ВЕКТОРА И SFINAE

На долгом пути к std::vector – проектирование реалистичного шаблонного контейнера

K. Владимиров, Syntacore, 2023 mail-to: konstantin.vladimirov@gmail.com

> Вектора

□ SFINAE

□ Вариабельные шаблоны

□ Графы

От ручного выделения к векторам

```
int *n = new int[10];
                                  vector<int> v(10);
n[5] = 5;
                                  v[5] = 5;
// тут много кода
                                  // тут много кода
// какой сейчас размер у n?
                                  size t vsize = v.size();
// стереть крайний элемент?
                                  v.pop_back();
                                  if (v.empty()) { что-то }
// пуст ли теперь n?
                                  // ресурсы будут освобождены
// не забыть delete[]
```

Два непростых вопроса

• Допустим я хочу завести в своей программе вектор из константных ссылок.
std::vector<const int &> v;
• Что скажете?

• Допустим я не знаю тип переменной х, но знаю, что это контейнер.

```
template<typename Cont> void foo(const Cont& x) {
  if(x.empty()) return;
  // do something
}
```

• Могу ли я бы уверенным, что это будет работать для всех контейнеров?

Требования к элементам контейнеров

- Общие для всех контейнеров методы [container.requirements.general]
 - empty проверка пустоты контейнера.
 - swap обмен контейнерных переменных содержимым.
 - size (кроме array) действительный размер контейнера.
 - clear (кроме array) очистка контейнера.
 - begin, end, cbegin, cend получение итераторов (см. далее).
- Требования к элементам зависят от конкретной операции, но чаще всего
 - DefaultConstructible требование к наличию конструктора по умолчанию.
 - MoveConstructible требование к наличию конструктора перемещения или копирования.

Гарантии непрерывности памяти

```
// функция init написана в старом стиле

template <typename T> void init (T* arr, size_t size);

// но её можно использовать с векторами

vector<T> t(n);

T *start = &t[0];

init_t(start, n);

assert(t[1] == start[1]);

v[0]

v[v.size() - 1]
```

When choosing a container, remember vector is best. Leave a comment to explain if you choose from the rest (c) Tony van Eerd

Неприятное исключение: vector<bool>

```
vector<bool> t(n);
bool *start = &t[0]; // это не скомпилируется, но представим
assert (t[1] == start[1]); // oops!
Важно запомнить две вещи:
```

- vector<bool> не удовлетворяет соглашениям контейнера vector
- vector<bool> не содержит элементов типа bool
- He используйте vector<bool> для обобщённого программирования.

```
using vector_bool = vector<bool>;
vector_bool x(10); // условно ок, но тут лучше std::bitset
```

Задача: что можно здесь улучшить?

```
vector<int> v;
for (int i = 0; i != N; ++i)
   v.push_back(i);
```

Ответ: вектор не терпит халатности

```
vector<int> v;
v.reserve(N);
for (int i = 0; i != N; ++i)
   v.push_back(i); // теперь здесь не будет перевыделений
```

- При вставке в конец вектору могут потребоваться реаллокации памяти.
- Это означает, что всегда полезно думать о памяти вектора не меньше, чем о памяти динамического массива.

Ещё про size и capacity

- size это сколько элементов у вектора уже есть.
- capacity это сколько элементов в нём может быть до первого перевыделения.

```
vector<int> v(10000);
assert (v.size() == 10000);
assert (v.capacity() >= 10000);
Pasмep это что-то чем можно в явном виде управлять в отличии от ёмкости.
v.resize(100);
assert (v.size() == 100);
assert (v.capacity() >= 10000);
```

Амортизация

- При написании метода push, вам предлагалось оценить его алгоритмическую сложность.
- Проблема в том, что она очевидно O(1) если не надо реаллоцировать и O(n) если надо.
- То есть мы платим иногда. Это примерно как купить машину и платить только за бензин пока машина не износится, а потом купить новую.
- В экономике распределение стоимости товара по стоимости его периода эксплуатации называется амортизацией товара.
- Амортизированное O(n) обозначается O(n)+

