Fundamentos de Algoritmos e Estrutura de Dados - Aula 06 - Grafos

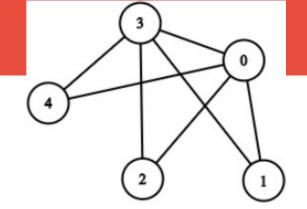
Prof. André Gustavo Hochuli

<u>gustavo.hochuli@pucpr.br</u> <u>aghochuli@ppgia.pucpr.br</u>

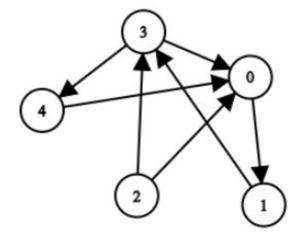
Plano de Aula

- Grafos
 - Busca Profundidade
 - Busca Largura
 - Busca A*
- Dijkstra

Grafos

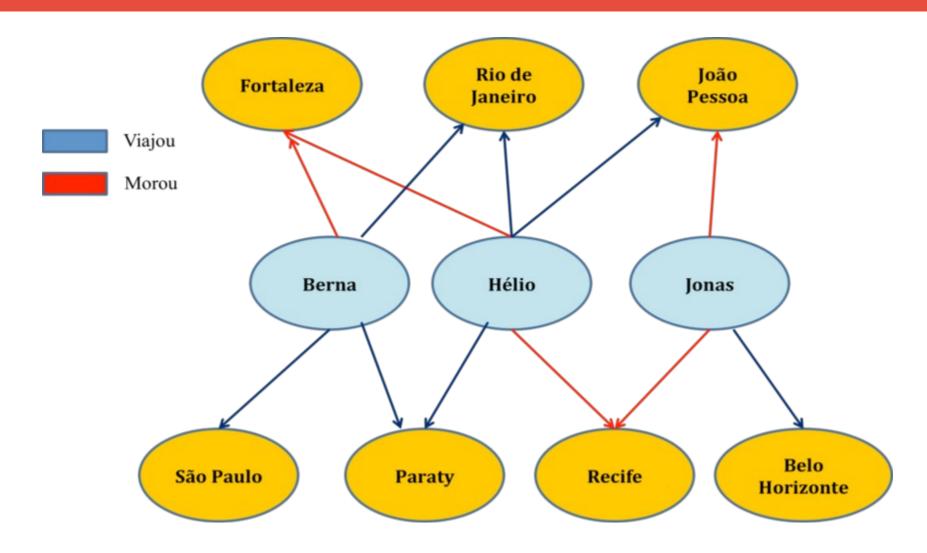


- Conjunto de Vértices e Arestas
 - Direcionado ou Não
 - Define graus de relacionamento entre objetos (arestas e vértices)
- Utilizado na modelagem de problemas
 - Redes Sociais
 - Relacionamento entre Empresas, Pessoas, etc
 - Roteamento
 - Redes de Computadores
 - Rotas Rodoviárias, Aéreas, Malha Elétrica....

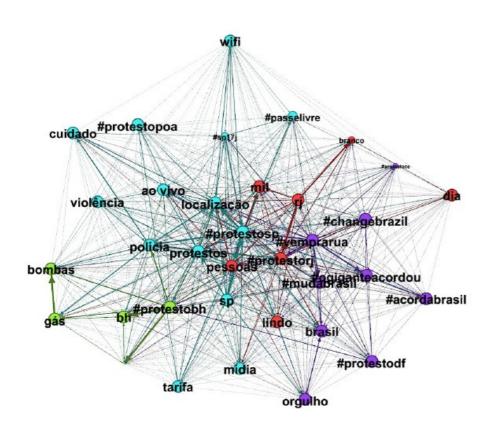


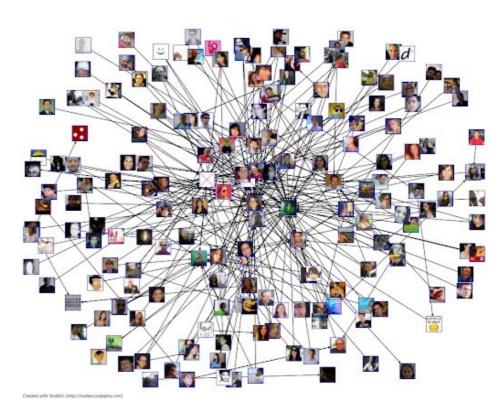
Programação Orientada a Objetos (Classes)

Grafos (Relacionamentos)

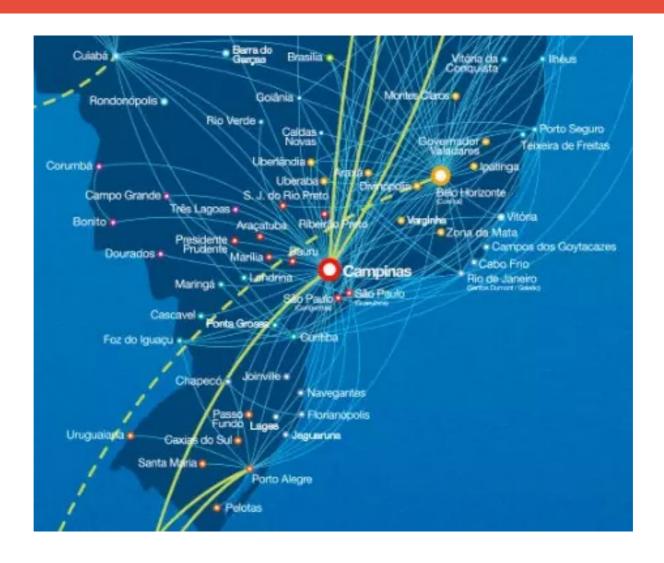


Grafos (Redes Sociais)



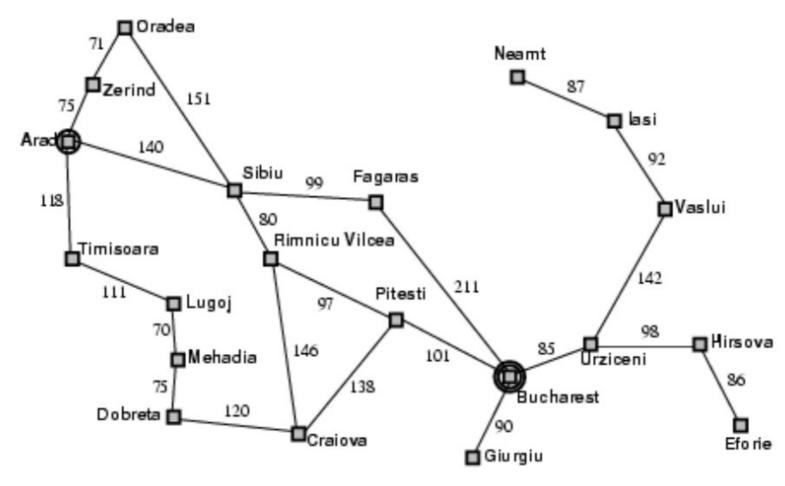


Grafos (Roteamento)

