

ESTRUTURA DE DADOS

Prof. Renato Matroniani



ESTRUTURA DE DADOS

>Listas, filas, pilhas e árvores e Recursividade.



Listas

 De acordo com Puga e Risseti (2010) "Quando falamos em listas, filas, pilhas e árvores podemos dizer que todas são na verdade 'listas de informações', cuja diferença principal está no acesso a essas 'listas' para inclusão e remoção de informações".



Listas, vetores e matrizes

 Ainda segundo com Puga e Risseti (2010) "Os arranjos (vetores ou matrizes) são mais simples de implementar: o conteúdo da 'lista' é armazenado em um espaço de memória com tamanho para N elementos que serão dispostos em posições contínuas [...]. Mas, [...] os arranjos possuem limitação quanto à quantidade de elementos que o conjunto irá suportar [...], além de que pode haver a necessidade de mais espaço do que aquele que foi inicialmente reservado". **E**DUCACÃO

Listas, vetores e matrizes

- Então uma das primeiras diferenças que notamos entre as listas e outras estruturas de dados é a forma de endereçamento.
- Outras formas, como as pilhas, utilizam também, mas de forma desordenada, posições não sequenciais na RAM, e sim, endereçamento.

EDUCACÃO

- Coleção de elementos do mesmo tipo dispostos linearmente, que podem ou não seguir uma determinada orientação.
- [E1, E2, E3, E4, E5, ..., En]
- Exemplos: listas de chamadas de alunos, lista de compras, lista de pagamentos.

Listas simples x listas encadeadas

Lista de pagamentos	
Prestação do carro	Ξ
Cartão de crédito	
Conta de luz	
Condominio	
TV a cabo '	
Crediário das Casas Bahi	а

lista simples

Lista de pagamentos	Ponteiro para o próximo elemento
Prestação do carro	2
Cartão de crédito	3
Conta de luz	4
Condominio	5
TV a cabo	6
Crediário das Casas Bahía	Obs.: este é o último elemento do conjunto, então não aponta para nenhum outro.

lista com um campo para encadeamento



Lista	a de pagamentos
Pre s	tação do carro
Cart	ão de crédito
Con	ta de luz
Con	dominio
TV a	capo
Cred	liario das Casas Bahia

lista simples

- Lista implementada através de arranjo –
 pode-se utilizar vetor ou matriz.
- Ideia de contêiner de armazenamento de dados.
- ou....



pagamentos	Ponteiro para o próximo elemento	
o do carro	2	
e crédito	3	
e luz	4	
inio	5	
0	6	
o das Casas Bahia	Obs.: este é o último elemento do conjunto, então não aponta para nenhum outro.	

lista com um campo para encadeamento

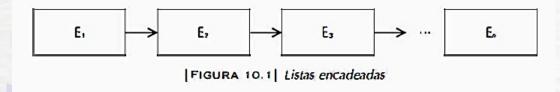
- Lista implementada através de alocação dinâmica;
- Lista encadeada.



Lista de pagamentos	
Prestação do carro	
Cartão de crédito	
Conta de luz	
Condominio	
TV a cabo	
Crediário das Casas Bahia	

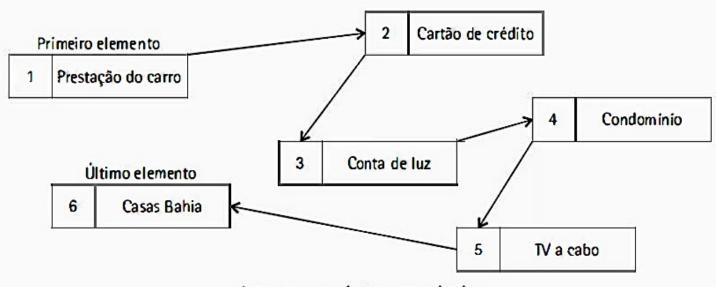
lista simples

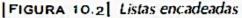
- Em estrutura de dados, precisamos dizer, dentro de uma lista, qual será o próximo elemento.
- Cada elemento da lista é representado por um nó.