Амортизированная стоимость

- По определению амортизированная стоимость операции это стоимость N операций, отнесённая к N.
- Для динамического массива $c_i = 1 + [realloc] * (i-1)$
- Амортизированная стоимость одной вставки будет $\frac{\sum_{i} c_{i}}{N}$ для N вставок.
- \bullet Допустим, мы, если реаллокация нужна, растим массив на 10 элементов.

$$\sum_{i} c_{i} = ?$$

Амортизированная стоимость

- По определению амортизированная стоимость операции это стоимость N операций, отнесённая к N.
- Для динамического массива $c_i = 1 + [realloc] * (i-1)$
- Амортизированная стоимость одной вставки будет $\frac{\sum_{i} c_{i}}{N}$ для N вставок.
- \bullet Допустим, мы, если реаллокация нужна, растим массив на 10 элементов.

$$\sum_{i} c_{i} = N + \sum_{k=1}^{N/10} 10 \cdot k = O(N^{2})$$

• Заметим, что это очень плохая стратегия. Амортизированная сложность push будет $\frac{O(N^2)}{N} = O(N)$ +. Можем ли мы придумать и доказать нечто лучшее?

Лучшая стратегия

• Прирост вдвое.

$$\frac{\sum c_i}{N} = \frac{N + \sum_{j=1}^{\lg(N)} 2^j}{N} = \frac{O(N)}{N} = O(1) +$$

- Видно, что разница есть: при одной стратегии у нас в среднем линейное а при другой в среднем постоянное время вставки.
- Увы, взять сумму $\sum_{j=1}^{\lg(N)} 2^j$ в общем уже не так просто, а при более сложных стратегиях, это становится мучительно.
- Можем ли мы упростить себе жизнь?

Дополнение: метод потенциала

- Выберем функцию потенциала $\Phi(n)$ так, чтобы $\Phi(0) = 0$, $\Phi(n) \ge 0$
- ullet Здесь n это номер шага.
- Амортизированная стоимость это стоимость плюс изменение потенциальной функции $\mathbf{c}_n + \Phi(n) \Phi(n-1)$
- Выбор потенциальной функции облегчает вычисления потому что...

$$\sum_{i} (c_i + \Phi(i) - \Phi(i-1)) = \Phi(n) - \Phi(0) + \sum_{i} c_i \ge \sum_{i} c_i$$

- Удачный выбор сделает выражение $\sum_i \! \left(c_i + \Phi(i) \Phi(i-1) \right)$ проще, чем $\sum_i c_i$
- Обсуждение: как выбрать для массива?

Дополнение: метод потенциала

• Для массива поскольку при реаллокации вдвое $2*s_n \geq c_n$

$$\Phi(n) = 2 * s_n - c_n$$

• Без реаллокации:

$$c_i + \Phi(i) - \Phi(i-1) = 1 + (2 * s_i - C) - (2 * s_{i-1} - C) = 1 + 2(s_i - s_{i-1}) = 3$$

• С реаллокацией $\Phi(i-1) = 2k-k = k$, $\Phi(i) = 2(k+1)-2k = 2$

$$c_i + \Phi(i) - \Phi(i-1) = (k+1) + 2 - k = 3$$

- В итоге в любом случае $\sum c_i \leq 3N$ и мы доказали асимптотику O(1)
- В качестве упражнения проанализируйте стратегию роста в $\log(N)$ раз.

Обсуждение

- Выбор простого роста вдвое не всегда лучшая стратегия.
- Реальная стратегия из libstdc++ несколько сложнее и обладает рядом приятных теоретических свойств.

```
const size_type __len = size() + std::max(size(), __n);
```

• Попробуйте дома проанализировать эту стратегию и обосновать почему она выбрана в качестве основной.