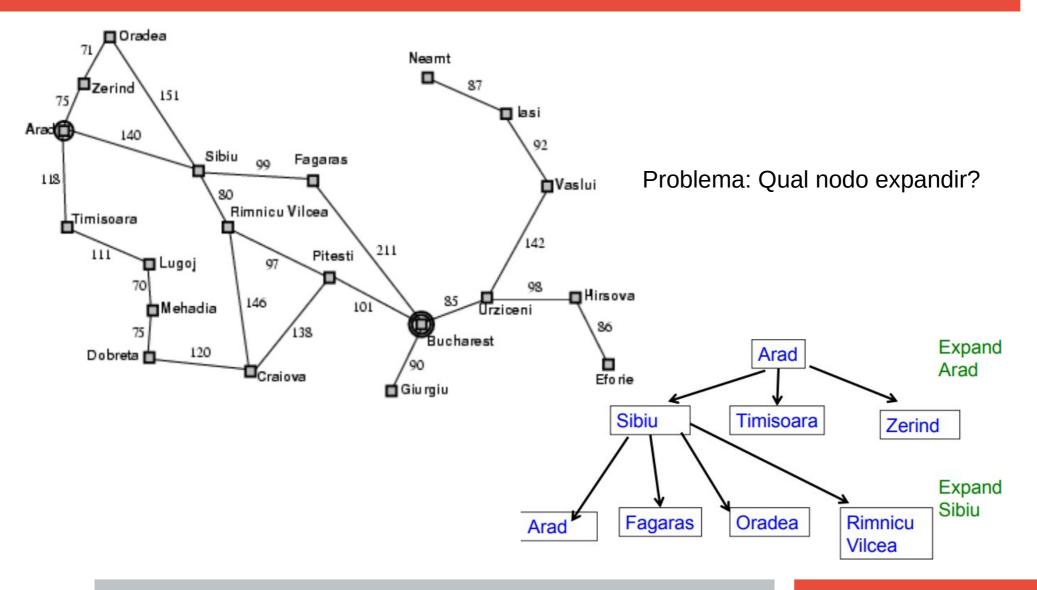


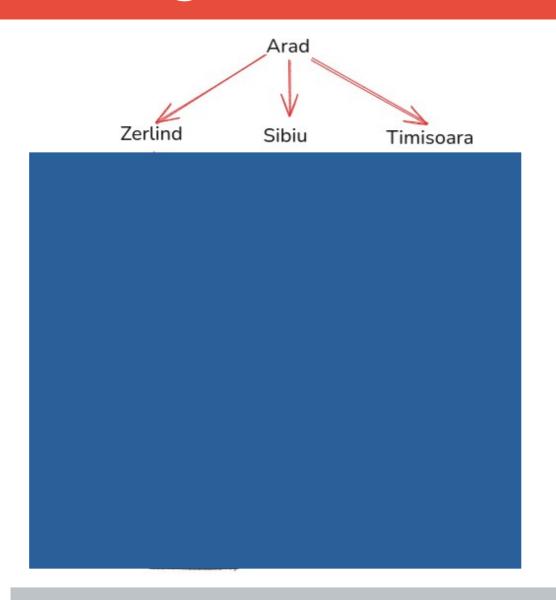
Busca Cegas (Sem Informação)

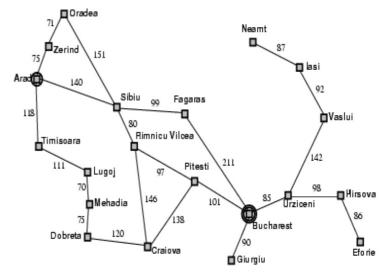


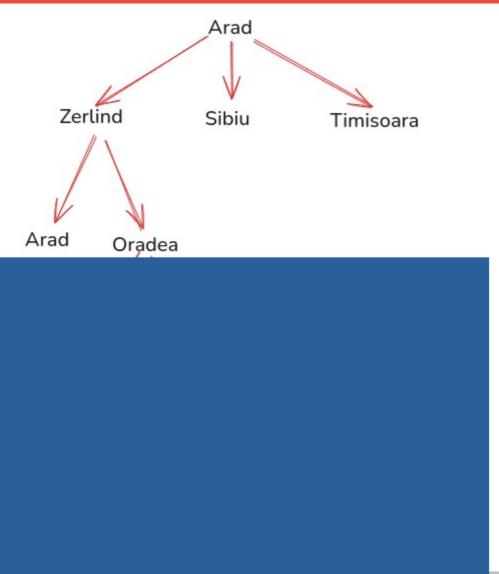


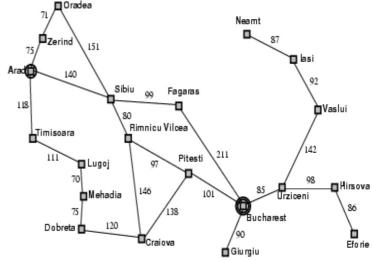
Busca Cegas (Sem Informação)

