## Wydział Elektroniki i Technik Informacyjnych Politechnika Warszawska

# Projektowanie układów sterowania (projekt grupowy)

Sprawozdanie z projektu nr 5, zadanie nr 5

Kamil Gabryjelski, Paweł Rybak, Paweł Walczak

## Spis treści

1.	DMC	2
	1.1. Dobór horyzontów predykcji i sterowania	2
2.	Parametry $\lambda$ i $\psi$	13
	2.1. Parametr $\lambda$	13
	2.2. Parametr $\psi$	20

Na podstawie analizy odpowiedzi skokowych przyjęliśmy horyzont dynamiki D=80. Przez  $E_i$  oznaczyliśmy wartość wskaźnika błędu dla wyjścia i, natomiast E jest sumą błędów dla wszystkich wyjść obiektu.

#### 1.1. Dobór horyzontów predykcji i sterowania

Dobór horyzontów przeprowadzaliśmy korzystając z parametrów  $\psi$  i  $\lambda$  równymi 1. Rozpoczeliśmy od nastaw  $N=N_u=D=80$ . Dla tych parametrów błędy wynosiły:

```
-E_1 = 45,0725
```

- $-E_2 = 45,9624$
- $-E_3 = 24,6561$
- -E = 115,6910

Przebieg wyjść obiektu przedstawia wykres 1.1, a sterowań wykres 1.2.

Postanowiliśmy skrócić horyzonty do wartości  $N=N_u=50$ . Otrzymane błędy wyniosły:

- $-E_1 = 45,0726$
- $-E_2 = 45,962$
- $-E_3 = 24,6562$
- -E = 115,6908

Błędy regulacji były więc praktycznie jednakowe jak dla dłuższych horyzontów. Przebiegi wyjść i sterowań przedstawiają wykresy 1.3 i 1.4.

W kolejnym kroku skróciliśmy horyzont predykcji do wartości N=40, a sterowania  $N_u=10$ . Taka zmiana przyniosła niewielką poprawę wskaźników błędu:

```
-E_1 = 45,0801
```

- $-E_2 = 45,933$
- $-E_3 = 24,6021$
- -E = 115,6152

Przebieg wyjść obiektu przedstawiają wykresy 1.5 i 1.6.

Jak się okazało, dalsze skracanie horyzontu sterowania przyniosło znacznie bardziej wymierne rezultaty - dla  $N_u=5$  wskaźniki błędów zmalały do wartości:

```
-E_1 = 44,4289
```

- $-E_2 = 44,1988$
- $-E_3 = 23,0761$
- -E = 111,7038

Przebieg wyjść obiektu przedstawiają wykresy 1.7 i 1.8.

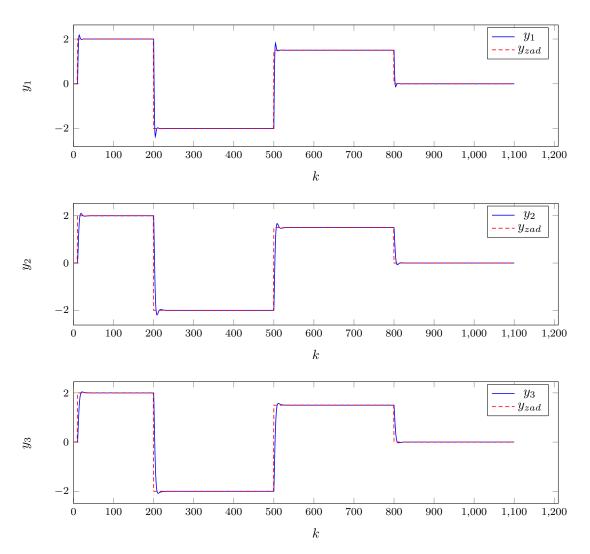
Dalsze skracanie horyzontu predykcji nie przyniosło pozytywnych rezultatów. Dla  $N_u=2$  wskaźniki błędów wyniosły:

```
-E_1 = 46,6684
```

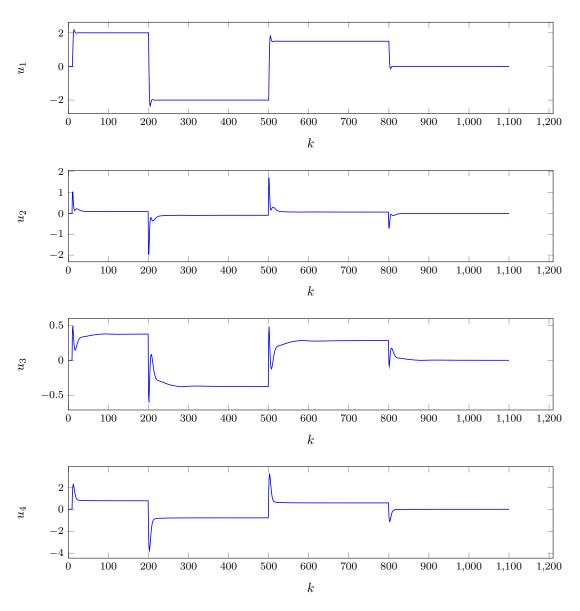
- $-E_2 = 50,4711$
- $-E_3 = 27,023$
- -E = 124,1625

Można więc przypuszczać, że jeszcze mniejsze wartości horyzontu sterowania przyniosłyby pogorszenie jakości regulacji. Przebieg wyjść obiektu przedstawiają wykresy 1.9 i 1.10.

