Федеральное государственное образовательное бюджетное учреждение высшего профессионального образования

«ФИНАНСОВЫЙ УНИВЕРСИТЕТ ПРИ ПРАВИТЕЛЬСТВЕ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ»

(Финансовый университет)

Кафедра анализа данных и машинного обучения Факультета информационных технологий и анализа больших данных

УТВЕРЖДА	АЮ
Проректор	по учебной
и методиче	ской работе
	_Е.А. Каменева
23.04.2024 1	r

Г. С. Жукова

Алгебра и анализ

Рабочая программа дисциплины

для студентов, обучающихся по направлению подготовки: 09.03.03 – Прикладная информатика, ОП «Прикладные информационные системы в экономике и финансах»

Рекомендовано Ученым советом Факультета информационных технологий и анализа больших данных (протокол № 43 от 16.04.2024 г.)

> Одобрено советом Кафедры анализа данных и машинного обучения (протокол № 03 от 21.03.2024 г.)

> > **Москва** – 2024

Содержание

1. Наименование дисциплины
2. Перечень планируемых результатов освоения образовательной программы
(перечень компетенций) с указанием индикаторов их достижения и планируемых
результатов обучения по дисциплине2
3. Место дисциплины в структуре образовательной программы 3
4. Объем дисциплины (модуля) в зачетных единицах и в академических часах с
выделением объема аудиторной (лекции, семинары) и самостоятельной работы
обучающихся4
5. Содержание дисциплины, структурированное по темам (разделам)
дисциплины с указанием их объемов (в академических часах) и видов учебных
занятий4
5.1. Содержание дисциплины
5.2. Учебно-тематический план
5.3. Содержание семинаров, практических занятий7
6. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы
обучающихся по дисциплине10
6.1. Перечень вопросов, отводимых на самостоятельное освоение дисциплины,
формы внеаудиторной самостоятельной работы10
6.2. Перечень вопросов, заданий, тем для подготовки к текущему контролю 12
7. Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации
обучающихся по дисциплине17
8. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для
освоения дисциплины
9. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет»,
необходимых для освоения дисциплины
10. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины 28
11. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении
образовательного процесса по дисциплине, включая перечень необходимого
программного обеспечения и информационных справочных систем30
12. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления
образовательного процесса по дисциплине31

1. Наименование дисциплины

«Алгебра и анализ»

2. Перечень планируемых результатов освоения образовательной программы (перечень компетенций) с указанием индикаторов их достижения и планируемых результатов обучения по дисциплине

Таблица 1

Код компет енции	Наименование компетенции индикаторы достижения индикаторами индикаторами		Результаты обучения (умения и знания), соотнесенные с индикаторами достижения компетенции
ПКН-7	Способность выполнять сервисное обслуживание и настройку аппаратного и программного обеспечения, в том числе с учетом требований информационной безопасности	1. Демонстрирует знание основ функционирования компьютерной техники, решет часто возникающие проблемы в их эксплуатации, выполняет первичную установку и настройку популярных программ и операционных систем.	Знать: современные основы функционирования компьютерной техники, методы решения часто возникающих проблем в их эксплуатации, порядок первичной установки и настройки популярных программ и операционных систем. Уметь: выполнить первичную установку и настройку необходимых программ и операционных систем, описывать состав и структуру данных и информации, используемых в решаемой задаче, грамотно применять алгоритмы основных математических методов.
		2. Демонстрирует знание основ функционирования операционных систем и компьютерных сетей, настраивает сетевые подключения и службы, диагностирует их работу и решет типичные задачи администрирования сетей.	Знать: основы функционирования операционных систем и компьютерных сетей, настройки сетевых подключений и служб, методы диагностики их работу и решения основных задач администрирования сетей. Уметь: подобрать для исследуемой задачи операционные системы и компьютерные сети, настроить сетевые подключения и службы, провести диагностику их работы, решать типичные задачи администрирования сетей.
		3. Использует серверные операционные системы для разработки и развертывания сетевых приложений,	Знать: современные серверные операционные системы, используемые при разработке и развертывании сетевых приложений в процессе решения задач профессиональной деятельности.

настраивает веб-Уметь: выбрать соответствующие службы, частично решаемой задаче серверные автоматизирует операционные системы, разрабатывать процессы. и развертывать сетевые приложения, настраивать веб-службы, частично автоматизировать эти процессы. 4. Демонстрирует Знать: современные основы компьютерной безопасности, знание основ алгоритмы шифрования, хеширования, компьютерной аутентификации, безопасности, понятия авторизации, цифровых сертификатов, алгоритмов протоколов безопасной передачи шифрования, данных. хеширования, понятий Уметь: грамотно применять основные аутентификации, методы, используемые авторизации, цифровых В области сертификатов, компьютерной безопасности, профессиональной использовать протоколов безопасной В деятельности алгоритмов шифрования, передачи данных. хеширования, понятий аутентификации, авторизации, цифровых сертификатов, протоколов безопасной передачи данных.

3. Место дисциплины в структуре образовательных программ

Дисциплина Алгебра и анализ» относится к Общефакультетскому (предпрофильному) циклу дисциплин по направлению подготовки 09.03.03 — Прикладная информатика, ОП «Прикладные информационные системы в экономике и финансах».

Изучение дисциплины «Алгебра и анализ» базируется на знаниях, полученных в рамках школьного курса математики (геометрии, алгебры и начал анализа) или соответствующих дисциплин среднего профессионального образования.

Дисциплина «Алгебра и анализ» является теоретической основой для всех дисциплин Цикла математики и информатики, а математические понятия и методы используются в дальнейшем при изучении общепрофессиональных дисциплин и дисциплин профиля, входящих в образовательную программу бакалавра направления подготовки «Прикладная информатика».

4. Объем дисциплины (модуля) в зачетных единицах и в академических часах с выделением объема аудиторной (лекции, семинары) и самостоятельной работы обучающихся

√ Таблица 2

Институт открытого-образования, заочная форма обучения
--

Вид учебной работы по дисциплине	Всего (в з/е и часах)	Семестр 1 (в часах)	Семестр 2 (в часах)
Общая трудоемкость дисциплины	7 з/е, 252ч.	108	144
Контактная работа— Аудиторные занятия	26	12	14
Лекции	6	2	4
Семинары, практические занятия	20	10	10
Самостоятельная работа	226	96	130
Вид текущего контроля		Контрольная работа	Контрольная работа
Вид промежуточной аттестаци	ии	Экзамен	Экзамен

5. Содержание дисциплины, структурированное по темам (разделам) дисциплины с указанием их объемов (в академических часах) и видов учебных занятий.

5.1. Содержание дисциплины

Раздел 1 – Линейная алгебра

Тема 1. Числовые множества. Матрицы

Множество комплексных чисел. Алгебраическая, тригонометрическая, показательная формы записи комплексных чисел. Операции над комплексными числами: сложение, умножение, деление, возведение в степень, извлечение корня. Геометрическая интерпретация операций над комплексными числами.

Матрицы, Линейные операции над матрицами. Транспонирование матрицы. Произведение матриц. Свойства операций.

Элементарные преобразования над строками и столбцами матриц. Теорема о приведении произвольной матрицы к ступенчатой форме. Ранг матрицы.

Определитель квадратной матрицы. Свойства определителя. Вычисление определителя. Обратная матрица и ее свойства. Решение матричных уравнений.

Арифметические векторы. Линейные операции над векторами. Скалярное, векторное, смешанное произведение векторов и их свойства.

Тема 2. Системы линейных уравнений

Система линейных алгебраических уравнений. Однородная и неоднородная системы. Совместные системы. Теорема Кронекера-Капелли.

Решение системы линейных уравнений методом обратной матрицы, по правилу Крамера, методом Гаусса. Общее решение, базисное решение, фундаментальная система решений однородной системы.

