# Resumen de propiedades

## Propiedades de Logaritmos Definición

$$\log_a(x) = y \Leftrightarrow a^y = x,$$

si se cumple x > 0, a > 0, y  $a \ne 1$ 

#### **Propiedades Triviales**

- $\log_a(1) = 0 \Leftrightarrow a^0 = 1$
- $\log_a(a) = 1 \Leftrightarrow a^1 = a$

#### Propiedades menos triviales

- $\bullet \ \log_a(b.c) = \log_a(b) + \log_a(c)$
- $\log_a(\frac{b}{c}) = \log_a(b) \log_a(c)$
- $\log_a(b^n) = \log_a(\underbrace{b \dots b}_{n \ veces}) = \underbrace{\log_a(b) + \dots + \log_a(b)}_{n \ terminos} =$   $n \cdot \log_a(b)$
- $\bullet \log_a(\sqrt[n]{b}) = \log_a(b^{\frac{1}{n}}) = \frac{1}{n} \cdot \log_a(b)$
- Cambio de base:  $\log_a(x) = \frac{\log_b(x)}{\log_a(a)}$
- $a^{\log_a(b)} = b$

### Propiedades de Exponenciales Definición

#### Potencia de exponente N

$$a^n = \underbrace{aa \dots a}_{n \ veces}, \quad n \in N \quad a \in R^+$$

#### Potencia de exponente nulo

$$a^0 = 1, \quad a \neq 0$$

#### Potencia de exponente entero negativo

$$a^{-n} = \frac{1}{a^n}, \quad n \in \mathbb{N}, \quad a \neq 0$$

#### Potencia de exponente fraccionario

$$a^{\frac{m}{n}} = \sqrt[n]{a^m}, \quad m \in \mathbb{Z}, \quad n \in \mathbb{N}$$

# Logarítmicas, Exponenciales y Sumatorias para Tiempo de Ejecución

#### Propiedades de Potenciación

- $a^{n+m} = a^n.a^m$
- $a^{n-m} = a^n : a^m = \frac{a^n}{a^m}$
- $a^n$   $a^n$
- $(a.b)^n = a^n.b^n$
- $\bullet$   $(\frac{a}{b})^n = \frac{a^n}{b^n}$
- $(\frac{a}{b})^{-n} = (\frac{b}{a})^n$

#### Propiedades de la Radicación

- $\sqrt[n]{a}$ .  $\sqrt[n]{b} = \sqrt[n]{a.b}$
- $\sqrt[n]{\sqrt[m]{a}} = \sqrt[n \cdot m]{a}$

### Propiedades Sumatorias Resumen de propiedades

$$\sum_{i=1}^{n} c.a_{i} = c \times \sum_{i=1}^{n} a_{i}$$

$$\sum_{i=1}^{n} c = (n-1+1) \times c = n \times c$$

$$\sum_{i=1}^{n} a_{i} + b_{i} = \sum_{i=1}^{n} a_{i} + \sum_{i=1}^{n} b_{i}$$

$$\sum_{i=1}^{n} a_{i} = \sum_{i=1}^{k} a_{i} + \sum_{i=k+1}^{n} a_{i}, \quad k < n$$

$$\sum_{i=k}^{n} a_{i} = \sum_{i=1}^{n} a_{i} - \sum_{i=1}^{k-1} a_{i}$$

$$\sum_{i=1}^{n} a_{i} \times b_{i} \neq \sum_{i=1}^{n} a_{i} \times \sum_{i=1}^{n} b_{i}$$

$$\sum_{i=1}^{n} a_{i}^{2} \neq (\sum_{i=1}^{n} a_{i})^{2}$$

Resumen de fórmulas para simplificar algunas sumatorias comunes

$$\sum_{i=1}^{n} i = \frac{n(n+1)}{2}$$

$$\sum_{i=1}^{n} i^{2} = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$$

$$\sum_{i=1}^{n} i^{3} = (\frac{n(n+1)}{2})^{2}$$

$$\sum_{i=1}^{n} i^{4} = \frac{n(n+1)(2n+1)(3n^{2}+3n-1)}{30}$$

$$\sum_{i=0}^{n} 2^{i} = 2^{n+1} - 1$$

$$\sum_{i=0}^{n} a^{i} = \frac{a^{n+1} - a}{a - 1}$$

$$\sum_{i=0}^{n} a^{i} = \frac{a^{n+1} - 1}{a - 1}$$