

Planetary Atmospheric Spectrum Retrieval based on Machine Learning

王艺霖

2024年12月26日



### 目录

- 1 背景: 行星大气发射光谱
- 2 实现过程
- 3 结果&讨论



### 考虑多次散射的辐射传输方程

$$-\mu \frac{dI(\mu, \phi)}{d\tau^*} = -I + (1 - a)B + a \int \frac{P(\cos \Theta)}{4\pi} I(\mu', \phi') d\Omega'$$

• 因子 $P(\cos\Theta)/4\pi$ 表示 $(\mu',\phi')$ 方向入射的辐射亮度 散射到 $(\mu,\phi)$ 方向上的比重

• 应满足 
$$\int \frac{P(\cos\Theta)}{4\pi} d\Omega = \int \frac{P(\cos\Theta)}{4\pi} d\Omega' = 1$$

- 各向同性散射  $P(\cos \Theta) \equiv 1$
- Rayleigh phase function  $\cos\Theta = \overrightarrow{n}_I \cdot \overrightarrow{n}_{sca} = \cos\theta \cos\theta' + \sin\theta \sin\theta' \cos(\phi \phi')$   $P(\cos\Theta) = \frac{3}{2(2+\delta)} (1+\delta+(1-\delta)\cos^2\Theta)$

 $(P/4\pi) I(\theta',\phi',\tau^*) \omega_0 \Delta \tau^*$   $I(\theta,\phi,\tau^*) \cos \theta - I(\theta,\phi,\tau^*) \Delta \tau^*$ 方向夹角  $\sin \theta \sin \theta' \cos(\phi - \phi')$ 

图片来源: 丁峰老师

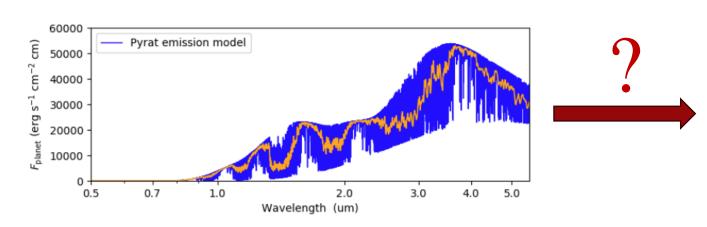
$$p, T(p), X_i(p) \rightarrow F_p(\lambda)$$

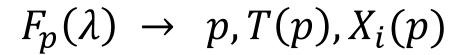
LBL, correlated-k, etc.

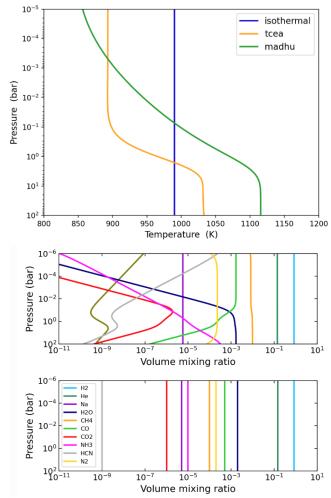
计算量很大,但是没有 原则上的困难

#### 光谱 → 大气 ?



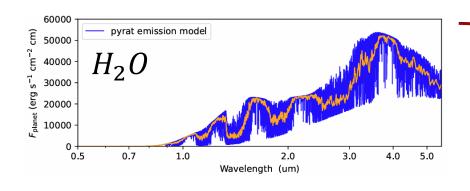


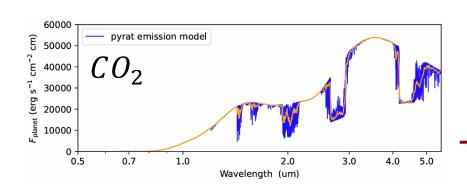




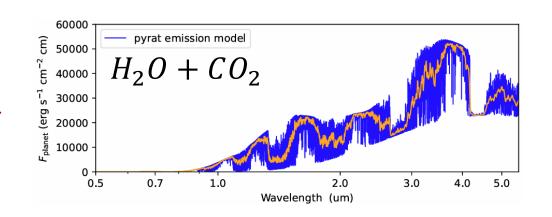
#### 光谱 → 大气







$$F_p(\lambda) \rightarrow p, T(p), X_i(p)$$



 $F_p(\lambda)$ 与p, T(p),  $X_i(p)$ 的关系是**高度非线性**的 **主流方法: MCMC** (Markov Chain Monte-Carlo) (缺点: 慢,每一步随机游走都需要计算一次光谱)