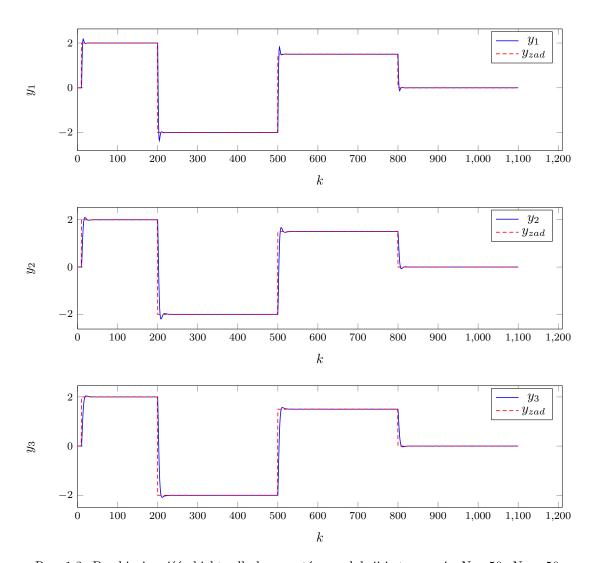
W kolejnych zadaniach używane będą horyzonty N=40 i  $N_u=5$ .



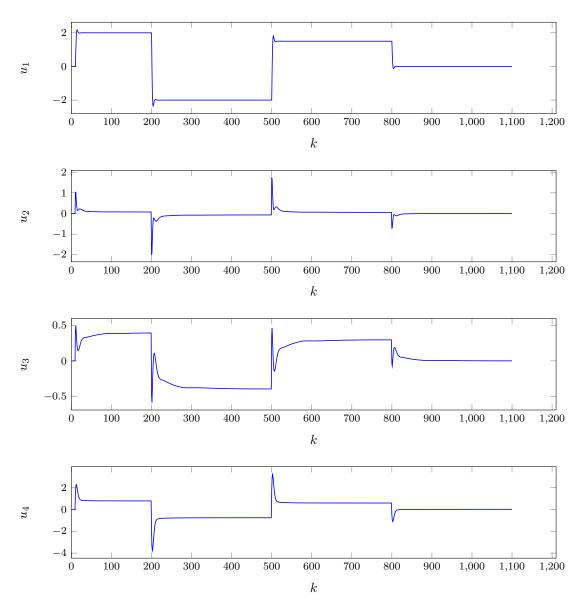
Rys. 1.1. Przebiegi wyjść obiektu dla horyzontów predykcji i sterowania  $N=80,\,N_u=80.$ 



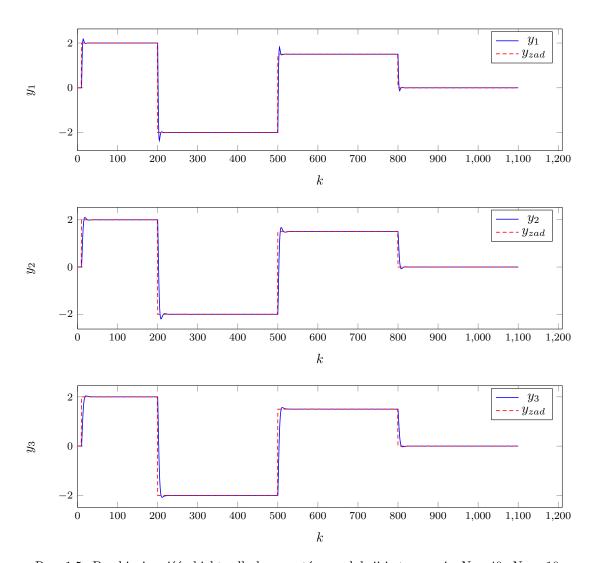
Rys. 1.2. Przebiegi sterowań obiektu dla horyzontów predykcji i sterowania  $N=80,\,N_u=80.$ 