Линейная зависимость (независимость) векторов. Базис и размерность линейного пространства. Координаты вектора в заданном базисе. Преобразование координат вектора при замене базиса.

Тема 3. Квадратичные формы

Собственные значения матрицы. Собственные векторы матрицы. Приведение матрицы к диагональному виду.

Квадратичные формы. Матрица квадратичной формы, ее свойства. Приведение квадратичной формы к нормальному виду методом Лагранжа. Приведение квадратичной формы к каноническому виду операторным методом.

Положительная и отрицательная определенность квадратичные формы.

Кривые второго порядка и их классификация, основные характеристики. Приведение общего уравнения кривой второго порядка к каноническому виду.

Раздел 2 – Математический анализ

Тема 4. Дифференциальное исчисление функций одной переменной

Предел функции в точке и на бесконечности. Односторонние пределы. Бесконечно малые и бесконечно большие функции. Замечательные пределы.

Непрерывность функции в точке и на множестве. Свойства непрерывных функций. Точки разрыва и их классификация.

Асимптоты графика функции.

Производная функции, ее свойства. Производная сложной функции. Первый дифференциал и его геометрический смысл. Основные свойства

дифференцируемых функций: Ферма, Ролля, Лагранжа, Коши. Правило Лопиталя – Бернулли раскрытия неопределенностей.

Полное исследование функции и построение графика с помощью дифференциального исчисления.

Тема 5. Интегральное исчисление функций одной переменной

Первообразная и неопределенный интеграл. Основные методы интегрирования: замена переменной, интегрирование по частям, интегрирование рациональных функций, некоторых классов иррациональных и тригонометрических функций.

Определенный интеграл и его свойства. Формула Ньютона-Лейбница. Несобственные интегралы первого и второго рода, методы вычисления. Приложения. Применение интегрального исчисления в экономике.

Тема 6. Функции нескольких переменных

Функции нескольких переменных, способы их задания. Частные производные. Дифференциалы функции нескольких переменных. Производная сложной функции. Производная по направлению, градиент функции и его свойства. Эластичность функции нескольких переменных и ее свойства.

Локальный, условный и глобальный экстремумы функции нескольких переменных.

Кратные интегралы, их свойства. Методы вычисления путем сведения к повторным интегралам. Приложения.

Тема 7. Дифференциальные уравнения

Понятие дифференциального уравнения, его порядка, общего и частного решения, задачи Коши. Примеры прикладных задач, приводящих к ДУ.

Дифференциальные уравнения первого порядка: с разделяющимися переменными, однородные, линейные. ЛОДУ и ЛНДУ *п*-го порядка с постоянными коэффициентами. Теоремы о структуре общего решения. Фундаментальная система решений ЛОДУ. Метод вариации.

Построение общего решения ЛНДУ *n*-го порядка с постоянными коэффициентами и правой частью в виде квазимногочлена.

5.2. Учебно-тематический план

Таблица 3

		Трудоемкость в часах					
№ п/			*Контактная работа - Аудиторная работа			Самостоя	Формы текущего
П	дисциплины	Всего	Общая, в т.ч.:	Лекции	Семинары, практические занятия	тельная работа	контроля успеваемости
1	Числовые множества. Матрицы	22	2	0	2	20	Выполнение индивидуальных
2	Системы линейных уравнений	19	3	1	2	16	заданий. Самостоятельные
3	Квадратичные формы	18	2	0	2	16	работы. Активность на
4	Дифференциальное исчисление функций одной переменной	49	5	1	4	44	практических занятиях. Собеседование по
5	Интегральное исчисление функций одной переменной	55	5	1	4	50	домашним заданиям. Подготовка
6	Функции нескольких переменных	54	6	2	4	48	презентаций и выступление. Выполнение домашних и ауд.
7	Дифференциальные уравнения	35	3	1	2	32	контрольных мероприятий
	В целом по дисциплине	252	26	6	20	226	Согласно учебному плану: контрольные работы
	Итого в %:		10	23	77	90	

^{*} объем контактной работы в очно-заочной/заочной формах обучения и индивидуальных учебных планах определяется соответствующими учебными планами. Темы, реализуемые в виде контактной работы, определяются преподавателем самостоятельно, исходя из уровня их сложности.

5.3. Содержание семинаров, практических занятий

Таблица 4

	Перечень вопросов для обсуждения на	
Наименование	семинарских, практических занятиях,	Форман прородомия
темы (раздела)	рекомендуемые источники из разделов 8, 9	Формы проведения
дисциплины	(указывается раздел и порядковый номер	занятий
	источника)	

Числовые	Комплексные числа и действия над ними.	Работа с
множества.	Алгебраическая, тригонометрическая формы записи	источниками.
Матрицы	комплексных чисел. Вычисление корня и степени	Выполнение
	комплексного числа.	индивидуальных
	Матрицы, операции над матрицами. Определитель	заданий.
	матрицы, его свойства, методы вычисления. Элементарные преобразования матриц. Ранг	Разбор
	матрицы. Обратная матрица, ее. вычисление.	ситуационных задач.
	Скалярное, векторное, смешанное произведение	Выполнение
	векторов.	домашних и
	Рекомендуемые источники: 8.1-8.7.	аудиторных
	·	контрольных работ.
		Обсуждение.
Системы линейных	Решение систем линейных алгебраических	Работа с
уравнений	уравнений по правилу Крамера и методом Гаусса.	источниками,
	Нахождение общего, базисного решений,	Выполнение
	фундаментального набора решений системы.	индивидуальных
	Нахождение базиса системы векторов.	заданиям. Разбор
	Разложение вектора по базису. Вычисление	ситуационных задач.
	собственных значений и собственных векторов	Выполнение
	квадратной матрицы.	контрольных работ.
	Рекомендуемые источники: 8.2-8.7.	Обсуждение.
Квадратичные	Построение матрицы квадратичной формы.	Разбор
формы	Приведение квадратичной формы к нормальному	ситуационных задач.
	виду методом Лагранжа.	Выполнение
	Определение знакоопределенности квадратичной	домашних заданий.
	формы по критерию Сильвестра.	Выполнение
	Приведение уравнения кривой второго порядка к каноническому виду.	самостоятельной работы.
	Рекомендуемые источники: 8.2, 8.3, 8.4, 8.5, 8.7.	Обсуждение.
Дифференциальное	Понятие предела. Методы вычисления пределов	
исчисление	Определение точек разрыва функции и установление	Работа с
функций одной	их типов. Исследование функции на непрерывность.	источниками.
переменной	Нахождение асимптот графика функции.	Выполнение
	Вычисление производных функции одной	индивидуальных
	переменной. Вычисление пределов функции по	заданий.
	правилу Лопиталя – Бернулли.	Разбор
	Определение интервалов монотонности и	ситуационных задач.
	экстремумы функции. Определение интервалов выпуклости, вогнутости и точек перегиба графика.	Выполнение
	Проведение полного исследования функции и	домашних и
	построение ее графика.	аудиторных
	Решение экономических задач с помощью	контрольных работ.
	производных. Эластичность функции.	Обсуждение.
	Рекомендуемые источники: 8.1-8.7.	, , ,

