# Komputerowe systemy rozpoznawania

2019/2020

Prowadzący: dr hab. inż. Adam Niewiadomski prof. uczelni

pon., 12:15

Data oddania: Ocena:

Mateusz Walczak 216911 Konrad Kajszczak 216790

# Zadanie 2: Lingwistyczne podsumowania baz danych\*

#### 1. Cel

Celem zadania było zaprojektowanie aplikacji desktopowej, służącej do generowania podsumowań lingwistycznych oraz obliczania ich miar jakości dla wybranej bazy danych. Dodatkowo, aplikacja powinna posiadać graficzny interfejs użytkownika, który umożliwi intuicyjne korzystanie z programu.

# 2. Wprowadzenie

Rozważania we wprowadzeniu rozpoczniemy od *zbioru rozmytego*, czyli najbardziej podstawowego pojęcia, bez którego analiza działania ingwistycznych podsumowań baz danych nie byłaby mozliwa. Przytoczmy zatem definicję *zbioru rozmytego*:

Definicja 1. Zbiór rozmyty A w niepustej przestrzeni X [5]

$$A = \{ \langle x, \mu_A(x) \rangle : x \in X \}$$

gdzie  $\mu_A(x): \mathcal{X} \to [0,1]$  nazywamy funkcją przynależności do zbioru rozmytego A.

W związku z faktem, iż pojęcie funkcji przynależności wystąpiło w powyższej definicji, w następnym podrozdziale zajmiemy się opisem tego rodzaju funkcji, wykorzystywanych przez nas.

<sup>\*</sup> SVN: https://github.com/Walducha1908/KSR2

#### 2.1. Funkcje przynależności

Funkcja przynależności określa w jakim stopniu dany element przynależy do zbioru. W zbiorach rozmytych zakres wartości jakie może ona przyjmować jest rozszerzony do przedziału [0,1].

W naszym programie, posłużyliśmy się dwoma rodzajami funkcji przynależności:

• funkcją trójkątną opisaną wzorem:

$$f_{troj}(x) = \begin{cases} \frac{x-a}{b-a} & \text{jeśli } a \le x < b \\ 1 & \text{jeśli } x = b \\ \frac{c-x}{c-b} & \text{jeśli } b < x \le v \\ 0 & \text{w przeciwnym wypadku.} \end{cases}$$
 (1)

• oraz funkcją trapezoidalną opisaną wzorem:

$$f_{trap}(x) = \begin{cases} \frac{x-a}{b-a} & \text{jeśli } a \le x < b \\ 1 & \text{jeśli } b \le x \le c \\ \frac{d-x}{d-c} & \text{jeśli } c < x \le d \\ 0 & \text{w przeciwnym wypadku.} \end{cases}$$
 (2)

gdzie a, b, c oraz d są parametrami funkcji przynależności - wierzchołkami trójkąta lub trapezu na wykresie.

#### 2.2. Podsumowania lingwistyczne

W tym rozdziale skoncentrujemy się na wyjaśnieniu czym są podsumowania lingwistyczne, które stanowią głowny przedmiot rozważań tego zadania.

Ogólna postać lingwistycznego podsumowania bazy danych, prezentuje się następująco [4]:

$$Q P jest/sq S_i [T]$$
 (3)

Omówmy poszczególne elementy powyższego wzoru:

- Q stanowi kwantyfikator, kwantyfikatory mogą być względne (np. większość, prawie wszystkie, około połowa) lub bezwzględne (np. mniej niż 100, około 500),
- P jest podmiotem podsumowania lingwistycznego, zestawem obiektów reprezentowanym przez krotki w bazie danych (np. pomiary pogodowe, ludzie, samochody),
- $S_j$  jest sumaryzatorem, stanowi zbiór rozmyty na zbiorze wartości przyjmowanych przez j-tą kolumnę w bazie danych (np. wysoka temperatura w dziedzinie  $V_j$  [-20, 40]),
- T to stopień prawdziwości podsumowania (więcej informacji zamieszczono w rozdziale 2.3 dotyczącym miar jakości).

Zaprezentujmy przykład, dla omówionej postaci podsumowania lingwistycznego: "Prawie wszyscy programiści zarabiają ponad 2000 złotych [0.88]", gdzie: "Prawie wszyscy" to kwantyfikator, "programiści" to podmit lingwistyczny, "zarabiają ponad 2000 złotych" to sumaryztaor, a "[0.88]" to stopień

prawdziwości podsumowania.

Aby zwiększyć stopień skomplikowania podsumowania lingwistycznego, można skorzystać ze złożonego sumaryztora. Wtedy podsumowanie lingwistyczne przybiera postać:

$$Q P jest/sq S_1 i/lub S_2 i/lub ... i/lub S_n [T]$$
(4)

gdzie za pomocą słowa lub wyrażamy sumę sumaryzatorów zaś z wykorzystaniem słowa i - ich iloczyn.

Rozwińmy podany wcześniej przykład, tak aby wykorzystywał on sumaryzator złożony: "Prawie wszyscy programiści zarabiają ponad 2000 złotych i mają bardzo drogi samochód [0.54]", sumaryzatorem złożonym w tym przykładzie jest "zarabiają ponad 2000 złotych i mają bardzo drogi samochód".

Ostatnim etapem w naszej wędrówce po rozważaniach dotyczących podsumowań lingwistycznych, będzie podsumowanie z kwalifikatorem, które ma postać:

$$Q P będących/mających własność W jest/są S_i [T]$$
 (5)

gdzie W jest kwalifikatorem - dodatkową właściwością (lub zestawem właściwości) posiadaną przez analizowane obiekty (np. "[programiści] mający około 30 lat").

Kończąc nasze rozważania, zaprezentujemy jeszcze przytaczany wcześniej przykład, z wykorzystaniem kwalifikatora i sumaryzatora złożonego: "Prawie wszyscy programiści mający około 30 lat zarabiają ponad 2000 złotych i mają bardzo drogi samochód [0.54]".

#### 2.3. Miary jakości dla podumowań lingwistycznych

Aby określić jakość naszych podsumowaniań zaimplementowaliśmy 11 miar jakości od  $T_1$  do  $T_{11}$ . Poniżej zestawimy nazwy miar jakości wraz z onaczeniami matematycznymi, którymi będziemy się posługiwać w następnych rozdziałach:

- T<sub>1</sub> stopień prawdziwości,
- $T_2$  stopień nieprecyzyjności,
- $T_3$  stopień pokrycia,
- $T_4$  stopień trafności,
- T<sub>5</sub> długość podsumowania,
- T<sub>6</sub> stopień nieprecyzyjności kwantyfikatora,
- T<sub>7</sub> stopień liczności kwantyfikatora,
- T<sub>8</sub> stopień liczności sumaryzator,
- $T_9$  stopień nieprecyzyjności kwalifikatora,
- $T_{10}$  stopień liczności kwalifikatora,
- $T_{11}$  długość kwalifikatora.

Dokładny opis miar i wzorów można znaleźć w rozdziałach 8.3 i 8.4 w monografii Methods for the linguistic summarization of data - aplications of fuzzy sets and their extensions, Adam Niewiadomski [4].

# 3. Opis implementacji

Program został napisany w języku Java z wykorzystaniem narzędzia Maven [2], służącego do automatyzacji budowy oprogramowania. Graficzny interfejs użytkownika został zbudowany w oparciu o bibliotekę JavaFX [3].

W opisie implementacji skoncentrujemy się na jej najważniejszej części, czyli logice aplikacji.

W celu zbudowania struktury klas reprezentujących typy, parametry i własności zbiorów rozmytych oraz operacji na nich, zaimplementowaliśmy własną bibliotekę w formie pakietu w naszej aplikacji o nazwie FuzzyLib.

