

第一章 数制和码制

主要要求：

- 掌握几种常用的数制及其转换。
- 了解二进制算数运算。
- 掌握几种常用的编码。

一、数字电路与数字信号

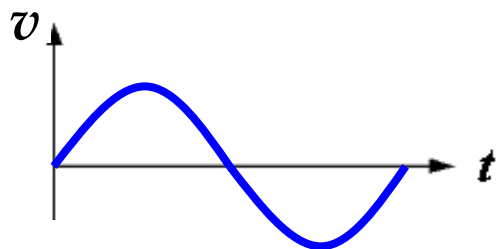
电子电路分类 { 模拟电路
数字电路

传递、处理模拟
信号的电子电路

传递、处理数字
信号的电子电路

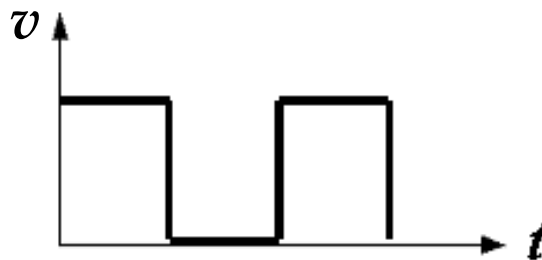
模拟信号

时间上和幅度上都
连续变化的信号



数字信号

时间上和幅度上都
断续变化的信号



数字电路中典型信号波形

二、数字电路的特点

研究对象

输出信号与输入信号之间的逻辑关系

分析工具

逻辑代数

信 号

只有高电平和低电平两个取值

电子器件
工作状态

导通(开)、截止(关)

主要优点

便于高度集成化、工作可靠性高、
抗干扰能力强和保密性好等

1.1 数制和码制

主要要求:

- 掌握十进制数和二进制数的表示及其相互转换。
- 了解八进制和十六进制。
- 理解 **BCD** 码的含义，掌握 **8421BCD 码**，
了解其他常用 **BCD** 码。

一、数制

计数的方法

(一) 十进制 (Decimal)

$(xxx)_{10}$ 或 $(xxx)_D$

例如 $(3176.54)_{10}$ 或 $(3176.54)_D$

数码：0、1、2、3、4、5、6、7、8、9

进位规律：逢十进一，借一当十

$$\begin{array}{cccc} & (11.51)_{10} & & \\ \swarrow & & \searrow & \\ 1 \times 10^1 & 1 \times 10^0 & 5 \times 10^{-1} & 1 \times 10^{-2} \\ \Downarrow & \Downarrow & \Downarrow & \Downarrow \\ \text{权} & \text{权} & \text{权} & \text{权} \end{array}$$

10^i 称十进制的权

10 称为基数

0 ~ 9 十个数码称系数

十进制数可表示为各位加权系数之和，称为按权展开式

$$(3176.54)_{10} = 3 \times 10^3 + 1 \times 10^2 + 7 \times 10^1 + 6 \times 10^0 + 5 \times 10^{-1} + 4 \times 10^{-2}$$

(二) 二进制 (Binary)

$(xxx)_2$ 或 $(xxx)_B$

例如 $(1011.11)_2$ 或 $(1011.11)_B$

数码: 0、1

进位规律: 逢二进一, 借一当二

按权展开式表示

$$(1011.11)_2 = 1 \times 2^3 + 0 \times 2^2 + 1 \times 2^1 + 1 \times 2^0 + 1 \times 2^{-1} + 1 \times 2^{-2}$$

例如 $0 + 1 = 1$ $1 + 1 = 10$

权: 2^i 基数: 2 系数: 0、1

将按权展开式按照十进制规律相加, 即得对应十进制数。

$$\begin{aligned}(1011.11)_2 &= 1 \times 2^3 + 0 \times 2^2 + 1 \times 2^1 + 1 \times 2^0 + 1 \times 2^{-1} + 1 \times 2^{-2} \\ &= 8 + 0 + 2 + 1 + 0.5 + 0.25 = 11.75\end{aligned}$$