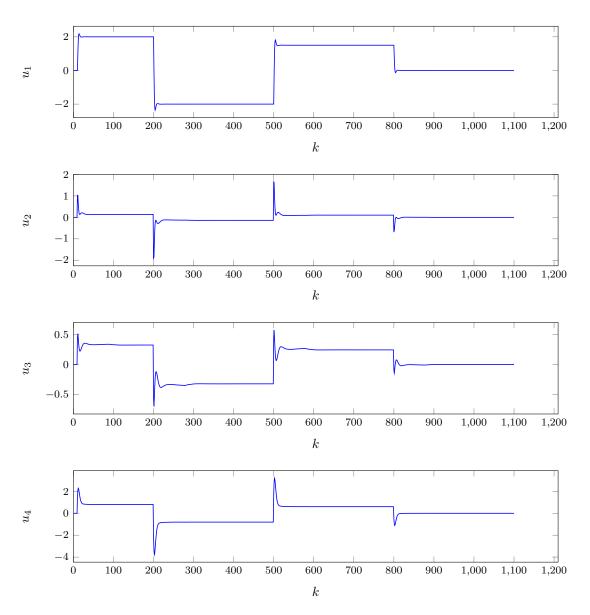
Rys. 1.3. Przebiegi wyjść obiektu dla horyzontów predykcji i sterowania  $N=50,\,N_u=50.$ 



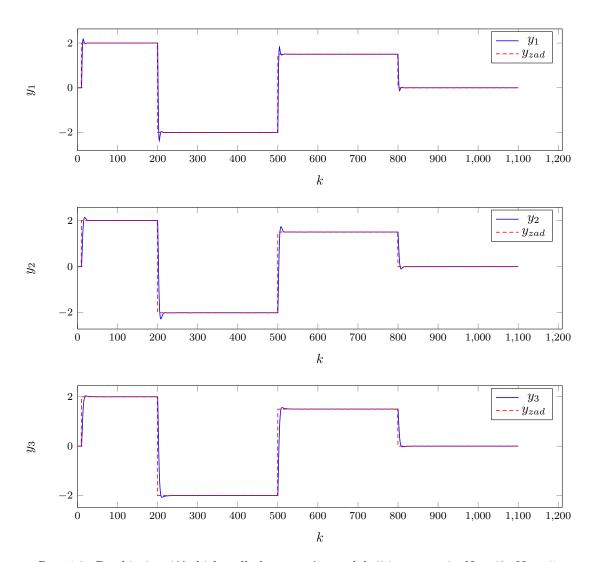
Rys. 1.4. Przebiegi sterowań obiektu dla horyzontów predykcji i sterowania  $N=50,\,N_u=50.$ 



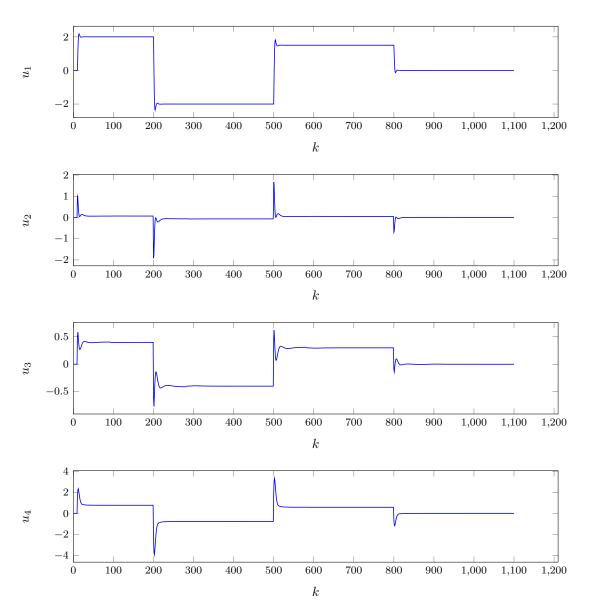
Rys. 1.5. Przebiegi wyjść obiektu dla horyzontów predykcji i sterowania  $N=40,\,N_u=10.$ 



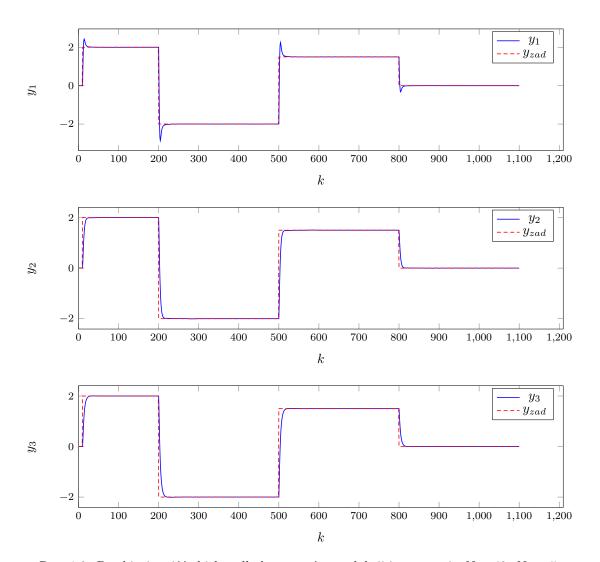
Rys. 1.6. Przebiegi sterowań obiektu dla horyzontów predykcji i sterowania  $N=40,\,N_u=10.$ 