Listas encadeadas – exemplo hipotético





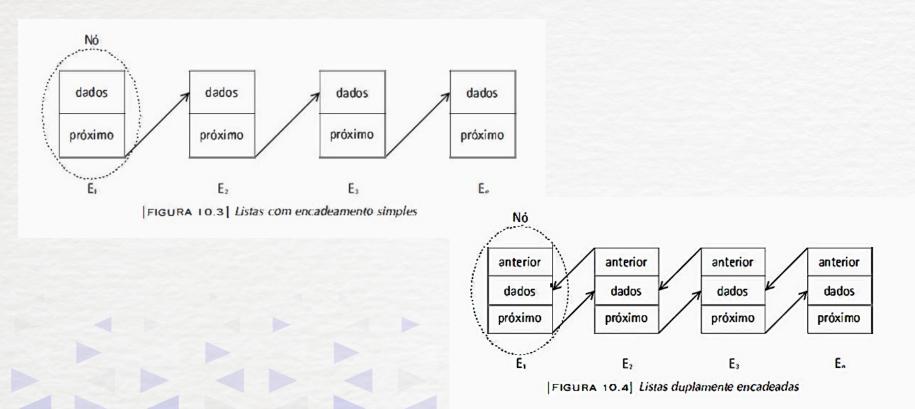


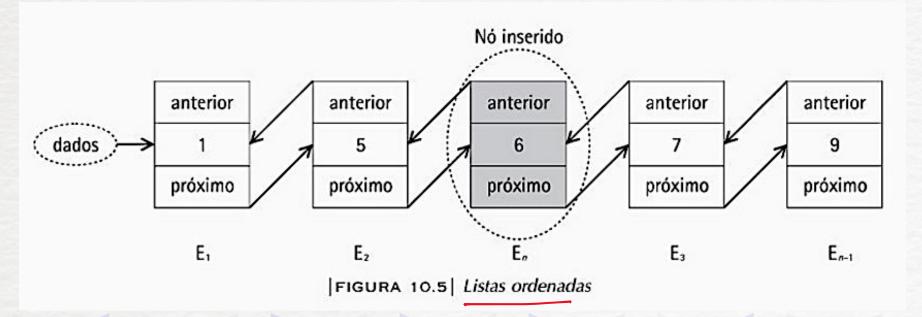
- Encadeamento simples: os elementos da lista possuem apenas um ponteiro que aponta para o elemento sucessor ou próximo (como no exemplo apresentado anteriormente).
- **Duplamente encadeadas:** cada elemento possui um campo que aponta para o seu predecessor (anterior) e outro para o seu sucessor (próximo).



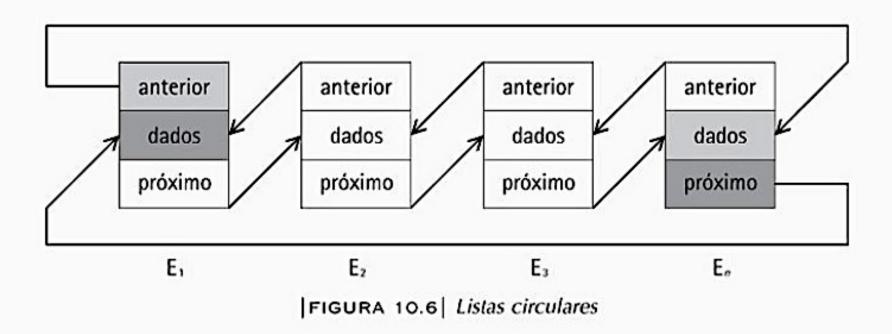
- Ordenadas: a ordem linear da lista corresponde à ordem linear dos elementos, isto é, quando um novo elemento é inserido na lista ele deve ser colocado em tal posição que garanta que a ordem da lista será mantida; essa ordem pode ser definida por um campo da área de dados, como por exemplo se tivermos uma lista ordenada com seguintes valores [1, 5, 7, 9] e desejarmos incluir um novo elemento com o valor 6, este valor deverá ser incluído entre os valores 5 e 7.
- Circulares: o ponteiro próximo do último elemento aponta para o primeiro; e o ponteiro anterior do primeiro elemento aponta para o último

EDUCAÇÃO









Listas duplamente encadeadas

- As listas duplamente encadeadas permitem fazer o caminho inverso, quando há a necessidade de percorrer a lista em ambas as direções.
- O que muda em relação a uma lista simples é que nas encadeadas existem uma variável que faz referência ao elemento anterior.
- No código (aqui um pseudocódigo de exemplo), observe que há a inserção de "prox" e também de "ant".

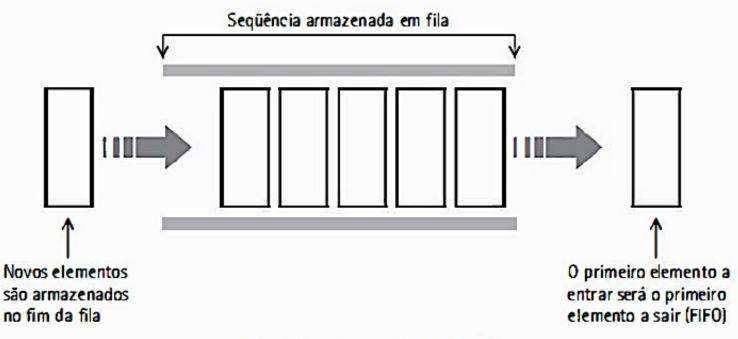
EDUCAÇÃO

Filas

- O conceito de filas em programação é o mesmo que o conceito "popular" de filas.
- O primeiro elemento a entrar na fila será o primeiro elemento a sair (bem, na teoria...) → FIFO
- As filas ou queues, em inglês, são listas onde as operações de inserção é feita em uma extremidade, e a de remoção, por outra.

