

CẤU TRÚC DỮ LIỆU VÀ GIẢI THUẬT

B-Tree

Giới thiệu

- ▶ Do R.Bayer và E.M.McCreight đưa ra năm 1972.
- ▶ B-tree là cấu trúc dữ liệu phù hợp cho việc lưu trữ và truy xuất dữ liệu trên bộ nhớ ngoài (đĩa cứng)
- ▶ Hạn chế số thao tác đọc mỗi lần tìm kiếm trên cây:
 - ▶ Mỗi lần truy xuất đọc toàn bộ dữ liệu trong 1 node (mỗi node chứa M phần tử (items))
 - ▶ Sử dụng thuật toán tìm nhị phân để tìm phần tử x (giá trị cần tìm).
- ▶ Chiều cao cây $\log_M N$, tăng M chiều cao cây giảm rất nhanh

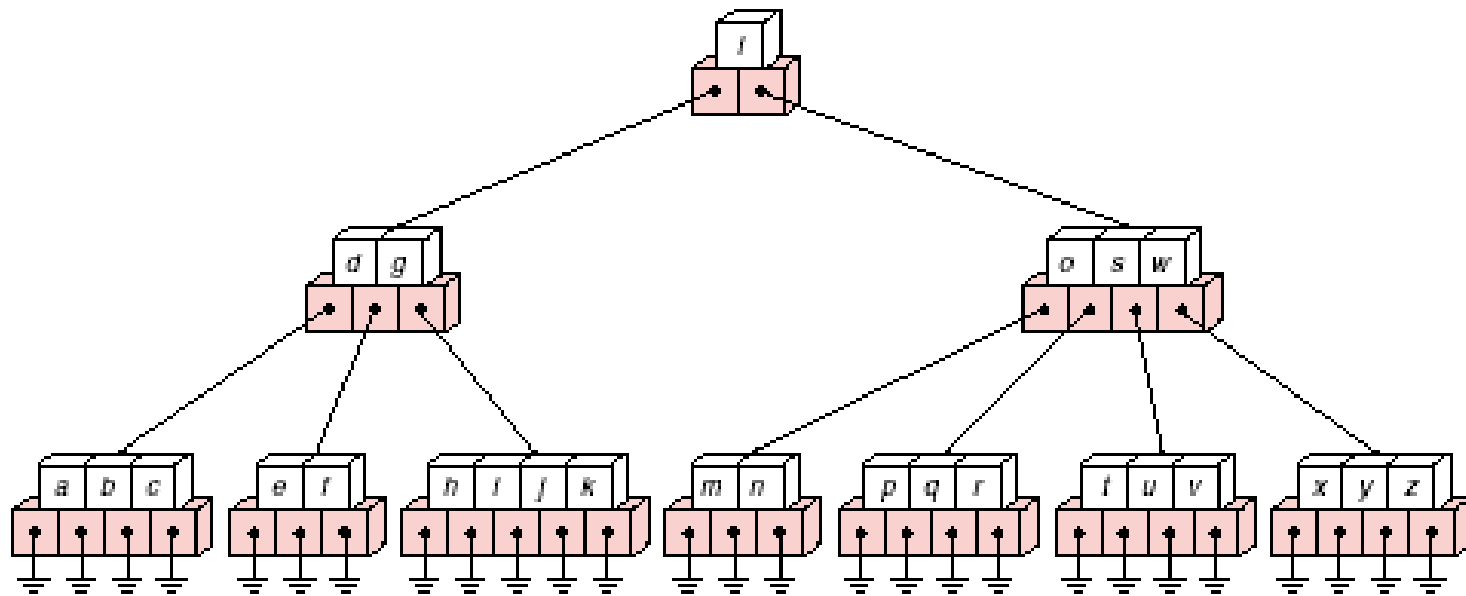
Định nghĩa

Một B-tree bậc m là cây m nhánh tìm kiếm thỏa các điều kiện sau:

Cho số tự nhiên $k > 0$, B-Trees bậc m với $m = 2k+1$ là một cây thỏa mãn các tính chất:

- ▶ Tất cả node lá nằm trên cùng một mức
- ▶ Tất cả các node, trừ node gốc và node lá, có ***tối thiểu*** $k+1$ node con.
- ▶ Tất cả các node có ***tối đa*** m con
- ▶ Tất cả các node, trừ node gốc, có từ k cho đến $m - 1$ khóa (keys). Node gốc có từ 1 đến $m-1$ khóa.
- ▶ Một node không phải lá và có n khóa thì phải có $n+1$ node con.
- ▶ Tại mỗi khóa X bất kỳ, các khóa ở nhánh trái $< X <$ các khóa ở nhánh phải

Định nghĩa



B-Tree bậc 5 có 3 mức

Khai báo cấu trúc

```
typedef struct
{
    int count;                // số khoá của node hiện hành
    int Key[m-1];             // mảng lưu trữ các khoá của node
    int *Branch[m];           /* các con trỏ chỉ đến các cây con,
    m-Bậc của cây*/
} BNode;                     // Kiểu dữ liệu của node
typedef struct BNode *pBNode; // con trỏ node
pBNode *Root;                // con trỏ node gốc
```

Thêm

- ▶ Khóa mới sẽ được thêm vào node lá
 - ▶ Nếu chưa đầy -> thêm hoàn tất
 - ▶ Nếu đầy -> tách node:
 - ▶ Khóa giữa node được lan truyền ngược lên node cha
 - ▶ Trong trường hợp đặc biệt lan truyền đến tận gốc của B-Tree
 - ▶ Phần còn lại chia thành 2 node cạnh nhau trong cùng 1 mức

Thêm

Tạo B-Tree bậc 5 từ dãy các khóa sau: **20 40 10 30** 15 35 7 26 18
22 5 42 13 46 27 8 32 38 24 45 25

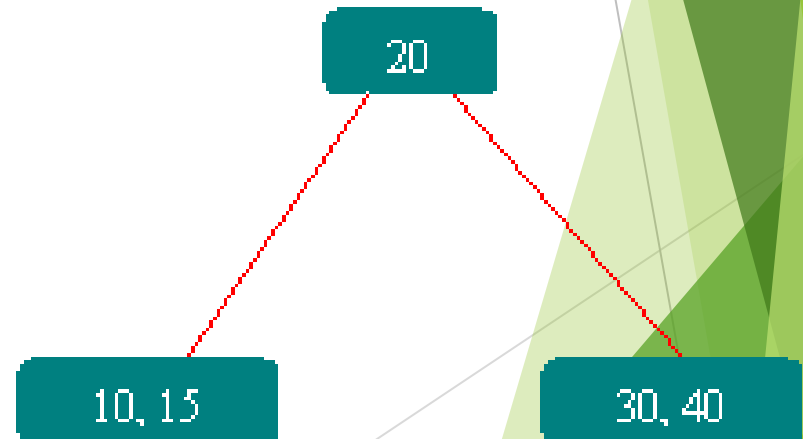
Thêm
20 40
10 30

10, 20, 30, 40



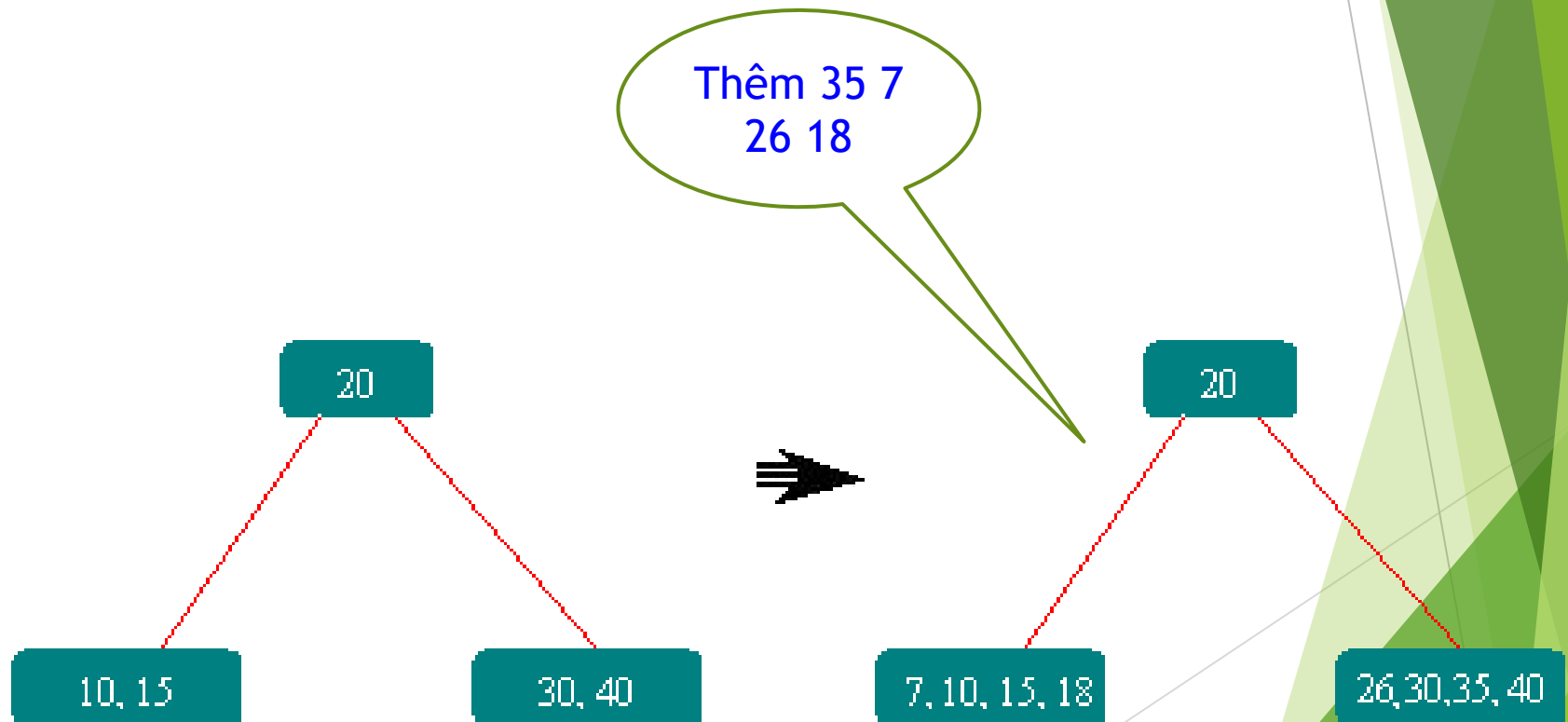
Thêm 15 -> đầy trang -> tách

- Khóa giữa 20 đưa lên node cha
- 10, 15 là node con trái của 20
- 30, 40 là node con phải của 20