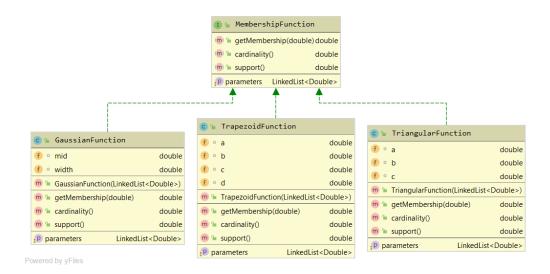
Pakiet FuzzyLib został podzielony na następujące podpakiety:

- Membership,
- Logic,
- Containers,
- Summaries.

W tym rozdziale omówione zostaną wszystkie wyżej wymienione podpakiety. Przedstawimy diagramy UML każdego z podpakietów a także omówimy zastosowanie poszczególnych klas.

#### 3.1. Podpakiet Membership

Podpakiet *Membership* zawiera implementacje funkcji przynależności. Każda klasa tego podpakietu implementuje interfejs *MembershipFunction*.



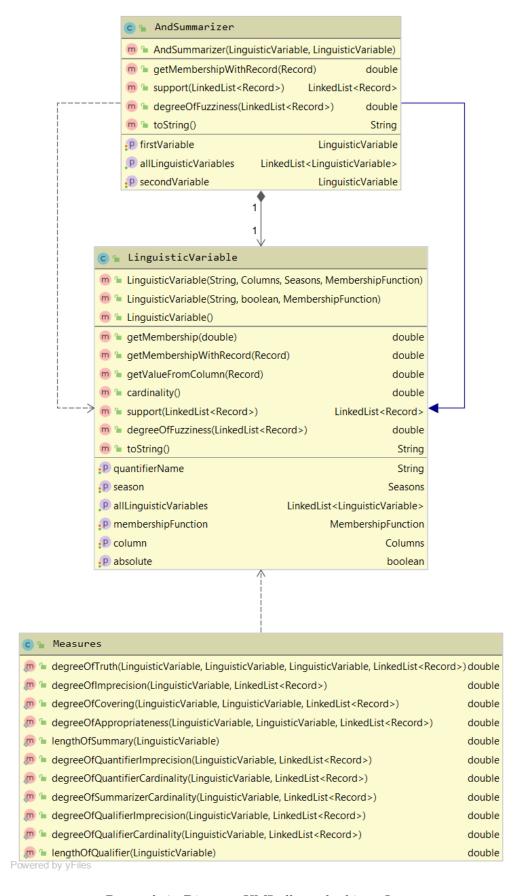
Rysunek 1. Diagram UML dla podpakietu Membership

Klasy podpakietu *Membership* są następujące:

- *MembershipFunction* interfejs implementowany przez wszystkie klasy należące do tego podpakietu,
- TriangularFunction klasa implementująca trójkątną funkcję przynależności,
- GaussianFunction klasa implementująca gaussowską funkcję przynależności.
- *TrapezoidFunction* klasa implementująca trapezoidalną funkcję przynależności.

#### 3.2. Podpakiet Logic

Podpakiet *Logic* odpowiada za implementacje zmiennych lingwistycznych, operacji sumy zbiorów rozmytych a także miar jakości podsumowań lingwistycznych.



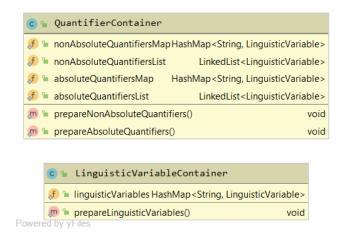
Rysunek 2. Diagram UML dla podpakietu Logic

Klasy podpakietu *Logic* są następujące:

- Linguistic Variable klasa implementująca zmienną lingwistyczną,
- And Summarizer klasa implementująca operacje iloczynu, dziedziczy z klasy Linguistic Variable,
- *Measures* klasa implementująca miary jakości podsumowań lingwistycznych.

#### 3.3. Podpakiet Containers

Podpakiet *Containers* zawiera klasy kontenerowe, tworzące i przetrzymujące zmienne lingwistyczne i kwantyfikatory.



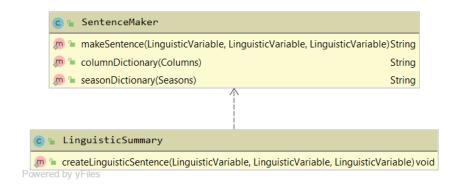
Rysunek 3. Diagram UML dla podpakietu Containers

Klasy podpakietu *Containers* są następujące:

- Linguistic Variable Container klasa kontenerowa dla zmiennych lingwistycznych,
- QuantifierContainer klasa kontenerowa dla kwantyfikatorów.

#### 3.4. Podpakiet Summaries

Podpakiet *Summaries* zawiera dwie klasy odpowiadające za budowę zdań podsumowania lingwistycznego w języku ludzkim (angielskim) oraz obliczenie wszystkich miar jakości dla danego podsumowania lingwistycznego - wywołanie statycznych metod klasy *Measures* podpakietu *Logic*.



Rysunek 4. Diagram UML dla podpakietu Summaries

Klasy podpakietu Summaries są następujące:

- LinguisticSummary klasa odpowiadająca za obliczenie wszystkich miar jakości dla danego podsumowania,
- $\bullet \ Sentence Maker$  klasa odpowiadająca za budowanie zdań w języku ludzkim.

# 4. Materially i metody

Wybrana przez nas baza danych zawiera historyczne pomiary pogodowe z Holandii [1]. Dane zostały zgromadzone przez KNMI (*Dutch weather institute* - Holenderski instytut pogodowy) na przestrzeni lat 1901-2018 i pochodziły z 50 różnych stacji pogowych znajdujących się na terenie całego kraju.

Ze względu na fakt, iż oryginalna baza danych składa się z 804099 krotek, postanowiliśmy wybrać tylko niewielką część z dostępnych danych. Zdecydowaliśmy się na najnowsze dane pomiarowe - z lat 2016-2018. W ten sposób ograniczyliśmy liczbę wykorzystywanych krotek do 17000.

#### 4.1. Wybór kolumn

W celu analizy bazy danych i tworzenia jej lingwistycznych podsumowań wybraliśmy 10 kolumn z danymi liczbowymi.

4	A	В	C	D	E	F	G	Н	1	J	K	L
1	STN	YYYYMMDD	FG	FHX	FHN	FXX	TG	TN	TX	T10N	Q	RH
2	380	20181231	23	30	10	60	83	74	91	70	96	19
3	370	20181231	27	40	20	70	89	73	99	72	115	5
4	350	20181231	28	40	20	80	89	75	98	72	132	5
5	375	20181231	28	50	20	90	90	73	98	71	105	1
6	290	20181231	36	60	20	90	88	74	99	73	126	2
7	275	20181231	30	50	20	90	86	72	98	70	132	1
8	279	20181231	40	60	20	100	86	78	97	77	150	-1
9	260	20181231	27	40	20	100	89	77	100	76	137	1
10	269	20181231	36	50	20	80	87	78	100	75	155	-1
11	280	20181231	40	60	20	110	88	80	99	77	174	5
12	240	20181231	45	70	30	110	90	83	109	76	205	-1
13	344	20181231	35	50	20	90	91	79	104	77	207	-1
14	215	20181231	42	60	20	90	89	82	97	80	212	0
15	235	20181231	51	80	40	110	90	83	98	77	229	-1
16	270	20181231	50	80	30	120	87	82	97	78	236	-1
17	310	20181231	48	60	30	90	88	73	102	71	335	3
18	375	20181230	32	40	20	90	79	53	92	42	137	31
19	350	20181230	29	50	20	80	82	56	93	49	139	14
20	260	20181230	26	50	20	100	85	62	95	52	112	10
21	370	20181230	33	50	20	90	80	51	91	45	156	11
22	269	20181230	33	60	20	110	82	63	92	54	119	8
23	344	20181230	36	60	20	120	86	50	97	36	141	4
24	215	20181230	43	60	20	100	87	57	99	48	127	7
25	275	20181230	35	70	20	120	77	55	90	48	138	24
26	279	20181230	39	80	20	160	76	67	84	62	148	10

Rysunek 5. Fragment widoku bazy w formacie xlsx

Wybrane kolumny są następujące:

- FG średnia prędkość wiatru przez cały dzień  $[0.1\frac{m}{s}]$ .
- FHX najwyższa średnia prędkość wiatru w ciągu jednej godziny  $[0.1\frac{m}{s}]$ .
- FHN najniższa średnia prędkość wiatru w ciągu jednej godziny  $[0.1\frac{m}{s}]$ .
- FXX najszybszy podmuch wiatru w ciągu całego dnia  $[0.1\frac{m}{s}]$ .
- TG średnia dzienna temperatura  $[0.1^{\circ}C]$ .
- TN minimalna dzienna temperatura  $[0.1^{\circ}C]$ .
- TX maksymalna dzienna temperatura  $[0.1^{\circ}C]$ .
- T10N minimalna dzienna temperatura na wysokości 10 cm od poziomu gruntu  $[0.1^{\circ}C]$ .