EDUCAÇÃO METODISTA

Filas



|FIGURA 10.11| Conceito de fila



Implementação de filas

 Uma fila implementada por "arranjo" precisa possuir as informações iniciais da fila, as informações finais e um vetor ou matriz, que chamamos de "contêiner", onde cada posição na fila é indexada.

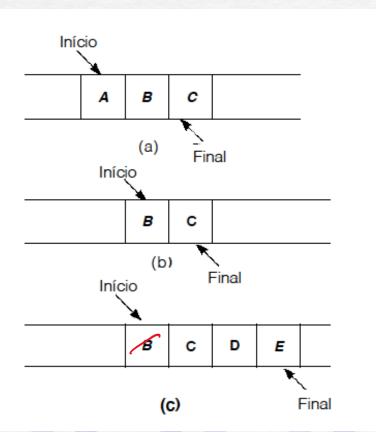


Filas (queue /kyoo/)

- fila: conjunto ordenado de itens onde pode-se eliminar itens de uma extremidade e inserir itens em outra extremidade (início e final da fila, respectivamente).
- conceitos fifo e lifo.
- operações com filas: insert, remove e empty (checar se há elementos).



Filas (continuação)





- Tratando do problema com tabelas...
- Suponha que a fila tenha capacidade para 5 elementos int (variável do tipo inteiro).

posição	0	1	2	3	4
valor	45	7	9	32	1
organização	primeiro elemento				último elemento



• Para retirar um elemento dessa fila, ele deve ser o primeiro (posição 0), e o valor 7 passa a ser então o primeiro elemento.

posição	1	2	3	4
valor	7	9	32	1
organização	primeiro elemento Início			último elemento Fim



 Como o tamanho da fila é 5, temos então uma posição vaga.

posição	1	2	3	4
valor	7	9	32	1
organização	primeiro elemento Início			último elemento Fim



 Quando um novo valor for inserido será armazenado na posição 0, que é o final da fila, e o último elemento será este.

posição	1	2	3	4	0
valor	7	9	32	1	novo valor
organização	primeiro elemento			último elemento	
	Inicio				Fim

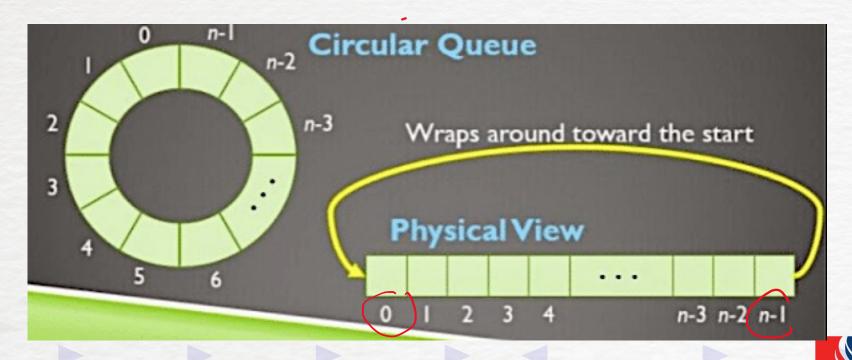


Filas circulares

- Há situações onde as filas não apresentam uma solução completa.
- A fila pode estar cheia de "espaços vazios" devido a eliminação de elementos.
- As filas circulares resolvem esse problema e são mais eficientes, pois utilizam menos instruções.
- O motivo disso é que em uma fila circular "onde o último elemento está adjacente ao primeiro"
- Exemplo: sequências que vão de 000 a 999 e depois voltam a 000.



Filas circulares



Filas circulares

- Não há comprimento fixo.
- O tamanho limite é definido pela capacidade de memória alocada para esse fim.
- Seguem o FIFO como as filas normais.
- Se pensarmos no tamanho do vetor, como trabalhar o limite dessa fila circular em um algoritmo?

