РОССИЙСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ДРУЖБЫ НАРОДОВ Факультет физико-математических и естественных наук

Кафедра прикладной информатики и теории вероятностей

Отчёт по лабораторной работе №2. Шифры перестановки

Дисциплина: Математические основы защиты информации и информационной безопасности

Студент: Аронова Юлия Вадимовна, 1032212303

Группа: НФИмд-01-21

Преподаватель: Кулябов Дмитрий Сергеевич,

д-р.ф.-м.н., проф.

Москва 2021

Содержание

1	Цель работы	5			
2	Задание				
3	Теоретическое введение 3.1 Маршрутное шифрование. Столбцовая перестановка	7 8 9 12			
4	Выполнение лабораторной работы 4.1 Столбцовая перестановка 4.2 Шифрование с помощью поворотных решёток 4.3 Таблица Виженера	15 15 17 24			
5	Выводы	26			
Сп	писок литературы	27			

List of Figures

3.1	Процесс подготовки трафарета для шифрования методом "поворотной решётки" $(k=2)$	11
3.2	Пример заполнения таблицы при шифровании методом "поворотной решётки"	11
3.3	Квадрат (таблица) Виженера для русского алфавита	13
4.1	Пример шифрования методом столбцовой перестановки	17
4.2	Пример шифрования с помощью "поворотных решёток"	23
4.3	Пример шифрования с помощью таблицы Виженера	25

List of Tables

3.1	Пример заполнения таблицы при шифровании методом столбцо-	
	вой перестановки	9
3.2	Пример удлинения ключа при шифровании сообщения с помо-	
	щью таблицы Виженера	14

1 Цель работы

Целью данной лабораторной работы является ознакомление с одним методом полиалфавитного шифрования – *шифром Виженера* – и двумя широко известными шифрами перестановки – *маршрутным шифрованием* (в частности столбцовой перестановкой) и *шифрованием с помощью решёток* (а именно посредством поворотных решёток), – а также их последующая программная реализация.

2 Задание

Рассмотреть и реализовать на языке программирования Python:

- 1. Шифрование методом столбцовой перестановки;
- 2. Шифрование с помощью поворотных решёток;
- 3. Шифр Виженера.

3 Теоретическое введение

Шифр, преобразования из которого изменяют только порядок следования символов исходного текста, но не изменяют их самих, называется *шифром перестановки* [1]. Типичным примером перестановки являются анаграммы, ставшие популярными в XVII веке, – литературные приёмы, состоящие в перестановке букв или звуков определённого слова, что в результате дают другое слово или словосочетание [2]. Например: *апельсин* – *спаниель*, *полковник* – *клоповник*, *лепесток* – *телескоп* и так далее.

Рассмотрим преобразование, лежащее в основе некоторого шифра перестановки и предназначенное для зашифрования сообщения длиной n символов. Его можно представить с помощью таблицы перестановок следующего вида:

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 & \cdots & n \\ i_1 & i_2 & \cdots & i_n \end{pmatrix}$$

Такая таблица называется подстановкой степени n: в первой её строке указывается позиция символа в исходном сообщении, а во второй – его позиция в шифрограмме. Таким образом, максимальное количество ключей для шифров перестановки равно n!.

Пример. Если для шифрования слова москва используется подстановка:

$$\begin{pmatrix}
1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\
5 & 2 & 3 & 1 & 4 & 6
\end{pmatrix}$$

то на выходе мы получим криптограмму КОСВМА.

3.1 Маршрутное шифрование. Столбцовая перестановка

Широкое распространение получили шифры перестановки, использующие некоторую геометрическую фигуру. Преобразования из этого шифра состоят в том, что в фигуру исходный текст вписывается по ходу одного "маршрута", а затем по ходу другого выписывается с нее. Такой шифр называют *маршрутной* перестановкой [1].

Наибольшее распространение получили шифры маршрутной перестановки, основанные на таблицах [2]: при шифровании таким способом в прямоугольную таблицу размерности $m \times n$ вписывают исходное сообщение согласно некоторому маршруту A, а затем выписывают, получая шифрограмму, по некоторому маршруту B. Если в таблице после вписывания сообщения остаются пустые ячейки, они заполняются случайным образом. Машруты A и B, а также числа n и m являются ключами такого шифра.