Интегральное исчисление функций одной переменной	Вычисление неопределенного интеграла методами: табличный, разложения, замены переменной, интегрирования по частям. Вычисление неопределенного интеграла от некоторых видов функций. Вычисление определенного интеграла. Вычисление несобственных интегралов. Вычисление определенного интеграла по формуле Ньютона-Лейбница. Вычисление несобственных интегралов. Решение прикладных задач с помощью интегрального исчисления. Рекомендуемые источники: 8.1 8.7.	Работа с источниками, Выполнение индивидуальных заданиям. Разбор ситуационных задач. Выполнение домашних заданий. Проведение самостоятельной работы. Обсуждение.
Функции нескольких переменных	Вычисление частных производных первого и второго порядков. Вычисление первого и второго дифференциала. Вычисление градиента и производной по направлению. Нахождение локальных экстремумов функции нескольких переменных. Нахождение условных экстремумов функции. Нахождение наибольших и наименьших значений функции. Экономические приложения функций нескольких переменных. Эластичность функции Кратный интеграл и его свойства. Вычисление кратного интеграла сведением его к повторному. Рекомендуемые источники: 8.3, 8.4, 8.5, 8.7.	Работа с источниками. Выполнение индивидуальных заданий. Разбор ситуационных задач. Выполнение домашних и аудиторных контрольных работ. Обсуждение.
Дифференциальные уравнения	Решение дифференциальных уравнений с разделяющимися переменными. Решение однородных дифференциальных уравнений. Решение линейных дифференциальных уравнений первого порядка. Решение линейных однородных дифференциальных уравнений 2-го порядка с постоянными коэффициентами. Решение линейных неоднородных дифференциальных уравнений 2-го порядка с постоянными коэффициентами в случае правой части специального вида. Решение начальной и краевой задачи. Рекомендуемые источники: 8.1, 8.4, 8.5, 8.6, 8.7.	Работа с источниками. Выполнение индивидуальных заданий. Разбор ситуационных задач. Выполнение домашних и аудиторных контрольных работ. Обсуждение.

6. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине

6.1. Перечень вопросов, отводимых на самостоятельное освоение дисциплины, формы внеаудиторной самостоятельной работы

Таблица 5

Наименование темы (разделов) дисциплины	Перечень вопросов, отводимых на самостоятельное освоение	Формы внеаудиторной самостоятельной работы
Числовые Множества. Матриць	Геометрическая интерпретация операций над комплексными числами. Примеры использования матриц и векторов в экономике. Операции над векторами, их свойства. Длина вектора, угол между векторами. Решение матричных уравнений. Вычисление определителя методом разложения по строке.	семинарским и практическим занятиям. Выполнение домашних
Системы линейных уравнений	Примеры использования системы линейных алгебраических неравенств в экономике. Методы вычисления фундаментальный набор решений однородной системы. Базисное решение неоднородной системы. Решение системы линейных уравнений методом обратной матрицы. Примеры линейных оптимизационных моделей в экономике. Процесс ортогонализации базиса. Матрица линейного оператора. Преобразование матрицы оператора при замене базиса.	эффективного мат. методов в социально- экономических исследованиях. Подготовка к занятиям, выполнение домашней самостоятельной работы.
Квадратичные формы	Примеры практического использования квадратичных форм и кривых второго порядка. Критерий Сильвестра. Метод Лагранжа. Угол между плоскостями. Расстояние от точки до плоскости. Взаимное расположение прямой и плоскости.	Работа с учебной литературой. Выполнение домашних заданий. Выполнение заданий домашней самостоятельной работы.

Дифференциальное	Функциональные зависимости, примеры	Работа с учебной
исчисление функций	Функциональные зависимости, примеры непрерывных и разрывных функций в экономике.	литературой.
одной переменной		Подготовка к
ognon nepemennon		
	функции,	семинарским и
	Первый и второй замечательные пределы.	практическим занятиям.
	Классификация точек разрыва. Геометрическая	Выполнение домашних
	интерпретация.	заданий.
	Эластичности спроса и предложения по цене,	Выполнение заданий
	эластичность спроса по доходу.	домашней
	Теоремы Ферма, Ролля, Лагранжа, Коши.	самостоятельной
	Необходимые и достаточные условия	работы.
	монотонности, экстремумов, выпуклости, точек	
	перегиба.	
Интегральное	Выпуск продукции за определенное время при	Работа с учебной
исчисление функций	заданном законе мгновенной мощности	литературой.
одной переменной	производства. Среднее значение функции.	Подготовка к
	Средняя производительность труда, средняя	семинарам.
	капиталоотдача.	Выполнение домашних
	Применение интегрального исчисления в	заданий.
	экономике.	Выполнение заданий
	Методы интегрирования: некоторых видов	домашней
	тригонометрических и иррациональных	
	1	работы.
	рациональных дробей.	1
Функции нескольких	Примеры функций нескольких переменных в	Работа с учебной
переменных	экономике: функция полезности, многофакторные	•
-	производственные функции.	Подготовка к семинарам
	Минимизация затрат и максимизация прибыли	-
	многоотраслевой фирмы.	домашней
	Использование вектора градиента при решении	, ,
	прикладных задач.	работы.
	Глобальный экстремум функции нескольких	расоты.
	переменных.	
Дифференциальные	Примеры социально-экономических задач,	Работа с учебной
уравнения	приводящих к дифференциальным уравнениям.	литературой.
jpasiiciiiii	Понятие краевой и начальной задачи. Приведите	
	примеры.	= =
		*
	Метод вариации произвольных постоянных для ЛНДУ.	• • • • • • •
		ные уравнения».
	Построение общего решения ЛНДУ <i>n</i> -го порядка с постоянными коэффициентами и правой частью	
	1	*
	в виде квазимногочлена.	Выполнение заданий
	Понятие системы дифференциальных уравнений.	
	Сведение системы линейных уравнений к одному	
	дифференциальному уравнению.	работы.

6.2. Перечень вопросов, заданий, тем для подготовки к текущему контролю

Примерные вопросы к контрольной работе № 1

- 1. Комплексные числа: алгебраическая и тригонометрическая формы задания. Операции над комплексными числами: сложение, вычитание, умножение, деление, возведение в степень, извлечение корня.
- 2. Матрицы. Операции над матрицами: транспонирование матрицы, умножение матрицы на число, сложение и вычитание матриц, умножение матриц, возведение матрицы в степень.
- 3. Определители матриц. Вычисления определителя 2-го и 3-го порядков.
- 4. Приведение матрицы к ступенчатому виду и виду Гаусса с помощью элементарных преобразований.
- 5. Ранг матрицы, ранг системы векторов.
- 6. Обратная матрица. Решение матричного уравнения.
- 7. Решение системы линейных алгебраических уравнений по правилу Крамера, методом Гаусса.
- 8. Приведение квадратичной формы к нормальному виду методом Лагранжа.
- 9. Матрица квадратичной формы. Знакоопределенность квадратичной формы.
- 10. Приведение уравнения кривой второго порядка к каноническому виду.
- 11. Определение предела функции в точке. Односторонние пределы.
- 12. Определение асимптот графика функции. Виды асимптот.
- 13. Определение точки разрыва функции. Классификация точек разрыва.
- 14. Вычисление производной сложной функции.
- 15. Вычисление пределов функции по правилу Лопиталя-Бернулли.
- 16. Определение локального экстремума функции одной переменной. Необходимое, достаточное условия монотонности и локального экстремума.
- 17.Определения выпуклости, вогнутости и точки перегиба графика функции. Необходимое, достаточные условия выпуклости и точки перегиба.
- 18. Общая схема исследования функции одной переменной.

Примерные задания контрольной работы № 1

1. Вычислите комплексное число:

$$\frac{\overline{(3+5i)}}{(1-2i)\cdot(-3+i)}.$$

2. Даны матрицы
$$A = \begin{pmatrix} -4 & -3 \\ -1 & -5 \end{pmatrix}$$
, $B = \begin{pmatrix} 3 & -1 & -3 \\ -2 & -1 & 0 \end{pmatrix}$ и $C = \begin{pmatrix} -1 & -3 \\ 1 & 1 \\ 2 & -5 \end{pmatrix}$.

Найдите матрицу

$$D = 4C^T + A \cdot B.$$

3. Найдите ранг матрицы

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 4 & 2 & 2 & 0 \\ 1 & 2 & -1 & -2 & -2 \\ 1 & 6 & 5 & 6 & 2 \\ 1 & 5 & 1 & 3 & 1 \end{pmatrix}.$$

4. Решите систему линейных алгебраических уравнений методом Гаусса и по правилу Крамера:

$$\begin{cases} 8x_1 - 5x_2 - 8x_3 = 4 \\ 5x_1 - 3x_2 - 5x_3 = 2 \\ 2x_1 - 2x_2 - x_3 = 5 \end{cases}$$

5. Методом Лагранжа приведите квадратичную форму

$$Q(x_1, x_2, x_3) = -2x_1^2 - 4x_2^2 - 6x_3^2 + 2x_1x_2 + 6x_1x_3 - 10x_2x_3$$

к нормальному виду. Укажите соответствующее преобразование переменных.

