## ECR 离子源阅读笔记

X.Y. Wang

April 20, 2023

#### Abstract

RF Heating in Electron Cyclotron Resonance Ion Sources 文章阅读笔记, 争取在 4 月 5 日前完成。

### 1 简介

为了更好的理解 ECRIS 的原理,需要使用原子物理的相关知识,总结起来是以下的公式:

$$n_e \tau_e = \frac{1}{S_{q,q-1} - S_{q+1,q}} \tag{1}$$

$$S_{q,q-1} = \frac{1}{n_e} \int_{\varepsilon_{q,q-1}}^{\infty} \sigma_{q,q-1} \sqrt{\frac{2\varepsilon}{m_e}} F(\varepsilon) d\varepsilon \tag{2}$$

其中  $\tau_q$  是电荷态为 q 离子的寿命, $S_{q,q-1}$  是电离率 (它取决于电离截面  $\sigma$ ),  $F(\varepsilon)$  是电子的能量分布,其中  $\varepsilon$  是电荷态的电离能。

式1中的分母在低温时逐渐升高,但是当温度超过 20-30 keV 时下降。当电离率为定值时,只有产生率  $n_e\tau_e$  足够高时才能产生足够高电荷态的离子。这时引出的粒子流强为:

$$I_q^z \approx \frac{1}{2} \frac{n_q^z q e V_{ex}}{\tau_{q,l}^z} \tag{3}$$

其中  $V_{ex}$  是等离子体内核的体积, $n_q$  是某电荷态离子的密度。这个公式表示离子密度和离子寿命是高性能 ECRIS 的关键。电子温度同样也很重要,但是过热的加热需要被避免,因为超热电子产生硬韧致辐射,这会增加超导磁铁低温恒温器的热载,并且对绝缘器件造成损伤。

以往对等离子体起弧和稳定性问题的研究是基于半经验公式。最小 B 结果是磁流体稳定的,它的磁压比  $\beta \ll 1$ 。基于  $n_e = n_c = \frac{m\omega_{RF}^2 \epsilon_0}{\epsilon^2}$  的假设,磁流体稳定性条件为:

$$\left(\frac{B}{B_{ECR}}\right)^2 > 2 \cdot 10^2 k T_e \frac{\mu_0 \varepsilon_0}{m_e} \tag{4}$$

通常情况下  $\frac{B}{B_{ECR}} \ge 2B_{ECR}$ ,  $B_{inj} \approx 3 \cdot B_{ECR}$  或更多, $B_{ext} \approx B_{rad}$ ,  $0.3 < \frac{B_{min}}{B_{rad}} < 0.45$ 。考虑电磁场的截止现象,R. Geller 提出了流强和平均电荷态关于  $\omega_{RF}$  的 scaling law:

$$I \propto \frac{\omega_{RF}^2}{M} < q > \propto \log \omega_{RF}^{3.5} \tag{5}$$

根据这些 scaling laws, ECRIS 性能的提升也取决于微波频率和约束磁场的提升。发展更经济有效的磁铁,高效的微波耦合,和更深入的微波加热机理研究是目前所需要的。

#### 2 ECRIS 中的加热模型

Lieberman 等人利用单电子模型,考虑动量随机效应去解释无碰撞的 ECRIS 电子加热模型。模型中假设电子的运动提供了波-粒子相互作用的随机相位。在一个抛物线型的磁场  $B=B_{min}(1+z^2/L^2)$ ,其中  $L=(\Delta B/B)^{-1}$  是磁场 B 的特征长度。电子在 z 方向上的运动可以描述为:

$$z = z_0 \cos(\omega_b t + \Psi_0) \tag{6}$$

其中  $\omega_b$  是电子运动的往复频率。电子每次穿过共振面时将获得一个垂直磁场方向的冲量,这个能量冲量大小取决于随机相位  $\phi$ :

$$\varepsilon = \varepsilon_i + \Delta \varepsilon + 2\cos(\phi)\sqrt{\varepsilon_i \cdot \Delta \varepsilon} \tag{7}$$