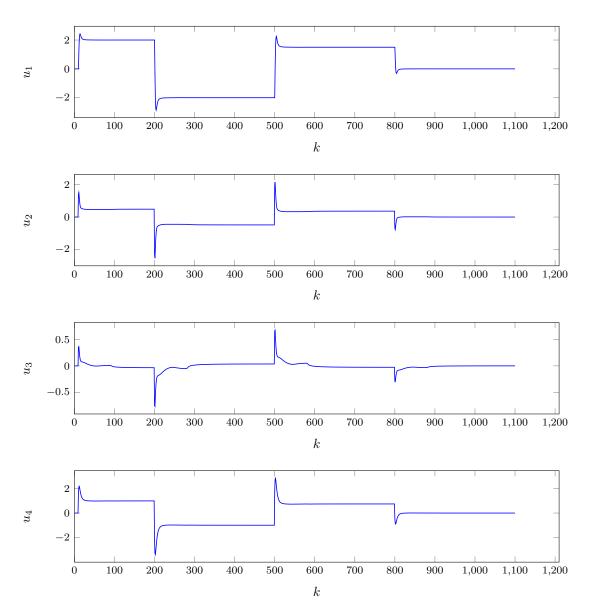
Rys. 1.7. Przebiegi wyjść obiektu dla horyzontów predykcji i sterowania  $N=40,\,N_u=5.$ 



Rys. 1.8. Przebiegi sterowań obiektu dla horyzontów predykcji i sterowania  $N=40,\,N_u=5.$ 



Rys. 1.9. Przebiegi wyjść obiektu dla horyzontów predykcji i sterowania  $N=40,\,N_u=5.$ 



Rys. 1.10. Przebiegi sterowań obiektu dla horyzontów predykcji i sterowania  $N=40,\,N_u=2.$ 

#### 2.1. Parametr $\lambda$

W wyniku testowania różnych wartości współczynnika  $\lambda$  zaobserwowaliśmy, że błąd regulacji jest najmniejszy dla bardzo małych wartości  $\lambda$ . Trzeba jednak zauważyć, że niskie wartości parametru powodują, że przebieg sterowania jest znacznie "ostrzejszy", występują duże i nagłe skoki u przy zmianach wartości zadanej. W przypadku rzeczywistego obiektu, zjawisko to mogłoby mieć negatywny efekt, na przykład uszkodzenie części sterujących. Staraliśmy się więc doprowadzić do kompromisu między niskim wskaźnikiem błędu a łagodnym przebiegiem sterowania.

Testując różne wartości parametru  $\lambda$ , przyjęliśmy długości horyzontów N=40 i  $N_u=5$ , a parametry  $\psi=1$ .

Próba zwiększenia wartości parametrów  $\lambda$ okazała się przynosić znacznie wyższe współczynniki błędu.

```
-E_1 = 49,4821
```

 $-E_2 = 49,361$ 

 $-E_3 = 28,0998$ 

-E = 126,9428

Zdecydowaliśmy więc w kolejnych testach skupić się na parametrach  $\lambda$  poniżej 1. Przebiegi wyjść i sterowań przedstawiają wykresy 2.1 i 2.2.

Ustawienie parametrów na wartości  $\lambda_1 = \lambda_2 = \lambda_3 = \lambda_4 = 0,2$  dało w rezultacie bardzo dużą poprawę wskaźników błędu regulacji.

```
-E_1 = 37,0136
```

 $-E_2 = 37,5058$ 

 $-E_3 = 14,446$ 

-E = 88,9654

Charakterystykę sterowania uznaliśmy za akceptowalną. Przebiegi wyjść i sterowań przedstawiają wykresy 2.3 i 2.4.

Parametry  $\lambda$  o wartościach 0,1 dały w rezultacie jeszcze mniejsze wskaźniki błędów. Można jednak dostrzec, że skoki sterowania na torach 1 i 4 mają znacznie większe wartości, niż na torach 2 i 3. Tor sterowania 3 natomiast ma łagodniejszy przebieg niż pozostałe. Z tego powodu przetestujemy, jak zachowuje się obiekt w przypadku, gdy parametry  $\lambda_1$  i  $\lambda_4$  mają wyższe wartości niż  $\lambda_2$ , a  $\lambda_3$  ma niższą wartość.

Przyjęliśmy parametry o następujących wartościach:

```
-\lambda_1 = 0.3
```

 $--\lambda_2=0.2$ 

 $-\lambda_3 = 0.1$ 

 $--\lambda_4 = 0.3$ 

Błędy regulacji:

