

Structure Machine

بنية الحاسوب

cours et exercices

د. طه زروقي

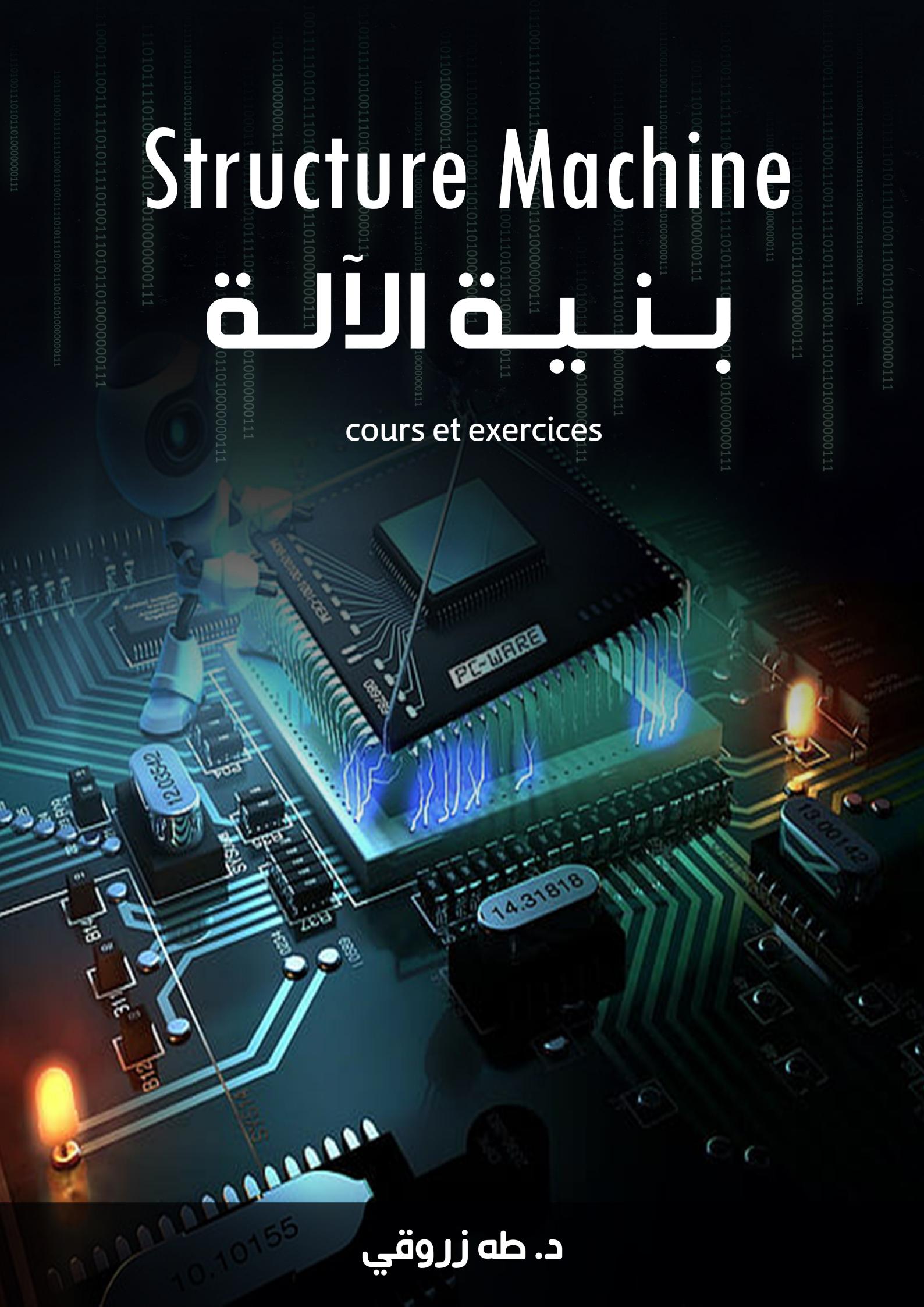


Table des matières

Première partie Résumé des cours

1 Introduction à l'informatique

- 1.1 Définitions de base
- 1.2 Système informatique
 - 1.2.1 Le Hardware
 - 1.2.1.1 Les périphériques
 - 1.2.1.2 Le Software (le logiciel)
 - 1.2.2 Définitions de base
 - 1.2.3 Les systèmes d'exploitation
- 1.3 Les unités de mesure

2 Codage et représentation de l'information

- 2.1 Codage de l'information
 - 2.1.1 Codage des entiers naturels
 - 2.1.1.1 Les systèmes de numération
 - 2.1.1.2 Conversion entre les systèmes
 - 2.1.2 Arithmétique en binaire
- 2.3 Représentation des entiers négatifs
 - 2.3.0 Valeur signée
 - 2.3.0.1 Complément à 1
 - 2.3.0.2 Complément à 2
- 2.4 Virgule flottante
 - 2.4.0 Virgule flottante IEEE 754 (32 bits)
 - 2.4.0.1 Autres formats
- 2.5 Autres codes des nombres
 - 2.5.1 Binary Coded Decimal
 - 2.5.2 Code Gray
- 2.6 Codage des caractères
 - 2.6.1 Code ASCII
 - 2.6.2 Unicode

3 Algèbre de Boole

- 3.1 Introduction
- 3.2 Définitions
 - 3.2.1 Conjonction
 - 3.2.2 Disjonction
 - 3.2.3 Négation
- 3.3 Les propriétés algébriques
 - 3.3.1 Théorème de "De Morgan"
- 3.4 La forme Canonique
- 3.5 La simplification
 - 3.5.1 Simplification par les propriétés algébriques
 - 3.5.2 Simplification par les tableaux de Karnaugh
- 3.6 Etude d'une fonction logique

Deuxième partie Exercices

4 Exercices

- 4.1 Exercices du chapitre 1

ملخصات الدروس	3
تعريف أساسية	4
نظام معلوماتي	5
العناد	5
الأجهزة	6
البرمجيات	6
تعريف أساسية	9
أنظمة التشغيل	10
وحدات القياس	12
ترميز وتمثيل المعلومات	13
ترميز المعلومة	13
ترميز الأعداد الطبيعية	13
أنظمة العدد	13
التحويل بين أنظمة العدد	16
الحساب في النظام الثنائي	16
تمثيل الأعداد الصحيحة السالبة	17
القيمة ذات الإشارة	17
المتمم إلى الواحد	17
المتمم إلى اثنين	17
الفاصلة العائمة	17
صيغ أخرى	19
تراميز آخر للأعداد	20
العشرى المرمز بالثنائي	20
الترميز الثنائى المعكوس : ترميز غراري	20
ترميز الحروف	20
ترميز الأسكنى	20
الترميز العالمى الموحد	21
الجبر البوليانى	24
مقدمة	24
تعريفات	24
الوصل	24
الفصل	25
النفي	25
اللواصق الجبرية	25
مبرهنة دي مورغن	26
الشكل القانوى	26
التبسيط	26
التبسيط باللواصق الجبرية	27
التبسيط بجدول كارتوف	27
دراسة دالة منطقية	28

30 تمارين

31 تمارين

32 تمارين الفصل الأول

4.1.1	Les unités de mesure	وحدات القياس	32
4.1.2	Les systèmes de numération	أنظمة التعداد	32
4.1.3	Exercices supplémentaires	للتعمق	33
4.2	Exercices du chapitre 2	تمارين الفصل الثاني	35
4.2.1	Arithmétique	الحساب	35
4.2.2	Représentation des entiers positifs	: تمثيل الأعداد الصحيحة الموجبة	35
4.2.3	Représentation des entiers négatifs	: تمثيل الأعداد الصحيحة السالبة	35
4.2.4	Représentation des nombres Réels	: تمثيل الأعداد الحقيقة	36
4.2.5	Codage des caractères	ترميز الحروف	36
4.2.6	Exercices supplémentaires	للتعمق	37
4.3	Exercices du chapitre 3	تمارين الفصل الثالث	40
4.3.1	Projet	مشروع	44
5	Solutions حلول		45
5.1	Solutions du chapitre 1	حلول الفصل الأول	46
5.1.1	Les unités de mesure	وحدات القياس	46
5.1.2	Les systèmes de numération	أنظمة التعداد	46
5.2	Solutions du chapitre 2	حلول الفصل الثاني	50
5.2.1	Arithmétique	الحساب	50
5.2.2	Représentation des entiers positifs	: تمثيل الأعداد الصحيحة الموجبة	51
5.2.3	Représentation des entiers négatifs	: تمثيل الأعداد السالبة	52
5.2.4	Représentation des nombres Réels	: تمثيل الأعداد الحقيقة	55
5.2.5	Codage des caractères	ترميز الحروف	58
5.3	Exercices du chapitre 3	تمارين الفصل الثالث	62
6	Tests		فروض 72
6.1	Tests n°1	73
6.1.1	Sujet n°1	73
6.1.2	Sujet n°2	73
6.1.3	Sujet n°3	73
6.1.4	Sujet n°4	74
6.1.5	Sujet n°5	74
6.1.6	Sujet n°6	74
6.2	Tests n°2	75
6.2.1	Sujet n°1	75
6.2.2	Sujet n°2	75
6.2.3	Sujet n°3	75
6.2.4	Sujet n°4	76
6.2.5	Sujet n°5	76
6.2.6	Sujet n°6	76
6.3	Tests n°3	78
6.3.1	Sujet n°1	78
6.3.2	Sujet n°2	78
6.3.3	Sujet n°3	78
6.3.4	Sujet n°4	78
6.3.5	Sujet n°5	78
6.3.6	Sujet n°6	78
7	Solutions des Tests		حلول الفحوص 79
7.1	Solutions des Tests n°1	80
7.1.1	Solution du sujet n°1	80
7.1.2	Solution du sujet n°2	80

7.1.3	Solution du sujet n°3	81	
7.1.4	Solution du sujet n°4	81	
7.1.5	Solution du sujet n°5	82	
7.1.6	Solution du sujet n°6	83	
7.2	Solutions des Tests n°2	84	
7.2.1	Solution du sujet n°1	84	
7.2.2	Solution du sujet n°2	85	
7.2.3	Solution du sujet n°3	85	
7.2.4	Solution du sujet n°4	86	
7.2.5	Solution du sujet n°5	87	
7.2.6	Solution du sujet n°6	88	
7.3	Solutions des Tests n°3	89	
7.3.1	Solution du sujet n°1	89	
7.3.2	Solution du sujet n°2	90	
7.3.3	Solution du sujet n°3	91	
7.3.4	Solution du sujet n°4	93	
7.3.5	Solution du sujet n°5	94	
7.3.6	Solution du sujet n°6	96	
8	Examens	98	
8.1	Examens	امتحانات	99
8.1.1	Sujet n°1	99	
8.1.2	Sujet n°2	100	
9	Solutions des Examen	102	
9.1	Corrigés des examens	حلول الامتحانات	103
9.1.1	Solution du sujet n°1	103	
9.1.2	Solution du sujet n°2	106	
Bibliographie		108	
10	Annexes	109	
10.0.1	Livres	كتب	110
10.0.2	Cours en ligne	دورس أونلайн	110
10.0.3	Software	برامج وتطبيقات	110
10.1	Glossaire	مسرد	111
Bibliographie		115	

Préface

مقدمة

كتاب "بنية الآلة" كتاب دروس وتمارين محلولة، موجهة لطلبة السنة الأولى رياضيات وإعلام آلي وشعبة الإعلام الآلي في الجامعات الجزائرية، ويحتوي في هذا الجزء على دروس السادس الأول :

- مفاهيم أولية في المعلوماتية
- ترميز المعلومات وتقسيماتها
- مدخل إلى الجبر البولياني

ويحوي الكتاب عدداً كبيراً من المارين مقسمة حسب الفصول، قسم كبير منها محلول، وكذلك قسم خاص بفحوص التقويم المستمر مع تصحيحها، وقسم آخر للامتحانات.

ويأتي هذا الكتاب ثمرة نخبة اكتسبتها في التدريس في جامعة البويرة لسنوات عديدة في قسم الإعلام الآلي.
ويتميز الكتاب كذلك بثنائية اللغة، فالدروس فيه بالفرنسية ومتدرجة إلى العربية، وذلك لمساعدة الطلبة المستجدين الذين يعانون من عائق اللغة في بداياتهم الجامعية. أتمنى أن يلقى هذا الكتاب القبول، ونرحب باللاحظات والتوصيات لتحسينه مستقبلا.

المؤلف : د. طه زروقي
taha(at)zerrouki(gmail(dot)com)

عن المؤلف

الدكتور طه زروقي، أستاذ بجامعة البويرة في قسم علوم الحاسوب، متخرج من المدرسة الوطنية العليا للإعلام الآلي، مطورو برامجيات حرفة مفتوحة المصدر خاصة باللغة العربية مهمته بـ :

- المعالجة الآلية للغات الطبيعية
- المصادر المفتوحة

قدم دروساً في :

- بنية الآلة وعمارية الحاسوب،
- برامج إدارة المشاريع
- لغات البرمجة

موقع : <http://tahadz.com>

This version is updated on 9 octobre 2021.

This Book uses the "mathbook.cls v1.41" class developped by Stéphane PASQUET.

The cover page made by Haithem Benhalima : haithem_bhm @ intagram

Many exercises and solutions were generated automatically by "STRM-Test" project developed by the Author, available on github ¹.

This work is licensed under a [Creative Commons "Attribution-NonCommercial-ShareAlike 3.0 Unported"](#) license.



¹<https://github.com/linuxscout/strm-tests>

Première partie

Résumé des cours

ملخصات الدروس

Chapitre 1

Introduction à l'informatique

1.1 Définitions de base

تعاريف أساسية

Informatique : L'informatique (**INFORmation autoMATIQUE**), définit la science de traitement automatique de l'information (c-à-d automatiser l'information que nous manipulons). Cette informatisation permettra de réaliser un gain considérable en temps et en effort.

الإِلْعَامُ الْآلَىُ هو علم يدرس معالجة المعلومات آلياً، مما يسمح بتقليل الجهد وربح الوقت.

Ordinateur est une machine automatique de traitement de l'information. Il peut recevoir des données en entrée, « fonction d'entrée », effectuer sur ces données des opérations en fonction d'un programme, « fonction de traitement » et enfin fournir des résultats en sortie, « fonction de sortie ».

الحاسوب آلة معالجة المعلومات يمكنها استقبال البيانات "إدخال"، وتنفيذ عمليات عليها حسب برنامج "المعالجة"، وفي الأخير يخرج لنا النتائج "الإخراج".

La figure 1.1 montre que le processus ou traitement sera pris en charge par l'ordinateur pour automatiser le fonctionnement. Un traitement informatique nécessite en général des informations en entrées (données) et délivre une sortie (résultat).

في الشكل 1.1، يستقبل الحاسوب معلومات وأوامر، لتنفيذها حسب برنامج معين ثم يعرض النتائج.

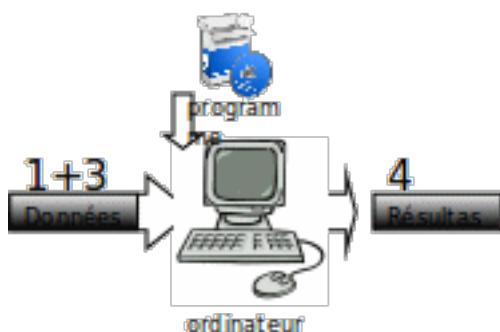


Fig. 1.1: L'ordinateur comme machine de traitement de l'information.

Information est un ensemble d'événements qui peuvent être communiqués à l'ordinateur.

المعلومة هي مجموعة من الأحداث التي يمكن تبادلها مع الحاسوب، مثل الصوت معلومة، والصورة والنص.

1.2 Système informatique

نظام معلوماتي

Un système informatique est composé de deux parties : Matériel (Hardware) et Logiciel (Software).
يتكون النظام المعلوماتي من قسمين العتاد والبرامج

1.2.1 Le Hardware

العتاد

Tout ce qui concerne les circuits électriques, électroniques ainsi que le mécanisme. L'architecture interne d'un ordinateur est généralement composée des éléments suivants :

العتاد : كل ما هو دارات كهربائية والكترونية وألائيات ميكانيكية. يتكون الحاسوب عادة من العناصر الآتية :

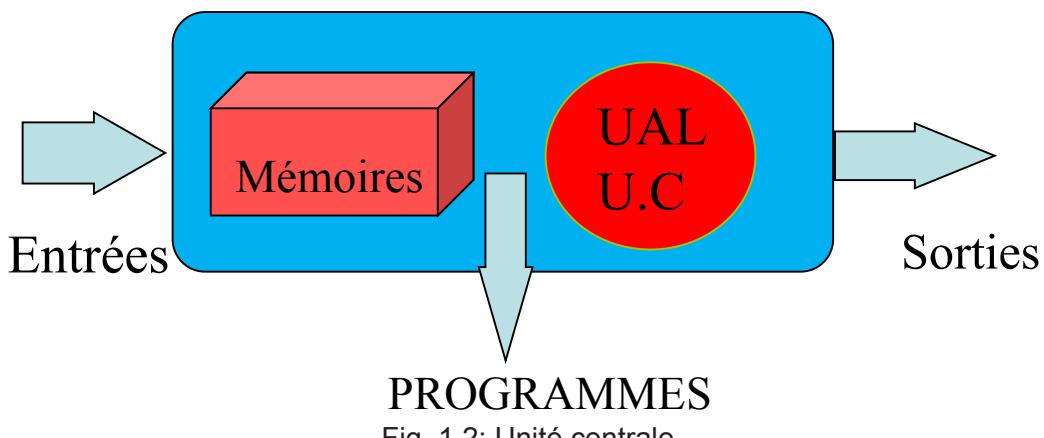
- **Unité centrale** c'est là où s'exécutent les traitements des informations. Elle se compose d'une unité de traitement et de mémoire centrale ou de mémoire interne.
- **Unité de traitement** : c'est un organe principal ou le cerveau de l'ordinateur (microprocesseur). Il traite les informations introduites dans la mémoire. Il comprend principalement
 - **Une unité de commande U.C** c'est la partie intelligente du microprocesseur. Elle permet de chercher les instructions d'un programme se trouvant dans la mémoire, de l'interpréter pour ensuite acheminer les données vers l'U.A.L afin de les traiter.
 - **L'UAL est une unité arithmétique et logique U.A.L** qui est composée d'un ensemble de circuits (registres mémoires) chargés d'exécuter les opérations arithmétiques (addition, soustraction, multiplication, division) et opérations logiques.

الوحدة المركزية : حيث تُنفذ المعالجة، وفيها قسمان :

- وحدة المعالجة : العضو الرئيسي أو دماغ الحاسوب (المعالج المصغر)، تعالج المعلومات المدخلة في الذاكرة، وتتقسم إلى :
- وحدة التحكم وهو العضو الذي في المعالج، مهمتها البحث عن تعليمات البرنامج في الذاكرة الحية ثم يفسر التعليمات، ثم يوجه المعمليات إلى وحدة الحساب والمنطق لمعالجتها.
- ** وحدة الحساب والمنطق ** مكونة من دارات كهربائية (سيجلات الذاكرة) مهمتها تنفيذ العمليات الحسابية البسيطة (جمع، طرح، ضرب، قسمة) والعمليات المنطقية.

Mémoire centrale c'est la partie qui contient les programmes et les données qui seront traités par le microprocesseur. Il existe deux types de mémoires internes :

- **Mémoire vive (RAM-Random Access Memory)** Elle permet la lecture/écriture des données, c'est là où sont stockées les informations en cours de traitement ou d'exécution. Les informations enregistrées sur la **RAM** sont perdues dès que le PC est mis hors tension.
- Mémoire morte (ROM- Read Only Memory) est une mémoire qui peut être lue, les programmes sont enregistrés une fois pour toutes dans cette mémoire et ne peuvent être ni modifiés ni effacés, même après une coupure de l'alimentation électrique.
- Mémoires auxiliaires (externes) Comme la mémoire vive perd les informations après arrêt de l'ordinateur, il est donc important d'utiliser des mémoires qui permettent de conserver d'une façon permanente ces informations. On peut citer :
 - Les disques durs fixes.
 - Les disques durs amovibles.
 - Les clés USB.



→ Les CD, DVD-ROM.

الذاكرة المركزية : تحوي البرامج والمعطيات التي ستعالج، وهي نوعان :

- الذاكرة الحية (ذاكرة ذات بلوغ عشوائي) : تسمح بكتابة المعلومات وقراءتها، فيما تحفظ المعطيات أثناء المعالجة والتنفيذ. المعلومات المحفوظة تفقد (تزول) عند إطفاء الجهاز.
- الذاكرة الميتة (ذاكرة القراءة فقط) : يمكن الكتابة فيها مرة واحدة فقط، ومن ثم القراءة منها مرات عديدة، والحفظ فيها دائم.
- الذاكرة الثانوية : بما أن الذاكرة الحية لا تحفظ المعلومات بعد إطفاء الجهاز، نستعمل ذاكرات ثانوية لحفظ الدائم مثل

- الأقراص الصلبة الثابتة
- الأقراص الصلبة المنقولة
- أقراص الفلاش.
- الأقراص المضغوطة .

1.2.1.1 Les périphériques

الأجهزة

Entrées مدخل	Sorties مخرج	Entrées/Sorties مخرج / مدخل
Clavier لوحة مفاتيح Souris فأرة Scanner ماسح ضوئي manette de jeux مقبض اللعب	Ecran شاشة Imprimante طابعة	Lecteur disquette قارئ أقراص مرنة, MODEM مودم Ecran tactile شاشة لمسية Disque dur قرص صلب Lecteur/graveur de cd/dvd قارئ

1.2.2 Le Software (le logiciel)

البرمجيات

Tout ce qui concerne les programmes nécessaires pour le bon démarrage et l'utilisation du micro-ordinateur.

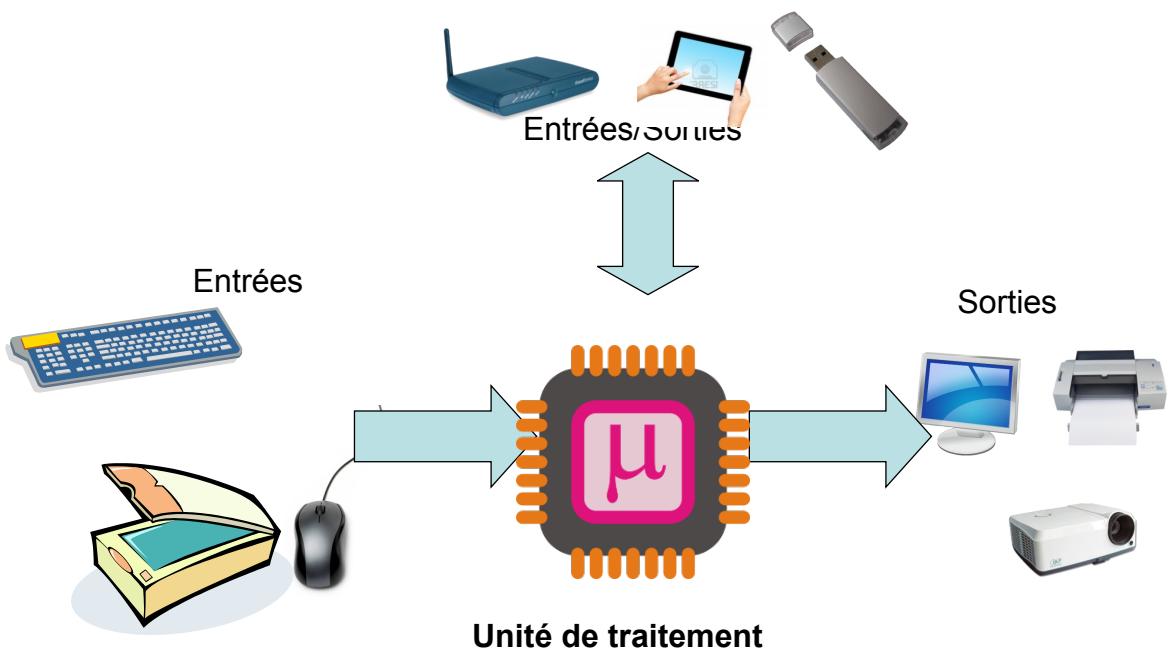


Fig. 1.3: Les entrées/Sorties.

كل ما يحتاج إليه الجهاز ليقلع ويعمل ويقدم خدمات للمستخدم عدا العتاد.

1.2.2.1

Définitions de base

تعاريف أساسية

Définition

Instruction (commande) Ordre donné par l'utilisateur à l'ordinateur.

التعليمية (أمر) هي أمر يعطيه المستعمل للحاسوب

Exemple

L'instruction *print* demande l'affichage d'un texte :

مثال : الأمر اطبع يطلب عرض النص

```
print("Hello")
```

Définition

Programme Suite logique et séquentielle d'instructions que le micro-ordinateur doit exécuter pour résoudre un problème donné.

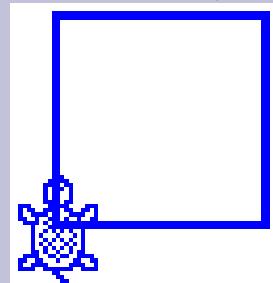
البرنامج سلسلة منطقية متتابعة من التعليمات ينفذها الحاسوب لحل مسألة معينة

Exemple

Exemple d'un programme en Logo, qui permet de dessiner un carré

مثال برنامج بلغة لوغو لرسم مربع

```
avance 50
droite 90
avance 50
droite 90
avance 50
droite 90
avance 50
droite 90
```



Définition

Langage est un ensemble de commandes nécessaires pour l'écriture d'un programme afin qu'il soit compréhensible par l'ordinateur (Pascal, Logo, Delphi, C++, JAVA,...etc).

لغة برمجة : مجموعة من الأوامر الأساسية لكتابة برنامج يفهمه الحاسوب لينفذه

....

Exemple

Un programme écrit en langage Pascal et en python

مثال برنامج مكتوب بلغة بیشون ولغة باسكال :

Pascal

```
Program HelloWorld;
begin
  writeln('Hello, world!');
end.
```

Python

```
print('Hello world!');
```

Définition

Logiciel Ensemble de programmes qui coopèrent entre eux pour rendre un service à l'utilisateur. Exemple : Microsoft office, Jeux.

برمجية : مجموعة من برامج متكاملة لتقديم خدمة للمستخدم، مثل برنامج المكتبية، الألعاب.

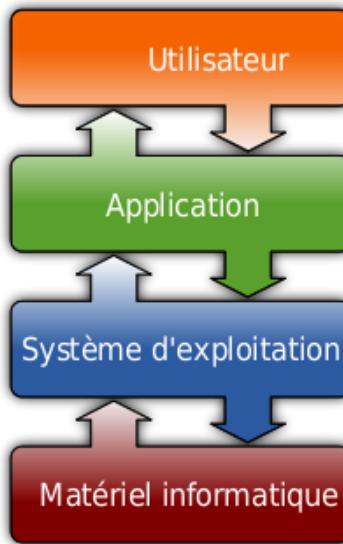


Fig. 1.4: Les couches d'une machine.

1.2.2.2 Les systèmes d'exploitation

أنظمة التشغيل

Définition : Le système d'exploitation est le premier intervenant entre la machine et l'utilisateur (l'être-humain). C'est un logiciel composé d'un ensemble de programmes de base nécessaires au bon fonctionnement du matériel : clavier, écran, imprimante...etc..

Le système d'exploitation alloue les ressources physiques de l'ordinateur (temps processeur, mémoire, etc.) aux différents programmes en cours d'exécution. Il fournit aussi des outils aux logiciels (comme les pilotes) afin de leur faciliter l'utilisation des différents périphériques sans avoir à en connaître les détails physiques.

Il gère l'activité et les ressources du système informatique tout comme un **directeur administratif**.
نظام التشغيل هو الوسيط بين المستعمل البشري والجهاز، يسمح باستغلال الأجهزة مثل لوحة المفاتيح والشاشة والطابعة، وهو يقسم الموارد

المادية للحاسوب بين البرامج والتطبيقات أثناء التنفيذ، ويضمن عملها دون تعارض.

نظام التشغيل يقدم خدمات للبرامج مثل الحماية والطباعة واستغلال الشاشة والذاكرة دون الحاجة لمعرفة تفاصيلها التقنية
يمكن تشبيه نظام التشغيل بإدارة الجامعة وعمالها الذين يقدمون خدمات مختلفة لضمان سيرورة الدراسة

Fonctions du système d'exploitation

وظائف نظام التشغيل

- **Gestion des informations** : stockage, recherche, protection
- **Gestion des ressources matérielles et logicielles** : optimisation, sécurité, exécution des applications, partage entre usagers.
- Assurer un ensemble de services en présentant aux utilisateurs une interface mieux adaptée à leurs besoins que celle de la machine physique.