6. Вычислите предел функции

$$\lim_{x \to 0} \frac{1 - \sqrt{1 - 2x} - x}{1 - \cos x}.$$

13

7. Определите типы точек разрыва функции

$$f(x) = \begin{cases} \frac{2}{x-5}, & x \in (-\infty; 4), \\ -x^2 + 2x + 6, & x \in (4; 5), \\ \frac{9}{x-6}, & x \in [5; +\infty) \end{cases}.$$

8. Найдите производную функций:

a)
$$y = \frac{xe^x - 5\cos x}{x^2}$$
, 6) $y = \ln^3(\sin x - 1)$.

9. Найдите промежутки возрастания, убывания и экстремумы функции:

$$y = \frac{4x^2 + 13x + 7}{x + 3}.$$

10. Найдите промежутки выпуклости, вогнутости и точки перегиба графика функции

$$y = x - e^{-\frac{x^2}{8}}$$
.

Примерные вопросы к контрольной работе № 2

- 1. Неопределенный интеграл. Методы интегрирования: разложения, табличный, замена переменной, по частям.
- 2. Интегрирование рациональной дроби, тригонометрических и иррациональных выражений.
- 3. Определенный интеграл. Формула Ньютона Лейбница. Формула замены переменной в определенном интеграле.
- 4. Несобственные интегралы Методы их вычисления.
- 5. Экономические приложения производных и интегралов.
- 6. Частные производные функции нескольких переменных. Градиент, его свойства. Производная по направлению.

- 7. Нахождение локальных экстремумов функции нескольких переменных.
- 8. Нахождение условных экстремумов функции нескольких переменных.
- 9. Вычисление двойного интеграла сведением к повторному интегралу.
- 10. Решение дифференциальных уравнений первого порядка с разделяющимися переменными.
- 11. Решение однородных дифференциальных уравнений первого порядка.
- 12. Решение линейных дифференциальных уравнений первого порядка.
- 13. Решение задачи Коши (начальной задачи).
- 14. Решение дифференциальных уравнений второго порядка, допускающих понижение порядка.
- 15. Построение общего решения ЛОДУ 2-го порядка с постоянными коэффициентами.
- 16. Построение частного решения ЛНДУ 2-го порядка (метод неопределенных коэффициентов).
- 17. Построение частного решения ЛНДУ 2-го порядка методом вариации произвольных постоянных.

Примерные задания контрольной работы № 2

1. Найдите неопределенные интегралы:

a)
$$\int \frac{6x^2 - x + 1}{(x - 3) \cdot (x^2 - 1)} dx$$
; 6) $\int (3x + 7) \cdot \sin 3x \cdot dx$.

2. Вычислите определенный интеграл:

$$\int_{1}^{e} \frac{\sqrt[5]{\left(\ln x - 1\right)^4}}{x} dx$$

3. Исследуйте на сходимость несобственный интеграл:

$$\int_0^{+\infty} e^{-5x+2} dx.$$

4. Найдите в точке A(1;3) первый и второй дифференциалы функции

$$f(x,y) = e^{-3x^2y + 5xy + 6}$$

- **5.** Для функции $z=2x^3y-arctg\,\frac{x}{y}$ найдите в точке $P_0(1;1)$ производную в направлении вектора $\overline{S_1}=(2;\,2)$.
 - 6. Для заданной производственной функции

$$Q(K;L) = 7L^{0,3} \cdot K^{0,2},$$

где Q – объём выпускаемой продукции, K – объем фондов (капитала), L – объём трудовых ресурсов при K_0 = 400, L_0 = 168, найдите предельную фондоотдачу, предельную норму замещения труда капиталом, эластичность выпуска по фондам. Ответы дайте в виде десятичных дробей с тремя знаками после десятичной запятой.

7. Найдите точки локального экстремума функции

$$f(x, y) = -2y^2 + x^2 + 16 \ln y - \ln(x^2)$$

и определите их тип.

8. Найдите точки условного экстремума функции

$$f(x,y) = 3x^2 + 6y^2 - 2$$

на множестве решений уравнения

$$\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{36} = 1.$$

9. Найдите наибольшее и наименьшее значения функции

$$f(x, y) = x^2 + y^2 + xy - x + y + 5$$

в области

$$D = \{ (x, y) \in \mathbb{R}^2 \mid x \ge 0, \ x - 3 \le y \le 0 \}.$$

10. Найдите кратный интеграл

$$\iint_D 3x^2(y+5) \, dx dy$$

по области, ограниченной линиями: y = x, y = 3x, x = 2.

11. Решите дифференциальные уравнения первого и второго порядков:

a)
$$y' = 3^{5x-7y}$$
; 6) $4y'' + 4y' + y = -e^x(3x - 2)$.

12. Решите задачу Коши для дифференциальных уравнений первого и второго порядков:

a)
$$y' = (y+2) \cdot (2x-3)$$
, $y(0) = -4$;

6)
$$y'' - 2y' + y = 0$$
; $y(0) = 2$, $y'(0) = -1$.

Критерии балльной оценки различных форм текущего контроля успеваемости содержатся в соответствующих методических рекомендациях Кафедры анализа данных и машинного обучения Факультета информационных технологий и анализа больших данных.

7. Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине

Перечень компетенций с указанием индикаторов их достижения в процессе освоения образовательной программы содержится в разделе 2. «Перечень планируемых результатов освоения образовательной программы (перечень компетенций) с указанием индикаторов их достижения и планируемых результатов обучения по дисциплине».

Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки индикаторов достижения компетенций, знаний и умений

Таблица 6

Наименование компетенции	Наименование индикаторов достижения компетенции	Результаты обучения и знания), соотнесенные с индикаторами достижения компетенции	Типовые контрольные задания
Способность	1. Демонстрирует	Знать: современные	Опишите современные
выполнять	знание основ	основы	основы
сервисное	функционирования	функционирования	функционирования
обслуживание и	компьютерной	компьютерной	компьютерной

постойна	TOVILLEH POHIOT	TOVILLE MOTORIL	TOVINIEL HOOTO
настройку	техники, решет	техники, методы	техники, часто
аппаратного и	часто возникающие	решения часто	встречающиеся
программного	проблемы в их	возникающих проблем	эксплуатационные
обеспечения, в	эксплуатации,	в их эксплуатации,	проблемы, порядок
том числе с	выполняет	порядок первичной	первичной установки и
учетом	первичную	установки и настройки	настройки программ и
требований	установку и	популярных программ	операционных систем.
информационной	настройку	и операционных	
безопасности	популярных	систем.	
(ПКН-7)	программ и	Уметь: выполнить	Devision was was a second
	операционных		Выполните первичную
	систем.	первичную установку	установку и настройку
		и настройку	необходимых
		необходимых	программ и
		программ и	операционных систем
		операционных систем,	конкретной задачи
		описывать состав и	профессиональной
		структуру данных и	деятельности, опишите
		информации,	состав и структуру
		используемых в	данных и информации,
		решаемой задаче,	обоснуйте выбор
		грамотно применять	математического
		алгоритмы основных	метода анализа и
		математических	решения задачи.
	2 H	методов.	
	2. Демонстрирует	Знать: основы	Опишите основы
	знание основ	функционирования	функционирования
	функционирования	операционных систем	операционных систем и
	операционных	и компьютерных	компьютерных сетей,
	систем и	сетей, настройки	порядок настройки
	компьютерных	сетевых подключений	сетевых подключений
	сетей, настраивает	и служб, методы	и служб, методы
	сетевые	диагностики их работу	диагностики их работы
	подключения и	и решения основных	и решения задач
	службы,	задач	администрирования
	диагностирует их	администрирования	сетей.
	работу и решет	сетей.	
	типичные задачи	X 7	
	администрирования	Уметь: подобрать для	Осуществите выбор
	сетей.	исследуемой задачи	операционной системы
		операционные	и компьютерных сетей,
		системы и	выполните настройку
		компьютерные сети,	сетевых подключений
		настроить сетевые	и службы, проведите
		подключения и	диагностику их работы,
		службы, провести	для практической
		диагностику их	задачи
		работы, решать	профессиональной
		типичные задачи	деятельности.
		администрирования	
		сетей.	