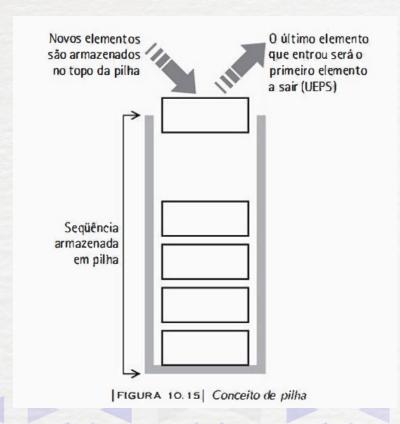


Pilhas – Definição e Características

- "As pilhas também são conhecidas como lista LIFO (Last In, First Out), que em português significa "último a entrar e primeiro a sair" (UEPS).
- É uma lista linear em que todas as operações de inserção e remoção são feitas por um único extremo denominado topo".
- "A operação de inserção é denominada empilhamento e a de exclusão, desempilhamento".
- Assim como as filas, as pilhas são conjuntos dinâmicos onde o elemento removido do conjunto [delete] é especificado previamente. Mas a semelhança acaba aí, justamente pela questão FIFO x LIFO.
- A inserção ou exclusão ocorre apenas em uma das extremidades!



Pilhas - Definição





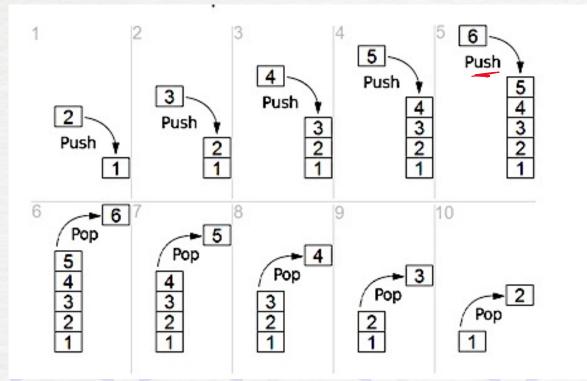
Pilhas - conceito de PUSH e POP

 A operação INSERT em uma pilha é frequentemente denominada PUSH, e a operação DELETE, que não toma um argumento de elemento, é frequentemente denominada POP → relação com as pilhas físicas.





Pilhas - conceito de PUSH e POP





Pilhas

- Considere uma pilha com as seguintes características:
 - número máximo de elementos n;
 - S.topo indexa o elemento mais recente inserido. S[1] seria o elemento mais abaixo na pilha, por exemplo.
 - Se S.topo = 0 não contém nenhum elemento e está vazia. Se S.topo > n, a pilha "estoura".



Pilhas

- Algumas operações em um deterninado pseudo-código:
 - stack-empty(S): verifica se a pilha está vazia.
 - push(S, x): inserção de elemento na pilha.
 - pop(S): deletar elemento da pilha



Pilhas – exemplificando com tabelas



posição	valor	1
1	7	topo
0	45	

inserção

posição	valor
4	1
3	32
2	9
1	7
0	45

topo

posição	valor	
4		
3	32	topo
2	9	
1	7	1
0	45	1

remoção



Texto baseado em Puga e Risseti (2010).

ESTRUTURA DE DADOS

➤ Listas, filas, pilhas, árvores e Recursividade.



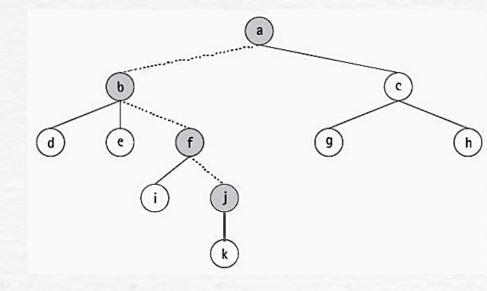
Árvores – Definição

- Ao contrário das listas, filas e pilhas, as árvores são estruturas de dados bidimensionais, não lineares, com propriedades especiais.
- Admitem operações de conjuntos dinâmicos, como consulta, inserção e remoção.



Árvores – Termos e Características

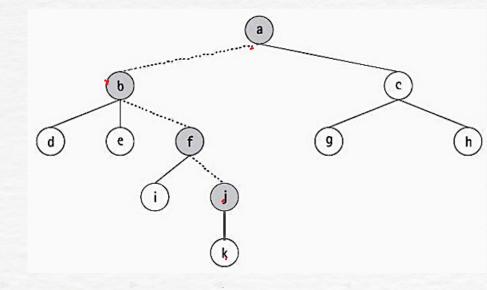
- nó raiz nó do topo da árvore, do qual descendem os demais nós. E o primeiro nó da árvore;
- nó interior nó do interior da árvore (que possui descendentes);
- nó terminal nó que não possui descendentes;
- trajetória- número de nós que devem ser percorridos até o nó determinado;





Árvores – Termos e Características

- grau do nó número de nós descendentes do nó, ou seja, o número de subárvores de um nó;
- grau da árvore número máximo de subárvores de um nó;
- altura da árvore número máximo de níveis dos seus nós;
- altura do nó número máximo de níveis dos seus nós.





