

Informatik I - Zusammenfassung

1. Juni 2021

Inhaltsverzeichnis

1 Funktionen und Module	1
1.1 Methoden	1
1.1.1 Felder als Formalparameter	1
1.1.2 Der Laufzeitstapel	1
1.1.3 Rekursion	2

1 Funktionen und Module

1.1 Methoden

1.1.1 Felder als Formalparameter

Merke 1.1.1: Call-by-reference (Strukturierte Datentypen)

Operationen mit Variablen des methodenaufrufenden Codes selbst.

Strukturierte Daten werden per **Referenz** übergeben! Änderungen der per Referenz übergebenen Parameter sind im **aufrufenden Code** sichtbar!

Beispiel: Einträge in übergebenen Feldern werden durch Methoden verändert! Das passiert bei reinen Integern (unstrukturierten Daten) nicht!

1.1.2 Der Laufzeitstapel

Merke 1.1.2: Definition

Datenstruktur zur Verwaltung des Speichers der von den Methoden verarbeitet wird.
Speicherbereich, in dem lokale Variablen abgespeichert werden.

Merke 1.1.3: Stack Frame - Aktivierungsrahmen

Abschnitt im Laufzeitstapel mit entsprechenden Speicherplätzen wird bei Aufruf **neu angelegt** und mit **[V,R]** initialisiert. Wird nach Wertübergabe (z.B. return) an Aufrufer freigegeben.

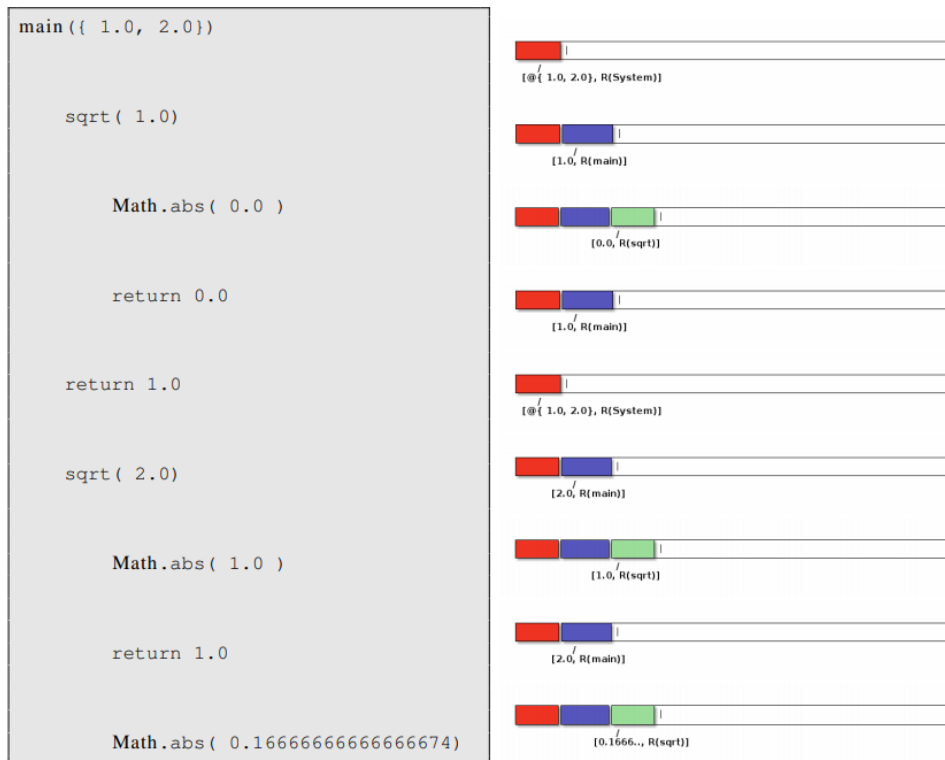
Merke 1.1.4: Relevante Daten: V,R

- **V:** Werte aller **lokalen Variablen** (Formalparameter + im Rumpf deklariert)
- **R:** **Rücksprungsadresse** = Adresse des Befehls der dem Aufruf folgt (z.B. Vorherige Methode)

Der Laufzeitstapel

= Speicherbereich, in dem lokale Variablen abgelegt werden

Methodentracing aus der Vogelperspektive



Analogie: Aktenstapel

1.1.3 Rekursion

Merke 1.1.5: Rekursion

Wird durch den Laufzeitstapel ermöglicht.

Rekursion = sich selbst aufrufende Funktionen.

Beispiel: Fakultätsfunktion.

Grundmuster: **Initialisiere - Terminiere (falls trivial) - Rekurreiere**

Jede Rekursion muss zu einem **Basisfall** führen. Sonst: STACKOVERFLOWERROR

- **Einfache Rekursion:** Lösung wird aus einem kleinen Vorgängerproblem gelöst. Geringe Aufwandreduktion pro Rekursionsschritt.
- **Mehrfache Rekursion:** Gesamtaufwand gleichmäßig aufteilen. Verwende **Teile- und Herrsche- Algorithmus:**
 - Teile Problem in mehrere Unterprobleme ähnlicher Größe

- Löse die Unterprobleme durch Teillösungen
- Kombiniere die Teillösungen zur Problemlösung

Beispiel: Berechnung des größten gemeinsamen Teilers

```
public static int ggT( int x, int y) {
    if ( y == 0) return x;
    return ggT( y, x % y);
}
```

<https://www.stud.informatik.uni-goettingen.de/inf01/java/EuklidRek>

```
ggT(1440, 408)
  ggT(408, 216)
    ggT(216, 192)
      ggT(192, 24)
        ggT(24, 0)
          return 24
        return 24
      return 24
    return 24
  return 24
return 24
```

Korrektheitsbeweis

- Für beliebige $x \in \mathbb{N}$ gilt $\text{ggT}(x, 0) = x$.
- Ist $y \neq 0$, so gilt für jeden Teiler t von y :

$$t \text{ teilt } x \iff t \text{ teilt den Rest } r = x \bmod y,$$

- **Folglich** Ist $y \neq 0$, so $\text{ggT}(x, y) = \text{ggT}(y, x \bmod y)$.

Merke 1.1.6: Rekursionstiefe

ist die Tiefe seines Rekursionsbaums (maximale Anzahl von Kanten auf einem Wurzel -> Blatt-Pfad)

Merke 1.1.7: Traversierung

- **Inorder-Travesierung:** Links - Wurzel - Rechts (z.B. Scheiben)
- **Postorder-Travesierung:** Links - Rechts - Wurzel (z.B. Fibonacci)

Merke 1.1.8: Memoisation

Wiederholungen vermeiden durch **zwischenspeichern** in einem Feld.
Beispiel Fibonacci:

```
static int[] f = new int[N];
public static void mFib() {
    f[0] = 0; f[1] = 1;
```

```
for (int i = 2; i < N; ++i)
    f[i] = f[i-1] + f[i-2];
}
```

Wichtig 1.1.1: Rekursion

- Es wird ein Basisfall benötigt!
- Wir müssen die Problemgröße durch Rekursion reduzieren.
- Der Speicherbedarf darf nicht zu groß werden.
- Wiederholte Berechnungen vermeiden!