- إدارة المعلومات : تخزين، بحث، حماية
- تسيير الموارد المادية وبرمجية : استغلال أمثل، حماية، تنفيذ التطبيقات، الاستعمال المشترك
- توفير واجهة بسيطة وسهلة لاستغلال الموارد والاستفادة من الخدمات

Les différents types de système d'exploitation

Il existe deux types :

- Les systèmes monopostes : gèrent un seul matériel (MS-DOS-mono-tâches, Windows- multi-tâches).



Fig. 1.5: Exemples des systèmes d'exploitation pour micro ordinateurs.

- Les systèmes multipostes : systèmes réseaux qui gèrent plusieurs machines à la fois : Windows (2003, NT, 2000 server...), UNIX,

أنظمة التشغيل نوعان :

- أنظمة وحدة الجهاز تعمل على جهاز واحد، مثل MSDOS وحيد المهمة، وندوز متعدد المهام
- أنظمة متعددة الأجهزة : تعمل على شبكة تدير عددا من الأجهزة، من ذلك نظام وندوز للخدم، نظام يونيكس.

On peut citer aussi les systèmes d'exploitation pour les téléphones portables comme : Android, Samsung Bada, IOS4 pour les iPhone, RIM pour les BlackBerry , etc...



Fig. 1.6: Exemples des systèmes d'exploitation pour téléphones portables.

للهواتف النقالة أنظمة تشغيل أيضا، نذكر منها ... Android, sumsung bada, IOS, RIM

الوحدة	المعنى
Octet, bit : بait, بت :	Capacité, taille : principalement utilisé pour les mémoires (cache, RAM, disques). الحجم، السعة، لقياس حجم وسعة المذكرة (المذكرة الحية، الخبيثة، الأقراص)
Bit / second	Débit (bps) bit par seconde. utilisé pour les modems. (bits par seconde). التدفق (bps) بت في الثانية، لقياس سرعة الاتصالات
Hertz	Fréquence : nombre d'événements par seconde. Utilisé pour la fréquence du bus processeur, la fréquence de rafraîchissement de l'écran, la fréquence du bus RAM... التردد : عدد العمليات في الثانية، لقياس تردد ناقل المعالج، وتردد تحديث الشاشة، تردد ناقل المذكرة الحية

L'**octet** est utilisé dans ses différentes déclinaisons :

البايت ومضاعفاته :

unité en Français	Unité en anglais	valeur	en octet
octet	Byte	8 bits	1
Ko : kilo-octet	Kb : kilo-Byte	1 024 octets	2^{10} octets
Mo : mega-octet	Mb : mega-Byte	1 024 Ko	2^{20} octets
Go : giga-octet	Gb : giga-Byte	1 024 Mo	2^{30} octets
To : tera-octet	Tb : tera-Byte	1 024 Go	2^{40} Octets

Chapitre 2

Codage et représentation de l'information

ترميز وتمثيل المعلومات

2.1

Codage de l'information

ترميز المعلومة

Définition

Le codage d'une information consiste à établir une **correspondance** entre la représentation **externe** (habituelle) de l'information (le nombre 65 ou le caractère « A » par exemple) et sa représentation **interne** dans la machine (une suite de bits).
الترميز هو الرابط بين التمثيل الخارجي المعتمد للمعلومة (مثلا العدد 65 أو الحرف A) وتمثيله الداخلي في الجهاز (سلسلة من الأرقام الثنائية)

2.1.1

Codage des entiers naturels الطبيعية

ترميز الأعداد

2.1.1.1 Les systèmes de numération

أنظمة التعداد

Principe d'une base

مبدأ الأساس

- La base est le nombre qui sert à définir un système de numération.
- La base du système décimal est dix alors que celle du système octal est huit.
- Quelle que soit la base numérique employée, elle suit la relation suivante :

$$\sum_{i=0}^n (b_i a^i) = b_0 a^0 + b_1 a^1 + b_2 a^2 + \dots + b_{n-1} a^{n-1} + b_n a^n$$

où b_i : chiffre de la base de rang i , et a_i : puissance de la base a d'exposant de rang i

• الأساس هو العدد الذي يعرّف نظاماً للتعداد

• أساس النظام العشري هي العشرة، وأساس النظام الثنائي هو 2

• مهما يكن الأساس المستعمل فإنه يتبع العلاقة الآتية

Ada b

A	d	a		b
---	---	---	--	---

65	100	97	32	98
----	-----	----	----	----

01000001	01100100	01100001	00100000	01100010
----------	----------	----------	----------	----------

Fig. 2.1: Codage des caractères.

$$\sum_{i=0}^n (b_i a^i) = b_0 a^0 + b_1 a^1 + b_2 a^2 + \cdots + b_{n-1} a^{n-1} + b_n a^n$$

حيث : b_i : رقم الأساس في الرتبة i
و a_i : وقة الأساس في الرتبة i

Exemple

La base 10

$$1453 = 3 \times 10^0 + 5 \times 10^1 + 4 \times 10^2 + 1 \times 10^3$$

Le système décimal est un système de numération utilisant la base dix. Dans ce système, les puissances de dix et leurs multiples bénéficient d'une représentation privilégiée.

النظام العشري هو النظام المعتمد لدى الإنسان، حيث يوضع في كل منزلة قوى العدد عشرة، ويمكن تمثيله بكثير حدود حيث $X = 10$

10^3	10^2	10^1	10^0
2	0	1	9

Exemple

$$2019 = 9 \times 10^0 + 1 \times 10^1 + 0 \times 10^2 + 2 \times 10^3$$

Le système binaire est un système de numération utilisant la base 2. On nomme couramment bit (de l'anglais *binary digit*, soit « chiffre binaire ») les chiffres de la numération binaire positionnelle. Ceux-ci ne peuvent prendre que deux valeurs, notées par convention 0 et 1.

النظام الثنائي : يعتمد على رقين هما الواحد والصفر لتمثيل أي عدد، ويستعمل في الحواسيب

Exemple

Le nombre qui s'écrit 5 en base 10 s'écrit 101 en base 2 car :

العدد 5 يكتب 101 في النظام الثنائي، لأن

$$5 = 1 \times 2^0 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^2 = 1 + 0 + 4$$

2^2	2^1	2^0
1	0	1

Le système hexadécimal est un système de numération positionnel en base. Il utilise ainsi 16 symboles, en général les chiffres arabes pour les dix premiers chiffres et les lettres *A* à *F* pour les six suivants.

Le système hexadécimal est particulièrement commode et permet un compromis entre le code binaire des machines et une base de numération pratique à utiliser pour les ingénieurs rendant les conversions très simples et fournissant une écriture plus compacte.

النظام السعري أساسه 16 ويستعمل كنظام عملي مبسط للنظام الثنائي، يسمح باختصار الترميز الثنائي وتسهيل حفظه وكتابته وسهولة التحويل بينه وبين الثنائي،

Exemple

مثلا العدد 16289 يكتب 3FA1 في السعري، بدلا من 0011 1111 1010 0001 في الثنائي .
16289 s'écrit 3FA1 en hexadécimal au lieu de 0011 1111 1010 0001 en binaire.

Conversion entre les systèmes

2.1.2

أنظمة التعداد

التحويل بين

Méthode

conversion	Méthode	Exemple															
$10 \Rightarrow X$	Division successive sur X القسمة الإقليدية المتتالية على العدد X، حتى يصبح الحاصل 0، ثم أخذ الباقي من اليمين إلى اليسار	$(44)_{10} = (101100)_2$															
$X \Rightarrow 10$	Développement polynomial نشر كثير حدود بالضرب في قوى الأساس x	<table border="1" style="display: inline-table; vertical-align: middle;"> <tr> <td>5^2</td> <td>5^1</td> <td>5^0</td> </tr> <tr> <td>2</td> <td>1</td> <td>0</td> </tr> </table> $(210)_5 = 0 \times 5^0 + 1 \times 5^1 + 2 \times 5^2$ $= 0 + 5 + 25 \times 2 = (55)_{10}$	5^2	5^1	5^0	2	1	0									
5^2	5^1	5^0															
2	1	0															
$X \Rightarrow Y$	المرور بالأساس 10 10	$(210)_5 = (55)_{10} = (67)_8$															
$2 \Rightarrow 8$	3 chiffres binaires \Rightarrow un chiffre octal كل ثلاثة أرقام ثنائية يقابلها رقم ثانوي	<table style="display: inline-table; vertical-align: middle;"> <tr> <td>Binaire</td> <td><u>101</u></td> <td><u>110</u></td> <td><u>011</u></td> <td>$_2$</td> </tr> <tr> <td>Octal</td> <td>\downarrow</td> <td>\downarrow</td> <td>\downarrow</td> <td></td> </tr> <tr> <td></td> <td>(5)</td> <td>6</td> <td>3</td> <td>$_8$</td> </tr> </table>	Binaire	<u>101</u>	<u>110</u>	<u>011</u>	$_2$	Octal	\downarrow	\downarrow	\downarrow			(5)	6	3	$_8$
Binaire	<u>101</u>	<u>110</u>	<u>011</u>	$_2$													
Octal	\downarrow	\downarrow	\downarrow														
	(5)	6	3	$_8$													
$8 \Rightarrow 2$	un chiffre octal \Rightarrow 3 chiffres binaires كل رقم ثانوي يقابل ثلاثة أرقام ثنائية	<table style="display: inline-table; vertical-align: middle;"> <tr> <td>Octal</td> <td>\downarrow</td> <td>\downarrow</td> <td>\downarrow</td> </tr> <tr> <td>Binaire</td> <td><u>101</u></td> <td><u>110</u></td> <td><u>011</u></td> <td>$_2$</td> </tr> </table>	Octal	\downarrow	\downarrow	\downarrow	Binaire	<u>101</u>	<u>110</u>	<u>011</u>	$_2$						
Octal	\downarrow	\downarrow	\downarrow														
Binaire	<u>101</u>	<u>110</u>	<u>011</u>	$_2$													
$2 \Rightarrow 16$	4 chiffres binaires \Rightarrow un chiffre octal كل أربعة أرقام ثنائية تقابل رقمًا سبع عشرة	<table style="display: inline-table; vertical-align: middle;"> <tr> <td>Binaire</td> <td><u>1010</u></td> <td><u>0110</u></td> <td><u>0011</u></td> <td>$_2$</td> </tr> <tr> <td>Hexa</td> <td>\downarrow</td> <td>\downarrow</td> <td>\downarrow</td> <td></td> </tr> <tr> <td></td> <td>(A)</td> <td>6</td> <td>3</td> <td>$_8$</td> </tr> </table>	Binaire	<u>1010</u>	<u>0110</u>	<u>0011</u>	$_2$	Hexa	\downarrow	\downarrow	\downarrow			(A)	6	3	$_8$
Binaire	<u>1010</u>	<u>0110</u>	<u>0011</u>	$_2$													
Hexa	\downarrow	\downarrow	\downarrow														
	(A)	6	3	$_8$													
$16 \Rightarrow 2$	un chiffre hexadécimal \Rightarrow 4 chiffres بinaires كل رقم سبع عشرة يقابل أربعة أرقام ثنائية	<table style="display: inline-table; vertical-align: middle;"> <tr> <td>Hexa</td> <td>\downarrow</td> <td>\downarrow</td> <td>\downarrow</td> </tr> <tr> <td>Binaire</td> <td><u>1010</u></td> <td><u>0110</u></td> <td><u>0011</u></td> <td>$_2$</td> </tr> </table>	Hexa	\downarrow	\downarrow	\downarrow	Binaire	<u>1010</u>	<u>0110</u>	<u>0011</u>	$_2$						
Hexa	\downarrow	\downarrow	\downarrow														
Binaire	<u>1010</u>	<u>0110</u>	<u>0011</u>	$_2$													

2.2

Arithmétique en binaire

الحساب في النظام الثنائي

Addition الجمع	Multiplication الضرب	Division القسمة
$ \begin{array}{r} 1111 \\ + 1 \\ \hline 10000 \end{array} $	$ \begin{array}{r} * & 111\ 011 \\ & 1101 \\ \hline 111\ 011 \\ 11101\ 100 \\ \hline 111011\ 000 \\ \hline 1011\ 111111 \end{array} $	$ \begin{array}{r} 10111\ 011 \\ 0110 \\ \hline 111 \\ 10 \\ \hline 100101 \end{array} $

2.3 تمثيل الأعداد الصحيحة السالبة

2.3.0.1 Valeur signée

القيمة ذات الإشارة

Décimal العشرى	Signe الإشارة	Valeur القيمة
13	0	1101
-13	1	1101

2.3.0.2 Complément à 1

المتمم إلى الواحد

Inverser tous les bits

المتمم إلى الواحد : أقلب كل البتات

Décimal العشرى	Valeur القيمة
13	0000 1101
-13	1111 0010

2.3.0.3 Complément à 2

المتمم إلى اثنين

inverser tous les bits et ajouter 1

المتمم إلى اثنين : أقلب كل البتات ثم أضف واحد.

Décimal العشرى	Valeur القيمة
13	0000 1101
-13	1111 0010
	+1
	= 1111 0011

2.4 Virgule flottante

الفاصلة العائمة

Un nombre flottant est formé de trois éléments : la mantisse, l'exposant et le signe. Le bit de poids fort est le bit de signe. Cela signifie que si ce bit est à 1, le nombre est négatif, et s'il est à 0, le nombre



Fig. 2.2: La représentation de la Virgule flottante.

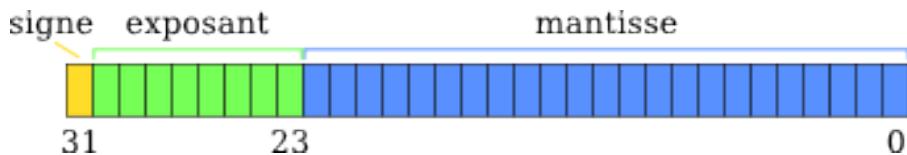


Fig. 2.3: Virgule flottante IEEE 754.

est positif. Les e bits suivants représentent l'exposant décalé, et les m bits suivants (m bits de poids faible) représentent la mantisse (Wikipedia, 2021d).

الفاصلة العائمة حسب معيار IEEE 754 **العدد ذو الفاصلة العائمة** يمثل بثلاثة عناصر : **القسم العشري**، **الأس**، **والإشارة**.
البت ذي القوة الأعلى يمثل الإشارة، تكون الإشارة 1 إذا كان العدد سالبا، و0 إذا كان موجبا. البتات الوسطى e تمثل الأسس المُزاح (المزيد)، والبتات الأخيرة m تمثل القسم العشري. إذا كان موجبا، البتات الوسطى e تمثل الأسس المُزاح (المزيد)، والبتات الأخيرة m تمثل القسم العشري.

Signe	Exposant décalé	Mantisse
الإشارة	الأس المُزاح	الجزء العشري
(1 bit)	(e bits)	(m bits)

2.4.0.1 Virgule flottante IEEE 754 (32 bits)

Un nombre flottant simple précision est stocké dans un mot de 32 bits : 1 bit de signe, 8 bits pour l'exposant et 23 pour la mantisse. L'exposant est biaisé à 127 (décalé). L'exposant d'un nombre normalisé va donc de -126 à +127 (Wikipedia, 2021d).

هذا التمثيل يعتمد على 32 بت، واحد للإشارة، و8 للأسس المُزاح، و23 للقسم العشري

- الإشارة 1 يعني سالب، 0 يعني موجب
- الأسس المُزاح بـ127، يعني إذا كانأس العدد في الأساس 2 هو 5، فإن الأسس المُزاح هو $132 = 5 + 127$
- القسم العشري الجزئي بعد أول واحد

Signe	Exposant décalé	Mantisse
الإشارة	الأس المُزاح	الجزء العشري
(1 bit)	(8 bits)	(23 bits)

Un nombre flottant normalisé a une valeur v donnée par la formule suivante :

$$v = s \times 2^e \times m$$

- $s = \pm 1$ représente le signe (selon le bit de signe) ;
- e est l'exposant avant son décalage de 127 ;

- $m = 1 + \text{mantisse}$ représente la partie significative (en binaire), d'où $1 \leq m < 2$ (mantisse étant la partie décimale de la partie significative, comprise entre 0 et 1)

1

تمرين محلول

la norme IEEE 754 :

Convertir le nombre décimal 8,625 en virgule flottante suivant

مثل العدد 8,625 بمعيار الفاصلة العائمة IEEE 754 على 32 بت

Méthode

Corrigé : Conversion de 8,625 en binaire

- Partie entière : 8 => 1000
- Partie décimale : 0,625 => 0,101
- Somme 8,625 => 1000,101
- Normalisation : $1000,101 \times 2^0 \Leftrightarrow 0,1000\ 101 \times 2^4$
- Pseudo-normalisation IEEE 754 : $\Leftrightarrow 1,0001\ 010 \times 2^3$ (de la forme 1,xxxx où xxxx = pseudo mantisse)
- توحيد جزئي من الشكل $1,xxx$ حيث xxxx هو القسم العشري الجزئي
- Décomposition du nombre en ses divers éléments
 - Bit de signe : 0 (Nombre >0)
 - Exposant sur 8 bits biaisé à 127 => $3 + 127 = 130 \Rightarrow 1000\ 0010$ الأس على 8 بت مزيد بـ 127
 - Pseudo mantisse sur 23 bits : 0001 0100 0000 0000 0000 000
 - القسم العشري الجزئي على 23 بت

تحويل العدد إلى الثنائي

القسم الصحيح

القسم العشري

توحيد

: تقسيم العدد إلى عناصره

بت الإشارة

الأس

على 8 بت مزيد بـ

127

الأس

Signe الإشارة	Exposant biaisé الأس المزيـد	Pseudo mantisse الجزء العـشرـي
0	1000 0010	000 1010 0000 0000 0000 0000

2.4.0.2 Autres formats

صيغ أخرى

Nom الاسم	Nom connue الاسم المعروـف	Base الأسـاس	chiffres الأرقـام	Exposant min الأس الأدنـى	Exposant max الأس الأقصـى	Chiffres décimaux عدد الأرقـام	Exposant décimal max الأس العشـري الأقصـى
binary16	Half precision	2	11	-14	15	3.31	4.51
binary32	Single precision	2	24	-126	127	7.22	38.23
binary64	Double precision	2	53	-1022	1 023	15.95	307.95
binary128	Quadruple precision	2	113	-16 382	16 383	34.02	4931.77

2.5 Autres codes des nombres

2.5.1 Binary Coded Decimal

العشرى المرمز بالثانئي

Le binary coded decimal (BCD), (décimal codé binaire), est utilisé en électronique et en informatique pour coder des nombres d'une façon relativement proche de la représentation humaine usuelle (en base 10). En BCD, les nombres sont représentés en chiffres décimaux et chacun de ces chiffres est codé sur quatre bits (Wikipedia, 2021c) :

هو تمثيل يمزج بين النظام العشري والثانئي، ليسهل عملية التحويل بينهما، يرمز كل رقم عشري بأربعة أرقام ثنائية

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
0000	0001	0010	0011	0100	0101	0110	0111	1000	1001	1010

2.5.2 Code Gray

الترميز الثنائى المعكوس : ترميز غرائي

Le code de Gray, également appelé binaire réfléchi, est un type de codage binaire permettant de ne modifier qu'un seul bit à la fois quand un nombre est augmenté d'une unité. Le nom du code vient de l'ingénieur américain Frank Gray (1953) (Dekeyser, 2010).

الترميز المنعكس أو ترميز غرائي طريقة لتمثيل الأعداد ثنائية. حيث أن الفرق بين أي عدد وآخر يليه في تشفير غرائي يكون في بت واحد فقط. تستعمل في العدادات والآلات، لمنع حدوث حالات عابرة خطأ. تم اختراع هذه الترميز من قبل فرانك غراري 1953.

Codage décimal	Codage binaire naturel	Codage Gray ou binaire réfléchi
الترميز العشري	الترميز الثنائى المعتاد	الترميز الثنائى المعكوس
0	0000	0000
1	0001	0001
2	0010	0011
3	0011	0010
4	0100	0110
5	0101	0111
6	0110	0101
7	0111	0100

2.6 Codage des caractères

ترميز الحروف

2.6.1 Code ASCII

ترميز الأسكنري

L'American Standard Code for Information Interchange (Code américain normalisé pour l'échange d'information), plus connu sous l'acronyme ASCII est une norme de codage de caractères en informatique ancienne et connue pour son influence incontournable sur les codages de caractères qui lui ont succédé. Elle était la plus largement compatible pour ce qui est des caractères latins non accentués (Wikipedia, 2021b).

الأسكنري ASCII (الترميز الأمريكي القياسي لتداول المعلومات) مجموعة رموز ونظام ترميز مبني على الأبجدية اللاتينية بالشكل الذي تستخدم به في الإنجليزية الحديثة ولغات غرب أوروبية أخرى. من أكثر الاستخدامات شيوعاً للنصوص المكتوبة بالأسكنري، استخدامها في أنظمة الحاسوب، وفي أجهزة الاتصالات وأنظمة التحكم التي تتعامل مع نصوص. في الإنجليزية الحديثة ولغات غرب أوروبية أخرى، من أكثر الاستخدامات شيوعاً للنصوص المكتوبة بالأسكنري، استخدامها في أنظمة الحاسوب، وفي أجهزة الاتصالات وأنظمة التحكم التي تتعامل مع نصوص.

Unicode est un standard informatique qui permet des échanges de textes dans différentes langues, à un niveau mondial. Il est développé par le Consortium Unicode, qui vise à permettre le codage de texte écrit en donnant à tout caractère de n'importe quel système d'écriture un nom et un identifiant numérique, et ce de manière unifiée, quelle que soit la plate-forme informatique ou le logiciel (Wikipedia, 2021e).

L'Unicode définit donc une correspondance entre symboles et nombres. (Le symbole “Ӧ“ sera représenté par le nombre 213).

UTF-8 Généralement en Unicode, un caractère prend 2 octets. Autrement dit, le moindre texte prend deux fois plus de place qu'en ASCII (Béasse, 2019).

De plus, si on prend un texte en français, la grande majorité des caractères utilisent seulement le code ASCII. Seuls quelques rares caractères nécessitent l'Unicode. On a donc trouvé une astuce : l'UTF-8 (Béasse, 2019).

Un texte en UTF-8 est simple : il est partout en ASCII, et dès qu'on a besoin d'un caractère appartenant à l'Unicode, on utilise un caractère spécial signalant “attention, le caractère suivant est en Unicode” (Béasse, 2019).

Par exemple, pour le texte “Bienvenue chez Sébastien j‘, seul le “é“ ne fait pas partie du code ASCII.

On écrit donc en UTF-8: **Bienvenue chez SÃ©bastien !** (Béasse, 2019).

تعرف مواصفة يونيكود كل الرموز المستخدمة في اللغات الرئيسية المكتوبة في العالم. وتتضمن رموز اللغات الأوروبية، ورموز اللغات التي تم كتابتها من اليمين إلى اليسار، كاللغة العربية، ورموز اللغات الآسيوية. وتشمل مواصفة يونيكود أيضاً علامات التنقيط، والأحرف المميزة diacritics ، والرموز الرياضية، والرموز التقنية، والأسماء.. إلخ.

تعطي يونيكود رقا فريدا لكل حرف بغض النظر عن المنصة والبرنامج واللغة، يرمز اليونيكود على 2 بايت، ويستعمل التمثيل UTF8 كوسيط بين اليونيكود والأسكى، بحيث أن الحرف الموجود في الأسكى يرمز على بايت واحد، أما الحرف غير الموجود في الأسكى يرمز على عدة بايات.

Exemple

Code ASCII de 'A' est $(100\ 0001)_2 = (41)_{16} = (65)_{10}$

Code du Alif est $(0627)_{16}$

	0	1	2	3	4	5	6	7
0	NUL	DLE	space	0	@	P	'	p
1	SOH	DC1 XON	!	1	A	Q	a	q
2	STX	DC2	"	2	B	R	b	r
3	ETX	DC3 XOFF	#	3	C	S	c	s
4	EOT	DC4	\$	4	D	T	d	t
5	ENQ	NAK	%	5	E	U	e	u
6	ACK	SYN	&	6	F	V	f	v
7	BEL	ETB	'	7	G	W	g	w
8	BS	CAN	(8	H	X	h	x
9	HT	EM)	9	I	Y	i	y
A	LF	SUB	*	:	J	Z	j	z
B	VT	ESC	+	:	K	[k	{
C	FF	FS	,	<	L	\		
D	CR	GS	-	=	M]	m	}
E	SO	RS	.	>	N	^	n	~
F	SI	US	/	?	O	_	o	del

Fig. 2.4: Tableau de codage des Caractères ASCII.

	060	061	062	063	064	065	066	067
0			ڏ	-	ڻ	*	ڻ	
1		ء	ڦ	ڻ	ڻ	ڻ	ڻ	ڻ
2		ڙ	ڙ	ڙ	ڙ	ڙ	ڙ	ڙ
3		۽	۽	۽	۽	۽	۽	۽
4		ڦ	ڦ	ڦ	ڦ	ڦ	ڦ	ڦ
5		۽	ڻ	ڻ	ڻ	ڻ	ڻ	ڻ
6			ڻ	ڻ	ڻ	ڻ	ڻ	ڻ
7			ڻ	ڻ	ڻ	ڻ	ڻ	ڻ
8			ڻ	ڻ	ڻ	ڻ	ڻ	ڻ
9			ڻ	ڻ	ڻ	ڻ	ڻ	ڻ
A			ڻ	ڻ	ڻ	ڻ	ڻ	ڻ
B		:	ڻ	ڻ	ڻ	ڻ	ڻ	ڻ
C	،		ڻ	ڻ	ڻ	ڻ	ڻ	ڻ
D			ڻ	ڻ	ڻ	ڻ	ڻ	ڻ
E			ڻ	ڻ	ڻ	ڻ	ڻ	ڻ
F	ڻ	ڻ	ڻ	ڻ	ڻ	ڻ	ڻ	ڻ

Fig. 2.5: Tableau Unicode : page spéciale pour la langue Arabe.

Chapitre 3

Algèbre de Boole

الجبر البوليانى

3.1

Introduction

مقدمة

L'algèbre de Boole, ou calcul booléen, est la partie des mathématiques, de la logique et de l'électronique qui s'intéresse aux opérations et aux fonctions sur les variables logiques. Plus spécifiquement, l'algèbre booléenne permet d'utiliser des techniques algébriques pour traiter les expressions à deux valeurs du calcul des propositions. Elle fut initiée en 1854 par le mathématicien britannique **George Boole** (Wikipedia, 2021a).

Aujourd'hui, l'algèbre de Boole trouve de nombreuses applications en informatique et dans la conception des circuits électroniques. Elle fut utilisée la première fois pour les circuits de commutation téléphoniques par **Claude Shannon** (Wikipedia, 2021a).

الجبر البوليانى أو الحساب البوليانى قسم من الرياضيات والمنطق والالكترونيك يهتم بالعمليات والدوال ذات المتغيرات المنطقية التي تأخذ قيمتين (صح، خطأ). يسمح هذا الجبر بتطبيق التقنيات الجبرية لمعالجة العبارات المنطقية وحساب التعبارات. يأخذ اسمه من واضعه الرياضي البريطاني جورج بول سنة 1854.

للجبر البوليانى تطبيقات كثيرة في المعلوماتية وتصميم الدارات الالكترونية، وقد استخدمه لأول مرة كلود شانون في دارات التبديل المalternى.

3.2

Définitions

تعريفات

On appelle B l'ensemble constitué de deux éléments appelés valeurs de vérité VRAI, FAUX. Cet ensemble est aussi noté $B = \{1, 0\}$ (Wikipedia, 2021a).

Sur cet ensemble on peut définir deux lois (ou opérations ou foncteurs), les lois ET et OU et une transformation appelée complémentaire, inversion ou contraire (Wikipedia, 2021a).

نسمي المجموعة B ذات العنصرين المسميين "قيمتا الحقيقة" (صح، خطأ). نرمز لهذه المجموعة $\{1, 0\}$.

نعرف على هذه المجموعة قانونين (عمليتين أو دالتين) هما الوصل "و"، والفصل "أو"، والتحويل المسمى المتمم (العكس، الضد).