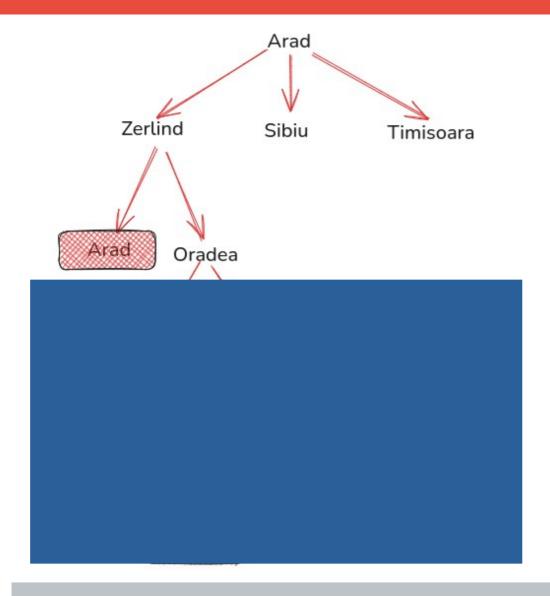


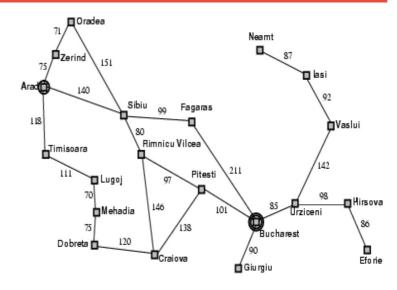


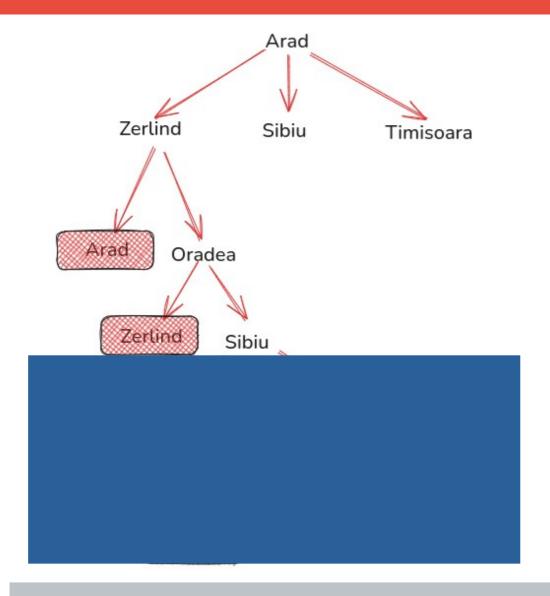


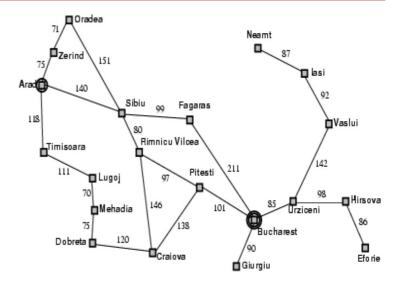


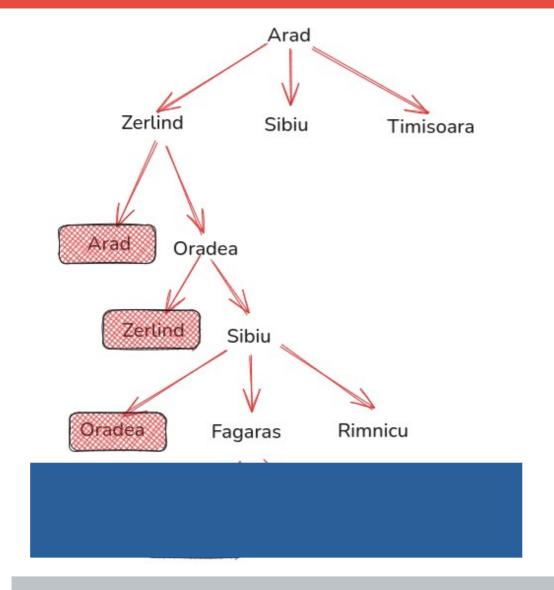


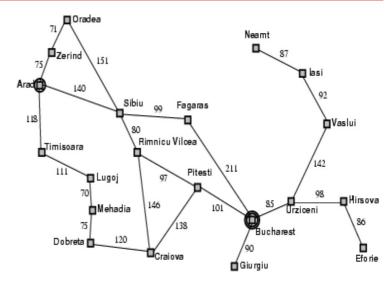


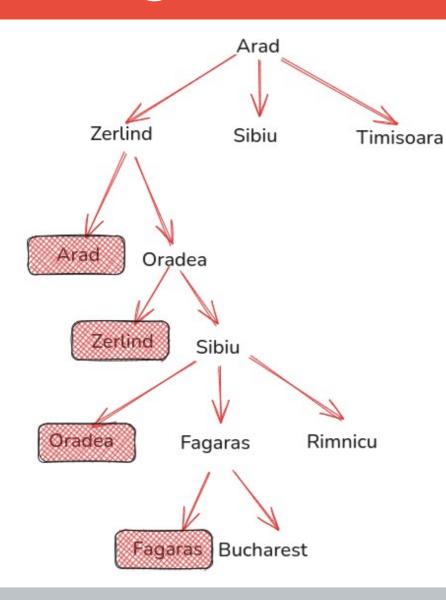


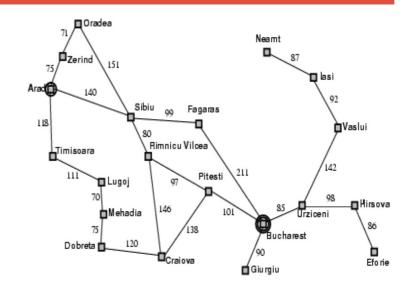






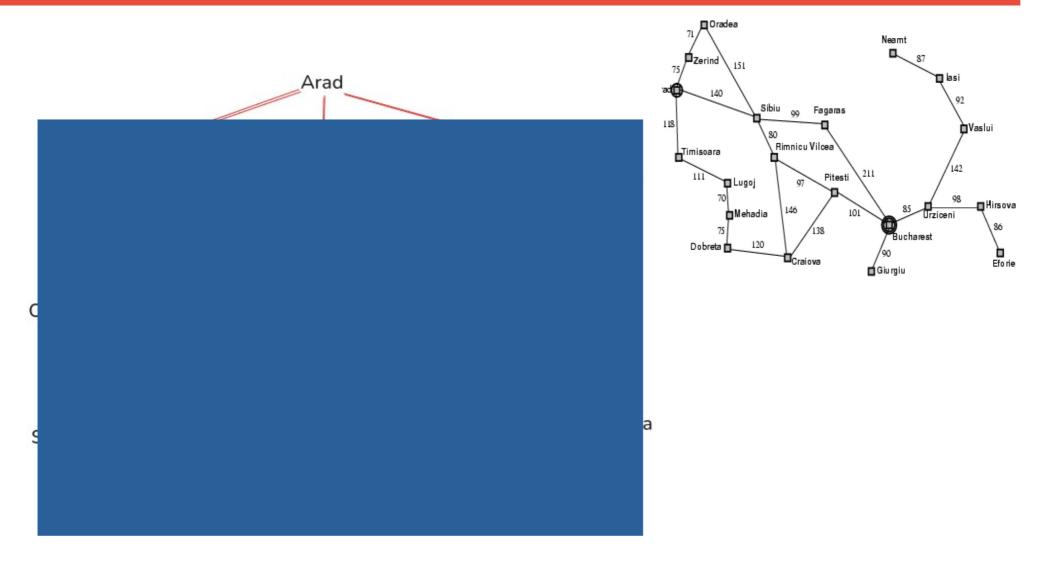


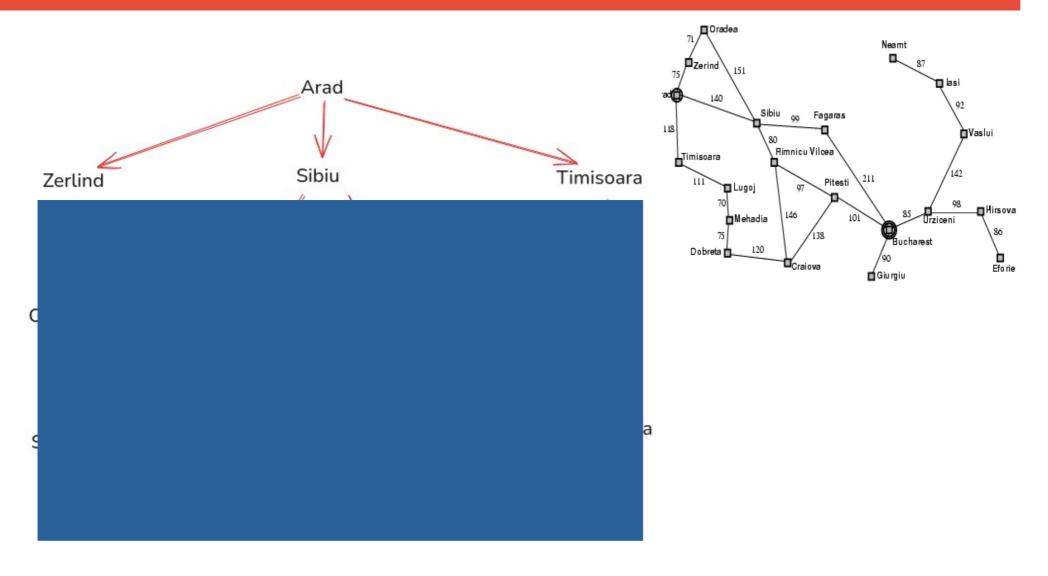


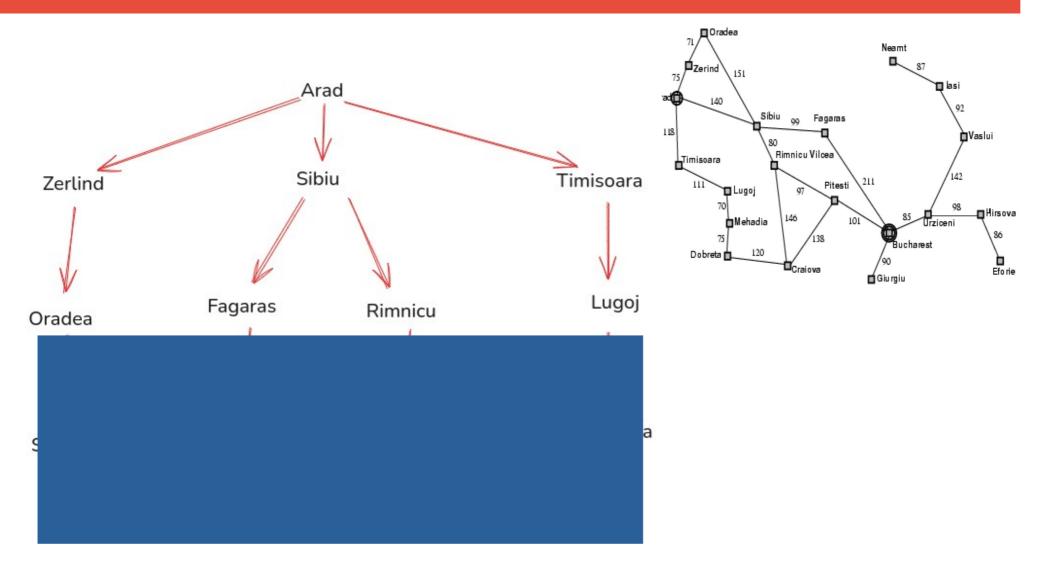


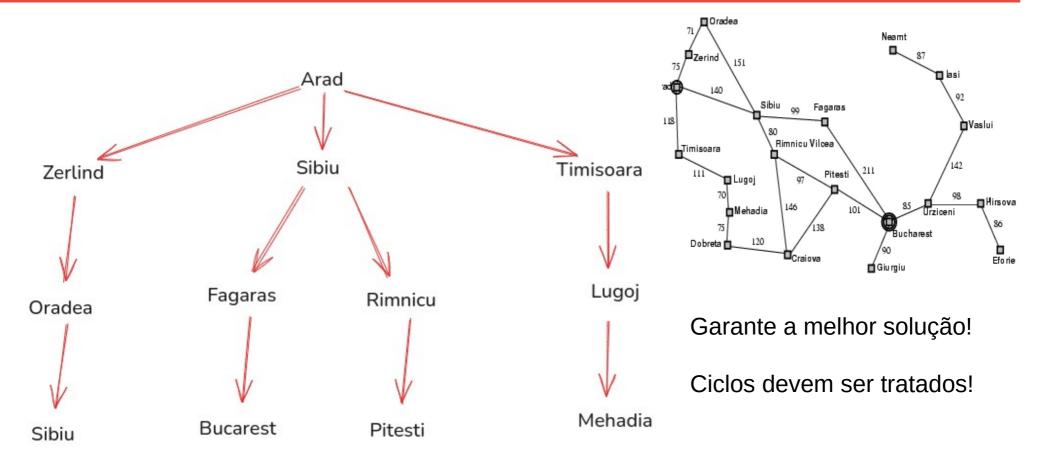
Não Garante a melhor solução!

Ciclos devem ser tratados!







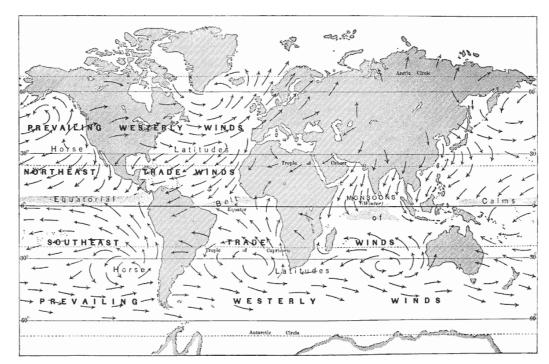


- Bons resultados para arvores com pouca profundidade
- Caso contrário, o custo computacional é alto
- Exemplo
 - Ramificação b=10, 1 M nodos/seg , 1 KB por node

			$1+b^1+b^2+(b^3-b) = 1+10+100+(1000-10) = 1101$	
