## EXERCÍCIOS SOBRE ANÁLISE COMBINATÓRIA

- 1. No jogo de lotaria é necessário escolher 6 números de entre os 49 primeiros números naturais. Quantas apostas simples seriam necessário fazer para haver a certeza de ganhar o primeiro prémio (acertar os 6 números)?
- 2. No jogo Euromilhoes é necessário escolher 5 números de entre os 50 primeiros números naturais e 2 estrelas em 9 estrelas em 9 possíveis. Quantas apostas simples seria necessário fazer para haver a certeza de ganhar o primeiro prémio (acertar os 5 números mais as 2 estrelas)?
- 3. Todos os alunos que estão na sala de aulas cumprimentam-se apertando a mão. Sabendo que foram dados 45 apertos de mão, quantos alunos estão na sala?
- 4. De quantos modos é possível dispor numa fila, para uma fotografia, 3 homens e 2 mulheres, se:
  - a) Um dos homens, o mais alto, por exemplo, ficar no meio, e todos os restantes indistintamente em qualquer lugar?
  - b) Se ficarem alternadamente homens e mulheres, nunca dois homens seguidos ou duas mulheres seguidas?
  - c) Não considerando o sexo, de quantas formas distintas pode sentar estas pessoas em 5 lugares disponíveis?
- 5. Uma equipa de futebol de salão deve ser escalada a partir de um conjunto de 10 jogadores (entre eles Ari e Arnaldo). De quantas formas isto pode ser feito se Ari e Arnaldo devem necessariamente ser escalados? Note: Futebol de salão tem 5 jogadores.
- 6. Uma urna contém uma bola vermelha (V), uma branca (B) e uma azul (A). Uma bola é extraída, observada sua cor e reposta na urna. Em seguida outra bola é extraída e observada sua cor. Quantas são as possíveis sequências de cores observadas?
- 7. Sabendo-se que  $\frac{C_{8,p+2}}{C_{8,p+1}} = 2$  determine o valor de p.
- 8. Em relação à palavra TEORIA:
  - a) Quantos anagramas existem?

1 de 3 2023

- b) Quantos anagramas começam por T?
- c) Quantos anagramas começam por T e terminam com A?
- d) Quantos anagramas começam por vogal?
- e) Quantos anagramas têm as vogais juntas?
- 9. Uma moeda é lançada 3 vezes. Qual o número de sequências possíveis de cara e coroa?
- 10. Quatro atletas participam de uma corrida. Quantos resultados existem para o 1°, 2° e 3° lugares?
- 11. De quantas formas podemos responder a 12 perguntas de um questionário, cujas respostas para cada pergunta são: SIM ou NÃO?
- 12. De um baralho de 52 cartas, 3 cartas são retiradas sucessivamente e sem reposição. Quantas de cartas são possíveis de se obter?
- 13. Um cofre possui disco marcado com os dígitos 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9. O segredo do cofre é formado por uma sequência de 3 dígitos. Se uma pessoa tentar abrir o cofre, quantas tentativas deverá fazer (no máximo) para conseguir abrí-lo. (Suponha que a pessoa sabe que o segredo é formado por dígitos distintos).
- 14. As finalistas do concurso para Miss Universo são: Miss Japão, Miss Brasil, Miss Finlândia, Miss Argentina e Miss Noruega. De quantas formas os juízes poderão escolher o primeiro, segundo e o terceiro lugares neste concurso?
- 15. Temos numa estante 15 livros, dos quais 4 são de Matemática. De quantas formas podemos colocá-los em ordem na estante, de modo que os livros de Matemática fiquem sempre juntos?
- 16. Deseja-se formar uma comissão de três membros e dispõe-se de dez funcionários.
  Quantas comissões podem ser formadas?
- 17. Temos 7 cadeiras numeradas de 1 a 7 e desejamos escolher 4 lugares entre os sete existentes. De quantas isto pode ser feito?

2 de 3 2023

- 18. Uma senhora tem que comer 3 frutas a noite. As frutas que a dieta prescreve são: pêra, maçã, figo, banana e tangerina. De quantas maneiras diferentes pode ser feita essa refeição?
- 19. Um aluno precisa responder 8 das 10 questões de um exame:
  - a) quantas alternativas tem?
  - b) Quantas alternativas têm se tem que responder as primeiras 3 questões?
- 20. De quantas maneiras podemos acomodar as 9 secretarias de um escritório em 3 salas A, B, C ficando 4 em uma, 3 em outra e 2 em outra sala?
- 21. Uma mercearia tem em seu stock pacotes de café de 6 marcas diferentes. Uma pessoa deseja comprar 8 pacotes de café. De quantas formas pode fazê-lo?
- 22. Ao final de uma reunião com 16 pessoas, cada um dos presentes cumprimentou os demais com um aperto de mão uma única vez. Quantos apertos de mão foram trocados?
- 23. De quantas formas se pode extrair de um baralho, com 52 cartas, um grupo de 6 cartas das quais:
  - a) 2 e apenas 2 são ases
  - b) 3 são copas
  - c) Uma e só uma é um rei e duas são valetes
  - d) No máximo são dois reis

3 de 3 2023