□ □  $(1011.11)_2 = (11.75)_{10}$

(三) 八进制和十六进制

进制	八进制 (Octal)	十六进制 (Hexadecimal)
数的表示	$(xxx)_8$ 或 $(xxx)_O$	$(xxx)_{16}$ 或 $(xxx)_H$
计数规律	逢八进一，借一当八	逢十六进一，借一当十六
基数	8	16
权	8^i	16^i
数码	0 ~ 7	0 ~ 9、A、B、C、D、E、F

$$\begin{aligned}\text{例如}(3BE.C4)_{16} &= 3 \times 16^2 + 11 \times 16^1 + 14 \times 16^0 + 12 \times 16^{-1} + 4 \times 16^{-2} \\ &= 768 + 176 + 14 + 0.75 + 0.015625 \\ &= (958.765625)_{10}\end{aligned}$$

二、数制转换

● 十进制与非十进制间的转换

十进制 \rightarrow 非十进制

非十进制 \rightarrow 十进制

● 非十进制间的转换

二进制 \rightarrow 八、十六进制

八、十六进制 \rightarrow 二进制

不同进制数的对照表

十进制数	二进制	八进制	十六进制
00	0000	00	0
01	0001	01	1
02	0010	02	2
03	0011	03	3
04	0100	04	4
05	0101	05	5
06	0110	06	6
07	0111	07	7
08	1000	10	8
09	1001	11	9
10	1010	12	A
11	1011	13	B
12	1100	14	C
13	1101	15	D
14	1110	16	E
15	1111	17	F

1. 各种数制转换成十进制

按权展开求和

2. 十进制转换为二进制

整数和小数分别转换

整数部分：除 2 取余法

小数部分：乘 2 取整法

★ [例] 将十进制数 $(26.375)_{10}$ 转换成二进制数

2	26	余数
2	13	0
2	6	1
2	3	0
2	1	1
	0	1

读数顺序

0.375	整数
$\times 2$	
0.750	0
$\times 2$	
1.500	1
$\times 2$	
1.000	1

读数顺序

一直除到商为 0 为止

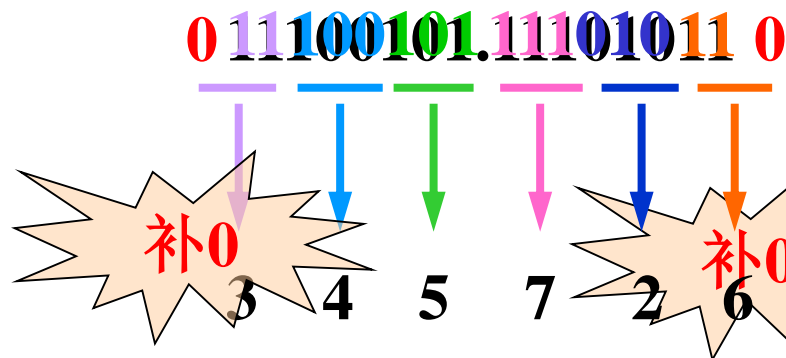
$$(26.375)_{10} = (11010.011)_2$$

3. 二进制与八进制间的相互转换

□ 二进制→八进制

从小数点开始，整数部分向左（小数部分向右）三位一组，最后不足三位的加0补足三位，再按顺序写出各组对应的八进制数。

★ $(11100101.11101011)_2 = (?)_8$



$$(11100101.11101011)_2 = (345.726)_8$$

□ 八进制→二进制

每位八进制数用三位二进制数代替，再按原顺序排列。

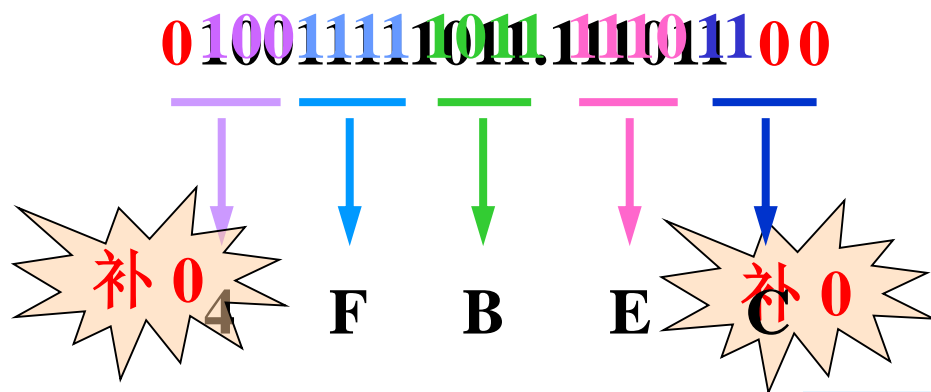
$$(745.361)_8 = (111100101.011110001)_2$$