profundidade	nós	tempo	memória	
2	(1100)	0,11 seg	1 MB	
4	111.100	11 seg	106 MB	
6	10^{7}	19 min	10 GB	
8	10^{9}	31 horas	1 TeraB	
10	1011	129 dias	101 TeraB	
12	1013	35 anos	10 PentaB	
14	1015	3.523 anos	1 exaB	

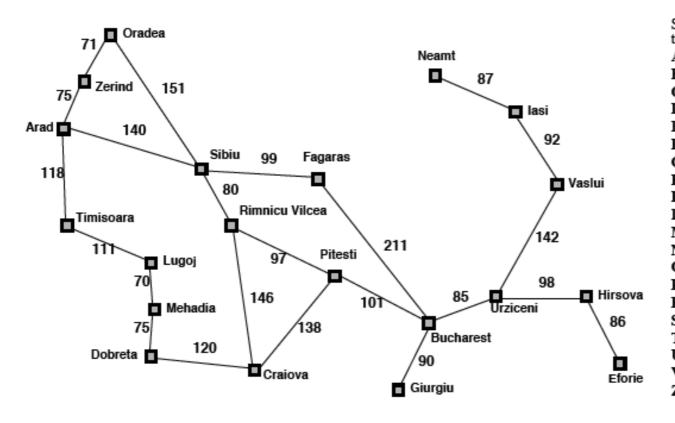
Busca Heuristica (Informada)

- Utiliza uma função heurística para determinar a próxima expansão
- Problema: Procurar um barco no oceano
 - Cega: M2 por M2
 - Heurística: Corrente Marítima, Ventos, ...



Busca Heurística

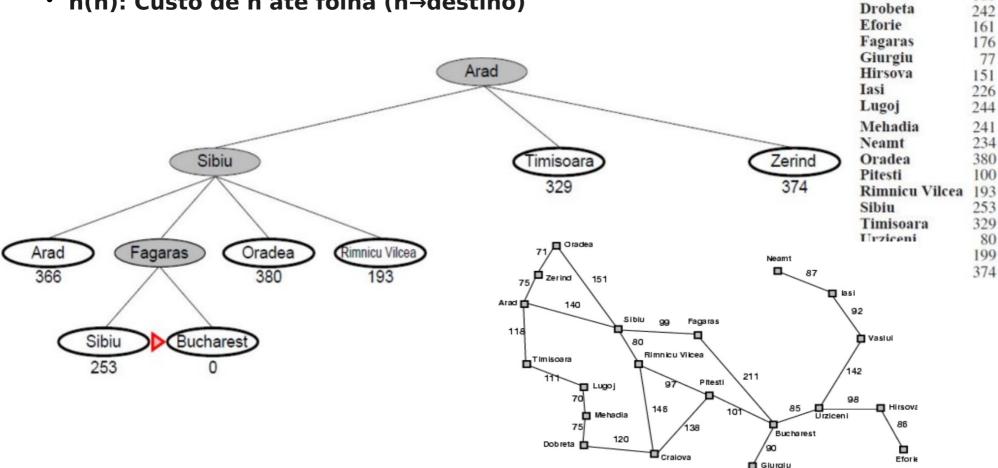
Romania with step costs in km



Straight–line distand to Bucharest	æ
Arad	366
Bucharest	0
Craiova	160
Dobreta	242
Eforie	161
Fagaras	178
Giurgiu	77
Hirsova	151
lasi	226
Lugoj	244
Mehadia	241
Neamt	234
Oradea	380
Pitesti	98
Rimnicu Vilcea	193
Sibiu	253
Timisoara	329
Urziceni	80
Vaslui	199
Zerind	374