Thêm

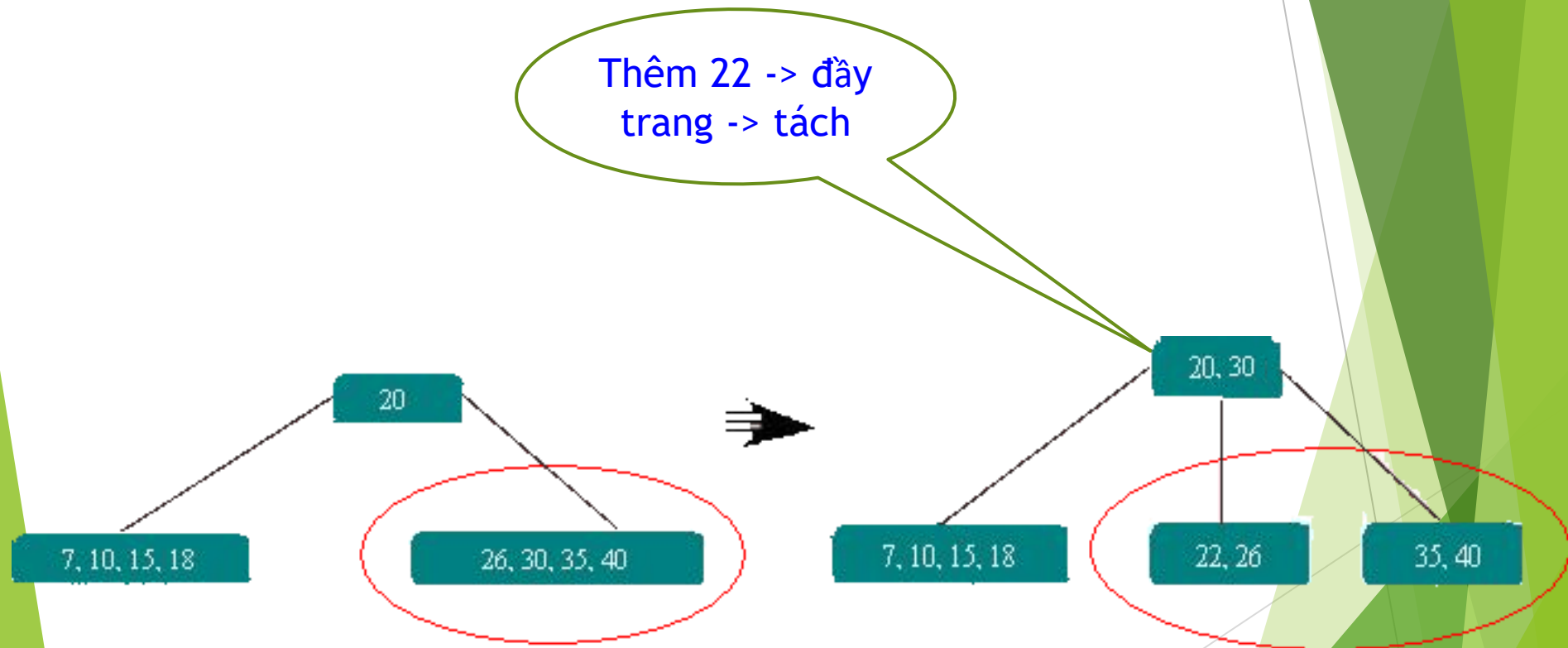
- Tạo B-Tree bậc 5 từ dãy các khóa sau : 20 40 10 30 15 **35 7 26**
18 22 5 42 13 46 27 8 32 38 24 45 25



Thêm

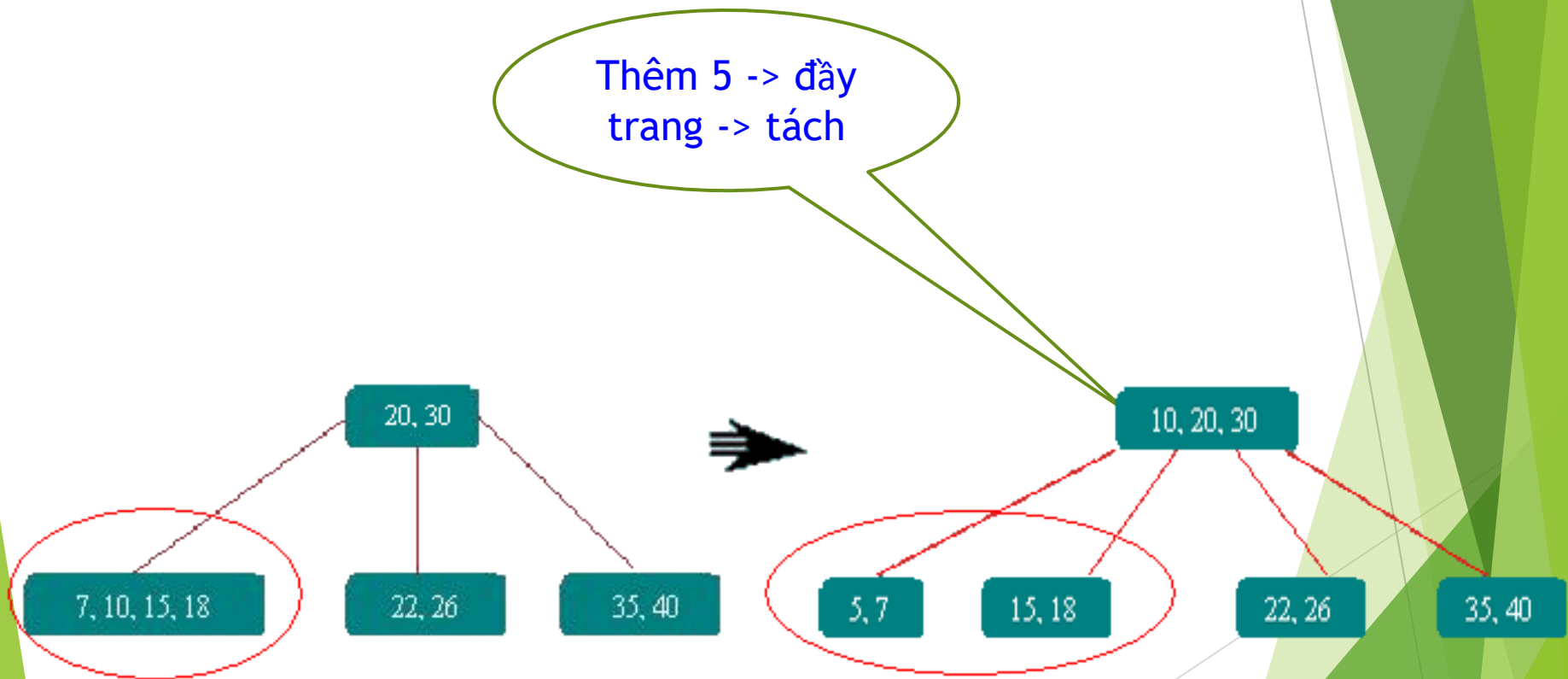
- Tạo B-Tree bậc 5 từ dãy các khóa sau : 20 40 10 30 15 35 7 26 18 **22** 5 42 13 46 27 8 32 38 24 45 25