A 77		
3. Использует	Знать: современные	Опишите современные
серверные	серверные	серверные
операционные	операционные	операционные
системы для	системы,	системы, используемые
разработки и	используемые при	при разработке и
развертывания	разработке и	развертывании сетевых
сетевых	развертывании	приложений в процессе
приложений,	сетевых приложений в	решения задач
настраивает веб-	процессе решения	профессиональной
службы, частично	задач	деятельности.
автоматизирует эти	профессиональной	
процессы.	деятельности.	
F	7	
	Уметь: выбрать	Осуществите выбор
	соответствующие	соответствующих
	решаемой задаче	решаемой задаче
	серверные	серверных
	операционные	операционных систем,
	системы,	настройте веб-службы,
	_ `	предложите
	* *	возможную частичную
	развертывать сетевые	автоматизацию этих
	приложения,	процессов.
	настраивать веб-	процессов.
	службы, частично	
	автоматизировать эти	
4 T	процессы.	
4. Демонстрирует	Знать: современные	Опишите современные
знание основ	Знать: современные основы компьютерной	основы компьютерной
знание основ компьютерной	Знать: современные основы компьютерной безопасности,	основы компьютерной безопасности,
знание основ компьютерной безопасности,	Знать: современные основы компьютерной безопасности, алгоритмы	основы компьютерной безопасности, алгоритмы
знание основ компьютерной безопасности, алгоритмов	Знать: современные основы компьютерной безопасности, алгоритмы шифрования,	основы компьютерной безопасности, алгоритмы шифрования,
знание основ компьютерной безопасности, алгоритмов шифрования,	Знать: современные основы компьютерной безопасности, алгоритмы шифрования, хеширования, понятия	основы компьютерной безопасности, алгоритмы шифрования, хеширования, понятия
знание основ компьютерной безопасности, алгоритмов шифрования, хеширования,	Знать: современные основы компьютерной безопасности, алгоритмы шифрования, хеширования, понятия аутентификации,	основы компьютерной безопасности, алгоритмы шифрования, хеширования, понятия аутентификации,
знание основ компьютерной безопасности, алгоритмов шифрования, хеширования, понятий	Знать: современные основы компьютерной безопасности, алгоритмы шифрования, хеширования, понятия аутентификации, авторизации,	основы компьютерной безопасности, алгоритмы шифрования, хеширования, понятия аутентификации, авторизации, цифровых
знание основ компьютерной безопасности, алгоритмов шифрования, хеширования, понятий аутентификации,	Знать: современные основы компьютерной безопасности, алгоритмы шифрования, хеширования, понятия аутентификации, авторизации, цифровых	основы компьютерной безопасности, алгоритмы шифрования, хеширования, понятия аутентификации, авторизации, цифровых сертификатов,
знание основ компьютерной безопасности, алгоритмов шифрования, хеширования, понятий аутентификации, авторизации,	Знать: современные основы компьютерной безопасности, алгоритмы шифрования, хеширования, понятия аутентификации, авторизации, цифровых сертификатов,	основы компьютерной безопасности, алгоритмы шифрования, хеширования, понятия аутентификации, авторизации, цифровых сертификатов, протоколов безопасной
знание основ компьютерной безопасности, алгоритмов шифрования, хеширования, понятий аутентификации, авторизации, цифровых	Знать: современные основы компьютерной безопасности, алгоритмы шифрования, хеширования, понятия аутентификации, авторизации, цифровых сертификатов, протоколов	основы компьютерной безопасности, алгоритмы шифрования, хеширования, понятия аутентификации, авторизации, цифровых сертификатов,
знание основ компьютерной безопасности, алгоритмов шифрования, хеширования, понятий аутентификации, авторизации, цифровых сертификатов,	Знать: современные основы компьютерной безопасности, алгоритмы шифрования, хеширования, понятия аутентификации, авторизации, цифровых сертификатов,	основы компьютерной безопасности, алгоритмы шифрования, хеширования, понятия аутентификации, авторизации, цифровых сертификатов, протоколов безопасной
знание основ компьютерной безопасности, алгоритмов шифрования, хеширования, понятий аутентификации, авторизации, цифровых сертификатов, протоколов	Знать: современные основы компьютерной безопасности, алгоритмы шифрования, хеширования, понятия аутентификации, авторизации, цифровых сертификатов, протоколов	основы компьютерной безопасности, алгоритмы шифрования, хеширования, понятия аутентификации, авторизации, цифровых сертификатов, протоколов безопасной
знание основ компьютерной безопасности, алгоритмов шифрования, хеширования, понятий аутентификации, авторизации, цифровых сертификатов,	Знать: современные основы компьютерной безопасности, алгоритмы шифрования, хеширования, понятия аутентификации, авторизации, цифровых сертификатов, протоколов безопасной передачи	основы компьютерной безопасности, алгоритмы шифрования, хеширования, понятия аутентификации, авторизации, цифровых сертификатов, протоколов безопасной
знание основ компьютерной безопасности, алгоритмов шифрования, хеширования, понятий аутентификации, авторизации, цифровых сертификатов, протоколов	Знать: современные основы компьютерной безопасности, алгоритмы шифрования, хеширования, понятия аутентификации, авторизации, цифровых сертификатов, протоколов безопасной передачи	основы компьютерной безопасности, алгоритмы шифрования, хеширования, понятия аутентификации, авторизации, цифровых сертификатов, протоколов безопасной
знание основ компьютерной безопасности, алгоритмов шифрования, хеширования, понятий аутентификации, авторизации, цифровых сертификатов, протоколов безопасной	Знать: современные основы компьютерной безопасности, алгоритмы шифрования, хеширования, понятия аутентификации, авторизации, цифровых сертификатов, протоколов безопасной передачи данных.	основы компьютерной безопасности, алгоритмы шифрования, хеширования, понятия аутентификации, авторизации, цифровых сертификатов, протоколов безопасной передачи данных.
знание основ компьютерной безопасности, алгоритмов шифрования, хеширования, понятий аутентификации, авторизации, цифровых сертификатов, протоколов безопасной	Знать: современные основы компьютерной безопасности, алгоритмы шифрования, понятия аутентификации, авторизации, цифровых сертификатов, протоколов безопасной передачи данных. Уметь: грамотно	основы компьютерной безопасности, алгоритмы шифрования, хеширования, понятия аутентификации, авторизации, цифровых сертификатов, протоколов безопасной передачи данных. Сравните основные
знание основ компьютерной безопасности, алгоритмов шифрования, хеширования, понятий аутентификации, авторизации, цифровых сертификатов, протоколов безопасной	Знать: современные основы компьютерной безопасности, алгоритмы шифрования, понятия аутентификации, авторизации, цифровых сертификатов, протоколов безопасной передачи данных. Уметь: грамотно применять основные	основы компьютерной безопасности, алгоритмы шифрования, хеширования, понятия аутентификации, авторизации, цифровых сертификатов, протоколов безопасной передачи данных. Сравните основные методы шифрования,
знание основ компьютерной безопасности, алгоритмов шифрования, хеширования, понятий аутентификации, авторизации, цифровых сертификатов, протоколов безопасной	Знать: современные основы компьютерной безопасности, алгоритмы шифрования, хеширования, понятия аутентификации, авторизации, цифровых сертификатов, протоколов безопасной передачи данных. Уметь: грамотно применять основные методы, используемые	основы компьютерной безопасности, алгоритмы шифрования, кеширования, понятия аутентификации, авторизации, цифровых сертификатов, протоколов безопасной передачи данных. Сравните основные методы шифрования, используемые
знание основ компьютерной безопасности, алгоритмов шифрования, хеширования, понятий аутентификации, авторизации, цифровых сертификатов, протоколов безопасной	Знать: современные основы компьютерной безопасности, алгоритмы шифрования, кеширования, понятия аутентификации, авторизации, цифровых сертификатов, протоколов безопасной передачи данных. Уметь: грамотно применять основные методы, используемые в области компьютер-	основы компьютерной безопасности, алгоритмы шифрования, хеширования, понятия аутентификации, авторизации, цифровых сертификатов, протоколов безопасной передачи данных. Сравните основные методы шифрования, используемые в профессиональной
знание основ компьютерной безопасности, алгоритмов шифрования, хеширования, понятий аутентификации, авторизации, цифровых сертификатов, протоколов безопасной	Знать: современные основы компьютерной безопасности, алгоритмы шифрования, понятия аутентификации, авторизации, цифровых сертификатов, протоколов безопасной передачи данных. Уметь: грамотно применять основные методы, используемые в области компьютерной безопасности,	основы компьютерной безопасности, алгоритмы шифрования, кеширования, понятия аутентификации, авторизации, цифровых сертификатов, протоколов безопасной передачи данных. Сравните основные методы шифрования, используемые в профессиональной деятельности,
знание основ компьютерной безопасности, алгоритмов шифрования, хеширования, понятий аутентификации, авторизации, цифровых сертификатов, протоколов безопасной	Знать: современные основы компьютерной безопасности, алгоритмы шифрования, хеширования, понятия аутентификации, авторизации, цифровых сертификатов, протоколов безопасной передачи данных. Уметь: грамотно применять основные методы, используемые в области компьютерной безопасности, использовать в	основы компьютерной безопасности, алгоритмы шифрования, понятия аутентификации, авторизации, цифровых сертификатов, протоколов безопасной передачи данных. Сравните основные методы шифрования, используемые в профессиональной деятельности, примените алгоритм хеширования, понятия
знание основ компьютерной безопасности, алгоритмов шифрования, хеширования, понятий аутентификации, авторизации, цифровых сертификатов, протоколов безопасной	Знать: современные основы компьютерной безопасности, алгоритмы шифрования, понятия аутентификации, авторизации, цифровых сертификатов, протоколов безопасной передачи данных. Уметь: грамотно применять основные методы, используемые в области компьютерной безопасности, использовать в профессиональной деятельности	основы компьютерной безопасности, алгоритмы шифрования, хеширования, понятия аутентификации, авторизации, цифровых сертификатов, протоколов безопасной передачи данных. Сравните основные методы шифрования, используемые в профессиональной деятельности, примените алгоритм хеширования, понятия аутентификации,
знание основ компьютерной безопасности, алгоритмов шифрования, хеширования, понятий аутентификации, авторизации, цифровых сертификатов, протоколов безопасной	Знать: современные основы компьютерной безопасности, алгоритмы шифрования, кеширования, понятия аутентификации, авторизации, цифровых сертификатов, протоколов безопасной передачи данных. Уметь: грамотно применять основные методы, используемые в области компьютерной безопасности, использовать в профессиональной деятельности алгоритмов	основы компьютерной безопасности, алгоритмы шифрования, понятия аутентификации, авторизации, цифровых сертификатов, протоколов безопасной передачи данных. Сравните основные методы шифрования, используемые в профессиональной деятельности, примените алгоритм хеширования, понятия аутентификации, авторизации, цифровых
знание основ компьютерной безопасности, алгоритмов шифрования, хеширования, понятий аутентификации, авторизации, цифровых сертификатов, протоколов безопасной	Знать: современные основы компьютерной безопасности, алгоритмы шифрования, кеширования, понятия аутентификации, авторизации, цифровых сертификатов, протоколов безопасной передачи данных. Уметь: грамотно применять основные методы, используемые в области компьютерной безопасности, использовать в профессиональной деятельности алгоритмов шифрования,	основы компьютерной безопасности, алгоритмы шифрования, понятия аутентификации, авторизации, цифровых сертификатов, протоколов безопасной передачи данных. Сравните основные методы шифрования, используемые в профессиональной деятельности, примените алгоритм хеширования, понятия аутентификации, авторизации, цифровых сертификатов,
знание основ компьютерной безопасности, алгоритмов шифрования, хеширования, понятий аутентификации, авторизации, цифровых сертификатов, протоколов безопасной	Знать: современные основы компьютерной безопасности, алгоритмы шифрования, кеширования, понятия аутентификации, авторизации, цифровых сертификатов, протоколов безопасной передачи данных. Уметь: грамотно применять основные методы, используемые в области компьютерной безопасности, использовать в профессиональной деятельности алгоритмов	основы компьютерной безопасности, алгоритмы шифрования, понятия аутентификации, авторизации, цифровых сертификатов, протоколов безопасной передачи данных. Сравните основные методы шифрования, используемые в профессиональной деятельности, примените алгоритм хеширования, понятия аутентификации, авторизации, цифровых

