Wydział Elektroniki i Technik Informacyjnych Politechnika Warszawska

Projektowanie układów sterowania (projekt grupowy)

Sprawozdanie z projektu nr 5, zadanie nr 5

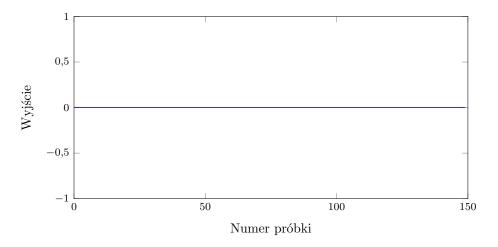
Kamil Gabryjelski, Paweł Rybak, Paweł Walczak

Spis treści

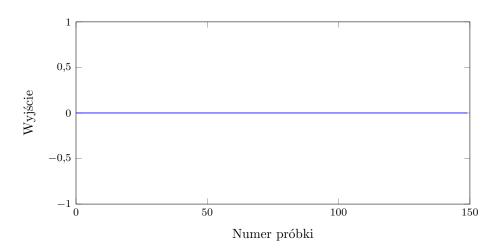
1.	Punkt pracy
2.	Odpowiedzi skokowe
3.	PID
4.	DMC
	4.1. Dobór horyzontów predykcji i sterowania
5.	Parametry λ i ψ
	5.1. Parametr λ
	5.2. Parametr ψ
6.	Optymalizacja
	6.1. PID
	6.2. DMC

1. Punkt pracy

Celem zadania pierwszego było zweryfikowanie poprawności punktu pracy procesu. Podany punkt pracy to u1=u2=u3=u4=y1=y2=y3=0. Poprawność sprawdzimy, poprzez podanie na wejście obiektu u1=u2=u3=u4=0 i sprawdzenie czy wyjścia obiektu stabilizują się na wartości 0. Eksperyment wykazał, że rzeczywiście obiekt stabilizuje się na wartościach wyjść y1=y2=y3=0, a pokazują to wykresy 1.1, 1.2 oraz 1.3.

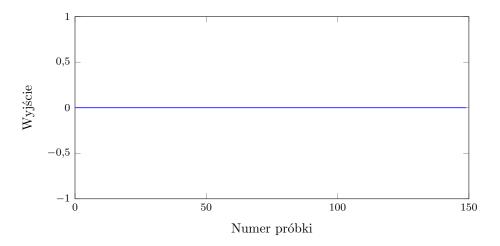


Rys. 1.1. Wyjście y_1



Rys. 1.2. Wyjście y_2

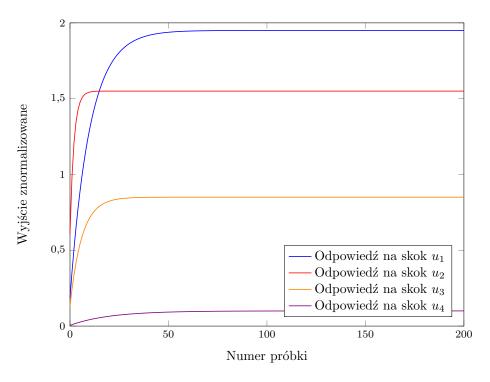
1. Punkt pracy 3



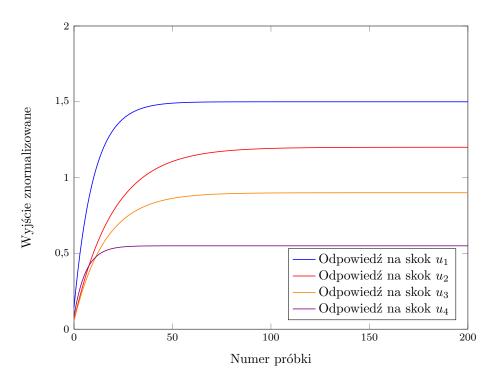
Rys. 1.3. Wyjście y_3

2. Odpowiedzi skokowe

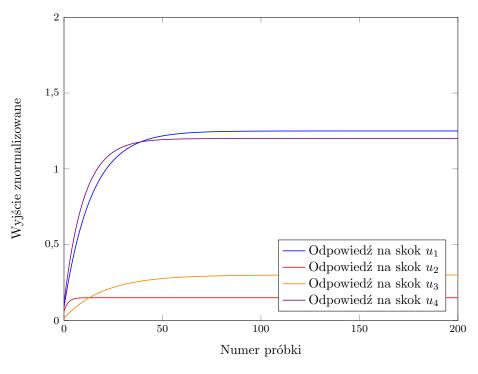
Celem zadania drugiego było symulacyjne wyznaczenie wszystkich odpowiedzi skokowych (każdego toru). Założyliśmy, że obiekt będzie znajdował się przed wykonaniem skoku w wyznaczonym w zadaniu 1. punkcie pracy, a skok będzie jednostkowy. Na podanych niżej wykresach znajdują się wykresy odpowiedzi skokowych dla każdego toru.



Rys. 2.1. Odpowiedzi skokowe wyjścia y_1



Rys. 2.2. Odpowiedzi skokowe wyjścia y_2



Rys. 2.3. Odpowiedzi skokowe wyjścia y_3

Na początku strojenia wyznaczona została macierz wzmocnień, zawierająca wzmocnienie każdego z wyjść w zależności od wejścia. Macierz ta jest następująca:

$$\boldsymbol{K} = \begin{bmatrix} 1,9500 & 1,5000 & 1,2500 \\ 1,5500 & 1,2000 & 0,1500 \\ 0,8500 & 0,9000 & 0,3000 \\ 0,1000 & 0,5500 & 1,2000 \end{bmatrix}$$
(3.1)

Następnie otrzymujemy z tego cztery macierze K_i . Każda z nich powstaje poprzez usunięcie i-tegowiersza z macierzy $\boldsymbol{K}.$ Macierze te są następujące:

$$\boldsymbol{K}_{1} = \begin{bmatrix} 1,5500 & 1,2000 & 0,1500 \\ 0,8500 & 0,9000 & 0,3000 \\ 0,1000 & 0,5500 & 1,2000 \end{bmatrix}$$
(3.2)

$$\boldsymbol{K}_{2} = \begin{bmatrix} 1,9500 & 1,5000 & 1,2500 \\ 0,8500 & 0,9000 & 0,3000 \\ 0,1000 & 0,5500 & 1,2000 \end{bmatrix}$$
(3.3)

$$\boldsymbol{K}_{3} = \begin{vmatrix} 1,9500 & 1,5000 & 1,2500 \\ 1,5500 & 1,2000 & 0,1500 \\ 0,1000 & 0,5500 & 1,2000 \end{vmatrix}$$

$$(3.4)$$

$$\mathbf{K}_{3} = \begin{bmatrix}
1,9500 & 1,5000 & 1,2500 \\
1,5500 & 1,2000 & 0,1500 \\
0,1000 & 0,5500 & 1,2000
\end{bmatrix}$$

$$\mathbf{K}_{4} = \begin{bmatrix}
1,9500 & 1,5000 & 1,2500 \\
1,5500 & 1,2000 & 0,1500 \\
0,8500 & 0,9000 & 0,3000
\end{bmatrix}$$
(3.4)