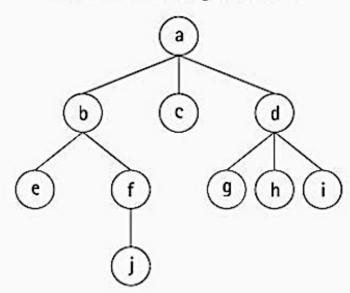
Árvores – Tipos

- listas generalizadas possuem nós com grau >= 0
- binárias possuem nós com grau <=2



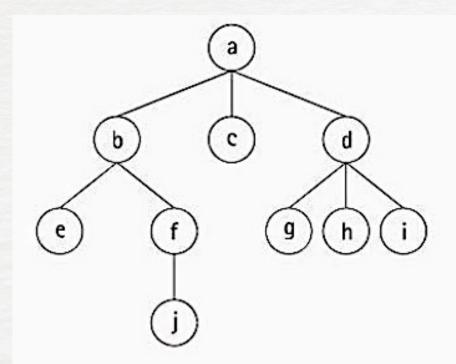
Árvores – Tipos

Árvore como lista generalizada



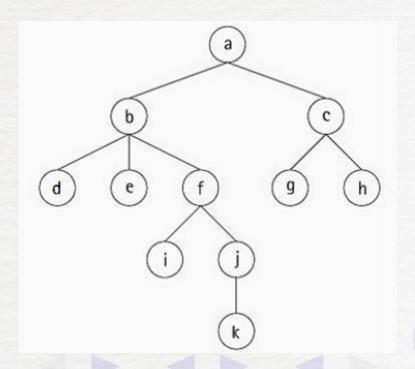


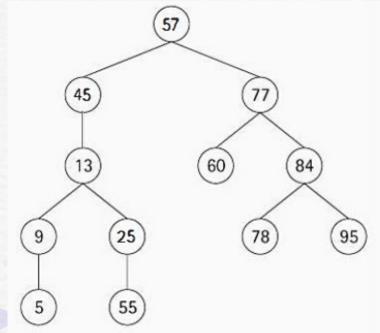
Árvores – Lista generalizada



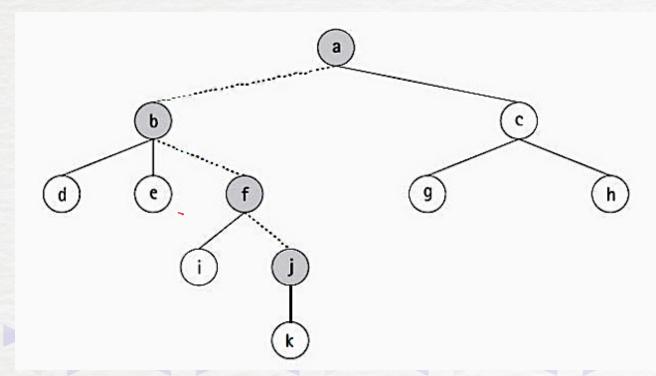


Árvores – Binária





Árvores – Entendendo a trajetória

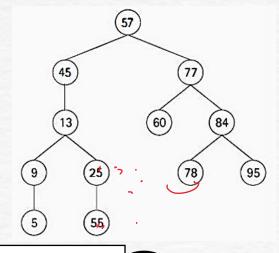




Árvores Binárias – Características

- Nó com grau <= 2, em outras palavras, nenhum nó possui mais que dois descendentes.
- Os nós da <u>direita</u> sempre possuem valor <u>superior</u> ao do nó pai.

• Os nós da <u>esquerda</u> sempre possuem valor **inferior** ao do nó pai.



essa árvore binária segue a regra?



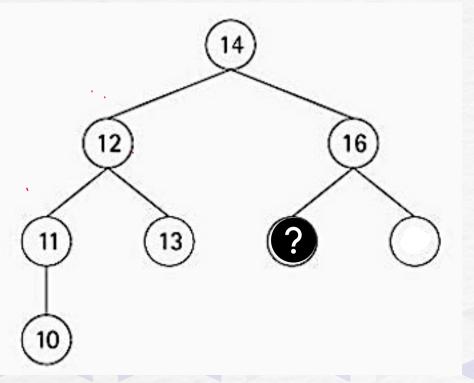
Árvores Binárias – Exemplo Java

Como ficará a árvore gerada por essa classe?

```
class Exemplo106{
2.
        public static void main(String[] args) {
 3.
           BArvore arvore1 = new BArvore ();
 4.
           arvorel.inserirNo (14);
5.
           arvorel.inserirNo (16);
 6.
           arvorel.inserirNo (12);
7.
           arvorel.inserirNo (11);
 8.
           arvorel inserirNo (17):
9.
           arvorel.inserirNo (15);
10.
           arvorel.exibirNo ():
11.
           arvorel.inserirNo (10);
12.
           arvorel.inserirNo (13);
13.
           System.out.println ("");
14
           arvore1.exibirNo ():
15.
16. }
```