Широко распространена разновидность такого шифра, называемая $\mathit{шифром}$ $\mathit{вертикальной перестановки}$ [1] (или "columnar transposition", т.е. столбцовой перестановкой [3]). В нем сообщение вписывается в таблицу размерности $m \times n$ обычным способом (по строкам слева направо). Выписываются же буквы по вертикали; столбцы при этом берутся в порядке, определяемом ключом длины n, каждый символ которого поочередно сопоставляется со столбцом таблицы. Так, если ключ — словесный, то столбцы берутся в алфавитном порядке.

Пример. Зашифруем текст "нельзя недооценивать противника". В качестве ключа возьмём слово "пароль", т.е. n=6. Тогда m=5 и ещё одна ячейка останется пустой. Запишем в ней букву "а". Получим следующую таблицу (см. Табл. 3.1):

Table 3.1: Пример заполнения таблицы при шифровании методом столбцовой перестановки

П	a	p	0	Л	Ь
Н	e	Л	Ь	3	Я
Н	e	Д	0	0	Ц
e	Н	И	В	a	T
Ь	П	p	0	T	И
В	Н	И	K	a	a

Выписав бувкы по столбцам в соответствии с алфавитным порядком букв пароля, получим следующую криптограмму: $EEH\Pi H30ATA b OBOKHHE b B ЛДИРИЯЦТИА.$

3.2 Шифрование с помощью решёток

Решётка Кардано — один из самый ранних вариантов блочного шифра, чей изначальный вариант разработал итальянский учёный Джероламо Кардано [4], предложив новую технику шифрования в 1550 г. в книге "О тонкостях" [2].

Изначально решетка Кардано представляла собой трафарет с прорезанными в нем отверстиями. В этих отверстиях на листе бумаги, который клали под решетку, записывались буквы, слоги и слова сообщения. Далее трафарет снимался, и свободное пространство заполнялось более или менее осмысленным текстом для маскировки секретного послания. Такой метод сокрытия информации относится к *стеганографии*.

Позднее был предложен шифр "*noворотная решетка*", считающийся первым транспозиционным (геометрическим) шифром.² Для шифрования и дешифро-

¹Результат шифрования отличается от приведённого в задании к лабораторной работе из-за вероятной опечатки: в криптограмме отсутствует третий столбец (*"лдири"*), который нужно было взять предпоследним.

²Несмотря на то, что между ним и изначальным предложением Кардано большая разница, методы сокрытия информации, основанные на использовании трафаретов, принято называть "решетками Кардано".

вания с помощью данного шифра изготовляется прямоугольный трафарет с четным количеством строк и столбцов. В трафарете вырезаются клетки таким образом, чтобы при наложении его на таблицу того же размера четырьмя возможными способами, его вырезы полностью покрывали все ячейки таблицы ровно по одному разу. При шифровании трафарет накладывается на таблицу. В видимые ячейки таблицы выписываются буквы исходного текста слева-направо сверхувниз. Далее трафарет поворачивается, и вписывается следующая часть букв. Эта операция повторяется ещё два раза. Шифрограмму выписывают из итоговой таблицы по некоторому маршруту. Таким образом, ключом при шифровании является трафарет, порядок его поворотов и маршрут выписывания.

Данный метод шифрования применялся нидерландскими правителями для секретных посланий в 1740-х гг. Он также использовался в армии кайзера Вильгельма в Первую мировую войну. Для шифрования немцы использовали решетки разных размеров, которым французские криптоаналитики дали собственные кодовые имена: Анна (25 букв), Берта (36 букв), Дора (64 буквы) и Эмиль (81 буква). Однако использовались решетки очень недолго (всего четыре месяца) к огромному разочарованию французов, которые только-только начали подбирать к ним ключи.

Один из способов, позволяющих подобрать подходящий трафарет, основывается на использовании квадратных решёток и заключается в следующем. Выбирается натуральное число k>1, и квадрат размерности $k\times k$ построчно заполняется числами 1,2,...,k [5]. Квадрат поворачивается по часовой стрелке на 90° и размещается вплотную к предыдущему квадрату. Аналогичные действия совершаются еще два раза, так чтобы в результате из четырех малых квадратов образовался один большой с длиной стороны 2k. Далее из полученного квадрата произвольным образом вырезаются клетки под номерами от 1 до k^2 , по одной клетке для каждого номера (см. Рис. 3.1). Такое правило выбора прорезей гарантирует, что при дальнейшем вращении и заполнении квадрата буква никогда не наложится на другую букву.