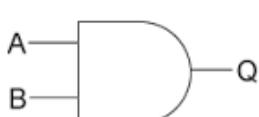
3.2.1

Conjonction

الوصل

Elle est définie de la manière suivante : a ET b est VRAI si et seulement si a est VRAI et b est VRAI. Cette loi est aussi noté par un point '.' (Wikipedia, 2021a)

نعرف الوصل بأن القضية "أ و ب" صحيحة إذا وفقط إذا كان أ صحيحًا وب صحيحًا، ونرمز له بالنقطة «».



a	b	a et b
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

3.2.2 Disjonction

الفصل

Elle est définie de la manière suivante : a OU b est VRAI si et seulement si a est VRAI ou b est VRAI. (En particulier, si a est vrai et que b est vrai aussi, alors a OU b est vrai.) Cette loi est aussi noté par un plus + (Wikipedia, 2021a)

نعرف الفصل بأن القضية "أ أو ب" صحيحة إذا كان أ صحيحًا أو كان ب صحيحًا، ونرمز له بالرائد «+»



a	b	a ou b
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

3.2.3 Négation

النفي

Le contraire de "a" est VRAI si et seulement si a est FAUX. Le contraire de a est noté \bar{a}

نفي a صحيح إذا وفقط إذا كان a خاطئ، ونرمز له بخط علوي \bar{a}



a	\bar{a}
0	1
1	0

3.3 Les propriétés algébriques

الخواص الجبرية

Associativité تجزيعية	$(a + b) + c = a + (b + c) = a + b + c$ مثل العمليات الاعتيادية Comme avec les opérations habituelles certaines parenthèses sont inutiles : $(a.b).c = a.(b.c) = a.b.c$ بعض الأقواس لا مفعول لها
Commutativité تبديلية	$a + b = b + a$ L'ordre est sans importance : $a.b = b.a$
Distributivité توزيعية	$a.(b + c) = a.b + a.c$ $a + (b.c) = (a + b)(a + c)$
Idempotence التماثل	$a + a + a + a + a \dots + a = a$ $a.a.a.a.a \dots a = a$
Éléments neutres العنصر الحيادي	$a + 0 = a$ $a.1 = a$
Absorption العنصر الماكس	$a + 1 = 1$ $a.0 = 0$
Simplification التبسيط	$a + \bar{a}.b = a + b$ $a.(\bar{a} + b) = a.b$
Redondance الكرار	$a.b + \bar{a}.c + b.c = a.b + \bar{a}.c$
Complémentarité المتمم	$a = \bar{\bar{a}}$ $a.\bar{a} = 0$ $a.\bar{a} = 0$

3.3.1 Théorème de “De Morgan” مبرهنة دي مورغان

Théorème

Première loi de “De Morgan” (négation de la conjonction)

القانون الأول : نفي الوصل

$$\overline{a \cdot b} = \overline{a} + \overline{b}$$

Le complément de la somme = le produit des compléments

متم المجموع = جداء المتممات

Théorème

Deuxième loi de De Morgan (négation de la disjonction) القانون الثاني : نفي الفصل

$$\overline{a + b} = \overline{a} \cdot \overline{b}$$

Le complément du produit = la somme des compléments

متم الجداء = مجموع المتممات

3.4 La forme Canonique

الشكل القانوني

Première forme Canonique. $F = \text{somme min termes}$

الشكل القانوني الأول : مجموع الحدود

الدنيا : مجموع الجداءات

$$F(A, B, C) = \overline{A} \cdot \overline{B} \cdot \overline{C} + \overline{A} \cdot \overline{B} \cdot C + \overline{A} \cdot B \cdot \overline{C} + A \cdot \overline{B} \cdot \overline{C}$$

Deuxième forme Canonique $F = \text{produit des max termes}$

الشكل القانوني الثاني : جداء الحدود

القصوى جداء المجاميع

$$F(A, B, C) = (A + \overline{B} + C)(A + B + \overline{C})(\overline{A} + B + C)(A + B + C)$$

Forme canonique, Miniterm et Maxiterm

الشكل القانوني، الحدود الدنيا والقصوى

A	B	C	S	terme	Min max
0	0	0	0	$\blacktriangleright A + B + C$	Max term
0	0	1	0	$\blacktriangleright A + B + \overline{C}$	Max term
0	1	0	0	$\blacktriangleright A + \overline{B} + C$	Max term
0	1	1	1	$\blacktriangleright \overline{ABC}$	Min term
1	0	0	0	$\blacktriangleright \overline{A} + B + C$	Max term
1	0	1	1	$\blacktriangleright A\overline{B}C$	Min term
1	1	0	1	$\blacktriangleright A\overline{B}\overline{C}$	Min term
1	1	1	1	$\blacktriangleright ABC$	Min term

3.5 La simplification

تبسيط

Il existe deux méthodes de simplification

- Simplification par les propriétés algébriques.
- Simplification par la méthode graphique ç-a-d tableau Karnaugh.

يمكن التبسيط بطريقتين : جبريا حسب الخواص، وبيانيا بجدول كارنوف.

Simplification par les propriétés algébriques

3.5.1

الجبرية

التبسيط بالخواص

Exemple

$$s = a.b.c + a.\bar{b}.(\bar{a}.\bar{c})$$

Démonstration

$$\left\{ \begin{array}{l} s = a.b.c + a.\bar{b}.(\bar{a}.\bar{c}) \\ s = a.b.c + a.\bar{b}.(a + c) \\ s = a.b.c + a.\bar{b}.a + a.\bar{b}.c \\ s = a.b.c + a.\bar{b} + a.\bar{b}.c \\ s = a.\bar{b} + a.b.c + a.\bar{b}.c \\ s = a.\bar{b} + a.c(b + \bar{b}) \\ s = a.\bar{b} + a.c \\ s = a(\bar{b} + c) \end{array} \right.$$

transformation

Appliquer le théorème de De Morgan

$$(\bar{a}.\bar{c}) = (\bar{a} + \bar{c}) = (a + c)$$

Développement

réduction ($a.\bar{b}.a = a.\bar{b}$)

Les variables communes

تحويل

تطبيق مبرهنة ديمورغن

نشر

اختزال

العوامل المشتركة

العوامل المشتركة

3.5.2 Karnaugh

Simplification par les tableaux de Karnaugh

التبسيط بجدول

Le diagramme de Karnaugh est un outil graphique qui permet de simplifier une équation logique ou le processus de passage d'une table de vérité à un circuit correspondant (Wikipedia, 2021a).

جدول كارنو夫 وسيلة مرئية (مخطط) لتبسيط معادلة منطقية للمرور من جدول الحقيقة إلى رسم الدارة.

	b
0	0
1	0

a	0	1
0	1	0
1	1	0

		cd			
		00	01	11	10
ab	00	0	0	0	0
	01	0	1	1	0
	11	0	1	1	0
	10	1	0	0	1

Méthode

- On réunit les "1" adjacents par groupe de 2, 4, 8 etc.
- L'équation du circuit est donnée par la somme des produits des variables qui ne change pas d'état dans chaque regroupement. Donc $S1 = \bar{b}$ et $S2 = b.d + a.\bar{b}.\bar{d}$

الطريقة

- نجمع الآحاد المجاورة في مجموعات ثنائية أو رباعية أو ثمانية العناصر
- المعادلة الناتجة هي مجموع جداءات المتغيرات التي لا تتبدل حالتها في كل تجعّي ومنه \bar{b} و $S1 = \bar{b}$ و $S2 = b.d + a.\bar{b}.\bar{d}$

Remarque

Remarque : Une sortie S est obtenue par les regroupements des zéros.
نحصل على المخرج S من خلال تجميع الصفرات المعاكسات.

3.6

Etude d'une fonction logique

دراسة دالة منطقية

Les étapes :

الخطوات

1 Table de vérité

جدول الحقيقة

2 Forme canoniques

الشكل القانوني

3 Simplification (algébrique ou table de Karnaugh)

تبسيط (جيриا أو بخيط كارنوف)

4 Tracer le logigramme
(schéma des portes logiques)

رسم الخريط المنطقي
(خريط البوابات المنطقية)

Exemple

soit $F(x, y, z) = x.y.z + x.\bar{y} + z$

Table de vérité

جدول الحقيقة

X	Y	Z	F
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	0
0	1	1	1
1	0	0	1
1	0	1	1
1	1	0	0
1	1	1	1

Forme canonique

الشكل القانوني 1ère forme canonique

الشكل القانوني الأول

$$F(x, y, z) = \bar{x}.\bar{y}.z + \bar{x}.y.z + x.\bar{y}.\bar{z} + x.\bar{y}.z + x.y.z$$

2ème forme canonique

الشكل القانوني الثاني

$$f(x, y, z) = (x + y + z)(x + \bar{y} + z)(\bar{x} + \bar{y} + z)$$

Simplification

تبسيط

$$\begin{aligned} xyz + x\bar{y} + z &= x(yz + \bar{y}) + z \\ &= x.(\bar{y} + yz) + z = x.(\bar{y} + y)(\bar{y} + z) + z \\ &= x(1)(\bar{y} + z) + z = x(\bar{y} + z) + z = x\bar{y} + xz + z \\ &= x\bar{y} + z(x + 1) = x\bar{y} + z.1 = x\bar{y} + z \end{aligned}$$

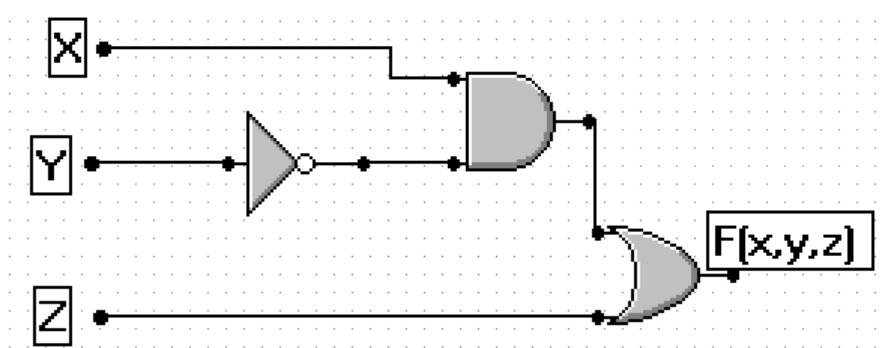
Tableau de Karnaugh

جدول كارنوف

		y z				
		00	01	11	10	
x		0	0	1	1	0
		1	1	1	1	0

Le logigramme :

المخطط المنطقي



Deuxième partie

Exerices

تمارين

Chapitre 4

Exercices

تمارين

4.1 Exercices du chapitre 1

4.1.1 Les unités de mesure

وحدات القياس

01 Préciser les unités de mesure dans la fiche technique suivante :

حدد وحدات القياس المناسبة

- Intel Core™i5 (fréquence تردد 3.40 ، mémoire cache ذاكرة خبيثة 4)
- Windows 8.1 64
- RAM 4 à 1333
- Disque dur 850 قرص صلب 4 نسبة التحويل
- Carte réseau intégrée (LAN) : 100 بطاقة شبكة مدمجة
- اتصال إنترنت اتصال ADSL de 2
- WebCam تباين résolution 12

02 Convertir les unités suivantes :

حول الوحدات الآتية :

- $2,4 \text{ GHz} = \text{MHz} = \text{Hz}$
- $4,7 \text{ Go} = \text{Mo} = \text{Ko} = \text{octets}$
- $512 \text{ kb/s} = \text{ko/s} = \text{octets/s.}$
- $2 \text{ To} = \text{Go} = \text{Mo}$

03

- Convertir $1\text{Mb/s} = \text{ko/s} = \text{octets/s.}$ حول :
- Quel est le temps nécessaire pour télécharger un fichier de 1 Mo avec une connexion ADSL de 1 Mb/s ?

ما الزمن اللازم لتنزيل ملف حجمه 1Mo باستعمال اتصال إنترنت بتدفق 1Mb/s

4.1.2 Les systèmes de numération

أنظمة التعداد

04 Donner le tableau de correspondance des 17 premiers nombres entiers dans les différentes bases (2, 6, 8, 12, 16)

أعط الجدول المقابل للأعداد السبعة عشر الأولى في الأسس (16, 12, 8, 6, 2)

05 Choisir la bonne réponse

اختر الإجابة الصحيحة

$$1830_{10} = 2653_8 \quad 3446_8 \quad 3448_8$$

$$1954_{10} = 207A_{16} \quad 72A_{16} \quad 7A2_{16}$$

$$2019_{10} = 011\ 1101\ 1111_2 \quad 111\ 1011\ 1110_2 \quad 111\ 1110\ 0011_2$$

06 Faire les conversions suivantes

حول ما يأتي

- Base 10 à base X $(69)_{10} = (\underline{\hspace{2cm}})_7$ $(145)_{10} = (\underline{\hspace{2cm}})_2$ $(251)_{10} = (\underline{\hspace{2cm}})_{16}$
- Base X à base 10 $(243)_6 = (\underline{\hspace{2cm}})_{10}$ $(1453)_8 = (\underline{\hspace{2cm}})_{10}$ $(326)_5 = (\underline{\hspace{2cm}})_{10}$
- Base X à Base Y $(6175)_9 = (\underline{\hspace{2cm}})_{12}$ $(234)_5 = (\underline{\hspace{2cm}})_7$ $(1040)_5 = (\underline{\hspace{2cm}})_6$

07 Faire les conversions suivantes

حول ما يلي

- Base 2 à base 8 : 110 100 10 011 101 11 010 100
- Base 8 à base 2 : 26 150 1734
- Base 2 à Base 16 : 1101 1000 1001 0101 1100 1 0101 0101
- Base 16 à Base 2 : 4BF 6C2 A6E
- Base 8 et Base 16 : 76 DCBA 4321D91A

4.1.3 Exercices supplémentaires

للتعملق

08 Un opérateur Télécom propose un forfait de 50 Mo pour 100 DA, Quel est le temps nécessaire pour le consommer avec un débit de 256kb/s ?

شركة اتصالات تقترح عرضاً جزافياً قدره 50Mo بـ 100 دج، ما الزمن اللازم لاستهلاك هذا الرصيد باتصال تدفقه $s/256kb$

09

لدينا شبكة منزلية بين حاسوب محمول netbook (مزود ببطاقة شبکية سرعتها $100Mb/s$) و حاسوب مكتبي (مزود ببطاقة شبکية سرعتها $1000Mb/s$). الحاسوب المحمول ليس فيه قارئ للأقراص المضغوطة. فيه قارئ للأقراص المضغوطة. فيه قارئ للأقراص المضغوطة. ما الزمن اللازم لنقل محتوى قرص مضغوط DVD إلى الحاسوب المحمول عبر الشبكة المنزلية؟

On dispose d'un petit réseau domestique entre un NetBook (avec une carte réseau de $100 Mb/s$) et un ordinateur de bureau (avec une carte réseau de $1000 Mb/s$). Quel est le temps nécessaire pour transférer le contenu d'un DVD vers le NetBook ?

10

: Ecrire les nombres suivants en octal, hexadécimal, et décimal

حول الأعداد الآتية إلى الأسس الآتية : الثنائي، العشري، المستعشرى

111101100011010001	111111101000010100110
1101010001100101101	110010101100011010001
000011101001101100111	111111111110011111

11 Quels sont les nombres qui ont la même représentation en binaire, en octal, en hexadécimal et en décimal

ما هي الأعداد التي لها نفس التمثيل في النظام الثنائي والثاني والعشري والستعشرى

12 Quels sont les nombres qui ont la même représentation en octal, en hexadécimal et en décimal

ما هي الأعداد التي لها نفس التمثيل في الثنائي والعشري والستعشرى

13

Quel sont, parmi les nombres suivants, ceux qui ont un sens en hexadécimal

من بين ما يلي، ما هي الأعداد التي لها معنى في النظام المستعشرى

BAC DEUA CAFE NIMPORTEQUI BAFFE
DECADE BEF FA5D F00D C0DE 1DE

14 Combien de nombre entiers positifs peut-on exprimer avec n chiffres dans une base b ?

كم عددا طبيعيا موجبا يمكننا تمثيله على n رقا في الأساس b ؟

15 Déterminer la base (T, X, Y et Z) dans laquelle les nombres suivants sont exprimés :

حدد الأسس المستعملة في تمثيل الأعداد الآتية

- $(24)_T = 14_{10}$
- $(13)_X = 7_{10}$
- $(70)_Y = 56_{10}$
- $(1A0)_Z = 416_{10}$

16 Si X est un nombre entier positif différent de 0, comment X est écrit en base X ?

إذا كان X عددا طبيعيا غير معروف، كيف تمثله في الأساس X

17 Convertir les nombres suivant en Binaire, octal et hexadécimal :

حول الأعداد الآتية إلى الأسس الآتية : الثنائي، العشري، الستعشري

15, 25, 256, 3012, 2013, 512, 45, 18

18 Quel est le débit de la connexion Internet si on peut télécharger un fichier de 15 Mo en 1 minute ?

ما تدفق اتصال الإنترنط، إذا أمكننا تنزيل ملف 15Mo في دقيقة واحدة؟

4.2 Exercices du chapitre 2

تمارين الفصل الثاني

4.2.1 Arithmétique

الحساب

01

احسب العمليات الآتية عموديا في الأساس

- base 8 : $132 + 134; \quad 132 + 316; \quad 337 - 155$
- base 16 : $F2C + 4C3; \quad F2C - 45E$
- base 2 : $10\ 0101 + 101; \quad 1\ 1001 + 1011; \quad 11\ 1111 + 1$

02

احسب العمليات الآتية عموديا في الأساس 2

$$1010\ 1101 * 1000; \quad 1\ 0101\ 1110 * 101; \quad 1011\ 1011 * 1101$$
$$1010\ 1101 \div 10; \quad 1\ 0101\ 1110 \div 110; \quad 1011\ 1011 \div 101$$

4.2.2

Représentation des entiers positifs تمثيل
الأعداد الصحيحة الموجبة :

03

1 Quel est le nombre maximum qu'on peut le représenter sur 16 bits, 20 bits, 32 bits.

ما أقصى عدد يمكن تمثيله على 16 بت، 20 بت، 32 بت؟

2 Quel est le nombre de bits pour le fonctionnement d'une calculatrice simple qui contient 8 chiffres décimaux ?

ما هو عدد البتات اللازمة لعمل آلة حاسبة ذات 8 أرقام

3 Calculer $1111\ 1110 + 10$ sur 8 bits

احسب المجموع $1111\ 1110 + 10$ على 8 بيات

4.2.3

Représentation des entiers négatifs تمثيل
الأعداد الصحيحة السالبة

04

Représenter les nombres suivant en valeur absolue, complément à 1, complément à 2 sur 8 bits

مثل على 8 بت الأعداد الآتية في تمثيل بالقيمة المطلقة والمتمم إلى الواحد، والمتمم إلى الاثنين

1, 2, 3, 16, 19, -1, -2, -3, -4, -16, 127

05

Convertir en décimal les nombres entiers suivants sur 8 bits

حول إلى النظام العشري حسب التمثيل المستخدم على 8 بت

- valeur absolue : 1000 1010 ; 0000 1100 ; 1000 0001
- complément à 1: 1111 0101 ; 0111 0011 ; 1111 1110
- complément à 2: 1111 0110 ; 0111 0011 ; 1111 1101

06

Calculer en base 2, puis en CA2 sur 10 bits

أحسب في الأساس الثنائي على 10 بات، ثم في المتمم 2

$$0000\ 1010 - 000\ 1000; \quad 001\ 1001 - 1011; \quad 11\ 1111 - 1$$

4.2.4 Représentation des nombres Réels تمثيل الأعداد الحقيقة

07

Convertir en binaire

حول إلى الثنائي

$$13.25 \quad 15.75 \quad 12.625 \quad 0.3$$

08

Convertir les nombres binaires suivants en décimal

حول إلى العشري

$$0,11001 \quad 101,1 \quad 110,001 \quad 10\ 0110,1101\ 01$$

09

Représenter en binaire en virgule flottante par les normes IEEE754-16bits, IEEE754-32 bits
مثل بالثنائي بالفاصلة العائمة بالمعايير IEEE754-16bits, IEEE754-32 bits

$$13.25 \quad -15.75 \quad +12.625 \quad 0.3$$

10

Convertir le nombre binaire suivant représenté en virgule flottante en décimal IEEE754-32 bits

حول الأعداد الثنائية التالية الممثلة في الفاصلة العائمة إلى النظام العشري IEEE754-32 bits

signe	exposant	Mantisse
1	1000 0010	1010 1000 0000 0000 0000 000
1	1000 0100	1001 0100 0000 0000 0000 000
0	1000 1010	1111 1000 0000 0000 0000 000

4.2.5 Codage des caractères ترميز الحروف

11

Coder le message en ASCII

رمز الرسالة بالأ斯基

"I'm 18 YeArs old ;)"

12

Décoder le message par l'ASCII

فك الرسالة المكتوبة بالأ斯基

0100 1001	010 0000	0110 1100	0110 1111	0111 0110	0110 0101	010 0000
0100 1101	0100 1001	010 0000	0110 1110	1011 0000	011 0001	010 1110

- 13 Coder le mot 'السلامُ علَيْكُم' en Unicode رمز عبارة 'السلامُ علَيْكُم' باليونيكود
- 14 رمز العددين 374 و 568 في BCD ، اجمعهما في BCD ؟

- 2 Coder les 568 et 374 en BCD, puis faire la somme ؟
- 3 Comment faire corriger le résultat. كيف يمكن تصحيح النتيجة
- 4 Refaire le même travail en EXCESS3 أعد نفس العملية باستعمال التمثيل الزائد 3
- 5 Refaire le même travail pour 467 et 534 أعد نفس العملية للأعداد 467 و 534

- 15
- 1 Créer la table de code Gray de 0 à 16. أنشئ جدول الأعداد حسب ترميز غرافي من 0 إلى 16
- 2 Si $x = (11\ 0011\ 1011)$ en code Gray, alors $x+1 = (11\ 0011\ 1010)$ ou bien $(11\ 0011\ 1001)$

4.2.6 Exercices supplémentaires

للتعملق

- 16 ما هي القيم الدنيا والقصوى التي يمكن تمثيلها على 8 بิตات، باستعمال تمثيل القيمة المطلقة، المتمم إلى 1 والمتمم إلى 2
Quelles sont les valeurs minimales et maximales qu'on peut les représenter en valeur absolue, complément à 1, complément à 2 sur 08 bits.

- 17 Convertir les décimaux suivants en binaire, octal (base 8) et hexadécimal (base 16).
حول إلى الثنائي والثماني والستعشرى

1.0, 1; 0, 4; 0, 21; 0, 98; 0, 123; 0, 462
0, 5245; 0, 6234; 0, 11111; 0, 88888
2.2, 2; 7, 1; 25, 21; 76, 53; 201, 321
2079, 5245; 9998, 11112; 154292, 888556

- 18 Ecrire suivant la norme IEE-754 les nombres suivants
عبر عن الأعداد الآتية بواسطة تمثيل IEEE-754 على 16 بت، وعلى 32 بت

-1.375 - 0.375 - 0.34375 1.375 2.75

- 19 Code votre prénom en ASCII. رمز اسمك بالأسكى
- 20 Donner le code ASCII du message suivant. فك الرسالة المرمزة بالأسكى

1000 010; 011 0000; 101 0101; 100 1001; 101 0010; 100 0000

- 21 Coder votre nom en arabe en Unicode. رمز اسمك بالعربية باليونيكود
- 22 Décode le message écrit en arabe en Unicode. فك الرسالة المربعة باليونيكود بالعربية

0x6270x6440x6330x6440x6270x6450x200x6390x6440x64a0x6430x645

- 23 Soit la machine de type KHADRA K20-A14 qui représente la virgule flottante sous la forme
لتكن الآلة "خضرة خ 20-14" التي تمثل الفاصلة العائمة حسب الطريقة التالية :
Soit la machine de type KHADRA K20-A14 qui représente la virgule flottante sous la forme
Représenter مثل ما يلي

$$(1.067)_8, \quad (-0.0066)_{16}$$

- 24 Sans utiliser la table ASCII, sachant que $(41)_{16}$ correspond à 'A' et $(33)_{16}$ correspond à '3', coder le message suivant :

دون استعمال جدول الأسكندري وعلما أن $(41)_{16}$ يقابل 'A' و $(33)_{16}$ يقابل '3', رمز الرسالة الآتية :

B	A	C	2	0	1	3
	41					33

- 25 Représenter votre date de naissance en BCD مثل تاريخ ميلادك في BCD

26 En langage Java, le type "short" représente un nombre entier court sur 2 octets allant de -32768 à +32767.

في لغة البرمجة جافا، يمثل النوع *short* على 2 بait الأعداد الصحيحة على في المجال $-32768, +32767$.
Representer sur 2 octets en complément à 2.
مثلا بالتمم إلى 2 على 2 بait

$$(-5c6e)_{16}; \quad (-10a3)_{16}$$

27 Représenter les nombres suivants en complément à 2 sur 20 bits

مثلا بالتمم الثنائي على 20 بت

$$-1, \quad -2, \quad 3, \quad -4$$

28

1 Convertir en décimal : $(0.101)_2; (1000\ 0011)_2$

2 Décoder le nombre écrit en virgule flottante sous la norme IEEE754 sur 32 bits. Donner le résultat en décimal

$$1 \ 1000\ 0011 \ 11011010000\ 0000v0000\ 0000$$

29

1- En mode binaire, La calculatrice scientifique utilise 10 chiffres binaires et le complément à 2 pour représenter les nombres négatifs

Donner en binaire et en décimal, Le plus petit nombre et Le plus grand nombre qu'on peut l'écrire sur la calculatrice en mode binaire.

الآلة الحاسبة تستعمل التميم إلى 2 لتمثيل الأعداد السالبة على 10 رقا شائيا، ما هو أكبر عدد ثنائي وأصغر عدد ثنائي يمكن تمثيلهما

30

1 Convertir en binaire

حول إلى الثنائي

$$130, 131, 132, 133$$

2 Représenter le nombre suivant en virgule flottante sous la norme IEEE754 sur 32 bits.

مثلا الأعداد الآتية حسب معيار IEEE754- 32 bits

$$(-1x2^3)_2, \quad (1x2^4)_2, \quad (-10x2^4)_2, \quad (0.0000\ 1)_2$$

4.3

Exercices du chapitre 3

تمارين الفصل الثالث

exercices
place it
arithmétique
tion

01

Tracer la table de vérité des expressions suivantes :

أنشئ جداول الحقيقة لكل عبارة مما يلي

- 1** $a + a.b$
- 2** $a.(a + b)$
- 3** $a + \bar{a}.b$
- 4** $(a + b)(a + \bar{b})$
- 5** $(a + b)(a + c)$
- 6** $(a + b)(\bar{a} + c)$

02

Démontrer les théorèmes suivants par la table de vérité

برهن المبرهنات الآتية بجدول الحقيقة

- 1** Idempotence : $a + a + a + \dots = a$
- 2** Éléments neutres $a + 0 = a$ $a.1 = a$
- 3** Absorption $a.0 = 0$ $a + 1 = 1$
- 4** Complémentarité $a + \bar{a} = 1$ $a.\bar{a} = 0$

03

Démontrer le théorème de De Morgan par la table de vérité

جدول الحقيقة أثبت مبرهنة ديمورغان

- 1** $\overline{a.b} = \bar{a} + \bar{b}$
- 2** $\overline{a + b} = \bar{a}.\bar{b}$

04

Démontrer les équations suivantes en utilisant les propriétés de l'algèbre de Boole :

أثبت باستعمال خواص الجبر البولياني

- 1** $a + a.b = a$
- 2** $a.(a + b) = a$
- 3** $a + \bar{a}.b = a + b$
- 4** $(a + b)(a + \bar{b}) = a$

Simplifier les équations suivantes en utilisant les propriétés de l'algèbre de Boole :

بسط باستعمال خواص الجبر البولياني

- 1** $(a + b)(a + c)$

2 $(a + b)(\bar{a} + c)$

05 Réduire les équations en utilisant le théorème de De Morgan ;

بسط باستعمال مبرهنة دي مورغان

$$\overline{\bar{a} \cdot b + \bar{a} + \bar{b}}$$

06 Exprimer ces fonctions sous la première et la deuxième forme canonique ;

عبر عن الدوال الآتية بالشكلين القانونيين الأول والثاني

1 $f_1(x, y, z) = xy + x\bar{z} + \bar{y}z$

2 $f(a, b, c) = 1$ si le nombre de variables à 1 est pair

3 $f(a, b, c, d) = 1$ si aux moins deux variables sont égale à 1

07 Simplifier les fonctions de l'exercice 6 par la table de Karnaugh

بسط دوال التمرن 6 بجدول كارنو

08 Tracer les logigrammes des fonctions de l'exercice 6

رسم المخططات المنطقية لدوال التمرن 6

09 Etudier la fonction

أدرس الدالة

$$F(x, y, z) = x \oplus (y + z)$$

10 Simplifier les tableaux de Karnaugh suivant :

بسط الدوال الآتية

1 Fonction X1

		cd			
		00	01	11	10
ab	00	1	0	1	1
	01	1	0	1	1
	11	0	0	0	0
	10	1	0	0	0

2 Fonction X2

		cd			
		00	01	11	10
ab	00	0	1	1	0
	01	1	0	1	0
	11	0	1	0	1
	10	1	0	0	1

3 Fonction X 3

		cd			
		00	01	11	10
ab	00	0	1	0	0
	01	0	0	0	0
	11	0	0	0	1
	10	1	0	0	1

11 Démontrer algébriquement les relations suivantes :

أثبت جبريا ما يلي :

- 1 $AB + \overline{A}C = (\overline{A} + B)(A + C)$
- 2 $AB + \overline{A}C + BC = \overline{A}B + AC$
- 3 $(A + B)(\overline{A} + C)(B + C) = (A + B)(\overline{A} + C)$
- 4 $AB + A\overline{B}C = AB + AC$
- 5 $(A.\overline{B} + C) + (\overline{A} + B)\overline{C} = 1$
- 6 $(A + B)(A + \overline{B} + C) = (A + B)(A + C)$
- 7 $(AB + AC + BC) = (A + B)(A + C)(B + C)$
- 8 $\overline{(A + C)(B + \overline{C})} = (\overline{A} + C)(\overline{B} + \overline{C})$
- 9 $\overline{AC + B\overline{C}} = \overline{AC} + \overline{B.C}$

12 Déterminer les compléments des fonctions suivantes

حدد متممات ما يلي

[1] $(bc' + a'd)(ab' + cd')$

[2] $(ab' + c'.d' + a'.cd' + dc'(ab+a'b') + db(ac'+a'c)$

13 Etudier les fonctions logiques suivantes

ادرس الدوال الآلية

[1] $f1(a, b, c) = abc + ab + a + c + b\bar{a}$

[2] $f2(a, b, c) = ab + ab\bar{c} + bc$

[3] $f3(a, b, c) = 1$ si le nombre $(abc)_2$ est impair

إذا كان العدد فرديا

[4] $f4(a, b, c, d) = 1$ si le nombre $(abcd)_2$ est premier

إذا كان العدد أوليا

[5] $f5(a, b, c, d) = 1$ si le nombre $(abcd)_2$ est multiple de 3

إذا العدد مضاعف لـ 3

[6] $f6(a, b, c, d) = 1$ si le nombre $(abcd)_2$ est supérieur à 10

إذا العدد أكبر من 10

[7] $f7(a, b, c, d) = 1$ si le nombre $(abcd)_2$ est multiple de 2 ou bien multiple de 3.