Árvores Binárias – Exemplo Java



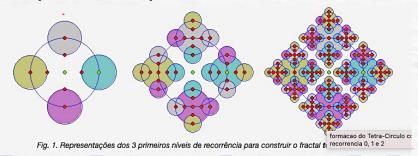
Como ficará a árvore gerada por essa classe?

Qual a lógica a ser aplicada para exclusão de nós?



Recursividade

- antes de mais nada, no exemplo em Java da estrutura de dados em árvore, a recursividade se dá com uma chamada interna do próprio método no qual ela está inserida.
- Definição de recursividade (aula 1): De acordo com Brandão (2019)
 a ideia de recursividade é a de um processo que é definido a partir
 de si próprio. No caso de um algoritmo, esse é definido invocando a
 si mesmo. O exemplo dado pelo autor são os fractais.



Fonte: <Introdução à recorrência/recursividade em algoritmos (usp.br)>, acesso em 01/08/2021.



Recursividade

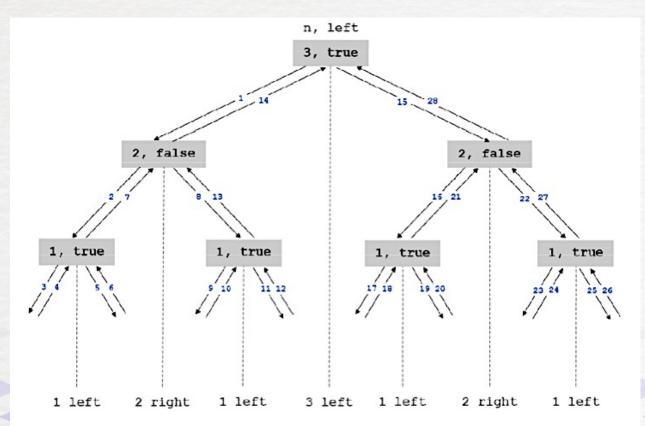
- Algoritmos iterativos e recursivos:
 - iterativos: requer a repetição explícita de um processo até que determinada condição seja satisfeita.
 - recursivos: como visto anteriormente.
- Exemplo: Cálculo de n!: ele pode ser calculado simplesmente como no exemplo 5! = 5*4*3*2*1 ou 5*4!
- Em uma estrutura de algoritmo, a segunda opção apresenta a necessidade de recursividade, pois:

$$n! = n * (n-1)! = n * (n-1) * (n-2) * \cdots * 1$$

• Esses três pontos (...) requer em um algoritmo chamar a mesma função quantas vezes forem necessárias até que a mesma seja satisfeita.

EDUCAÇÃO METODISTA

Árvore de recursão: Torres de Hanoi



Lenda das Torres de Hanoi

• Mundo vai acabar quando um grupo de monges conseguirem mover 64 discos de ouro em 3 pinos de diamante. A solução revela que seriam necessários 2ⁿ-1 movimentações, ou 585 milhões de anos...





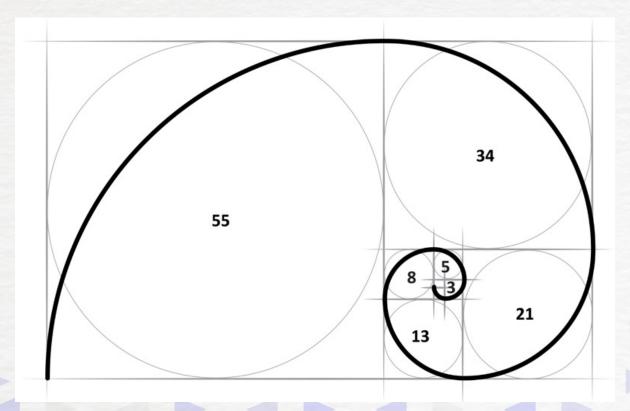
Sequência de Fibonacci

- A sequência de Fibonacci é uma sequência de números específica que se repete em várias estruturas naturais e também feitas pelo homem (neste caso, propositalmente).
- 0,1,1,2,3,5,8,13,21,34...
- Cada elemento nessa sequência é a soma dos dois elementos anteriores (por exemplo, 0 + 1 = 1, 1 + 1 = 2, 1 + 2 = 3, 2 + 3 = 5, ...).
- Se permitirmos que ftb(0) = 0, fib(l) = 1, e assim por diante, então poderemos definir a sequência de Fibonacci por meio da seguinte definição recursiva:

$$fib(n) = n$$
 if $n == 0$ or $n == 1$
 $fib(n) = fib(n - 2) + fib(n - 1)$ if $n >= 2$