Busca Heurística: "Ambiciosa" (Greedy Search)

- f(n) = h(n)
 - h(n): Custo de n até folha (n→destino)



straight-line distances

366

160

0

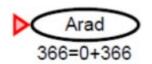
to Bucharest

Bucharest

Crajova

Arad

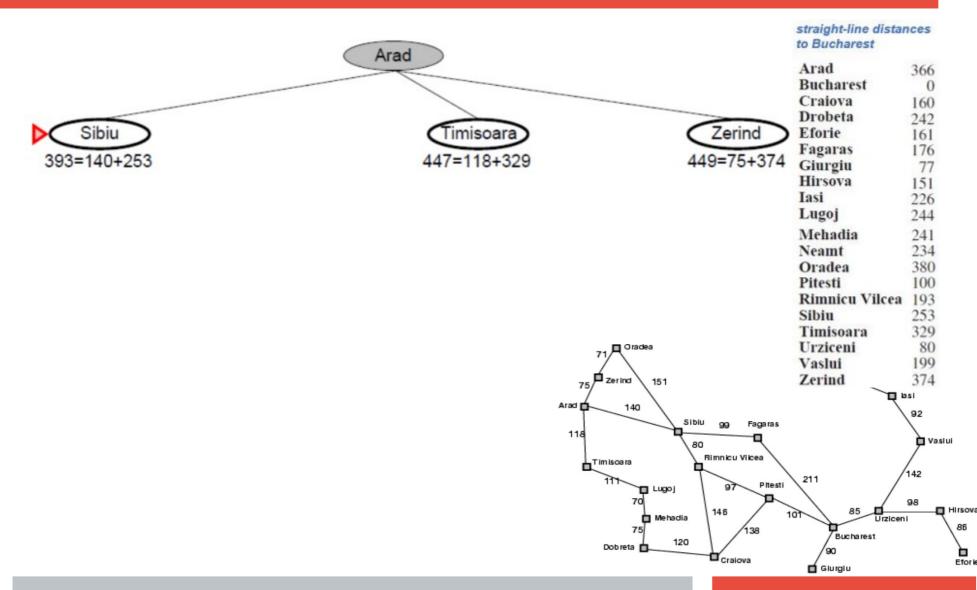
• f(n) = g(n) + h(n)

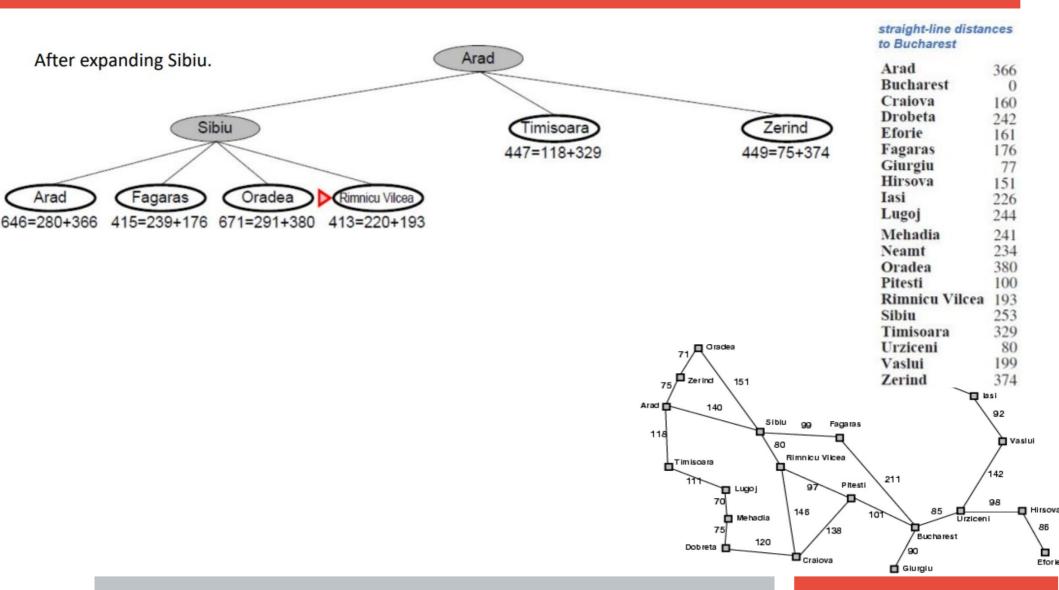




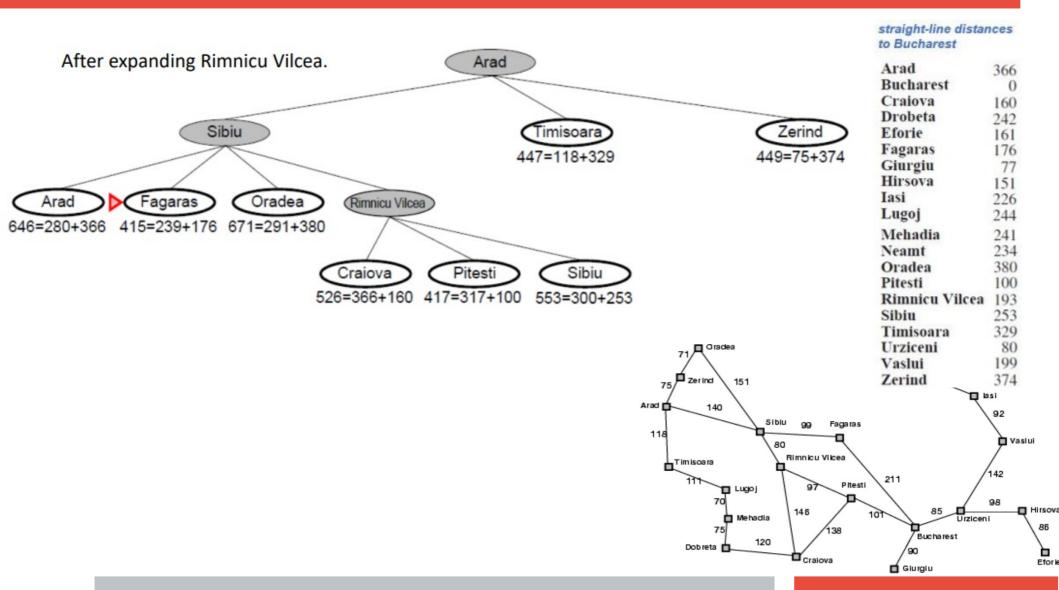
Arad	360
Bucharest	(
Craiova	160
Drobeta	242
Eforie	16
Fagaras	176
Giurgiu	7
Hirsova	151
Iasi	226
Lugoj	244
Mehadia	24
Neamt	234
Oradea	380
Pitesti	100
Rimnicu Vilcea	193
Sibiu	25:
Timelessus	221