إذا كان العدد مضاعفاً لاثنين أو مضاعفاً لـ 3

[8] $f8(a, b, c, d) = 1$ si le nombre de bits à 0 est supérieur ou égale au nombre de bits à 1

إذا كان عدد الأصفار أكبر أو يساوي عدد أرقام الواحد

[9] $f9(A, B, C, D) = 1$ si $A >= C$ et $B \leq D$

[10] $f10(a, b, c, d) = 1$ si le nombre $3 \leq (abcd)_2 \leq 12$.

إذا كان العدد مخصوصاً بين 3 و 12

[11] $f11(a, b, c, d) = 1$ si un bit à 1 est entre deux bits à 0, ou bien un bit à 0 est entre deux bits à 1.

إذا وجد 1 بين صفرتين أو وجد صفر بين واحدين

4.3.1 Projet

مشروع

Travail demandé : Un rapport doit contenir

- [1] la définition de la fonction
- [2] La table de vérité
- [3] les formes canoniques
- [4] la simplification par le tableau de karnaugh
- [5] le logigramme
 - a. dessiné à la main
 - b. Simulé sur le logiciel MultimediaLogic ^a (imprimer le schéma).

Date de remise : _____.

العمل المطلوب في التقرير

تعريف الدالة [1]

جدول الحقيقة [2]

الشكلين القانونيين [3]

تبسيط حسب جدول كارنو [4]

خطط الدارات : [5]

رسم باليد a.

محاكي على برنامج b.

طبع المخطط c.

آخر أجل :

^a<http://sourceforge.net/projects/multimedialogic/>

Les sujets :

- [1] Réaliser le circuit qui permet convertir un nombre binaire représenté en valeur signée sur 5 bits ($A_4A_3A_2A_1A_0$) en un nombre en complément à 2 ($S_4S_3S_2S_1S_0$).
- [2] Réaliser le circuit qui permet convertir un nombre binaire ($A_4A_3A_2A_1A_0$) en code Gray sur 5 bits ($G_4G_3G_2G_1G_0$).
- [3] Réaliser le circuit qui peut compter le nombre de bits à 1, le nombre en entrée est sur 5 bits ($A_4A_3A_2A_1A_0$), La sortie sur 3 bits ($S_2S_1S_0$).
- [4] Un circuit permet d'afficher la puissance de la connexion wifi en fonction de 4 variables d'entrée.
Les barres s'allument comme suite :
 - a. T1 : si au moins une variable à 1
 - b. T2 : si au moins deux variables sont à 1
 - c. T3 : si au moins trois variables sont à 1
 - d. T4 : si toutes les variables sont à 1

Chapitre 5

Solutions حلول

5.1 Solutions du chapitre 1

حلول الفصل الأول

5.1.1 Les unités de mesure

وحدات القياس

01

Préciser les unités de mesure dans la fiche technique suivante

حدد وحدات القياس المناسبة

• Intel Core™ i5 ذاكرة خبيثة تردد (fréquence 3.40 GHz, mémoire cache 4 Mo)

• Windows 8.1 64 bits.

• RAM 4 Go à 1333 MHz

• Disque dur 850 Go, نسبة التحويل taux de transfert 4 Mo/s

• بطاقة شبكة مدمجة (Carte réseau intégrée (LAN) : 100 Mb/s (Mbps MegaBit par second))

• Connexion ADSL de 2 Mb/s (Mbps MegaBit par second).

• WebCam : résolution 12 Mega Pixel.

02

Convertir les unités suivantes

: حَوْلَ الْوَحْدَاتِ الْآتِيَّةِ

1 $2.4 \text{ GHz} = 2.4 \times 10^3 \text{ MHz} = 2.4 \times 10^9 \text{ Hz}$

2 $4.7 \text{ Go} = 4.7 \times 2^{10} \text{ Mo} = 4.7 \times 2^{20} \text{ Ko} = 4.7 \times 2^{30} \text{ octets}$

3 $512 \text{ kb/s} = 512/8 \text{ ko/s} = 64 \times 2^{10} \text{ octets/s.}$

4 $2 \text{ To} = 2 \times 2^{10} \text{ Go} = 4.7 \times 2^{20} \text{ Mo}$

03

1 Convertir $1 \text{ Mb/s} = 1 \times 2^{10}/8 \text{ ko/s} = 1024/8 \text{ ko/s} = 128 \text{ ko/s} = 128 \times 1024 \text{ octets/s.}$

2 Quel est le temps nécessaire pour télécharger un fichier de 1 Mo avec une connexion ADSL de 1 Mb/s ?

$$\text{temps} = \frac{\text{Taille}}{\text{Dbit}} = \frac{1 \text{ Mo}}{1 \text{ Mb/s}} = \frac{1 \times 8 \text{ Mb}}{1 \text{ Mb/s}} = 8 \text{ s}$$

5.1.2 Les systèmes de numération

أنظمة التعداد

04 Donner le tableau de correspondance des 17 premiers nombres entiers dans les différentes bases (2, 6, 8, 12, 16)

أعط الجدول المقابل للأعداد السبعة عشر الأولى في الأسس (16, 12, 8, 6, 2)

Décimal	base 2	base 6	base 8	base 12	base 16
1	1	1	1	1	1
2	10	2	2	2	2
3	11	3	3	3	3
4	100	4	4	4	4
5	101	5	5	5	5
6	110	10	6	6	6
7	111	11	7	7	7
8	1000	12	10	8	8
9	1001	13	11	9	9
10	1010	14	12	A	A
11	1011	15	13	B	B
12	1100	20	14	10	C
13	1101	21	15	12	D
14	1110	22	16	13	E
15	1111	23	17	14	F
16	10000	24	20	15	10
17	10001	25	21	16	11

05 Choisir la bonne réponse

اختر الإجابة الصحيحة

[1] $1830_{10} = 3446_8$

[2] $1954_{10} = 7A2_{16}$

[3] $2019_{10} = 111\ 1110\ 0011_2$

06 Faire les conversions suivantes

حول ما يأتي

Base 10 à base X (Division successive)

(القسمة المتتابعة)

Méthode

$$\begin{aligned} 69 &= 9 * 7 + 6 \\ 9 &= 1 * 7 + 3 \\ 1 &= 0 * 7 + 1 \end{aligned}$$

[1] $(69)_{10} = (136)_7$

[2] $(145)_{10} = (1001\ 0001)_2$

[3] $(251)_{10} = (\text{FB})_{16}$

Base X à base 10 (Développement polynomial)

(نشر كثير حدود)

Méthode

6^2	6^1	6^0
2	4	3

[1] $(243)_6 = 2 \times 6^2 + 4 \times 6^1 + 3 \times 6^0 = 72 + 24 + 3 = 99_{10}$

[2] $(243)_6 = (99)_{10}$

[3] $(1453)_8 = (811)_{10}$

[4] $(326)_5 = (\text{Erreur})_{10}$

Base X à Base Y (Passer par la base 10)

المرور بالأسس 10

Méthode

(Passer par la base 10)

$$(6175)_9 = (4523)_{10} = (274b)_{12}$$

[1] $(6175)_9 = (4523)_{10} = (274b)_{12}$

[2] $(234)_5 = (69)_{10} = (126)_7$

[3] $(1040)_5 = (145)_{10} = (401)_6$

07

Faire les conversions suivantes

حول ما يلي

Base 2 à base 8 : Séparer les chiffres trois trois

Méthode

110	100
6	4

[1] $110\ 100_2 = 64_8$

[2] $10\ 011\ 101_2 = 235_8$

[3] $11\ 010\ 100_2 = 324_8$

Base 8 à base 2 : Séparer les chiffres trois trois

Méthode

2	6
010	110

[1] $26_8 = 010\ 110_2$

[2] $150_8 = 001\ 101\ 000_2$

[3] $1734_8 = 001\ 111\ 011\ 100_2$

Base 2 à Base 16 : Séparer les chiffres quatre par quatre

Méthode

1101	1000
D	8

[1] $1101\ 1000_2 = D8_{16}$

[2] $1001\ 0101\ 1100_2 = 95C_{16}$

[3] $1\ 0101\ 0101_2 = 155_{16}$

Base 16 à Base 2 : Séparer les chiffres quatre par quatre

Méthode

4	B	F
0100	1011	1111

[1] $4BF_{16} = 0100\ 1011\ 1111_2$

[2] $6C2_{16} = 0110\ 1100\ 0010_2$

[3] $A6E_{16} = 1010\ 0110\ 1110_2$

Base 8 et Base 16 : passer par la base 2

[1] $76_8 = 111\ 110_2 = 111\ 110_2 = 3E_{16}$

[2] $DCBA_{16} = 1101\ 1100\ 1011\ 1011_2 = 1\ 101\ 110\ 010\ 111\ 011_2 = 156273_8$

5.2 Solutions du chapitre 2

حلول الفصل الثاني

5.2.1 Arithmétique

الحساب

01

أحسب العمليات الآتية عموديا في الأساس

1 Base 8: $132 + 134 ; 132 + 316 ; 337 - 155$

Méthode

$$\begin{array}{r} 132 \\ + 134 \\ \hline 266 \end{array}$$

Méthode

$$\begin{array}{r} & 1 & 13 & 2 \\ 132 + 316 & + & 3 & 1 & 6 \\ \hline & 4 & 5 & 0 \end{array}$$

Méthode

$$\begin{array}{r} & 3 & 83 & 7 \\ 337 - 155 & - & 11 & 5 & 5 \\ \hline & 1 & 6 & 2 \end{array}$$

2 base 16: $F2C + 4C3 ; F2C - 45E$

Méthode

$$\begin{array}{r} & 1 & F & 2 & C \\ F2C + 4C3 & - & 4 & C & 3 \\ \hline & 1 & 3 & D^{14} & F^{15} \end{array}$$

Méthode

$$\begin{array}{r} & F & 162 & 16+12C \\ F2C - 45E & - & 14 & 15 & 14E \\ \hline & A^{10} & C^{12} & E^{14} \end{array}$$

3 base 2: $10\ 0101 + 101; 1\ 1001 + 1011; 11\ 1111 + 1$

Méthode

$$\begin{array}{r} 1 & 0 & ^10 & 1 & ^10 & 1 \\ + & & 1 & 0 & 1 \\ \hline 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 \end{array}$$

02

أحسب العمليات الآتية عموديا في الأساس

Méthode

$$1010\ 1101 * 1000$$

$$\begin{array}{r} 10101101 \\ \times \quad 1000 \\ \hline 10101101000 \end{array}$$

Méthode

$$1\ 0101\ 1110 * 101$$

$$\begin{array}{r} 101011110 \\ \times \quad 101 \\ \hline 101011110 \\ 000000000 \\ \hline 101011110 \\ \hline 11011010110 \end{array}$$

Méthode

$$10101101 \div 10 ; \\ 101011110 \div 110$$

$$\begin{array}{r|l} 101011110 & \underline{\quad 110 \quad} \\ - 110 & 11101 \\ \hline = 100 & \\ 1001 & \\ - 110 & \\ \hline = 011 & \\ 111 & \\ - 110 & \\ \hline = 01 & \\ 10 & \end{array}$$

Représentation des entiers positifs

5.2.2

الأعداد الصحيحة الموجبة

تمثيل

03

1 Quel est le nombre maximum qu'on peut le représenter sur 16 bits, 20 bits, 32 bits.

ما أقصى عدد يمكن تمثيله على 16 بت، 20 بت، 32 بت

- a. 16bits : $2^{16} - 1 = 65,536 - 1 = 65,535$
- b. 20bits : $2^{20} - 1 = 1,048,576 - 1 = 1,048,575$
- c. 32bits : $2^{32} - 1 = 4,294,967,296 - 1 = 4,294,967,295$

2 Quel est le nombre de bits pour le fonctionnement d'une calculatrice simple qui contient 8 chiffres décimaux ?

ما هو عدد البتات اللازمة لعمل آلة حاسبة ذات 8 أرقام

$$\log_2(99,999,999) = \frac{\log_{10}(99\,999\,999)}{\ln(2)} = 26.57 \simeq 27 \text{ bits}$$

3 Calculer 1111 1110 + 10 sur 8 bits

$$\begin{array}{r} 1111\ 1110 \\ + \quad \quad \quad 10 \\ \hline 1\ 0000\ 0000 \end{array}$$

sur 8 bits le résultat devient 0000 0000

Représentation des entiers négatifs تمثيل الأعداد السالبة

5.2.3

04 Représenter les nombres suivant en valeur absolue, complément à 1, complément à 2 sur 8 bits

مثل على 8 بت الأعداد الآتية في تمثيل بالقيمة المطلقة والمتمم إلى الواحد، والمتمم إلى الاثنين

1, 2, 3, 16, 19, -1, -2, -3, -4, -16, 127

	Valeur absolue	Complément à 1 'inverser les bits'	Complément à 2 'inverser les bits' +1
0	0	0	0
1	1	1	1
2	10	10	10
3	11	11	11
16	1 0000	1 0000	1 0000
19	1 0011	1 0011	1 0011
-1	1000 0001	1111 1110	1111 1111
-2	1000 0010	1111 1101	1111 1110
-3	1000 0011	1111 1100	1111 1101
-4	1000 0100	1111 1011	1111 1100
-16	1001 0000	1110 1111	1111 0000
-127	1111 1111	1000 0000	1000 0001

05 Convertir en décimal les nombres entiers suivants sur 8 bits

حول إلى النظام العشري حسب التمثيل المستخدم على 8 بت

1 valeur absolue :

- a. $1000\ 1010 \Rightarrow (-10)_{10}$
- b. $0000\ 1100 = (+12)_{10}$
- c. $(1000\ 0001) = (-1)_{10}$

Méthode

	Signe	Nombre
Binaire	1	000 1010
Décimal	-	10

Méthode

	Signe	Nombre
Binaire	0	000 1100
Décimal	+	12

2 complément à 1:

- a. $1111\ 0101 = (-10)_{10}$
- b. $0111\ 0011 = (+115)_{10}$
- c. $0111\ 1110 = (+126)_{10}$

Méthode

	Signe	Nombre
Complément à 1	1	111 0101
Binaire	1	000 1010
Décimal	-	10

Méthode

	Signe	Nombre
Complément à 1	0	111 0011
Binaire	0	111 0011
Décimal	+	115

3 complément à 2:

- a. $1111\ 0110 = (-10)_{10}$
- b. $0111\ 0011 = (+115)_{10}$
- c. $1111\ 1101 = (-3)_{10}$

Méthode

	Signe	Nombre
Complément à 2	1	111 0110
Complément à 1	1	111 0101
Binaire	1	000 1010
Décimal	-	10

Méthode

	Signe	Nombre
Complément à 2	0	111 0011
Complément à 1	0	111 0011
Binaire	0	111 0011
Décimal	+	115

06

Calculer en base 2, puis en CA2 sur 10 bits

complete

أحسب في الأساس الثنائي على 10 بات، ثم في المتمم 2

$$0000\ 1010 - 000\ 1000; \quad 001\ 1001 - 1011; \quad 11\ 1111 - 1$$

5.2.4

Représentation des nombres Réels

الأعداد الحقيقة

تمثيل

07

Convertir en binaire

حول إلى الثنائي

1 13.25

Méthode

- a. Entière $(13)_{10} = (1101)_2$
- b. Décimal
 - $0.25 \times 2 = 0.5 \Rightarrow 0.0$
 - $0.5 \times 2 = 1.0 \Rightarrow 0.01$
 - 0 $\Rightarrow 0.01$
- c. Résultat : $(1101,01)_2$

2 15.75

Méthode

- a. Entière $(15)_{10} = (1111)_2$
- b. Décimal
 - $0.75 \times 2 = 1.5 \Rightarrow 0.1$
 - $0.5 \times 2 = 1.0 \Rightarrow 0.11$
 - 0 $\Rightarrow 0.01$
- c. Résultat : $(1111,11)_2$

3 $(12.625)_{10} = (1100.101)_2$

4 0.3

Méthode

a. Entière $(0)_{10} = (0)_2$

b. Décimal

- $0.3 \times 2 = 0.6 \Rightarrow 0.0$
- $0.6 \times 2 = 1.2 \Rightarrow 0.01$
- $0.2 \times 2 = 0.4 \Rightarrow 0.010$
- $0.4 \times 2 = 0.8 \Rightarrow 0.0100$
- $0.8 \times 2 = 1.6 \Rightarrow 0.01001$
- devient périodique يصبح دوريا
- $0.6 \times 2 = 1.2 \Rightarrow 0.01001\ 1$
- $0.2 \times 2 = 0.4 \Rightarrow 0.01001\ 10$
- $0.4 \times 2 = 0.8 \Rightarrow 0.01001\ 100$
- $0.8 \times 2 = 1.6 \Rightarrow 0.01001\ 1001$
- devient périodique يصبح دوريا
- $0.6 \times 2 = 1.2 \Rightarrow 0.01001\ 1001\ 1$
- $0.2 \times 2 = 0.4 \Rightarrow 0.01001\ 1001\ 10$
- $0.4 \times 2 = 0.8 \Rightarrow 0.01001\ 1001\ 100$
- $0.8 \times 2 = 1.6 \Rightarrow 0.01001\ 1001\ 1001$
- devient périodique يصبح دوريا
- 0.6

c. Résultat : $(0.01001\ 1001\ 1001)_2$

08

Convertir les nombres binaires suivants en décimal

حول إلى العشري

1 0,11001

Méthode

2^0	.	2^{-1}	2^{-2}	2^{-3}	2^{-4}	2^{-5}
0	.	1	1	0	0	1

$$(0.11001)_2 = 0 \times 2^0 + 1 \times 2^{-1} + 1 \times 2^{-2} + 0 \times 2^{-3} + 0 \times 2^{-4} + 1 \times 2^{-5} \\ = 0 + 0.5 + 0.25 + 0 + 0 + 0.03125$$

2 $101,1 = 5.5$ 3 $110,001 = 6,125$ 4 $10\ 0110,1101\ 01 = 38.828125$

09

Représenter en binaire en virgule flottante par les normes IEEE754-16bits, IEEE754-32 bits
مثل الثنائي بالفواصل العامة للمعيار IEEE754-16bits, IEEE754-32 bits مثل الثنائي بالفواصل العامة للمعيار IEEE754-16bits, IEEE754-32 bits

1 13.25

Méthode

- Partie entière : 13 $\Rightarrow 1101$
- Partie décimale : 0,25 $\Rightarrow 0,01$
- $(13.25)_{10} = (1101,01)_2$
- Normalisation : $1101,01 \times 2^0 \Leftrightarrow 0.110101 \times 2^4$
- Pseudo-normalisation IEEE 754 : $\Leftrightarrow 1.10101 \times 2^3$ (de la forme 1,xxxx où xxxx = pseudo mantisse)

Décomposition du nombre en ses divers éléments :

- Bit de signe : 0 (Nombre positif)
- Exposant sur 8 bits biaisé à 127 $\Rightarrow 3 + 127 = 130 \Rightarrow 1000\ 0010$
- Pseudo mantisse sur 23 bits : 110 1010 0000 0000 0000 0000

Signe	Exposant biaisé	Pseudo mantisse
0	1000 0010	1101 0100 0000 0000 0000 0000

2 -15.75

Signe	Exposant biaisé	Pseudo mantisse
1	1000 0010	111 1100 0000 0000 0000 0000

3 +12.625

Signe	Exposant biaisé	Pseudo mantisse
0	1000 0010	1001 0100 0000 0000 0000 000

4 0.3

Signe	Exposant biaisé	Pseudo mantisse
0	0111 101	001 1001 1001 1001 1001 1001

10 Convertir le nombre binaire suivant représenté en virgule flottante en décimal IEEE754-32 bits

حول الأعداد الثنائية التالية الممثلة في الفاصلة العائمة إلى النظام العشري IEEE754-32 bits

1	signe	exposant	Mantisse
	1	1000 0010	1010 1000 0000 0000 0000 000
	-	$130 = 127 + 3 \Rightarrow puissance 3$	10101
	-	2^3	$\times 1.10101$

Le résultat est $-1.10101 \times 2^3 = (-1101.01)_2 = (-13.25)_{10}$

2	signe	exposant	Mantisse
	1	1000 0100	1001 0100 0000 0000 0000 000
	-	$132 = 127 + 5 \Rightarrow puissance 5$	1001 01
	-	2^5	$\times 1.1001 01$

Le résultat est $-1.1001 01 \times 2^5 = (-110010.1)_2 = (-50.5)_{10}$

3	signe	exposant	Mantisse
	0	10001010	11111000000000000000000000000000
	+	$138 = 127 + 9 \Rightarrow puissance 9$	1111 1
	+	2^9	$\times 1.1111 1$

Le résultat est $+1.1111 1 \times 2^9 = (+11 1111 0000)_2 = (+4032)_{10}$

5.2.5 Codage des caractères

ترميز الحروف

11 Coder le message en ASCII “I'm 18 YeArS old;”

I	,	m	sp	1	8	sp	Y	e	A	r	s	sp	o	I	d	sp	;)
49	27	6d	20	31	38	20	59	65	41	72	73	20	6f	6c	64	20	3b	29

رمز الرسالة بالأésکی

12 Décoder le message par l'ASCII

فك الرسالة المكتوبة بالأésکی

Code	Caractère
01001001	I
00100000	space
01101100	I
01101111	o
01110110	v
01100101	e
00100000	space
01001101	M
01001001	I
00100000	space
01101110	n
10110000	°
00110001	1
00101110	.

13 Coder le mot 'السلام عليكم' en Unicode

رمز عبارة 'السلام عليكم' باليونيكود

ا	ل	س	شدة	ل	ا	م	ضمة	ع	ل	ي	سكون	ك	م
0627	0644	0633	0651	0644	0627	0645	064f	0639	0644	064a	0652	0643	0645

14

1 Conversion des nombres suivants :

تحويل الأعداد الآتية

5	6	8	3	7	4
0101	0110	1000	0011	0111	0100

- a. $(568)_{bcd} = 010101101000$
- b. $(374)_{bcd} = 001101110100$

2 Addition en décimal :

الجمع في العشري

$$\begin{array}{r}
 568 \\
 + 374 \\
 \hline
 942
 \end{array}$$

3 Addition en BCD :

الجمع في العشري المترم الثنائي

0101	0110	1000
+ 0011	0111	0100
\hline		
1000	1101	1100
8	13	12

4 Comment faire corriger le résultat.

كيف يمكن تصحيح النتيجة

On ajoute 6 aux nombres supérieurs à 10.

نصف 6 إلى العدد الأكبر من 10

$$\begin{array}{r} 0101 & 0110 & 1000 \\ + & 0011 & 0111 & 0100 \\ \hline 1000 & 1101 & 1100 \\ + & 0110 & 0110 \\ \hline 1001 & 0100 & 0010 \\ \hline 9 & 4 & 2 \end{array}$$

5 Refaire le même travail en EXCES3

أعد نفس العملية باستعمال التمثيل الزائد 3

a. Conversion des nombres suivants

تحويل الأعداد المولالية

5	6	8	3	7	4
1000	1001	1011	0110	1010	0111

$$(568)_{x3} = 100010011011$$

$$(374)_{x3} = 011010100111$$

b. Addition en EXCES3:

الجمع في ترميز المزيد ب 3

$$\begin{array}{r} 0 & 1000 & 1001 & 1011 \\ + & 0110 & 1010 & 0111 \\ \hline 1111 & 0100 & 0010 \\ 15 & 1 & 0 \end{array}$$

c. Comment faire corriger le résultat.

كيف يمكن تصحيح النتيجة

On ajoute +3 s'il y a une retenue, s'il n'y a pas de retenue on soustrait 3.