	авторизации,	решения конкретной
	цифровых протоколог	в прикладной задачи.
	безопасной передачи	1
	данных.	

Примерные вопросы для подготовки к экзамену Семестр 1

- 1. Комплексные числа: алгебраическая и тригонометрическая формы задания. Операции над комплексными числами.
- 2. Алгоритмы вычисления степени и корня комплексного числа.
- 3. Матрицы и их виды. Операции над матрицами: транспонирование матрицы, умножение матрицы на число, сложение и вычитание матриц, умножение матриц, возведение матрицы в степень.
- 4. Определители матриц и их свойства. Формулы вычисления определителя 2-го и 3-го порядков.
- 5. Миноры и алгебраические дополнения. Разложение определителя по элементам строки или столбца матрицы.
- 6. Элементарные преобразования матрицы. Приведение к ступенчатому виду и виду Гаусса с помощью элементарных преобразований.
- 7. Ранг матрицы, ранг системы векторов. Нахождения ранга методом элементарных преобразований.
- 8. Обратная матрица. Критерий существования и методы ее нахождения.
- 9. Теорема Кронекера Капелли. Критерий совместности СЛАУ.
- 10. Решение СЛАУ (метод обратной матрицы, правило Крамера, метод Гаусса).
- 11. Собственные векторы и собственные значения матрицы. Метод их нахождения.
- 12. Базис системы векторов. Нахождение координат разложения вектора по базису.
- 13. Квадратичная форма и ее матрица. Алгоритм приведения квадратичной формы к нормальному виду методом Лагранжа.

- 14. Критерий знакоопределенности квадратичной формы.
- 15. Кривые второго порядка, их классификация и свойства. Приведение уравнения кривой второго порядка к каноническому виду.
- 16.Определение предела последовательности. Правила вычисления пределов сходящихся последовательностей.
- 17. Определение предела функции в точке и односторонних пределов.
- 18. Определения бесконечно малой и бесконечно большой функции в точке.
- 19. Замечательные пределы.
- 20. Определение асимптот графика функции. Виды асимптот.
- 21. Определение точки разрыва функции. Классификация точек разрыва.
- 22. Теорема о производной сложной функции.
- 23. Правило Лопиталя-Бернулли.
- 24. Производные и дифференциалы высших порядков.
- 25. Необходимое, достаточное условия монотонности и локального экстремума.
- 26. Необходимое, достаточные условия выпуклости и точки перегиба.
- 27. Общая схема исследования функции одной переменной и построения графика.