Thêm 22 -> đầy
trang -> tách



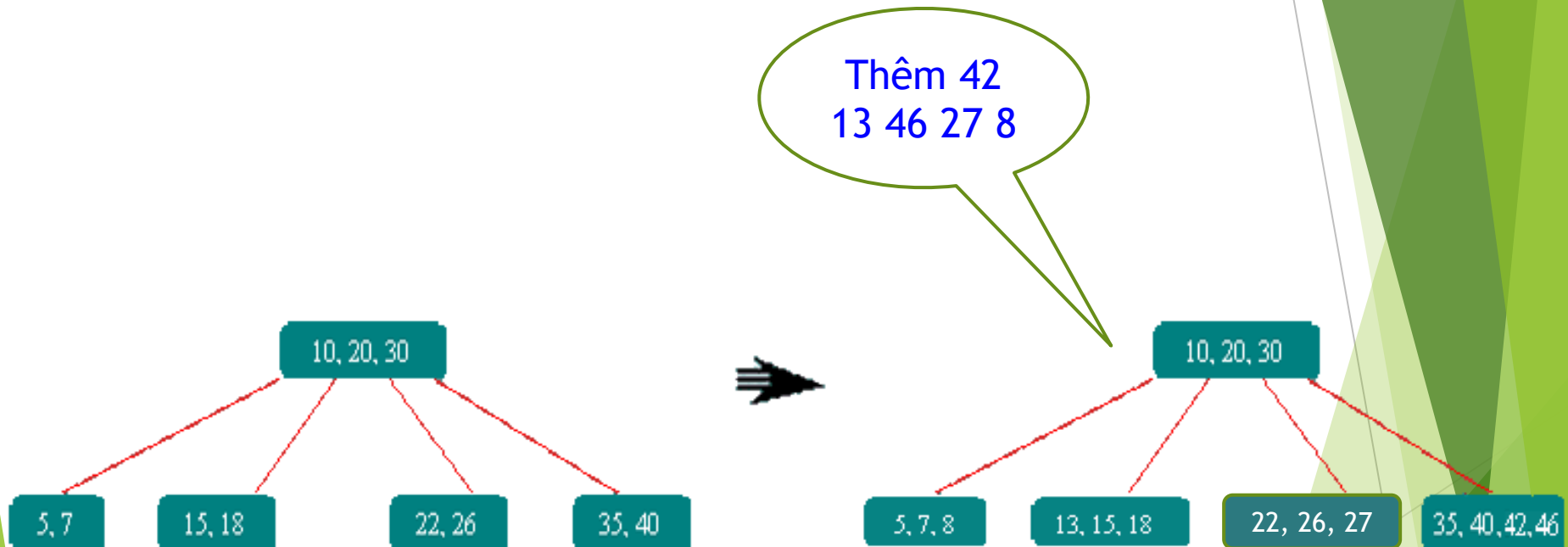
Thêm

- Tạo B-Tree bậc 5 từ dãy các khóa sau : 20 40 10 30 15 35 7 26
18 22 **5** 42 13 46 27 8 32 38 24 45 25



Thêm

- Tạo B-Tree bậc 5 từ dãy các khóa sau : 20 40 10 30 15 35 7 26 18 22 5 **42 13 46 27 8** 32 38 24 45 25



Thêm

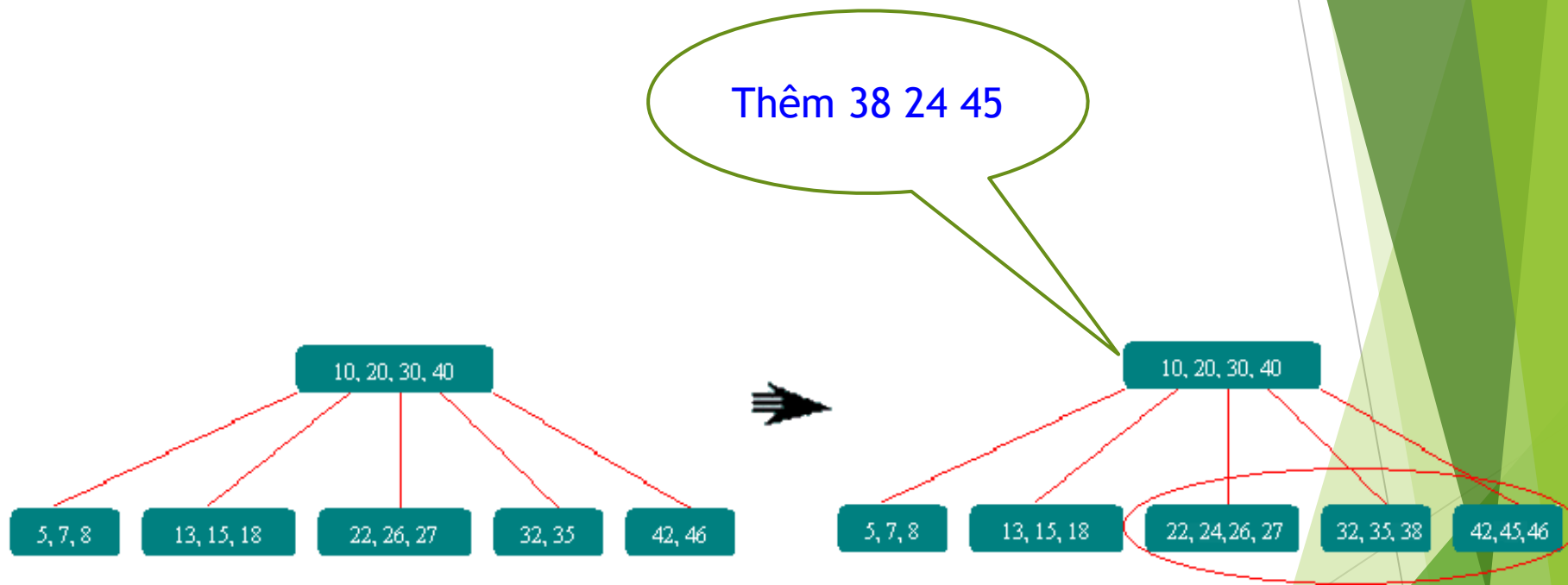
- Tạo B-Tree bậc 5 từ dãy các khóa sau : 20 40 10 30 15 35 7 26
18 22 5 42 13 46 27 8 **32** 38 24 45 25

Thêm 32 -> đầy
trang -> tách



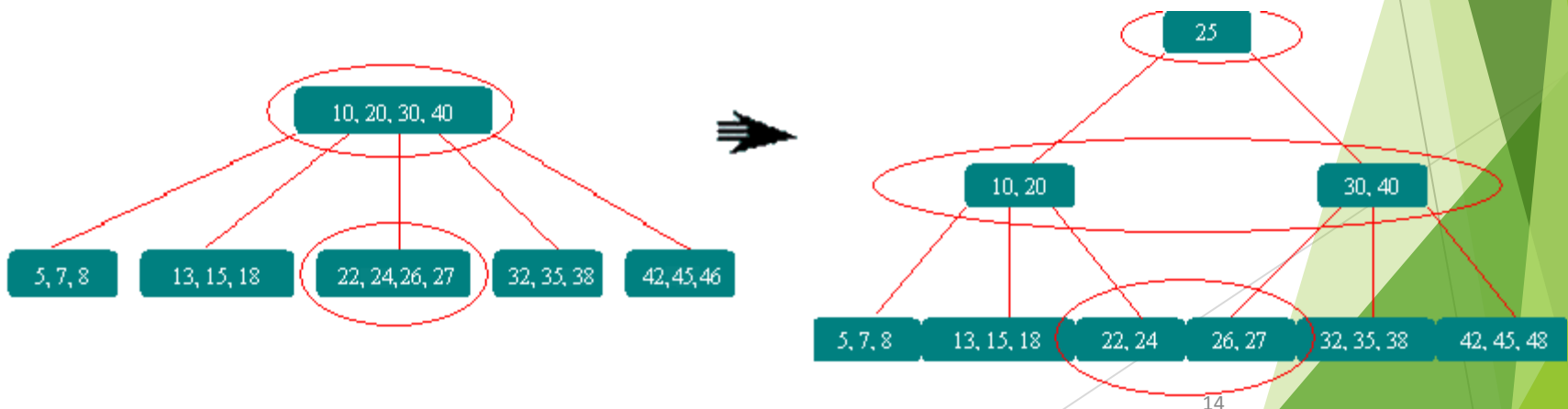
Thêm

- Tạo B-Tree bậc 5 từ dãy các khóa sau : 20 40 10 30 15 35 7 26
18 22 5 42 13 46 27 8 32 **38 24 45** 25



Thêm

- ▶ Tạo B-Tree bậc 5 từ dãy các khóa sau : 20 40 10 30 15 35 7 26 18 22 5 42 13 46 27 8 32 38 24 45 **25**
- ▶ Thêm 25 vào node (22, 24 26, 27) làm node này bị đầy -> tách và 25 được đưa lên node cha (10, 20, 30, 40)
- ▶ 25 được đưa lên node cha (10, 20, 30, 40) làm node này bị đầy -> tách thành 2 node và khoá giữa 25 được đưa lên thành cha (node gốc mới