نصف 3 إذا كان هناك احتفاظ، ونقص 3 إذا لم يكن هناك احتفاظ

$$\begin{array}{r} 0 & 1000 & 1001 & 1011 \\ + & 0110 & 1010 & 0111 \\ \hline 1111 & 0100 & 0010 \\ -0011 & +0011 & +0011 \\ \hline 1100 & 0111 & 0101 \\ \hline 9 & 4 & 2 \end{array}$$

15

1 Créer la table de code Gray de 0 à 16.

أنشئ جدول الأعداد حسب ترميز غرافي من 0 إلى 16

On commence par 0000

Nombre	Nombre de 1	Pair/ Impair	remarque
0000	0	pair	le nombre de 1 est pair donc le bit le plus à droit est inversé.
0001	1	impair	le nombre de 1 est impair donc le bit à gauche de 1 le plus à droit est inversé.
0011	0	pair	le nombre de 1 est pair donc le bit le plus à droit est inversé.
0010	1	impair	le nombre de 1 est impair donc le bit à gauche de 1 le plus à droit est inversé.
0110	2	pair	le nombre de 1 est pair donc le bit le plus à droit est inversé.
0111	3	impair	le nombre de 1 est impair donc le bit à gauche de 1 le plus à droit est inversé.
0101	2	pair	le nombre de 1 est pair donc le bit le plus à droit est inversé.
0100	1	impair	le nombre de 1 est impair donc le bit à gauche de 1 le plus à droit est inversé.

a. 0000 contient nombre de 1 est 0 pair, donc on inverse le

2 Si $x = (11\ 0011\ 1011)$ en code Gray, alors $x + 1 = (11\ 0011\ 1010)$ ou bien $(11\ 0011\ 1001)$

Réponse : le nombre $x = (11\ 0011\ 1011)$ contient 7 bits à 1, le nombre de 1 est impair, on inverse le 1 à gauche du 1 le plus à droite donc le deuxième bit à partir de la droite.

$$x = (11\ 0011\ 1011) \Rightarrow (11\ 0011\ 1001)$$

5.3

Exercices du chapitre 3

تمارين الفصل الثالث

exercices
place it
arithmétique
ction

01

Tracer la table de vérité des expressions suivantes

: أنشئ جداول الحقيقة لكل عبارة مما يلي

- $a + a.b$
- $a.(a + b)$
- $a + \bar{a}.b$
- $(a + b)(a + \bar{b})$
- $(a + b)(a + c)$
- $(a + b)(\bar{a} + c)$

a	b	c	$a + a.b$	$a.(a + b)$	$a + \bar{a}.b$	$(a + b)(a + \bar{b})$	$(a + b)(a + c)$	$(a + b)(\bar{a} + c)$
0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	0	0	0	0
0	1	0	0	1	0	0	0	1
0	1	1	0	1	1	0	0	1
1	0	0	1	1	1	1	1	0
1	0	1	1	1	1	1	1	1
1	1	0	1	1	1	1	1	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1

02

Démontrer les théorèmes suivants par la table de vérité

. برهن المبرهنات الآتية بجداول الحقيقة

1 Idempotence : $a + a + a + \dots = a$

a	a	a	$a + a + a + a + a + a + a + a$	$a.a.a.a.a$
0	0	0	0	0
1	1	1	1	1

2 Éléments neutres $a + 0 = a$

$$a \cdot 1 = a$$

a	0	1	$a+0$	$a \cdot 1$
0	0	1	0	0
1	0	1	1	1

3 Absorption $a \cdot 0 = 0$

$$a + 1 = 1$$

a	0	1	$a \cdot 0$	$a + 1$
0	0	1	0	1
1	0	1	0	1

4 Complémentarité $a + \bar{a} = 1$

$$a \cdot \bar{a} = 0$$

a	$a + \bar{a}$	$a \cdot \bar{a}$
0	1	0
1	1	0

03 Démontrer le théorème de De Morgan par la table de vérité

جدول الحقيقة أثبت مبرهنة ديورنون

$$\overline{a \cdot b} = \overline{a} + \overline{b}$$

a	b	'a	b'	$a \cdot b$	$\overline{a \cdot b}$	$\overline{a} + \overline{b}$
0	0	1	1	0	1	1
0	1	1	0	0	1	1
1	0	0	1	0	1	1
1	1	0	0	1	0	0

$$\overline{a + b} = \overline{a} \cdot \overline{b}$$

a	b	'a	b'	$a+b$	$\overline{a+b}$	$\overline{a} \cdot \overline{b}$
0	0	1	1	0	1	1
0	1	1	0	1	0	0
1	0	0	1	1	0	0
1	1	0	0	1	0	0

04 Démontrer les équations suivantes en utilisant les propriétés de l'algèbre de Boole :

أثبت باستعمال خواص الجبر البوليني

1 $a + a \cdot b = a$

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{Démonstration} \\ a+ab = a(b+1) \text{ (facteur commun)} \\ = a \cdot 1 \text{ (absorption)} \\ = a \text{ (élément neutre)} \end{array} \right.$$

■

2 $a \cdot (a + b) = a$

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{Démonstration} \\ a \cdot (a+b) = a \cdot a + a \cdot b \text{ (distribution de . sur +)} \\ = a+a \cdot b \text{ (idempotence } a \cdot a = a) \\ = a+a \cdot b = a \cdot (b+1) \text{ (facteur commun)} \\ = a \cdot 1 \text{ (absorption)} \\ = a \text{ (élément neutre)} \end{array} \right.$$

■

3 $a + \bar{a}.b = a + b$

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{Démonstration} \\ a + \bar{a}.b = a + b \\ a + \bar{a}.b = (a + \bar{a}).(a + b) \text{ (distribution de + sur.)} \\ = 1.(a + b) \text{ (complémentarité } \bar{a} = 1) \\ = (a + b) \end{array} \right.$$

■

4 $(a + b).(a + \bar{b}) = a$

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{Démonstration} \\ (a + b)(a + \bar{b}) = a + b.\bar{b} \text{ (distribution de + sur.)} \\ = a \end{array} \right.$$

■

Simplifier les équations suivantes en utilisant les propriétés de l'algèbre de Boole :

بسط باستعمال خواص الجبر البوليني

1 $(a + b)(a + c)$

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{Démonstration} \\ (a + b)(a + c) = a + (b.c) \text{ (distribution de + sur.)} \end{array} \right.$$

■

2 $(a+b)(\bar{a}+c)$

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{Démonstration} \\ = a'.b + a.c + b.c \text{ (on a } a.a' = 0 \text{)} \text{ (on constate que le terme } bc \text{ peut être éliminé car il est en commun)} \\ = \bar{a}.b + a.c + b.c.(a + \bar{a}) \\ = \bar{a}.b + a.c + \bar{a}.b.c + a.b.c \text{ (facteur commun)} \\ = \bar{a}.b.(1 + c) + a.c.(1 + b) \\ = \bar{a}.b + a.c \end{array} \right.$$

05 Réduire les équations en utilisant le théorème de De Morgan :

بسط باستعمال مبرهنة ديورغان

$\overline{a.b + \bar{a} + b}$

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{Démonstration} \\ \overline{a.b + \bar{a} + b} \\ = (\overline{a.b}).(\overline{\bar{a} + b}) \\ = (\bar{a} + \bar{b}).(\bar{a} + b) \\ = (a + \bar{b})(\bar{a} + b) \\ = a.\bar{a} + a.b + \bar{a}.\bar{b} + b.\bar{b} \\ = a.b + \bar{a}.\bar{b} \end{array} \right.$$

■

06 Exprimer ces fonctions sous la première et la deuxième forme canonique :

1 $f_1(x, y, z) = xy + x\bar{z} + \bar{y}z$

x	y	z	f1	Minterm	Maxterm
0	0	0	0		$(x + y + z)$
0	0	1	1	$\bar{x}\bar{y}z$	
0	1	0	0		$(x + .\bar{y} + z)$
0	1	1	0		$(x + .\bar{y} + .\bar{z})$
1	0	0	1	$x.\bar{y}.\bar{z}$	
1	0	1	1	$x.\bar{y}z$	
1	1	0	1	$xy.\bar{z}$	
1	1	1	1	xyz	

1 ère forme canonique :

$$F_1 = \bar{x}\bar{y}z + x\bar{y}.\bar{z} + x.\bar{y}z + xy.\bar{z} + xyz$$

2 ème forme canonique

$$F_1 = (x + y + z)(x + \bar{y} + z)(x + \bar{y} + \bar{z})$$

2 $F_2(a, b, c) = 1$ si le nombre de variables à 1 est pair

a	b	c	f2	Minterm	Maxterm
0	0	0	1	$\bar{a}\bar{b}\bar{c}$	
0	0	1	0		$(a + b + \bar{c})$
0	1	0	0		$(a + \bar{b} + c)$
0	1	1	1	$\bar{a}bc$	
1	0	0	0		$(\bar{a} + b + c)$
1	0	1	1	$a\bar{b}c$	
1	1	0	1	$ab\bar{c}$	
1	1	1	0		$(\bar{a} + \bar{b} + \bar{c})$

1 ère forme canonique

$$F_2 = \bar{a}.\bar{b}.\bar{c} + \bar{a}bc + a.\bar{b}c + ab.\bar{c}$$

2 ème forme canonique

$$F_2 = (a + b + \bar{c})(a + \bar{b} + c)(\bar{a} + b + c)(\bar{a} + \bar{b} + \bar{c})$$

3 $F_3(a, b, c, d) = 1$ si aux moins deux variables sont égale à 1

a	b	c	d	f3	Minterm	Maxterm
0	0	0	0	0		$(a + b + c + d)$
0	0	0	1	0		$(a + b + c + \bar{d})$
0	0	1	0	0		$(a + b + \bar{c} + d)$
0	0	1	1	1	$\bar{a}\bar{b}cd$	
0	1	0	0	0		$(a + \bar{b} + c + d)$
0	1	0	1	1	$\bar{a}b\bar{c}d$	
0	1	1	0	1	$\bar{a}b\bar{c}\bar{d}$	
0	1	1	1	1	$\bar{a}bcd$	
1	0	0	0	0		$(\bar{a} + b + c + d)$
1	0	0	1	1	$a\bar{b}\bar{c}d$	
1	0	1	0	1	$a\bar{b}cd$	
1	0	1	1	1	$a\bar{b}cd$	
1	1	0	0	1	$a\bar{b}\bar{c}d$	
1	1	0	1	1	$a\bar{b}cd$	
1	1	1	0	1	$ab\bar{c}d$	
1	1	1	1	1	$abcd$	

1ère forme canonique

$$F3 = \bar{a}\bar{b}cd + \bar{a}\bar{b}\bar{c}d + \bar{a}\bar{b}c\bar{d} + \bar{a}\bar{b}cd + a\bar{b}\bar{c}d + a\bar{b}\bar{c}\bar{d} + ab\bar{c}d + ab\bar{c}\bar{d} + ab\bar{c}d + ab\bar{c}\bar{d} + abcd$$

2ème forme

$$F3 = (a + b + c + d)(a + b + c + \bar{d})(a + b + \bar{c} + d)(a + \bar{b} + c + d)(\bar{a} + b + c + d)$$

07

Simplifier les fonctions de l'exercice 6 par la table de Karnaugh

بسط دوال المترن 6 بجدول كارنو

1 $f1(x, y, z) = xy + x\bar{z} + \bar{y}z$

1 ère forme canonique :

$$F1 = \bar{x}\bar{y}z + x\bar{y}\bar{z} + x\bar{y}z + xy\bar{z} + xyz$$

		yz				
		00	01	11	10	
x		0	0	1	0	0
		1	1	1	1	1

2 $f2(a, b, c) = 1$ si le nombre de variables à 1 est pair

1 ère forme canonique

$$F2 = \bar{a}\bar{b}\bar{c} + \bar{a}bc + a\bar{b}c + ab\bar{c}$$

		bc			
		00	01	11	10
a	0	1	0	1	0
	1	0	1	0	1

3] $f_3(a, b, c, d) = 1$ si aux moins deux variables sont égale à 1

1ère forme canonique

$$F_3 = \bar{a}\bar{b}cd + \bar{a}b\bar{c}d + \bar{a}b\bar{c}\bar{d} + \bar{a}bcd + a\bar{b}\bar{c}d + a\bar{b}\bar{c}\bar{d} + ab\bar{c}d + ab\bar{c}\bar{d} + abc\bar{d} + abcd$$

		cd			
		00	01	11	10
ab	00	0	0	1	0
	01	0	1	1	1
	11	1	1	1	1
	10	0	1	1	1

08

Tracer les logigrammes des fonctions de l'exercice 6

رسم المخططات المنطقية لدوال التمارين

1] $f_1(x, y, z) = xy + x\bar{z} + \bar{y}z$ (cf.figure 5.1)

2] $f_2(a, b, c) = 1$ si le nombre de variables à 1 est pair (cf.figure 5.2)

3] $f_3(a, b, c, d) = 1$ si aux moins deux variables sont égale à 1 (cf.figure 5.3)

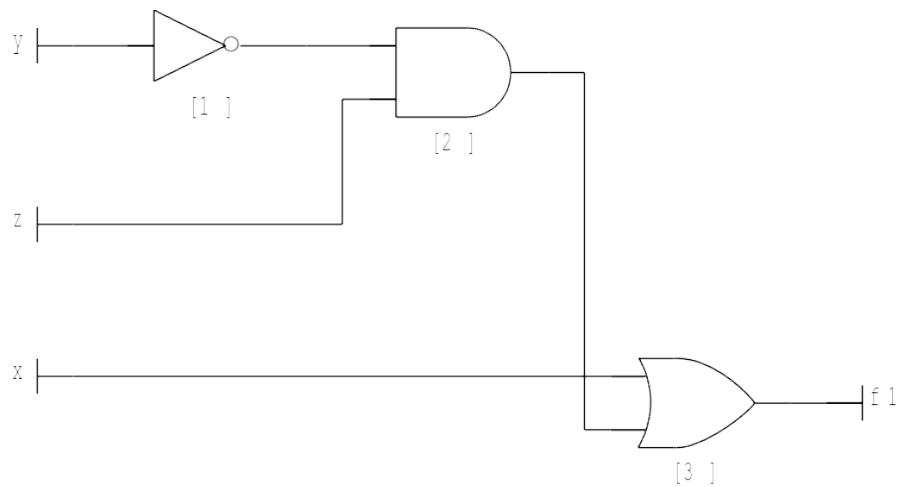


Fig. 5.1: Logigramme de la fonction $f_1(x, y, z) = xy + x\bar{z} + \bar{y}z$.

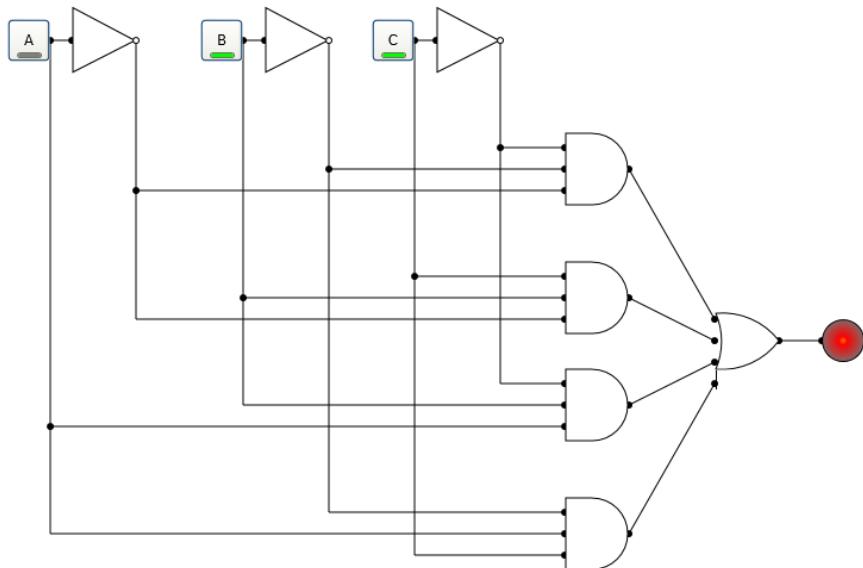


Fig. 5.2: Logigramme de la fonction $f_2(a, b, c) = 1$ si le nombre de variables à 1 est pair.

09 Etudier la fonction $F(x, y, z) = x \oplus (y + z)$

أدرس المدالة

$$F4(x, y, z) = x \oplus (y + z) = x \cdot \overline{(y + z)} + \bar{x} \cdot (y + z)$$

Table de vérité :

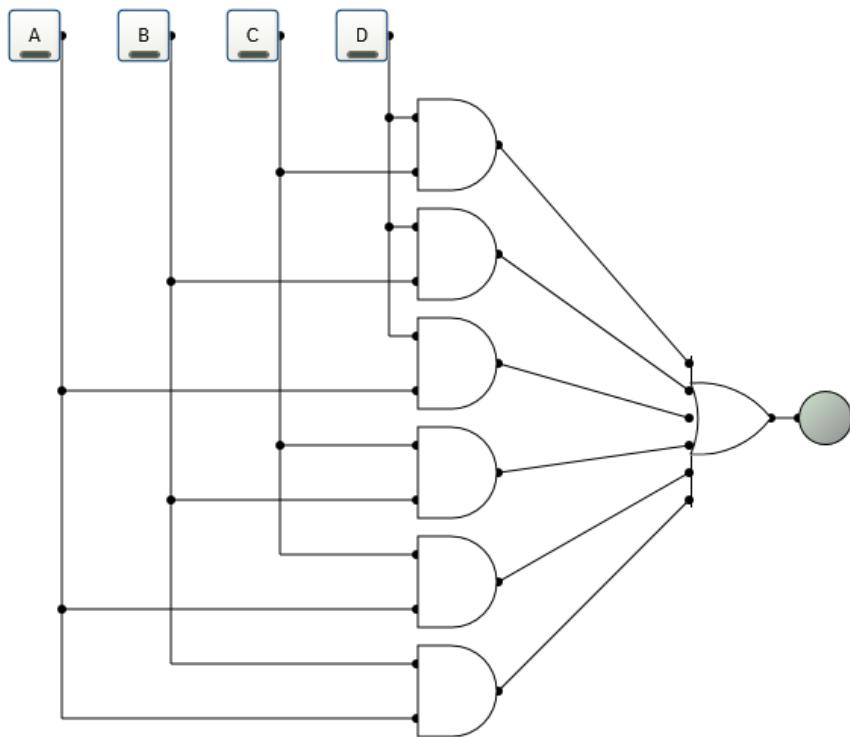


Fig. 5.3: Logigramme de la fonction $f3(a, b, c, d) = 1$ si aux moins deux variables sont égale à 1.

x	y	z		f4
0	0	0		0
0	0	1		0
0	1	0		1
0	1	1		1
1	0	0		1
1	0	1		0
1	1	0		0
1	1	1		0

Formes canoniques :

1 ère forme canonique :

$$F4(x, y, z) = \bar{x} \cdot y \cdot \bar{z} + \bar{x} \cdot y \cdot z + x \cdot \bar{y} \cdot \bar{z}$$

2 ème forme canonique :

$$F4(x, y, z) = (x + y + z)(x + y + \bar{z})(x + \bar{y} + z)(\bar{x} + \bar{y} + z)(\bar{x} + \bar{y} + \bar{z})$$

$$yz$$

	00	01	11	10
x	0	0	1	1
1	1	0	0	0

Simplification :

$$f(x, y, z) = x \cdot \bar{y} \cdot \bar{z} + \bar{x} \cdot y$$

Logigramme :

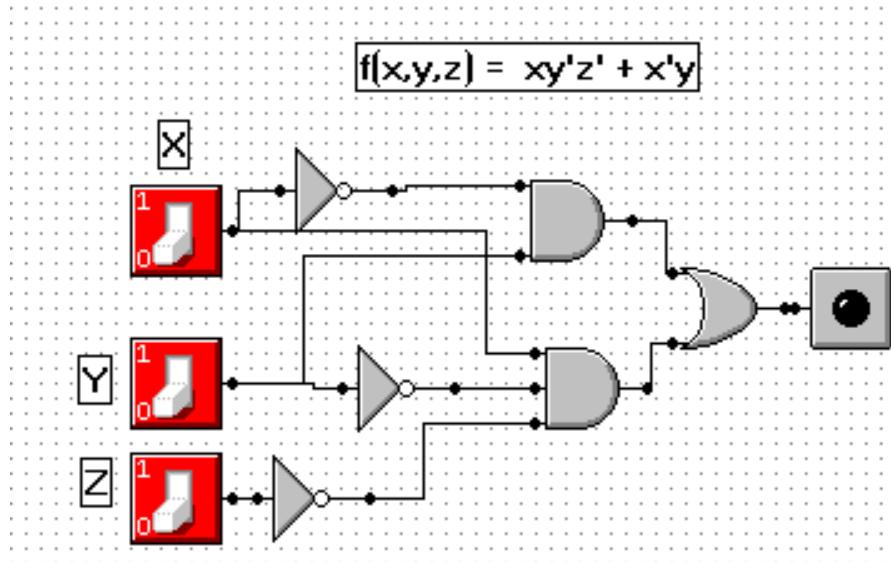


Fig. 5.4: Logigramme de la fonction $F(x,y,z) = x \oplus (y + z)$.

10

Simplifier les fonctions suivantes

1 Fonction X 1

		cd			
		00	01	11	10
ab	00	1	0	1	1
	01	1	0	1	1
11	0	0	0	0	
10	1	0	0	0	

Simplified Sum of products : $\bar{a}.c + \bar{a}.\bar{d} + \bar{b}.\bar{c}.\bar{d}$

2 Fonction X 2

		cd			
		00	01	11	10
ab	00	0	1	1	0
	01	1	0	1	0
	11	0	1	0	1
	10	1	0	0	1

Simplified Sum of products : $a.c.\bar{d} + \bar{a}.c.d + a.\bar{b}.\bar{d} + \bar{a}.\bar{b}.d + a.b.\bar{c}.d + \bar{a}.b.\bar{c}.\bar{d}$

3 Fonction X 3

		cd			
		00	01	11	10
ab	00	0	1	0	0
	01	0	0	0	0
	11	0	0	0	1
	10	1	0	0	1

Simplified Sum of products : $a.c.\bar{d} + a.\bar{b}.\bar{d} + \bar{a}.\bar{b}.\bar{c}.d$

Chapitre 6

Tests

فحوص

6.1 Tests n°1

Les tests n°1 : concernent le chapitre 1 de l'introduction à l'informatique

الفحوص رقم 1 للفصل الاول مدخل للمعلوماتية

6.1.1 Sujet n°1

- [1] Quel est le temps nécessaire pour télécharger un fichier de 56 Mo avec une connexion ADSL de 512kb/s ? (1,5 pts)

ما الزمن اللازم لتنزيل ملف حجمه 56 ميغابايت باتصال ADSL دقة 512 kb/s

- [2] Compter les 20 premiers nombres en base 12 (1,5 pt)

عد الأعداد العشرين الأولى في الأساس 12

- [3] Faire la conversion en montrant la méthode (3 pts)

حول مع الطريقة

$$(2C3ABD)_{16} = (\text{_____})_2 = (\text{_____})_8$$

6.1.2 Sujet n°2

- [1] Calculer $10\ 110\ 010 - 101$

- [2] Compter les 20 premiers nombres en base 7. (1,5 pt)

عد الأعداد العشرين الأولى في الأساس 7

- [3] Faire la conversion en montrant la méthode (3 pts) :

حول مع الطريقة

$$(5732641)_8 = (\text{_____})_2 = (\text{_____})_{16}$$

6.1.3 Sujet n°3

- [1] Quel est le temps nécessaire pour transférer un fichier de 12 Mo entre deux téléphones par bluetooth avec un débit de 360kb/s ? (1.5pts)

ما الزمن اللازم لتحويل ملف حجمه 12 ميغابايت بين هاتفين بالبلوتوث دقة 360 kb/s

- [2] Convertir les nombres suivants en base 8 (1,5pt)

حول الأعداد الآتية إلى الأساس 8

$$2, 8, 16, 24, 32, 64, 65$$

- [3] Faire la conversion en montrant la méthode (3 pts) :

حول مع الطريقة

$$(534672)_8 = (\text{_____})_2 = (\text{_____})_{16}$$

6.1.4 Sujet n°4

1 Calculer $101\ 011\ 011 \div 101$

2 Donner la correspondance en nombres binaires des nombres suivants (1,5 pt)

أعط الأعداد الثنائية المقابلة لما يلي

2, 4, 8, 16, 20, 32, 64

3 Faire la conversion en montrant la méthode (3pts) :

حول مع الطريقة

$$(2671)_{10} = (\underline{\hspace{2cm}})_8$$

$$(2671)_{10} = (\underline{\hspace{2cm}})_2$$

6.1.5 Sujet n°5

1 Calculer $1\ 010\ 101 * 1\ 011$?

2 Donner la correspondance des nombres binaires suivants (1,5 pt)

أعط ما يقابل الأعداد الثنائية التالية في العشري

10, 100, 1000, 10001, 10000000

3 Faire la conversion en montrant la méthode (3 pts) :

حول مع الطريقة

$$(5401)_6 = (\underline{\hspace{2cm}})_4$$

6.1.6 Sujet n°6

1 Quelle est la taille qu'on peut télécharger pendant 5 minutes avec une connexion 3G à un débit de 8 Mb/s ? (1.5pts)

ما الحجم الذي يمكن تحميله خلال 5 دقائق باتصال من الجيل الثالث بدقق قدره 8 ميغابت في الثانية

2 Déterminer X si $(3X)_5 = (X3)_7$? (1,5 pt)

3 Faire la conversion en montrant la méthode (3 pts) :

حول مع الطريقة

$$(1E6C)_{16} = (\underline{\hspace{2cm}})_2$$

$$(1E6C)_{16} = (\underline{\hspace{2cm}})_8$$

6.2 Tests n°2

Les tests n°2 : concernent le chapitre 2 du Codage et représentation de l'information
المحros رقم 2 للفصل الثاني حول ترميز المعلومات وتمثيلها

6.2.1 Sujet n°1

- [1] Convertir en Exess 3 les deux nombres puis faire la somme

حول إلى المزید بثلاثة العددین ثم اجمعهما

4785 et 1215

- [2] Calculer en complément à 2 sur 8 bits l'opération suivante على 8 بتات 0000 1111-0010 0001

- [3] Représenter le nombre suivant en virgule flottante sous la norme IEEE-754-32 bits

مثل العدد الآتي حسب معيار IEEE-754-32

$(0.9)_{10}$

6.2.2 Sujet n°2

- [1] En code ASCII : si 'A' est codé $(41)_{16}$ et 'a' est codé $(61)_{16}$, l'espace est codé $(20)_{16}$ Coder le message suivant sans utiliser la table ASCII

في ترميز الاسكي : إذا كان رمز حرف 'A' هو $(41)_{16}$ ورمز الحرف 'a' هو $(61)_{16}$ ، الفراغ رمزه $(20)_{16}$ ، قم بترميز الرسالة الآتية دون استعمال جدول الأ斯基.

"Je Suis Gaza"

- [2] Convertir en binaire 136, 137, 138, 139

حول إلى الثنائي

- [3] Décoder les nombres suivant en virgule flottante sous la norme IEEE-754-32 bits

فك ترميز الأعداد الآتية من الفاصلة العائمة بمعيار IEEE-754-32

- 1100 0100 0101 0000 0000 0000 0000 0000
- 1100 0101 0101 0000 0000 0000 0000 0000
- 0100 0100 1101 0000 0000 0000 0000 0000
- 0100 0110 0101 0000 0000 0000 0000 0000

6.2.3 Sujet n°3

- [1] Si $x = (0100\ 1100\ 1100\ 1001)_{gray}$, quel est la valeur de $x - 1$, justifier ?

إذا كان $x = (0100\ 1100\ 1100\ 1001)_{gray}$ ، ما قيمة $x - 1$ ؟

- [2] Convertir en binaire حول إلى الثنائي

- $(1111\ 0001\ 0001)_{ca2} = (\underline{\hspace{2cm}})_2$
- $(1111\ 1111\ 0101)_{ca2} = (\underline{\hspace{2cm}})_2$

- 3 Représenter en virgule flottante sous la norme IEEE-754-32 bits le nombre $(0.66)_{10}$ avec une précision de 2^{-10}

مثل بالفاصلة العائمة بمعيار IEEE-754-32 bits العدد $(0.66)_{10}$ بتقريب 2^{-10}

6.2.4 Sujet n°4

- 1 Décoder le message suivant de l'Unicode

فك ترميز الرسالة الآتية باليونيكود

0643	0641	0644	063a	0642	062e	0626	0629

- 2 représenter les nombres suivants en virgule flottante sous la norme IEEE-754-32 bits

مثل بالفاصلة العائمة بمعيار IEEE-754-32 bits الأعداد الآتية :

- a. $-0,0000\ 0001$
- b. -10×2^{-4}
- c. $\frac{1}{1024}$

- 3 Coder en BCD

رمز بالـ BCD

- a. 17502
- b. 55824

6.2.5 Sujet n°5

- 1 Représenter le complément à 2 sur 17 bits

مثل بالمتكم إلى 2 على 17 بت

- a. $(-062F)_{16} = (\underline{\hspace{2cm}})_{ca2}$
- b. $(-63E2)_{16} = (\underline{\hspace{2cm}})_{ca2}$

- 2 convertir en binaire

حول إلى الثنائي

$$(0,0625)_8 = (\underline{\hspace{2cm}})_2$$

- 3 Représenter $(0,0625)_8$ en virgule flottante sous la norme IEEE-754- sur 32 bits

مثل بالفواصل العائمة بمعيار IEEE-754-32 bits العدد $(0,0625)_8$

6.2.6 Sujet n°6

- 1 convertir les nombres suivants en binaire

حول إلى الثنائي

- a. $(-0,044)_8 = (\underline{\hspace{2cm}})_2$
- b. $(-0,166)_8 = (\underline{\hspace{2cm}})_2$
- c. $(3,14)_8 = (\underline{\hspace{2cm}})_2$

- 2 soit la norme ALG-20 de la représentation de la virgule flottante sur 20 bits

ليكن المعيار ALG-20 تمثيل الفاصلة العائمة على 20 بتا كالتالي

- signe sur 1 bit
- exposant en complément à 2 sur 6 bits
- pseudo mantisse sur 13 bits

الإشارة على بت واحد
الأس بالمتتم إلى 2 على 6 بتات
الجزاء العشري على 13 بت

Représenter les nombres :

مثلاً ما يلي

- (0,044)₈
 - (0,166)₈
 - (3,14)₈
-

6.3 Tests n°3

Les tests n°3 : concernent le chapitre 3 de l'algèbre de Bool

المحros رقم 3 للفصل الثالث حول الجبر البوليني

6.3.1 Sujet n°1

Etudier la fonction suivante

$f(a, b, c, d) = 1$ si le nombre $(abcd)_2$ est multiple de 2 ou bien multiple de 3.