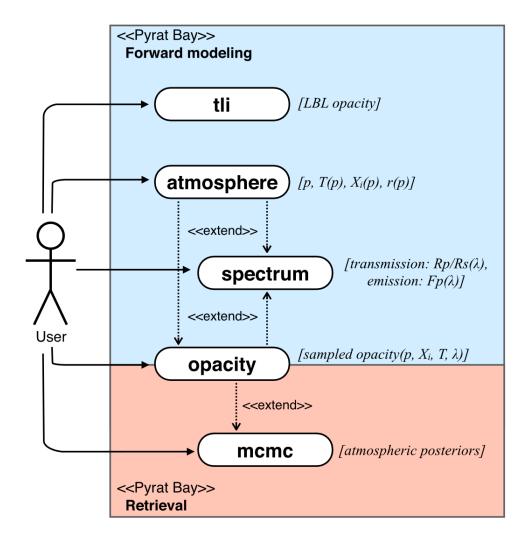


### 目录

- 1背景
- 2 实现过程:数据生成&训练
- 3 结果&讨论

#### 数据生成: pyratbay



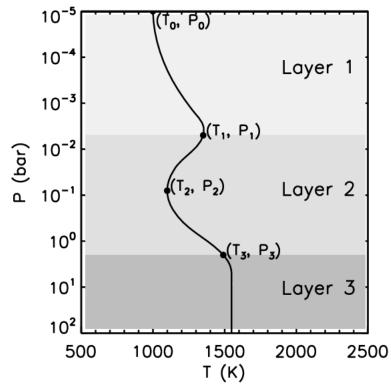


Cubillos & Blecic 2021

- 1. 配置环境
- 2. 从HITRAN下载LBL、CIA的吸收数据
- 3. 单次运行(略)
- pbay –c \*.cfg
- atmos.cfg→profile.atm
- spec.cfg→spec.dat
- 4. 批处理(略)
- 生成参数文件(随机生成)
- ▶ 总任务脚本传递task\_id给单个任务脚本
- 单个任务脚本给py程序传递task\_id生成cfg, 并执行pbay命令生成光谱

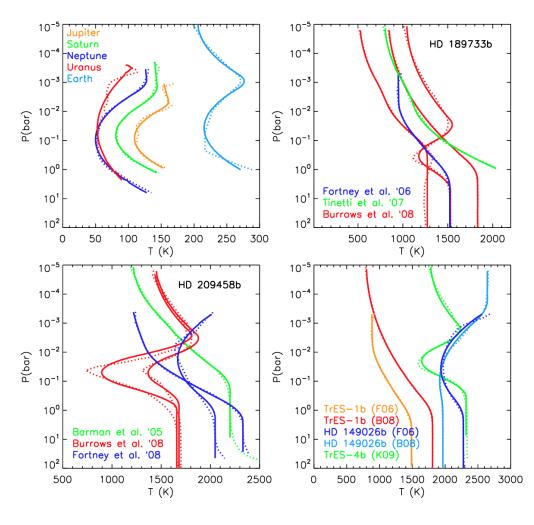
#### 温度廓线:Madhu profile





$$T(p) = egin{cases} T_0 + \left[rac{1}{a_1} ext{ln}(p/p_0)
ight]^2 & ext{if } p < p_1 & ext{(layer 1)} \ T_2 + \left[rac{1}{a_2} ext{ln}(p/p_2)
ight]^2 & ext{if } p_1 \leq p < p_3 & ext{(layer 2)} \ T_3 & ext{if } p \geq p_3 & ext{(layer 3)} \end{cases}$$

若 $p_1 < p_2$ ,则有逆温层,反之则无

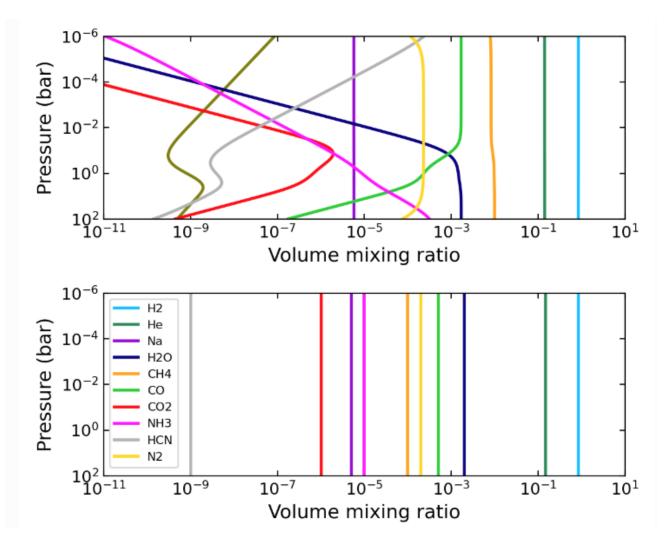


Madhusudhan & Seager 2009

这个模型是为了拟合系外行星温度廓线提出的

#### 大气成分浓度廓线: 均匀分布





Thermal Equilibrium

#### Uniform

为简单起见,选择均匀分布

#### 参数选取



• Madhu profile的6个参数(后来证明这是个错误的选择)  $p_1, p_2, p_3, a_1, a_2, T_0$ 

• 18种气体的含量(8种主要气体+10种微量气体)