4. 二进制和十六进制间的相互转换

■ 二进制→十六进制：

从小数点开始，整数部分向左(小数部分向右) **四位一组**，**最后不足四位的加 0 补足四位**，再按顺序写出各组对应的十六进制数。

★ $(10011111011.111011)_2 = (?)_{16}$



$$(10011111011.111011)_2 = (4FB.EC)_{16}$$

■ 十六进制→二进制：

每位十六进制数用四位二进制数代替，再按原顺序排列。

$$(3BE5.97D)_{16} = (11101111100101.100101111101)_2$$

三数值数

(一) 机器数

符号 (+/-) 数码化

最高位: “0” 表示 “+”
“1” 表示 “-”

(二) 带符号二进制数的代码表示

$$X_1 = + 1101101$$

$$X_2 = - 1101101$$

1. 0 原码 [X] 原: 0 1

符号位

“0” 表示 “+”
最高位: “1” 表示 “-”

原码部分 (真值) 1
反码
补码

1. 负数：尾数为真值数值部分按位取反
正数：尾数部分与真值形式相同

2.

$$X_1 = +4 \quad [X_1]_{\text{反}} = 00000100$$

$$X_2 = -4 \quad [X_2]_{\text{反}} = 11111011$$

3. 补码 $[X]_{\text{补}}$: 符号位 + 尾数部分

正数：尾数部分与真值同即 $[X]_{\text{补}} = [X]_{\text{正}}$

负数：尾数为真值数值部分按位取反加1

$$\text{即 } [X]_{\text{补}} = [X]_{\text{反}} + 1$$

二进制数	原码	反码	补码
X=+5 +101	0101	0101	0101
X= -5 -101	1101	1010	1011

补码的性质：

用补码进行运算时，两数补码之和等于两数和之补码，即

$$[X_1]_{\text{补}} + [X_2]_{\text{补}} = \{X_1 + X_2\}_{\text{补}}$$

(三)、带符号数的运算

正数：原码=反码=补码

负数： 原码 $\xleftrightarrow{\text{按位取反}}$ 反码 原码 $\xleftrightarrow{\text{按位取反加1}}$ 补码

例：利用二进制补码运算求 $(107)_{10} - (79)_{10}$ 的值。

解： $(107)_{10} = (1101011)_2$ $[107]_{\text{补}} = (0\ 1101011)_2$

$(-79)_{10} = (-1001111)_2$ $[-79]_{\text{补}} = (1\ 0110001)_2$

$[107-79]_{\text{补}} = [107]_{\text{补}} + [-79]_{\text{补}} = (01101011)_2 + (10110001)_2$

0 1 1 0 1 0 1 1

= (0 0011100)₂

+ 1 0 1 1 0 0 0 1

1 0 0 0 1 1 1 0 0

$107-79 = (00011100)_{\text{补}} = (00011100)_{\text{原}}$

$= (+28)_{10}$

自动丢弃

四、二进制代码

将若干个二进制数码 0 和 1 按一定规则排列起来表示某种特定含义的代码称为二进制代码，简称二进制码。

用数码的特定组合表示特定信息的过程称编码

常用二进制代码	{ 自然二进制码 二 - 十进制码 格雷码 奇偶检验码 ASCII 码 (美国信息交换标准代码)
---------	--

(一) 自然二进制码

按自然数顺序排列的二进制码

(二) 二进制代码

表示十进制数 0 ~ 9 十个数码的二进制代码

(又称 **BCD** 码 即 **Binary Coded Decimal**)

4 位二进制码有 16 种组合，表示 0 ~ 9 十个数可有多种方案，所以 **BCD** 码有多种。

常用二 - 十进制代码表

比 8421BCD 码多余 3

十 进 制 数	有 权 码				无权码
	8421 码	5421 码	2421 (A)	2421 (B)	余 3 码
0	0000	0000	0000	0000	0011
1	0001	0001	0001	0001	0100
2	0010	0010	0010	0010	0101
3	0011	0011	0011	0011	0110
4	0100	0100	0100	0100	0111
5	0101	1000	0101	1011	1000
6	0110	1001	0110	1100	1001
7	0111	1010	0111	1101	1010
8	1000	1011	1110	1110	1011
9	1001	1100	1111	1111	1100