- $\bullet~$  Q nasłonecznienie, energia słoneczna przypadająca na powierzchnię  $[\frac{J}{cm^2}].$
- RH suma opadów atmosferycznych w ciągu całego dnia [0.1mm].

Oprócz wyżej opisanych danych liczbowych, w naszej bazie znajdują się także dwie dodatkowe kolumny, służące do identyfikacji pomiaru:

- STN numer stacji badawczej wykonującej pomiar.
- YYYYMMDD data pomiaru w formacie opisanym przez nazwę kolumny.

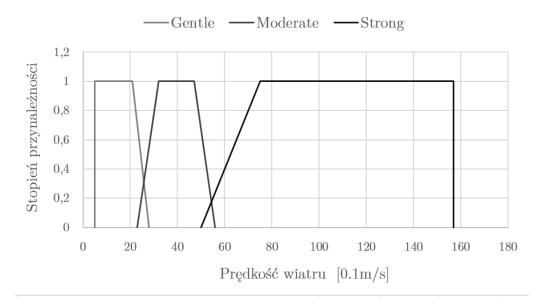
#### 4.2. Zmienne lingwistyczne

W tym rozdziale przedstawimy wzory i wykresy opisujące wybrane, zaproponowane przez nas zmiennie lingwistyczne. We wszystkich przypadkach, wykorzystywanymi przez nas funkcjami przynależności są funkcje trapezoidalne.  $^{1}.$ 

 $<sup>^1</sup>$  Wartości prezentowane w tabelach są tylko propozycjami. Autorzy sprawozdania zastrzegają sobie możliwość do ich późniejszej modyfikacji

#### 4.2.1. Kolumna FG

Wykres opisujący zmienną lingwistyczną dla kolumny zawierającej wartości średniej prędkości wiatru przez cały dzień (FG), zamieszczono poniżej.



Rysunek 6. Wykres opisujący zmienną lingwistyczną dla kolumny FG.

Wzory opisujące przynależność do poszczególnych etykiet prezentują się następująco.

Dla etykiety Gentle:

$$FG_{GENTLE}(x) = \begin{cases} 1 & \text{jeśli } 5 \le x \le 21\\ \frac{28-x}{7} & \text{jeśli } 21 < x \le 28 \end{cases}$$
 (6)

Dla etykiety *Moderate*:

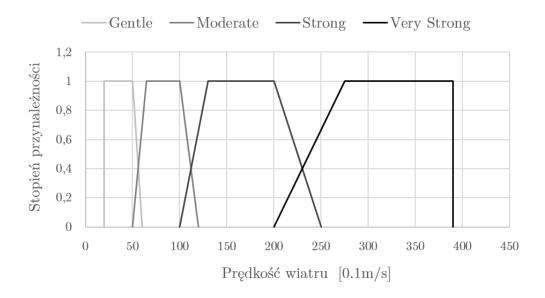
$$FG_{MODERATE}(x) = \begin{cases} \frac{x-23}{9} & \text{jeśli } 23 \le x < 32\\ 1 & \text{jeśli } 32 \le x \le 47\\ \frac{56-x}{9} & \text{jeśli } 47 < x \le 56 \end{cases}$$
 (7)

Dla etykiety Strong:

$$FG_{STRONG}(x) = \begin{cases} \frac{x - 50}{25} & \text{jeśli } 50 \le x < 75\\ 1 & \text{jeśli } 75 \le x \le 157 \end{cases}$$
 (8)

#### 4.2.2. Kolumna FXX

Wykres opisujący zmienną lingwistyczną dla kolumny zawierającej najsilniejszy powiew wiatru (FXX), zamieszczono poniżej.



Rysunek 7. Wykres opisujący zmienną lingwistyczną dla kolumny FXX.

Wzory opisujące przynależność do poszczególnych etykiet prezentują się następująco.

Dla etykiety Gentle:

$$FXX_{GENTLE}(x) = \begin{cases} 1 & \text{jeśli } 20 \le x \le 50\\ \frac{60-x}{10} & \text{jeśli } 50 < x \le 60 \end{cases}$$
 (9)

Dla etykiety *Moderate*:

$$FXX_{MODERATE}(x) = \begin{cases} \frac{x-50}{15} & \text{jeśli } 50 \le x < 65\\ 1 & \text{jeśli } 65 \le x \le 100\\ \frac{120-x}{20} & \text{jeśli } 100 < x \le 120 \end{cases}$$
(10)

Dla etykiety *Strong*:

$$FXX_{STRONG}(x) = \begin{cases} \frac{x - 100}{30} & \text{jeśli } 100 \le x < 130\\ 1 & \text{jeśli } 130 \le x \le 200\\ \frac{250 - x}{50} & \text{jeśli } 200 < x \le 250 \end{cases}$$
 (11)

Dla etykiety Very Strong:

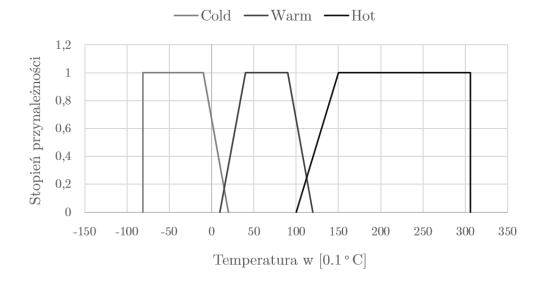
$$FXX_{VERYSTRONG}(x) = \begin{cases} \frac{x - 200}{75} & \text{jeśli } 200 \le x < 275\\ 1 & \text{jeśli } 275 \le x \le 390 \end{cases}$$
 (12)

#### 4.2.3. Kolumna TG

W przypadku średniej dziennej temperatury (TG) oraz innych kolumn związacnyh z temperaturą (TN, TX oraz T10N), zdecydowaliśmy się podzielić nasze rozważania ze względu na pory roku. Dlatego też przyjęliśmy trzy różne warianty zmiennej lingiwstycznej dla kolumny TG:

- TGW dla pomiarów uzyskanych podczas astronomicznej zimy (litera W od Winter),
- TGSA dla pomiarów uzyskanych podczas astronomicznej wiosny lub jesieni (S od Spring, A od Autumn),
- TGS dla pomiarów uzyskanych podczas astronomicznego lata (litera S od Summer).

Rozpocznijmy od zmiennej lingwistycznej TGW.



Rysunek 8. Wykres opisujący zmienną lingwistyczną dla kolumny TG dla pomiarów wykonanych astronomiczną zimą.

Wzory opisujące przynależność do poszczególnych etykiet zmiennej lingwistycznej TGW prezentują się następująco.