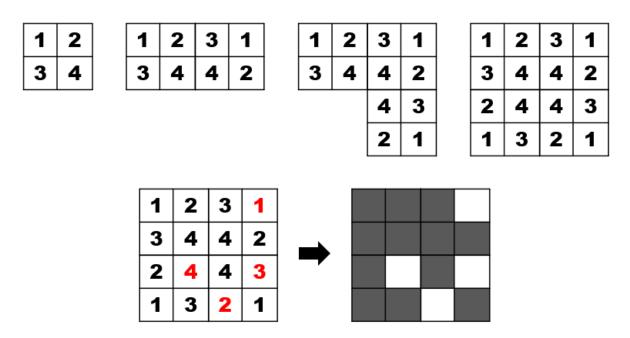


Figure 3.1: Процесс подготовки трафарета для шифрования методом "поворотной решётки" (k=2)

Пример. Зашифруем текст "договор подписали". Возьмём решётку, полученную ранее (см. Рис. 3.1), а в качестве маршрута испольуем метод шифра вертикальной подстановки [см. Раздел 3.1][Маршрутное шифрование] с паролем "шифр". Тогда открытый текст переводится в криптограмму так, как представлено на Рис. 3.2.

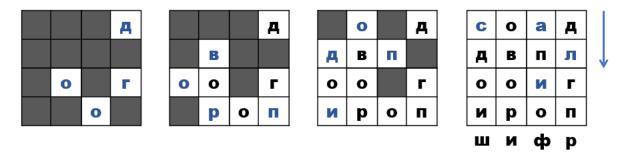


Figure 3.2: Пример заполнения таблицы при шифровании методом "поворотной решётки"

Таким образом, итоговая криптограмма: овордлгпапиосдои.

3.3 Таблица Виженера

Шифр Виженера — это шифр подстановки, скрывающий исходную структуру открытого текста за счет использования нескольких моноалфавитных шифров подстановки, а не только одного; при этом ключ шифра определяет, какая подстановка будет использоваться для каждого символа открытого текста [6]. Такие шифры известны как полиалфавитные и имеют долгую историю использования. Шифр был изобретен в 1553 году итальянским криптографом Джовани Баттиста Беллазо, но на протяжении веков его приписывали французскому криптографу XVI века Блезу де Виженера, который изобрел аналогичный шифр в 1586 году.

Процедура шифрования и дешифрования для этого шифра осуществляется с помощью так называемого квадрата Виженера, изображенного на рисунке 3.3, – алфавитной таблицы, в которой каждая следующая строка получается путём сдвига предыдущей на одну позицию. При шифровании открытого текста зашифрованная буква находится на пересечении столбца, озаглавленного буквой открытого текста, и строки, отмеченной соответствующей буквой ключа. Для того же, чтобы расшифровать текст, нужно найти пересечение диагонали, содержащей зашифрованную букву, и строки, содержащей ключевую букву, – расшифрованная буква будет в заголовке столбца найденной ячейки.

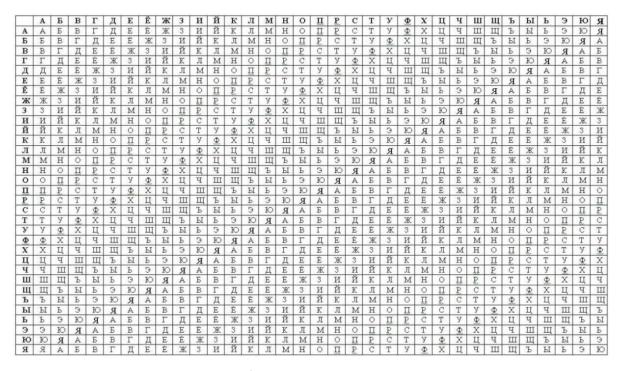


Figure 3.3: Квадрат (таблица) Виженера для русского алфавита

По сути шифр Виженера представляет собой последовательность из нескольких шифров Цезаря с различными значениями сдвига. Так, если n – количество букв в алфавите, m_j – номер буквы открытого текста в алфавите, k_j – номер буквы ключа в алфавите, c_j – номер буквы шифротекста в алфавите, а нумерация начинается с нуля, то шифрование и расшифровывание шифра Виженера можно записать следующим образом [7]:

$$c_j = (m_j + k_j) \bmod n \ \leftrightarrow \ m_j = (c_j + n - k_j) \bmod n$$

Пример. Зашифруем текст "криптография серьезная наука" шифром Виженера с ключевым словом "математика". Ключ должен охватывать весь текст сообщения, поэтому записывается с повторениями (см. Табл. 3.1).