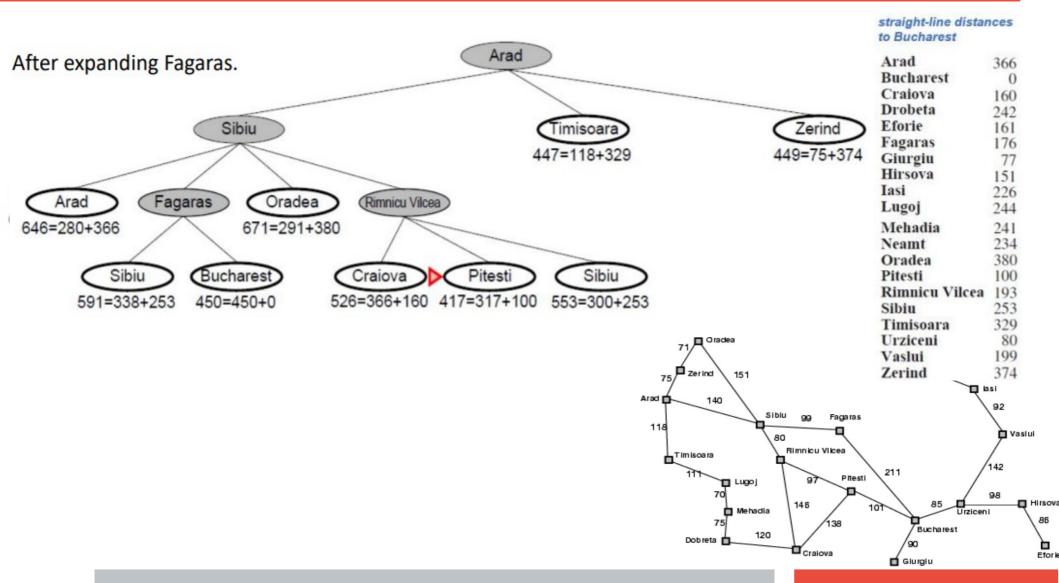


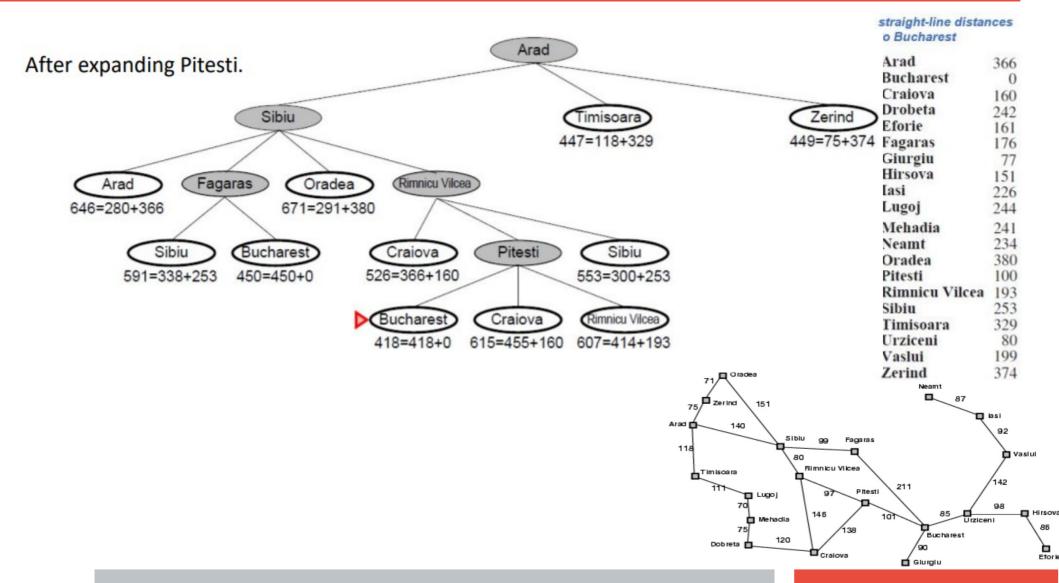


Aula 06

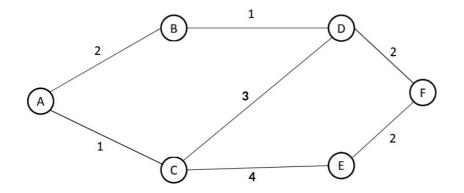


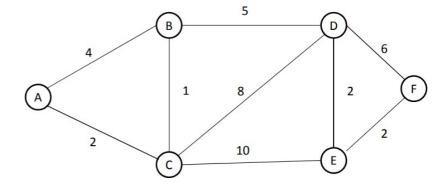
Aula 06



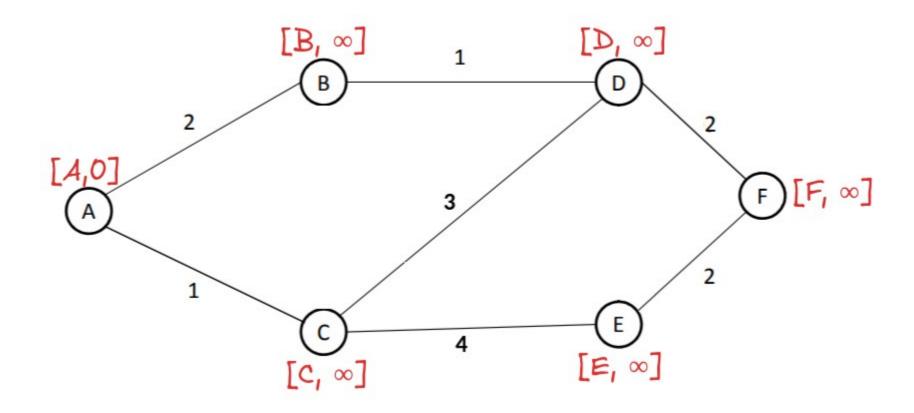


- Edsger Dijskstra 1959
- Caminho mais curto em grafo
- De A para F

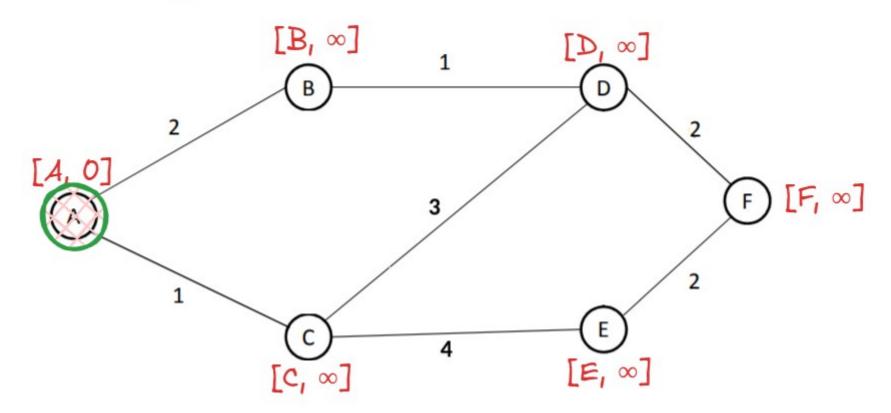




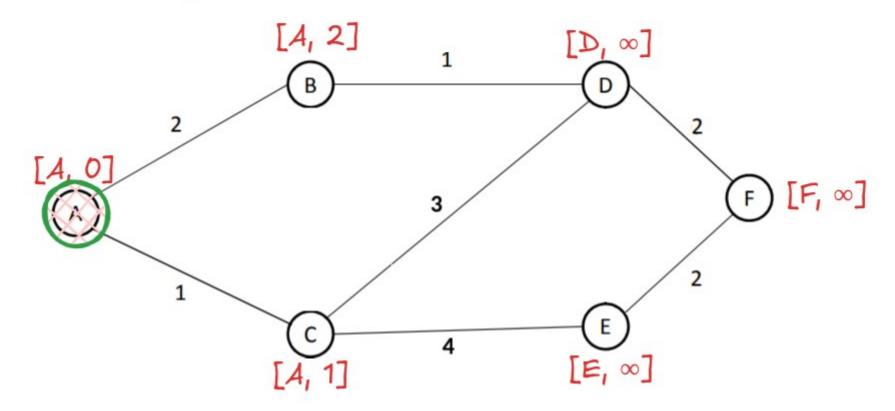
Inicialização: Distância do nó de origem = 0; Demais nós = ∞;



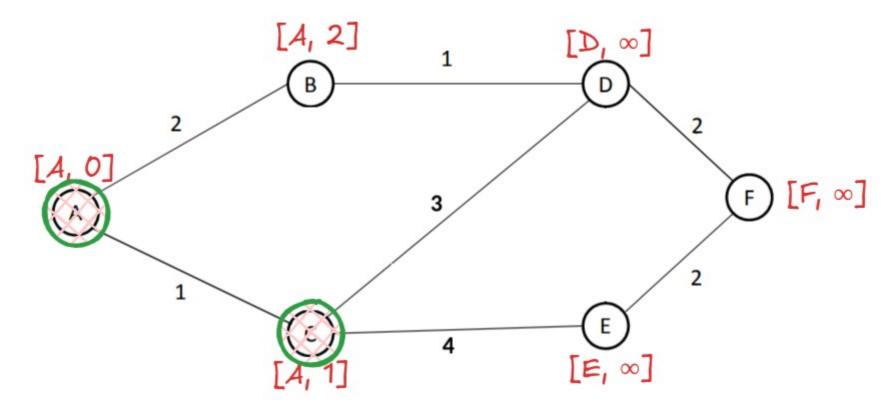
- X 1. Selecione o nó não visitado com menor distância.
 - 2. Para cada vizinho, calcule a nova distância via o nó atual. Atualize a distância do vizinho se a nova for menor.
 - 3. Repita até todos os nós serem visitados



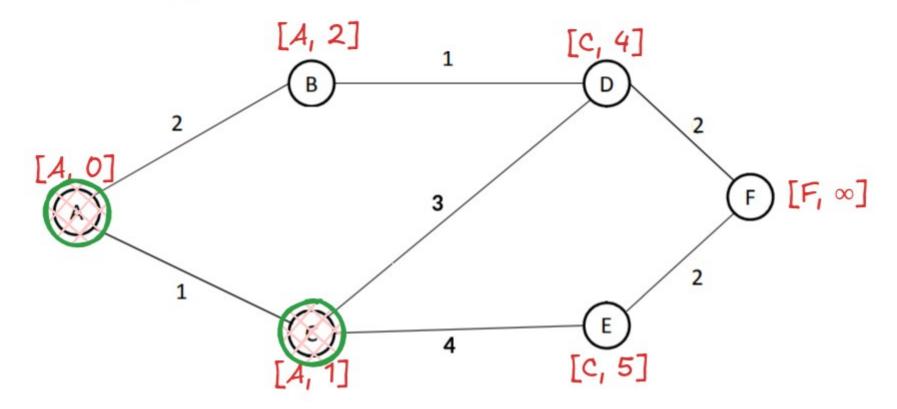
