Cálculo Fundamental – 2024.2 Prof. Walner Mendonça

Segunda Avaliação 6 de março de 2024

Instruções:

- Justifique todas as suas respostas. É permitido usar qualquer resultado apresentado em sala.
- As soluções deverão ser enviadas até o fim do dia **7 de janeiro** para o email walner+calc@mat.ufc.br. Atente ao +calc no endereço de email, pois usarei este alias para filtrar os mais de 50 emails que espero receber de vocês.

Problema 1. (4 pontos)

Encontre os valores máximo e mínimo absolutos de f no intervalo dado.

(a)
$$f(x) = 3x^2 - 12x + 5$$
, $[0,3]$

(c)
$$f(x) = (x^2 - 1)^3$$
, $[-2, 2]$

(b)
$$f(x) = x^3 - 6x^2 + 5$$
, $[-3, 5]$

(d)
$$f(x) = x + \frac{1}{x}$$
, [0.2, 4]

Problema 2. (4 pontos)

Para cada função f abaixo, encontre os intervalos nos quais a função é crescente ou decrescente, determine os valores máximo e mínimo locais da função, os seus intervalos de concavidade e os pontos de inflexão. Use tais informações para esboçar o gráfico de f.

(a)
$$f(x) = 3x^3 - 5x^2 + 2x - 1$$

(b)
$$f(x) = x^4 - 4x^2 + 6$$

Problema 3. (2 pontos)

Encontre o limite. Use a Regra de l'Hôpital quando for apropriado. Se houver um método mais elementar, considere utilizá-lo. Se a Regra de l'Hôpital não se aplicar, explique o porquê.

(a)
$$\lim_{x \to 2} \frac{6x^2 + 5x - 4}{4x^2 + 16x - 9}$$

(c)
$$\lim_{x\to 0^+} x^x$$

(b)
$$\lim_{t \to 0} \frac{t}{1 - \cos t}$$

(d)
$$\lim_{x\to 0} (1-2x)^{1/x}$$