Następnie obliczane są wskaźniki uwarunkowania każdej z czterech macierzy:

$$cond(\mathbf{K}_1) = 23,8517 \tag{3.6}$$

$$cond(\mathbf{K}_2) = 12,4174 \tag{3.7}$$

$$\operatorname{cond}(\mathbf{K}_3) = 17,5922 \tag{3.8}$$

$$\operatorname{cond}(\mathbf{K}_4) = 20,1116 \tag{3.9}$$

Nastęnie wylicza się macierz $KK_i = K_i * K_i^{-1}$. Z tej macierzy wybiera się tory sterowania, poprzez wybranie najmniejszych wartości dodatnich z macierzy KK_i , tak aby wybrana była tylko jedna wartość w danym wierszu i kolumnie. Wartości ujemne są wykluczone. Tory sterowania są wyznaczane poprzez numer kolumny i wiersza wybranych wartości. Numer kolumny odpowiada wyjściu, a numer wiersza sterowaniu. Teoretycznie najlepszy wynik będzie osiągnięty dla macierzy KK_i , dla której wskaźnik uwarunkowania K_i był najmniejszy, czyli w naszym wypadku K_2 , ale mimo to sprawdzimy wszystkie cztery opcje. Macierze wychodzą następujące:

$$\boldsymbol{K}\boldsymbol{K}_{1} = \begin{bmatrix} 4,9438 & -4,1412 & 0,1974 \\ -4,0222 & 5,7882 & -0,7660 \\ 0,0784 & -0,6471 & 1,5686 \end{bmatrix}$$
(3.10)

$$\boldsymbol{K}\boldsymbol{K}_{2} = \begin{bmatrix} 2,3138 & -1,9258 & 0,6119 \\ -1,2263 & 2,5852 & -0,3589 \\ -0,0875 & 0,3406 & 0,7470 \end{bmatrix}$$
(3.11)

$$\mathbf{K}\mathbf{K}_{3} = \begin{bmatrix} 3,3287 & -3,4800 & 1,1514 \\ -2,1683 & 3,3423 & -0,1740 \\ -0,1603 & 1,1377 & 0,0226 \end{bmatrix}$$
(3.12)

$$KK_4 = \begin{bmatrix} 1,0935 & -1,2617 & 1,1682 \\ 2,6075 & -1,4280 & -0,1794 \\ -2,7009 & 3,6897 & 0,0112 \end{bmatrix}$$
(3.13)

Stąd wybieramy cztery opcje torów sterowania. Dla $\boldsymbol{K}\boldsymbol{K}_1$:

- $-y_1-u_4$
- $--y_2-u_3$
- $--y_3-u_2$

Dla KK_2 :

- $y_1 u_1$
- $y_2 u_3$
- $-y_3-u_4$

Zgodnie z wyznaczonymi wskaźnikami uwarunkowania te tory powinny być najlepsze. Dla KK_3 :

- $--y_1-u_1$
- $-y_2 u_2$
- $-y_3 u_4$

Dla KK_4 :

- $-y_1-u_2$
- $-y_2 u_3$
- $--y_3-u_1$

Mając teoretycznie najlepsze tory sterowania przystąpiliśmy do dobierania nastaw dla regulatorów. Nasza taktyka polegała na wyłączeniu wszelkich regulatorów, a następnie znalezieniu wartości wzmocnienia pierwszego regulatora, dla którego oscylacje są niegasnące. Mając tą wartość wzmocnienia dzielona była ona przez dwa i dołączany był regulator drugi. Znów szukaliśmy wartości oscylacji niegasnących i po znalezieniu dzieliliśmy wzmocnienie drugiego regulatora na dwa. Następnie dołączaliśmy trzeci regulator i postępowaliśmy tak samo. Następnie dobieraliśmy wartości całkowania, metodą prób i błędów, a na końcu tak samo dobieraliśmy wartości członów różniczkujących dla regulatorów. Zaskakująco metoda ta okazała się przynosić zadowalające rezultaty. Dla toru otrzymanego na podstawie macierzy KK_1 ta metoda dała nastawy:

$$K_1 = 1,3170$$
 $T_{i1} = 5,$ $T_{d1} = 0$
 $K_2 = 14,8350$ $T_{i2} = 10,$ $T_{d2} = 0$ (3.14)
 $K_3 = 6,2700$ $T_{i3} = 8,$ $T_{d3} = 0$

Wskaźnik jakości regulacji dla takich nastaw wynosił $E_1 = 301,8303$. Co ciekawe włączenie różniczki nie dawało poprawy wskaźnika jakości, więc z niej zrezygnowaliśmy. Wyniki działania takiego regulatora dla tych nastaw przedstawiają wykresy 3.1, 3.2 oraz 3.3.

Następnie sprawdzony został tor otrzymany na podstawie macierzy KK_2 . Po kilku eksperymentach otrzymaliśmy następujące nastawy:

$$K_1 = 5{,}1325$$
 $T_{i1} = 9$, $T_{d1} = 0$
 $K_2 = 3{,}1150$ $T_{i2} = 10$, $T_{d2} = 0$ (3.15)
 $K_3 = 7{,}2400$ $T_{i3} = 10$, $T_{d3} = 0$

Wskaźnik jakości regulacji dla takich nastaw wynosił $E_2 = 134,8370$, czyli lepszy niż ten dla pierwszego toru sterowania. Podobnie jak wcześniej, dodanie różniczkowania nie poprawiało wyników w sensie wskaźnika jakości, więc z niego zrezygnowaliśmy. Działanie tych regulatoróce przedstawiają wykresy 3.4, 3.5 oraz 3.6. Dla ułatwienia porównania zastosowano tą samą skalę co w przypadku poprzedniego zestawu regulatorów.

Dla torów wynikających z macierzy KK_3 otrzymaliśmy nastawy:

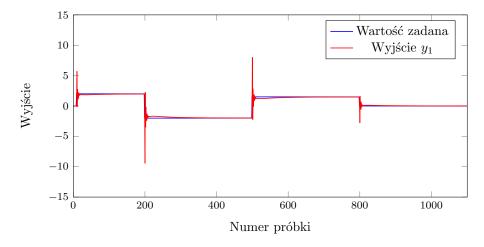
$$K_1 = 5,1320$$
 $T_{i1} = 10$, $T_{d1} = 0$
 $K_2 = 0,6130$ $T_{i2} = 8$, $T_{d2} = 0$ (3.16)
 $K_3 = 7,2710$ $T_{i3} = 9$, $T_{d3} = 0$

oraz wskaźnik jakości $E_3 = 141,6150$. Jest to wynik niewiele gorszy, niż w przypadku macierzy KK_2 , która dała najlepsze rezultaty. Działanie takich regulatorów przedstawiają wykresy 3.7, 3.8 oraz 3.9.

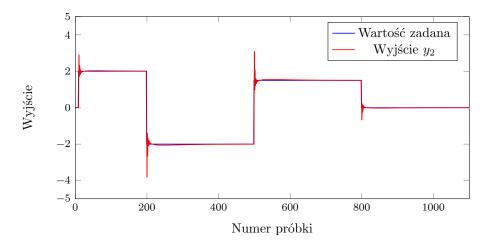
Dla macierzy $\boldsymbol{K}\boldsymbol{K}_4$ otrzymane nastawy były nasępujące:

$$K_1 = 1,3170$$
 $T_{i1} = 4,$ $T_{d1} = 0$
 $K_2 = 14,8350$ $T_{i2} = 9,$ $T_{d2} = 0$ (3.17)
 $K_3 = 5,6000$ $T_{i3} = 6,$ $T_{d3} = 0$

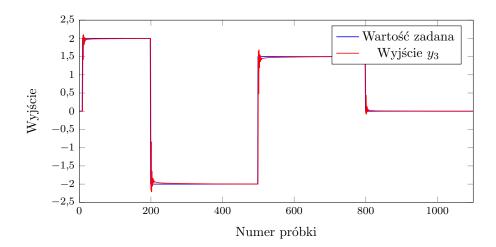
Wskaźnik jakości wynosił 565,3247, czyli był najgorszy ze wszystkich. Znów, dodanie różniczkowania jedynie pogarszało wyniki. Działanie tych regulatorów ukazują wykresy 3.10, 3.11 oraz 3.12.