- 1. Selecione o nó não visitado com menor distância.
- X 2. Para cada vizinho, calcule a nova distância via o nó atual. Atualize a distância do vizinho se a nova for menor.
 - 3. Repita até todos os nós serem visitados



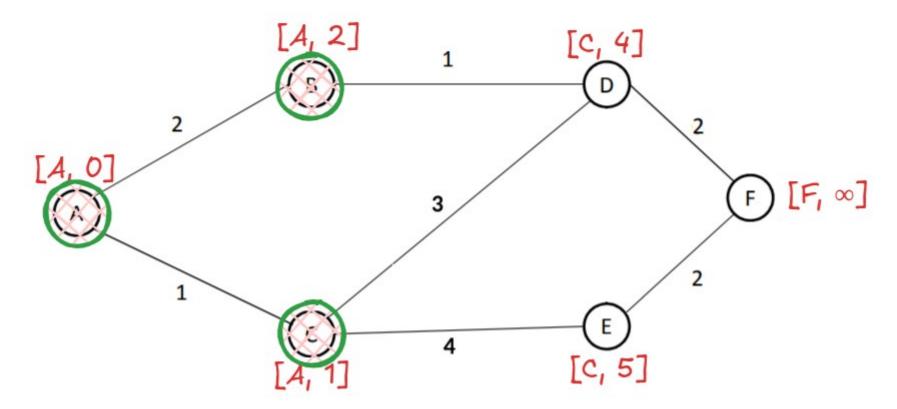
- X 1. Selecione o nó não visitado com menor distância.
 - 2. Para cada vizinho, calcule a nova distância via o nó atual. Atualize a distância do vizinho se a nova for menor.
 - 3. Repita até todos os nós serem visitados



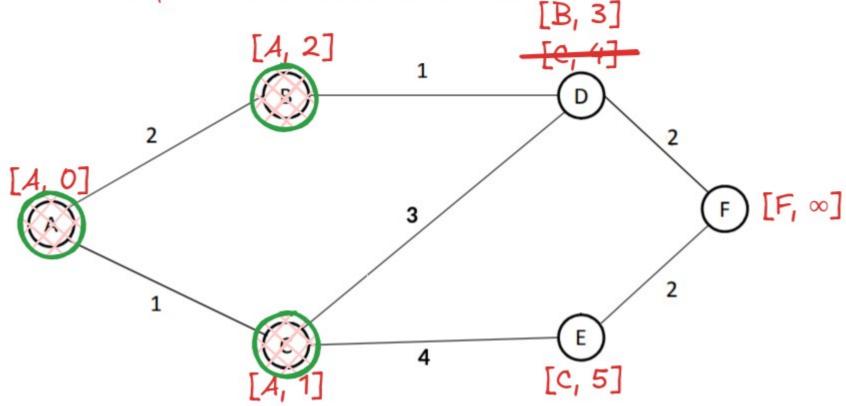
- 1. Selecione o nó não visitado com menor distância.
- X 2. Para cada vizinho, calcule a nova distância via o nó atual. Atualize a distância do vizinho se a nova for menor.
 - 3. Repita até todos os nós serem visitados