 $-E_1 = 36,357$ 

 $-E_2 = 38,3743$ 

 $-E_3 = 16,2287$ 

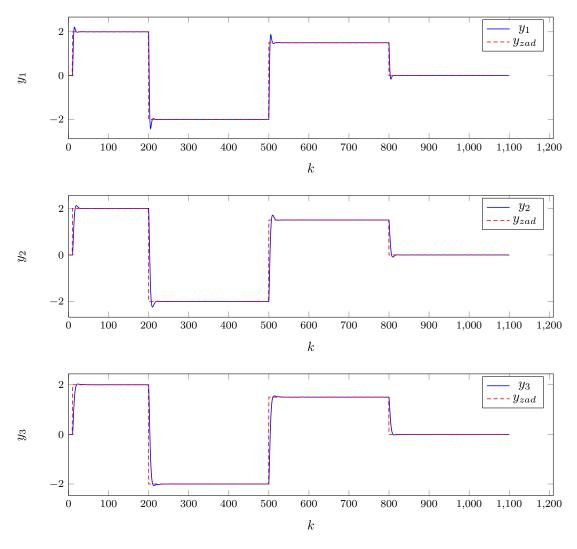
-E = 90,9600

Jak widać odnotowaliśmy nieznaczne pogorszenie jakości regulacji. Można jednak zaobserwować na wykresie sterowań 2.6, że tory 1 i 4 mają łagodniejsze przebiegi. Uznaliśmy więc, że te wartości  $\lambda$  są w naszym przypadku optymalne. Przebiegi wyjść przedstawia wykres 2.5.

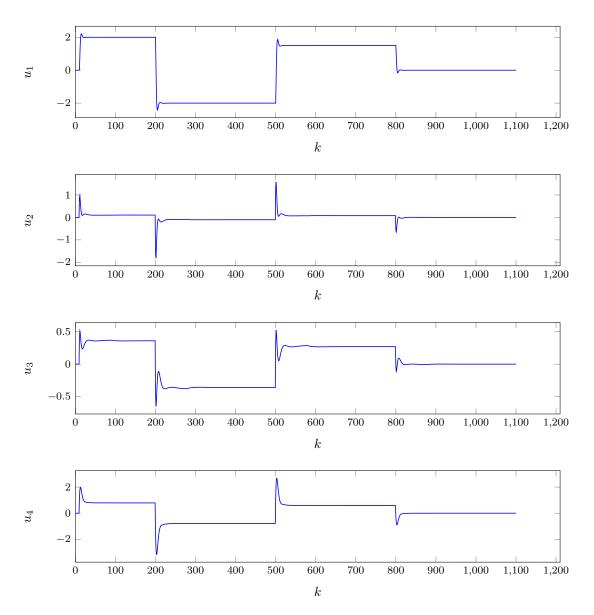
W kolejnych testach używane będą parametry  $\lambda$  o wartościach:

- $--\lambda_1=0.3$

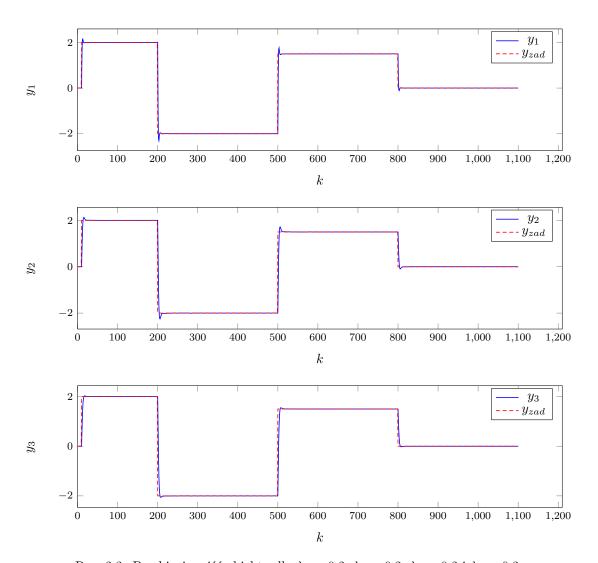
- $\lambda_{2} = 0.2$  $\lambda_{3} = 0.1$  $\lambda_{4} = 0.3$



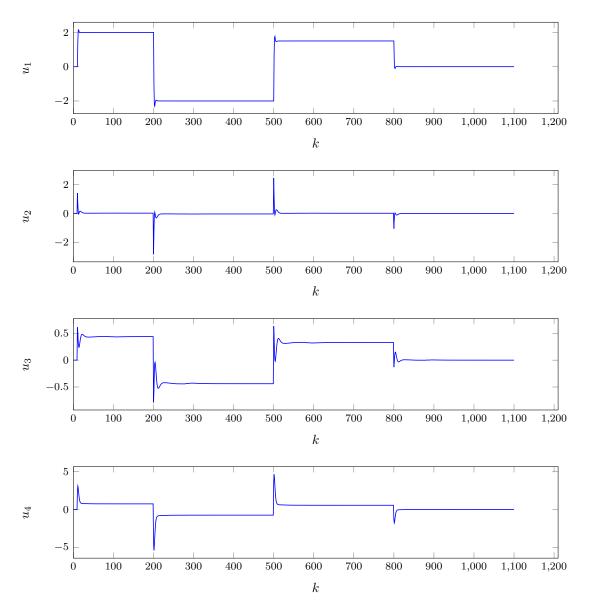
Rys. 2.1. Przebiegi wyjść obiektu dla  $\lambda_1=2,\,\lambda_2=2,\,\lambda_3=2$ i  $\lambda_4=2.$ 