Table 3.2: Пример удлинения ключа при шифровании сообщения с помощью таблицы Виженера

a T e M a T и к a M a T e M a Т И K a M a T e M M а ф Т р a Я C e р K р И П 0 Γ И Ь e 3 Η a Я Η a V K a

Поочередно откладывая буквы ключа по горизонтали и буквы сообщения по вертикали, получаем следующую криптограмму: цръфяохшкффягкььчпчалнтшца.³

В целом шифр имел репутацию очень надежного [8] и был известен как le chiffre indéchiffrable, то есть "неразгаданный шифр". Его называл невзламываемым математик Чарльз Лутвидж Доджсон (более известный как писатель Льюис Кэрролл), и восхвалял журнал Scientific American, однако гораздо более широкое распространение получила его модификация, известная как шифр Гронсфилда. Он отличался тем, что алфавитов замены в нем было всего 10 (по числу цифр), а ключевая фраза была не словом, а числом. Первым успешную атаку на шифр Виженера осуществил в 1854 году Чарльз Бэббидж, один из пионеров вычислительной техники. Но опубликовал схему анализа уже другой исследователь — Фридрих Касиски, девятью годами позже. Это послужило отправной точкой для работы по усилению этого шифра – использованию ключевой фразы, равной по длине самому сообщению, что исключало возможность частотного анализа, а затем к применению не осмысленного текста в качестве ключа, а случайной последовательности знаков. Данная идея была реализована в виде одноразового шифровального блокнота, которые в свою очередь стали на какое-то время принципиально невзламываемыми и получили широкое распространение в гражданской и военной криптографии.

³Результат шифрования отличается от приведённого в задании к лабораторной работе в нескольких позициях, поскольку в таблице Виженера, использованной в нём, отсутствует буква "ъ".

4 Выполнение лабораторной работы

Реализуем вышеописанные методы шифрования на языке **Python** в среде Jupyter Notebook. Для последующей работы импортируем следующие библиотеки, а также создадим список и словарь, которые понадобятся нам в дальнейшем:

```
import math
import numpy as np
import string

# русский алфавит
abc = [chr(code) for code in range(ord('a'), ord('я') + 1)]

# словарь вида {буква : порядковый номер}
letter2number = {abc[i] : i for i in range(len(abc))}
```

4.1 Столбцовая перестановка

Начнём с реализации шифра вертикальной перестановки, или столбцовой перестановки. Создадим следующую функцию:

```
def columnar_cipher(message, key):
    """
    Шифрует сообщение message методом столбцовой перестановки с ключом кеу
```

```
n = len(key) # длина ключа aka число столбцов
mes = message.lower().replace(" ", "")
mes = mes.translate(str.maketrans('', '', string.punctuation))
m = math.ceil(len(mes) / n) # число строк
table = np.full((m, n), 'a')
for i in range(m): # проходим по всем строкам...
    for j in range(n): # и столбцам:
        if i * n + j < len(mes):
            table[i][j] = mes[i * n + j] # записываем букву в таблицу
        else: # иначе
            break # выходим из цикла
nums = sorted([letter2number[letter] for letter in key])
route_order = [abc[number] for number in nums]
route_order = [key.index(letter) for letter in route_order]
```

```
# криптограмма

message_encrypted = ""

for j in route_order: # проходим по столбцам в заданном порядке

for i in range(m): # проходим по всем строкам

# добавляем очередную букву в криптограмму

message_encrypted += table[i][j]

return message_encrypted
```

Теперь с помощью данной функции зашифруем два сообщения с ключами различной длины (см. Рис. 4.1). Результат шифрования первого сообщения можно сравнить с примером, описанным ранее (см. Табл. 3.1), и убедиться, что шифрование произведено корректно.

```
print(columnar_cipher("Нельзя недооценивать противника", "пароль"))
print(columnar_cipher("Стремясь к лучшему, мы часто портим хорошее", "корольлир"))

✓ 0.2s

мреслчимеормеортуамтуамрчсхрчсхямпо
```