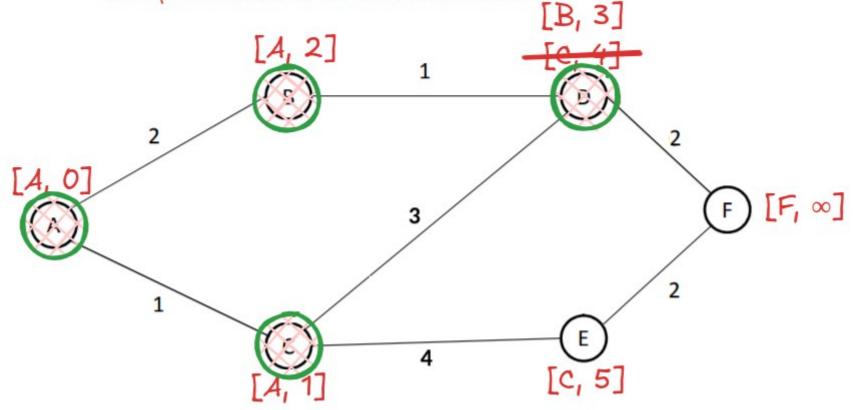
- X 1. Selecione o nó não visitado com menor distância.
 - 2. Para cada vizinho, calcule a nova distância via o nó atual. Atualize a distância do vizinho se a nova for menor.
 - 3. Repita até todos os nós serem visitados



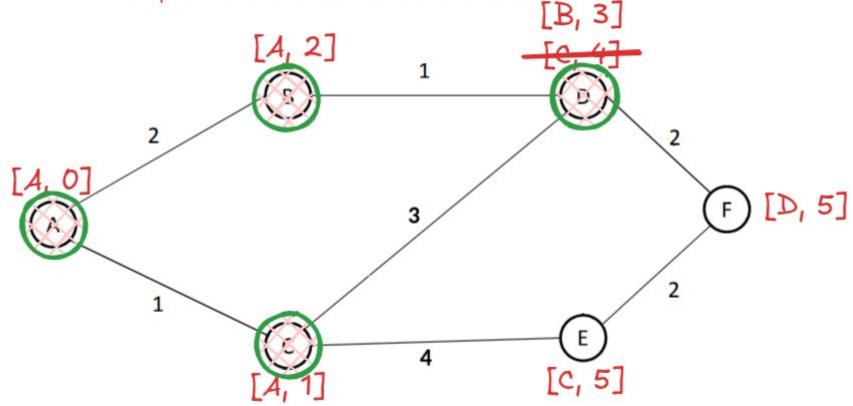
- 1. Selecione o nó não visitado com menor distância.
- X 2. Para cada vizinho, calcule a nova distância via o nó atual.
- -> Atualize a distância do vizinho se a nova for menor.
 - 3. Repita até todos os nós serem visitados



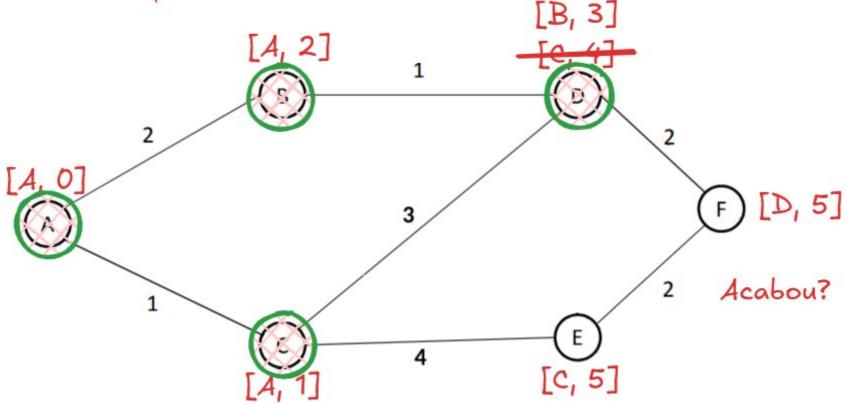
- X 1. Selecione o nó não visitado com menor distância.
 - 2. Para cada vizinho, calcule a nova distância via o nó atual. Atualize a distância do vizinho se a nova for menor.
 - 3. Repita até todos os nós serem visitados



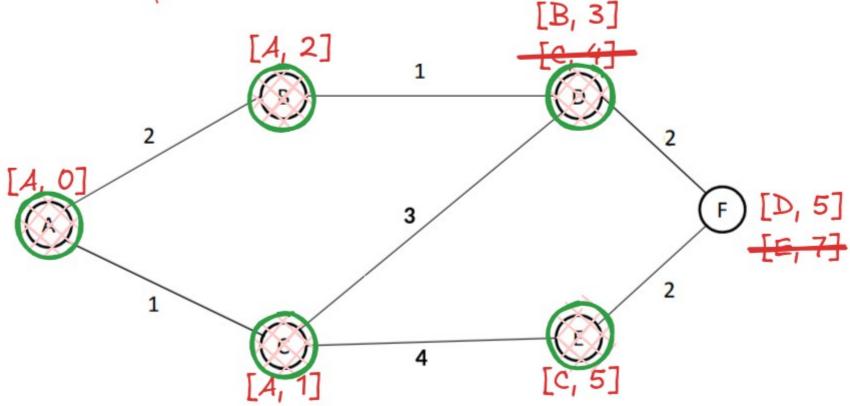
- 1. Selecione o nó não visitado com menor distância.
- X 2. Para cada vizinho, calcule a nova distância via o nó atual. Atualize a distância do vizinho se a nova for menor.
 - 3. Repita até todos os nós serem visitados

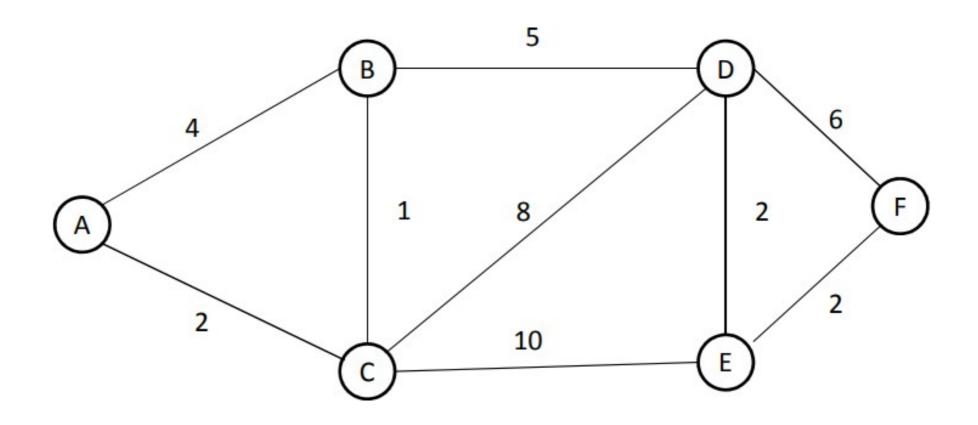


- 1. Selecione o nó não visitado com menor distância.
- X 2. Para cada vizinho, calcule a nova distância via o nó atual. Atualize a distância do vizinho se a nova for menor.
 - 3. Repita até todos os nós serem visitados



- X 1. Selecione o nó não visitado com menor distância.
- X 2. Para cada vizinho, calcule a nova distância via o nó atual. Atualize a distância do vizinho se a nova for menor.
 - 3. Repita até todos os nós serem visitados





Codificando Grafos

LINK DEEPNOTE

Trabalho

- Implementação do algoritmo de Dijkstra
- Monte um grafo que represente um problema real
- Aplique o algoritmo de Dijkstra
- Utilize a biblioteca pyvis para ilustrar o grafo
- Entrega via AVA
- VERIFIQUE OS DETALHES NO AVA!!