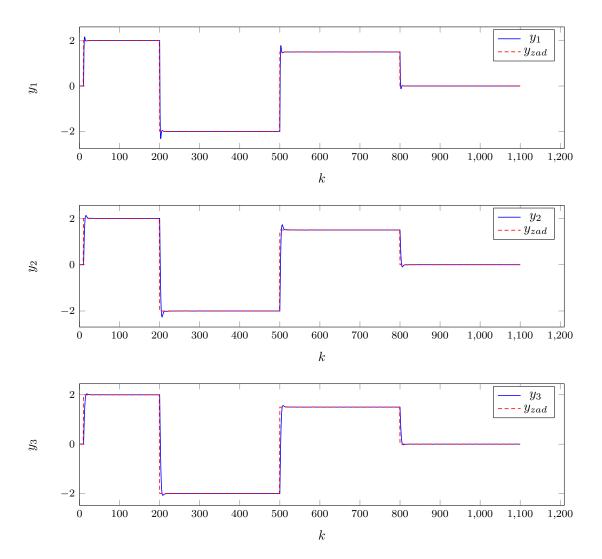
Rys. 2.2. Przebiegi sterowań obiektu dla  $\lambda_1=2,\,\lambda_2=2,\,\lambda_3=2$ i  $\lambda_4=2.$ 



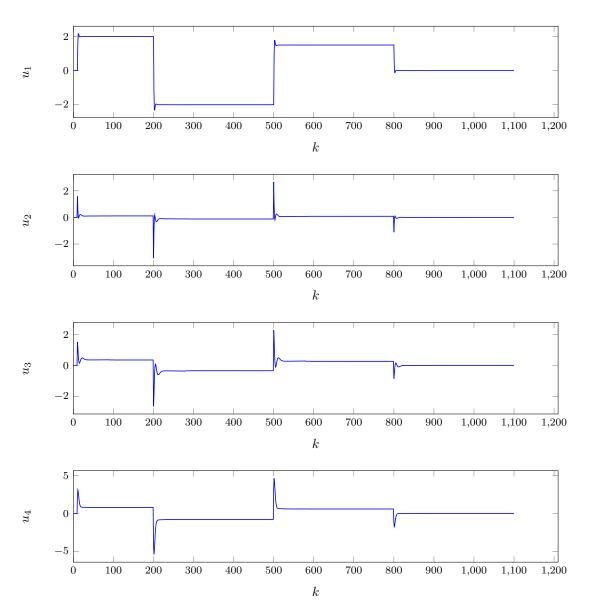
Rys. 2.3. Przebiegi wyjść obiektu dla  $\lambda_1=0,\!2,\,\lambda_2=0,\!2,\,\lambda_3=0,\!2$ i  $\lambda_4=0,\!2.$ 



Rys. 2.4. Przebiegi sterowań obiektu dla  $\lambda_1=0,\!2,\,\lambda_2=0,\!2,\,\lambda_3=0,\!2$ i  $\lambda_4=0,\!2.$ 



Rys. 2.5. Przebiegi wyjść obiektu dla  $\lambda_1=0,\!3,\,\lambda_2=0,\!2,\,\lambda_3=0,\!1$ i  $\lambda_4=0,\!3.$ 



Rys. 2.6. Przebiegi sterowań obiektu dla  $\lambda_1=0,\!3,\,\lambda_2=0,\!2,\,\lambda_3=0,\!1$ i  $\lambda_4=0,\!3.$ 

#### 2.2. Parametr $\psi$

W wyniku testowania różnych wartości współczynnika  $\psi$  zaobserwowaliśmy, że błąd regulacji jest najmniejszy dla duzych wartości  $\psi$ . Podobnie jednak jak w przypadku dobierania  $\lambda$  zauważamy, że wysokie wartości parametru powodują, że przebieg sterowania jest znacznie "ostrzejszy", występują duże i nagłe skoki u przy zmianach wartości zadanej. W przypadku rzeczywistego obiektu, zjawisko to mogłoby mieć negatywny efekt, na przykład uszkodzenie części sterujących. Staraliśmy się więc doprowadzić do kompromisu między niskim wskaźnikiem błędu a łagodnym przebiegiem sterowania.

Testując różne wartości parametru psi, przyjęliśmy długości horyzontów N=40 i  $N_u=5$  oraz współczynniki  $\lambda_1=0,3,\ \lambda_2=0,2,\ \lambda_3=0,1,\ \lambda_4=0,3.$ 

Próba ustawienia parametrów  $\psi$  na wartość poniżej 1 dała w rezultacie wyższe błędy regulacji. Próba zmniejszenia wartości parametrów psi do 0,8 okazała się przynosić wyższe współczynniki błędu.

```
E_1 = 36,9114

E_2 = 39,0784

E_3 = 17,3408
```

-E = 93,3306

Zdecydowaliśmy więc, że kolejne testy przeprowadzane będą na wartościach  $\psi$  powyżej 1. Przebiegi wyjść i sterowań przedstawiają wykresy 2.7 i 2.7.