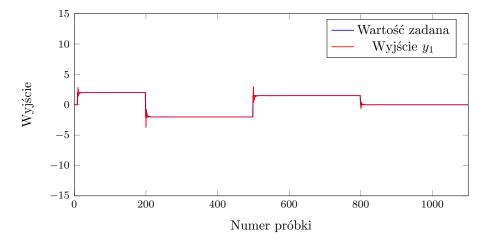
Rys. 3.1. Trajektoria wyjścia y_1 , dla pierwszego zestawu regulatorów PID



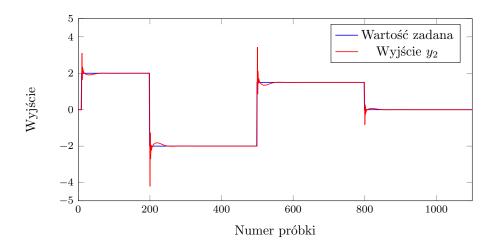
Rys. 3.2. Trajektoria wyjścia $y_2,\,\mathrm{dla}$ pierwszego zestawu regulatorów PID



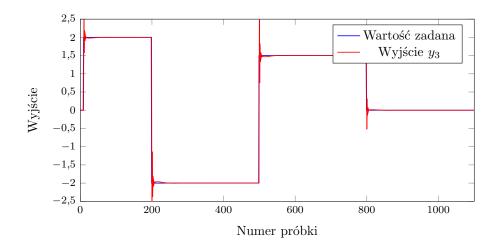
Rys. 3.3. Trajektoria wyjścia y_3 , dla pierwszego zestawu regulatorów PID



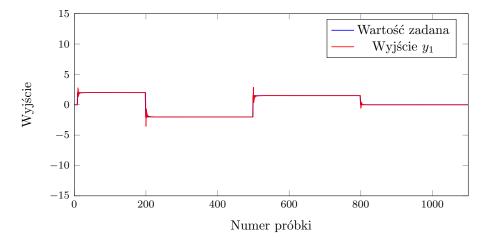
Rys. 3.4. Trajektoria wyjścia y_1 , dla drugiego zestawu regulatorów PID



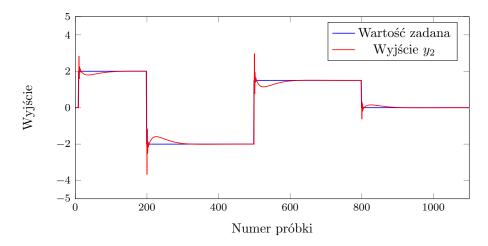
Rys. 3.5. Trajektoria wyjścia y_2 , dla drugiego zestawu regulatorów PID



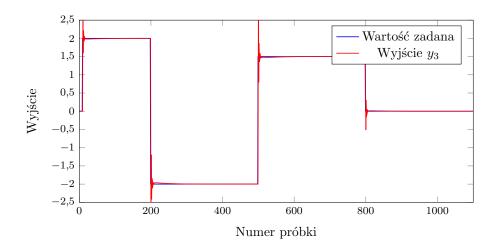
Rys. 3.6. Trajektoria wyjścia y_3 , dla drugiego zestawu regulatorów PID



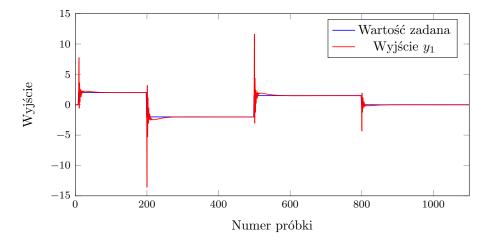
Rys. 3.7. Trajektoria wyjścia y_1 , dla trzeciego zestawu regulatorów PID



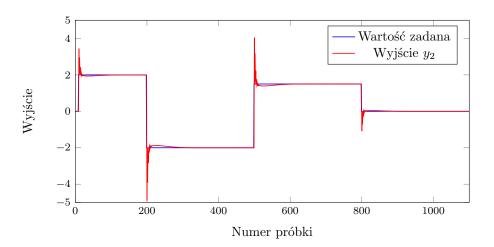
Rys. 3.8. Trajektoria wyjścia $y_2,\,\mathrm{dla}$ trzeciego zestawu regulatorów PID



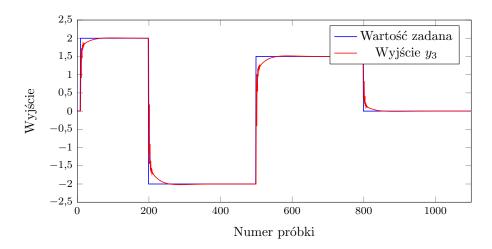
Rys. 3.9. Trajektoria wyjścia y_3 , dla trzeciego zestawu regulatorów PID



Rys. 3.10. Trajektoria wyjścia y_1 , dla czwartego zestawu regulatorów PID



Rys. 3.11. Trajektoria wyjścia $y_2,\,\mathrm{dla}$ czwartego zestawu regulatorów PID



Rys. 3.12. Trajektoria wyjścia $y_3,\,\mathrm{dla}$ czwartego zestawu regulatorów PID

Na podstawie analizy odpowiedzi skokowych przyjęliśmy horyzont dynamiki D=80. Przez E_i oznaczyliśmy wartość wskaźnika błędu dla wyjścia i, natomiast E jest sumą błędów dla wszystkich wyjść obiektu.

4.1. Dobór horyzontów predykcji i sterowania

Dobór horyzontów przeprowadzaliśmy korzystając z parametrów ψ i λ równymi 1. Rozpoczeliśmy od nastaw $N=N_u=D=80$. Dla tych parametrów błędy wynosiły:

```
-E_1 = 45,0725
```

- $-E_2 = 45,9624$
- $-E_3 = 24,6561$
- -E = 115,6910

Przebieg wyjść obiektu przedstawia wykres 4.1, a sterowań wykres 4.2.

Postanowiliśmy skrócić horyzonty do wartości $N = N_u = 50$. Otrzymane błędy wyniosły:

- $-E_1 = 45,0726$
- $-E_2 = 45,962$
- $-E_3 = 24,6562$
- -E = 115,6908

Błędy regulacji były więc praktycznie jednakowe jak dla dłuższych horyzontów. Przebiegi wyjść i sterowań przedstawiają wykresy 4.3 i 4.4.

W kolejnym kroku skróciliśmy horyzont predykcji do wartości N=40, a sterowania $N_u=10$. Taka zmiana przyniosła niewielką poprawę wskaźników błędu:

```
-E_1 = 45,0801
```

- $-E_2 = 45,933$
- $-E_3 = 24,6021$
- -E = 115,6152

Przebieg wyjść obiektu przedstawiają wykresy 4.5 i 4.6.

Jak się okazało, dalsze skracanie horyzontu sterowania przyniosło znacznie bardziej wymierne rezultaty - dla $N_u=5$ wskaźniki błędów zmalały do wartości:

```
-E_1 = 44,4289
```

- $-E_2 = 44,1988$
- $-E_3 = 23,0761$
- -E = 111,7038

Przebieg wyjść obiektu przedstawiają wykresy 4.7 i 4.8.

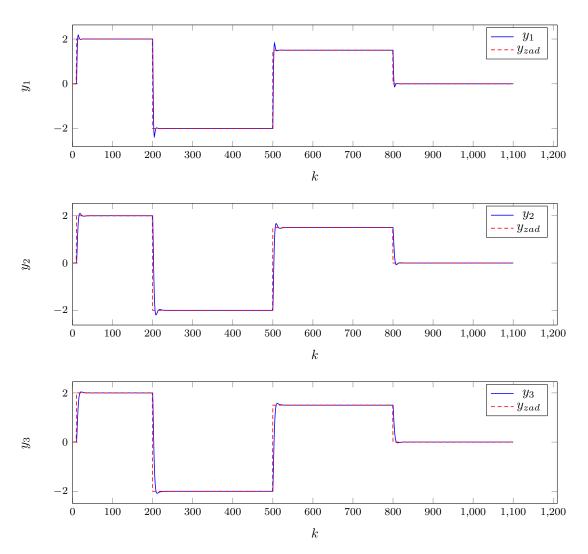
Dalsze skracanie horyzontu predykcji nie przyniosło pozytywnych rezultatów. Dla $N_u=2$ wskaźniki błędów wyniosły:

```
-E_1 = 46,6684
```

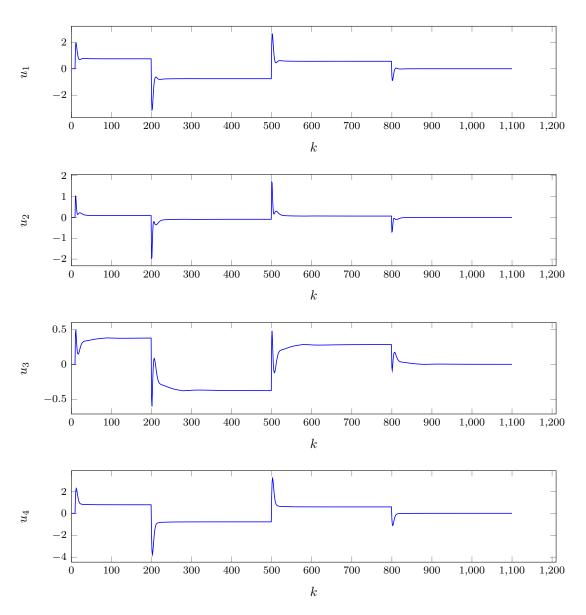
- $-E_2 = 50,4711$
- $-E_3 = 27,023$
- -E = 124,1625

Można więc przypuszczać, że jeszcze mniejsze wartości horyzontu sterowania przyniosłyby pogorszenie jakości regulacji. Przebieg wyjść obiektu przedstawiają wykresy 4.9 i 4.10.