Пример экзаменационного билета

Каждое задание оценивается в 10 баллов.

1. Воспользовавшись формулой Муавра, вычислите комплексное число:

$$\left(\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i\right)^{10}.$$

2. Решите матричное уравнение $A \cdot X = B$, где

$$A = \begin{pmatrix} 3 & -1 & 0 \\ 2 & -1 & 1 \\ 1 & 1 & -2 \end{pmatrix}, \qquad B = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ -3 & -1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}.$$

3. Методом Гаусса найдите общее и базисное решение системы уравнений:

$$\begin{cases} 2x_1 + x_2 - 4x_3 - 4x_4 + 3x_5 = 2, \\ -4x_1 - 3x_2 + 13x_3 + 3x_4 + 3x_5 = -3. \end{cases}$$

4. Определите типы точек разрыва функции

$$f(x) = \begin{cases} \frac{2}{x-5}, & x \in (-\infty; 4), \\ -x^2 + 2x + 6, & x \in (4; 5), \\ \frac{9}{x-6}, & x \in [5; +\infty) \end{cases}.$$

5. Найдите промежутки выпуклости, вогнутости и точки перегиба графика функции

$$y = \ln(x^2 - 2x + 2).$$

6. В математической модели рынка некоторого товара с функцией спроса

$$D(p) = 1 + 2p - 15p^2$$
,

где p – цена товара в рублях, выясните условия эластичности спроса.

Примерные вопросы для подготовки к экзамену

Семестр 2

- 1. Определение неопределенного интеграла и его свойства.
- 2. Формула замены переменной в неопределенном интеграле.
- 3. Формула интегрирования по частям для неопределенного интеграла.
- 4. Определение определенного интеграла. Достаточное условие интегрируемости.
- 5. Геометрический смысл определенного интеграла. Свойства определенного интеграла. Формула Ньютона Лейбница.
- 6. Формула замены переменной в определенном интеграле.
- 7. Формула интегрирования по частям для определенного интеграла.
- 8. Понятие несобственного интеграла с бесконечными пределами интегрирования.
- 9. Определение несобственного интеграла от разрывной функции

- 10. Экономические приложения производных и интегралов.
- 11. Функция нескольких переменных. Частные производные функции нескольких переменных.
- 12. Достаточное условие дифференцируемости функции нескольких переменных.
- 13. Производная сложной функции нескольких переменных. Правила дифференцирования.
- 14. Производная по направлению функции нескольких переменных.
- 15. Градиент. Свойства градиента.
- 16. Частные производные высших порядков. Теорема о равенстве смешанных производных.
- 17. Локальные экстремумы функций нескольких переменных. Необходимое, достаточные условия локального экстремума.
- 18. Условный экстремум. Методы нахождения локальных экстремумов: метод множителей Лагранжа; метод подстановки.
- 19. Наибольшее и наименьшее значения непрерывной функции на замкнутом ограниченном множестве.
- 20. Двойные интегралы и их свойства. Сведение двойного интеграла к повторному интегралу.
- 21. Определение дифференциального уравнения, его порядка, степени. Определение общего и частного решения / общего и частного интеграла.
- 22. Понятие задачи Коши. Геометрическая интерпретация. Примеры.
- 23. Теорема о существовании и единственности решения задачи Коши.
- 24. Примеры практических задач, приводящих к дифференциальным уравнениям.
- 25. Дифференциальные уравнения первого порядка: с разделяющимися переменными, однородные, линейные.
- 26. Линейные однородные дифференциальные уравнения порядка *n*. Определение фундаментальной системы решений.
- 27. Теоремы об общем решении ЛОДУ и ЛНДУ *n*-го порядка.
- 28. Построение частного решения ЛНДУ (метод вариации).

- 29. Линейные однородные дифференциальные уравнения *n*-го порядка с постоянными коэффициентами. Метод Эйлера построения фундаментальной системы решений.
- 30. Алгоритм построения общего решения ЛОДУ *n*-го порядка с постоянными коэффициентами.
- 31. Построение частного решения ЛНДУ с постоянными коэффициентами (метод неопределенных коэффициентов).
- 32. Понятие краевой задачи. Примеры начальных и краевых задач.

Пример экзаменационного билета

Каждое задание оценивается в 10 баллов.

1. Вычислите неопределенный интеграл:

$$\int \frac{\sqrt{1+x^2}\,dx}{x^2}\,.$$

2. Исследуйте на сходимость несобственный интеграл:

$$\int_0^{+\infty} x e^{-3x+5} dx.$$

3. Для заданной производственной функции

$$Q(K;L) = \frac{7L^{0,3} \cdot 4^{K}}{1 + 2 \cdot 4^{K}},$$

где Q – объём выпускаемой продукции, K – объем фондов (капитала), L – объём трудовых ресурсов при K_0 =540, L_0 = 169, найдите предельную фондоотдачу, предельную норму замещения труда капиталом, эластичность выпуска по фондам. Ответы дайте в виде десятичных дробей с тремя знаками после десятичной запятой.

4. Найдите точки локальных экстремумов функции

$$f(x, y) = -2y^2 + x^2 + 16 \ln y - \ln(x^2)$$

и определите их тип.

5. Найдите кратный интеграл

$$\iint_D 2x^2(xy - 3) \, dxdy$$

по области, ограниченной линиями: y = x, y = 3x, x = 2.

6. Найдите общее решение дифференциального уравнения:

$$y' = \frac{(y+3) \cdot y}{2 - 5x}.$$

8. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины

Основная литература:

- 1. Глухов, М. М. Алгебра: В 2-х т.. Т.1, 2: учебник / М. М. Глухов, А. А. Нечаев, В. П. Елизаров. Москва: Гелиос АРВ, 2003. 336 с., 416 с. Текст : непосредственный. Глухов, М. М. Алгебра: учебник / М. М. Глухов, В. П. Елизаров, А. А. Нечаев. 5-е изд., стер. Санкт-Петербург : Лань, 2024. 608 с. ЭБС Лань. URL: https://e.lanbook.com/book/379334 (дата обращения: 11.03.2024). Текст : электронный.
- 2. Кремер, Н. Ш. Линейная алгебра: учебник и практикум / Н. Ш. Кремер, М.Н. Фридман; Финуниверситет; под ред. Н.Ш. Кремера. Москва: Юрайт, 2014. 307 с. Текст: непосредственный. Кремер, Н. Ш. Линейная алгебра: учебник и практикум для бакалавриата и специалитета / под ред. Н. Ш. Кремера. 3-е изд., испр. и доп. Москва: Юрайт, 2024. 422 с. (Серия: Бакалавр и специалист). ЭБС Юрайт. URL: https://urait.ru/bcode/541986 (дата обращения: 11.03.2024). Текст: электронный.
- 3. Кремер, Н. Ш. Математика для экономистов: от арифметики до эконометрики. Учебно-справочное пособие : для академического бакалавриата / Н. Ш. Кремер, Б. А. Путко, И. М. Тришин ; под общей

редакцией Н. Ш. Кремера. — 4-е изд., перераб. и доп. — Москва : Юрайт, 2019. — 724 с. — (Бакалавр. Академический курс). — Текст : непосредственный. Кремер, Н. Ш. Математика для экономистов: от арифметики до эконометрики. Учебно-справочное пособие : учебник для вузов / Н. Ш. Кремер, Б. А. Путко, И. М. Тришин ; под общей редакцией Н. Ш. Кремера. — 5-е изд., испр. и доп. — Москва : Юрайт, 2024. — 760 с. — (Высшее образование). — ЭБС Юрайт. — URL: https://urait.ru/bcode/535426 (дата обращения: 11.03.2024). - Текст : электронный.