Figure 4.1: Пример шифрования методом столбцовой перестановки

4.2 Шифрование с помощью поворотных решёток

Перейдем к шифрованию методом поворотных решёток. Напишем три следующих функции:

```
def rotare_cell(cell, k):
    """

Поворачивает квадратную решетку cell со стороной k по часовой стрелке
    на 90 градусов
```

```
cell_r = cell.T # транспонируем исходную матрицу
    result = np.full((k, k), 'a') # результирующая решетка
    for i in range(k):
        for j in range(k):
            result[i][j] = cell_r[i][k - j - 1]
    return result
def get_holes(cell, k):
    cell_nums = np.random.randint(0, 4, k ** 2)
    intervals = {
        0 : [[0, k], [0, k]],
        1 : [[0, k], [k, 2 * k]],
```

```
2 : [[k, 2 * k], [k, 2 * k]],
        3 : [[k, 2 * k], [0, k]]
    hole_indexes = []
    for i in range(k ** 2):
        cell_num = cell_nums[i]
        interval = intervals[cell_num] # границы этой клетки
        number = str(i + 1) # номер, который нужно удалить
        for j in range(interval[0][0], interval[0][1]): #####
            for l in range(interval[1][0], interval[1][1]): #проходим по клетке
                if cell[j][l] == number: # если номер - тот, который ищем..
                    hole_indexes.append((j, l)) #добавляем его индексы в массив
                    break # и прерываем цикл
    return hole_indexes
def grille_cipher(message, key, example = False):
    mes = message.lower().replace(" ", "")
```

```
mes = mes.translate(str.maketrans('', '', string.punctuation))
n = len(mes)
k = math.ceil(math.ceil(np.sqrt(n)) / 2)
if (2 * k) ** 2 < n:
while len(mes) < (2 * k) ** 2:</pre>
    mes += 'a' # дописываем в конец сообщения "мусор" - букву "a"
cell_1 = np.full((k, k), 0)
for i in range(k):
   for j in range(k):
        cell_1[i][j] = str(i * k + j + 1)
# следующие клетки получаем поворотом предыдущих
cell_2 = rotare_cell(cell_1, k) # 2-я клетка (правая верхняя)
cell_3 = rotare_cell(cell_2, k) # 3-я клетка (правая нижняя)
cell_4 = rotare_cell(cell_3, k) # 4-я клетка (левая нижняя)
```

```
cell = np.full((2 * k, 2 * k), '0')
cell[:k, :k] = cell_1
cell[:k, k:] = cell_2
cell[k:, k:] = cell_3
cell[k:, :k] = cell_4
if example: # если параметр example - True..
   holes = [(0, 3), (2, 1), (2, 3), (3, 2)]
else: # иначе..
    # генерируем случайный трафарет и сортируем координаты отверстий
   holes = sorted(get_holes(cell, k), key = lambda x : (x[0], x[1]))
table = np.full((2 * k, 2 * k), ' ') # таблица
template = np.full((2 * k, 2 * k), '0') # Tpa\phiapeT
print("Использованный шаблон: ")
for i in range(2 * k):
    for j in range(2 * k):
        if (i, j) in holes: # если на месте ячейки должно быть отверстие
            template[i][j] = '1' # ставим в трафарете единицу
            print('\u25A0', end = ' ') # и выводим черный квадрат
        else: # в противном случае..
```

```
print(cell[i][j], end = ' ')
   print()
for i in range(4): # четыре раза:
    for j in range(k ** 2): # проходим по всем отверстиям в трафарете
        table[holes[j][0]][holes[j][1]] = mes[i * (k ** 2) + j]
   template = rotare_cell(template, 2 * k)
   holes = [(hole[0], hole[1])
                    for hole in np.array(np.where(template == '1')).T]
   print("War №{}".format(i + 1))
   print(table)
nums = sorted([letter2number[letter] for letter in key])
route_order = [abc[number] for number in nums]
route_order = [key.index(letter) for letter in route_order]
message_encrypted = ""
```

С помощью данной функции зашифруем два сообщения с ключами различной длины (см. Рис. 4.2). Результат шифрования первого сообщения можно сравнить с примером, приведённым в задании к лабораторной работе и описанным ранее (см. Рис. 3.3), и убедиться, что шифрование произведено корректно.