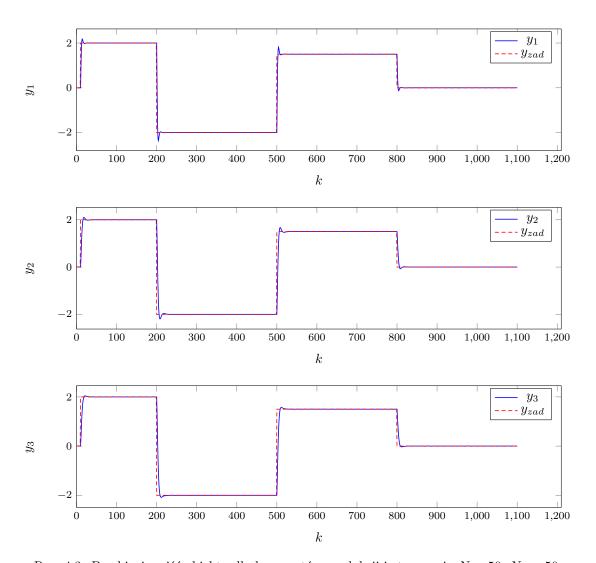
W kolejnych zadaniach używane będą horyzonty N=40 i $N_u=5$.



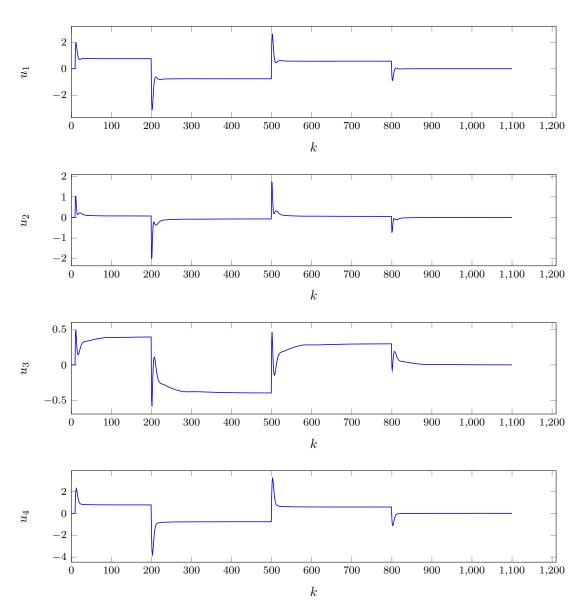
Rys. 4.1. Przebiegi wyjść obiektu dla horyzontów predykcji i sterowania $N=80,\,N_u=80.$



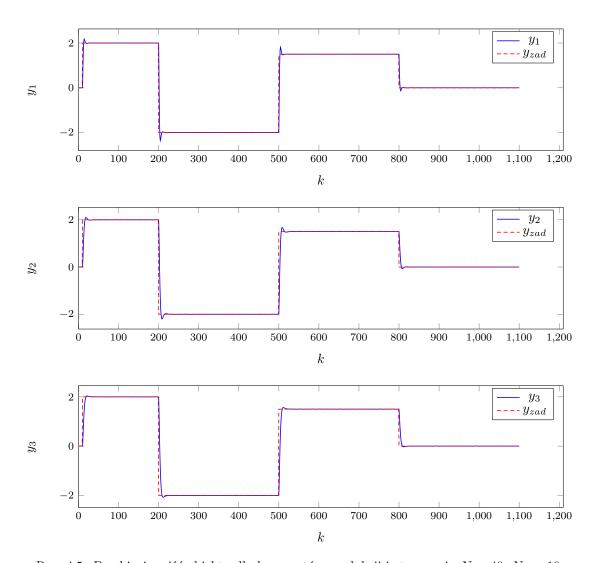
Rys. 4.2. Przebiegi sterowań obiektu dla horyzontów predykcji i sterowania $N=80,\,N_u=80.$



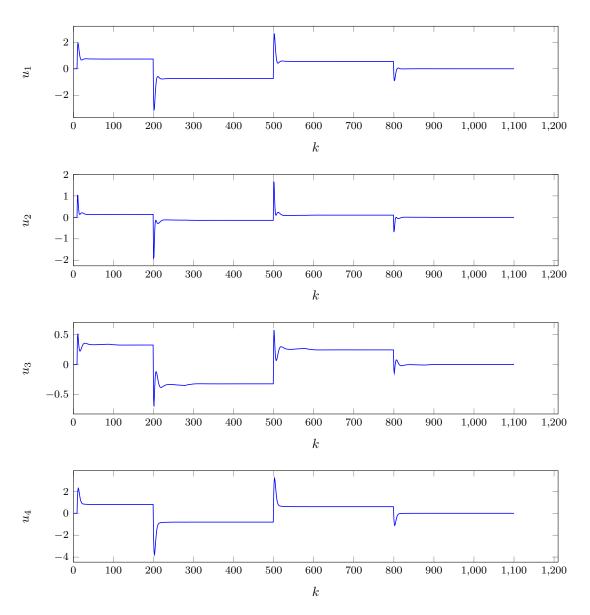
Rys. 4.3. Przebiegi wyjść obiektu dla horyzontów predykcji i sterowania $N=50,\,N_u=50.$



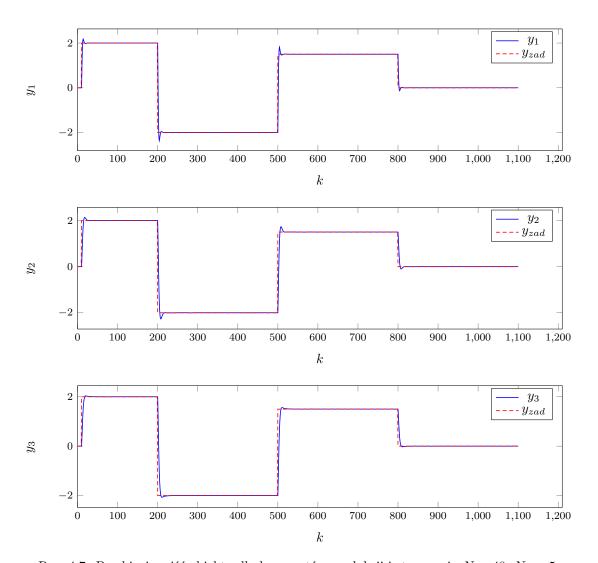
Rys. 4.4. Przebiegi sterowań obiektu dla horyzontów predykcji i sterowania $N=50,\,N_u=50.$



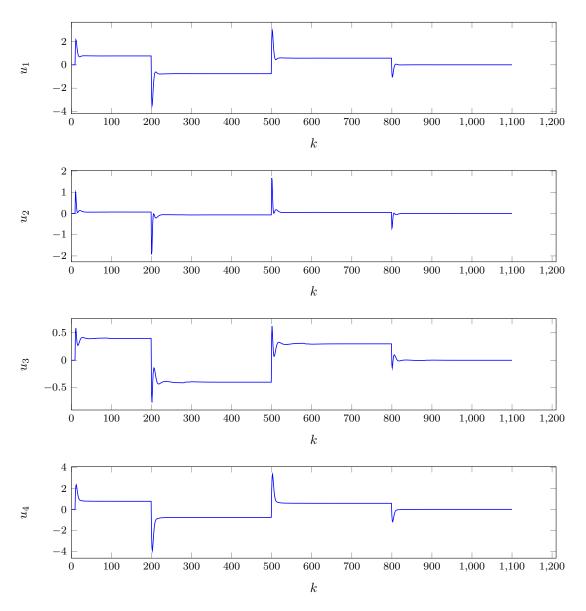
Rys. 4.5. Przebiegi wyjść obiektu dla horyzontów predykcji i sterowania $N=40,\,N_u=10.$