Два механизма инициализации

- Расширенный синтаксис.
- Явный конструктор из списка инициализации.

```
class B {
  int a_;
public:
  B (int a) : a_(a) {}
  B (std::initializer_list<int> il);
};

B b(1), c{1}; // теперь они вызывают разные конструкторы
```

Списочная инициализация: вектора

```
// это вектор [14, 14, 14]
vector<int> v1 (3, 14);
// а это вектор [3, 14]
vector<int> v2 {3, 14};
• Это связано с наличием у вектора нескольких конструкторов.
\triangleright v(10); //  размер 10, инициализация по умолчанию
> v(10, 1); // размер 10, инициализировать единицами
\triangleright v {10, 1}; // размер = размеру списка, инициализация списком
```

То же для ваших контейнеров

• Хорошая новость: initializer_list это тоже разновидность последовательного контейнера и его можно обходить итераторами.

```
template <typename T> class Tree {
    // тут какая-то специфика дерева
    bool add_node (T& data);

public:
    Tree(std::initializer_list<T> il) {
        for (auto ili = il.begin(); ili != il.end(); ++ili)
            add_node(*ili);
```

• Плохая новость: вам теперь надо следить есть ли он в классе.

Простое правило для {}

• Если в классе совсем нет конструкторов, это агрегат как в С

```
struct S { int x, y; }; S s = \{1, 2\}; // aggregate
```

- Иначе, если есть конструктор из initializer_list, возьмётся он.
- Иначе, если есть любой другой конструктор, возьмётся он.

```
struct S {
  int x, y;
  S(int n) : x(n), y(n) {}
};
S s = {3}; // ctor
```

Первое представление об итераторах

```
vector<int> v(10);
                                    vector<int> v(10);
 // рі это указатель
                                    // vi это итератор
 auto pi = &v[0];
                                    auto vi = v.begin();
 pi += 3;
                                    vi += 3;
                                    assert (*vi == v[4]);
 assert (*pi == v[4])
 // как узнать, что рі в конце? if (vi == v.end()) { что-то }
v.begin()
                                                          v.end()
                             22
```

Абстракция указателя

- Важно, что итераторы не являются указателями, они абстрагируют их.
- В итоге любой контейнер может быть сконструирован из любого диапазона.

```
std::list<int> 1 {1, 2, 3};
std::vector<int> v(l.begin(), l.end());
```

- Это потрясающе удобно чтобы перекидывать один контейнер в другой
- Как бы вы написали конструктор из пары итераторов?

Конструирование из итераторов

Вектора

> SFINAE

□ Вариабельные шаблоны

□ Графы

Обсуждение: провал подстановки

• Что если подстановка в некотором контексте не может быть выполнена?

```
template<typename T>
typename T::ElementT at(T const& a, int i);
int *p = new int[30];
auto a = at<int*>(p, i); // Substitution failure
• Что если вывод типов в некотором контексте провален?
template <typename T> T max(T a, T b);
int g = max(1, 1.0); // Deduction failure
```

SFINAE

• Substitution Failure Is Not An Error (провал подстановки не является ошибкой).

```
template <typename T> T max(T a, T b);
template <typename T, typename U> auto max(T a, U b);
int g = max(1, 1.0); // подстановка в 1 провалена
// подстановка в 2 успешна
```

- Если в результате подстановки в непосредственном контексте класса (функции, алиаса, переменной) возникает невалидная конструкция, эта подстановка неуспешна, но не ошибочна.
- В этом случае второй фазы поиска имён просто не выполняется.

SFINAE и ошибки

• Не любая ошибочная конструкция это SFINAE. Важен контекст подстановки.

```
int negate (int i) { return -i; }
template <typename T> T negate(const T& t) {
  typename T::value_type n = -t();
  // тут используем n
}
negate(2.0); // ошибка второй фазы
```

• Здесь в контексте сигнатуры и шаблонных параметров нет никакой невалидности.

SFINAE и ошибки

• Не любая ошибочная конструкция это SFINAE. Важен контекст подстановки.

```
int negate (int i) { return -i; }
template <typename T> T::value_type negate(const T& t) {
   typename T::value_type n = -t();
   // тут используем n
}
negate(2.0); // substitution failure
```

• Здесь в контексте сигнатуры и шаблонных параметров выводится $T \to double$ и разумеется $T::value_type$ невалидно.

Обсуждение

- Техника SFINAE кажется очень простой, но вообще-то её приложения многочисленны и часто очень нетривиальны.
- Рассмотрим задачу: у вас есть два типа и вам нужно определить равны ли они.

```
template <typename T, typename U> int foo() {
   // как вернуть 1 если T == U и 0 если нет?
}
```

- Обратим внимание, что это задача отображения из типов на числа.
- Прежде чем её решать, решим обратную задачу.