ادرس الدالة الآتية

إذا كان العدد مضاعفاً لاثنين أو مضاعفاً لـ 3 $f(a, b, c, d) = 1$

6.3.2 Sujet n°2

Etudier la fonction suivante

$f(a, b, c, d) = 1$ si le nombre de bits à 0 est inférieur ou égale au nombre de bits à 1

ادرس الدالة الآتية

إذا كان عدد الأصفار أصغر أو يساوي عدد أرقام الواحد $f(a, b, c, d) = 1$

6.3.3 Sujet n°3

Etudier la fonction suivante

$f(A, B, C, D) = 1$ si $A \geq C$ et $B \leq D$

ادرس الدالة الآتية

6.3.4 Sujet n°4

Etudier la fonction suivante

$f(a, b, c, d) = 0$ si le nombre $(abcd)_2$ est premier.

ادرس الدالة الآتية

إذا كان العدد $(abcd)_2$ أولياً $f(a, b, c, d) = 0$

6.3.5 Sujet n°5

Etudier la fonction suivante

$f(a, b, c, d) = 1$ si le nombre $3 \leq (abcd)_2 \leq 12$.

ادرس الدالة الآتية

6.3.6 Sujet n°6

Etudier la fonction suivante

$f(a, b, c, d) = 1$ si au moins deux bits à zéro sont adjacents.

ادرس الدالة الآتية

إذا وجد صفران متباوران $f(a, b, c, d) = 1$

Chapitre 7

Solutions des Tests

حلول الفحوص

7.1 Solutions des Tests n°1

7.1.1 Solution du sujet n°1

- 1 Quel est le temps nécessaire pour télécharger un fichier de 56 Mo avec une connexion ADSL de 512kb/s ? (1,5 pts)

ما الزمن اللازم لتنزيل ملف حجمه 56 ميغابايت باتصال ADSL دفقه kb/s 512

Données : Taille= 56Mo

Débit = 512Kb/s

Temps= ?

Formule : taille = temps * débit

Temps = taille/débit

Calcul

$$temps = \frac{\text{taille}}{\text{débit}} = \frac{56Mo}{512Kb/s} = \frac{56 \times 8Mb}{512Kb/s} = \frac{56 \times 8 \times 2^{10} Kb}{512Kb/s} = 896s = 14min56sec$$

- 2 Compter les 20 premiers nombres en base 12 (1,5 pt)

عد الأعداد العشرين الأولى في الأساس 12

0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, A, B, 10, 11, 12, 13, 14, 15

- 3 Faire la conversion en montrant la méthode (3 pts)

حول مع الطريقة

$$(2C3ABD)_{16} = (0011\ 1100\ 0011\ 1010\ 1011\ 1101)_2 = (1303\ 5275)_8$$

2	C	3	A	B	D
0 0 1 1 1 0 0 0 0 1 1 1 0 1 0 1 0 1 1 1 1 0 1 1	1 3 0 3 5 2 7 5	1 0 1 0 2 7 1 5	1 0 1 0 1 1 1 1 0 1 1 0 1 1	1 0 1 0 1 1 1 1 0 1 1 0 1 1	1 0 1 0 1 1 1 1 0 1 1 0 1 1
1	3	0	3	5	2

7.1.2 Solution du sujet n°2

- 1 Calculer $10\ 110\ 010 - 101$

$$\begin{array}{r} 10\ 110\ 010 \\ - 00\ 000\ 101 \\ \hline = 10\ 101\ 101 \end{array}$$

- 2 Compter les 20 premiers nombres en base 7. (1,5 pt)

عد الأعداد العشرين الأولى في الأساس 7

0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 20, 21, 22, 23, 24, 25

- 3 Faire la conversion en montrant la méthode (3 pts) :

حول مع الطريقة

$$(5732641)_8 = (101\ 111\ 011\ 010\ 110\ 100\ 001)_2 = (17\ B5A1)_{16}$$

5	7	3	2	6	4	1
1 0 1 1 1 1 0 1 1 0 1 0 1 1 1 0 1 1 0 1 1 0 1 1 0 1 1	5	A	1	1 0 0 0 0 1	1	1
1 7 B						1

7.1.3 Solution du sujet n°3

- 1 Quel est le temps nécessaire pour transférer un fichier de 12 Mo entre deux téléphones par bluetooth avec un débit de 360kb/s ? (1.5pts)

ما الزمن اللازم لتحويل ملف حجمه 12 ميغابايت بين هاتفين بالبلوتوث دفقه 360 kb/s

Données : Taille= 12Mo

Débit = 360Kb/s

Temps= ?

Formule : taille = temps * débit

Temps = taille/débit

Calcul

$$temps = \frac{taille}{débit} = \frac{12Mo}{360Kb/s} = \frac{16 \times 8 Mb}{360 Kb/s} = \frac{12 \times 8 \times 2^{10} Kb}{360 Kb/s} = 273s = 4min33sec$$

- 2 Convertir les nombres suivants en base 8 (1,5pt)

حول الأعداد الآتية إلى الأساس 8

- $(2)_2 = (2)_8$
- $(8)_2 = (10)_8$
- $(16)_2 = (20)_8$
- $(24)_2 = (30)_8$
- $(32)_2 = (40)_8$
- $(64)_2 = (100)_8$
- $(65)_2 = (101)_8$

- 3 Faire la conversion en montrant la méthode (3 pts) :

حول مع الطريقة

$$(534672)_8 = (10\ 1011\ 1001\ 1011\ 1010)_2 = (2\ B9BA)_{16}$$

5	3	4	6	7	2
1	0	1	0	1	1
2	B	9		B	A

7.1.4 Solution du sujet n°4

- 1 Calculer $101\ 011\ 011 \div 101$

$$\begin{array}{r} 101\ 011\ 0\ 11 \\ \hline 101 \\ 0\ 011\ 0 \\ \hline 1\ 11 \\ \hline 10 \end{array}$$

- 2 Donner la correspondance en nombres binaires des nombres suivants (1,5 pt)

أعط الأعداد الشائبة المقابلة لما يلي

- a. $(2)_{10} = (10)_2$
- b. $(4)_{10} = (100)_2$
- c. $(8)_{10} = (1000)_2$
- d. $(16)_{10} = (10000)_2$

- e. $(20)_{10} = (10100)_2$
f. $(32)_{10} = (100000)_2$
g. $(64)_{10} = (1000000)_2$

3 Faire la conversion en montrant la méthode (3pts) :

حول مع الطريقة

a. $(2671)_{10} = (5157)_8$

$$\begin{array}{r} 2671 \\ \hline 7 \quad 333 \quad | \quad 8 \\ \hline 5 \quad 41 \quad | \quad 8 \\ \hline 1 \quad 5 \quad | \quad 8 \\ \hline 5 \quad 0 \end{array}$$

b. $(2671)_{10} = (5157)_8 = (101\ 001\ 101\ 111)_2$

Remarque

On passe directement de la base 8 à 2

نمر مباشرة من الاساس 8 إلى الاساس 2

5	1	7	5
101	001	101	111

7.1.5 Solution du sujet n°5

1 Calculer $1\ 010\ 101 * 1\ 011$?

$$\begin{array}{r} 1 \quad 010 \quad 101 \\ \times \quad \quad \quad 1 \quad 011 \\ \hline 1 \quad 010 \quad 101 \\ + \quad \quad 10 \quad 101 \quad 01. \\ + \quad \quad 000 \quad 000 \quad 0.. \\ + \quad 1 \quad 010 \quad 101 \quad ... \\ \hline = \quad 1 \quad 110 \quad 100 \quad 111 \end{array}$$

2 Donner la correspondance des nombres binaires suivants (1,5 pt)

أعط ما يقابل الأعداد الثنائية التالية في العشري

10, 100, 1000, 10001, 10000000

- a. $(10)_2 = (2)_{10}$
b. $(100)_2 = (4)_{10}$
c. $(1000)_2 = (8)_{10}$
d. $(10001)_2 = (17)_{10}$
e. $(10000000)_2 = (128)_{10}$

3 Faire la conversion en montrant la méthode (3 pts) :

حول مع الطريقة

$(5401)_6 = (\underline{\hspace{2cm}})_4$

$(5401)_6 = 5 \times 6^3 + 4 \times 6^2 + 0 \times 6^1 + 1 \times 6^0$

$= 5 \times 216 + 4 \times 36 + 0 + 1$

$$= (1225)_{10}$$

$$\begin{array}{r} 1225 \quad | \quad 4 \\ 1 \quad 306 \quad | \quad 4 \\ 2 \quad 76 \quad | \quad 4 \\ 0 \quad 19 \quad | \quad 4 \\ 3 \quad 4 \quad | \quad 4 \\ 0 \quad 1 \quad | \quad 4 \\ 1 \quad 0 \end{array}$$

$$(1225)_{10} = (103021)_4$$

$$(5401)_6 = (103021)_4$$

7.1.6 Solution du sujet n°6

- 1** Quelle est la taille qu'on peut télécharger pendant 5 minutes avec une connexion 3G à un débit de 8 Mb/s ? (1.5pts)

ما الحجم الذي يمكن تحميله خلال 5 دقائق باتصال من الجيل الثالث بدقه قدره 8 ميغابت في الثانية

Données : Taille= ?

Débit = 8Mb/s

Temps= 5 min = $5 \times 60 = 300s$

Formule : taille = temps * débit

Calcul

$$\text{taille} = \text{temps} \times \text{dbit} = 5\text{min} * 8\text{Mb/s} = 300 \times 8\text{Mb} = 300 \times \frac{8\text{Mb/s}}{8b} = 300s \times 1\text{Mo/s} = 300\text{Mo}$$

- 2** Déterminer X si $(3X)_5 = (X3)_7$? (1,5 pt)

$$(3X)_5 = (X3)_7$$

$$\Rightarrow 3 \times 5 + X = X \times 7 + 3$$

$$\Rightarrow 15 + X = 7 \times X + 3$$

$$\Rightarrow 12 = 6 \times X$$

$$X = 2$$

- 3** Faire la conversion en montrant la méthode (3 pts) :

حول مع الطريقة

$$(1E6C)_{16} = (0001\ 1110\ 0110\ 1100)_2$$

$$(1E6C)_{16} = (17154)_8$$

1	E			6				C			
0	0	0	1	1	1	1	0	0	1	1	0
0	1			7			1		5		4

7.2 Solutions des Tests n°2

7.2.1 Solution du sujet n°1

1 Convertir en Exess 3 les deux nombres puis faire la somme

حول إلى المزدوج بثلاثة العددان ثم اجمعهما

$$4785 = (0111\ 1010\ 1011\ 1000)_{x3}$$

$$1215 = (0100\ 0101\ 0100\ 1000)_{x3}$$

0	1	1	1	1	Retenue
0111	1010	1011	1000		4785 en excess3
+ 0100	0101	;0100	1000		1215 en excess3
= 1100	0000	0000	0000		excess3
-011	+011	+011	+011		correction
= 1001	0011	0011	0011		resultat en excess3
6	0	0	0		décimal

2 Calculer en complément à 2 sur 8 bits l'opération suivante على 8 بتات احسب في المتمم إلى 2

$$0000\ 1111 - 0010\ 0001 = 0000\ 1111 + (-0010\ 0001)$$

On représente le nombre négatif en complément à 2 puis on fait l'addition

نحوّل العدد السالب إلى المتمم إلى 2، ثم نجمع العدد الأول مع العدد السالب

$$(-0010\ 0001)_2 = (1101\ 1110)_{ca1} = (11011111)_{ca2}$$

$$\begin{array}{r} 0000 \quad 1111 \\ + 1101 \quad 1111 \\ \hline = 1110 \quad 1110 \end{array}$$

3 Représenter le nombre suivant en virgule flottante sous la norme IEEE-754-32 bits

مثل العدد الآتي حسب معيار IEEE-754-32

$$(0.9)_{10}$$

$$0.9 \times 2 = 1.8$$

$$0.8 \times 2 = 1.6$$

$$0.6 \times 2 = 1.2$$

$$0.2 \times 2 = 0.4$$

$$0.4 \times 2 = 0.8$$

(تصبح دورية)

donc $0.9 = 0.1\ 1100\ 1100\ 1100\ 1100\ 1100$

On normalise le nombre :

$$(0.1\ 1100\ 1100\ 1100\ 1100\ 1100)_2 = 1, 1100\ 1100\ 1100\ 1100\ 1100 \times 2^{-1}$$

- bit de signe 0
- exposant biaisé $-1 + 127 = 126 = (0111\ 1110)_2$
- pseudo mantisse 1100 1100 1100 1100 1100 110

0 0111 1110 1100 1100 1100 1100 110

7.2.2 Solution du sujet n°2

- 1 En code ASCII : si 'A' est codé $(41)_{16}$ et 'a' est codé $(61)_{16}$, l'espace est codé $(20)_{16}$. Coder le message suivant sans utiliser la table ASCII

في ترميز الأسكندرية : إذا كان رمز حرف 'A' هو $(41)_{16}$ ورمز الحرف 'a' هو $(61)_{16}$ ، الفراغ رمزه $(20)_{16}$ ، قم بترميز الرسالة الآتية دون استعمال جدول الأسكندرية.

"Je Suis Gaza"

J	e	Space	S	u	i	s	Space	G	a	z	a
0x4a	0x65	0x20	0x53	0x75	0x69	0x73	0x20	0x47	0x61	0x7a	0x61

- 2 Convertir en binaire 136, 137, 138, 139

حول إلى الثنائي

- $(136)_{10} = (1000\ 1000)_2$
- On convertit 136, ensuite on ajoute 1, ainsi de suite.
- نحو 136 ثم نضيف واحد، وهكذا
- $(137)_{10} = (1000\ 1001)_2$
- $(138)_{10} = (1000\ 1010)_2$
- $(139)_{10} = (1000\ 1011)_2$

- 3 Décoder les nombres suivant en virgule flottante sous la norme IEEE-754-32 bits

فك ترميز الأعداد الآتية من الفاصلة العائمة بمعيار IEEE-754-32 bits

a. $1100\ 0100\ 0101\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000$

1	100 0100 0	000 0000 0000 0000 0000 0000
-	Exposant biaisé $136-127=9$	1, 0
-	$1.101 \times 2^{136-127} = 1.101 \times 2^9$	
	-1101 000 000	

b. $1100\ 0101\ 0101\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000$

1	100 0101 0	000 0000 0000 0000 0000 0000
-	Exposant biaisé $138-127=11$	1, 0
-	$1.101 * 2^{11}$	1, 0
	-1101 0000 0000	

c. $0100\ 0100\ 1101\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000$

0	100 0100 1	000 0000 0000 0000 0000 0000
+	Exposant biaisé $137-127=10$	1, 0
+	$1.101 * 2^{10}$	
	+110 1000 0000	

d. $0100\ 0110\ 0101\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000 = +1,0 * 2^{13} = (+8192)_{10}$

7.2.3 Solution du sujet n°3

- 1 Si $x = (0100\ 1100\ 1100\ 1001)_{gray}$, quel est la valeur de $x - 1$, justifier ?

إذا كان $x = (0100\ 1100\ 1100\ 1001)_{gray}$, ما قيمة $x - 1$ علّ؟

$x - 1 = 0100\ 1100\ 1100\ 1000$

Justification : car le précédent contient un nombre pair des 1, donc inverser le dernier bit.

التحليل : $x - 1$ هو العدد السابق، وعليه يحوي عددا زوجيا من الواحدات، لذا نقلب الرقم الأخير

2 Convertir en binaire حول إلى الثنائي

- a. $(1111\ 0001\ 0001)_{ca2} = (\underline{\hspace{2cm}})_2$
- $(1111\ 0001\ 0001)_{ca2} =$
 - $(1111\ 0001\ 0000)_{ca1} =$
 - $(-0000\ 1110\ 1111)_2$
- b. $(1111\ 1111\ 0101)_{ca2} = (\underline{\hspace{2cm}})_2 =$
- $(1111\ 1111\ 0101)_{ca2} =$
 - $(1111\ 1111\ 0100)_{ca1} =$
 - $(-0000\ 0000\ 1011)_2$

3 Représenter en virgule flottante sous la norme IEEE-754-32 bits le nombre $(0.66)_{10}$ avec une précision de 2^{-10}

مثل بالفاصلة العائمة بمعيار IEEE-754-32 bits العدد $(0.66)_{10}$ بتقريب 2^{-10}

$$0.66_{10} = ()_2 \text{ arrondi à } 2^{-10}$$

$$0.66 * 2 = 1.32$$

$$0.32 * 2 = 0.64$$

$$0.64 * 2 = 1.28$$

$$0.28 * 2 = 0.56$$

$$0.56 * 2 = 1.12$$

$$0.12 * 2 = 0.24$$

$$0.24 * 2 = 0.48$$

$$0.48 * 2 = 0.96$$

$$0.69 * 2 = 1.92$$

$$0.92 * 2 = 1.84$$

$$0.66_{10} = (0.1010\ 1000\ 11)_2 \text{ arrondi } 2^{-10} \quad 0.66_{10} = 1,010\ 1000\ 1 * 2^{-1}$$

- bit de signe 0
- exposant $-1 + 127 = 126 = (0111\ 1110)_2$
- pseudo mantisse = 0101 0001 1

0 0111 1110 0101 0001 1000 0000 0000 000

7.2.4 Solution du sujet n°4

1 Décoder le message suivant de l'Unicode

فك ترميز الرسالة الآتية باليونيكود

0643	0641	0644	063a	0642	062e	0626	0629
ك	ف	ق	غ	ل	خ	ئ	ة

2 représenter les nombres suivants en virgule flottante sous la norme IEEE-754-32 bits

مثل بالفواصل العائمة بمعيار IEEE-754-32 bits الأعداد الآتية :

- a. $-0,0000\ 0001 = -1.0 * 2^{-8}$
- mantisse = 000
 - signe 1
 - exposant $-8 + 127 = 121 = 0111\ 1001$

- **représentation en VF** : 1 0111 1001 0000 0000 0000 0000 0000 000

b. $-10 \times 2^{-4} = -1.0 \times 2^{-3}$

- signe 1
- mantisse 0
- exposant $-3 + 127 = 124 = 01111100$
- **Représentation VF** : 1 01111100 0000 0000 0000 0000 0000 000

c. $\frac{1}{1024} = \frac{1}{2^{10}} = 1,0 \times 2^{-10}$

- signe = 0
- mantisse 0
- exposant $-10+127 = -117 = 01110101$
- **Représentation VF** : 0 01110101 0000 0000 0000 0000 0000 000

3 Coder en BCD

رمز بالـ BCD

a. $17502 = (0001\ 0111\ 0101\ 0000\ 0010)_{BCD}$

1	7	5	0	2
0001	0111	0101	0000	0010

b. $55824 = (0101\ 0101\ 1000\ 0010\ 0100)_{BCD}$

5	5	8	2	4
0101	0101	1000	0010	0100

7.2.5 Solution du sujet n°5

1 Représenter le complément à 2 sur 17 bits

مثل بالتمم إلى 2 على 17 بت

a. $(-062F)_{16} = (\text{_____})_{ca2}$

$$\begin{aligned} (-062F)_{16} \\ = (-0000\ 0110\ 0010\ 1111)_2 \\ = (1111\ 1000\ 1101\ 0000)_{ca1} \\ = (1111\ 1000\ 1101\ 0001)_{ca2} \end{aligned}$$

b. $(-63E2)_{16} = (\text{_____})_{ca2}$

$$\begin{aligned} (-63E2)_{16} \\ = (-0110\ 0011\ 1110\ 0010)_2 \\ = (1001\ 1100\ 0001\ 1101)_{ca1} \\ = (1001\ 1100\ 0001\ 1110)_{ca2} \end{aligned}$$

2 convertir en binaire

حول إلى الثنائي

$(0,0625)_8 = (\text{_____})_2$

$(0,0625)_8 = (0.000\ 110\ 010\ 101)_2$

3 Représenter $(0,0625)_8$ en virgule flottante sous la norme IEEE-754- sur 32 bits

مثل بالفاصلة العائمة بمعيار IEEE-754-32 bits العدد $(0,0625)_8$

• $(0,0625)_8 = (0.000\ 110\ 010\ 101)_2$

• $= 0.000\ 1,1001\ 0101 \times 2^{-4}$

- bit de signe 0
 - exposant $-4+127 = 123 = (0111\ 1011)_2$
 - pseudo mantisse 0
 - **Représentation en VF :** 0 0111 1011 1001 0 01 0000 0000 0000 000
-

7.2.6 Solution du sujet n°6

1 convertir les nombres suivants en binaire

حول إلى الثنائي

- $(-0,044)_8 = (0,000\ 100\ 100)_2$
- $(-0,166)_8 = (0,001\ 110\ 110)_2$
- $(3,14)_8 = (0,011\ 001\ 100)_2$

2 soit la norme ALG-20 de la représentation de la virgule flottante sur 20 bits

ليكن المعيار 20 ALG تمثيل الفاصلة العائمة على 20 بتا كما يلي

- signe sur 1 bit
- exposant en complément à 2 sur 6 bits
- pseudo mantisse sur 13 bits

الإشارة على بت واحد

الأس بالمعنى إلى 2 على 6 بتات

الجزء العشري على 13 بت

Représenter les nombres :

مثل ما يلي

- $(0,044)_8 = (0,000\ 100\ 100)_2$
 - $= 1,001 \times 2^{-4}$
 - signe 0
 - exposant en complément à 2 sur 6 bits $(-4)_{10} = (-000100)_2 = (111011)_{ca1} = (111100)_{ca2}$
 - pseudo mantisse sur 13 bits : 110
 - **Représentation en ALGO-20 VF :** 0 | 111 | 100 100 100 000 000 0

signe	6bits exposant	mantisse 13 bits
0	111 100	100 100 000 000 0
- $(0,166)_8 = (0,001\ 110\ 110)_2$
 - $= 1,110\ 110 \times 2^{-3}$
 - signe 0
 - exposant en complément à 2 sur 6 bits $(-3)_{10} = (-000011)_2 = (111100)_{ca1} = (111101)_{ca2}$
 - pseudo mantisse sur 13 bits : 110 110
 - **Représentation en Algo-20 VF :** 0 | 111 101 | 110 110 000 000 0

0	111 101	110 110 000 000 0
---	---------	-------------------
- $(3,14)_8 = (11,001\ 100)_2$
 - **Représentation en Algo-20 VF :**

0	000 001	100 100 000 000 0
---	---------	-------------------

7.3 Solutions des Tests n°3

7.3.1 Solution du sujet n°1

3] Etudier la fonction suivante

$f(a, b, c, d) = 1$ si le nombre $(abcd)_2$ est multiple de 2 ou bien multiple de 3.

ادرس الدالة الآتية

إذا كان العدد مضاعفاً لاثنين أو مضاعفاً لـ 3 $f(a, b, c, d) = 1$

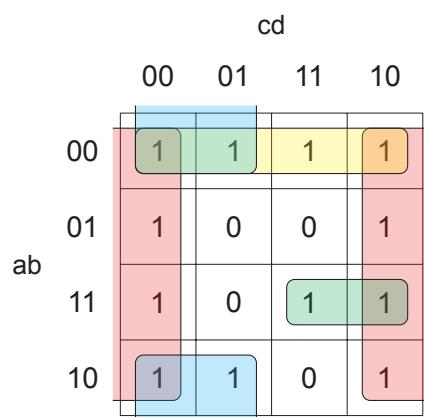
$$f(a,b,c,d) = [0, 1, 2, 3, 4, 6, 8, 9, 10, 12, 14, 15]$$

$$f(a,b,c,D) = \sum [0, 1, 2, 3, 4, 6, 8, 9, 10, 12, 14, 15]$$

	A	B	C	D	F
0	0	0	0	0	1
1	0	0	0	1	1
2	0	0	1	0	1
3	0	0	1	1	1
4	0	1	0	0	1
5	0	1	0	1	0
6	0	1	1	0	1
7	0	1	1	1	0
8	1	0	0	0	1
9	1	0	0	1	1
10	1	0	1	0	1
11	1	0	1	1	0
12	1	1	0	0	1
13	1	1	0	1	0
14	1	1	1	0	1
15	1	1	1	1	1

Sum of products $f(a,b,c,d) = \bar{a}.\bar{b}.\bar{c}.\bar{d} + \bar{a}.\bar{b}.\bar{c}.d + \bar{a}.\bar{b}.c.\bar{d} + \bar{a}.\bar{b}.c.d + \bar{a}.b.\bar{c}.\bar{d} + \bar{a}.b.c.\bar{d} + a.\bar{b}.\bar{c}.\bar{d} + a.\bar{b}.\bar{c}.d + a.\bar{b}.c.\bar{d} + a.b.\bar{c}.\bar{d} + a.b.c.\bar{d} + a.b.c.d$

Product of sums $f(a,b,c,d) = (a + \bar{b} + c + \bar{d}).(a + \bar{b} + \bar{c} + \bar{d}).(\bar{a} + b + \bar{c} + \bar{d}).(\bar{a} + \bar{b} + c + \bar{d})$

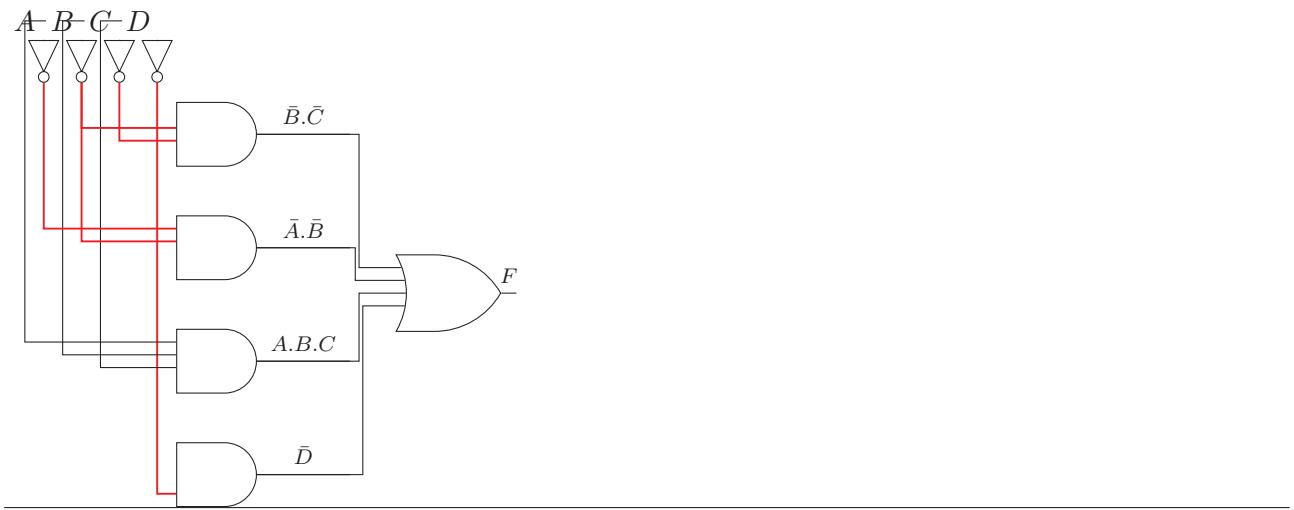


Karnough map

Simplified Sum of products : $\bar{d} + a.b.c + \bar{a}.\bar{b} + \bar{b}.\bar{c}$

Simplified Product of sums : $(a + \bar{b} + \bar{d}).(\bar{b} + c + \bar{d}).(\bar{a} + b + \bar{c} + \bar{d})$

Logigramme de la fonction



7.3.2 Solution du sujet n°2

3] Etudier la fonction suivante

ادرس المالة الآتية

$f(a,b,c,d) = 1$ si le nombre de bits à 0 est inférieur ou égale au nombre de bits à 1

إذا كان عدد الأصفار أصغر أو يساوي عدد أرقام الواحد $f(a,b,c,d) = 1$

$$f(a,b,c,d) = [3, 5, 6, 7, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15] \quad f(a,b,c,D) = \sum [3, 5, 6, 7, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15]$$

	A	B	C	D	F
0	0	0	0	0	0
1	0	0	0	1	0
2	0	0	1	0	0
3	0	0	1	1	1
4	0	1	0	0	0
5	0	1	0	1	1
6	0	1	1	0	1
7	0	1	1	1	1
8	1	0	0	0	0
9	1	0	0	1	1
10	1	0	1	0	1
11	1	0	1	1	1
12	1	1	0	0	1
13	1	1	0	1	1
14	1	1	1	0	1
15	1	1	1	1	1

$$\text{Sum of products } f(a,b,c,d) = \bar{a}.\bar{b}.c.d + \bar{a}.b.\bar{c}.d + \bar{a}.b.c.\bar{d} + \bar{a}.b.c.d + a.\bar{b}.\bar{c}.d + a.\bar{b}.c.\bar{d} + a.\bar{b}.c.d + a.b.\bar{c}.\bar{d} + a.b.\bar{c}.d + a.b.c.\bar{d} + a.b.c.d$$

$$\text{Product of sums } f(a,b,c,d) = (a + b + c + d).(a + b + c + \bar{d}).(a + b + \bar{c} + d).(a + \bar{b} + c + d).(\bar{a} + b + c + d)$$