Zwiększenie współczynników  $\psi$  do wartości 5 dało w rezultacie bardzo dużą poprawę błędu regulacji.

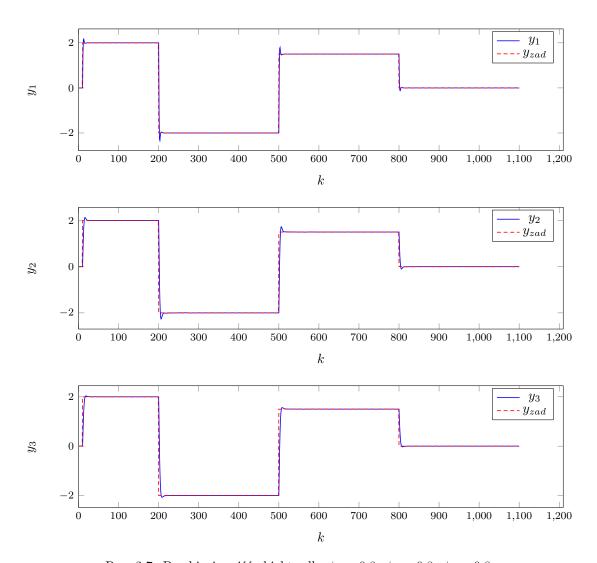
```
-E_1 = 34,6604
-E_2 = 34,131
-E_3 = 9,0736
-E = 78,8650
```

Należy jednak odnotować, że przebieg sterowania jest teraz znacznie ostrzejszy, co jest szczególnie widoczne na torze sterowania 4 (wykres 2.10). Zmiana  $\psi$  nie miała dużego wpływu na pozostałe tory. Spróbujemy więc, manipulując parametrami  $\psi$ , złagodzić sterowanie na torze 4, zachowując jednocześnie poprawę błędu regulacji. Wyjścia obiektu przedstawia wykres 2.9.

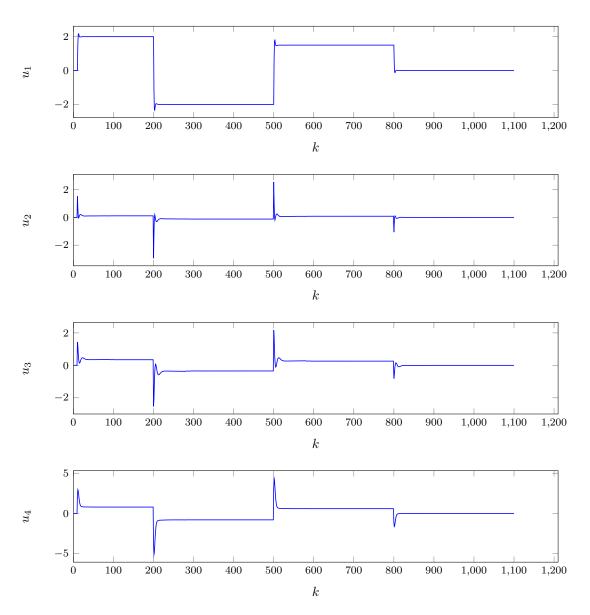
W wyniku eksperymentów dowiedzieliśmy się, że najbardziej na sterowanie na torze czwartym wpływa parametr  $\psi_3$ . Postanowiliśmy więc zmniejszyć  $\psi_3$ , jednocześnie zwiększająć  $\psi_1$  i  $\psi_2$ . Przetestowaliśmy działanie obiektu na wartościach  $\psi_1=6,5,\ \psi_2=7,\ \psi_3=2$ . Jak widać na wykresie 2.12, sterowanie zostało nieco złagodzone, choć w rezultacie nieznacznie pogorszył się wskaźnik błedu regulacji.

```
-E_1 = 34,584
-E_2 = 35,2223
-E_3 = 10,3634
-E = 80,1697
```

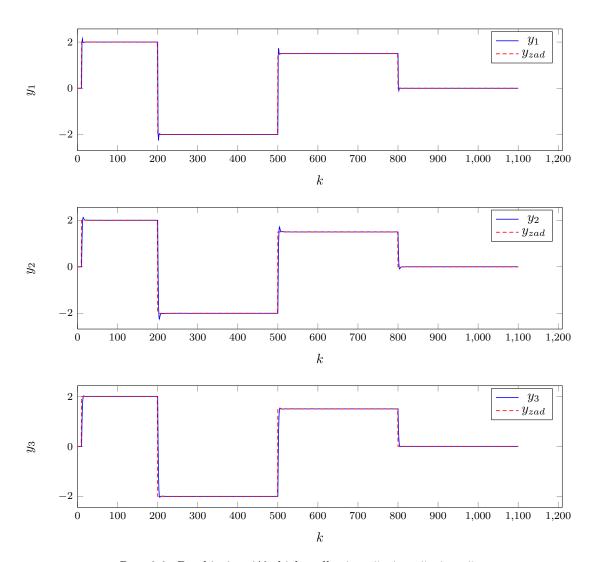
Uznaliśmy jednak, że takie nastawy dają dobry kompromis między jakością regulacji a łagodnym sterowaniem. Przebiegi wyjść obiektu przedstawia wykres 2.11.