Dla etykiety *Cold*:

$$TGW_{COLD}(x) = \begin{cases} 1 & \text{jeśli } -81 \le x \le -10 \\ \frac{20-x}{30} & \text{jeśli } -10 < x \le 20 \end{cases}$$
 (13)

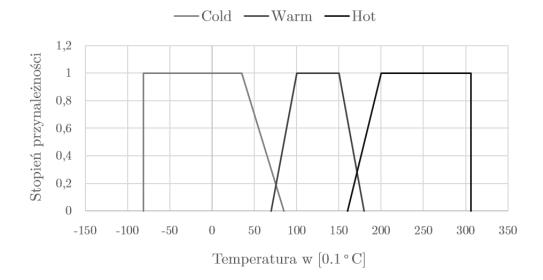
Dla etykiety Warm:

$$TGW_{WARM}(x) = \begin{cases} \frac{x-10}{30} & \text{jeśli } 10 \le x < 40\\ 1 & \text{jeśli } 40 \le x \le 90\\ \frac{120-x}{30} & \text{jeśli } 90 < x \le 120 \end{cases}$$
(14)

Dla etykiety *Hot*:

$$TGW_{HOT}(x) = \begin{cases} \frac{x - 100}{50} & \text{jeśli } 100 \le x < 150\\ 1 & \text{jeśli } 150 \le x \le 306 \end{cases}$$
 (15)

Następną prezentowaną zmienną, będzie zmienna lingwistyczna TGSA.



Rysunek 9. Wykres opisujący zmienną lingwistyczną dla kolumny TG dla pomiarów wykonanych astronomiczną wiosną i jesienią.

Wzory opisujące przynależność do poszczególnych etykiet zmiennej lingwistycznej TGSA prezentują się następująco.

Dla etykiety *Cold*:

$$TGSA_{COLD}(x) = \begin{cases} 1 & \text{jeśli } -81 \le x \le 35\\ \frac{85-x}{50} & \text{jeśli } 35 < x \le 85 \end{cases}$$
 (16)

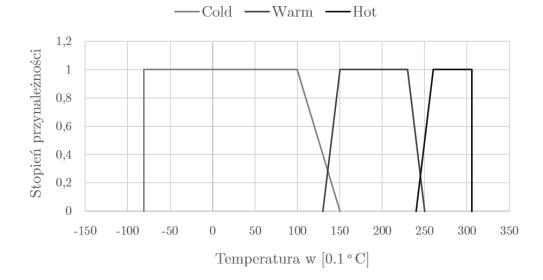
Dla etykiety Warm:

$$TGSA_{WARM}(x) = \begin{cases} \frac{x-70}{30} & \text{jeśli } 70 \le x < 100\\ 1 & \text{jeśli } 100 \le x \le 150\\ \frac{180-x}{30} & \text{jeśli } 150 < x \le 180 \end{cases}$$
 (17)

Dla etykiety *Hot*:

$$TGSA_{HOT}(x) = \begin{cases} \frac{x - 160}{40} & \text{jeśli } 160 \le x < 200\\ 1 & \text{jeśli } 200 \le x \le 306 \end{cases}$$
 (18)

Ostatnią zmienną dla kolumny TG będzie zmienna dotycząca pomiarów letnich - TGS.



Rysunek 10. Wykres opisujący zmienną lingwistyczną dla kolumny TG dla pomiarów wykonanych astronomicznym latem.

Wzory opisujące przynależność do poszczególnych etykiet zmiennej lingwistycznej TGS prezentują się następująco.

Dla etykiety Cold:

$$TGS_{COLD}(x) = \begin{cases} 1 & \text{jeśli } -81 \le x \le 100\\ \frac{150 - x}{50} & \text{jeśli } 100 < x \le 150 \end{cases}$$
 (19)

Dla etykiety Warm:

$$TGS_{WARM}(x) = \begin{cases} \frac{x - 130}{20} & \text{jeśli } 130 \le x < 150\\ 1 & \text{jeśli } 150 \le x \le 230\\ \frac{250 - x}{20} & \text{jeśli } 230 < x \le 250 \end{cases}$$
 (20)

Dla etykiety *Hot*:

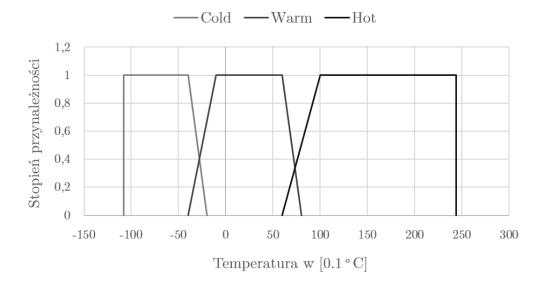
$$TGS_{HOT}(x) = \begin{cases} \frac{x - 240}{20} & \text{jeśli } 240 \le x < 260\\ 1 & \text{jeśli } 260 \le x \le 306 \end{cases}$$
 (21)

#### 4.2.4. Kolumna TN

Kolumna TN zawiera najniższą temperaturę powietrza w ciągu dnia. Wszystkie trzy warianty zmiennej lingwistycznej dla kolumny TN zaprezentowano poniżej:

- TNW dla pomiarów uzyskanych podczas astronomicznej zimy,
- TNSA dla pomiarów uzyskanych podczas astronomicznej wiosny lub jesieni,
- TNS dla pomiarów uzyskanych podczas astronomicznego lata.

Pomiary zimowe - zmienna TNW.



Rysunek 11. Wykres opisujący zmienną lingwistyczną dla kolumny TN dla pomiarów wykonanych astronomiczną zimą.

Wzory opisujące przynależność do poszczególnych etykiet zmiennej lingwistycznej TNW prezentują się następująco.

Dla etykiety *Cold*:

$$TNW_{COLD}(x) = \begin{cases} 1 & \text{jeśli } -108 \le x \le -40 \\ \frac{-20-x}{20} & \text{jeśli } -40 < x \le -20 \end{cases}$$
 (22)

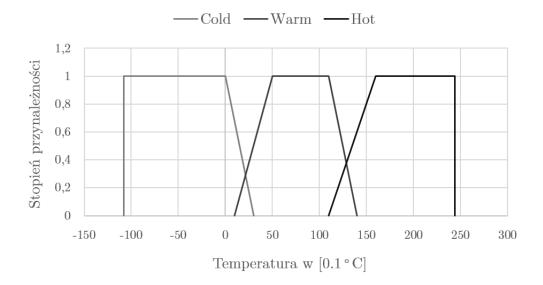
Dla etykiety Warm:

$$TNW_{WARM}(x) = \begin{cases} \frac{x+40}{30} & \text{jeśli } -40 \le x < -10\\ 1 & \text{jeśli } -10 \le x \le 60\\ \frac{80-x}{20} & \text{jeśli } 60 < x \le 80 \end{cases}$$
(23)

Dla etykiety *Hot*:

$$TNW_{HOT}(x) = \begin{cases} \frac{x-60}{40} & \text{jeśli } 60 \le x < 100\\ 1 & \text{jeśli } 100 \le x \le 244 \end{cases}$$
 (24)

Pomiary wiosenne i jesienne - zmienna TNSA.



Rysunek 12. Wykres opisujący zmienną lingwistyczną dla kolumny TN dla pomiarów wykonanych astronomiczną wiosną i jesienią.

Wzory opisujące przynależność do poszczególnych etykiet zmiennej lingwistycznej TNSA prezentują się następująco.

Dla etykiety Cold:

$$TNSA_{COLD}(x) = \begin{cases} 1 & \text{jeśli } -108 \le x \le 0\\ \frac{30-x}{30} & \text{jeśli } 0 < x \le 30 \end{cases}$$
 (25)

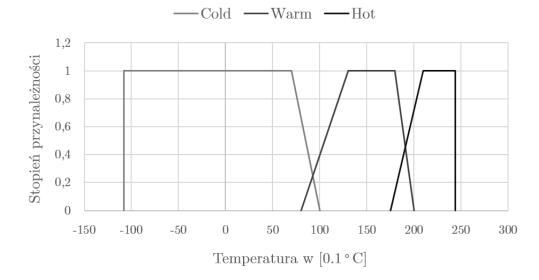
Dla etykiety Warm:

$$TNSA_{WARM}(x) = \begin{cases} \frac{x-10}{40} & \text{jeśli } 10 \le x < 50\\ 1 & \text{jeśli } 50 \le x \le 110\\ \frac{140-x}{30} & \text{jeśli } 110 < x \le 140 \end{cases}$$
 (26)

Dla etykiety *Hot*:

$$TNSA_{HOT}(x) = \begin{cases} \frac{x - 110}{50} & \text{jeśli } 110 \le x < 160\\ 1 & \text{jeśli } 160 \le x \le 244 \end{cases}$$
 (27)

Pomiary letnie - zmienna TNS.