Интегральные константы

• Отображение из целых чисел на типы называется интегральной константной.

```
template <typename T, T v> struct integral_constant {
   static const T value = v;
   typedef T value_type;
   typedef integral_constant type;
   operator value_type() const { return value; }
};
• Возможна даже арифметика.
using ic6 = integral_constant<int, 6>;
auto n = 7 * ic6{};
```

Истина и ложь для типов

• Самые полезные из интегральных констант – самые простые.

```
using true_type = integral_constant<bool, true>;
using false_type = integral_constant<bool, false>;
```

- Всё это есть в стандарте: std::integral_constant и т.д.
- Попробуем написать простой определитель, чтобы проверить одинаковые ли два типа.

```
template<typename T, typename U>
struct is_same : std::false_type {};
```

• По умолчанию разные. Что дальше?

Равенство типов

• Теперь можно решить задачу определения равенства типов.

```
template<typename T, typename U>
struct is_same : std::false_type {};

template<typename T>
struct is_same<T, T> : std::true_type {}; // для T == T

template<typename T, typename U>
using is_same_t = typename is_same<T, U>::type;

• Благодаря SFINAE, будет работать.

assert(is_same<int, int>::value && !is_same<char, int>::value);
```

Определители и модификаторы

• Определитель: является ли тип ссылкой.

```
template <typename T> struct is_reference : false_type {};
template <typename T> struct is_reference<T&> : true_type {};
template <typename T> struct is_reference<T&&> : true_type {};
```

• Модификатор: убираем ссылку с типа, если ссылки не было, то оставляем тип.

```
template <typename T> struct remove_reference { using type = T; };
template <typename T> struct remove_reference<T&> { using type = T; };
template <typename T> struct remove_reference<T&&> { using type = T; };
```

• Для модификатора полезен алиас.

```
template <typename T>
using remove_reference_t = typename remove_reference<T>::type;
```

Четырнадцать категорий

• Любой тип в языке С++ попадает хотя бы под одну из перечисленных ниже категорий.

```
is_void
is_null_pointer
is_integral, is_floating_point // для Т и для cv T& транзитивно
is_array; // только встроенные, не std::array
is_pointer; // включая указатели на обычные функции
is_lvalue_reference, is_rvalue_reference
is_member_object_pointer, is_member_function_pointer
is_enum, is_union, is_class
is_function // обычные функции
```

• Использование довольно тривиально.

```
std::cout << std::boolalpha << std::is_void<T>::value << '\n';</pre>
```

Свойства типов

• Также очень полезны определители свойств типов.

```
is_trivially_copyable // побайтово копируемый, memcpy is_standard_layout // можно адресовать поля указателем is_aggregate // доступна агрегатная инициализация как в С is_default_constructible // есть default ctor is_copy_constructible, is_copy_assignable is_move_constructible, is_nothrow_move_constructible is_move_assignable is_base_of // В является базой (транзитивно, включая сам тип) is_convertible // есть преобразование из А к В
```

• И многие другие (их реально десятки).

Обсуждение: std::copy

• Рассмотрим наивное копирование, чем-то похожее на алгоритм std::copy

```
template <typename InpIter, typename OutIter>
OutIter cross_copy(InpIter fst, InpIter lst, OutIter dst) {
  while (fst != lst) { *dst = *fst; ++fst; ++dst; }
  return dst;
}
```

- Увы, по сравнению с настоящим std::сору у него есть проблемы
- Можем ли мы их решить с помощью SFINAE?

Решение проблемы std::copy

• Заведём хелпер и его специализацию для true

```
template<bool Triv, typename In, typename Out> struct CpSel {
   static Out select(In begin, In end, Out out)
      { return CopyNormal(begin, end, out); }
};

template<typename In, typename Out>
struct CpSel<true, In, Out> {
   static Out select(In begin, In end, Out out)
      { return CopyFast(begin, end, out); } // для простых типов
};
```

• Теперь сам алгоритм копирования будет просто решать кого он вызывает

Решение проблемы std::copy

• Также тривиально мы решаем проблему с копированием

Обсуждение

• Теперь единственным облачком на горизонте остался emplace

```
struct S {
   S();
   S(int, double, int);
};
std::vector<S> v;
v.emplace_back(1, 1.0, 2); // создали на месте
```

• Но как это может работать для любого типа, если мы в общем случае не знаем количество аргументов конструктора?