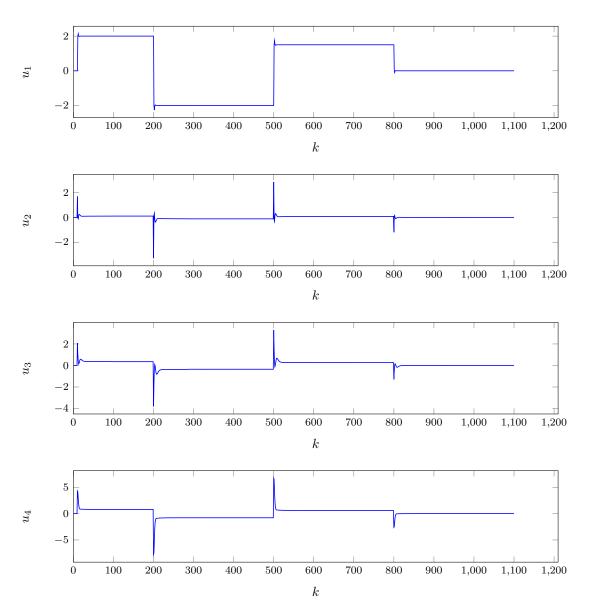
Rys. 2.7. Przebiegi wyjść obiektu dla  $\psi_1=0.8,\,\psi_2=0.8,\,\psi_3=0.8.$ 



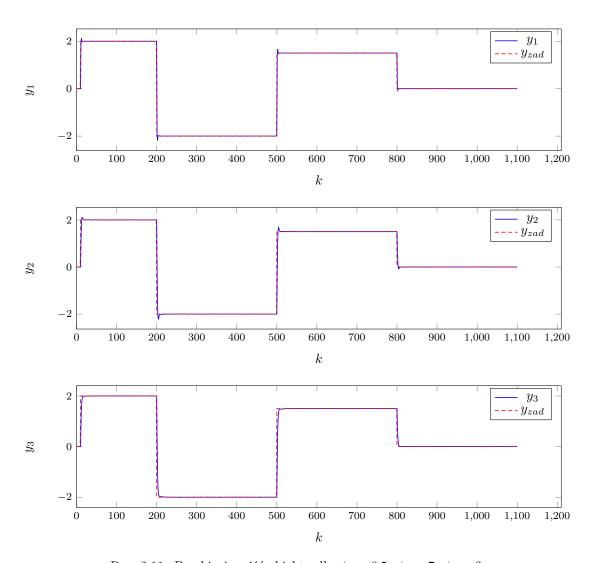
Rys. 2.8. Przebiegi sterowań obiektu dla  $\psi_1=0,\!8,\,\psi_2=0,\!8,\,\psi_3=0,\!8.$ 



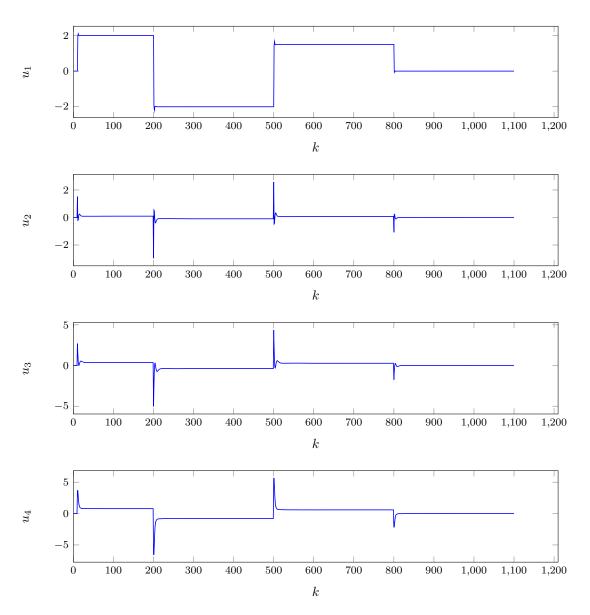
Rys. 2.9. Przebiegi wyjść obiektu dla  $\psi_1=5,\,\psi_2=5,\,\psi_3=5.$ 



Rys. 2.10. Przebiegi sterowań obiektu dla  $\psi_1=5,\,\psi_2=5,\,\psi_3=5.$ 



Rys. 2.11. Przebiegi wyjść obiektu dla  $\psi_1=6,5,\,\psi_2=7,\,\psi_3=2.$ 



Rys. 2.12. Przebiegi sterowań obiektu dla  $\psi_1=6,\!5,\,\psi_2=7,\,\psi_3=2.$