Rysunek 13. Wykres opisujący zmienną lingwistyczną dla kolumny TN dla pomiarów wykonanych astronomicznym latem.

Wzory opisujące przynależność do poszczególnych etykiet zmiennej lingwistycznej TNS prezentują się następująco.

Dla etykiety *Cold*:

$$TNS_{COLD}(x) = \begin{cases} 1 & \text{jeśli } -108 \le x \le 70 \\ \frac{100-x}{30} & \text{jeśli } 70 < x \le 100 \end{cases}$$
 (28)

Dla etykiety Warm:

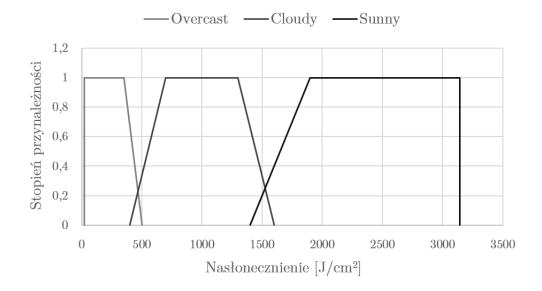
$$TNS_{WARM}(x) = \begin{cases} \frac{x-80}{50} & \text{jeśli } 80 \le x < 130\\ 1 & \text{jeśli } 130 \le x \le 180\\ \frac{200-x}{20} & \text{jeśli } 180 < x \le 200 \end{cases}$$
 (29)

Dla etykiety *Hot*:

$$TNS_{HOT}(x) = \begin{cases} \frac{x - 175}{35} & \text{jeśli } 175 \le x < 210\\ 1 & \text{jeśli } 210 \le x \le 244 \end{cases}$$
 (30)

#### 4.2.5. Kolumna Q

Wykres opisujący zmienną lingwistyczną dla kolumny zawierającej wartości nasłonecznienia (Q), zamieszczono poniżej.



Rysunek 14. Wykres opisujący zmienną lingwistyczną dla kolumny Q

Dla etykiety Overcast:

$$Q_{OVERCAST}(x) = \begin{cases} 1 & \text{jeśli } 24 \le x \le 350\\ \frac{500 - x}{150} & \text{jeśli } 350 < x \le 500 \end{cases}$$
(31)

Dla etykiety *Cloudy*:

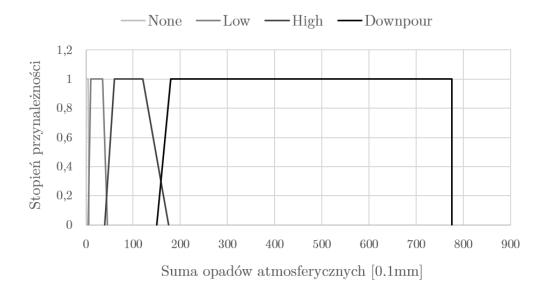
$$Q_{CLOUDY}(x) = \begin{cases} \frac{x - 400}{300} & \text{jeśli } 400 \le x < 700\\ 1 & \text{jeśli } 700 \le x \le 1300\\ \frac{1600 - x}{300} & \text{jeśli } 1300 < x \le 1600 \end{cases}$$
(32)

Dla etykiety Sunny:

$$Q_{SUNNY}(x) = \begin{cases} \frac{x - 1400}{500} & \text{jeśli } 1400 \le x < 1900 \\ 1 & \text{jeśli } 1900 \le x \le 3145 \end{cases}$$
 (33)

#### 4.2.6. Kolumna RH

Wykres opisujący zmienną lingwistyczną dla kolumny zawierającej sumę opadów atmosferycznych w ciągu całego dnia (RH), zamieszczono poniżej.



Rysunek 15. Wykres opisujący zmienną lingwistyczną dla kolumny RH

Wzory opisujące przynależność do poszczególnych etykiet prezentują się następująco.

Dla etykiety *None*:

$$RH_{NONE}(x) = \begin{cases} 1 & \text{jeśli } -1 \le x \le 5\\ \frac{7-x}{2} & \text{jeśli } 5 < x \le 7 \end{cases}$$
 (34)

Dla etykiety Low:

$$RH_{LOW}(x) = \begin{cases} \frac{x-5}{5} & \text{jeśli } 5 \le x < 10\\ 1 & \text{jeśli } 10 \le x \le 35\\ \frac{45-x}{10} & \text{jeśli } 35 < x \le 45 \end{cases}$$
(35)

Dla etykiety *High*:

$$RH_{HIGH}(x) = \begin{cases} \frac{x-40}{20} & \text{jeśli } 40 \le x < 60\\ 1 & \text{jeśli } 60 \le x \le 120\\ \frac{175-x}{55} & \text{jeśli } 120 < x \le 175 \end{cases}$$
(36)

Dla etykiety *Downpour*:

$$RH_{DOWNPOUR}(x) = \begin{cases} \frac{x-150}{30} & \text{jeśli } 150 \le x < 180\\ 1 & \text{jeśli } 180 \le x \le 776 \end{cases}$$
(37)

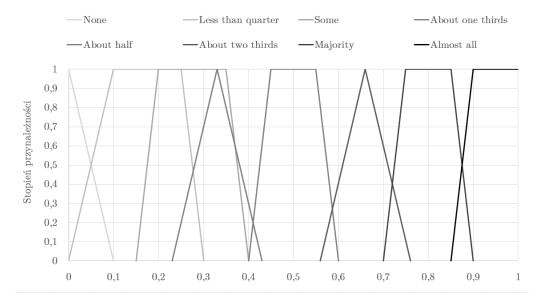
#### 4.3. Kwantyfikatory

W tym rozdziale skoncentrujemy się na zaproponowanych przez nas kwantyfikatorach. Prezentację rozpoczniemy od kwantyfikatorów względnych, aby następnie omówić kwantyfikatory bezwzględne.

W przypadku kwantyfikatorów, wykorzystywanymi przez nas funkcjami przynależności są zarówno funkcje trapezoidalne jak i funkcje trójkątne. Wzory funkcji przynależności kwantyfikatorów zamieszczono pod wykresami.

#### 4.3.1. Kwantyfikatory względne

Wykres ilustrujący wszystkie kwantyfikatory względne, zamieszczono poniżej.