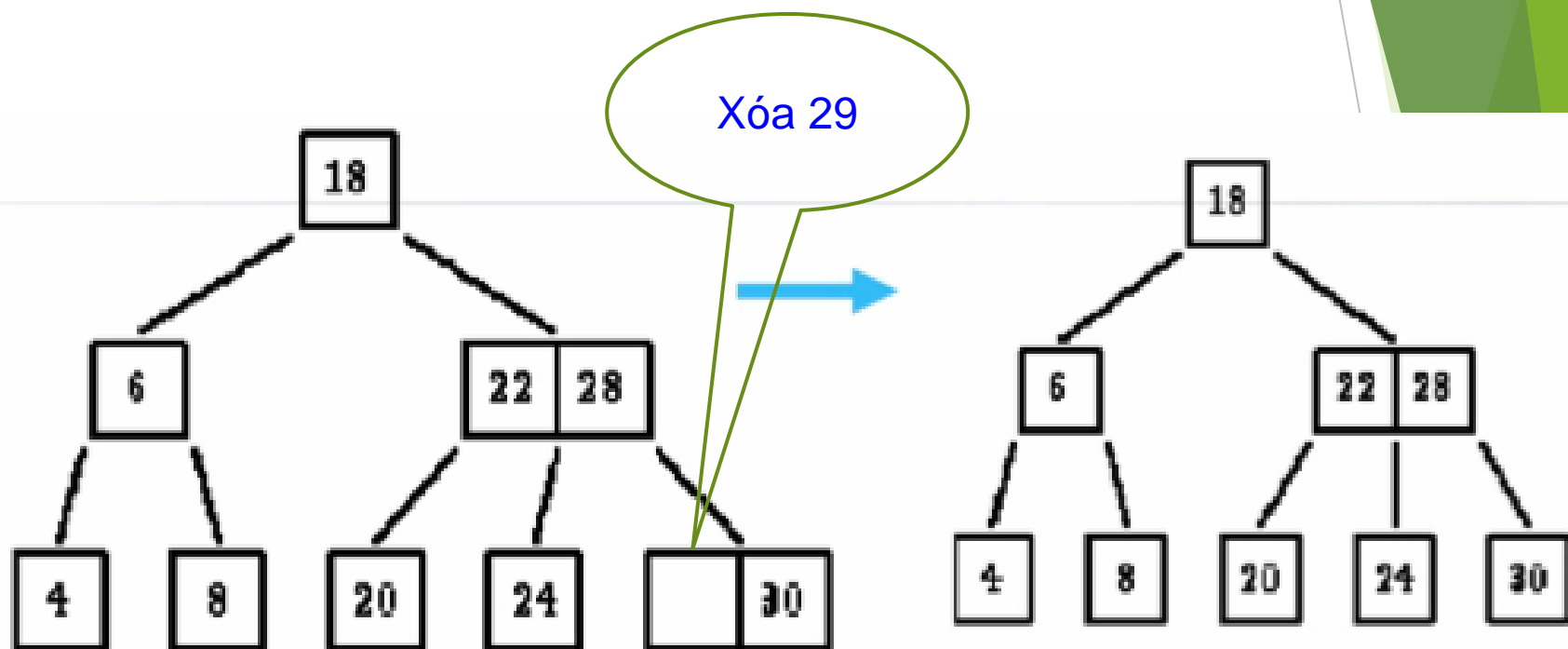


Xóa

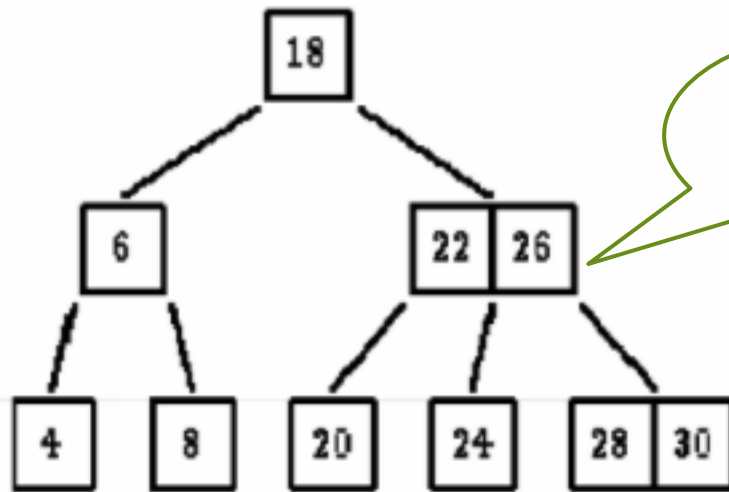
- ▶ Khóa cần xóa nằm trên node lá -> Xóa bình thường
- ▶ Khóa cần xóa không trên node lá:
 - ▶ Tìm phần tử thay thế: trái nhất ở cây con bên phải hoặc phải nhất trên cây con bên trái.

Xoá

- Xoá 1 khoá trên trang lá (B-Tree bậc 3)

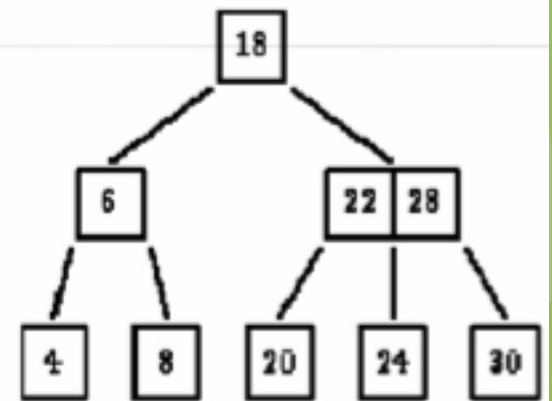
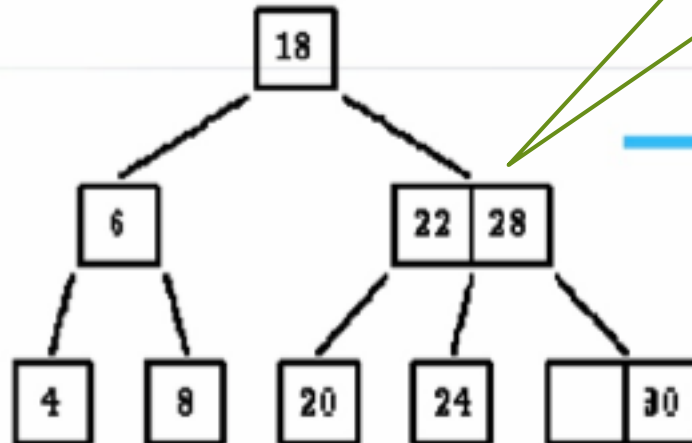


Xoá



Xóa 26,
không trên
trang lá

Phần tử thay
thế 28: trái
nhất trên cây
con phải

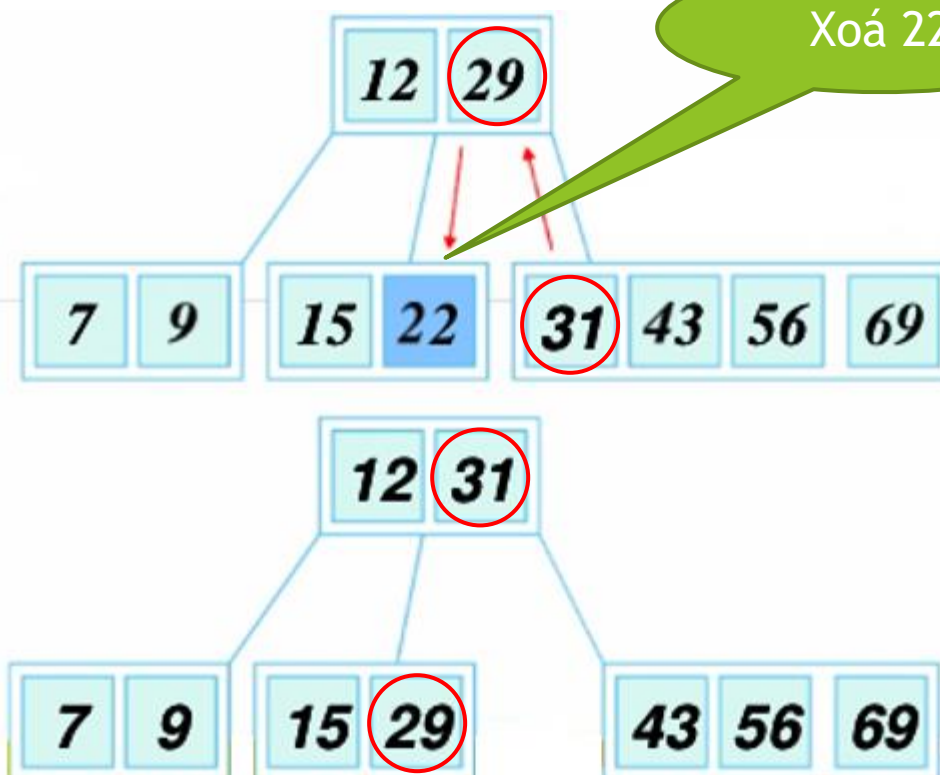


Cân bằng cây sau khi xóa

- ▶ Sau khi xóa, node bị thiếu (vi phạm điều kiện B-tree):
 - ▶ Hoặc chuyển dời phần tử từ node thừa
 - ▶ Hoặc ghép với node bên cạnh (trái/phải)