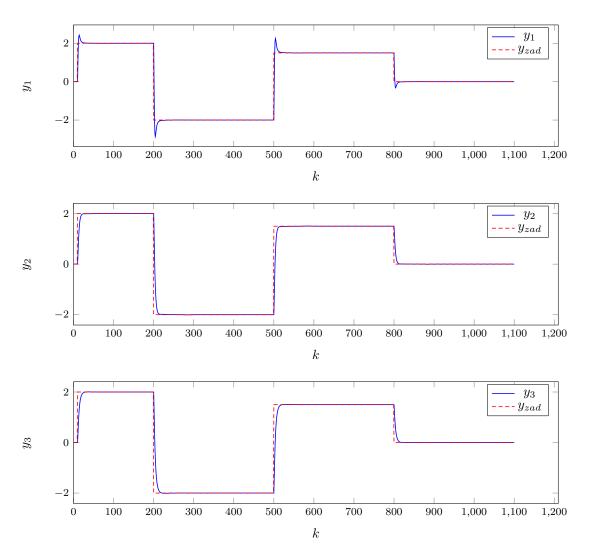
Rys. 4.6. Przebiegi sterowań obiektu dla horyzontów predykcji i sterowania $N=40,\,N_u=10.$



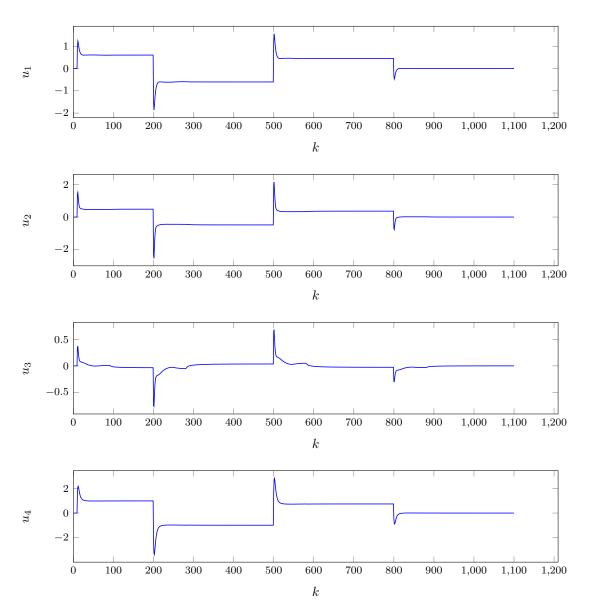
Rys. 4.7. Przebiegi wyjść obiektu dla horyzontów predykcji i sterowania $N=40,\,N_u=5.$



Rys. 4.8. Przebiegi sterowań obiektu dla horyzontów predykcji i sterowania $N=40,\,N_u=5.$



Rys. 4.9. Przebiegi wyjść obiektu dla horyzontów predykcji i sterowania $N=40,\,N_u=5.$



Rys. 4.10. Przebiegi sterowań obiektu dla horyzontów predykcji i sterowania $N=40,\,N_u=2.$

5.1. Parametr λ

W wyniku testowania różnych wartości współczynnika λ zaobserwowaliśmy, że błąd regulacji jest najmniejszy dla bardzo małych wartości λ . Trzeba jednak zauważyć, że niskie wartości parametru powodują, że przebieg sterowania jest znacznie "ostrzejszy", występują duże i nagłe skoki u przy zmianach wartości zadanej. W przypadku rzeczywistego obiektu, zjawisko to mogłoby mieć negatywny efekt, na przykład uszkodzenie części sterujących. Staraliśmy się więc doprowadzić do kompromisu między niskim wskaźnikiem błędu a łagodnym przebiegiem sterowania.

Testując różne wartości parametru λ , przyjęliśmy długości horyzontów N=40 i $N_u=5$, a parametry $\psi=1$.

Próba zwiększenia wartości parametrów λ do wartości 2 okazała się przynosić znacznie wyższe współczynniki błędu.

```
-E_1 = 49,4821
-E_2 = 49,361
-E_3 = 28,0998
-E = 126,9428
```

Zdecydowaliśmy więc w kolejnych testach skupić się na parametrach λ poniżej 1. Przebiegi wyjść i sterowań przedstawiają wykresy 5.1 i 5.2.

Ustawienie parametrów na wartości $\lambda_1 = \lambda_2 = \lambda_3 = \lambda_4 = 0,2$ dało w rezultacie bardzo dużą poprawę wskaźników błędu regulacji.

```
E_1 = 37,0136

E_2 = 37,5058

E_3 = 14,446

E_4 = 88,9654
```

Charakterystykę sterowania uznaliśmy za akceptowalną. Przebiegi wyjść i sterowań przedstawiają wykresy 5.3 i 5.4.

Można dostrzec, że skoki sterowania na torach 1 i 4 osiągają znacznie większe wartości, niż na torach 2 i 3. Tor sterowania 3 natomiast ma łagodniejszy przebieg niż pozostałe. Z tego powodu przetestujemy, jak zachowuje się obiekt w przypadku, gdy parametry λ_1 i λ_4 mają wyższe wartości niż λ_2 , a λ_3 ma niższą wartość. W ten sposób tory sterowania 1 i 4 powinny zostać złagodzone, a tor 3 przyspieszony.

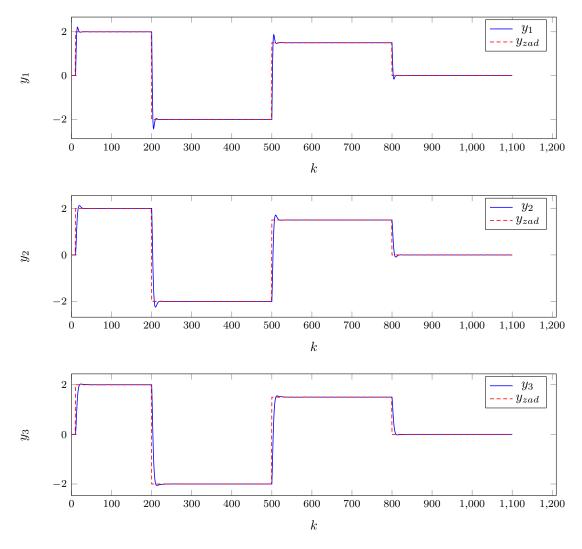
Przyjęliśmy parametry o następujących wartościach:

```
-\lambda_1 = 0.3
-\lambda_2 = 0.2
-\lambda_3 = 0.1
-\lambda_4 = 0.3
Blędy regulacji:
-E_1 = 36.357
-E_2 = 38.3743
-E_3 = 16.2287
-E = 90.9600
```

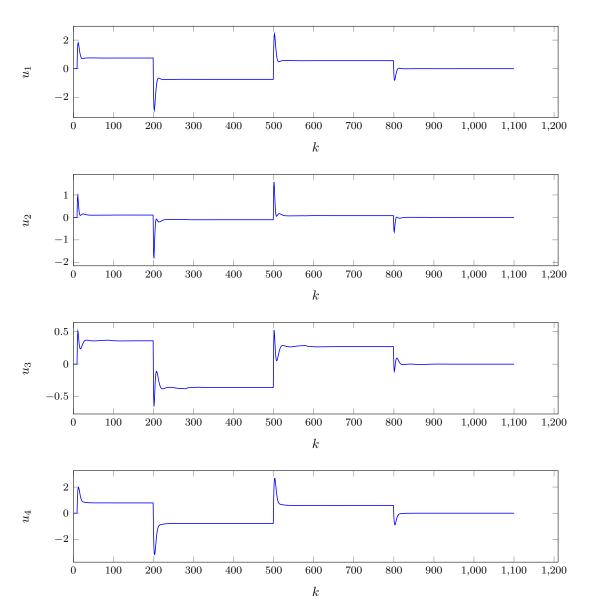
Jak widać odnotowaliśmy nieznaczne pogorszenie jakości regulacji. Można jednak zaobserwować na wykresie sterowań 5.6, że tory 1 i 4 mają łagodniejsze przebiegi. Uznaliśmy więc, że te wartości λ są w naszym przypadku optymalne. Przebiegi wyjść przedstawia wykres 5.5.