Rysunek 16. Kwantyfikatory względne

Kwantyfikator *None* - funkcja trójkątna:

$$Qt_{NONE}(x) = \begin{cases} \frac{0.1 - x}{0.1} & \text{jeśli } 0 \le x \le 0.1 \end{cases}$$
 (38)

Kwantyfikator Less than quarter - funkcja trapezoidalna:

$$Qt_{LESS\ THAN\ QUARTER}(x) = \begin{cases} \frac{x}{0.1} & \text{jeśli } 0 \le x < 0.1\\ 1 & \text{jeśli } 0.1 \le x \le 0.25\\ \frac{0.3 - x}{0.05} & \text{jeśli } 0.25 < x \le 0.3 \end{cases}$$
(39)

Kwantyfikator *Some* - funkcja trapezoidalna:

$$Qt_{SOME}(x) = \begin{cases} \frac{x - 0.15}{0.05} & \text{jeśli } 0.15 \le x < 0.2\\ 1 & \text{jeśli } 0.2 \le x \le 0.35\\ \frac{0.4 - x}{0.05} & \text{jeśli } 0.35 < x < 0.4 \end{cases}$$
(40)

Kwantyfikator About one thirds - funkcja trójkatna:

$$Qt_{ABOUT\ ONE\ THIRDS}(x) = \begin{cases} \frac{x - 0.23}{0.1} & \text{jeśli } 0.23 \le x \le 0.33\\ \frac{0.43 - x}{0.1} & \text{jeśli } 0.33 \le x \le 0.43 \end{cases}$$
(41)

Kwantyfikator About half - funkcja trapezoidalna:

$$Qt_{ABOUT\;HALF}(x) = \begin{cases} \frac{x - 0.4}{0.05} & \text{jeśli } 0.4 \le x < 0.45\\ 1 & \text{jeśli } 0.45 \le x \le 0.55\\ \frac{0.6 - x}{0.05} & \text{jeśli } 0.55 < x \le 0.6 \end{cases} \tag{42}$$

Kwantyfikator About two thirds - funkcja trójkątna:

$$Qt_{ABOUT\ TWO\ THIRDS}(x) = \begin{cases} \frac{x - 0.56}{0.1} & \text{jeśli } 0.56 \le x \le 0.66\\ \frac{0.76 - x}{0.1} & \text{jeśli } 0.66 \le x \le 0.76 \end{cases}$$
(43)

Kwantyfikator *Majority* - funkcja trapezoidalna:

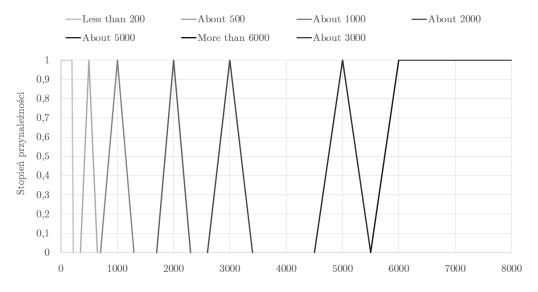
$$Qt_{MAJORITY}(x) = \begin{cases} \frac{x - 0.7}{0.05} & \text{jeśli } 0.7 \le x < 0.75\\ 1 & \text{jeśli } 0.75 \le x \le 0.85\\ \frac{0.9 - x}{0.05} & \text{jeśli } 0.85 < x \le 0.9 \end{cases}$$
(44)

Kwantyfikator Almost all - funkcja trapezoidalna:

$$Qt_{ALMOST\ ALL}(x) = \begin{cases} \frac{x - 0.85}{0.05} & \text{jeśli } 0.85 \le x < 0.9\\ 1 & \text{jeśli } 0.9 \le x \le 1.0 \end{cases}$$
(45)

#### 4.3.2. Kwantyfikatory bezwzględne

Wykres ilustrujący wszystkie kwantyfikatory bezwzględne, zamieszczono poniżej.



Rysunek 17. Kwantyfikatory bezwzględne

Kwantyfikator  $Less\ than\ 200$  - funkcja trapezoidalna:

$$Qt_{LESS\ THAN\ 200}(x) = \begin{cases} 1 & \text{jeśli } 0 \le x \le 200\\ \frac{220-x}{20} & \text{jeśli } 200 < x \le 220 \end{cases}$$
 (46)

Kwantyfikator About 500 - funkcja trójkatna:

$$Qt_{ABOUT\ 500}(x) = \begin{cases} \frac{x - 350}{150} & \text{jeśli } 350 \le x \le 500\\ \frac{650 - x}{150} & \text{jeśli } 500 \le x \le 650 \end{cases}$$
(47)

Kwantyfikator About 1000 - funkcja trójkątna:

$$Qt_{ABOUT\ 1000}(x) = \begin{cases} \frac{x - 700}{300} & \text{jeśli } 700 \le x \le 1000\\ \frac{1300 - x}{300} & \text{jeśli } 1000 \le x \le 1300 \end{cases}$$
(48)

Kwantyfikator About 2000 - funkcja trójkątna:

$$Qt_{ABOUT\ 2000}(x) = \begin{cases} \frac{x - 1700}{300} & \text{jeśli } 1700 \le x \le 2000\\ \frac{2300 - x}{300} & \text{jeśli } 2000 \le x \le 2300 \end{cases}$$
(49)

Kwantyfikator About 3000 - funkcja trójkątna:

$$Qt_{ABOUT\ 3000}(x) = \begin{cases} \frac{x - 2600}{400} & \text{jeśli } 2600 \le x \le 3000\\ \frac{3400 - x}{400} & \text{jeśli } 3000 \le x \le 3400 \end{cases}$$
(50)

Kwantyfikator About 5000 - funkcja trójkątna:

$$Qt_{ABOUT\ 5000}(x) = \begin{cases} \frac{x - 4500}{500} & \text{jeśli } 4500 \le x \le 5000\\ \frac{5500 - x}{500} & \text{jeśli } 5000 \le x \le 5500 \end{cases}$$
(51)

Kwantyfikator More than 6000 - funkcja trapezoidalna:

$$Qt_{MORE\ THAN\ 6000}(x) = \begin{cases} \frac{x - 5500}{500} & \text{jeśli}\ 5500 \le x \le 6000\\ 1 & \text{jeśli}\ 6000 \le x \le 17000 \end{cases}$$
(52)

# 5. Wyniki

Przeprowadzone eksperymenty zostały podzielone na trzy etapy, w których porównywać będziemy różne zależności:

- W pierwszym etapie sprawdzimy jak zmieniać się będą miary podsumowań dla poszczególnych kwantyfikatorów.
- ullet W drugim etapie przeanalizujemy zdania bardziej złożone sumaryzatory wykorzystujące spójnik AND.
- W trzecim etapie skoncentrujemy się na różnicy w rezultatch uzyskiwanych w wyniku wykorzystania kwalifikatora w opozycji do zdań, w których kwalifikator nie jest używany.

#### 5.1. Wpływ wyboru kwantyfikatora na jakość podsumowania

W pierwszym etapie, wygenerowano następujące zdania:

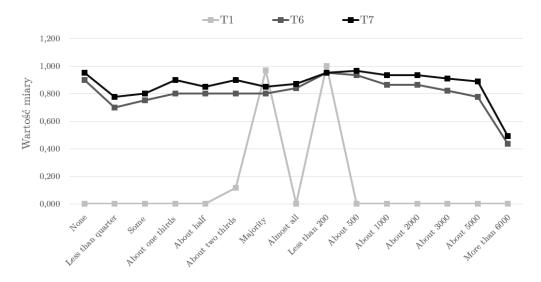
- Zdanie pierwsze: X of summer measures with cold daily average temperature have cloudy insolation. wykorzystujące zmienną lingwistyczną TGS jako kwalifikator (etykieta Cold) oraz zmienną Q jako sumaryzator (etykieta Cloudy).
- Zdanie drugie: X of measures with very strong strongest wind blow have overcast insolation. wykorzystujące zmienną lingwistyczną FXX jako kwalifikator (etykieta Very strong) oraz zmienną Q jako sumaryzator (etykieta Overcast).
- Zdanie trzecie: X of measures with none precipitation have gentle daily wind speed average. - wykorzystujące zmienną lingwistyczną RH jako kwalifikator (etykieta None) oraz zmienną FG jako sumaryzator (etykieta Gentle).

gdzie X jest jednym ze zdefiniowaych przez nas kwantyfikatorów.

Miary  $T_2 - T_5$  oraz  $T_8 - T_{11}$  osiągały stałe wartości w obrębie każdego ze zdań, dlatego też ich wartości zostały zamieszczone poza tabelami, w których zestawiono tylko te miary, których wartości były zmienne wewnątrz jednego eksperymentu.