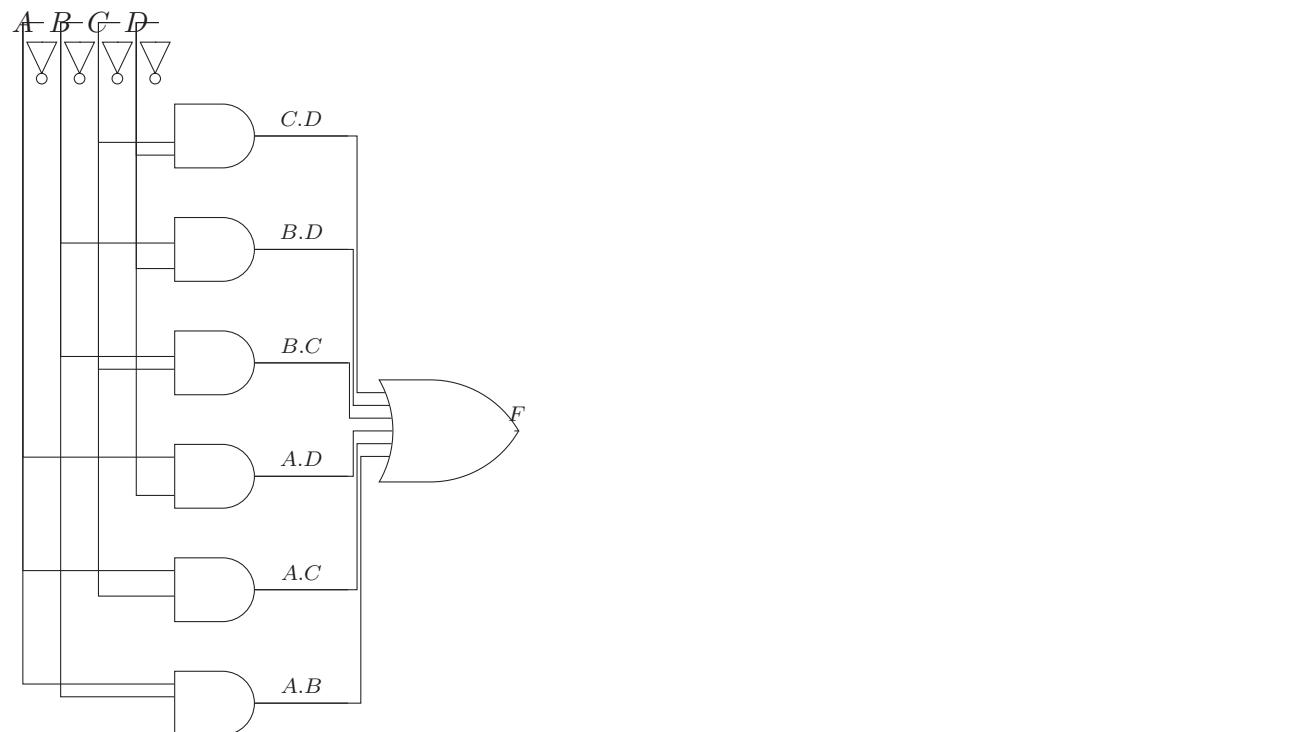
		cd			
		00	01	11	10
ab	00	0	0	1	0
	01	0	1	1	1
11	1	1	1	1	
10	0	1	1	1	1

Karnough map

Simplified Sum of products : $a.b + a.c + a.d + b.c + b.d + c.d$

Simplified Product of sums : $(a + b + c).(a + b + d).(a + c + d).(b + c + d)$

Logigramme de la fonction



7.3.3 Solution du sujet n°3

Etudier la fonction suivante

$$f(A, B, C, D) = 1 \text{ si } A \geq C \text{ et } B \leq D$$

$$f(a,b,c,d) = [0, 1, 5, 8, 9, 10, 11, 13, 15]$$

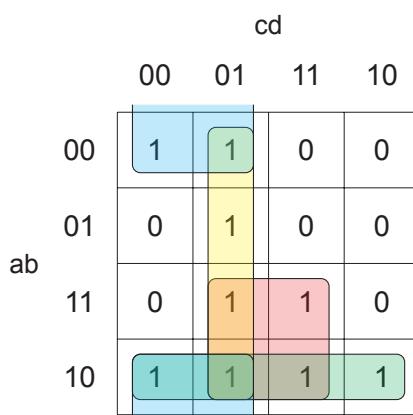
$$f(a,b,c,D) = \sum[0, 1, 5, 8, 9, 10, 11, 13, 15]$$

ادرس المالة الآتية

	A	B	C	D	F
0	0	0	0	0	1
1	0	0	0	1	1
2	0	0	1	0	0
3	0	0	1	1	0
4	0	1	0	0	0
5	0	1	0	1	1
6	0	1	1	0	0
7	0	1	1	1	0
8	1	0	0	0	1
9	1	0	0	1	1
10	1	0	1	0	1
11	1	0	1	1	1
12	1	1	0	0	0
13	1	1	0	1	1
14	1	1	1	0	0
15	1	1	1	1	1

Sum of products $f(a,b,c,d) = \bar{a}.\bar{b}.\bar{c}.\bar{d} + \bar{a}.\bar{b}.\bar{c}.d + \bar{a}.b.\bar{c}.d + a.\bar{b}.\bar{c}.\bar{d} + a.\bar{b}.\bar{c}.d + a.\bar{b}.c.\bar{d} + a.b.\bar{c}.d + a.b.c.d$

Product of sums $f(a,b,c,d) = (a + b + \bar{c} + d).(a + b + \bar{c} + \bar{d}).(a + \bar{b} + c + d).(a + \bar{b} + \bar{c} + d).(a + \bar{b} + \bar{c} + \bar{d}).(\bar{a} + \bar{b} + c + d).(\bar{a} + \bar{b} + \bar{c} + d)$

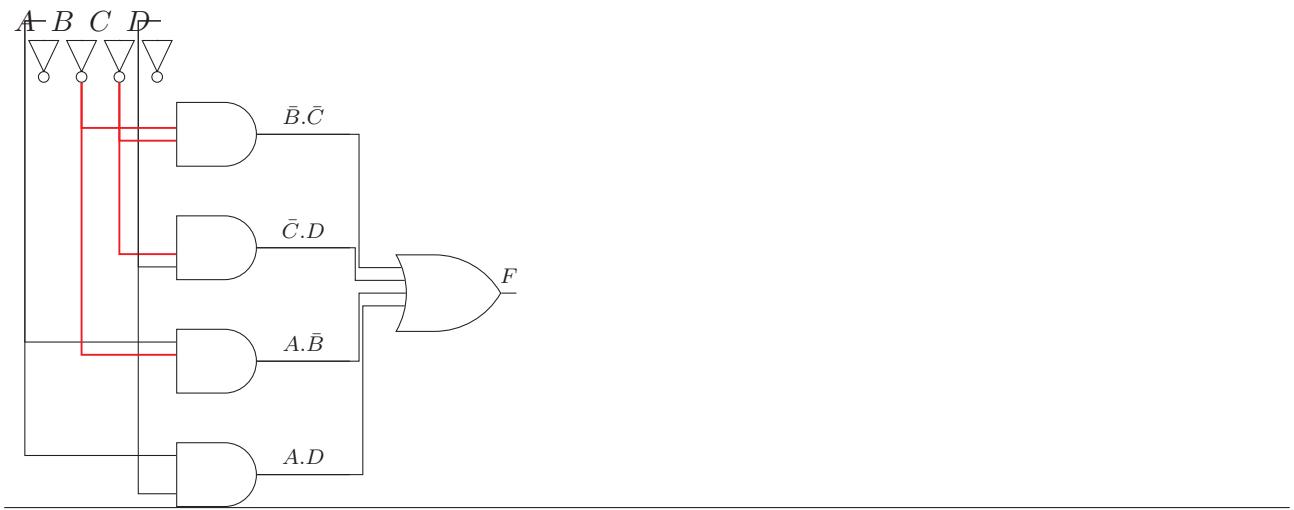


Karnough map

Simplified Sum of products : $a.d + a.\bar{b} + \bar{c}.d + \bar{b}.\bar{c}$

Simplified Product of sums : $(a + \bar{c}).(\bar{b} + d)$

Logigramme de la fonction



7.3.4 Solution du sujet n°4

Etudier la fonction suivante

ادرس المالة الآتية

$f(a, b, c, d) = 0$ si le nombre $(abcd)_2$ est premier.

إذا كان العدد $(abcd)_2$ أولياً $f(a, b, c, d) = 0$

$$f(a,b,c,d) = [0, 4, 6, 8, 9, 10, 12, 14, 15]$$

$$f(a,b,c,D) = \sum [0, 4, 6, 8, 9, 10, 12, 14, 15]$$

	A	B	C	D	F
0	0	0	0	0	1
1	0	0	0	1	0
2	0	0	1	0	0
3	0	0	1	1	0
4	0	1	0	0	1
5	0	1	0	1	0
6	0	1	1	0	1
7	0	1	1	1	0
8	1	0	0	0	1
9	1	0	0	1	1
10	1	0	1	0	1
11	1	0	1	1	0
12	1	1	0	0	1
13	1	1	0	1	0
14	1	1	1	0	1
15	1	1	1	1	1

$$\text{Sum of products } f(a,b,c,d) = \bar{a} \cdot \bar{b} \cdot \bar{c} \cdot \bar{d} + \bar{a} \cdot b \cdot \bar{c} \cdot \bar{d} + \bar{a} \cdot b \cdot c \cdot \bar{d} + a \cdot \bar{b} \cdot \bar{c} \cdot \bar{d} + a \cdot \bar{b} \cdot \bar{c} \cdot d + a \cdot \bar{b} \cdot c \cdot \bar{d} + a \cdot b \cdot \bar{c} \cdot \bar{d} + a \cdot b \cdot c \cdot \bar{d} + a \cdot b \cdot c \cdot d$$

$$\text{Product of sums } f(a,b,c,d) = (a + b + c + \bar{d}) \cdot (a + b + \bar{c} + d) \cdot (a + b + \bar{c} + \bar{d}) \cdot (a + \bar{b} + c + \bar{d}) \cdot (a + \bar{b} + \bar{c} + \bar{d}) \cdot (\bar{a} + b + \bar{c} + \bar{d}) \cdot (\bar{a} + \bar{b} + c + \bar{d})$$

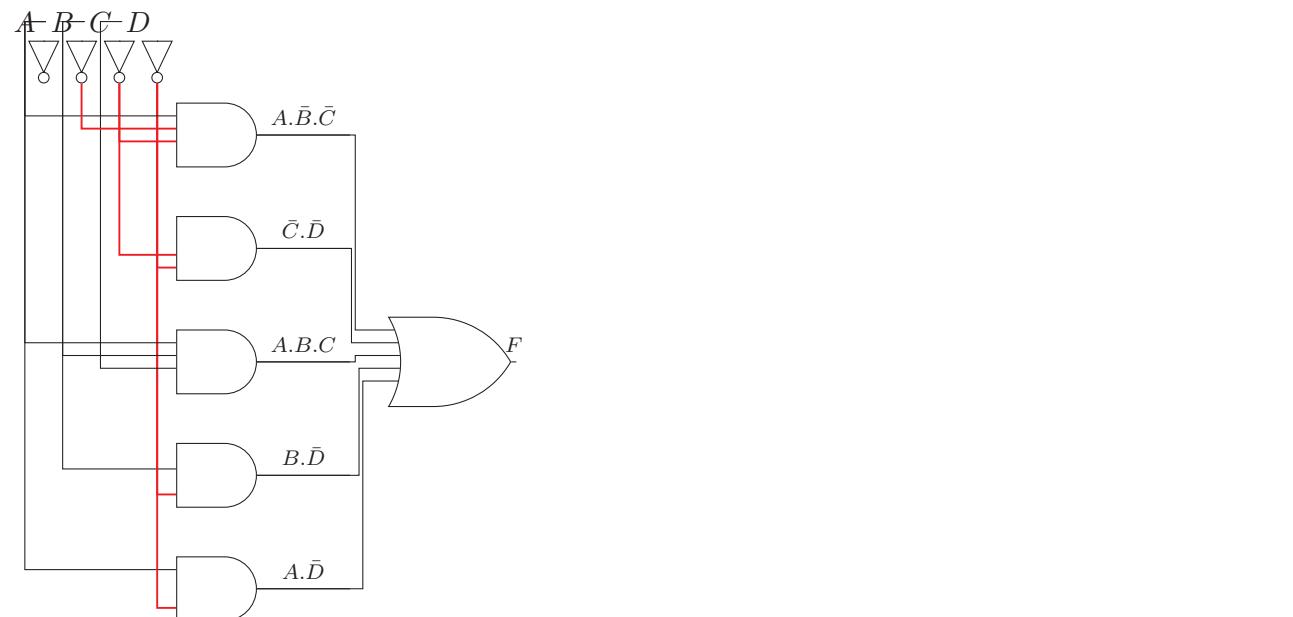
		cd			
		00	01	11	10
ab	00	1	0	0	0
	01	1	0	0	1
11	1	0	1	1	
10	1	1	0		1

Karnough map

Simplified Sum of products : $a.\bar{d} + b.\bar{d} + a.b.c + \bar{c}.\bar{d} + a.\bar{b}.\bar{c}$

Simplified Product of sums : $(a + \bar{d}).(a + b + \bar{c}).(b + \bar{c} + \bar{d}).(\bar{b} + c + \bar{d})$

Logigramme de la fonction



7.3.5 Solution du sujet n°5

Etudier la fonction suivante

$f(a, b, c, d) = 1$ si le nombre $3 \leq (abcd)_2 \leq 12$.

$f(a,b,c,d)=[3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12]$

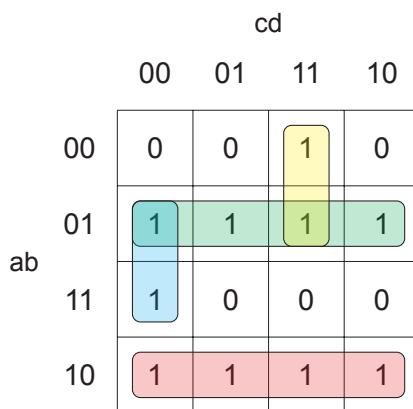
$f(a,b,c,D)=\sum[3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12]$

ادرس المالة الآتية

	A	B	C	D	F
0	0	0	0	0	0
1	0	0	0	1	0
2	0	0	1	0	0
3	0	0	1	1	1
4	0	1	0	0	1
5	0	1	0	1	1
6	0	1	1	0	1
7	0	1	1	1	1
8	1	0	0	0	1
9	1	0	0	1	1
10	1	0	1	0	1
11	1	0	1	1	1
12	1	1	0	0	1
13	1	1	0	1	0
14	1	1	1	0	0
15	1	1	1	1	0

Sum of products $f(a,b,c,d) = \bar{a}.\bar{b}.c.d + \bar{a}.b.\bar{c}.\bar{d} + \bar{a}.b.\bar{c}.d + \bar{a}.b.c.\bar{d} + \bar{a}.b.c.d + a.\bar{b}.\bar{c}.\bar{d} + a.\bar{b}.\bar{c}.d + a.\bar{b}.c.\bar{d} + a.\bar{b}.c.d + a.b.\bar{c}.\bar{d}$

Product of sums $f(a,b,c,d) = (a+b+c+d).(a+b+c+\bar{d}).(a+b+\bar{c}+d).(\bar{a}+\bar{b}+c+\bar{d}).(\bar{a}+\bar{b}+\bar{c}+d).(\bar{a}+\bar{b}+\bar{c}+\bar{d})$

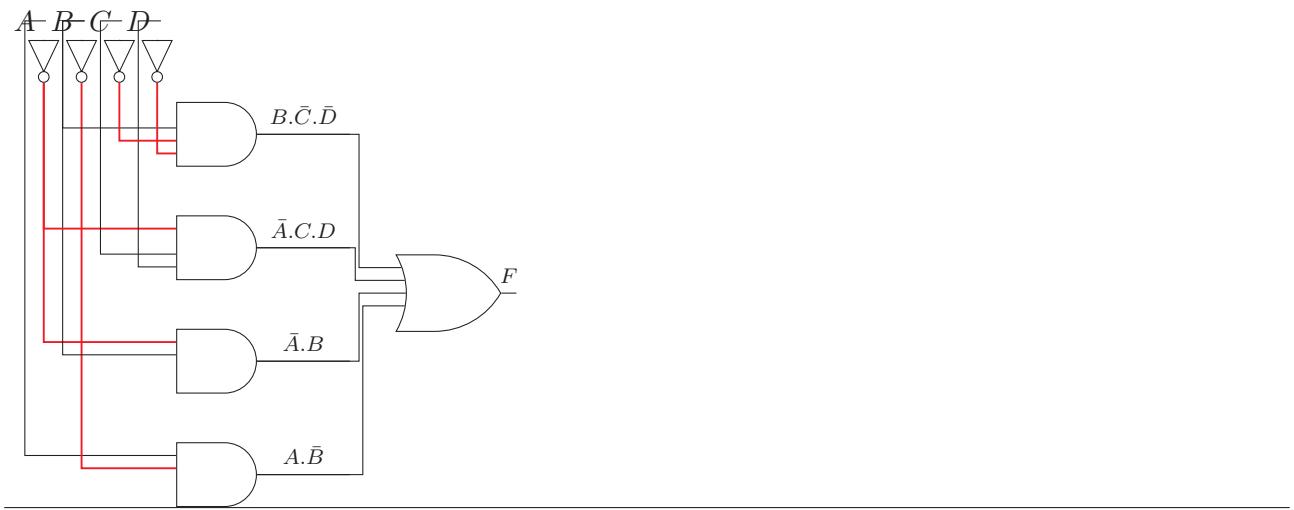


Karnough map

Simplified Sum of products : $a.\bar{b} + \bar{a}.b + \bar{a}.c.d + b.\bar{c}.\bar{d}$

Simplified Product of sums : $(a + b + c).(a + b + d).(\bar{a} + \bar{b} + \bar{c}).(\bar{a} + \bar{b} + \bar{d})$

Logigramme de la fonction



7.3.6 Solution du sujet n°6

Etudier la fonction suivante

ادرس الدالة الآتية

$f(a,b,c,d) = 1$ si au moins deux bits à zéro sont adjacents.

إذا وجد صفران متجاوران $= 1 = f(a,b,c,d)$

$f(a,b,c,d) = [0, 1, 2, 3, 4, 8, 9, 12]$

$f(a,b,c,D) = \sum [0, 1, 2, 3, 4, 8, 9, 12]$

	A	B	C	D	F
0	0	0	0	0	1
1	0	0	0	1	1
2	0	0	1	0	1
3	0	0	1	1	1
4	0	1	0	0	1
5	0	1	0	1	0
6	0	1	1	0	0
7	0	1	1	1	0
8	1	0	0	0	1
9	1	0	0	1	1
10	1	0	1	0	0
11	1	0	1	1	0
12	1	1	0	0	1
13	1	1	0	1	0
14	1	1	1	0	0
15	1	1	1	1	0

Sum of products $f(a,b,c,d) = \bar{a}.\bar{b}.\bar{c}.\bar{d} + \bar{a}.\bar{b}.\bar{c}.d + \bar{a}.\bar{b}.c.\bar{d} + \bar{a}.\bar{b}.c.d + \bar{a}.b.\bar{c}.\bar{d} + a.\bar{b}.\bar{c}.\bar{d} + a.\bar{b}.\bar{c}.d + a.b.\bar{c}.\bar{d}$

Product of sums $f(a,b,c,d) = (a + \bar{b} + c + \bar{d}).(a + \bar{b} + \bar{c} + d).(a + \bar{b} + \bar{c} + \bar{d}).(\bar{a} + b + \bar{c} + d).(\bar{a} + b + \bar{c} + \bar{d}).(\bar{a} + \bar{b} + c + \bar{d}).(\bar{a} + \bar{b} + \bar{c} + d).(\bar{a} + \bar{b} + \bar{c} + \bar{d})$

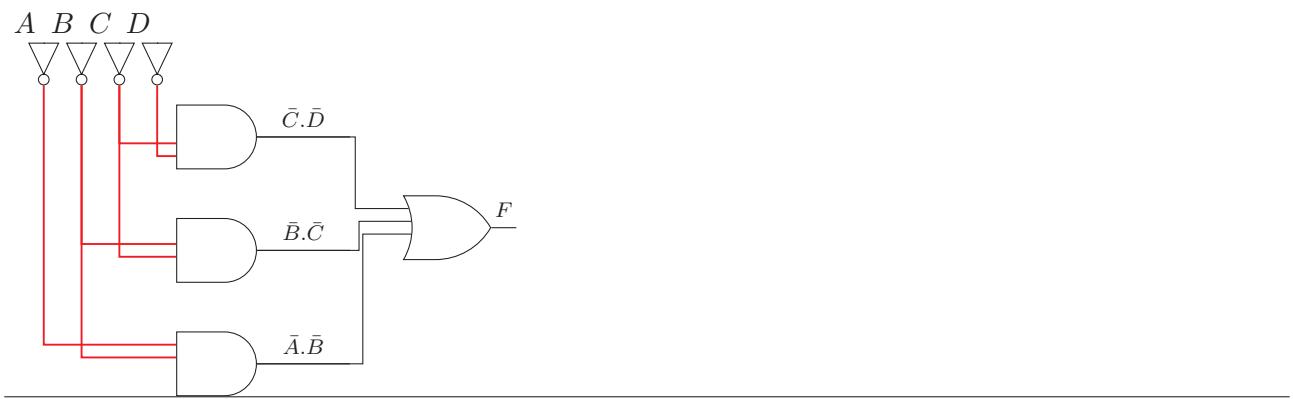
		cd			
		00	01	11	10
ab	00	1	1	1	1
	01	1	0	0	0
	11	1	0	0	0
	10	1	1	0	0

Karnough map

Simplified Sum of products : $\bar{a} \cdot \bar{b} + \bar{b} \cdot \bar{c} + \bar{c} \cdot \bar{d}$

Simplified Product of sums : $(\bar{a} + \bar{c}) \cdot (\bar{b} + \bar{c}) \cdot (\bar{b} + \bar{d})$

Logigramme de la fonction



Chapitre 8

Examens

امتحانات

8.1 Examens

8.1.1 Sujet n°1

Remarque

يجب تبرير الإجابات وتوضيح الطريقة قدر الإمكان

01 Exercice 1. (7 pts) :

- 1 Démontrer en utilisant les propriétés algébriques que

برهن ما يأتي باستعمال خواص الجبر البوليني

$$(a + b)(\bar{a} + c) = ac + \bar{a}b$$

- 2 Quelle l'intervalle qu'on peut le représenter sur 20 bits en complément à 2.

ما المجال الذي يمكن تمثيله على 20 بت بالتمم إلى 2

- 3 Représenter le complément à 2 sur 17 bits

مثل في التتمم إلى 2 على 17 بت

$$(-062F)_{16} = (\text{_____})_{ca2}$$

$$(-6372)_8 = (\text{_____})_{ca2}$$

- 4 Citer les différences entre le code ASCII et l'Unicode

اذكر الفروق بين ترميز الأسكندري واليونيكود

- 5 Donner le nom complet de ASCII

أعط العبارة الكاملة للاختصار أسكى

- 6 Si X est représenté en code gray comme 0101 0010 1110 donner les quatre nombres suivants de X

اتف إذا كان العدد X ممثلا في ترميز غرافي بـ 0101 0010 1110 أعط التمثيل في كود غرافي للأعداد الأربع التي تليه

02 Exercice 2: (02 pts)

- 1 Calculer en base 12 les opérations suivantes

أحسب العمليات الآتية في الأساس 12

- $56A + 152$

- $562 - 16A$

03 Exercice 3 : (05 pts)

- 1 Convertir en binaire 136, 137, 138, 139

حول إلى الثنائي

- 2 Décoder les nombres suivant en virgule flottante sous la norme IEEE-754-32bits

فك ترميز الأعداد الآتية الممثلة في الفاصلة العائمة حسب معيار IEEE-754-32 بت

- a. 1100 0100 0101 0000 0000 0000 0000 0000
- b. 1100 0101 0101 0000 0000 0000 0000 0000
- c. 0100 0100 1101 0000 0000 0000 0000 0000
- d. 0100 0110 0101 0000 0000 0000 0000 0000

04 Exercice 4. (06 pts)

1 Etudier la fonction suivante

$f(A, B, C, D) = 1$ si le nombre $(ABCD)_2$ est pair et A est différent de C.

إذا كان العدد $(ABCD)_2$ زوجي و A مختلف عن C $f(A, B, C, D) = 1$

- Table de vérité
- Formes canoniques
- Table de Karnaugh
- Logigramme de la fonction simplifiée

جدول الحقيقة

الأشكال القانونية

مخطط كارنو

مخطط منطقي للدالة المبسطة

8.1.2 Sujet n°2

05 Exercice 1. (5 pts)

1 Choisir la bonne réponse avec justification

اختر الإجابة الصحيحة مع التعليل

(كل إجابة دون تعليل لا تحسب)

- a. $(B6C9)_{16}$.
 - i. $(1011011011001001)_2$
 - ii. $(1010011011001001)_2$
 - iii. $(101011011001001)_2$
- b. $x.z + \bar{x}.y + y.z$:
 - i. non simplifié
 - ii. $x.z + \bar{x}.y$
 - iii. $x.z + y.z$
- c. $(1453)_{10}$:
 - i. $(10100010100011)_{BCD}$
 - ii. $(0001010001010011)_{BCD}$
 - iii. $(10110101101)_{BCD}$
- d. Si $x = (1110111)$ en code Gray, alors $x - 1 =$
 - i. (1110110)
 - ii. (1110101)
 - iii. (1110100)
- e. Complément à 2 sur 16 bits couvre l'intervalle
 - i. $[-32768 ; +32767]$
 - ii. $[-32767 ; +32767]$
 - iii. $[0 ; +65535]$

06 Exercice 2. (2 pts)

- 1 Coder votre prénom en arabe en Unicode, (si votre nom est très long, coder les 10 premières lettres)

رُمَّنْ اسْمَك بِالْعَرَبِيَّة بِالْيُونِيْكُود (إِذَا كَانَ اسْمَك طَوِيلًا، رُمَّنَ الْحُرُوفُ الْعَشْرَةُ الْأُولَى فَقَطْ)

07 Exercice 3. (2 pts)

- 1 Calculer en base 8 : $756 + 122$
- 2 calculer en base 16.
- $756 + 122$
 - $AB20 - 1CD1$

08 Exercice 4. (5 pts)

- 1 Convertir les nombres suivants en binaire (montrer la méthode) (بين الطريقة)

- a. $(-0,016)_8$
- b. $(+7,8)_{16}$

- 2 Soit la norme ALG-20 de la représentation de la virgule flottante sur 20 bits

- Signe sur 1 bit
- Exposant en complément à 2 sur 6 bits
- Pseudo mantisse sur 13 bits

ليكن المعيار ALG-20 لتمثيل الأعداد الحقيقية بالفاصلة العائمة على 20 بت :

- بت واحد للإشارة
- أس بالتمم إلى 2 على 6 بت
- شيء قسم عشري على 13 بت

Représenter le nombre $(0.016)_8$ sous la norme ALG-20

Décoder le nombre écrit sous la norme ALG-20

1000 1011 1100 0000 0000

مثل العدد $0,016_8$ حسب المعيار ALG-20

فك تمثيل العدد المكتوب حسب المعيار ALG-20

09 Exercice 5. (6 pts)

- 1 Etudier la fonction suivante
 $F(A, B, C, D) = 1 \text{ si } A \geq C \text{ et } B \leq D .$

- Table de vérité
- Formes canoniques
- Table de Karnaugh
- Logigramme de la fonction simplifiée

ادرس الدالة الآتية

جدول الحقيقة

الأشكال القانونية

مخطط كارنو

مخطط منطقي للدالة المبسطة

Chapitre 9

Solutions des Examen

حلول الامتحانات

9.1 Corrigés des examens

حلول امتحانات

9.1.1 Solution du sujet n°1

01 Exercice 1. (7 pts) :

- 1 Démontrer en utilisant les propriétés algébriques que

برهن ما يأني باستعمال خواص الجبر البولياني

$$(a + b)(\bar{a} + c) = ac + \bar{a}b$$

Démonstration

$$\begin{aligned} (a + b)(\bar{a} + c) &= a\bar{a} + ac + \bar{a}b + bc \\ &= 0 + ac + \bar{a}b + bc \\ &= ac + \bar{a}b + bc(a + \bar{a}) \\ &= ac + abc + \bar{a}b + \bar{a}bc \\ &= ac(1 + b) + \bar{a}b(1 + c) \\ &= ac + \bar{a}b \end{aligned}$$

- 2 Quelle l'intervalle qu'on peut le représenter sur 20 bits en complément à 2.