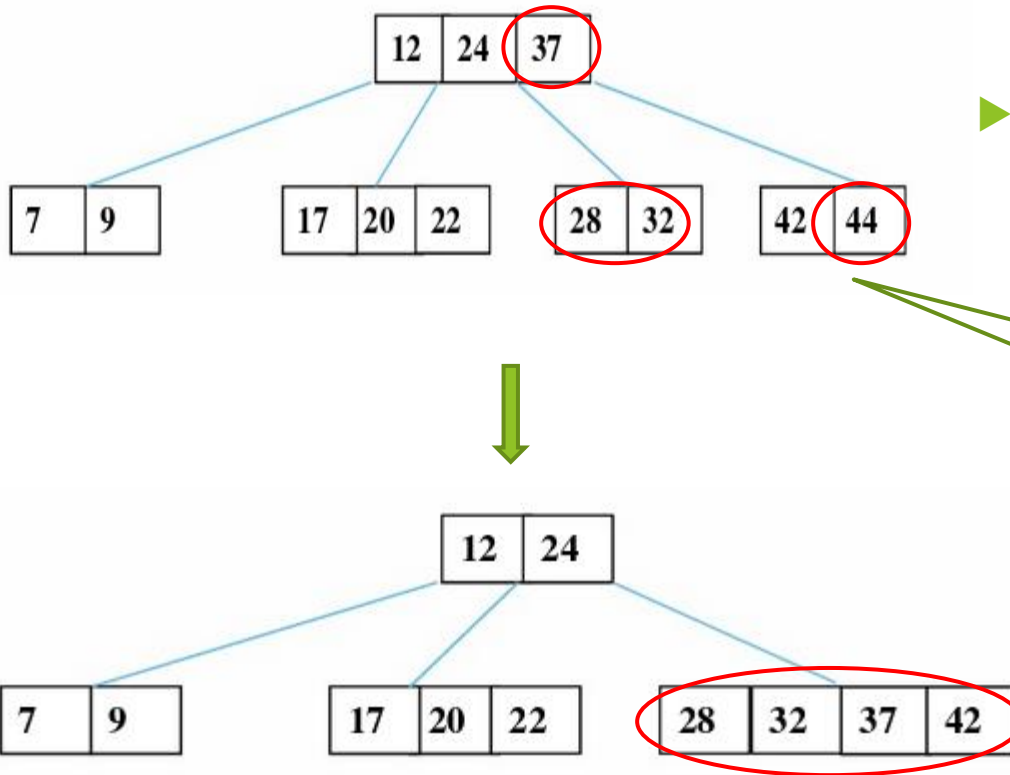
Cân bằng cây sau khi xóa

- ▶ Nếu một trong các **nút kế cận** nút đang xét (nút chứa khóa cần xóa) có số lượng khóa nhiều hơn số lượng tối thiểu:
 - ▶ Đưa 1 khóa của **nút kế cận** lên nút cha
 - ▶ Đưa 1 khóa ở nút cha xuống nút đang xét (thay thế khóa cần xóa)



Cân bằng cây sau khi xoá

- ▶ Tất cả nút kế cận nút đang xét có số lượng khoá vừa đủ:
- ▶ Chọn 1 nút kế cận để **hợp nhất** với nút đang xét và khoá tương ứng ở nút cha.
- ▶ Nếu nút cha thiếu khoá, lặp lại quá trình này.



Xoá 44: hợp
nhất 42, 37, 28
32

Cân bằng cây sau khi xoá

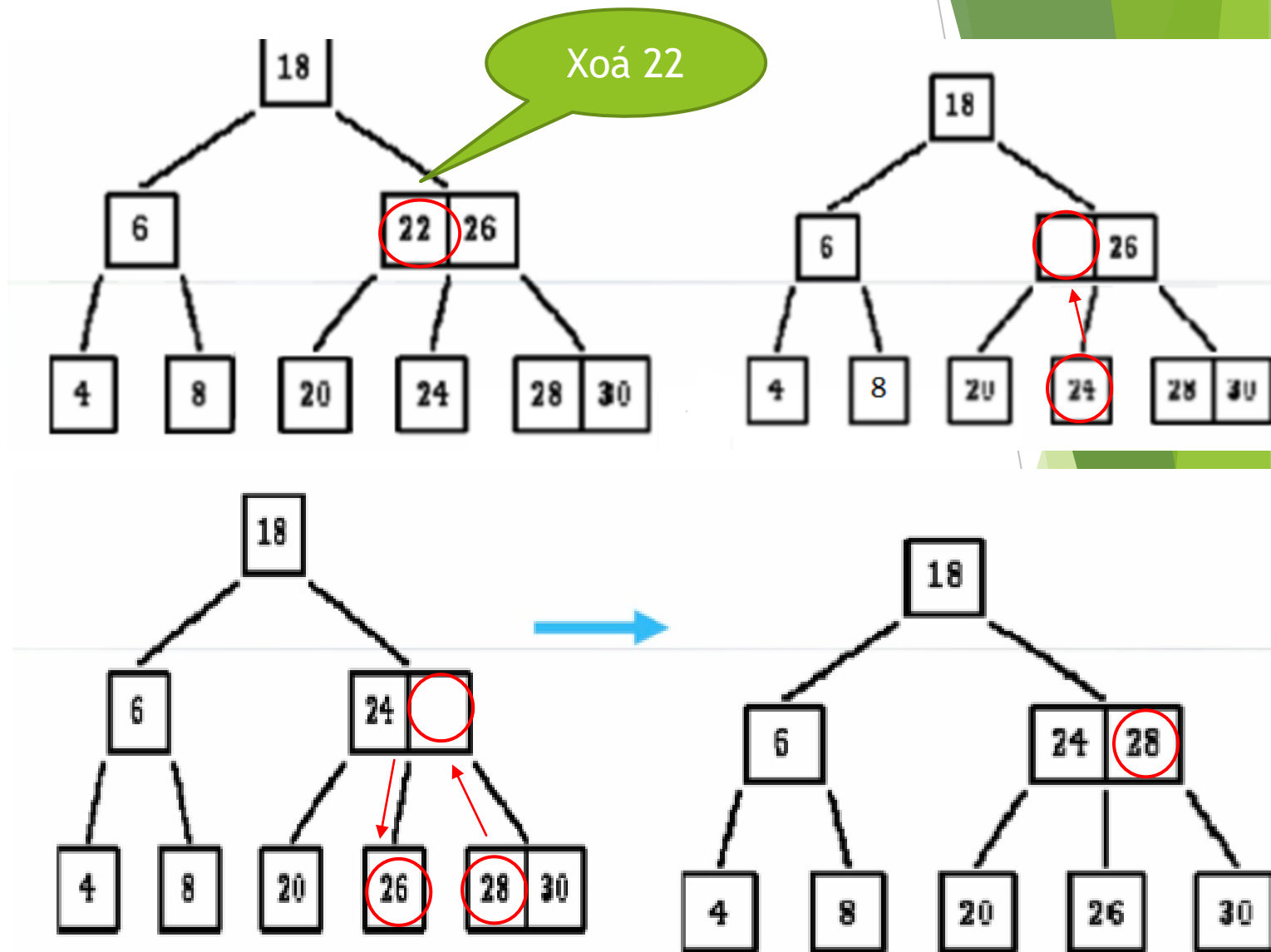
► Xoá 22 (b-tree bậc 3):

- Nút thay thế là 24: trái nhất của nhánh phải

→ thiếu lá.

- Đưa 1 khoá của nút kế cận lên nút cha

- Đưa 1 khoá ở nút cha xuống nút thiếu

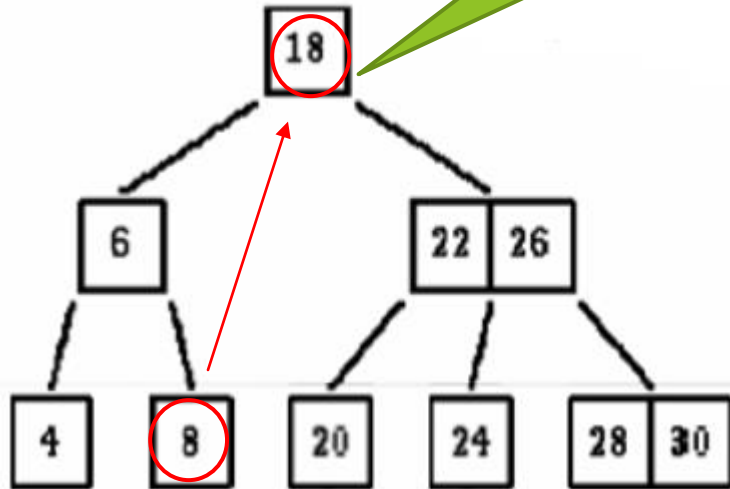


Cân bằng cây sau khi xoá

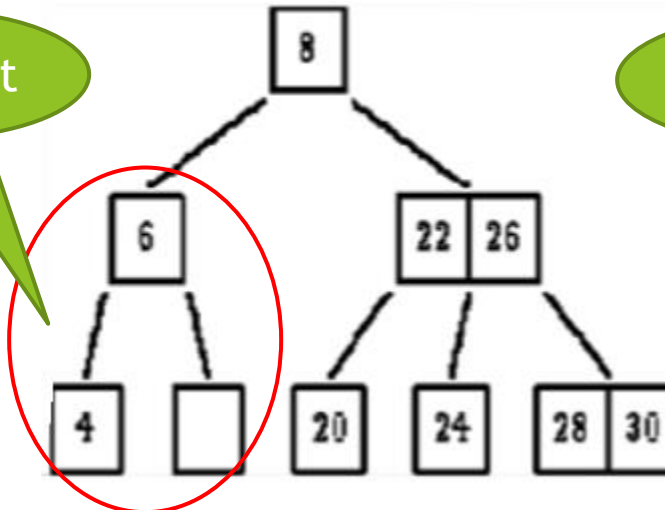
► Xoá 18:

- **Đưa 8 lên thay** (phải nhất của cây con trái) -> thiếu lá
- Các nút có số lượng khóa vừa đủ: hợp nhất nút kế cận (4), nút đang xét (null) và khóa tương ứng ở nút cha (6) → cây mất cân bằng