# 5.1.1. Zdanie pierwsze

Wartości miar, które były jednakowe dla każdego kwantyfikatora, prezentują się następująco:  $T_2=0.537,\,T_3=0.726,\,T_4=0.374,\,T_5=1,\,T_8=0.797,\,T_9=0.844,\,T_{10}=0.954,\,T_{11}=1.$ 



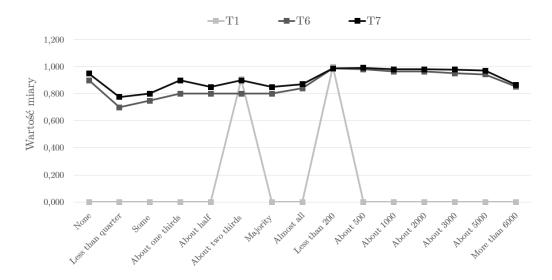
Rysunek 18. Wykres przedstawiający wyniki eksperymentu dla zdania pierwszego

Kwantyfikator	$T_1$	$T_6$	$T_7$
None	0,000	0,900	0,950
Less than quarter	0,000	0,700	0,775
Some	0,000	0,750	0,800
About one thirds	0,000	0,800	0,900
About half	0,000	0,800	0,850
About two thirds	0,116	0,800	0,900
Majority	0,968	0,800	0,850
Almost all	0,000	0,840	0,870
Less than 200	1,000	0,950	0,953
About 500	0,000	0,932	0,966
About 1000	0,000	0,865	0,932
About 2000	0,000	0,865	0,932
About 3000	0,000	0,820	0,910
About 5000	0,000	0,775	0,887
More than 6000	0,000	0,437	0,493

Tabela 1. Tabela przedstawiająca wyniki eksperymentu dla zdania pierwszego

# 5.1.2. Zdanie drugie

Wartości miar, które były jednakowe dla każdego kwantyfikatora, prezentują się następująco:  $T_2=0,690,\,T_3=0,633,\,T_4=0,358,\,T_5=1,\,T_8=0,976,\,T_9=0,979,\,T_{10}=0,991,\,T_{11}=1.$ 



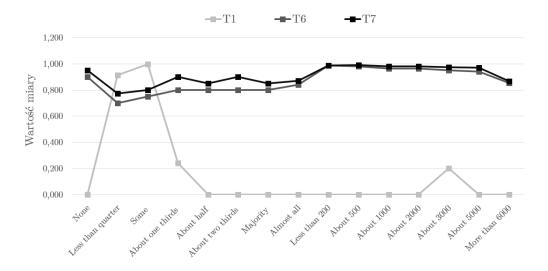
Rysunek 19. Wykres przedstawiający wyniki eksperymentu dla zdania drugiego

Kwantyfikator	$T_1$	$T_6$	$T_7$
None	0,000	0,900	0,950
Less than quarter	0,000	0,700	0,775
Some	0,000	0,750	0,800
About one thirds	0,000	0,800	0,900
About half	0,000	0,800	0,850
About two thirds	0,905	0,800	0,900
Majority	0,000	0,800	0,850
Almost all	0,000	0,840	0,870
Less than 200	1,000	0,987	0,988
About 500	0,000	0,982	0,991
About 1000	0,000	0,965	0,982
About 2000	0,000	0,965	0,982
About 3000	0,000	0,953	0,976
About 5000	0,000	0,941	0,971
More than 6000	0,000	0,853	0,868

Tabela 2. Tabela przedstawiająca wyniki eksperymentu dla zdania drugiego

#### 5.1.3. Zdanie trzecie

Wartości miar, które były jednakowe dla każdego kwantyfikatora, prezentują się następująco:  $T_2=0.742,\,T_3=0.332,\,T_4=0.141,\,T_5=1,\,T_8=0.999,\,T_9=0.373,\,T_{10}=1,\,T_{11}=1.$ 



Rysunek 20. Wykres przedstawiający wyniki eksperymentu dla zdania trzeciego

Kwantyfikator	$T_1$	$T_6$	$T_7$
None	0,000	0,900	0,950
Less than quarter	0,915	0,700	0,775
Some	1,000	0,750	0,800
About one thirds	0,242	0,800	0,900
About half	0,000	0,800	0,850
About two thirds	0,000	0,800	0,900
Majority	0,000	0,800	0,850
Almost all	0,000	0,840	0,870
Less than 200	0,000	0,987	0,988
About 500	0,000	0,982	0,991
About 1000	0,000	0,965	0,982
About 2000	0,000	0,965	0,982
About 3000	0,201	0,953	0,976
About 5000	0,000	0,941	0,971
More than 6000	0,000	0,853	0,868

Tabela 3. Tabela przedstawiająca wyniki eksperymentu dla zdania trzeciego

# 5.2. Wpływ wykorzystania operacji iloczynu na jakość podsumowania

W drugim etapie, wygenerowano następujące zdania:

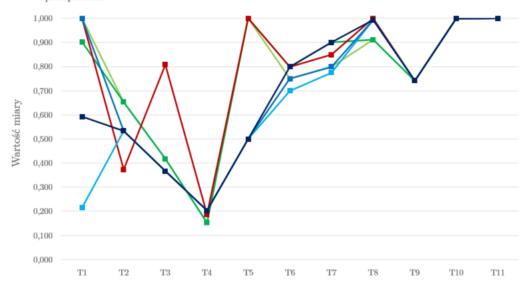
- Zdanie pierwsze: X of measures with gentle daily wind speed average have sunny insolation. wykorzystujące zmienną lingwistyczną FG jako kwalifikator (etykieta Gentle) oraz zmienną Q jako sumaryzator (etykieta Sunny).
- Zdanie drugie: X of measures with gentle daily wind speed average have none precipitation. wykorzystujące zmienną lingwistyczną FG jako kwalifikator (etykieta Gentle) oraz zmienną RH jako sumaryzator (etykieta None).
- Zdanie trzecie: X of measures with gentle daily wind speed average have sunny insolation and none precipitation. wykorzystujące zmienną lingwistyczną FG jako kwalifikator (etykieta Gentle) oraz iloczyn zmiennych Q (etykieta Sunny) i RH (etykieta None) jako sumaryzator.

gdzie X jest jednym ze zdefiniowaych przez nas kwantyfikatorów.

W tym podrozdziale porównamy wszystkie miary dla tych kwantyfikatorów, dla których otrzymane zdanie było choć trochę prawdziwe - miara  $T_1$  osiągnęła wartość większą od 0.

# 5.2.1. Kwantyfikator względny

- ---Some of measures with gentle daily wind speed average have sunny insolation.
- --About one thirds of measures with gentle daily wind speed average have sunny insolation.
- **—**Majority of measures with gentle daily wind speed average have none precipitation.
- -Eess than quarter of measures with gentle daily wind speed average have sunny insolation and none precipitation.
- ---Some of measures with gentle daily wind speed average have sunny insolation and none precipitation.
- -a-About one thirds of measures with gentle daily wind speed average have sunny insolation and none precipitation.



Rysunek 21. Wykres przedstawiający wyniki eksperymentu drugiego dla kwanty-fikatorów względnych - wizualizacja danych z tabel 4. 5. i 6.