权为 8、4、2、1

取四位自然二进制数的前 10 种组合，
去掉后 6 种组合 1010 ~ 1111。



用 BCD 码表示十进制数举例：

$$(36)_{10} = (00110110)_{8421\text{BCD}}$$

$$(4.79)_{10} = (0100.01111001)_{8421\text{BCD}}$$

$$(01010000)_{8421\text{BCD}} = (50)_{10}$$



注意区别 BCD 码与数制：

$$(150)_{10} = (\quad)_{8421\text{BCD}}$$

$$= (\quad)_2 = (\quad)_8 = (\quad)_{16}$$

$$(150)_{10} = (000101010000)_{8421\text{BCD}}$$

$$= (10010110)_2 = (226)_8 = (96)_{16}$$

(三) 可靠性代码

■ 格雷码(Gray 码, 又称循环码)

典型格雷码构成规则：

最低位以 **0110** 为循环节

次低位以 **00111100** 为循环节

第三位以 **0000111111110000** 为循环节

.....

特点：

相邻项或对称项只有一**位**不同。

0	0	0	0
0	0	0	1
0	0	1	1
0	0	1	0
0	1	1	0
0	1	1	1
0	1	0	1
0	1	0	0
1	1	0	0
1	1	0	1
1	1	1	1
1	1	1	0
1	0	1	0
1	0	1	1
1	0	0	1
1	0	0	0

十进制数	自然二进制码				格 雷 码			
	B ₃	B ₂	B ₁	B ₀	G ₃	G ₂	G ₁	G ₀
0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	0	0	0	1	0	0	0	1
2	0	0	1	0	0	0	1	1
3	0	0	1	1	0	0	1	0
4	0	1	0	0	0	1	1	0
5	0	1	0	1	0	1	1	1
6	0	1	1	0	0	1	0	1
7	0	1	1	1	0	1	0	0
8	1	0	0	0	1	1	0	0
9	1	0	0	1	1	1	0	1
10	1	0	1	0	1	1	1	1
11	1	0	1	1	1	1	1	0
12	1	1	0	0	1	0	1	0
13	1	1	0	1	1	0	1	1
14	1	1	1	0	1	0	0	1
15	1	1	1	1	1	0	0	0

格雷码与自然二进制码之间的转换

①自然二进制码 \longrightarrow 格雷码

先将二进制码最左端补**0**，然后将二进制码由左向右连续将两位相邻位异或，所得结果即为格雷码。

②格雷码 \longrightarrow 自然二进制码

先将格雷码的最高位直接抄下，做为二进制数的最高位，然后将二进制数的最高位与格雷码的次高位异或，得到二进制数的次高位，再将二进制数的次高位与格雷码的下一位异或，得二进制数的下一位，如此一直进行下去，直到最后。

■ 奇偶校验码

组成 { 信 息 码：需要传送的信息本身。
1 位校验位：取值为 0 或 1，以使整个代码
中“1”的个数为奇数或偶数。

使“1”的个数为奇数的称奇校验，
为偶数的称偶校验。

8421 奇偶校验码

十进制数	8421 奇 校 验 码		8421 偶 校 验 码	
	信 息 码	校 验 码	信 息 码	校 验 码
0	0 0 0 0	1	0 0 0 0	0
1	0 0 0 1	0	0 0 0 1	1
2	0 0 1 0	0	0 0 1 0	1
3	0 0 1 1	1	0 0 1 1	0
4	0 1 0 0	0	0 1 0 0	1
5	0 1 0 1	1	0 1 0 1	0
6	0 1 1 0	1	0 1 1 0	0
7	0 1 1 1	0	0 1 1 1	1
8	1 0 0 0	0	1 0 0 0	1
9	1 0 0 1	1	1 0 0 1	0

作业

题 **1.2** (2) (4) 、 **1.4** (2) (4) 、 **1.5** (2) (4)、
1.6 (2) (4)、 **1.7** (2) (4)、 **1.9** (2) (4)、
1.15 (4) (8)

补充题：

将下列数码作为自然二进制码和8421BCD码时，分别求出相应的十进制数。

① **10010111**

② **100010010011**