

Enviar as soluções de 3 exercícios a sua escolha para o email `walner+comb@mat.ufc.br`.

Exercício 1. Mostre que para toda 2-coloração de $[9]$, existe uma 3-PA monocromática.

Exercício 2. Mostre que para toda r -coloração de \mathbb{N} , existem $x_0, x_1, \dots, x_k \in \mathbb{N}$ da mesma cor tais que $x_0 = x_1 + \dots + x_k$.

Exercício 3. Mostre que para toda 2-coloração de \mathbb{N}^2 , existe $(x, y, s) \in \mathbb{N}^3$ de modo que o conjunto $\{x, x + s, x + 2s\} \times \{y, y + s, y + 2s\}$ é monocromático:

Exercício 4. Mostre que para toda coloração do cubo $\{0, 1\}^r$ com r cores, pelo menos uma *linha combinatória* é monocromática.

Exercício 5. Mostre que para toda 2-coloração de $[3]^8$, existe uma *linha combinatória* monocromática.