HW5

$$\begin{array}{c} 41 \\ (0) \\ \times \sqrt{\chi^{8} + \chi^{4} + \chi^{3} + \chi + 1} \\ \times \sqrt{\chi^{8} + \chi^{4} + \chi^{3} + \chi + 1} \\ \times \sqrt{\chi^{8} + \chi^{4} + \chi^{3} + \chi} \end{array}$$

$$X = \chi^{-1} + \chi^{3} + \chi^{2} + 1$$

$$\Rightarrow 1000 | 101 = \{8, 0\}$$

$$\begin{bmatrix}
1000 & 11 & 1 & 1 \\
11000 & 0 & 1 & 1 \\
11000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000 & 0 & 1 & 1 \\
111000$$

(e) 
$$\begin{bmatrix} 0^{2} & 0^{3} & 0 & | & 0 & | & 1 \\ 0 & | & 0^{2} & 0^{3} & 0 & | & 1 \\ 0 & | & 0^{2} & 0^{3} & 0 & | & 1 \\ 0 & | & 0^{1} & 0^{2} & 0^{3} & | & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 07 & 0 & | & 6B & 7C \\ 30 & F^{2} & 6^{3} & FE \\ C^{5} & 7B & 76 & 2B \\ 77 & AB & 67 & 6F \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 80 & 90 & 7E & 6F \\ 0B & E9 & DE & 17 \\ 06 & E4 & 73 & 8A \\ 6F & 3B & D7 & 37 \end{bmatrix}$$