考虑电磁场中的电场方程,可以得到:

$$E(r, \theta, z, t) = E_0 \cos[\omega_{RF} t + \theta - k z_0 \cos(\omega_b t + \Psi_0)]$$
(8)

上述公式描述了电子经过多次共振相互作用的结果。这个模型也被称为"非线性摆模型"。在相空间中,每一个虚波的分界线在一个宽的速度范围内重叠,也就意味着混沌的扩散和加热现象。加热在分界线上停止,比如: $\omega \cong \omega_c \approx \omega_{RF}$ ,此时能来个你为 $W_s$ 。随机势垒为:

$$W_b \approx 5W_s = \left[m_e L(1 + \frac{l^2}{L^2})\right]^{1/4} l\omega^{1/2} (eE)^{3/4}$$
(9)

其中 1 是共振区的长度。

电子加热过程可以通过速度空间的扩散来理解。考虑球坐标系  $(v, \mu, \theta)$ ,其中 v 是速度, $\arccos \mu$  是螺旋角, $\theta$  是与磁场的夹角。此时扩散张量为:

$$D_{vv} = \frac{\Delta v^2}{2\Delta t} = \pi \left(\frac{eE}{2m_e}\right)^2 \frac{L}{d\omega} \text{ and } D_{\mu\mu} = \frac{\Delta \mu^2}{2\Delta t} = D_{vv} \left(\frac{v}{v_\phi}\right)^2$$
 (10)

其中 d 是等离子体尺寸, $v_{\phi}$  是相速度。分布函数为:

$$\frac{\partial f_e}{\partial t} = \left(\frac{\partial f_e}{\partial t}\right)_{coll} + \left(\frac{\partial f_e}{\partial t}\right)_{RF} + S_{i,e}, \text{ with: } \left(\frac{\partial f_e}{\partial t}\right)_{RF} = \frac{\partial}{\partial v_i} \left(D_{i,j} \frac{\partial f_e}{\partial v_i}\right)$$
(11)

其中  $S_{i,e}$  是离子和电子的电离率和二次电子发射系数。RF 项代表扩散系数,扩散是各向异性的,因为 RF 场中的螺角散射的原因。

可以得到一个结论是:随着 L 的增加,加热效率迅速提升。螺角散射的影响取决于  $v_{\phi}$ ,越靠近共振面,冷等离子体的折射率可以写为:

$$\frac{k^2c^2}{\omega^2} \approx -\frac{\omega_p^2}{\omega k v_T} \tag{12}$$

其中  $v_T$  是热速度,  $\omega_p$  是等离子体频率。因此  $v_\phi$  为:

$$v_{\phi}^{3} \approx \frac{\omega^{2}}{\omega_{p}^{2}} v_{t} c^{2} = \frac{n_{c}}{n_{e}} v_{t} c^{2} \tag{13}$$

根据公式10, $D_{\mu\mu}$  随着  $v_{\phi}$  减小而增长。当  $v_{t}$  接近  $v_{\phi}$  时,RF 散射使电子进入损失锥中,这会限制  $n_{e}$  的增长。继续提高  $n_{e}$ , $n_{c}$  就必须提高,因此  $n_{e} \propto \omega_{RF}^{2}$ ;  $\omega_{RF}$  又确定了特征的电子能量:  $E_{char} \approx \frac{m_{e}v_{\phi}^{2}}{2}$ 。这种方法可以很好的解释 Geller 提出的"omega squared" 定律,以及频率提高会导致电子平均能量的提高。

# 3 L 的非经典标度和基体效应的影响

上述模型在尝试预测 L 方向上最大的  $E_max$  时失效。Koivisto 等人测量了 EEDF 与 L 的关系,得到结论与理论预测并不相符。