 $H_2O, CO_2, N_2, O_2, CH_4, O_3, He, H_2, NH_3, PH_3, CO, SO_2, HCN, H_2S, NO, N_2O, HCl, C_2H_2$ 

- 总共生成10800组数据
- 输入数据: X(10800, 19001)
- 预测参量: Y(10800, 24)

#### 训练



线性回归、随机森林、MLP、1D CNN、2D CNN、Transformer

均采用 train:validation:test=8:1:1 随机划分数据

#### • 2D CNN:

把 $x_i$ (19001)折叠为(190×100)的二维数组

优点:可以使用二维卷积核,更好地利用了CNN的特性

缺点: 丢失了原本连接处的序列信息

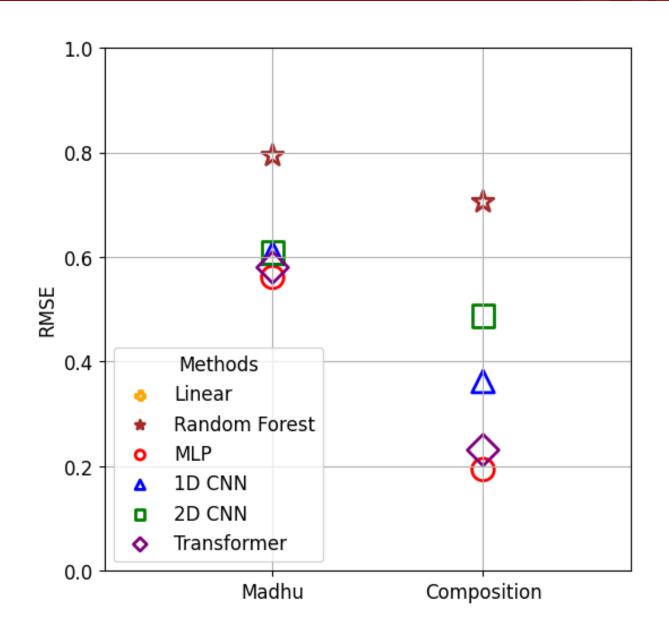


## 目录

- 1 背景
  - 2 实现过程
  - 3/结果&讨论

#### 结果: 温度&成分





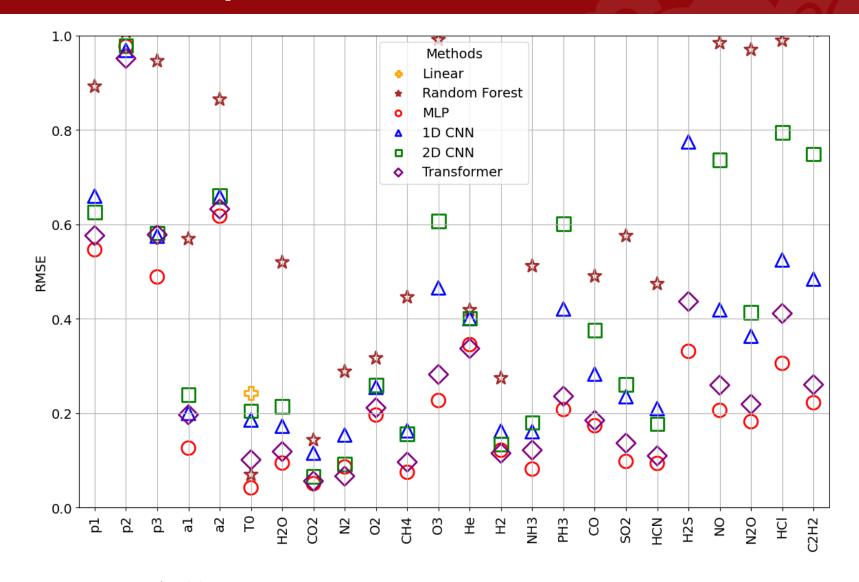
### 幽默的线性回归:

- 前 6 个参数的 RMSE: 76.13
- 后 18 个参数的 RMSE: 43.74

(也反映了光谱和大气的关系的确是高度 非线性的)

