

	词典			
1	А			
2	В			
3	С			
4	AB			
5	ВВ			

Р	С	P+C	输出
空 A	Α	Α	
Α	В	AB	1
В	В	ВВ	2
В			

- 1:词典初始化为单符号 P为空
- 2: C取下一个符号
- 3: P+C在词典中?
 - (1)是, P=P+C
 - (2)否,则
 - ①输出P的码字
 - ②P+C加到词典

- 4: 还要编码?
 - (1)是,回到2
 - (2)否
 - ①输出P的码字
 - ② 结束

词典			
1	А		
2	В		
3	С		
4	AB		
5	ВВ		
6	ВА		

Р	С	P+C	输出
空	Α	Α	
Α	В	AB	1
В	В	ВВ	2
В	Α	ВА	2
Α			

- 1:词典初始化为单符号 P为空
- 2: C取下一个符号
- 3: P+C在词典中?
 - (1)是, P=P+C
 - (2)否,则
 - ①输出P的码字
 - ②P+C加到词典

- 4: 还要编码?
 - (1)是,回到2
 - (2)否
 - ①输出P的码字
 - ② 结束

词典			
1	А		
2	В		
3	С		
4	AB		
5	ВВ		
6	ВА		

P	С	P+C	输出
空	Α	Α	
Α	В	AB	1
В	В	ВВ	2
В	Α	ВА	2
А	В	AB	
AB			

- 1: 词典初始化为单符号 P为空
- 2: C取下一个符号
- 3: P+C在词典中?
 - (1)是, P=P+C
 - (2)否,则
 - ①输出P的码字
 - ②P+C加到词典

- 4: 还要编码?
 - (1)是,回到2
 - (2)否
 - ①输出P的码字
 - ② 结束

	词典			
1	А			
2	В			
3	С			
4	AB			
5	ВВ			
6	ВА			
7	ABA			

Р	С	P+C	输出
空	А	Α	
Α	В	AB	1
В	В	ВВ	2
В	Α	ВА	2
Α	В	AB	
AB	Α	ABA	4
Α			

- 1:词典初始化为单符号 P为空
- 2: C取下一个符号
- 3: P+C在词典中?
 - (1)是, P=P+C
 - (2)否,则
 - ①输出P的码字
 - ②P+C加到词典

- 4: 还要编码?
 - (1)是,回到2
 - (2)否
 - ①输出P的码字
 - ② 结束

词典			
1	Α		
2	В		
3	С		
4	AB		
5	ВВ		
6	ВА		
7	ABA		

Р	С	P+C	输出
空	Α	Α	
Α	В	AB	1
В	В	ВВ	2
В	Α	ВА	2
Α	В	AB	
AB	Α	ABA	4
Α	В	AB	
AB			



信源符号 A B B A B A B A

- 1:词典初始化为单符号 P为空
- 2: C取下一个符号
- 3: P+C在词典中?
 - (1)是, P=P+C
 - (2)否,则
 - ①输出P的码字
 - ②P+C加到词典

- 4: 还要编码?
 - (1)是,回到2
 - (2)否
 - ①输出P的码字
 - ② 结束

词典				
1	А			
2	В			
3	С			
4	AB			
5	ВВ			
6	ВА			
7	ABA			

P	С	P+C	输 出
空	Α	Α	
Α	В	AB	1
В	В	ВВ	2
В	Α	ВА	2
Α	В	AB	
AB	Α	ABA	4
Α	В	AB	
AB	Α	ABA	
ABA			



- 1: 词典初始化为单符号 P为空
- 2: C取下一个符号
- 3: P+C在词典中?
 - (1)是, P=P+C
 - (2)否,则
 - ①输出P的码字
 - ②P+C加到词典

- 4: 还要编码?
 - (1)是,回到2
 - (2)否
 - ①输出P的码字
 - ② 结束

词典				
1	Α			
2	В			
3	С			
4	AB			
5	ВВ			
6	ВА			
7	ABA			
8	ABAC			

P	С	P+C	输出
空	А	Α	
Α	В	AB	1
В	В	ВВ	2
В	Α	ВА	2
Α	В	AB	
AB	Α	ABA	4
Α	В	AB	
AB	Α	ABA	
ABA	С	ABAC	7
С			3

词典

- 1 A
- 2 B
- 3 C
- 4 AB
- 5 BB
- 6 BA
- 7 ABA

符号 A B B A B A C

输出 122473

• 程序?