半经典磨雅动力学的方法拓展研究:开题答辩

李睿 王林军 研究员

December 25, 2019

目录

研究背景

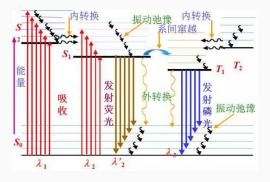
半经典磨雅动力学

主要研究内容

研究背景

电子结构

- 解决电子态问题,不考虑原子核的运动
- 可用经典力学处理原子核
 - 无法描述零点振动能与隧穿效应

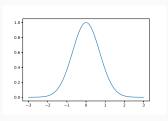


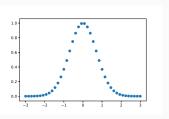
荧光、磷光能级跃迁示意图

含时演化精确解: 离散变量表象 (DVR)

- 解决含时薛定谔方程: $\hat{H}\psi(x;t)=i\hbar\frac{\partial}{\partial t}\psi(x;t)$
- 将波函数离散化——表现为每一个格点上的数值
- 将哈密顿量转化为一个矩阵, 波函数转化为列向量
- 缺点:格点数庞大,计算量随维度呈指数上升

$$\hat{H} \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0.5 \\ 0.5 & 1 \end{pmatrix}, \quad \psi(x) \rightarrow \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}$$





半经典量子动力学:保留一部分量子修正

级数展开:

$$\frac{\pi^2}{6} = \underbrace{\frac{1}{1^2} + \frac{1}{2^2}}_{\text{ d}} + \underbrace{\frac{1}{3^2} + \frac{1}{4^2}}_{\text{ d}} + \underbrace{\frac{1}{5^2} + \frac{1}{6^2} + \frac{1}{7^2} + \frac{1}{8^2} + \dots}_{\text{ d}}$$
 量子精确解 (~ 1.6449)

动力学演化 (磨雅括号):

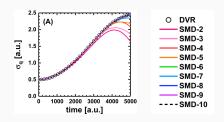
$$\begin{split} &\{\{A,H\}\} = \frac{2}{\hbar}A\sin\left[\frac{\hbar}{2}\left(\sum_{i}\overleftarrow{\partial}_{q_{i}}\overrightarrow{\partial}_{p_{i}} - \overleftarrow{\partial}_{p_{i}}\overrightarrow{\partial}_{q_{i}}\right)\right]H \rightarrow \mathbf{量子精确解} \\ &=\underbrace{\{A,H\}}_{\mathbf{\S H}} + \sum_{j=1}^{\infty}\frac{(-1)^{j}}{(2j+1)!}\left(\frac{\hbar}{2}\right)^{2j}A\left[\sum_{i}\left(\overleftarrow{\partial}_{q_{i}}\overrightarrow{\partial}_{p_{i}} - \overleftarrow{\partial}_{p_{i}}\overrightarrow{\partial}_{q_{i}}\right)^{2j+1}\right]H}_{\mathbf{\S H}\%\mathbb{E}} \end{split}$$

半经典磨雅动力学

特点

半经典磨雅动力学(Semiclassical Moyal Dynamics, SMD)

- 任意调整量子修正的阶数
- 推导高阶动力学方程方法简洁,易操作

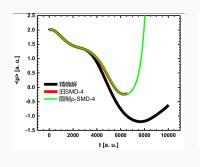


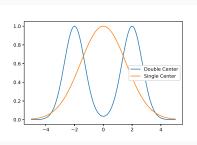
不同阶数的 SMD 演化

SHEN Y, WANG L. Semiclassical Moyal dynamics[J/OL]. The Journal of Chemical Physics, 2018, 149(24): 244113

存在问题

- 稳定性差,容易发生数值崩溃
- 使用单中心高斯分布描述相空间分布──无法处理多中心相空间分布



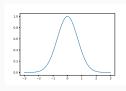


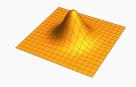
顾锴. 相空间哈密尔顿动力学的稳定性研究 [D]. 杭州: 浙江大学, 2019.

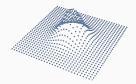
主要研究内容

技术路线

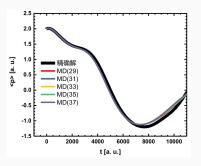
- Classical-Wigner 分布: 对实空间下的波函数使用 Wigner 变换得到的相空间分布
- 将相空间分布格点化作为无相互作用的粒子
- 计算每个粒子受到的力,进行演化

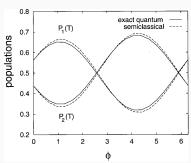






Classical-Wigner 分布下的分子动力学模拟





顾锴. 相空间哈密尔顿动力学的稳定性研究 [D]. 杭州: 浙江大学, 2019.

引入 SMD 修正

- 每个粒子由狄拉克函数表达: $\delta(x-x_0)\delta(p-p_0)$
- dt 时间演化后与实际期望值演化的差别:

$$\begin{cases} D(x^2) = p_0^2 dt \\ D(xp) = -x_0 p_0 dt \\ D(p^2) = x_0^2 dt \end{cases}$$

■ 使用 SMD 框架修正误差:

$$\delta(x-x_0)\delta(p-p_0) \to ?$$

计划、预期目标

计划:

- 2020 年 2 月:完成基于粒子化 Wigner 变换的半经典磨雅动力学的关键公式的推导;
- 2020 年 3 月: 基于粒子化 Wigner 变换的半经典磨雅动力学的主要框架;
- 2020 年 4 月:完成程序,对标准一维模型进行测试,分析程序运行情况及修正方法;
- 2020 年 5 月: 优化修正方法; 若能够保证数值稳定性与结果的可靠性,对多维模型进行测试。

预期目标:

- 研究出基于粒子化相空间分布的 SMD 方法的一般方法;
 - 提高 SMD 方法的稳定性;
 - 相较经典分子动力学模拟有更高的精度。