W kolejnych testach używane będą parametry λ o wartościach:

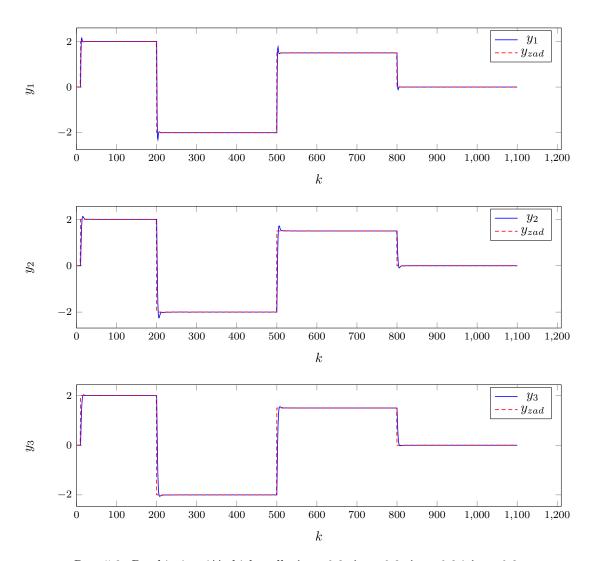
- $--\lambda_1=0.3$
- $\lambda_{2} = 0.2$ $\lambda_{3} = 0.1$ $\lambda_{4} = 0.3$



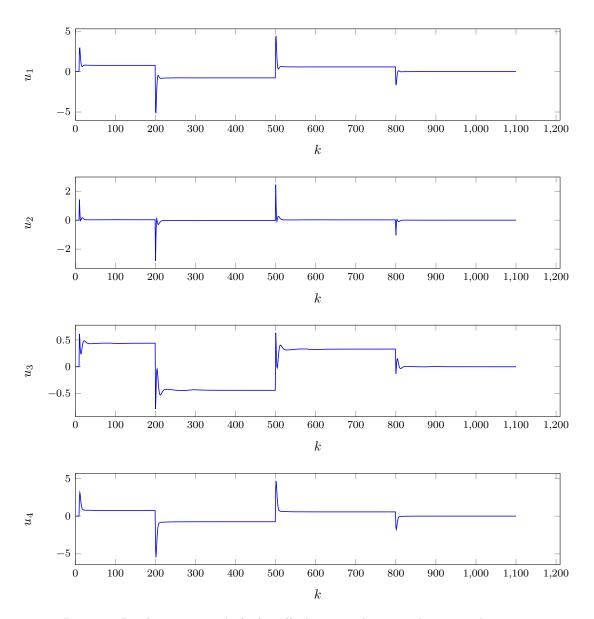
Rys. 5.1. Przebiegi wyjść obiektu dla $\lambda_1=2,\,\lambda_2=2,\,\lambda_3=2$ i $\lambda_4=2.$



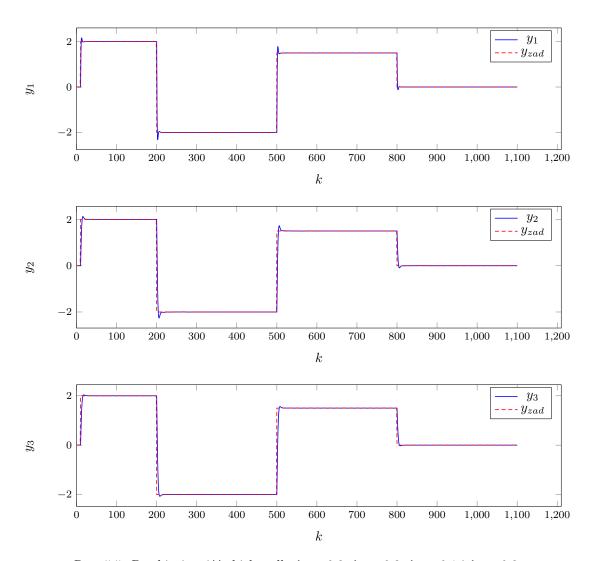
Rys. 5.2. Przebiegi sterowań obiektu dla $\lambda_1=2,\,\lambda_2=2,\,\lambda_3=2$ i $\lambda_4=2.$



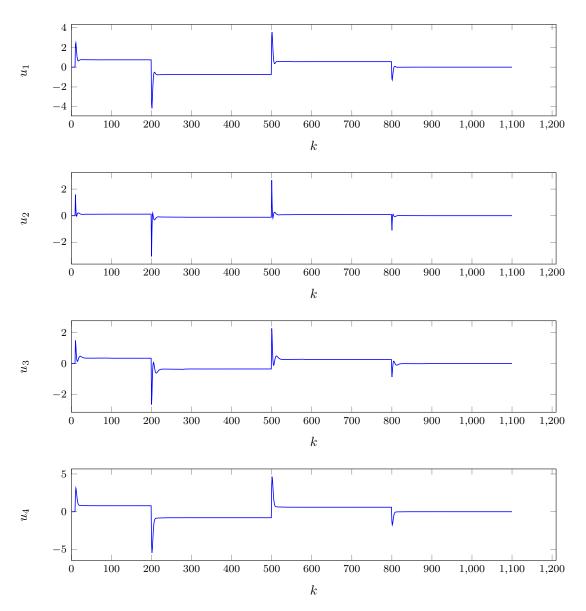
Rys. 5.3. Przebiegi wyjść obiektu dla $\lambda_1=0,\!2,\,\lambda_2=0,\!2,\,\lambda_3=0,\!2$ i $\lambda_4=0,\!2.$



Rys. 5.4. Przebiegi sterowań obiektu dla $\lambda_1=0,\!2,\,\lambda_2=0,\!2,\,\lambda_3=0,\!2$ i $\lambda_4=0,\!2.$



Rys. 5.5. Przebiegi wyjść obiektu dla $\lambda_1=0,\!3,\,\lambda_2=0,\!2,\,\lambda_3=0,\!1$ i $\lambda_4=0,\!3.$



Rys. 5.6. Przebiegi sterowań obiektu dla $\lambda_1=0,\!3,\,\lambda_2=0,\!2,\,\lambda_3=0,\!1$ i $\lambda_4=0,\!3.$

5.2. Parametr ψ

W wyniku testowania różnych wartości współczynnika ψ zaobserwowaliśmy, że błąd regulacji jest najmniejszy dla duzych wartości ψ . Podobnie jednak jak w przypadku dobierania λ zauważamy, że wysokie wartości parametru powodują, że przebieg sterowania jest znacznie "ostrzejszy", występują duże i nagłe skoki u przy zmianach wartości zadanej. W przypadku rzeczywistego obiektu, zjawisko to mogłoby mieć negatywny efekt, na przykład uszkodzenie części sterujących. Staraliśmy się więc doprowadzić do kompromisu między niskim wskaźnikiem błędu a łagodnym przebiegiem sterowania.

Testując różne wartości parametru psi, przyjęliśmy długości horyzontów N=40 i $N_u=5$ oraz współczynniki $\lambda_1=0,3,\ \lambda_2=0,2,\ \lambda_3=0,1,\ \lambda_4=0,3.$

Próba ustawienia parametrów ψ na wartość poniżej 1 dała w rezultacie wyższe błędy regulacji. Próba zmniejszenia wartości parametrów psi do 0,8 okazała się przynosić wyższe współczynniki błędu.

```
-E_1 = 36,9114
-E_2 = 39,0784
-E_3 = 17,3408
```

-E = 93,3306

Zdecydowaliśmy więc, że kolejne testy przeprowadzane będą na wartościach ψ powyżej 1. Przebiegi wyjść i sterowań przedstawiają wykresy 5.7 i 5.7.

Zwiększenie współczynników ψ do wartości 5 dało w rezultacie bardzo dużą poprawę błędu regulacji.

```
-E_1 = 34,6604
-E_2 = 34,131
-E_3 = 9,0736
-E = 78,8650
```

Należy jednak odnotować, że przebieg sterowania jest teraz znacznie ostrzejszy, co jest szczególnie widoczne na torze sterowania 4 (wykres 5.10). Zmiana ψ nie miała dużego wpływu na pozostałe tory. Spróbujemy więc, manipulując parametrami ψ , złagodzić sterowanie na torze 4, zachowując jednocześnie poprawę błędu regulacji. Wyjścia obiektu przedstawia wykres 5.9.

W wyniku eksperymentów dowiedzieliśmy się, że najbardziej na sterowanie na torze czwartym wpływa parametr ψ_3 . Postanowiliśmy więc zmniejszyć ψ_3 , jednocześnie zwiększająć ψ_1 i ψ_2 . Przetestowaliśmy działanie obiektu na wartościach $\psi_1=6,5,\ \psi_2=7,\ \psi_3=2$. Jak widać na wykresie 5.12, sterowanie zostało nieco złagodzone, choć w rezultacie nieznacznie pogorszył się wskaźnik błedu regulacji.