Вектора

□ SFINAE

> Вариабельные шаблоны

□ Графы

Вариабельные шаблоны

• Пример вариабельно шаблонной функции template<typename ... Args> void f(Args ... args); • Способы вызова: f(); // OK, пачка не содержит аргументов f(1); // OK, пачка содержит один аргумент: int f(2, 1.0); // OK, пачка состоит из: int, double • Специальная конструкция sizeof...(Args) либо sizeof...(args) возвращает размер пачки в штуках

Паттерны раскрытия

• Говорят, что пачка параметров "раскрывается" в теле функции или класса template<typename ... Types> void f(Types ... args); template<typename ... Types> void g(Types ... args) { $f(args ...); // \rightarrow f(x, y);$ $f(\&args ...); // \rightarrow f(\&x, \&y);$ $f(h(args) ...); // \rightarrow f(h(x), h(y));$ f(const cast<const Types*>(&args)...); $// \rightarrow f(const cast < const int*>(&x),$ const cast<const double*>(&y)); $g(1, 1.0); // \rightarrow g(int x, double y);$

Задача: раскрытие пачек

- Допустим args это пачка параметров x, y, z
- Тогда во что раскроется следующее выражение?

```
f(h(args...) + h(args)...);
```

• Также интересно во что раскроется следующее

```
f(h(args, args...);
```

Решение

- Допустим args это пачка параметров x, y, z
- Тогда следующее выражение имеет сложный паттерн раскрытия пачки

```
f(h(args...) + h(args)...); // \rightarrow f(h(x, y, z) + h(x), h(x, y, z) + h(y), h(x, y, z) + h(z));
```

• Аналогично (если чувствовать технологию, эти задачи однообразны)

```
f(h(args, args...); // \rightarrow f(h(x, x, y, z), h(y, x, y, z), h(z, x, y, z));
```

Снова прозрачная оболочка

• На лекции по rvalue refs была написана почти идеальная прозрачная оболочка для одного аргумента

```
template<typename Fun, typename Arg>
decltype(auto) transparent(Fun fun, Arg&& arg) {
  return fun(forward<Arg>(arg));
}
```

• Можно ли использовать вариабельный шаблон и переписать её для произвольного количества аргументов?

Снова прозрачная оболочка

• На лекции по rvalue refs была написана почти идеальная прозрачная оболочка для одного аргумента

```
template<typename Fun, typename... Args>
decltype(auto) transparent(Fun fun, Args&&... args) {
  return fun(forward<Args>(args)...);
}
```

- Это очень простое и чисто техническое изменение
- Следует обратить особое внимание на паттерн совместного раскрытия при пробросе

Обсуждение: пробросим функцию?

• В функцие-подобном объекте оператор вызова может быть && аннотирован

```
template<typename Fun, typename... Args>
decltype(auto) transparent(Fun&& fun, Args&&... args) {
  return std::forward<Fun>(fun)(std::forward<Args>(args)...);
}
```

- Теперь функции тоже не требуется быть обязательно копируемой
- Выглядит это чуть страшнее, зато теперь тут не к чему особо придраться

Контейнеры тяжёлых классов

• Мы уже говорили о хранении тяжелых классах в контейнерах template <typename T> class Stack { struct StackNode { T elem; StackNode *next; StackNode(T e, StackNode *nxt) : elem (e), next (nxt) {} public: void push(const T& elem) { top_ = new StackNode (elem, top_); } // и так далее • Подумаем о следующем коде: s.push(Heavy(100, 200, 300)); // всё очень плохо

Emplace

• Обычно метод контейнера, который размещает объект, а не пробрасывает его называют emplace

```
template <typename T> class Stack {
    // детали реализации
public:
    void push(const T& elem) { top_ = new StackNode (top_, elem); }
    template <typename U> void emplace(U&& ... args) {
        top_ = new StackNode(top_, forward<U>(args)...);
    }
```

• В стандартной библиотеке размещение поддерживают все последовательные контейнеры

Интерлюдия: шаблонные методы

• Шаблонный метод вне класса определяется с двумя наборами парамтеров: своими и своего класса

```
template <typename T>
template <typename... Args>
void Stack<T>::emplace_back(Args &&... args) {
  top_ = new StackElem(top_, std::forward<Args>(args)...);
}
```

- Это не опечатка. Каждый набор идёт отдельно.
- Все наборы совокупно участвуют в template-id метода и это важно для специализации.