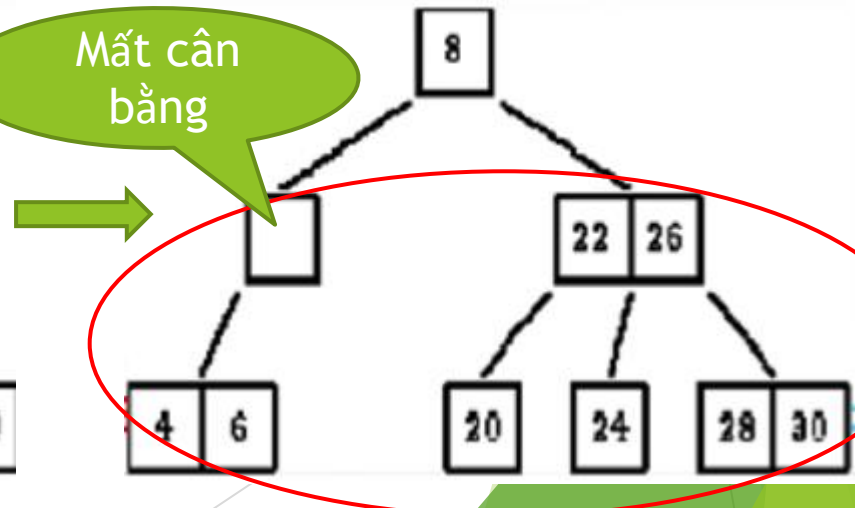
Xoá 18 đưa 8 lên thế



Hợp nhất



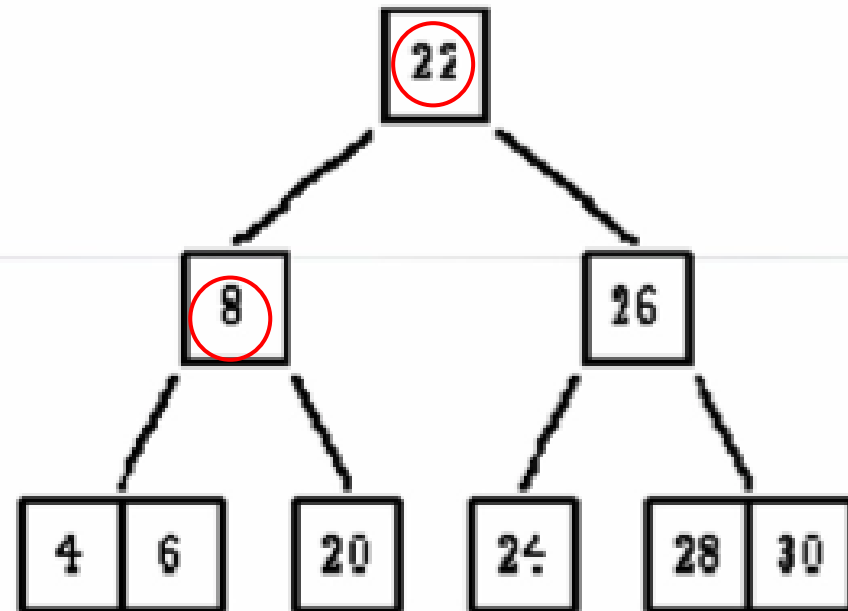
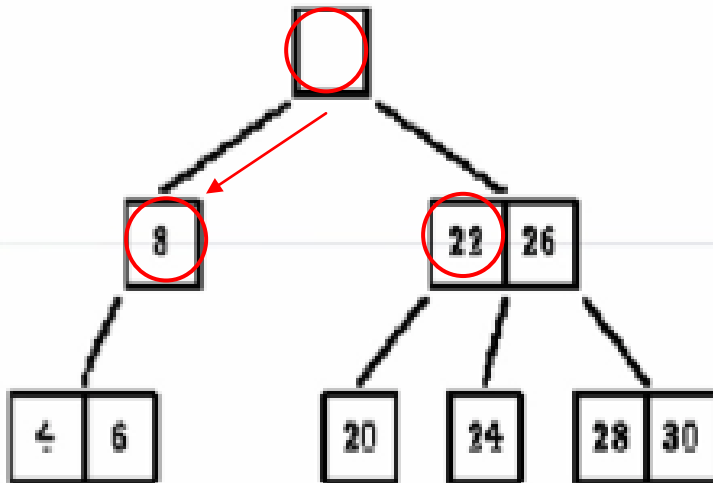
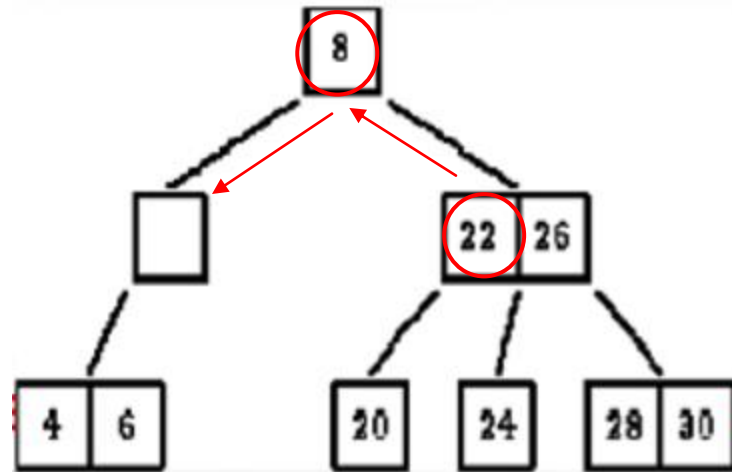
Mất cân bằng



Cân bằng cây sau khi xoá

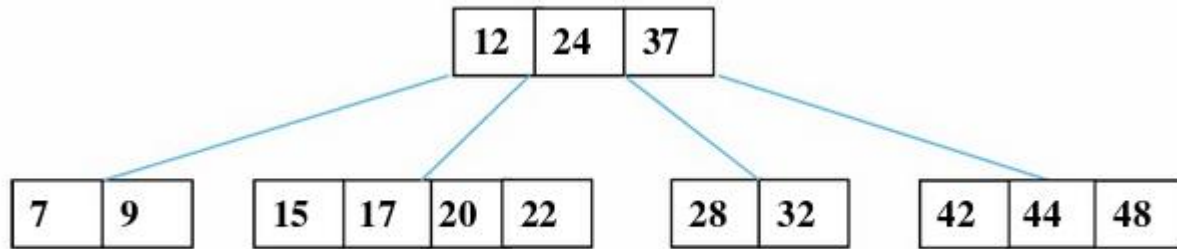
► Xoá 18 (tt)

- Đưa 1 khoá của nút kế cân (22 26) lên nút cha
- Đưa 1 khoá ở nút cha xuống nút thiếu

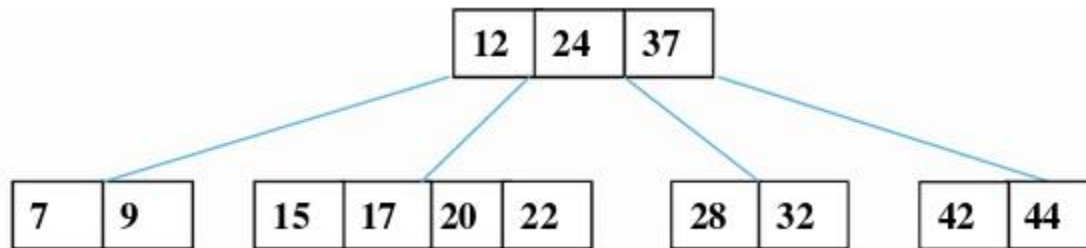


Xóa

► B-tree bậc 5:

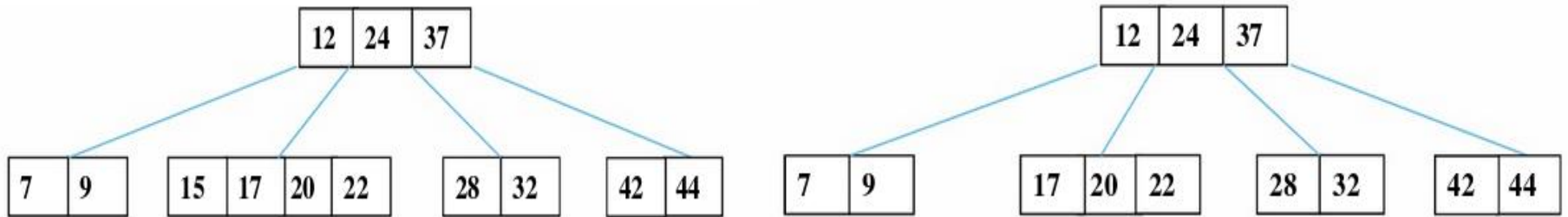


► Xóa 48: trên trang lá

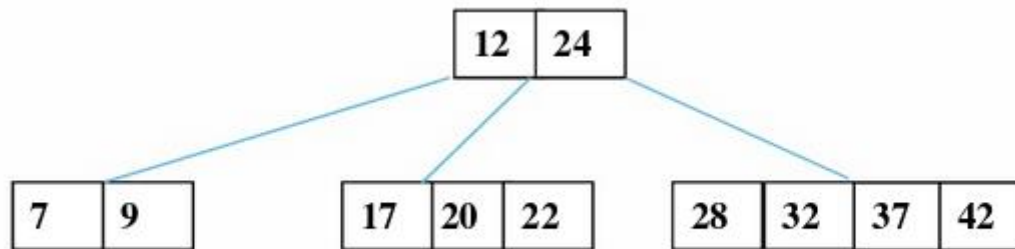


Xóa

► Xóa 15: trên trang lá

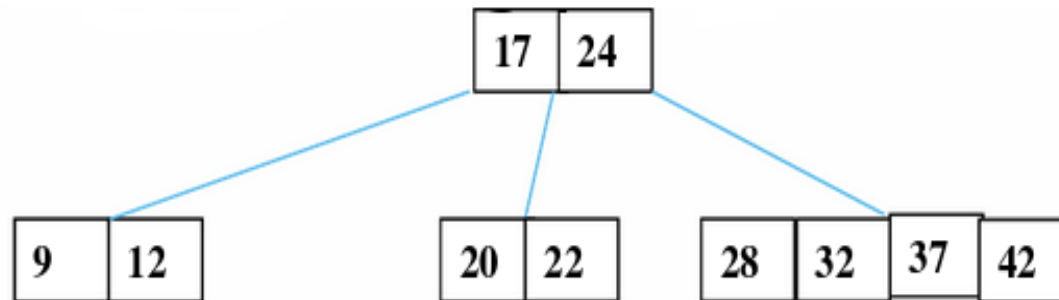
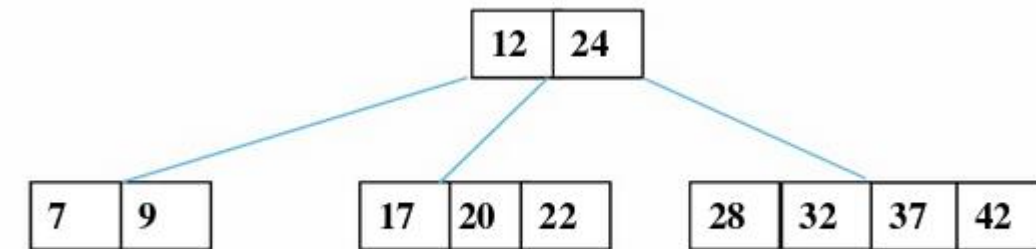


► Xóa 44: gộp trang



Xóa

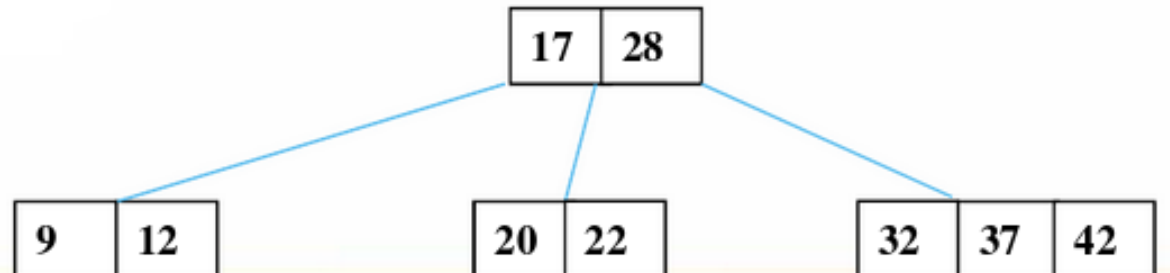
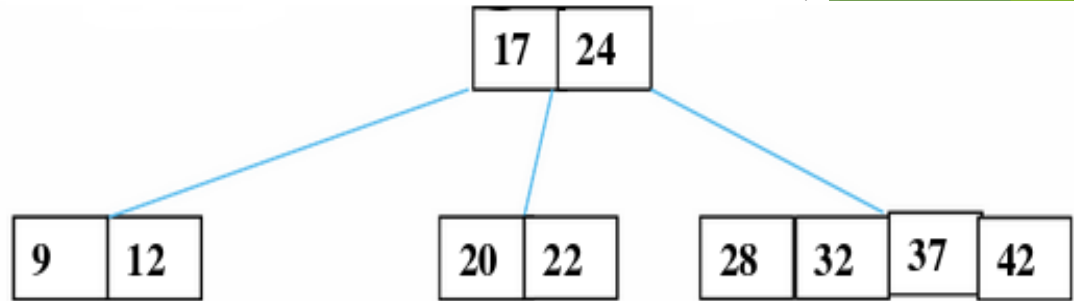
► Xóa 7: mượn trang phải



Xoá

► Xoá 24:

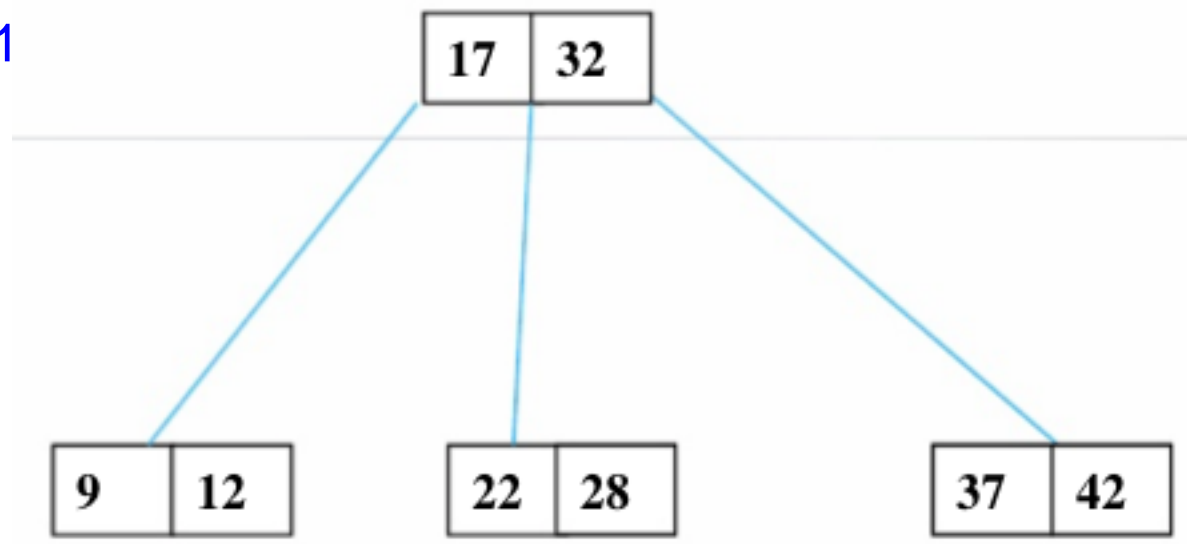
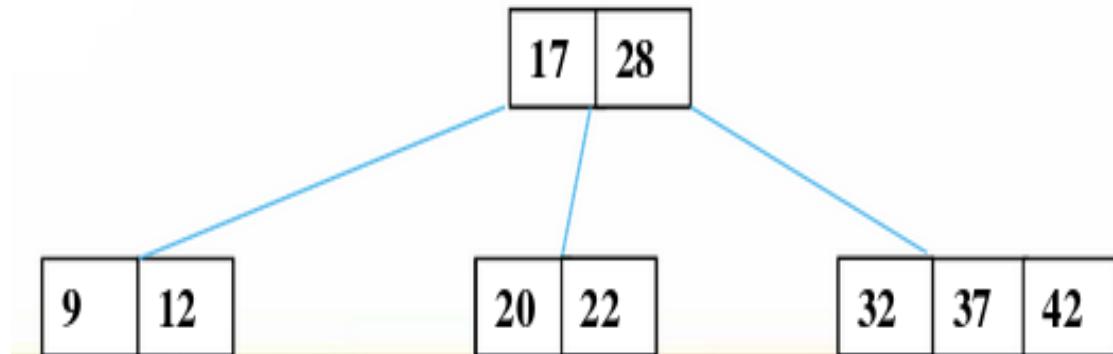
- Nếu đưa 22 lên thế, trang 22, 20 chỉ còn 1 phần tử (không hợp lệ)
- → Đưa 28 lên thế