Sequência de Fibonacci





Recursividade na prática: busca

- A recursividade é, em modos práticos computacionais, uma das atividades mais conhecidas da área: a busca;
- Qual seria o método mais eficiente para executá-la?
- O método de busca sequencial ou linear é aquele onde cada item do vetor é examinado por vez e comparado ao item procurado, até que ocorra uma coincidência.
- Mas se esta busca não for "iniciada do início" da sequência?
- No caso, se pensarmos em vetores, a busca sempre deve ser realizada dividindo esse vetor em dois, por isso, busca binária.
- "Se o item sendo procurado não for igual ao elemento do meio do vetor, as instruções serão pesquisar um subvetor usando o mesmo método".

EDUCAÇÃO METODISTA

ESTRUTURAS SEQUENCIAIS E ENCADEADAS

- Aqui vamos falar de listas novamente, com foco na forma dessa lista: se sequencial ou encadeada.
- Importante: pilhas, árvores e filas podem ser consideradas subtipos de listas.
- Na bibliografia podemos encontrar então pilhas sequenciais e encadeadas, por exemplo.

EDUCAÇÃO

ESTRUTURAS SEQUENCIAIS E ENCADEADAS

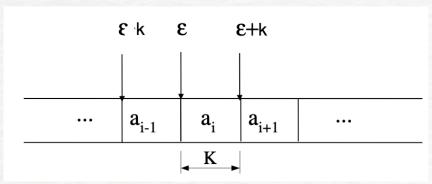
CONCEITOS BÁSICOS

- Estruturas sequenciais: a alocação dos dados na estrutura é dada de forma consecutiva na memória.
- Estruturas encadeadas: a alocação não possui uma ordem consecutiva e os elementos podem ocupar quaisquer posições na memória.



CARACTERÍSTICAS

• A estrutura sequencial pode ser representada como segue:



- é de fácil endereçamento (indexação);
- fácil inserção ou eliminação de elementos no final da lista.



CARACTERÍSTICAS

- Difícil inserção de elementos no meio da lista
- Mobilidade de elementos dificultada.
- A implementação dessas listas se dá pelo uso de vetores.
- Segundo Celes (2004), quando declaramos um vetor (escrevendo o código), é reservado um espaço contínuo na memória para armazenamento de elementos.
- A partir do primeiro elemento, e com o uso de um ponteiro, é possível acessar seus elementos.

EDUCAÇÃO

ENTENDENDO O VETOR DENTRO DE UMA EST. SEQUENCIAL

• Na implementação, deve-se determinar a quantidade máxima que o vetor (string) irá armazenar.

 Veja o exemplo em C para implementação do vetor de 500 nós (onde cada nó possui a informação e o comando para o ponteiro ir ao próximo elemento):

#define NUMNODES 500 struct nodetype{
int info, next; };
struct nodetype node[NUMNODES];

há diferenças importantes entre um nó de uma estrutura sequencial e encadeada. como veremos aqui.

EDUCAÇÃO METODISTA

ENTENDENDO O VETOR DENTRO DE UMA EST. SEQUENCIAL

• usando Python para implementação do vetor:

```
Max = 500
Nodo = (info, next) Lista = []
for i in range(Max):
Lista += [Nodo]
```



ENTENDENDO O VETOR DENTRO DE UMA EST. SEQUENCIAL

- a utilização de vetores apresenta limitação pelo tamanho pré-definido inicialmente, ou seja, não é uma estrutura de dados flexível.
- para resolver o problema de uma possível necessidade de incremento no vetor, utilizam-se as listas ligadas (CELES et al., 2004).
- uma lista ligada pode ser definida como um conjunto, da seguinte forma: $V:[x_1, x_2, ..., x_n]$ com n > 0.
- listas ligadas = listas encadeadas, SILVA (2007).

