Geometria Analítica e Vetorial – 2024.2 Prof. Walner Mendonça

Terceira Avaliação 6 de março de 2025

Instruções:

- Justifique todas as suas respostas. É permitido usar qualquer resultado apresentado em sala.
- As soluções deverão ser enviadas até o fim do dia 7 de janeiro para o email walner@mat.ufc.br.

Problema 1. (2 pontos)

Mostre que a distância entre as retas que contêm os seguimentos AB e CD é igual a

$$\frac{|\overrightarrow{AC} \cdot (\overrightarrow{AB} \times \overrightarrow{CD})|}{\|\overrightarrow{AB} \times \overrightarrow{CD}\|}$$

Problema 2. (2 pontos)

Prove que:

(a)
$$(\vec{u} \times \vec{v}) \times (\vec{w} \times \vec{z}) = [\vec{v} \cdot (\vec{w} \times \vec{z})]\vec{u} + [\vec{u} \cdot (\vec{w} \times \vec{z})]\vec{v}$$

(b)
$$(\vec{u} \times \vec{v}) \times (\vec{w} \times \vec{z}) = [(\vec{u} \times \vec{v}) \cdot \vec{z} | \vec{w} - [(\vec{u} \times \vec{v}) \cdot \vec{w} | \vec{z}]$$

Problema 3. (1 ponto)

Sendo $[\vec{u}, \vec{v}, \vec{w}] = 6$, calcule $[2\vec{u} - 3\vec{v} + \vec{w}, -\vec{u} + \vec{v} - \vec{w}, \vec{v} - 3\vec{w}]$.

Problema 4. (2 pontos)

Escreva equações na forma simétrica da reta determinada pelo ponto (-1, -4, -2) e pelo ponto médio do segmento de extremidades (1, 3, 5) e (3, -3, 1).

Problema 5. (2 pontos)

Decomponha $\vec{u}=(1,2,4)$ como soma de um vetor paralelo à reta r: $X=(1,9,18)+\lambda(2,1,0)$ com outro paralelo ao plano

$$\pi: \begin{cases} x = 1 + \lambda \\ y = 1 + \mu \\ z = \lambda - \mu. \end{cases}$$

Problema 6. (1 ponto)

Calcule m e n para que r esteja contida em π .

(a)
$$r: X = (n, 2, 0) + \lambda(2, m, m)$$

 $\pi: x - 3y + z = 1$ (b) $r: X = (m, 3, n) + \lambda(1, 1, n)$
 $\pi: nx - ny + nz = 1$