Специализация шаблонных методов

• При специализации шаблонных методов, важно понимать: вы должны специализировать их по всем аргументам

```
template <typename T> struct Foo {
  template <typename U> void foo() { .... }
};

template <>
template <>
void Foo<int>::foo<int>() { .... }
```

• Иначе это будет частичная специализация

Шаблонные методы против ООП

• Вы должны понимать, что любой открытый шаблонный метод в вашем классе обнуляет инкапсуляцию.

```
class Foo {
  int donottouch_ = 42;

public:
  template <typename U> void foo() { .... }
};

struct MyTag {};

template <> void Foo::foo<MyTag>() { donottouch_ = 14; }
```

Обсуждение

- Тем не менее пока что мы не очень понимаем как использовать SFINAE, пусть даже с вариабельными шаблонами, для решения проблемы с конструктором из пары итераторов.
- Настало время этим заняться.

void_t

- Появился в C++17 как std::void_t но вообще-то довольно прост template <typename...> using void_t = void;
- Интуитивно void_t <T, U, V> означает void если все типы легальны и нелегален если нелегален хоть один
- Думайте о нём как о логической коньюнкции SFINAE характеристик

Задача: зависимый тип

• С ранних пор была замечена полезность техники SFINAE для трюков и хаков. Классический пример: определить наличие зависимого типа в классе.

```
struct foo { typedef float foobar; };
struct bar { };
std::cout << std::boolalpha << ??? foo << " " << ??? bar;</pre>
```

• Это снова отображение из типов в целые и без SFINAE, задача опять выглядит не решаемой.

Решение: void_t

Решение использует SFINAE и void_t
 template <typename, typename = void>
struct has_typedef_foobar: std::false_type { };
 template <typename T>
struct has_typedef_foobar<T,
 std::void_t<typename T::foobar>>: std::true_type{};
 Теперь мы можем определить вещи на этапе компиляции
 struct foo { typedef float foobar; };
 std::cout << std::boolalpha << has_typedef_foobar<foo>{};

Конструирование из итераторов

Можно попытаться решить задачу с итераторами вот так
 MyVector(size_t nelts, T value);
 template <typename Iter,
 typename = void_t < decltype(*Iter{}),
 decltype(++Iter{})>
 MyVector(Iter fst, Iter lst);

- Увы это не слишком изящно. Дело в том, что инкремент требует Ivalue.
- Но его-то мы как раз пока и не можем создать. Хотя иногда везет.

Абстракция значения

- В некоторых случаях (например для использование внутри decltype) хочется получить значение некоего типа.
- Часто для этого используется конструктор по умолчанию

```
template <typename T> struct Tricky {
   Tricky() = delete;
   const volatile T foo ();
};
decltype(Tricky<int>().foo()) t; // ошибка
```

• Но что делать, если его нет? Что такое "значение вообще" для такого типа?

Абстракция значения: declval

• Интересный способ решить эти проблемы это ввести шаблон функции (который выводит типы) без тела (чтобы его нельзя было по ошибке вызвать). template <typename T> add_rvalue_reference_t<T> declval(); • Теперь всё просто template <typename T> struct Tricky { Tricky() = delete; const volatile T foo (); decltype(declval<Tricky<int>>().foo()) t; // ok • Но какова природа этого значения?