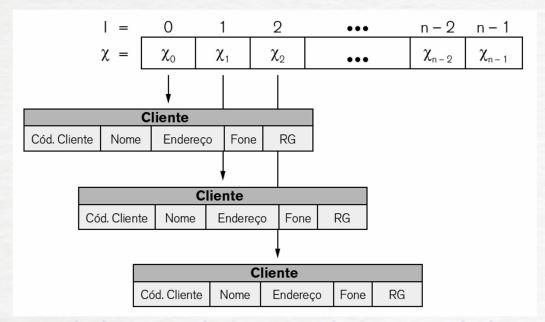


APLICAÇÕES DAS LISTAS SEQUENCIAIS

- ideais para pequenos conjuntos de dados;
- cada nó (mencionado anteriormente), armazena os dados em formato de campos.
- Os nós da lista possui um identificador chamado de chave.



APLICAÇÕES DAS LISTAS SEQUENCIAIS





VANTAGENS DAS LISTAS SEQUENCIAIS

- facilidade de acesso aos dados através de indexação.
- tempo de acesso aos dados previsível, constante.

- DESVANTAGENS DAS LISTAS SEQUENCIAIS
- dificuldades de inserção ou remoção de elementos.
- necessidade de "estimar" o tamanho do vetor no início da implementação ou programa.

EDUCAÇÃO

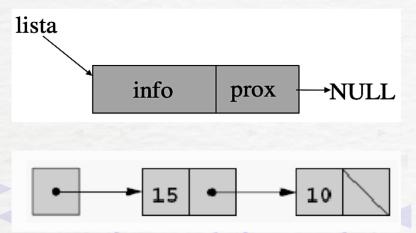
CARACTERÍSTICAS

- Característica e vantagem sobre as sequenciais: não é necessário pré-determinar a quantidade de elementos.
- O nó da lista encadeada contém a informação ou ponteiro que indica o próximo elemento da lista, que não necessariamente é o elemento seguinte.
- A lista encadeada pode ser vista como um conjunto dinâmico de nós.



CARACTERÍSTICAS

 No caso de vetores, o armazenamento é realizado de forma adjacente, enquanto que nas listas encadeadas (ou ligadas), é realizado de forma lógica. Mais especificamente:





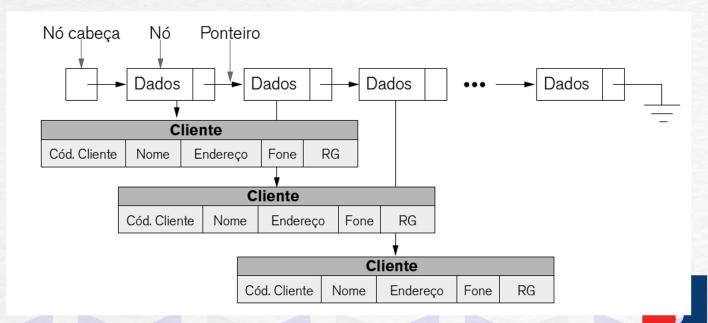
CARACTERÍSTICAS

- A quantidade máxima de elementos na lista é determinada pela quantidade disponível de memória.
- Essa memória refere-se à memória que pode ser alocada pelo programa.
- Também chamada por alguns autores de estrutura dinâmica.
- A alocação de memória em estruturas dinâmicas é feita durante a execução do processo ou do programa.

para pensar: como definir o tamanho de strings e/ou outras estruturas em banco de dados (p. ex SQL) e outras aplicaçoes?



ENTENDENDO UMA ESTRUTURA ENCADEADA





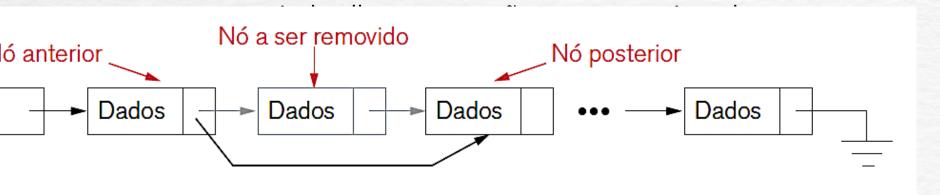
fonte: Balieiro, 2015.

ENTENDENDO UMA ESTRUTURA ENCADEADA

- De acordo com Szwarcfiter e Markenzon (1994), os dados de implementação da estrutura encadeada são colocadas no nó-cabeça.
- Nó-cabeça é a definição para o nó que indica o início da lista encadeada, e que não pode ser removido.
- Desta forma, dados/registros não devem ser armazenados no nó cabeça.



OPERAÇÕES COM ESTRUTURAS ENCADEADAS





VANTAGENS DAS LISTAS ENCADEADAS

- facilidade de inserir e remover elementos.
- não é necessário movimentar elementos da lista nas operações de inserção/remoção.

DESVANTAGENS DAS LISTAS ENCADEADAS

- maior atenção com os ponteiros.
- maior consumo de memória nas operações de busca.
- necessidade de memória para os ponteiros.