Xoá

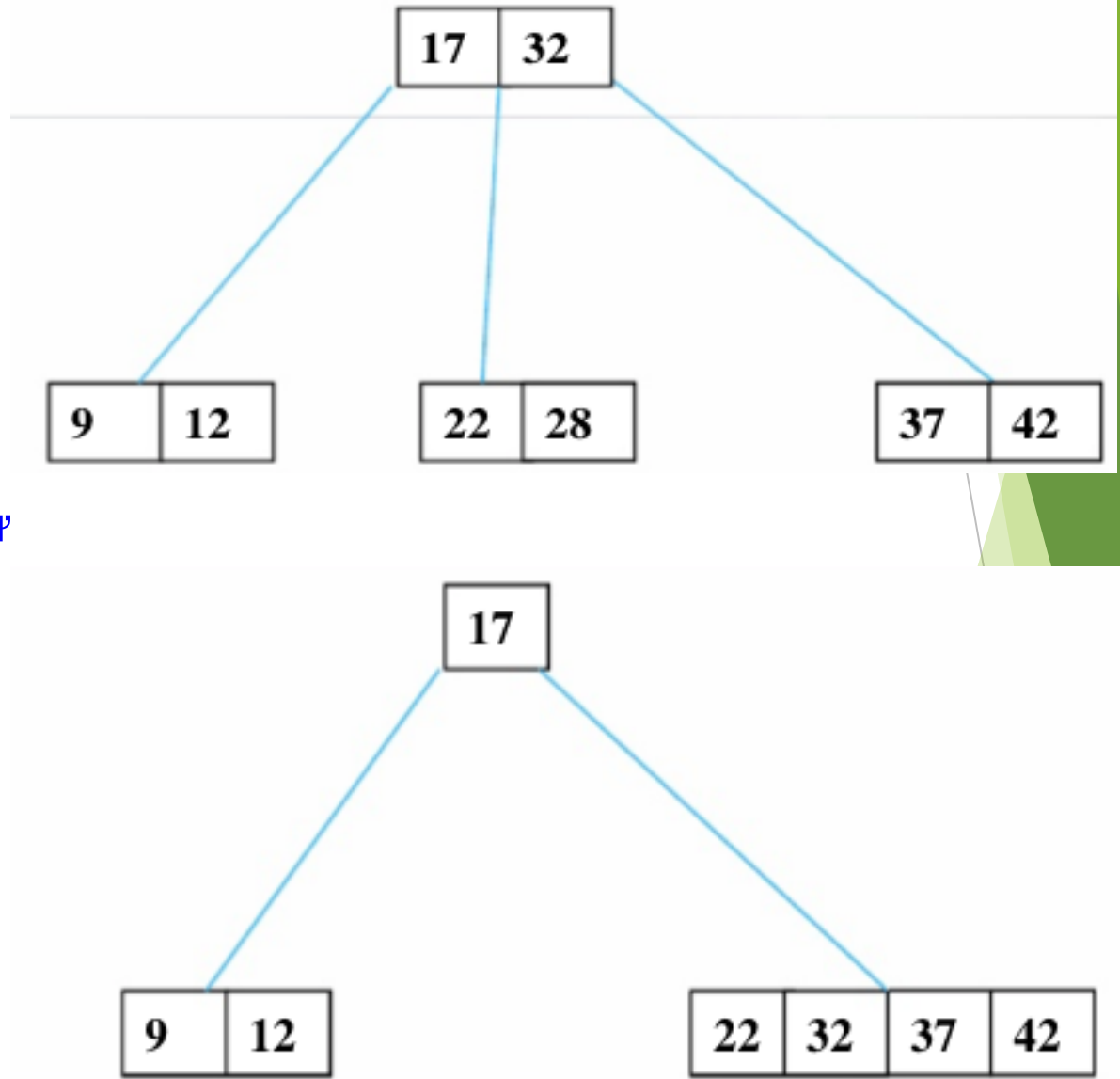
► Xoá 20:

- Trang 22 còn 1 phần tử là không hợp lệ
- Mượn trang phải 1 phần tử. Tức là mang 32 lên cha, đưa 28 xuống ghép với 22.



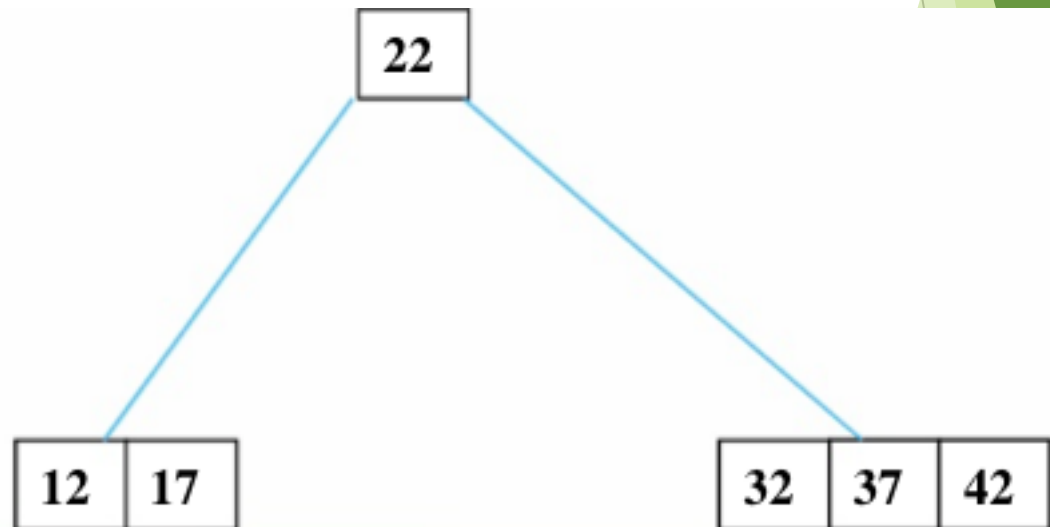
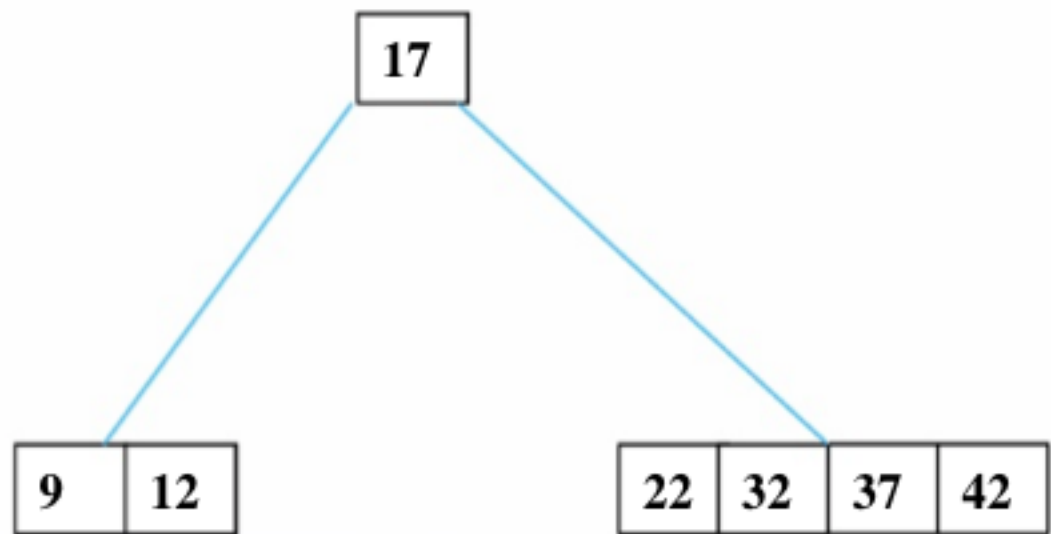
Xoá

- ▶ **Xoá 28:**
- ▶ Trang 22 còn 1 phần tử là không hợp lệ.
- ▶ Trang bên phải cũng có số phần tử vừa đủ → không thể mượn.
- ▶ Do đó, phải gộp trang.



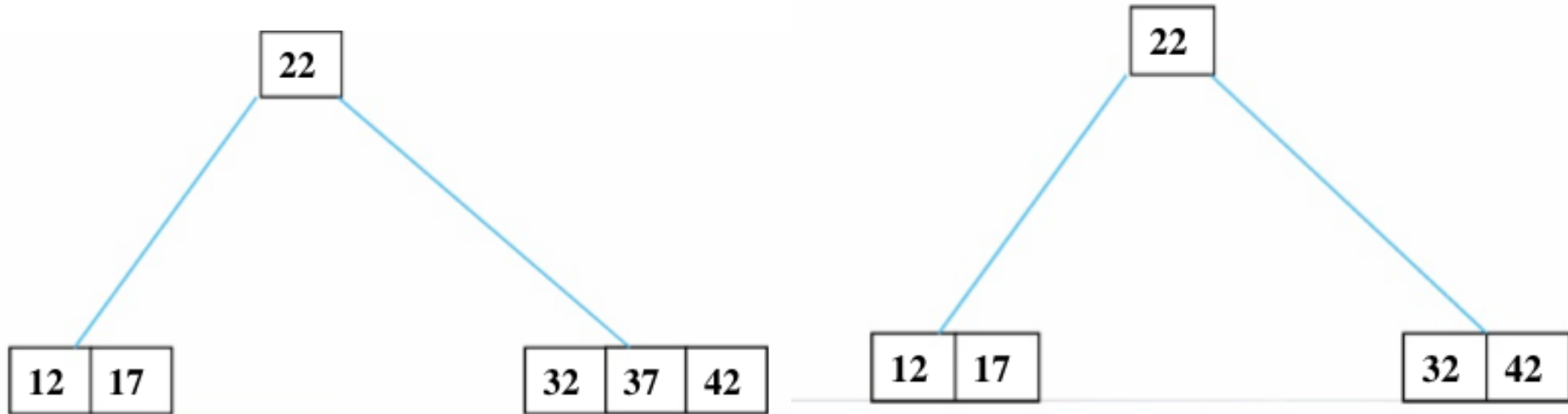
Xoá

- **Xoá 9:**
- Mượn phần tử của trang bên phải.

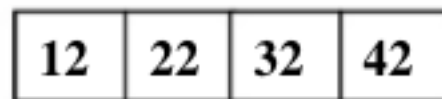


Xoá

► Xoá 37:



► Xoá 17: gộp trang.



Ứng dụng của B-Tree

- B-Tree có nhiều biến thể và cải tiến
 - B⁺-Tree
 - B^{*}-Tree
- Quản lý dữ liệu trên đĩa cứng, dữ liệu lớn

Ứng dụng của B-Tree

- File system - Hệ thống quản lý file trên đĩa cứng
 - Danh sách các block còn trống
 - File x đang nằm ở block số mấy?
- Windows:
 - NTFS, FAT32,...
- MacOS
 - HFS+
- Linux
 - Btrfs, Ext, xFS
- Other:
 - HFS, Reiser4, HAMMER, ...