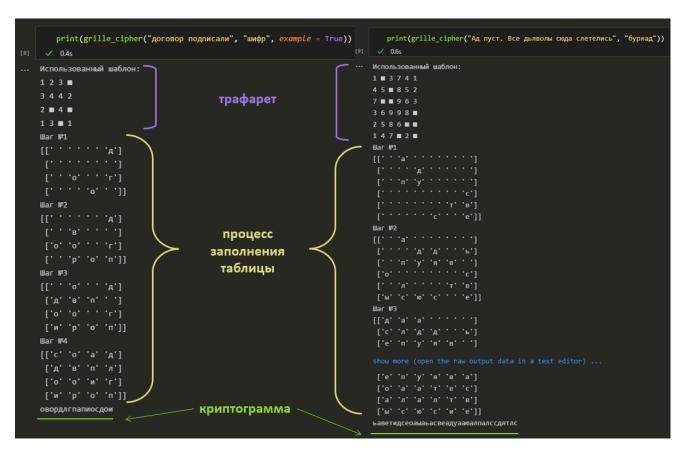


Figure 4.2: Пример шифрования с помощью "поворотных решёток"

4.3 Таблица Виженера

Наконец, реализуем шифр Виженера. Составим таблицу Виженера и создадим функцию, производящую шифрование:

```
vigenere_table = np.array(abc) # первая строчка - сам алфавит
for i in range(1, len(abc)):
    row = np.roll(abc, -i)
    vigenere_table = np.vstack((vigenere_table, row))
    def vigenere_cipher(message, key, vigenere_table):
        Шифрует сообщение message шифром Виженера с ключом key
        mes = message.lower().replace(" ", "")
        mes = mes.translate(str.maketrans('', '', string.punctuation))
        long_key = key
        n = len(key) # длина изначального ключа
        while len(long_key) < len(mes):</pre>
           m = len(long_key)
```

```
# добавляем к ключу символ, стоящий на п позиций раньше
long_key = long_key + long_key[m - n]

# криптограмма
message_encrypted = ""

for i in range(len(mes)):

# порядковый номер очередного символа открытого текста
column = letter2number[mes[i]]

# порядковый номер соответствующего символа ключа
row = letter2number[long_key[i]]

# получаем зашифрованный символ из таблицы Виженера
# и добавляем его к криптограмме
message_encrypted += vigenere_table[row][column]

return message_encrypted
```

Зашифруем два сообщения с ключами различной длины с помощью данной функции (см. Рис. 4.3). Результат шифрования первого сообщения можно сравнить с примером, приведённым в задании к лабораторной работе и описанным ранее (см. Табл. 3.1), и убедиться, что шифрование произведено корректно.

```
print(vigenere_cipher("криптография серьезная наука", "математика", vigenere_table))
print(vigenere_cipher("Мир - сцена, где всякий свою роль играть обязан", "венецианскийкупец", vigenere_table))

[6] ✓ 0.4s
... цръфюохшкффягкьъчпчалнтшца
онэцмнннфонлытщняузыгжцлйщншйьпэжхйеъ
```

Figure 4.3: Пример шифрования с помощью таблицы Виженера

5 Выводы

Таким образом, была достигнута цель, поставленная в начале лабораторной работы: я провела краткий обзор двух шифров перестановки – шифра вертикальной перестановки, являющегося самым распространенным примером маршрутной перестановки и также известного как "столбцовая перестановка", и поворотных решёток, – а также полиалфавитного шифра подстановки под названием "шифр Виженера". Все три шифра были успешно реализованы на языке программирования **Python**.

Список литературы

- 1. В.Ященко В., Варновский Н.П., Нестеренко Ю.В. Шифры перестановки // Введение в криптографию. 3-е изд. / под ред. Ященко В.В. МЦНМО, 2012.
- 2. Анисимов В.В. Лекции по курсу Криптографические методы защиты информации. https://sites.google.com/site/anisimovkhv/learning/kripto/lecture/tema5, 2012.
- 3. Wikipedia contributors. Transposition cipher Wikipedia, The Free Encyclopedia. 2021.
- 4. Душкин Р.В. Решётки Кардано. 2019. Т. 7. С. 54–60.
- 5. Салий В.Н. Криптографические методы и средства защиты информации. https://www.sgu.ru/sites/default/files/textdocsfiles/2017/10/18/saliy_v.n._kri ptograficheskie_metody_i_sredstva_zashchity_informacii.pdf, 2017.
- 6. Simmons, Gustavus J. Vigenère cipher [Электронный ресурс]. 2021. URL: https://www.britannica.com/topic/Vigenere-cipher (дата обращения: 16.11.2021).
- 7. Википедия. Шифр Виженера Википедия, свободная энциклопедия. 2021.
- 8. Daily K. Как шифр из XVI века стал основой для невзламываемого шифра XX века [Электронный ресурс]. 2015. URL: https://www.kaspersky.ru/blog/vigenere-cipher-history/8856/ (дата обращения: 16.11.2021).