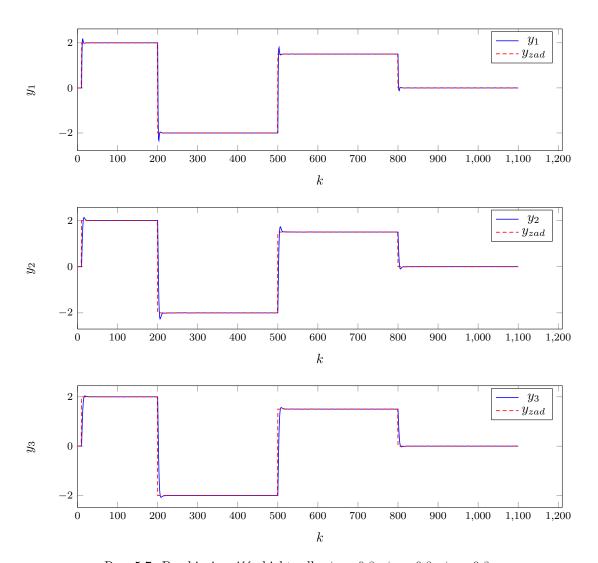
```
E_1 = 34,584

E_2 = 35,2223

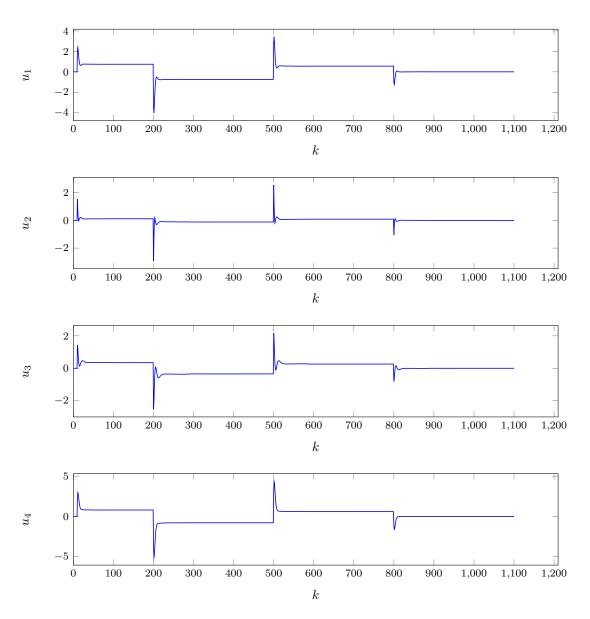
E_3 = 10,3634

E = 80,1697
```

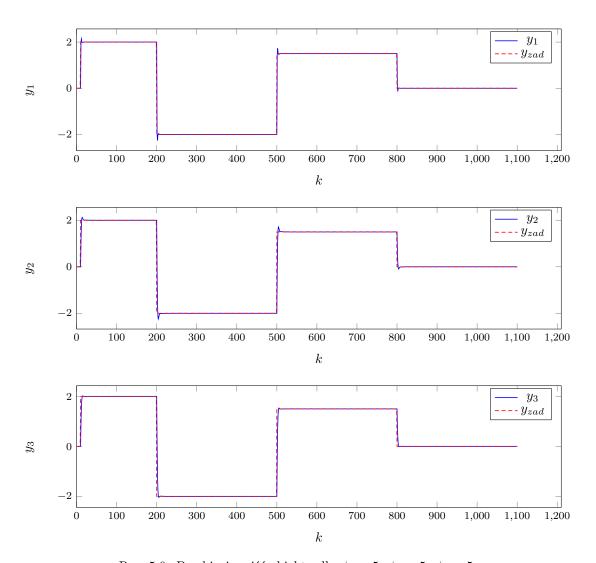
Uznaliśmy jednak, że takie nastawy dają dobry kompromis między jakością regulacji a łagodnym sterowaniem. Przebiegi wyjść obiektu przedstawia wykres 5.11.



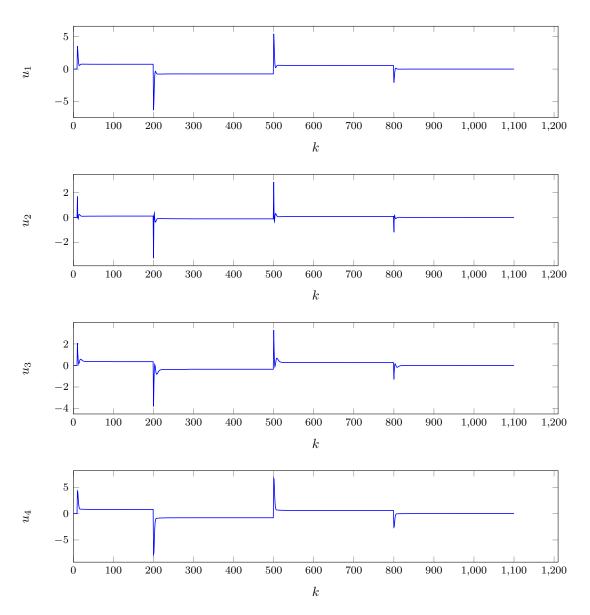
Rys. 5.7. Przebiegi wyjść obiektu dla $\psi_1=0.8,\,\psi_2=0.8,\,\psi_3=0.8.$



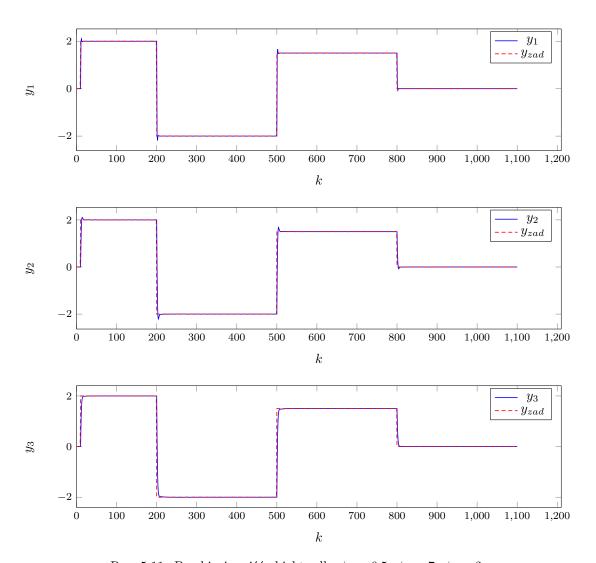
Rys. 5.8. Przebiegi sterowań obiektu dla $\psi_1=0,\!8,\,\psi_2=0,\!8,\,\psi_3=0,\!8.$



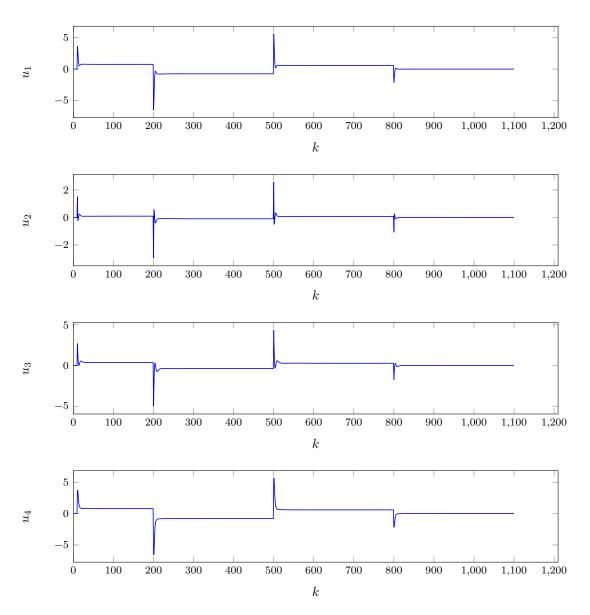
Rys. 5.9. Przebiegi wyjść obiektu dla $\psi_1=5,\,\psi_2=5,\,\psi_3=5.$



Rys. 5.10. Przebiegi sterowań obiektu dla $\psi_1=5,\,\psi_2=5,\,\psi_3=5.$



Rys. 5.11. Przebiegi wyjść obiektu dla $\psi_1=6,5,\,\psi_2=7,\,\psi_3=2.$



Rys. 5.12. Przebiegi sterowań obiektu dla $\psi_1=6,\!5,\,\psi_2=7,\,\psi_3=2.$

Zadanie piąte polegało na znalezieniu optymalnych wartości nastaw dla regulatora PID oraz DMC, wykorzystując do optymalizacji ilościowy wskaźnik błędu regulacji E. Stworzyliśmy do tego skrypt, który używa funkcji *fmincon* w celu dobierania nastaw dla regulatorów.