Miara	Some	About one thirds
$\overline{T_1}$	1,000	0,902
$T_2$	0,653	0,653
$T_3$	$0,\!417$	$0,\!417$
$T_4$	$0,\!153$	$0,\!153$
$T_5$	1,000	1,000
$T_6$	0,750	0,800
$T_7$	0,800	0,900
$T_8$	0,912	0,912
$T_9$	0,742	0,742
$T_{10}$	0,999	0,999
$T_{11}$	1,000	1,000

Tabela 4. Tabela przedstawiająca wyniki eksperymentu dla zdania pierwszego - z sumaryzatorem  $Q_{SUNNY}(x)$ 

Miara	Majority
$\overline{T_1}$	1,000
$T_2$	$0,\!373$
$T_3$	0,808
$T_4$	0,188
$T_5$	1,000
$T_6$	0,800
$T_7$	0,850
$T_8$	1,000
$T_9$	0,742
$T_{10}$	0,999
$T_{11}$	1,000

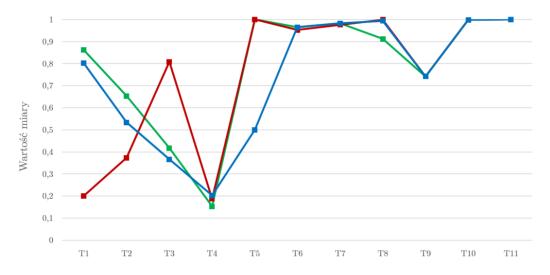
Tabela 5. Tabela przedstawiająca wyniki eksperymentu dla zdania drugiego - z sumaryzatorem  $RH_{\mathit{NONE}}(x)$ 

Miara	Less than quarter	Some	About one thirds
$\overline{T_1}$	0,215	1,000	0,593
$T_2$	$0,\!534$	0,534	0,534
$T_3$	$0,\!367$	0,367	$0,\!367$
$T_4$	0,203	0,203	$0,\!203$
$T_5$	0,500	0,500	$0,\!500$
$T_6$	0,700	0,750	0,800
$T_7$	0,775	0,800	0,900
$T_8$	0,994	0,994	0,994
$T_9$	0,742	0,742	0,742
$T_{10}$	0,999	0,999	0,999
$T_{11}$	1,000	1,000	1,000

Tabela 6. Tabela przedstawiająca wyniki eksperymentu dla zdania trzeciego - z sumaryzatorem  $Q_{SUNNY}(x)\ AND\ RH_{NONE}(x)$ 

# 5.2.2. Kwantyfikator bezwzględny

- -- About 1000 of measures with gentle daily wind speed average have sunny insolation.
- →About 3000 of measures with gentle daily wind speed average have none precipitation.
- -a-About 1000 of measures with gentle daily wind speed average have sunny insolation and none precipitation.



Rysunek 22. Wykres przedstawiający wyniki eksperymentu drugiego dla kwanty-fikatorów bezwzględnych - wizualizacja danych z tabeli 7.

	$Q_{SUNNY}(x)$	$RH_{NONE}(x)$	$Q_{SUNNY}(x) \ AND \ RH_{NONE}(x)$
Miara	About 1000	About 3000	About 1000
$\overline{T_1}$	0,862	0,201	0,802
$T_2$	0,653	$0,\!373$	$0,\!534$
$T_3$	$0,\!417$	0,808	$0,\!367$
$T_4$	$0,\!153$	0,188	0,203
$T_5$	1,000	1,000	$0,\!500$
$T_6$	0,965	0,953	0,965
$T_7$	0,982	0,976	0,982
$T_8$	0,912	1,000	0,994
$T_9$	0,742	0,742	0,742
$T_{10}$	0,999	0,999	0,999
$T_{11}$	1,000	1,000	1,000

Tabela 7. Tabela przedstawiająca wyniki eksperymentu dla wszystkich trzech zdań, w pierwszym wierszu podano wykorzystywany w danym zdaniu sumaryzator.

#### 5.3. Wpływ wykorzystania kwalifikatora na jakość podsumowania

W ostatnim etapie, wygenerowano dwa zdania:

- Zdanie pierwsze: X of measures with overcast insolation have high precipitation. wykorzystujące zmienną lingwistyczną Q jako kwalifikator (etykieta Overcast) oraz zmienną RH jako sumaryzator (etykieta High).
- Zdanie drugie: X of measures have high precipitation. nie posiada kwalifikatora, sumaryzator zaś stanowi ponownie zmienna RH (etykieta High).

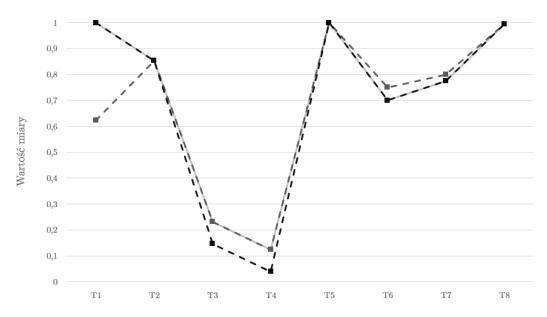
gdzie X jest jednym ze zdefiniowaych przez nas kwantyfikatorów.

W tym podrozdziale, podobnie jak w przypadku poprzedniego etapu eksperymentów, porównamy wszystkie miary dla tych kwantyfikatorów, dla których otrzymane zdanie było choć trochę prawdziwe - miara  $T_1$  osiągnęła wartość większą od 0.

W wynikach pominięte zostaną miary od  $T_9$  do  $T_{11}$ , ponieważ dotyczą one kwalifikatora, którego nie wykorzystujemy w zdaniu drugim.

# 5.3.1. Kwantyfikator względny

- Less than quarter of measures with overcast insolation have high precipitation.
- -- Some of measures with overcast insolation have high precipitation.
- -- Less than quarter of measures have high precipitation.



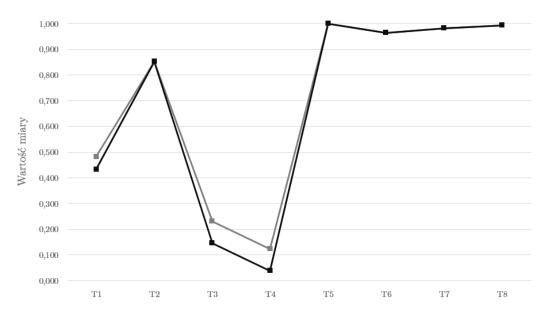
Rysunek 23. Wykres przedstawiający wyniki eksperymentu trzeciego dla kwantyfikatorów względnych - wizualizacja danych z tabeli 8. (wykorzystano przerywane linie ze względu na pokrywanie się wykresów)

	Kwalifikator	Kwalifikator	Brak kwalifikatora
Miara	Less than quarter	Some	Less than quarter
$\overline{T_1}$	1,000	0,623	1,000
$T_2$	0,853	0,853	$0,\!853$
$T_3$	0,231	0,231	0,147
$T_4$	$0,\!124$	$0,\!124$	0,039
$T_5$	1,000	1,000	1,000
$T_6$	0,700	0,750	0,700
$T_7$	0,775	0,800	0,775
$T_8$	0,994	0,994	0,994

Tabela 8. Tabela przedstawiająca wyniki eksperymentu dla obu zdań, w pierwszym wierszu podano informację o wykorzystaniu kwalifikatora  $Q_{OVERCAST}(x)$ .

# 5.3.2. Kwantyfikator bezwzględny

- --- About 1000 of measures with overcast insolation have high precipitation.
- -- About 2000 of measures have high precipitation.



Rysunek 24. Wykres przedstawiający wyniki eksperymentu trzeciego dla kwantyfikatorów bezwzględnych - wizualizacja danych z tabeli 9.

	Kwalifikator	Brak kwalifikatora
Miara	About 1000	About 2000
$\overline{T_1}$	0,483	0,434
$T_2$	0,853	0,853
$T_3$	0,231	0,147
$T_4$	$0,\!124$	0,039
$T_5$	1,000	1,000
$T_6$	0,965	0,965
$T_7$	0,982	0,982
$T_8$	0,994	0,994

Tabela 9. Tabela przedstawiająca wyniki eksperymentu dla obu zdań, w pierwszym wierszu podano informację o wykorzystaniu kwalifikatora  $Q_{OVERCAST}(x)$ .

# 6. Dyskusja

Praca w toku

#### 7. Wnioski

Praca w toku

# Literatura

- [1] Baza danych "Historical weather in the Netherlands 1901-2018"
- [2] Narzędzie Maven https://maven.apache.org/.
- [3] Biblioteka JavaFX https://openjfx.io/
- [4] Methods for the linguistic summarization of data aplications of fuzzy sets and their extensions, Adam Niewiadomski, Akademicka Oficyna Wydawnicza EXIT, Warszawa 2008
- [5] Zadeh, L. A.: 1965, 'Fuzzy sets'. Inf. and Control 8, 338–353.