Обсуждение

• Пожалуй есть всего три функции, для которых имеет смысл возвращать правую ссылку (то есть производить xvalue)

• std::move

• std::forward

• std::declval

- Если вы хотите написать свою функцию, которая будет возвращать && это значит, что
 - Вы что-то делаете не так
 - Вы хотите ещё раз написать одну из упомянутых выше функций
 - Вы пишете функцию, аннотированную как &&

Конструирование из итераторов

• Теперь мы видим совсем изящное решение MyVector(size t nelts, T value); template <typename Iter, typename = void t<decltype(*std::declval<Iter&>()), decltype(++std::declval<Iter&>())> MyVector(Iter fst, Iter lst); MyVector v1(10, 3); // 1, поскольку 2 провалилось MyVector v2(v1.begin(), v1.end()); // 2

Вектора

□ SFINAE

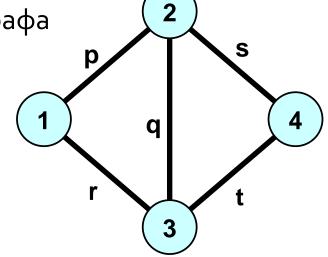
□ Вариабельные шаблоны

> Графы

Представление графа

• У Кнута в ТАОСР приведено следующее представление графа

а	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13
t	0	0	0	0	1	2	1	3	2	3	2	4	3	4
n	4	5	7	11	6	8	0	9	10	12	1	13	2	3
р	6	10	12	13	0	1	4	2	5	7	8	3	9	11



- Понятно ли почему эта таблица представляет этот граф?
- Важное свойство (заявлено в TAOCP 7.1.2.6.S): если a это ребро от vi к vj, а b это ребро от vj к vi с тем же именем, то $a=b \ ^1$ и $b=a \ ^1$
- Похоже такой граф можно построить не используя ничего кроме std::vector

HWCG: представление графа

- Необходимо написать класс графа, представленного как в TAOCP 7.1.2.6.S и написать для этого представления
 - списочную инициализацию из списка пар вершина-вершина KGraph g $\{\{1,2\},\{1,3\},\{2,3\},\{2,4\},\{3,4\}\}$
 - обход в ширину
 - обход в глубину
- Допустим также, что с каждым ребром нужно связать дополнительную информацию EL, а с каждой вершиной дополнительную информацию VL.
- Можно ли сделать это вне самого графа?
- Можно ли дать возможность добавить эти данные как параметры графа?

HWCG: формальная постановка

• На стандартном вводе граф в обычном представлении v_1 -- v_2 , w_e :

```
1 -- 2, 4
2 -- 3, 5
3 -- 4, 6
4 -- 1, 1
```

- Необходимо считать его в эффективное представление выше.
- Далее если граф не является двудольным, вывести ошибку. Если граф является двудольным, покрасить вершины первой доли в синий цвет (цвет это атрибут вершины), второй доли в красный цвет. Цвет вершины 1 всегда синий.
- В итоге вывести на стандартный вывод все вершины и цвет каждой

```
1 b 2 r 3 b 4 r
```

Литература

- [CC11] ISO/IEC 14882 "Information technology Programming languages C++", 2011
- [BS] Bjarne Stroustrup The C++ Programming Language (4th Edition), 2013
- [EM] Scott Meyers, "Effective Modern C++: 42 Specific Ways to Improve Your Use of C++11 and C++14"
- [SM] Scott Meyers "Type Deduction and Why You Care", CppCon, 2014
- [VJ] Davide Vandevoorde, Nicolai M. Josuttis C++ Templates. The Complete Guide, 2nd edition, Addison-Wesley Professional, 2017

СЕКРЕТНЫЙ УРОВЕНЬ

Массивы

Обсуждение

- Количество вещей, которые нужно знать, чтобы спроектировать свой собственный вектор впечатляет.
- Нет ли в векторе тем не менее проблем?

```
int s_array[10]; // на стеке, фиксированный размер vector<int> vec(10); // в куче, произвольный размер
```

От встроенных массивов к array

```
int s_array[10]; // на стеке, фиксированный размер int s_varray[n]; // ошибка если n не константа (VLA запрещены) int *d_array = new int[n]; // в куче, произвольный размер vector<int> vec(n); // в куче, произвольный размер array<int, 10> arr; // на стеке, фиксированный размер
```

- Использование std::array так же эффективно как использование встроенного массива
- В то же время std::vector плохая замена встроенному массиву, так как требует работы с динамической памятью.