6.1. PID

Rozpoczniemy od optymalizacji nastaw regulatora PID. Jako cele optymalizacji przyjmujemy parametry K oraz T_i . Zdecydowaliśmy się odgórnie narzucić zerowe wartości T_d ze względu na wyniki badań jakie przeprowadziliśmy w poprzednim punkcie sprawozdania. Jako ograniczenia przyjmujemy zgodnie z logiką, wartości nie mniejsze niż 0 oraz mniejsze od nieskonczoności. Jako punkt startowy wybieramy wartości wzmocnień równe 1 a czasy zdwojenia jako 1000. Optymalizacji poddajemy trzy regulatory PID w czterech konfiguracjach, tzn. rozważamy cztery rózne konfiguracje torów sterowania wyznaczone w poprzednim punkcie sprawozdania.

Dla toru:

```
-y_1 - u_4
```

 $- y_2 - u_3$

 $- y_3 - u_2$

otrzymujemy nastawy:

$$K_1 = 1,9724$$
 $T_{i1} = 210008$, $T_{d1} = 0$
 $K_2 = 1,3646$ $T_{i2} = 7,9930$, $T_{d2} = 0$ (6.1)
 $K_3 = 0,1696$ $T_{i3} = 300220$, $T_{d3} = 0$

Takie nastawy dają błąd regulacji 486,6761. Jest to o tyle dziwny wynik, że jest gorszy niż dla naszych regulatorów wyznaczonych metodą inżynierską dla tej konfiguracji torów. Możliwą przyczyną takie sytuacji jest trudne dla fmincon uwarunkowanie funkcji celu.

Dla toru:

- $y_1 u_1$
- $y_2 u_3$
- $--y_3-u_4$

otrzymujemy nastawy:

$$K_1 = 2,7249$$
 $T_{i1} = 3,9641,$ $T_{d1} = 0$ $K_2 = 2,9122$ $T_{i2} = 3,1237,$ $T_{d2} = 0$ $T_{d3} = 5,5929$ $T_{i3} = 9,8384,$ $T_{d3} = 0$ (6.2)

Błąd regulacji wynosi: 104,4858 . Jest to najlepszy ogólnie otrzymany wynik. Dla toru:

- $y_1 u_1$
- $y_2 u_2$
- $--y_3-u_4$

otrzymujemy nastawy:

$$K_1 = 2,9883$$
 $T_{i1} = 4,4246,$ $T_{d1} = 0$
 $K_2 = 0,6972$ $T_{i2} = 8824,7,$ $T_{d2} = 0$ (6.3)
 $K_3 = 5,6629$ $T_{i3} = 11,6449,$ $T_{d3} = 0$

Błąd regulacji wynosi: 115,6349. Jest to bardzo dobry wynik, jednakże nieco gorszy niż dla poprzedniego toru. Zauważmy, że wyznaczone nastawy dla pierwszego i trzeciego regulatora są bardzo podobne do tych dla poprzedniego toru. Wynika to z faktu, że zmienił się tu jedynie tor dla drugiego regulatora, gdzie teraz wpływa na wyjscie drugie regulator drugi.

Dla toru:

- $y_1 u_2$
- $y_2 u_3$
- $-y_3 u_1$

otrzymujemy nastawy:

$$K_1 = 1,1001$$
 $T_{i1} = 1,7044$, $T_{d1} = 0$
 $K_2 = 2,2444$ $T_{i2} = 3,7464$, $T_{d2} = 0$ (6.4)
 $K_3 = 4,0054$ $T_{i3} = 15,7112$, $T_{d3} = 0$

Błąd regulacji wynosi: 207,1231 . Jest to wynik nieco gorszej jakości niż dla poprzednich dwóch torów.

Analizując otrzymane wyniki, zauważamy że dla trzech z czterech przypadków funkcja optymalizacji znalazła lepsze wyniki niż dla regulatorów wyznaczonych metodą inżynierską. Jest to jak najbardziej normalne zjawisko. Również potwierdziła się metoda Multiple Gain Array. Najlepsze wyniki otrzymaliśmy dla regulatora o konfiguracji torów odpowiadającej najmniejszej wartości współczynnika uwarunkowania macierzy, zaś najgorsze wyniki dla torów odpowiadających najwiekszej wartości współczynnika uwarunkowania macierzy.

6.2. DMC

Optymalizacja nastaw algorytmu DMC dała bardzo zaskakujące rezultaty. Wyznaczone parametry λ i ψ to:

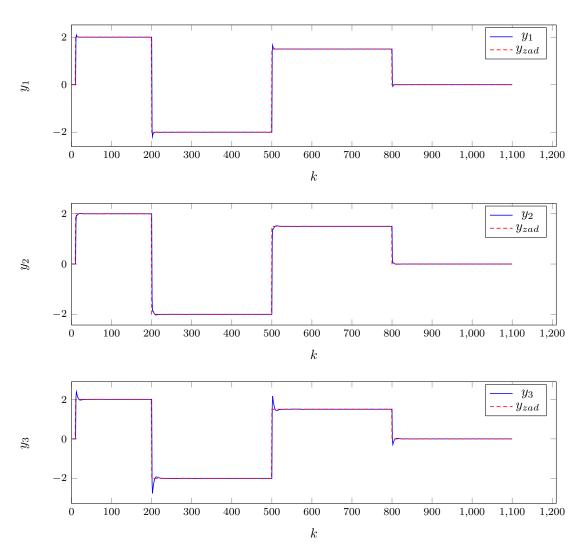
$$\lambda_1 = 50\,200 \qquad \lambda_2 = 2390 \qquad \lambda_3 = 546370\lambda_4 = 140 \tag{6.5}$$

$$\psi_1 = 120050 \qquad \psi_2 = 234440 \qquad \psi_3 = 43840 \tag{6.6}$$

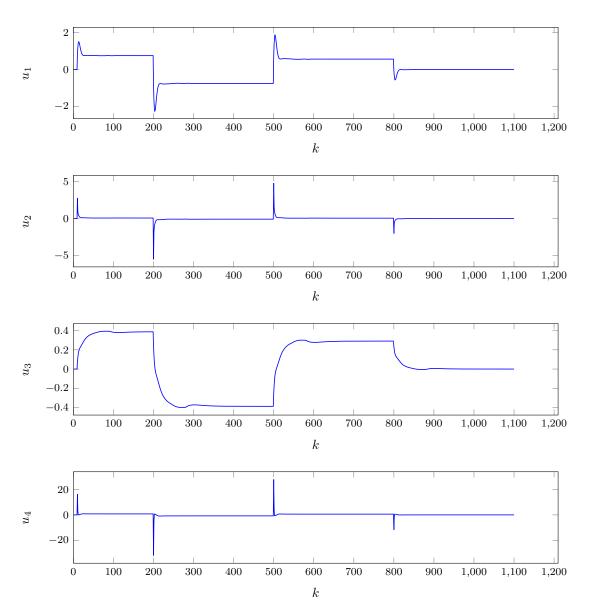
Nastawy te mają bardzo duże wartości, odbiegające od wyznaczonych przez nas. Błędy regulacji są następujące:

- $-E_1 = 34,6239$
- $-E_2 = 34,5739$
- $-E_3 = 0.57272$
- -E = 69,7705

Błąd regulacji jest zatem znacznie mniejszy od błędy zwracanego przez nasz najlepszy regulator. Na wykresie 6.2 widać jednak, że przebieg sterowania na torze 4 osiąga bardzo duże wartości i byłby nieakceptowalny na rzeczywistym obiekcie. Przebieg wyjść obiektu przedstawia wykres 6.1.



Rys. 6.1. Przebiegi wyjść obiektu dla nastaw wyznaczonych narzędziem fmincon



Rys. 6.2. Przebiegi sterowań obiektu dla nastaw wyznaczonych narzędziem fmincon