#### 重要参数: $T_0$ &主要气体





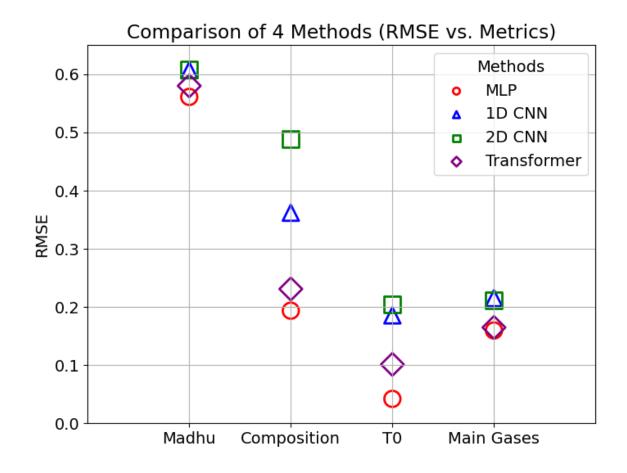
发现 $a_1, T_0$ 和8种主要气体的含量的预测效果还可以,其余参量的预测效果较差

这是可以理解的,对光谱影响小的参数很难在10<sup>4</sup>个样本中学习到

重要参数:  $T_0$ ,  $\{H_2O, CO_2, N_2, O_2, CH_4, He, H_2, NH_3\}$ 

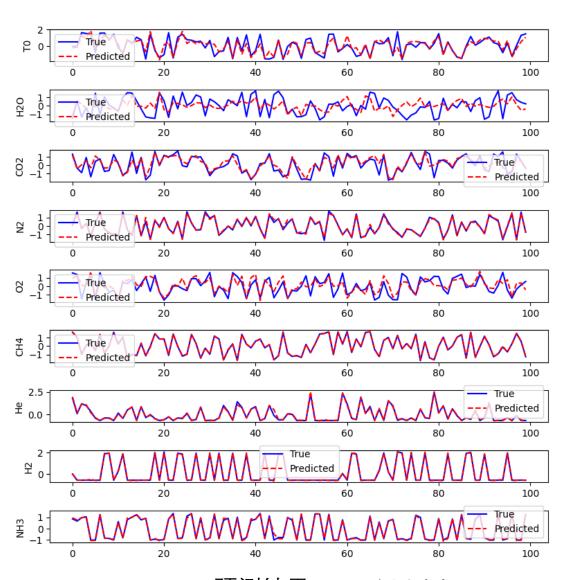
#### 结果比对





效果还不错! (考虑到只有10⁴的样本量和极为有限的调参次数)

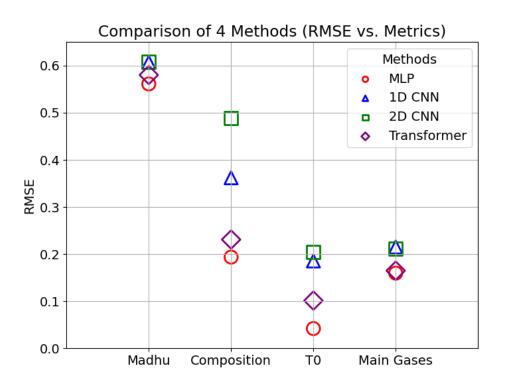
(以及, 把一维数据折叠成二维来套用2D CNN看起来是损失大于收益的)



MLP预测结果 (100个测试点)

#### 讨论





- **温度廓线**: Madhu参数对于温度廓线的影响比较复杂; 更重要的影响因素是**光学厚度**, 在发射光谱中光学厚度为1位置的权重函数最大,深层大气发射的光谱无法穿透 (Madhu参数中的  $a_1$ 对这个位置的决定也有作用,所以学的效果明显好于剩余的4个参数,剩下4个参数主要对更深的大气有影响)
- **大气成分**: 大概能判断出来行星大气的主要成分和含量,但肯定与biosignature识别这种任务无缘

#### 接下来的改进方向:

- 使用每一层的温度而不是Madhu参数作为温度廓线的输入变量
- 使用达到thermal equilibrium的气体成分分布
- 和主流的方法的预测效果、资源消耗进行对比

#### References



- 1. Cubillos, P. E., & Blecic, J. (2021). The pyrat bay framework for exoplanet atmospheric modelling: A population study of Hubble/WFC3 transmission spectra. Monthly Notices of the Royal Astronomical Society, 505(2), 2675–2702. <a href="https://doi.org/10.1093/mnras/stab1405">https://doi.org/10.1093/mnras/stab1405</a>
- 2. Madhusudhan, N., & Seager, S. (2009). A temperature and abundance retrieval method for exoplanet atmospheres. The Astrophysical Journal, 707(1), 24. <a href="https://doi.org/10.1088/0004-637X/707/1/24">https://doi.org/10.1088/0004-637X/707/1/24</a>
- 3. Line, M. R., Wolf, A. S., Zhang, X., Knutson, H., Kammer, J. A., Ellison, E., Deroo, P., Crisp, D., & Yung, Y. L. (2013). A systematic retrieval analysis of secondary eclipse spectra. I. A comparison of atmospheric retrieval techniques. The Astrophysical Journal, 775(2), 137. https://doi.org/10.1088/0004-637X/775/2/137

### 感谢大家!

欢迎访问 https://williamwyl.cn!