ما المجال الذي يمكن تمثيله على 20 بت بالتمم إلى 2

$$[-2^{20}; 2^{20} - 1]$$

- 3 Représenter le complément à 2 sur 17 bits

مثل في التمم إلى 2 على 17 بت

a. $(-062F)_{16} = (\underline{\hspace{2cm}})_{ca2}$
 $(-062F)_{16} = (1\ 0000\ 0110\ 0010\ 1111)_{va}$
 $= (1\ 1111\ 1001\ 1101\ 0000)_{ca1}$
 $= (1\ 1111\ 1001\ 1101\ 0001)_{ca2}$

b. $(-6372)_8 = (\underline{\hspace{2cm}})_{ca2}$
 $(-6372)_8 = (1\ 110\ 011\ 111\ 010)_{va}$
 $= (1\ 001\ 100\ 000\ 101)_{ca1}$
 $= (1\ 001\ 100\ 000\ 110)_{ca2}$

- 4 Citer les différences entre le code ASCII et l'Unicode

اذكر الفروق بين ترميز الأسكنري واليونيكود

ASCII	Unicode
Anglais 8 bits	multilingue 16 bits

- 5 Donner le nom complet de ASCII

أعط العبارة الكاملة للاختصار أسكى

ASCII : American Standard Code for Information Interexchange

- 6 Si X est représenté en code gray comme 0101 0010 1110 donner les quatre nombres suivants de X

اتف إذا كان العدد X مثلاً في ترميز غرافي بـ 0101 0010 1110 أعط التمثيل في كود غرافي للأعداد الأربع التي تليه

- $x = 0101\ 0010\ 1110$
- $x + 1 = 0101\ 0010\ 1111$
- $x + 2 = 0101\ 0010\ 1101$
- $x + 3 = 0101\ 0010\ 1100$
- $x + 4 = 0101\ 0010\ 0100$

02 Exercice 2: (02 pts)

1 Calculer en base 12 les opérations suivantes

أحسب العمليات الآتية في الأساس 12

$$\begin{array}{r} & \begin{array}{r} 1 & 5 & 1 & 6 & A \end{array} \\ \bullet (56A + 152 = 700)_{12} & + \begin{array}{r} 1 & 5 & 2 \\ \hline 7 & 0 & 0 \end{array} \\ & \begin{array}{r} 5 & 1 & 2 & 6 & 1 & 2 & 2 \\ - \quad 1 & 1 & 1 & 6 & 1 & 0 & A \\ \hline 3 & 1 & 1 & B & 4 \end{array} \end{array}$$

03 Exercice 3 : (05 pts)

1 Convertir en binaire 136, 137, 138, 139

حول إلى الثنائي

- $(136)_{10} = (1000\ 1000)_2$
- $(137)_{10} = (1000\ 1001)_2$
- $(138)_{10} = (1000\ 1010)_2$
- $(139)_{10} = (1000\ 1011)_2$

2 Décoder les nombres suivant en virgule flottante sous la normes IEEE-754-32 bits

فك ترميز الأعداد الآتية الممثلة في الفاصلة العائمة حسب معيار IEEE-754-32 بت

a. 1100 0100 0101 0000 0000 0000 0000 0000

1	100 0100 0	000 0000 0000 0000 0000 0000
-	Exposant biaisé $136-127=9$	1, 0
-	$1.101 \times 2^{136-127} = 1.101 \times 2^9$	
	-1101 000 000	

b. 1100 0101 0101 0000 0000 0000 0000 0000

1	100 0101 0	000 0000 0000 0000 0000 0000
-	Exposant biaisé $138-127=11$	1, 0
-	1.101×2^{11}	1, 0
	-1101 0000 0000	

c. 0100 0100 1101 0000 0000 0000 0000 0000

0	100 0100 1	000 0000 0000 0000 0000 0000
+	Exposant biaisé $137-127=10$	1, 0
+	1.101×2^{10}	
	+110 1000 0000	

d. 0100 0110 0101 0000 0000 0000 0000 0000 = $+1,0 \times 2^{13} = (+8192)_{10}$

04 Exercice 4

1 Etudier la fonction suivante

$f(A, B, C, D) = 1$ si le nombre $(ABCD)_2$ est pair et A est différent de C.

C إذا كان العدد $(ABCD)_2$ زوجي و A مختلف عن C. $f(A, B, C, D) = 1$

$$f(a, b, c, d) = [2, 6, 8, 12]$$

$$f(a, b, c, d) = \sum [2, 6, 8, 12]$$

	A	B	C	D	F
0	0	0	0	0	0
1	0	0	0	1	0
2	0	0	1	0	1
3	0	0	1	1	0
4	0	1	0	0	0
5	0	1	0	1	0
6	0	1	1	0	1
7	0	1	1	1	0
8	1	0	0	0	1
9	1	0	0	1	0
10	1	0	1	0	0
11	1	0	1	1	0
12	1	1	0	0	1
13	1	1	0	1	0
14	1	1	1	0	0
15	1	1	1	1	0

$$\text{Sum of products } f(a, b, c, d) = \bar{a} \cdot \bar{b} \cdot c \cdot \bar{d} + \bar{a} \cdot b \cdot c \cdot \bar{d} + a \cdot \bar{b} \cdot \bar{c} \cdot \bar{d} + a \cdot b \cdot \bar{c} \cdot \bar{d}$$

$$\text{Product of sums } f(a, b, c, d) = (a + b + c + d) \cdot (a + b + c + \bar{d}) \cdot (a + b + \bar{c} + \bar{d}) \cdot (a + \bar{b} + c + d) \cdot (a + \bar{b} + c + \bar{d}) \cdot (a + \bar{b} + \bar{c} + d) \cdot (\bar{a} + b + c + \bar{d}) \cdot (\bar{a} + b + \bar{c} + d) \cdot (\bar{a} + \bar{b} + c + \bar{d}) \cdot (\bar{a} + \bar{b} + \bar{c} + d)$$

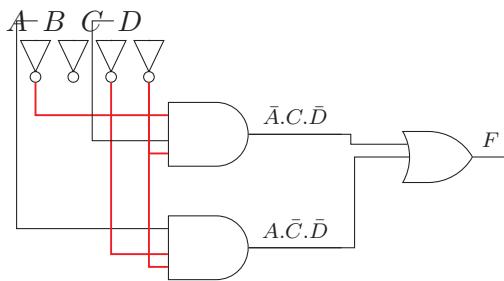
		cd			
		00	01	11	10
ab	00	0	0	0	1
	01	0	0	0	1
	11	1	0	0	0
	10	1	0	0	0

Karnough map

$$\text{Simplified Sum of products : } a \cdot \bar{c} \cdot \bar{d} + \bar{a} \cdot c \cdot \bar{d}$$

$$\text{Simplified Product of sums : } (\bar{d}) \cdot (a + c) \cdot (\bar{a} + \bar{c})$$

Logigramme de la fonction



9.1.2 Solution du sujet n°2

05 Exercice 1. (5 pts)

1 Choisir la bonne réponse avec justification

اختر الإجابة الصحيحة مع التعليل
(كل إجابة دون تعليل لا تحسب)

- $(B6C9)_{16}$ = **réponse A.** $(1\ 011\ 011\ 011\ 001\ 001)_2$
- $x.z + \bar{x}.y + y.z$: **réponse B.** $x.z + \bar{x}.y$
- $(1453)_{10}$: **réponse B.** $(0001\ 0100\ 0101\ 0011)_{BCD}$
- Si $x = (111\ 0\ 111)$ en code Gray, alors $x - 1 =$ **réponse B.** $(111\ 0\ 101)$
- Complément à 2 sur 16 bits couvre l'intervalle : **réponse A.** $[-32768 ; +32767]$

06 Exercice 2. (2 pts)

1 Coder votre prénom en arabe en Unicode , (si votre nom est très long, coder les 10 premières lettres)

رمز اسمك بالعربية باليونيكود (إذا كان اسمك طويلا، رمز الحروف العشرة الأولى فقط)

ع	ب	د		ا	ل	ق	ا	د	ر
0x639	0x628	0x62f	0x20	0x627	0x644	0x642	0x627	0x62f	0x631

07 Exercice 3. (2 pts)

1 Calculer en base 8 : $756 + 122$

$$\begin{array}{r} 1 & 17 & 15 & 6 \\ + & 1 & 2 & 2 \\ \hline 1 & 1 & 0 & 0 \end{array}$$

2 calculer en base 16.

- $756 + 122$

$$\begin{array}{r} 7 & 5 & 6 \\ + & 1 & 2 & 2 \\ \hline 8 & 7 & 8 \end{array}$$

- $AB20 - 1CD1$

$$\begin{array}{r} A & +16B & +162 & +160 \\ - 11 & 1C & 1D & 1 \\ \hline 8 & 14E & 4 & 15F \end{array}$$

08

Exercice 4. (5 pts)

1 Convertir les nombres suivants en binaire (montrer la méthode)

(بين الطريقة)

a. $(-0,016)_8$

$(-0,016)_8 = (-0,000\ 001\ 100)_2$ séparé en trois bits

b. $(+7,8)_{16}$

$(+7,8)_{16} = (0111,\ 1000)$ séparé en 4 bits

2 Soit la norme ALG-20 de la représentation de la virgule flottante sur 20 bits

- signe sur 1 bit
- exposant en complément à 2 sur 6 bits
- pseudo mantisse sur 13 bits

ليكن المعيار 20 ALG لتمثيل الأعداد الحقيقة بالفاصلة العائمة على 20 بت :

- بت واحد للإشارة
- أس بالتمم إلى 2 على 6 بت
- شبه قسم عشري على 13 بت

3 Représenter le nombre $(0.016)_8$ sous la norme ALG-20 ALG-20 حسب المعيار $(0,016)_8$ حسب المعيار

Représenter les nombres $(0,016)_8$

- $(0,016)_8 = (-0,000\ 001\ 100)_2$
- $= (-0,000\ 001\ 100)_2 = 1,110 \times 2^{-6}$
- signe 0
- exposant en complément à 2 sur 6 bits $(-6)_{10} = (-000\ 110)_2 = (111\ 001)_{ca1} = (111\ 010)_{ca2}$
- pseudo mantisse sur 13 bits : 110.
- Représentation en VF sous la norme Alg-20. 0 | 111 010 | 110 000 000 000 0.

4 Décoder le nombre écrit sous la norme ALG-20

فك تمثيل العدد المكتوب حسب المعيار ALG-20

1000 1011 1100 0000 0000

- 1 000 101 1 1100 0000 0000
- bit de signe 1 $\Rightarrow -$
- exposant 000 101 = 5
- pseudo mantisse 1,111
- $\Rightarrow -1,111 \times 2^5 = -111100 = -60$

09

Exercice 5. (6 pts)

1 Etudier la fonction suivante

ادرس الدالة الآتية

$F(A, B, C, D) = 1$ si $A \geq C$ et $B \leq D$.

(voir solution de test page 7.3 on page 91)

Bibliographie

- Aït-Aoudia, Sami (2012). *Architecture des systèmes informatiques*. OPU (cf. p. 110).
- Amrouche, Hakim (2021). *Cours Structure machine*. url : <http://amrouche.esi.dz> (cf. p. 110).
- Balla, Amar (2021). *Cours Structure machine : TD et Examen*. url : <http://balla.esi.dz> (cf. p. 110).
- Béasse, Christophe (2019). *C'est quoi l'ASCII, l'UNICODE, l'UTF-8 ?* url : <https://www.isnbreizh.fr/nsi/activity/txtBin/index.html> (cf. p. 21).
- Belaid, Mohamed Cherif (2007a). *Algèbre de Boole et Fonctions Logiques*. Ed. Pages Bleus (cf. p. 110).
- (2007b). *Circuits Logiques Combinatoires et Séquentiel*. Ed. Pages Bleus (cf. p. 110).
- Dekeyser, Jean-luc (2010). *Architecture élémentaire*. url : <https://www.lifl.fr/~dekeyser/> (cf. p. 20).
- Drias-Zerkaoui, Habiba (2003). *Introduction à l'architecture des ordinateurs*. OPU (cf. p. 110).
- Souag, Nadia (2013). *Electronique numérique : cours et exercices corrigés*. Office des publications universitaires, Algérie (cf. p. 110).
- Wikipedia (2021a). *Algèbre de Boole (logique)*. url : [https://fr.wikipedia.org/wiki/Alg%C3%A8bre_de_Boole_\(logique\)](https://fr.wikipedia.org/wiki/Alg%C3%A8bre_de_Boole_(logique)) (cf. p. 24, 25, 27).
- (2021b). *American Standard Code for Information Interchange*. url : https://fr.wikipedia.org/wiki/American_Standard_Code_for_Information_Interchange (cf. p. 20).
- (2021c). *BCD – Binary coded decimal*. url : https://fr.wikipedia.org/wiki/D%C3%A9cimal_cod%C3%A9_binaire (cf. p. 20).
- (2021d). *IEEE 754*. url : https://fr.wikipedia.org/wiki/IEEE_754 (cf. p. 18).
- (2021e). *Unicode*. url : <https://fr.wikipedia.org/wiki/Unicode> (cf. p. 21).
- Zerrouki, Taha (2012). *Nibras : Guide des terminologies pour les branches techniques*. Université de Bouira (cf. p. 110).
- (2013). *Cours Informatique*. Université de Bouira. url : <http://infobouirauniv.wordpress.com> (cf. p. 110).

Chapitre 10

Annexes

ملحقات

ملحق أ

Annexe A

هذه قائمة من المراجع والموارد المفيدة لطالب السنة الأولى إعلام آلي :

10.0.1 Livres

كتب

- كتاب نبراس : دليل المصطلحات للشعب التقنية <http://nibras.sf.net> (Zerrouki, 2012).
- Ait-Aoudia Samy, Architecture des systèmes informatiques, OPU, 2012, (Ait-Aoudia, 2012).
- Drias-Zerkaoui Habiba Introduction à l'architecture des ordinateurs, OPU, 2003 (Drias-Zerkaoui, 2003).
- M.C. Belaid, Algèbre de Boole et Fonctions Logiques, Pages bleus, 2007 (Belaid, 2007a).
- M.C. Belaid, Circuits Logiques Combinatoires et Séquentiel, Pages bleus, 2007(Belaid, 2007b).
- Souag Nadia, Logique combinatoire : Exercices corrigés (Souag, 2013),

10.0.2 Cours en ligne

دروس أونلاين

- Cours Informatique par Taha Zerrouki : <http://infobouirauniv.wordpress.com> (Zerrouki, 2013)
- Cours Structure machine par Hakim Amrouche <http://amrouche.esi.dz> (Amrouche, 2021)
- TD et Examen par Pr. Amar Balla : <http://balla.esi.dz/> (Balla, 2021)
- <http://www.allaboutcircuits.com/>
- DZuniv Le paradis des étudiants <https://dzuniv.com/>

10.0.3 Software

برامج وتطبيقات

- تطبيق نبراس : دليل المصطلحات للشعب التقنية <http://nibras.sf.net>
- Logiciel de simulation Multimedia logic <http://multimedialogic.sourceforge.net/>

10.1 Glossaire

[

2] Accès	بلغ، وصول، دخول	Circuit	دارة
Acquérir	اكتسب	Circuit logique	دارة منطقية
Action	فعل، عملية - عمل	Circuit séquentiel	دارة سببية
Addition	جمع	Codage	ترميز
Admis	مقبول	Codeur	مرمز (أداة الترميز)
Adresse	عنوان	Coéfficient	معامل
Affectation	تخصيص	Colonne	عمود
Aléatoire	عشوائي	Combinaison	توقفية
Algorithmique	الخوارزميات	Combinatoire	توفيقية
Alimentation	ترويد - تغذية	Commande	أمر - تعليمية، تحكم
Alphabet	أبجدية	Commentaire	تعليق
Alternée	متناوب	Commutatif	تبديل
And	و (الوصل)	Comparaison	مقارنة
Application	تطبيق	Comparateur	مقارن (أداة مقارنة)
Array	جدول	Compatibilité	تجانس، تلاؤم
Article	بند	Compilation	تأليف - تصنيف - ترجمة،
Article	مقال	Complément	متم
Ascii	الشفرة الأمريكية القياسية لتبادل المعلومات	Complément restreint	متم مقتصر
Associatif	تجمعي	Complément à un	متم - إلى الواحد
Association	تجمّع	Complément Vrai à deux	متم حقيقى
Asynchrone ? synchrone	غير متزامن ؟ متزامن	Complexe	مركب - معقد
Au fur et à mesure	بالتوالي - بالتابع - بالتناسب	Composition	تركيب
Automatique	آل	Conception	تصميم - تصور
Bascule	قلاب - نطاط	Concernant	فيما يخص
Base	أساس، قاعدة	Concevoir	ضم - تصور
BCD : Binary Coded decimal	عدد عشري مرمز في النظام	Condensé	مكتف - كثيف
الثنائي	الثنائي	Condition	شرط، قيد
Binaire	رقم الثنائي	Conducteur	ناقل، موصل
Bit (binary digit)	كلة	Configuration	إعدادات، شكل، مظاهر
Bloc	منطقي، بوليني	Configurer	صاغ، أعد
Boolean	حد، طرف	Conjugué	مرافق
Borne	حلقة	Conséquence	نتيجة
Boucle	تفرع	Constant	ثابت
Branchement	مخزن مؤقت	Constituer (il constitue)	كون يكون
Buffer	قانوني	Continu	مستمر
Canonique	سعة	Convenir (il convient)	يناسب
Capacité	حرف / رمز (حرف)	Convention	اصطلاح
Caractère	ميزة	Conversion	تحويل
Caractéristique	حالة	Coordination	تنسيق
Cas	خلية	Coordonnées	إحداثيات
Cellule	سلسلة	Correspondant	مرافق
Chaîne	حقل	Corresponde	يرافق يراسل
Champ	شخنة	Couple	زوج، ثنائية
Charge	الأرقام ذات الدلالة	Courant	تيار
Chiffres significatifs	اختيار		
Choix			

Croissance	تنزيل	Exécuter	نُفذ، أُنجز
Cycle	دورة	Exécution	تنفيذ، إنجاز
D'autre part	إضافة إلى / رد على ذلك / من جهة أخرى	Existe	يوجد
Débordement	طفح (فيضان)	Exponentiel	دالة الأس
Déclaration	تصريح، إعلان	Expression	تعبير، عبارة
Décodage	فك الترميز	Exprimer	عبر يعبر
Décomposition	تفكيك	Façon	طريقة
Définition	تعريف	Facteur	عامل (عوامل)
Degré	درجة	Faux	0
Démonstration	برهان	Fichier	ملف
Dépendant	مرتبط	Flux	تدفق
Déplacement	إزاحة	Fonction	دالة
Désigne	ترمز لـ	Fonction	وظيفة (عملية)
Déterminant	المحدد	Fonctionnement	وظيفة (عمل)
Dimension	بعد (أبعاد)	For	لكل، من أجل
Dimension	بعد (أبعاد)	Forme	شكل
Diminuer	أنقص بتفص	Formel	شكل
Direct	مباشر	Formule	صيغة
Directive	توجيه (توجهات)	Gauche	يسار
Dispositif	جهاز - مكون	Géga	مليار
Disquette	قرص مرن	Générateur	مولد
Distributif	توزيعي	Gestion	تسخير - إدارة
Divergence	تباعد	Graphe	منحنى، بيان
Divisible	قابل للقسمة	Haut	عالي
Division	قسمة	Homogène	متجانس
Division euclidienne	قسمة إقليدية	Hypothèse	فرضية
Donc	إذن	Identificateur	اسم مميز (معرف)
Données	بيانات، معطيات	Identification	مطابقة - تعرف على الماوية
Donner	أعطي يعطي	Identique	مطابق
Droite	يمين	If	إذا
Edition	تحرير، تعديل، نشر	Image	صورة
Effectif	فيلي	Impair	فردي
Effectuer	أُنجز ينجز	Implication	استلزم
Egalité	مساواة	Imprimante	طابعة
Electrique	كهربائي	Impulsion	نبضة
Else	وإلا (إذا لم يكن)	Inclusion	احتواء
Encodeur	أداة الترميز	Inconvénients	مساوئ
End	نهاية	Indéterminé	غير محدد
Engendrer	ولد يولّد	Indicateur	مؤشر - قرينة
Ensemble	مجموعة	Indice	دليل
Entête	رأسية (صدر)	Industriel	صناعي
Entier	عدد صحيح	Inférieur	أصغر
Entrée	مدخل	Influence	تأثير
Enumération	تعداد	Initialisation	ابتداء
Equation	معادلة	Instruction	تعليمية - أمر
Equivalence	تكافؤ	Integer	عدد صحيح
Espace mémoire	حِيز الذاكرة (سعة الذاكرة)	Intégré	مدمج
Espèce	نوع، فصيلة	Intersection	تضاطع
Etiquette	بطاقة	Intervalle	مجال
Evident	بلديي، واضح	Itération	خطوة
		Lié	مرتبط

Ligne	خط	Périphériques	مرافق، ملحقات (ج ملحقة)
Ligne	سطر	Permutation	تبديل
Linéaire	خطي	Quotient	حاصل القسمة
Liste	قائمة	Racine	جذر
Loi	قانون	Racine carrée	جذر تربيعي
Manière	طريقة	Racine cubique	جذر تكعبي
Maximum	قيمة قصوى	RAM (random access memory)	ذاكرة الوصول العشوائي
Méga	مليون	Random	عشوائي
Mémoire	ذاكرة	Rang	رتبة
Mémoire central	ذاكرة مرئية	RAZ (remise à zéro)	إعادة إلى الصفر (تصفير)
Mémoire secondaire	ثانوية	Read	اقرأ
Méthode	طريقة	Réalisation	إنجاز
Microprocesseur	معالج صغير	Réciproque	معاكس
Mise à jour	تحديث	Record	تسجيلة
Mise en œuvre	إعداد	Récuratif	تراجمي
Modulaire	بالتجزئة	Récurativité	تراجمعية
Module	جزء	Réductible	قابل للاختزال
Modulo (mod)	تردد (باقي القسمة)	Réel	حقيقي
Multiplicateur	ضرب (رياضيات)	Réflexif	منعكس
Multiplication	ضرب	Registre	سجل
Multiplication	ضرب (رياضيات)	Règle	قاعدة
Muni	مرفق بـ	Règles d'écriture	قواعد كتابة
Naturel	طبيعي	Relatif	سي
Négatif	سالب	Relation	علاقة
Niveau	مستوى	Relativement	نسبياً
Nombre	عدد	Remarque	ملاحظة
Normalisée	قياسي - مواصف	Remplacement	استبدال
Notation	ترميز	Répéter (repeat)	كرر يكرر
Note	يرمز له بـ	Résistance	مقاومة
Nul	معدوم	Résoudre	حل يحـل
Numérique	رفي	Respectivement	على الترتيب
Objet	شيء - كائن	Reste	باقي
Obtenu	محصل عليه	Restituer	استرجع يسترجع
Octet	ثمانية أرقام ثنائية	Restitution	استرجـاع
Opérande	عامل (رياضي)	Restriction	اقتصار
Opérateur vectoriel	عامل شعاعي	Résultat	نتـيـجة
Opération	عملية	Retenir	احتفظ يحتفظ
Optimal	الأمثل (الأفضل)	Réunion	الاتحاد
Optimisation	إيجاد الأمثل	ROM (read only memory)	ذاكرة قراءة فقط
Ordinateur	حاسوب	Rotation	دوران
Ordre	ترتيب	Schéma	مخطط - رسم توضيحي
Ordre	رتبة	Secondaire	ثانوي
Organe	عضو	Sélection	اختيار
Origine	مبدأ	Semi-conducteur	شبـه موصل أو شبـه ناقـل
Pair	زوجي	Séquence	نسـقـ، تـابـعـ
Parallèle (en parallèle)	توازي (على التوازي)	Séquenceur	منـسـقـ، متـابـعـ
Paramètres	وسائل	Série (en série)	تـابـعـ (على التـوالـي)
Particulier	خاص	Si	إذا كان
Partie	جزء	Si non	وـلاـ (إذا لم يكنـ)
Pc personal computer	حـاسـوبـ شخصـيـ	Signal	إـشـارـةـ

Significatif	ذو معنى	Tampon	مؤقت
Signifier	عنى يعني	Tampon	مخزن مؤقت
Sinus	دالة جيب	Tant que	ما دام
Somme	مجموع	Temps	زمن
Sorties	مخارج	Terme	حد
Sourie	فأرة	Texte	نص
Sous-programme	برنامج فرعي	Théorème	نظيرية
Soustraction	طرح	Traitement	معالجة
Sphérique	كروي	Traiter	عالج يعالج
Stable	مستقر	Transitif	متعدد
Statique	ساكن	Transmission	إرسال
Stocker	خزن يخزن	Type	نوع
Structure algébrique	البنية الجبرية	UAL (Unité arithmétique et logique)	وحدة الحساب
Structure machine	والمنطق		
Successif	بنية الآلة (آليات)	Unique/ unitaire	وحيد / واحد
Suite	متتابع	Unité de commande	وحدة التحكم
Supérieur	متتالية	Unité d'échange	وحدة التبادل
Symbol	أكبر من	Valeur	قيمة
Symétrique	رمز	Vecteur propre	شعاع توجيه (متجه)
Synchrone ? Asynchrone	متزامن ؟ غير متزامن	Vérification	تدقيق
Synchroniser	زامن يزامن	Vérifier	دقّق يدقّق
Système	نظام	Virgule fixe	الفاصلة الثابتة
Table de vérité	جدول الحقيقة (منطق)	Virgule flottante	الفاصلة العائمة
Tableau	جدول	Vrai	صواب، حقيقي

Bibliographie

- Aït-Aoudia, Sami (2012). *Architecture des systèmes informatiques*. OPU (cf. p. 110).
- Amrouche, Hakim (2021). *Cours Structure machine*. url : <http://amrouche.esi.dz> (cf. p. 110).
- Balla, Amar (2021). *Cours Structure machine : TD et Examen*. url : <http://balla.esi.dz> (cf. p. 110).
- Béasse, Christophe (2019). *C'est quoi l'ASCII, l'UNICODE, l'UTF-8 ?* url : <https://www.isnbreizh.fr/nsi/activity/txtBin/index.html> (cf. p. 21).
- Belaid, Mohamed Cherif (2007a). *Algèbre de Boole et Fonctions Logiques*. Ed. Pages Bleus (cf. p. 110).
- (2007b). *Circuits Logiques Combinatoires et Séquentiel*. Ed. Pages Bleus (cf. p. 110).
- Dekeyser, Jean-luc (2010). *Architecture élémentaire*. url : <https://www.lifl.fr/~dekeyser/> (cf. p. 20).
- Drias-Zerkaoui, Habiba (2003). *Introduction à l'architecture des ordinateurs*. OPU (cf. p. 110).
- Souag, Nadia (2013). *Electronique numérique : cours et exercices corrigés*. Office des publications universitaires, Algérie (cf. p. 110).
- Wikipedia (2021a). *Algèbre de Boole (logique)*. url : [https://fr.wikipedia.org/wiki/Alg%C3%A8bre_de_Boole_\(logique\)](https://fr.wikipedia.org/wiki/Alg%C3%A8bre_de_Boole_(logique)) (cf. p. 24, 25, 27).
- (2021b). *American Standard Code for Information Interchange*. url : https://fr.wikipedia.org/wiki/American_Standard_Code_for_Information_Interchange (cf. p. 20).
- (2021c). *BCD – Binary coded decimal*. url : https://fr.wikipedia.org/wiki/D%C3%A9cimal_cod%C3%A9_binaire (cf. p. 20).
- (2021d). *IEEE 754*. url : https://fr.wikipedia.org/wiki/IEEE_754 (cf. p. 18).
- (2021e). *Unicode*. url : <https://fr.wikipedia.org/wiki/Unicode> (cf. p. 21).
- Zerrouki, Taha (2012). *Nibras : Guide des terminologies pour les branches techniques*. Université de Bouira (cf. p. 110).
- (2013). *Cours Informatique*. Université de Bouira. url : <http://infobouirauniv.wordpress.com> (cf. p. 110).