Дополнительная литература:

- 4. Демидович, Б. П. Сборник задач и упражнений по математическому анализу: учебное пособие для вузов / Б. П. Демидович. 24-е изд., стер. Санкт-Петербург : Лань, 2022. 624 с. ЭБС Лань. URL: https://e.lanbook.com/book/184105 (дата обращения: 11.03.2024). Текст : электронный.
- 5. Плохотников, К. Э. Базовые разделы математики для бакалавров в среде МАТLAB / К. Э. Плохотников. Москва : Вузовский учебник, 2014. 571 с. ЭБС ZNANIUM. URL: http://znanium.com/go.php?id=496199 (дата обращения: 11.03.2024). Текст : электронный.
- 6. Математика в экономике. Ч.1: Линейная алгебра, аналитическая геометрия и линейное программирование: учебник для студ. экономич. спец. вузов / А. С. Солодовников, В. А. Бабайцев, А. В. Браилов [и др.]. Москва: Финансы и статистика; ИНФРА-М, 2003, 2005, 2006, 2007, 2011. 384 с.— Текст: непосредственный. То же.
 - URL: http://lpvserver190/fulltext/Book/TRUDY%20FA/Mathematics1.pdf (дата обращения: 11.03.2024). Текст : электронный.
- 7. Математика в экономике. Ч.2: Математический анализ: учебник для студ. экономич. спец. вузов / А. С. Солодовников, В. А. Бабайцев, А. В. Браилов [и др.]. Москва: Финансы и статистика; Инфра-М, 2003, 2005, 2007, 2011. 557 с. Текст: непосредственный. То же. 1999. URL:

http://lpvserver190/fulltext/Book/TRUDY%20FA/Mathematics2.pdf (дата обращения: 11.03.2024). – Текст : электронный.

9. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины

- 1. Личный кабинет обучающегося https://org.fa.ru
- 2. Электронная библиотека Финансового университета (ЭБ) http://elib.fa.ru/
 - 3. Электронно-библиотечная система BOOK.RU http://www.book.ru
- 4. Электронно-библиотечная система «Университетская библиотека ОНЛАЙН» http://biblioclub.ru/
 - 5. Электронно-библиотечная система Znanium http://www.znanium.com
- 6. Электронно-библиотечная система издательства «ЮРАЙТ» https://urait.ru/
- 7. Электронно-библиотечная система издательства Проспект http://ebs.prospekt.org/books
- 8. Электронно-библиотечная система издательства «Лань» https://e.lanbook.com/
 - 9. Деловая онлайн-библиотека Alpina Digital http://lib.alpinadigital.ru/
 - 10. Научная электронная библиотека eLibrary.ru http://elibrary.ru
 - 11. Национальная электронная библиотека http://нэб.pф/
- 12. http://repository.vzfei.ru Компьютерная обучающая программа для студентов 1 курса по дисциплине «Математика» (КОПР1-М), зарегистрирована в Информационно-библиотечном фонде РФ, рег. № 50200000053 от 08.06.2000.
- 13. http://repository.vzfei.ru Высшая математика. Учебно-методическое пособие /под ред. Н.Ш. Кремера М., 2015 (электронная версия в разделе «Образовательные ресурсы» на сайте «Финансовый университет заочное обучение»).

- 14. http://repository.vzfei.ru Математический анализ и линейная алгебра. Методические указания по компьютерному тестированию М.: Вузовский учебник, 2007 (электронная версия в разделе «Учебные ресурсы» на портале Финуниверситета).
- 15. http://repository.vzfei.ru Математический анализ. Обзорная лекция для студентов I курса всех направлений.

10. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

Цель методических рекомендаций — обеспечить студенту бакалавриата (далее — студенту) оптимальную организацию процесса изучения дисциплины, а также выполнения различных форм самостоятельной работы.

При освоении дисциплины основное внимание следует уделять лекциям, практическим занятиям, аудиторной и внеаудиторной самостоятельной работе.

Студентам необходимо ознакомиться:

- с содержанием рабочей программы дисциплины (далее РПД),
- с целями и задачами дисциплины, ее связями с другими дисциплинами образовательной программы,
- методическими разработками по данной дисциплине, имеющимися на образовательном портале Финансового университета и сайте Кафедры анализа данных и машинного обучения,
- с графиком консультаций преподавателей Кафедры по изучаемой дисциплине.

Изучение дисциплины требует систематического и последовательного накопления знаний. Следовательно, пропуски отдельных тем не позволяют глубоко освоить предмет. Именно поэтому контроль над систематической работой студентов всегда находится в центре внимания преподавателей.

Подготовка к лекционным и практическим занятиям по дисциплине включает в себя работу с литературным источниками, различными базами данных, иной информацией, обсуждение полученной информации и решение типовых задач по разделам и темам дисциплины, обсуждение подходов к решению. Поскольку, согласно учебному плану, большая часть учебного

времени отводится на самостоятельное изучение дисциплины, то студентам также предлагаются задания для самостоятельной работы.

Самостоятельная работа студентов проходит аудиторно и внеаудиторно. Самостоятельная работа студентов включает в себя выполнение различного рода заданий, которые ориентированы на более глубокое усвоение материала изучаемой дисциплины. К выполнению заданий для самостоятельной работы предъявляются следующие требования: задания должны выполняться самостоятельно и представляться в установленный срок, а также соответствовать установленным требованиям по оформлению.

Организации самостоятельной работы служит учебно-тематический план изучения дисциплины. В этом плане указана тематика лекций, практических занятий, вопросы и задания для самостоятельного изучения.

Домашние задания следует выполнять регулярно при подготовке к практическим занятиям. Контроль выполнения домашних заданий осуществляется в ходе практических занятий в процессе выборочного собеседования. В большинстве своем задания являются типовыми, и образцы их решения содержатся в рекомендованных пособиях, в материале лекций и практических занятий.

Если то или иное задание вызвало затруднение необходимо обратиться к преподавателю на консультации или ближайшем практическом занятии. Регулярность в выполнении домашних заданий — важный фактор освоения дисциплины. Даже небольшие отклонения от графика могут спровоцировать серьезное отставание и в дальнейшем — риск получения неудовлетворительных оценок в ходе текущей и промежуточной аттестации. Для выполнения домашних заданий следует завести отдельную тетрадь. Контроль за выполнением домашних заданий осуществляется в ходе практических занятий и выборочного собеседования.

- 11. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине, включая перечень необходимого программного обеспечения и информационных справочных систем
- 11.1. Комплект лицензионного программного обеспечения:
 - Пакет офисных программ;
 - Антивирус Kaspersky;
- 11.2. Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы:
 - Информационно-правовая система «Гарант»;
- Информационно-правовая система «Консультант Плюс» http://www/consultant.ru;
 - Электронная энциклопедия: http://ru.wikipedia.org/wiki/Wiki;
- Система комплексного раскрытия информации «СКРИН» http://www.skrin.ru/;
 - Федеральная служба государственной статистики: http://www.gks.ru;
 - Информационная система СПАРК.
- 11.3. Сертифицированные программные и аппаратные средства защиты информации: не предусмотрены.
- 11.4. Единое окно доступа к образовательным ресурсам. Полнотекстовая электронная библиотека учебных и учебно-методических материалов (федеральный ресурс). http://www.window.edu.ru.
- 11.5. Образовательный математический сайт. http://www.exponenta.ru.
- 11.6. Московский центр непрерывного математического образования, МЦНМО.
- 11.7. Материалы (полные тексты) свободно распространяемых книг по математике. http://www.mccme.ru/free-books-
- 11.8. Электронная библиотека Финансового университета http://elib.fa.ru/
- 11.9. Сайт Факультета информационных технологий и анализа больших данных Финансового университета.
- 11.10. Сайт Кафедры анализа данных и машинного обучения Финансового университета.

12. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине

Помещения для проведения лекций, семинарских и практических занятий, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации, а также помещения для самостоятельной работы, должны содержать: проектор, экран, компьютер с выходом в интернет, микрофон, трехстворчатую учебную доску для написания медом, аудиторные столы и стулья с достаточным числом посадочных мест.